MEFT - Programação $1^{\rm o}$ Ano - $1^{\rm o}$ Semestre de 2018/2019 Série 6 (19/11/2018)

1. Construa uma função que calcula numericamente o valor da derivada duma função, do tipo y=f(x), num ponto. Essa função deve receber, como argumentos, um ponteiro para a função a derivar e o ponto em que a derivada deve ser calculada. O seu retorno deverá ser o valor da derivada nesse ponto.

A derivada deve ser calculada a partir da expressão aproximada:

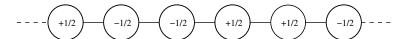
$$f'(x) = \frac{f(x+h) - f(x)}{h}$$

onde 'h' é uma quantidade pequena.

Construa um programa que utilizada a função anterior e a aplica às seguintes funções $\sin(x)$, $\cos(3^*x)$, $\tan(x)$, $a\sin(x)$, $a\cos(x)$, $\log(x)$, $\log(10(x)$, $\exp(5^*x)$ e $3\cos(2^*x)\sin(4^*x)$ num dado ponto.

Esse programa deve conter:

- a) Um menu que permita ao utilizador escolher qual a função a derivar, qual o ponto em que é calculada a derivada e que, concluída a operação, volta a pedir uma nova escolha;
- b) A verificação de que a função está definida nesse ponto. Para esta questão considere apenas as situações em que existe um intervalo no qual a função não está definida, isto é, ignore as singularidades pontuais;
- c) A comparação entre os resultados obtidos com a função e a derivada exacta. Assim, deve apresentar esses dois resultados bem como o erro resultante da aproximação efectuada.
- 2. Considere uma rede linear de 16 spins como indicado na figura:



Represente essa rede por um "unsigned short int". Construa um programa que permite fazer as seguintes operações (utilize apenas operações sobre bits para executar o pedido nas três primeiras alíneas):

- a) Gerar aleatoriamente uma configuração de spins (deve fazê-lo gerando cada spin individualmente);
- b) Escrever no ecran essa configuração, usando uma string com 16 "0" e "1";
- c) Perguntar ao utilizador qual o spin de que pretende mudar o sinal (inverter o spin), realize essa operação e escreva a nova configuração no ecran;
- d) Finalmente deverá ter uma opção que lhe permita sair ou trocar outro spin.

3. Escreva um programa que lê um ficheiro de texto e o reescreve noutro ficheiro de tal modo que os caracteres de cada linha se encontram escritos do fim para o princípio, isto é, em cada linha, o último caracter é o primeiro, o penúltimo é o segundo, etc..

Os nomes dos ficheiros devem ser fornecidos ao programa na linha de comandos

Nota 1: Para simplificar admita que o ficheiro de leitura não vai ter linhas com mais de 1024 caracteres incluindo o(s) terminador(es) de linha. Faça a alocação da string que usar.

Nota 2: Tenha em atenção que a linha de um ficheiro unix termina com caracter 10 (LF), enquanto um ficheiro de MS/DOS termina com os caracteres 13 e 10 (CR LF).

4. Pretende-se construir um programa que permitar executar somas, diferenças e multiplicações de matrizes. As matrizes devem ser escritas em ficheiros (um para cada matriz) que têm a seguinte forma: na primeira linha são dadas as dimensões da matriz (número de linhas e de colunas) e nas linhas restantes os valores da matriz, em que cada linha do ficheiro corresponde a uma linha da matriz (os valores devem ser separados por espaços).

Para a representação das matrizes no programa deve ser alocado apenas o espaço necessário para a sua correcta representação. O programa deve ter definidas as seguintes funções:

- Uma função que recebe o nome de um ficheiro e retorna a matriz nele contida e as suas dimensões;
- Uma função que recebe como argumentos uma matriz e as suas dimensões e a imprime no ecran;
- Uma função para cada uma das operações pedidas que deve receber como argumentos as duas matrizes fornecidas, a matriz a preencher com o resultado e as dimensões necessárias à sua correcta execução;

O programa deverá receber na linha de comandos a operação a efectuar e os nomes dos ficheiros das duas matriz. Em seguida deverá mostrar as matrizes lidas dos ficheiros e depois a matriz resultante da operação pedida.

Nota: As ordens de mostrar no ecran as matrizes devem ser dadas na função 'main'.