



سوال A: 1454A

- ❖ هر جایگشتی با خاصیت موجود برای این سوال چاپ کنیم کافی خواهد بود.
- ❖ با توجه به اینکه $n \geq 2$ میباشد، حتما چنین جایگشتی وجود خواهد داشت و در واقع برای هر n که در نظر بگیریم، به تعداد جایجایی ها جواب وجود خواهد داشت که کد های زیر یکی از این جواب هارا تولید میکنند:

C++:

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
typedef long long ll;
int main(){
    ll t;
    cin >> t;
    while(t--){
        ll n;
        cin >> n;
        for(ll i=n;i>=1;i--){
            if(n%2 && i==n/2+1){
                cout<<i-1<< ' '<<i<< ' ';
                i--;
                continue;
            }
            cout<<i<< ' ';
        }
        cout<<endl;
    }
    return 0;
}
```

Python:

```
input()
a=sorted(map(int,input().split()))[::-1]
a[:2]=a[1::-1]
if a[1]<a[0]+a[2]:print('YES',*a)
else:print('NO')
```



- ❖ تنها کافیست برای یک z ، چک کنیم اعداد موجود در خانه های $z-1$ و $z+1$ در شرایط موجود صدق میکنند یا نه و یعنی فقط سه تایی های متوالی را بررسی کنیم. اگر هیچ سه تایی در شرایط صدق نکند، یعنی آرایه تا جایی نزولی است و از آنجا به بعد کاملاً صعودیست که باعث میشود هیچ جوابی نداشته باشیم. (پیچیدگی زمانی؟)
- ❖ راه با پیچیدگی زمانی n^2 هم آن است که برای هر z چک کنیم آیا عددی کوچکتر در قبل آن و سپس در بعد آن وجود دارد یا نه؟ (آیا میتوانید با استفاده از ذخیره کردن اطلاعات این راه را به راهی با $O(n)$ تبدیل کنید؟)

C++:

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
typedef long long ll;

int main(){
    ll t;
    cin >> t;
    while(t--){
        ll n; cin >> n;
        std::vector<ll> p(n);
        for(ll i=0; i<n; i++) cin >> p[i];
        bool ok = false;
        for(ll j=1; j<n-1; j++){
            if(p[j]>p[j-1]&& p[j]>p[j+1]){
                ok = true;
                cout<<"YES"<<endl;
                cout<<j-1+1<<" "<<j+1<<" "<<j+1+1<<endl;
                break;
            }
        }
        if(!ok) cout<<"NO"<<endl;
    }
    return 0;
}
```

Python

```
for _ in range(int(input())):
    n = int(input())
    a = list(map(int, input().split()))
    for i in range(1, n-1):
        if a[i-1]<a[i]>a[i+1]:
            print("YES", i, i+1, i+2)
            break
    else: print("NO")
```



- ❖ اگر n را بتوان به شکل $2x$ یا $4x$ نوشت که x یک عدد مربع است، پاسخ YES است. در غیر این صورت NO است.
- ❖ برای تجسم این ساختار، ابتدا با ساختن یک مربع کوچکتر با استفاده از 2 یا 4 قطعه شروع می کنیم. فقط کافی است از x تا x آن مربع های کوچکتر برای ساختن یک مربع بزرگتر استفاده کنیم.
- ❖ بیایید ثابت کنیم که هیچ پاسخ دیگری وجود ندارد. بیایید هر قطعه مثلث را طوری تعریف کنیم که یک ضلع کوتاه به طول a و یک ضلع بلندتر به طول رادیکال 2 داشته باشد. یک ضلع مربع را در نظر بگیرید، و فرض کنید که a مثلث در ضلع کوتاه و b مثلث در ضلع بلندتر دارد. طول ضلع $a+2-\sqrt{b}$ خواهد بود. مساحت مربع یک عدد گویا است زیرا مساحت هر قطعه مثلث گویا است. بنابراین، $(a+2-\sqrt{b})^2$ باید گویا باشد، به این معنی که a 0 است، یا b 0 است. اگر هر کدام 0 باشد، می توانیم از ساختار پاراگراف قبل استفاده کنیم.

