

1 rotinv

1.1 30%

$O(n^3)$ 暴力：枚举每个循环状态，再暴力计算逆序对数。

1.2 60%

法一：

将原序列复制一份接在自己后面，形成一个长度为 $2n$ 的序列，先暴力计算 $[1, n]$ 的逆序对数，然后将这个区间向右边移动，维护答案。具体来说，就是假如我们算出了 $[i, j]$ 中的逆序对数，我们怎么算 $[i + 1, j + 1]$ 呢，其实就是加上 $[i + 1, j]$ 中比 $a[j + 1]$ 大的数的个数再减去 $[i + 1, j]$ 中比 $a[i]$ 小的数的个数。所以我们可以暴力算那两个数量，连续 n 个长度为 n 的子区间的逆序数的和就是答案，复杂度 $O(n^2)$ 。

法二：

计算一个长度为 n 的序列的逆序对的个数可以通过数据结构（树状数组或线段树）优化到 $O(n \log n)$ ，维护 $[1, i - 1]$ 的一个值的分布情况（加入到线段树中），每次查询这些数比 $a[i]$ 大的有多少个，再将 $a[i]$ 加入到线段树中去。所以计算 n 个序列的逆序数只需要 $O(n^2 \log n)$ 。

1.3 100%

将上面的法一和法二结合一下，用线段树优化法一中那个暴力，使得可以 $O(\log n)$ 查询，最后复杂度 $O(n \log n)$ 。

2 rise

2.1 30%

暴力 $O(n^2)$.

2.2 100%

用线段树解决，每个节点维护：

- 最大值：vmax
- 这个区间对应的答案：c1
- 这个区间的右儿子（如果有的话）去掉小于等于左儿子最大值以后的剩下的那些数对应的答案：c2

每个节点支持一种询问 $\text{query}(\text{nd}, h)$ ：询问去掉 nd 这个节点中小于等于 h 的数之后这个区间对应的答案。

假如我们可以实现上面这个操作的话，我们先将询问区间 $[L, R]$ 对应的那些节点提取出来排好：nd1, nd2, nd3, ... nds.

$\text{query}(\text{nd1}, 0) + \text{query}(\text{nd2}, \max(\text{nd1})) + \text{query}(\text{nd3}, \max(\text{nd1}, \text{nd2})) + \dots$ 就是答案。

我们考虑怎样实现这个询问过程 $\text{query}(\text{nd}, h)$ ：

如果是叶子节点，只需要返回 $[h < a]$

如果 $h < \text{nd}$ 左儿子最大值，则返回 $\text{query}(\text{nd 左儿子}, h) + \text{右儿子 c2}$

如果 $h \geq \text{nd}$ ，则返回 $\text{query}(\text{nd 右儿子}, h)$

其实可以将 query 看成我用 h 去砍一刀，然后计算答案，上面的过程的正确性还是比较容易理解的，如果我还有什么没有说清楚的可以看一下代码。

容易发现 query 每次最多选两个儿子中的一个节点走下去，所以最多走 $O(\log n)$ 个节点，所以复杂度是 $O(\log n)$ 的。

每个节点在算 c2 时需要调用一次 query，所以 build 的时间复杂度是 $O(n \log n)$ 的。

询问的时候，最多提取出来 $O(\log n)$ 个区间，每个区间进行一次 $O(\log n)$ 的询问，所以单次询问是 $O(\log^2 n)$ 的。

总的复杂度是 $O(n \log n + m \log^2 n)$ 的。

3 seqmod

3.1 30%

随便怎么暴力都可以...

3.2 100%

就是有序链剖，细节我课上讲过了，大家看一下代码可以看懂的。与普通链剖的区别就是这个东西要在乎顺序，所以不能用 swap 那种写法，两个各跳各的，还要注意合并的顺序。