

Problem 1. pay

Input file: `pay.in`
Output file: `pay.out`
Time limit: 1 second
Memory limit: 256 MB

Mr.Hu 开了个饭店，来了两位客人：Alice 和 Bob，他们吃完饭要结账时，发现他们需要支付 c 元钱，但是 Alice 只有面值为 a 的钱，Bob 只有面值为 b 的钱（他们每个人的钱的和都大于 c ，即可以认为他们有无数张对应面值的钱）。现在，Mr.Hu 想知道，他们可能刚好支付完饭钱吗？如果可能，那么有多少种方式？你还需要计算出他们所有可能的支付方式的支付的钱的张数的和。

Input

第 1 行包含 1 个整数： T opt ，其中 T 表示数据组数， opt 为数据类型。

接下来 T 行，每行 3 个整数： a b c 。

Output

对于每组数据：

- 如果 $opt = 1$ ，输出一行，包含一个整数： A ，其中 A 表示刚好支付的方案数。
- 如果 $opt = 2$ ，输出一行，包含两个整数： A B ，其中 A 表示刚好支付的方案数， B 表示所有可能支付方式的张数和。

Sample

| <code>pay.in</code> | <code>pay.out</code> |
|---------------------|----------------------|
| 2 2 | 2 13 |
| 3 4 21 | 4 18 |
| 2 4 12 | |

样例解释：

对于 3 4 21，一共有两种可能的支付方式，分别是： $(3,3)$ ， $(7,0)$ ¹，所以 A 为 2， B 为 $3+3+7+0=13$ 。

对于 2 4 12，一共有四种可能的支付方式，分别是： $(6,0)$ ， $(4,1)$ ， $(2,2)$ ， $(0,3)$ ，所以 A 为 4， B 为 $6+0+4+1+2+2+0+3=18$ 。

Note

- 对于 20% 的数据， $1 \leq a, b, c \leq 10000$ ， $1 \leq T \leq 1000$ ；
- 对于另外 40% 的数据， $1 \leq a, b, c \leq 10^9$ ，其中 $opt = 1$ ；
- 对于另外 40% 的数据， $1 \leq a, b, c \leq 10^9$ ，其中 $opt = 2$ ；
- 对于 100% 的数据， $1 \leq T \leq 10^5$ ， $1 \leq opt \leq 2$ 。

¹其中 (x, y) 表示 Alice 支付 x 张面值为 a 的钱，Bob 支付 y 张面值为 b 的钱

Problem 2. sumcomb

Input file: `sumcomb.in`
Output file: `sumcomb.out`
Time limit: 1 second
Memory limit: 256 MB

Mr.Hu 被传送到了一个无限大的表格上, 现在这个表格的第 i 行第 j 列的值是 $a_{i,j}$ ($0 \leq i, j$):

$$a_{i,j} = \begin{cases} 1 & j = 0 \text{ 或 } i = j \\ a_{i-1,j} + a_{i-1,j-1} & 0 < j < i \\ 0 & j > i \end{cases}$$

现在, Mr.Hu 站在 (n, m) 这个位置, 他想知道, 他向上或向左上方 45 度望去, 看到的数的和是多少。
从 (n, m) 向上望去, 他会看到 $(n, m), (n-1, m), (n-2, m), \dots, (0, m)$ 这些位置。
从 (n, m) 向左上方 45 度望去, 他会看到 $(n, m), (n-1, m-1), \dots$, 直到某一维的下标变为 0。
这个数可能很大, 你只需将答案对 $10^9 + 7$ 取模即可。

Input

第 1 行一个整数: T , 表示数据组数。

接下来 T 行, 每行格式为: $dir\ n\ m$, 其中 dir 为 1 表示向上看, 2 表示向左上方看, (n, m) 为 Mr.Hu 现在的位置。

Output

对于每组数据, 输出一行表示答案。

Sample

| sumcomb.in | sumcomb.out |
|------------|-------------|
| 2 | 4 |
| 1 3 2 | 6 |
| 2 3 2 | |

表格左上角长成这样 (行列都是 0 base 的):

```
1 0 0 0
1 1 0 0
1 2 1 0
1 3 3 1
```

这样从 $(3, 2)$ 向上看, 会看到: 3 1 0 0, 和为 4。

向左上角看, 会看到: 3 2 1, 和为 6。

Note

- 对于 30% 的数据, $1 \leq n, m \leq 5000$;
- 对于 100% 的数据, $1 \leq n, m \leq 10^6, 1 \leq T \leq 50000$ 。

Problem 3. kor

Input file: `kor.in`
Output file: `kor.out`
Time limit: 1 second
Memory limit: 256 MB

Mr.Hu 觉得在学习过程中, 需要举一反三, 做一题要理解透, 然后遇到相似的问题时能类似地转化。所以想了一道和以前类似的题目, 相信聪明如你, 肯定能轻而易举地解决。

Mr.Hu 会给你 n 个非负整数, 然后从中选 k 个出来, 然后把这 k 个数按位或起来, Mr.Hu 想知道有多少种选法, 使得或起来的结果为 r 。

Input

第 1 行一个整数 T , 表示测试组数。

接下来 T 组数据, 对于每组数据:

第 1 行两个整数 $n\ k\ r$ 。

接下来 1 行包含 n 个非负整数: $a_1\ a_2\ \dots\ a_n$ 。

Output

对于每组数据, 输出一行, 包含一个整数, 即方案数, 因为结果可能很大, 只需要对 $10^9 + 7$ 取模即可。

Sample

| <code>kor.in</code> | <code>kor.out</code> |
|---------------------|----------------------|
| 2 | 3 |
| 4 2 3 | 1 |
| 1 2 3 4 | |
| 4 1 1 | |
| 1 2 3 4 | |

