Stochastik I

Matthias Hahne und das latexki-Team

Dieses Dokument ist eine persönliche Vorlesungsmitschrift der Vorlesung Stochastik I im Sommersemester 2005 bei Prof. Dr. Bäuerle.

Diese Version des Skriptes ist angepasst an die Vorlesung von Prof. Dr. Bäuerle im Wintersemester 05/06 an der Universität Karlsruhe. Koordiniert wurde diese Arbeit über http://mitschriebwiki.nomeata.de/, einem LATFX-Wiki von Joachim Breitner.

Weder Matthias Hahne noch das latexki-Team geben eine Garantie für die Richtigkeit oder Vollständigkeit des Inhaltes und übernehmen keine Verantwortung für etwaige Fehler.

Stand: 27. Dezember 2016

Inhaltsverzeichnis

1	Ereignisse und Wahrscheinlichkeiten	T				
2	Kombinatorik und Urnenmodelle 2.1 Permutationen	7 7 8 10				
3	Bedingte Wahrscheinlichkeiten und Unabhängigkeiten					
4	Allgemeine Wahrscheinlichkeitsräume					
5	Zufallsvariable, Verteilung, Verteilungsfunktion 5.1 Zufallsvariable	21 21 23 23				
6	Einige Verteilungen 5.1 Wichtige diskrete Verteilungen 6.1.1 Binomialverteilungen 6.1.2 Hypergeometrische Verteilung 6.1.3 Geometrische Verteilung 6.1.4 Poisson-Verteilung 6.1.5 Diskrete Gleichverteilung 6.2 Wichtige stetige Verteilungen 6.2.1 Gleichverteilung 6.2.2 Exponentialverteilt 6.2.3 Normalverteilung	27 27 28 28 29 29 30 30 31				
7	Erwartungswert und Varianz	33				
8	Zufallsvektoren 3.1 Mehrstufige Zufallsexperimente	39 39 40				
9	Unabhängige Zufallsvariablen	43				
10	Erzeugende Funktionen	49				

11	Konvergenzbegriffe für Zufallsvariablen	53
12	Charakteristische Funktionen	57
13	Grenzwertsätze	61
	13.1 Schwache Gesetze der großen Zahlen	61
	13.2 Das starke Gesetz der großen Zahlen	63
	13.3 Der zentrale Grenzwertsatz	64
14	Parameterschätzung	67
	14.1 Maximum-Likelihood-Methode	68
	14.2 Momentenmethode	69
	14.3 Wünschenswerte Eigenschaften	70
15	Konfidenzintervalle	73
16	Testtheorie	7 5
	16.1 Einführung	75
	16.2 Tests unter Normalverteilungsannahme	77
	16.3 Mittelwert bei unbekannter Varianz	80
	16.4 Test auf die Varianz	81
17	Das Lemma von Neyman-Pearson	83
18	Likelihood-Quotienten Test	87