

Solution

Solution

pay

20%

另外40%

另外40%

sumcomb

30%

100%

kor

10%

30%

50%和100%

pay

20%

因为 c 比较小，所以我们可以直接暴力枚举 x ，然后看 $(c - ax)/b$ 是否为整数即可，总的复杂度为 $O(Tc)$ 。

另外40%

因为 T 太大了，我们不能枚举。

先用扩展欧几里得算出满足：

$$ax_0 + by_0 = c$$

的 x_0, y_0 ，然后解的通式是：

$$\begin{aligned}x &= x_0 + k \frac{b}{d} \\y &= y_0 - k \frac{a}{d}\end{aligned}$$

我们想要的解是所有的非负解，所以对 k 是有限制的，解下面的方程：

$$\begin{aligned}x_0 + k \frac{b}{d} &\geq 0 \\y_0 - k \frac{a}{d} &\geq 0\end{aligned}$$

我们可以得到 k 的范围：

$$\lceil \frac{-x_0}{b/d} \rceil \leq k \leq \lfloor \frac{y_0}{a/d} \rfloor$$

注意，这里的取整符号中间的式子可能出现负数，所以我们需要用：

$$\lceil x \rceil + \lfloor -x \rfloor = 0 \quad (\forall x \in \mathbb{R})$$

这个取整的性质将对负数取整转变为对正数取整（主要原因是计算机只方便直接做正数除正数向下取整这种）。

把 k 的上界和下界求出来后就可以直接得到要求的 A 。

另外40%

要求还要求 B ，列一个求和式子就行了：

$$\sum_k x_0 + y_0 + k\left(\frac{b}{d} - \frac{a}{d}\right)$$

这是一个等差数列求和。

sumcomb

30%

先把组合数预处理出来，然后每次暴力加，复杂度： $O(Tn)$

100%

我们发现，在组合数那张表里， $C(n, m) = C(n-1, m-1) + C(n-1, m)$ ，即某个位置的值等于它左上角的值加上它上面的值。

然后：

$$\begin{aligned} & C(m, m) + C(m+1, m) + C(m+2, m) + \cdots + C(n, m) \\ &= C(m+1, m+1) + C(m+1, m) + C(m+2, m) + \cdots + C(n, m) \\ &= C(m+2, m+1) + C(m+2, m) + \cdots + C(n, m) \\ &\quad \vdots \\ &= C(n+1, m+1) \end{aligned}$$

向左上方看同理也用这个公式推即可，可以得到：

$$C(n, m) + C(n-1, m-1) + \cdots + C(n-m, 0) = C(n+1, m)$$

复杂度 $O(T+n)$

kor

10%

枚举组合，暴力check

30%

考虑动态规划： $dp[i][j][s]$ 表示前 i 个数，选了 j 个OR起来后值是 s 的方案数， $O(1)$ 转移。

复杂度： $O(Tn^2s)$

50%和100%

考虑容斥，总的思想和以前那道kand一样，只是这里把以前的and变成了or。可自行参考kand那篇的题解，再自己推一推怎么把and变成处理or的情况。

小思考：如果不是选k个而是选一个子集（即把 $k=1,2,\dots,n$ 的所有答案加起来的结果），那么怎么做？

提示：只需要修改中间的一小步。