对于第一组数据, 一共有 3 种选法: $(1, 2), (1, 3), (2, 3)$ 。

对于第二组数据, 一共有 1 种选法: (1) 。

Note

- 对于 10% 的数据, $1 \leq n \leq 10, 0 \leq a_i < 2^{10}$;
- 对于 30% 的数据, $1 \leq n \leq 100, 0 \leq a_i < 2^{10}$;
- 对于 50% 的数据, $1 \leq n \leq 10^5, 0 \leq a_i < 2^{15}$;
- 对于 100% 的数据, $1 \leq n \leq 10^5, 0 \leq a_i < 2^{20}, 1 \leq k \leq n, 1 \leq T \leq 5$ 。

Problem 4. facsum

Input file: `facsum.in`
Output file: `facsum.out`
Time limit: 2 second
Memory limit: 256 MB

Mr.Hu 最近偶得一函数：

$$f(n) = \left(\sum_{d|n} \varphi(d) \right)^m \left(\sum_{d|n} \sigma_0(d) \mu\left(\frac{n}{d}\right) \frac{n}{d} \right)$$

其中 $\sigma_0(n)$ 表示 n 的正约数个数，比如 $\sigma_0(12) = 6$ ，因为 12 有 1, 2, 3, 4, 6, 12 共 6 个正约数。

其中 $\varphi(n)$ 是欧拉函数， $\mu(n)$ 是莫比乌斯函数。

又有：

$$F(n) = \sum_{i=1}^n f(i)$$

Mr.Hu 希望你计算 $F(n) \bmod 10^9 + 7$ 的值。

Input

第一行包含两个整数： n m 。

Output

输出一行包含一个数，表示答案。

Sample

| <code>facsum.in</code> | <code>facsum.out</code> |
|------------------------|-------------------------|
| 3 1 | 1000000005 |

样例解释： $f(1) = 1$ $f(2) = 0$ $f(3) = -3$ ，故 $F(3) = f(1) + f(2) + f(3) = -2$ ，在模意义下，这个数为：1000000005。

Note

- 对于 20% 的数据， $1 \leq n \leq 5000$ 。
- 对于 50% 的数据， $1 \leq n \leq 10^5$ 。
- 对于 100% 的数据， $1 \leq n \leq 10^7$ ， $1 \leq m \leq 10$ 。

Problem 5. group

Input file: group.in
Output file: group.out
Time limit: 1 second
Memory limit: 256 MB

Mr.Hu 最近在研究等比数列，即形如：

$$a, a^1, a^2, a^3, \dots, a^n, \dots$$

现在，Mr.Hu 想知道，对于给定的非负整数 a ，上面这个无穷数列在模 mod 意义下有多少项是本质不同的。（保证 $\gcd(a, mod) = 1$ ）。

Input

第 1 行一个整数： T ，表示数据组数。

接下来 T 行，每行两个整数： $a \ mod$ 。

Output

对于每组数据，输出一行，包含一个整数，表示模意义下本质不同的数有多少个。

Sample

| group.in | group.out |
|----------|-----------|
| 2 | 1 |
| 1 3 | 4 |
| 2 5 | |

对于第一组数据，数列是： $1, 1, 1, \dots, 1, \dots$

对于第二组数据，数列（取模以后）是： $2, 4, 3, 1, 2, 4, 3, 1, \dots$ ，总共有 4 个本质不同的数。

Note

- 对于 30% 的数据， $0 \leq a \leq 10^3$ ， $1 \leq mod \leq 10^3$ ；
- 对于 100% 的数据， $0 \leq a \leq 2 \times 10^9$ ， $1 \leq mod \leq 2 \times 10^9$ ，且保证 $\gcd(a, mod) = 1$ ， $1 \leq T \leq 1000$ 。

Problem 6. ccount

Input file: `ccount.in`
Output file: `ccount.out`
Time limit: 1 second
Memory limit: 256 MB

Mr.Hu 最近在学习组合数，他觉得这些数非常美丽。
于是，他写下了这样一个数列：

$$\binom{l}{n}, \binom{l+1}{n}, \binom{l+2}{n}, \dots, \binom{r-1}{n}, \binom{r}{n}$$

Mr.Hu 想知道，这些数里面，有多少个数是 5 的倍数。

Input

第 1 行一个整数： T ，表示数据组数。
接下来 T 行，每行三个整数： $l\ r\ n$ 。

Output

对于每组数据，输出一行，包含一个整数，表示答案。

Sample

| <code>ccount.in</code> | <code>ccount.out</code> |
|------------------------|-------------------------|
| 2 | 0 |
| 1 3 4 | 4 |
| 1 4 5 | |

对于第一组数据，数列是：4 6 4，没有 5 的倍数，故答案为 0。

对于第二组数据，数列是：5 10 10 5，有 4 个数是 5 的倍数，故答案为 4。

Note

- 对于 20% 的数据， $1 \leq n \leq 5000$ 。
- 对于 40% 的数据， $1 \leq n \leq 10^9$ ， $1 \leq r - l + 1 \leq 1000$ 。
- 对于 100% 的数据， $1 \leq n \leq 10^{18}$ ， $0 \leq l \leq r \leq n$ ， $1 \leq T \leq 100$ 。