סטטיסטיקה 2

## 4 משימת פרויקט

מטרת משימה 4 היא ליישם את שיטת הBootstrap במקרים בהם קשה לאמוד את השונות וכן ליישם את שיטת מבחני הפרמוטציות לבדיקת השערות אי-פרמטרית.

ודאו כי ההסברים שלכם מלווים בתוצאות המוצגות בקובץ ההגשה, במידת הצורך ניתן להציג בשנית תוצאות ממשימות קודמות. הפעילו שיקול דעת ובחרו בעצמכם כיצד להציג את התוצאות של הסעיפים השונים.

במשימה זו, בכל השאלות על Bootstrap אין להשתמש בפקודות של פייתון לחישוב אוטומטי תוך Bootstrap שימוש בשיטה, והגדירו  $m{B} = m{400}$ . בכל סעיף שבו אינכם מתבקשים במפורש לבצע או מבחן פרמוטציות ניתן להשתמש בכל פונקציה בפייתון.

## חלק א': רגרסיה לינארית

בחלק זה נמשיך את חלקה הראשון של משימה 3. השתמשו באותה שאלת מחקר, אותם משתנים מסבירים ואותו תת-מדגם בגודל 200 שבחרתם במשימה 3 חלק ראשון.

- בשיטות השונות: חשבו רווחי סמך לכל אחד מהמקדמים  $eta_0^*, \dots, eta_k^*$  בשיטות השונות:
- א. רווח סמך על סמך הקירוב הנורמלי כאשר האומד ל-s.e. א. השונויות של וקטור המקדמים  $\hat{eta}$ .
- ב. רווח סמך על סמך הקירוב הנורמלי כאשר האומד ל-.s.e מבוסס על
  - ג. רווח סמך על סמך Bootstrap בשיטת הפיווט.
  - ד. רווח סמך על סמך Bootstrap בשיטת האחוזונים.
- 2. עבור כל אחד מהמקדמים  $eta_0^*, \dots, eta_k^*$  השוו בין אורך רווח הסמך שהתקבל בכל אחת מהשיטות ובדקו האם רווח הסמך מכיל את המקדמים של הוקטור  $\hat{eta}$  המבוסס על המדגם של כלל הנתונים.
- לכל נקודות מהמדגם המקורי שאינן מופיעות בתת-מדגם בגודל 200, נחשוב על כל  $(X_{new},Y_{new})$ :
  - $X_{new}$  א. חזו את ערך הנקודה בהינתן
- ב. חשבו רווח סמך לתוחלת  $E[Y_{new}|X_{new}]$  ברמת סמך מקורבת של 95% בעזרת ב. שיטת Bootstrap לפי בחירתכם.
- -ג. חשבו את אחוז רווחי הסמך שמכילים את הערך האמיתי  $Y_{new}$ . האם הוא קרוב ל-295%
  - ד. ביצד הייתם מחשבים את רווח הסמך לנקודה  $Y_{new}$  ולא לתוחלת שלה בעזרת פיצד הייתם מחשבים את רווח הסמך לפוחד מאין צורך לחשב רק לתת הסבר.
  - הדרכה: שימו לב שהשונות של  $Y_{new}$  מורכבת משני גורמים, אחד התלוי ברעש ואחד התלוי באמידה. העזרו בתרגול 5 שאלה 1.

סטטיסטיקה 2

## חלק ב': מבחנים

X בחלק זה השתמשו בשאלת מבחן שהשתמשתם במשימת פרויקט 2: האם הערך של משתנה שונה בין קטגוריות שונות של משתנה בינארי Y. אם יש לכם יותר משתי קטגוריות, הגבילו את עצמכם לשתי קטגוריות לטובת המשימה הבאה.

- בקטגוריה אחת גדולים X בקטגוריה אחת גדולים נסחו את שאלת המחקר כשאלה האם ההתפלגות של ערכי X בקטגוריה השנייה.
  - 2. בחרו באופן אקראי תת-מדגם בגודל 200. אלו הנתונים שאיתם נעבוד בחלק זה.
    - .3 הגדירו  $\mu_1, \mu_2$  להיות התוחלות בקטגוריה הראשונה והשנייה בהתאמה.
- אומד נראות שקיבלתם האומד האומד . $\delta=\mu_1-\mu_2$  ואת ואת אומד נראות א. א. אמדו את  $\mu_1,\mu_2$  את מרבית?
  - $\delta$ -ב. מצאו רווח סמך ל
- ג. אמדו את  $\delta$  על סמך כל הנתונים. האם האומד של  $\delta$  על סמך כל הנתונים נמצא ברווח הסמך של הסעיף הקודם?
- ד. בחנו את ההשערה של שאלה 1 בעזרת מבחן וולד ובעזרת מבחן פרמוטציות. ניתן להשתמש בדגימה במבחן הפרמוטציות.
  - .4 הגדירו $m_1, m_2$  להיות החציונים (שברון 0.5) בקטגוריה הראשונה והשנייה.
- א. אמד אומד הוא אומד שקיבלתם האומד האומד  $\delta=m_1-m_2$  ואת אומד נראות א. א $m_1,m_2$  א. מרבית?
  - $\delta$ -ב. מצאו רווח סמך ל
  - ג. אמדו את  $\delta$  על סמך כל הנתונים. האם האומד של  $\delta$  על סמך כל הנתונים נמצא ברווח הסמך של הסעיף הקודם?
    - ד. בחנו את ההשערה של שאלה 1 בעזרת מבחן פרמוטציות. ניתן להשתמש בדגימה.
      - ה. אם ניתן להשתמש במבחן וולד? במבחן t בסעיף ד'? נמקו.
- 1. הגדירו  $S_1$  להיות סכום הדרגות בקטגוריה הראשונה. בחנו את ההשערה של שאלה בעזרת מבחן פרמוטציות. האם ניתן להשתמש בקירוב נורמלי? אם כן, השתמשו בו. השוו לתוצאה בעזרת דגימה.
- 6. דונו בקצרה בתוצאות שאלות 3-5. האם התוצאות שקיבלתם מסתדרות עם ההתפלגויות שהצגתם בהיסטוגרמות של המשתנים?