



## سوال A: 1551A

❖ بیایید متغیرهای  $c_1$  و  $c_2$  را با مقدار یکسان  $[n/3]$  مقدار دهی کنیم. سپس ما باید باقی مانده تقسیم  $n$  بر ۳ را جمع آوری کنیم. اگر باقی مانده برابر ۰ باشد، نیازی به جمع آوری چیز دیگری نداریم زیرا متغیرهای  $c_1$  و  $c_2$  قبلاً روی پاسخ صحیح تنظیم شده اند:  $|c_1 - c_2| = 0$  زیرا  $c_1 = c_2$  و هیچ مقدار مطلق نمی تواند کمتر از ۰ باشد. در غیر این صورت  $|c_1 - c_2| \neq 0$  زیرا  $c_1 = c_2$  و  $n = c_1 * 2 + c_2 = 3 * c_1$  که در صورت بخش پذیر نبودن  $n$  بر ۳ غیر ممکن است.

❖ اگر باقیمانده برابر ۱ است، پس باید با استفاده از یک سکه ۱ مقدار ۱ را جمع آوری کنیم، بنابراین  $c_1$  را یکی افزایش میدهیم. در این مورد،  $c_1 = c_2 + 1$ ، از این رو  $|c_1 - c_2| = 1$ ، این مقدار نمی تواند کمتر از ۱ باشد، همانطور که در بالا ثابت شد.

❖ اگر باقیمانده برابر ۲ است، پس باید با استفاده از یک سکه ۲ عدد ۲ را جمع آوری کنیم، بنابراین دهید  $c_2$  را به علاوه یک می کنیم. در این مورد،  $c_2 = c_1 + 1$ ، از این رو  $|c_1 - c_2| = 1$ .

## C++:

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
typedef long long ll;

int main(){
    ll t;
    cin >> t;
    while(t--){
        ll n;
        cin >> n;
        cout<<n/3+(n%3==1)<<' '<<n/3+(n%3==2)<<endl;
    }
    return 0;
}
```

## Python:

```
n=int(input())
for i in range(n):
    a=int(input())
    print(a//3+(a%3==1),a//3+(a%3==2))
```



❖ سوال پیاده سازی است و برای حل آن باید دقیقا کاری که گفته شده را انجام دهیم ، پرتقال های با سایز مناسب را آب بگیریم و هر وقت تعداد از d بیشتر شد، یکی به جواب اضافه کنیم و دوباره اندازه بگیریم.

C++:

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
typedef long long ll;

int main(){
    ll n,b,d;
    cin >> n >> b >> d;
    ll in=0;
    ll ans =0;
    for(ll i=0;i<n;i++){
        ll o;
        cin >> o;
        if(o<=b)in+=o;
        if(in>d){ans++;in=0;}
    }
    cout<<ans<<endl;
    return 0;
}
```

Python

```
N,B,D=map(int,input().split())
A=list(map(int,input().split()))
S=0
SUM=0
for I in range(N):
    if A[I]<=B:
        SUM+=A[I]
        if SUM>D:
            SUM=0
            S+=1
print(S)
```



- ❖ اگر "دسته گل مخلوط" وجود نداشته باشد ، پاسخ  $r/3 + g/3 + b/3$  خواهد بود. یک نکته مهم این است که: همیشه یک راه حل بهینه با کمتر از ۳ دسته گل مخلوط وجود دارد.
- ❖ چرا؟ : هنگامی که ۳ دسته گل مخلوط داشته باشیم ، می توانیم آن را به (۱ دسته گل قرمز + ۱ دسته سبز + ۱ دسته گل آبی) تغییر دهیم.
- ❖ بنابراین می توانیم تعداد ۰ ، ۱ ، ۲ دسته گل مخلوط داشته باشیم و بقیه ۳ دسته گل را تک رنگ بسازیم. بین سه حالت بالا آن حالتی که بیشترین نتیجه را داشت خروجی میدهیم.

