Solution

attack

问题是,给你一个DAG,问1号点到某些点的必经之路的交集大小,保证1号店可到达所有点。

首先,必经关系是一棵树。即如果1到v必定经过u,那么u在这棵树上是v的祖先。

增量构造这棵树:首先树只有1号点,按照拓扑序一个一个加点进入这棵树。

考虑假如u号点,从1号点到u号点必经点一定是哪些指向u号点的所有点的对应的必经点的交集(想想为什么),那些点现在一定已经被加进树里面了,而交集就是那些点的lca到根节点(1号点)路径上所有的点,所以我们只需要把u号点加到lca的下面即可。

我们问的是从一号点到u1,u2,...,uk的必经点,即这些点在这棵树上的lca到根节点那些点的个数。

reverse

所有的由A和B构成的字符串,在这种操作下形成了一棵二叉树。根是空串,从根开始,向左走表示施加1号操作,向右走施加2号操作。

知道一个串,我们可以根据它最后一个字符是A还是B把它的父亲还原回来,所以我们有了在这棵树上遍历的能力。

做法就很显然了,我们只需要先让长的那个串一直向上走,知道他们深度相同,然后一起向上走,直到走到同一个点,每走一步我们需要O(长度)的时间,最多走O(长度)步,所以复杂度是 $O(s^2)$,其中s=1000。所谓的字典序最小呀都是用来骗你的,因为任意长度的满足条件的只有一个串 $^-$

tree

考虑一个随机过程,第一次走到u号点的时间可以分成两部分,第一部分是从1号点随机游走第一次走到u的父亲p的时间,第二部分是从p开始走,第一次走到u的时间,由期望的线性性,第一次走到u的时间期望等于这两部分期望的和。第一部分是一个子问题,我们考虑怎么解决第二部分,我们把这个问题变成一棵树(并且根节点脑袋上也有一条边),从根节点开始随机游走,走出这棵树期望的时间,我们用 x_u 表示这个期望,我们对u的子树中的点也类似地定义 x_n ,这样我们可以列出关系式:

$$x_u = rac{1}{d}(1 + \sum_v (x_v + 1 + x_u))$$

其中d是u的度数(包括那根天线),这个关系是中的第一个1表示直接向上走,后面那个扩后中的三部分,那个1表示从u走向v, x_v 表示从v走回来期望时间, x_u 表示这个时候继续走,走出去还需要花的时间。因为是等概率,所以直接乘以1/d这个概率即可。化简后是:

$$x_u = d + \sum_v x_v$$

即 x_u 等于u这棵子树的所有节点度的和,考虑到除了那根天线之外,所有的边对度的贡献为2,所以:

$$x_u = 2size[u] - 1$$

这样,子问题就有了一个简单的答案了。我们回到原问题,用dp[u]表示第一次走到u的期望时间,用p表示u的父亲,有:

$$dp[u] = dp[p] + 2(n - size[u]) - 1$$
 $dp[1] = 1$

完美解决了这个问题,复杂度O(n),其实答案都是整数,那三位小数也是用来骗你的 $^{^}$ 。