



## سوال A: 1311A

- ❖ اگر  $a$  و  $b$  مساوی باشند، آنگاه جواب ما صفر خواهد بود.
- ❖ اگر  $a > b$  باشد و  $a - b$  عددی زوج باشد یا اینکه  $a < b$  و  $b - a$  عددی فرد باشد آنگاه جواب حتما 1 می شود.
- ❖ در غیر این صورت جوابی برابر با 2 خواهیم داشت.
- ❖ در کد سوال مشاهده می شود که با عمل گرهای بیتی شرط ها پیاده سازی شده اند.

## C++:

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;

int main()
{
    int t;

    cin >> t;
    while (t--)
    {
        int a, b;
        cin >> a >> b;
        if (a == b)
            cout << 0 << endl;
        else
            cout << 1 + int((a < b) ^ ((b - a) & 1)) << endl;
    }
    return 0;
}
```

## Python:

```
for _ in range(int(input())):
    a, b = map(int, input().split())
    print(0 if a == b else 1+int((a < b) ^ ((b-a) & 1)))
```



❖ اگر  $n = 0$  انگاه بازیکن بعدی بازی را می بازد

(هر چند در ابتدا با توجه به محدوده  $n$  این حالت امکان پذیر نیست).

- ❖ اگر  $n$  زوج باشد، Mahmoud باید عددی زوج انتخاب کند و آن مساوی با  $n$  خواهد بود؛ در غیر این صورت ( $n$  زوج) Mahmoud باید عددی کوچکتر از  $n$  انتخاب کند.
- ❖ حال اگر  $n$  عددی فرد و  $a$  عددی زوج باشد تفاضل آنها عددی فرد خواهد شد و از آنجایی که Ehab باید عددی فرد انتخاب کند، عددی مساوی  $n$  انتخاب کرده و برنده خواهد شد.
- ❖ بنابراین اگر  $n$  زوج باشد Mahmoud برنده می شود و اگر  $n$  فرد باشد Ehab برنده میشود. اگر  $n = 1$  باشد، انگاه Mahmoud توانایی انتخاب عدد دیگری را نداشته و Ehab برنده میشود.

C++:

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;

int main()
{
    int n;

    cin >> n;
    if (n % 2 == 0)
        cout << "Mahmoud" << endl;
    else
        cout << "Ehab" << endl;

    return 0;
}
```

Python:

```
print(['Mahmoud', 'Ehab'][int(input()) % 2])
```



- ❖ اول از همه تعداد عدد های غیر تکراری آرایه a را d مینامیم.
- ❖ اکنون دنباله ای به تعداد d از آرایه a میسازیم و کوچکترین عنصر را از کپی اول، دومین عنصر را از کپی دوم بر میداریم و به همین ترتیب ادامه می دهیم تا کپی آخر.
- ❖ به زبان ساده تر جواب ما در واقع **تعداد عناصر غیر تکراری آرایه a** میباشد.

C++:

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;

int main()
{
    int t;

    scanf("%d", &t);
    while (t--)
    {
        int n;
        scanf("%d", &n);
        set<int> s;
        while (n--)
        {
            int a;
            scanf("%d", &a);
            s.insert(a);
        }
        printf("%d\n", s.size());
    }

    return 0;
}
```

Python:

```
t = int(input())
for _ in range(t):
    n = int(input())
    print(len(set(input().split())))
```



- ❖  $X$  را تعداد درایه های منفی ماتریس و  $S$  را مجموع قدر مطلق همه درایه ها در نظر می گیریم
- ❖ توجه کنید که این عملیات (ضرب در  $-1$ ) را میتوانیم برای هر دو درایه ای که به هم راه دارند انجام دهیم.
- ❖ اگر ماتریس ما دارای عدد صفر باشد آنگاه جواب مسئله همان  $S$  است. (چرا؟)
- ❖ در غیر اینصورت اگر  $X$  زوج باشد می توان همه آنها مثبت کرد و در اینصورت جواب ما همان  $S$  است . ولی اگر  $X$  فرد باشد و عدد صفر نیز موجود نباشد ، حداقل یک عدد منفی باقی می ماند پس بزرگترین عدد منفی را پیدا کرده و بقیه را مثبت میکنیم و در آخر آن عدد را با  $S$  جمع میکنیم.

C++:

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
int main()
{
    int n;
    cin >> n;
    for (int i = 0; i < n; i++)
    {
        int k, m, n;
        int ans = 0;
        int cnt = 0;
        int b = 100;
        cin >> m >> n;
        for (int j = 0; j < m * n; j++)
        {
            cin >> k;
            ans += abs(k);
            if (k < 0)
                cnt++;
            b = min(abs(k), b);
        }
        if (cnt % 2)
            ans -= 2 * b;
        cout << ans << endl;
    }
    return 0;
}
```