C++:

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
typedef long long ll;

int main(){
    ll r,g,b;
    cin >> r >> g >> b;
    ll ans = 0;
    for(ll i=0;i<=min(3LL,min(r,min(b,g)));i++){
        ans = max(ans,(r-i)/3+(b-i)/3+(g-i)/3+i);
    }
    cout<<ans<<endl;
    return 0;
}
```

Python:

```
r,g,b = map(int,input().split())
print (max(i+(r-i)//3+(g-i)//3+(b-i)//3 for i in
range(min(r+1,g+1,b+1,3))))
```



❖ نکته ای که وجود دارد این است که تنها اعدادی سه مقسوم علیه دارند که مجذور یک عدد اول باشند. (چرا؟)

❖ پس میتوانیم با استفاده از یک غربال اراتستن اعداد اول را تا مجذور  $10^6$  حساب کنیم و بعد از آن تنها چک کنیم که آیا

مجذور عدد ورودی داده شده اول هست یا نه.

( اگر با غربال اراتستن آشنایی ندارید، سرچ و کلاس رفع اشکال فراموش نشود)

CPP:

```
include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
typedef long long ll;
const ll mx = 1e6+2;
int main(){
    std::vector<ll> num(mx,true);
    num[1] = false;
    for(ll i=2;i<mx;i++){
        if(num[i]){
            for(ll j=i+i;j<mx;j+=i){
                num[j] = false;
            }
        }
    }
    ll n;
    cin >> n;
    while(n--){
        ll t;
        cin >> t;
        if(sqrt(t)==int(sqrt(t))&&num[int(sqrt(t))])
            cout<<"YES"<<endl;
        else
            cout<<"NO"<<endl;
    }
    return 0;
}
```

Python:

```
n=1000000
a=[1]*n
s=set()
for i in range(2,n):
    if a[i]:
        s.add(i*i)
        for j in range(i*i,n,i):
            a[j]=0
input()
for x in map(int,input().split()):
    print(["NO","YES"][x in s])
```



- ❖ میتوانیم با استفاده از یک غربال اراتستن اعداد اول را پیدا کنیم و برای دسترسی داشتن به تعداد اعداد اول تا عددی مثل  $n$ ، در خانه  $n$  ام تعداد اعداد اول تا خانه  $n-1$  ام را ذخیره کنیم و اگر خود  $n$  اول بود، یکی به آن بیفزاییم.
- ❖ برای داشتن تعداد اعداد palindrome تا عددی مثل  $n$  هم میتوانیم از ایده ای شبیه ایده بالا استفاده کنیم.
- ❖ در نهایت هم با یک پیمایش تا حداکثر بازه اعداد و استفاده از مقادیر از پیش محاسبه شده، جواب سوال را پیدا میکنیم. (سعی کنید پیچیدگی زمانی کد را پیدا کنید.)



C++:

```
#include <bits/stdc++.h>

using namespace std;
typedef long long ll;
typedef long double ld;
const ll mx = 3*1e6+10;
ll pr[mx],pa[mx],ans=-1;
bool is_prime[mx];

bool isp(ll num){
    string s = to_string(num);
    ll n = s.length();
    for(ll i=0;i<n/2;i++){
        if(s[i]!=s[n-1-i])return false;
    }
    return true;
}

int main(){
    for(ll i=2;i<mx;i++){
        if(!is_prime[i]){
            for(ll j=i+i;j<mx;j+=i){
                is_prime[j]=true;
            }
        }
        pr[i] = pr[i-1]+(!is_prime[i]);
    }
    pa[0]=0;
    for(ll i=1;i<mx;i++){
        pa[i] = pa[i-1]+isp(i);
    }
    ll p,q;
    cin >> p >> q;
    for(ll i=1;i<mx;i++){
        if(ld(pr[i])<=((ld(p)/q)*pa[i])){
            ans = i;
        }
    }
    ans!=-1 ? cout<<ans<<endl:cout<<"Palindromic tree is better than splay tree"<<endl;
    return 0;
}
```



## Python:

```
N = int(2e6+3)
is_prime = [0] * N
def sieve():
    is_prime[1] = 1;
    for i in range(2, N):
        if is_prime[i] == 1:
            continue
        for j in range(2*i, N, i):
            is_prime[j] = 1

p, q = map(int, input().split())
rub = 0
pi = 0
sieve()
for i in range(1, N):
    if is_prime[i] == 0:
        pi += 1
    if str(i) == str(i)[::-1]:
        rub += 1
    if pi * q <= rub * p:
        res = i
print(res)
```

