



سوال A: 1560A

- ❖ ابتدا همه اعدادی که طبق تعریف خوب هستند را درون یک وکتور می‌ریزیم.
- ❖ با توجه به اینکه $k \leq 1000$ است بزرگترین عدد خوب ۱۶۶۶ است و از لحاظ زمانی به مشکلی نمی‌خوریم.
- ❖ سپس برای هر تست کیس k را ورودی گرفته و عدد متناظر با آن را چاپ می‌کنیم.

C++:

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
typedef long long LL;
const LL mx = 2001;
vector<LL> nums;
int main()
{
    for (LL i = 1; i < mx; i++)
    {
        if (i % 10 != 3 && i % 3 != 0)
            nums.push_back(i);
    }
    LL t;
    cin >> t;
    while (t--)
    {
        LL k;
        cin >> k;
        cout << nums[k - 1] << endl;
    }
    return 0;
}
```

Python:

```
a=[i for i in range(9001) if i%3 and i%10!=3]
print(*[a[int(input())-1] for _ in range(int(input()))])
```



- ❖ توجه داشته باشید "سرعت" پخت ۱ تکه پیتزا برای همه اندازه ها یکسان است - ۱ تکه پیتزا به مدت ۲/۵ دقیقه.
- ❖ اگر n فرد باشد، آن را یکی افزایش می دهیم (زیرا پیتزا فقط با تعداد زوج تکه پخته می شود). پس مقدار n همیشه زوج است. اگر $n < 6$ ، پس برای چنین n ای پاسخ برابر با $n = 6$ است، بنابراین می توانیم بگوییم $n = \max(n, 6)$ ، تا وقتی که $n \geq 12$ می توانیم یک پیتزای کوچک سفارش دهیم. در نهایت مقدار n برابر ۶، ۸ یا ۱۰ خواهد بود. این بدان معناست که برای هر n مجموعه ای از پیتزاها با دقیقاً n برش وجود خواهد داشت. پس پاسخ $n * 2.5$ است.

C++:

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
int main() {
    int t;
    cin >> t;
    while (t--) {
        long long n;
        cin >> n;
        cout << max(6LL, n + 1) / 2 * 5 << '\n';
    }
}
```

Python

```
for _ in range(int(input())):
    print(max(6, int(input())+1)//2*5)
```



- ❖ در این سوال باید در واقع معادله $x(x+1)/2 - (n-x) = k$ را حل کنیم و در نهایت $n-x$ را چاپ کنیم.
- ❖ میتوانین معادله را به روش ریاضی حل کنیم، اما یک راه حل پر کاربرد و زیبایی دیگر استفاده از باینری سرچ است، به این صورت رو مقدار های ممکن جواب باینری سرچ برنیم و با توجه به تغییرات مورد نیازش، بازه جواب را کوچکتر کنیم تا به جواب اصلی برسیم.

C++:

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
typedef long long LL;

int main(){
    LL n,k;
    cin >> n >> k;
    LL l=-1,r=n+1;
    while(l<r-1){
        LL m = (l+r)/2;
        if((n-m)*(n-m+1)/2-m>k)l = m;
        else
            r= m;
    }
    cout<<r<<endl;
    return 0;
}
```

Python:

```
import math
n, k = map(int, input().split())
q = int((-3 + math.sqrt(9 + 8*(n+k)))/2)
r = n-q
print(r)
```



- ❖ اول باید این رو متوجه بشیم که اگر $a[i]$ بزرگتر از سایز آرایه باشه ممکن نیست که به تعداد خودش تکرار بشه و میتونیم این $a[i]$ رو در نظر نگیریم.
- ❖ وقتی که این کار رو انجام بدیم عدد هایی که ممکنه داخل آرایه باعث تغییر جواب بشن تو رنج 1 و اندازه آرایه هستن
- ❖ حالا کافیه که روی همه عددها پیمایش کنیم و اگر عددی تعداد تکرارش از مقدار خودش بیشتر بود متوجه میشیم که این عدد روی جواب تاثیر داره.
- ❖ آرایه p رو میسازیم که نشون میده عدد مورد نظر چند بار قبل از خونه i ام p تکرار شده.
- ❖ حالا روی همه کوئری ها `for` میزنیم و اون هایی که این عدد به جوابشون اضافه میکنه رو مشخص میکنیم و بهشون اضافه میکنیم.
- ❖ این کار رو برای همه عدد ها تکرار میکنیم تا جواب بدست بیاد.
- ❖ در مورد پیچیدگی زمانیش در بدترین حالت باید برای کوچک ترین عدد ها یک بار روی کل آرایه پیمایش کنیم.
- ❖ پس اگر اعداد و تعداد تکرارشون به این صورت باشن $1, 2, 3, 4, 5, \dots, x$ پیچیدگی زمانیش به این صورته:

$$1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6, \dots, x = n$$

$$x * (x + 1) / 2 = n$$

$$x^2 + x = 2n$$

$$x^2 < 2n$$

$$x < \sqrt{2n}$$

$$\Rightarrow O(n * \sqrt{2n}) = O(n * \sqrt{n})$$



C++:

```
#include<iostream>
using namespace std;
const int N=101000;
int l[N],r[N],p[N],a[N],cnt[N],out[N];
int main()
{
    int n,q;
    cin>>n>>q;
    for(int i=1;i<=n;i++)
    {
        cin>>a[i];
        if(a[i]<N) cnt[a[i]]++;
    }
    for(int i=0;i<q;i++) cin>>l[i]>>r[i];
    for(int num=1;num<N;num++)
    {
        if(cnt[num]>=num)
        {
            p[0]=0;
            for(int i=1;i<=n;i++) p[i]=p[i-1]+(num==a[i]);
            for(int i=0;i<q;i++) out[i]+=(p[r[i]]-p[l[i]-1])==num);
        }
    }
    for(int i=0;i<q;i++) cout<<out[i]<<"\n";
    return 0;
}
```

