Problem 1. modeq

Input file: modeq.in
Output file: modeq.out
Time limit: 1 second

我们来个解方程完整版。

Input

第一行一个整数 T,表示需要求解的方程数。

接下来 T 行,每行三个整数: a,b,c 表示一个方程:

$$ax + by = c$$

Output

对于每个方程:

- 如果方程无解,输出 No
- 如果方程有解,输出四个整数: $x_1 y_1 x_2 y_2$,表示两组解,其中 $x_1 y_1$ 表示 x 是最小非负时对应的解,其中 $x_2 y_2$ 表示 y 是最小非负时的解。 ¹

Sample

modeq.in	modeq.out
3	No
4 6 3	1 1 1 1
3 4 7	0 2 -3 0
-2 3 6	

Note

• 对于 100% 的数据,0 <| a |, | b |, | c | $\leq 10^9,\,1\leq T\leq 1000$

¹即不存在解: $x_0 y_0$, 使得 $0 \le x_0 < x_1$ 或者 $0 \le y_0 < y_1$

Problem 2. crt

Input file: crt.in
Output file: crt.out
Time limit: 5 second

我们来个孙子定理完整版。

Input

第一行一个整数 T,表示需要求解的方程组数。

接下来 T 个方程组,对于每个方程组:

第 1 行一个整数 n, 表示方程组对应的方程个数。

接下来 n 行, 第 i 行两个数: $a_i m_i$ 表示第 i 个方程:

 $x \equiv a_i \pmod{m_i}$

Output

对于每个方程:

- 如果方程无解,输出 No
- 如果方程有解,输出最小非负整数解。

Sample

crt.in	crt.out
3	18
2	34
3 5	No
4 7	
3	
4 6	
2 8	
7 9	
2	
1 2	
2 4	

Note

• 对于 100% 的数据, $0 \le a_i < m_i \le 100$, $1 \le n \le 4$, $1 \le T \le 100000$

Problem 3. seq

Input file: seq.in
Output file: seq.out
Time limit: 1 second

我们来个递推精简版。求下面数列的第 n 项:

$$f(0) = a_0, f(1) = a_1, f(2) = a_2$$

$$f(n) = bf(n-1) + cf(n-2) + df(n-3) + e \quad (n \ge 3)$$

Input

包含 1 行, 共 8 个整数: $a_0 \, a_1 \, a_2 \, b \, c \, d \, e \, n$ 。

Output

输出 f(n) 的后 18 位 (后 18 位的前缀 0 需要输出,不足 18 位用 0 补齐)。

Sample

seq.in	seq.out
1 2 3 4 5 6 7 3	0000000000000035

Note

- 对于 30% 的数据, $0 \le a_0, a_1, a_2, b, c, d, e, n \le 10^6$
- 对于 100% 的数据, $0 \le a_0, a_1, a_2, b, c, d, e, n \le 10^{18}$

No.7 High School Winter Training - Number Theory idy002, February 11, 2017

Problem 4. phica

Input file: phica.in
Output file: phica.out
Time limit: 1 second

我们用 f(n) 表示 n 对括号所组成的合法的括号序列的方案数(合法是指括号序列的任意前缀中,左括号数量不小于右括号数量)。

我们需要你求:

 $2^{f(n)} \mod 107$

Input

第一行,有1个整数: n

Output

输出所求答案。

Sample

phica.in	phica.out
2	4

Note

- 对于 30% 的数据, $2 \le n \le 4$
- 对于 100% 的数据, $1 \le n \le 30$