## Python:

```
for _ in range(int(input())):
    n, m = map(int, input().split())
    a = []
    neg = 0

    for i in range(n):
        a += list(map(int, input().split()))

    neg = sum(map(lambda x: x < 0, a))

    b = [abs(x) for x in a]
    if neg % 2 == 0:
        print(sum(b))
    else:
        print(sum(b) - 2 * min(b))
```



❖ این مساله با کمک الگوریتم greedy حل می‌شود.

❖ همانطور که گفته شده  $b_i$  با مینیمم  $a_{2i}$  ,  $a_{2i-1}$  برابر است. پس یکی از این دو عدد باید برابر با  $b_i$  باشد.

حال سوال این است که کدام یک؟

❖ [lexicographically minimal](#) را می‌توان به این صورت توضیح داد که جایگشتی از حروف است که با شرایط

موجود در مساله، زود تر از بقیه رشته ها ظاهر شود. یعنی اگر رشته از عدد تشکیل شده است عدد های کوچک تر،

یا اگر حروف تشکیل شده حروفی که در الفبا اول تر هستند، زود تر ظاهر شوند. پس از بین  $a_{2i}$  و  $a_{2i-1}$  باید

را برابر با  $b_i$  در نظر بگیریم تا عدد کوچک تر قبل از عدد بزرگ تر آمده باشد.

❖ اکنون که میدانیم  $a_1=b_1$  ,  $a_3=b_2$  ,  $a_5=b_3$  و ... به جای اندیس های زوج  $a$  باید چه عدد هایی را قرار دهیم؟

❖ میدانیم  $a_2 > a_1$  ( زیرا  $a_2 = \min(a_1, a_2)$  ) . پس میتوانیم  $a_2$  را برابر با مینیمم  $x$  ای در نظر بگیریم که

$x > a_1$  و  $x \neq a_3$  ,  $x \neq a_5$  ,  $x \neq a_7$  و ... . زیرا این ها را از قبل پر کرده ایم. اگر همچنین  $x$  ای وجود نداشته باشد

(یعنی همه اعداد بزرگ تر از  $a_1$  استفاده شده باشند) جوابی برای مساله وجود ندارد.



## C++:

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;

int main()
{
    int t;
    cin >> t;
    while (t--)
    {
        int n, i, j;
        cin >> n;
        int b[2 * n];
        bool visited[2 * n + 1] = {0};
        for (i = 0; i < 2 * n; i += 2)
        {
            cin >> b[i];
            visited[b[i]] = 1;
        }
        for (i = 1; i < 2 * n; i += 2)
        {
            j = b[i - 1] + 1;
            while (j <= 2 * n && visited[j] == 1)
                j++;
            if (j > 2 * n)
                break;
            visited[j] = 1;
            b[i] = j;
        }
        if (i < 2 * n)
            cout << -1 << endl;
        else
        {
            for (i = 0; i < 2 * n; i++)
                cout << b[i] << " ";
            cout << endl;
        }
    }
    return 0;
}
```



Python:

```
for _ in range(int(input())):
    n = int(input())
    b = list(map(int, input().split()))
    ans = []
    for i in b:
        ans.append(i)
        t = i+1
        while(t in b) or (t in ans):
            t += 1
        ans.append(t)
    if(max(ans) == 2*n):
        print(*ans)
    else:
        print("-1")
```