C++:

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
typedef long long ll;
bool sq(int n){
    int a = sqrt(n);
    return a*a==n;
}
int main(){
    ll t;
    cin >> t;
    while(t--){
        ll n;
        cin >> n;
        if(n%2==0&&sq(n/2))cout<<"YES"<<endl;
        else if(n%4==0&&sq(n/4))cout<<"YES"<<endl;
        else cout<<"NO"<<endl;
    }
    return 0;
}
```

Python:

```
for i in range(int(input())):
    n=int(input())
    print('YES' if n%2==0 and n//2==round((n//2)**0.5)**2 or n%4==0 and
n//4==round((n//4)**0.5)**2 else 'NO')
```



- ❖ ما به رشته های واقعی اهمیت نمی دهیم، تمام اطلاعاتی که نیاز داریم این است تعداد جفت ها $\{o, o\}$, $\{o, a\}$, $\{a, a\}$ آن را بشماریم و سپس الگوریتمی حریصانه را برای اولین بازیکن دنبال میکنی: سعی کنید ایندکس با $\{a, a\}$ در صورت وجود بیابیم، و بعد $\{o, a\}$ ، و بعد $\{o, o\}$ و در نهایت $\{o, o\}$.
- ❖ برای بازیکن دوم استراتژی مشابه: اول $\{a, a\}$ ، از $\{o, a\}$ ، از $\{a, o\}$ ، از $\{o, o\}$.
- ❖ پس از آن فقط مقایسه کنید که چه کسی بیشتر دارد.

C++:

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
typedef long long ll;
int main(){
    ll n;
    string s1;
    string s2;
    cin >> n >> s1 >> s2;
    ll f=0,c=0,s=0;
    for(ll i=0;i<2*n;i++){
        if(s1[i]=='1'&& s2[i]=='1')
            c++;
        else if(s1[i]=='1')
            f++;
        else if(s2[i]=='1')
            s++;
    }
    f = c%2 ? f+1:f;
    if(s>f+1){
        cout<<"Second"<<endl;
    }
    else if(f>s){
        cout<<"First"<<endl;
    }
    else{
        cout<<"Draw"<<endl;
    }
    return 0;
}
```



Python:

```
n = int(input())
a, b = input(), input()
t = {i + j: 0 for i in '01' for j in '01'}
for i in range(2 * n): t[a[i] + b[i]] += 1
d = t['11'] & 1
d += (t['10'] - t['01'] + 1 - d) // 2
if d > 0: d = 1
elif d < 0: d = 2
print(['Draw', 'First', 'Second'][d])
```



❖ وکتور a را اینگونه در نظر میگیریم که $a[0]$ اولین زیر دنباله ی صعودی است $a[i]$ دومین زیر دنباله صعودی است و به همین ترتیب، سپس با باینری سرچ، هریک از اعضای آرایه را به زیر دنباله ی مناسب آن اضافه میکنیم. میدانیم برای $num[i]$ زیر آرایه ی صعودی مناسب، زیر آرایه ای با کمترین اندیس ممکن است که عدد آخر آن، از $num[i]$ کوچکتر باشد. پس بر همین اساس باینری سرچ را می نویسیم.

C++:

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
typedef long long LL;

const LL mx = 2*1e5;
vector<LL> num(mx);
vector<LL> a[mx];
int main(){
    LL n;
    cin >> n;

    for(LL i=0;i<n;i++){
        cin >> num[i];
    }
    for(LL i=0;i<n;i++){
        LL l=-1,h=n,mid=n;
        while(l<h-1){
            mid = (l+h)/2;
            if(a[mid].size()==0 || a[mid][a[mid].size()-1]<num[i]){
                h=mid;
            }
            else{
                l=mid;
            }
        }
        a[h].push_back(num[i]);
    }
    for(LL i=0;i<n;i++){
        for(LL j=0;j<a[i].size();j++){
            cout<<a[i][j]<<' ';
            if(j==a[i].size()-1)cout<<endl;
        }
    }
    return 0;
}
```

