

# Métodos Computacionais A

Plano de Ensino - 1º semestre de 2023

Prof. Bernhard Enders bernhard@unb.br - 61-3107-8069 - FUP, sala AT-07/46



#### **Ementa**

- ◆ Álgebra linear, autovalores e autovetores de uma matriz.
- ◆ Integração aproximação de funções, funções especiais, zero de funções.
- ◆ Equações não lineares.
- Equações diferenciais ordinárias.

#### ■ Objetivo

- ◆ Apresentar os fundamentos dos métodos numéricos utilizados em modelagem computacional de problemas físicos.
- ◆ Desenvolver as habilidades de programação em Python, tanto na implementação dos métodos numéricos como na utilização de bibliotecas numéricas estado da arte.

#### ■ Bibliografia

- ◆ Linge, S. Langtangen, H. P. *Programming for Computations Python*. 2ª ed. Springer, 2020. Disponível em: <a href="https://doi.org/10.1007/978-3-030-16877-3\_5">https://doi.org/10.1007/978-3-030-16877-3\_5</a>>
- ◆ Burden, R.L., Faires, J.D. e Burden, A.M. Análise Numérica, 3ª ed., São Paulo: Cengage Learning, 2015. Disponível em: <a href="https://integrada.minhabiblioteca.com.br/reader/books/9788522123414">https://integrada.minhabiblioteca.com.br/reader/books/9788522123414</a>
- ◆ Press, W.H.; Saul, A.T.; William T.V.; Flannery, B.P. *Numerical recipes 3rd edition: The art of scientific computing*. 3<sup>a</sup> ed. Cambridge: Cambridge University Press, 2007.



#### Método de ensino

- ◆ Apresentação do conteúdo por meio de aulas expositivas.
- ◆ Demonstração em ambiente de desenvolvimento em Python, da implementação e uso dos métodos numéricos e pacotes.
- Atividades em sala utilizando os métodos estudados.
- ◆ Exercícios no aprender3 de programação em Python.
- ◆ Desenvolvimento de um projeto envolvendo a solução numérica de um problema físico.

### **■** Atendimento extraclasse

- Haverá um fórum para dúvidas. Não costumo responder perguntas à noite e nos fins de semana. Agradeço aos alunos que colaborarem respondendo dúvidas de outros alunos.
- ◆ As notas serão disponibilizadas exclusivamente via Moodle. O aluno que não se

cadastrar não terá acesso às suas notas ou às provas corrigidas.

## ■ Avaliação

- ◆ *E* Média dos exercícios de programação em <u>aprender3.unb.br</u>
- ◆ *T* Trabalhos/seminários de aplicação dos algoritmos desenvolvidos
- ♦ *P* Média das provas

$$NF = 0.4E + 0.2T + 0.4P$$

◆ Para ser aprovado o aluno deve obter nota final (NF) maior ou igual a 5,0.



1 29/ago Apresentação do professor e da disciplina, instalação e uso do Python 2 31/ago Introdução ao Python, operadores, variáveis, bibliotecas 3 05/set Formatação, tipos enumeráveis, bibliotecas, "list comprehension" 4 07/set Feriado 5 12/set Programação estruturada x programação orientada a objetos 6 14/set Precisão e implementação de variáveis numéricas. Numpy: vetores e matrizes 7 19/set Evitando erros numéricos 8 21/set Gráficos usando bibliotecas do Python 9 26/set Zero de funções: bissecção 10 28/set Zero de funções: Newton-Rapson 11 03/out Interpolação de dados 12 05/out Ajuste de funções e extrapolação 13 10/out Minimização de funções. 14 12/out Diferenciação numérica. Introdução 15 17/out Método de diferenças finitas 16 19/out Primeira Avaliação 17 24/out Integração numérica: método do trapézio. 18 26/out Integração numérica: método de Simpson. 19 31/out PVI: método de Runge-Kutta. 20 02/nov PVI: métodos adaptativos. 20 09/nov Sistemas lineares, determinantes e inversão de matrizes
<ul> <li>3 05/set Formatação, tipos enumeráveis, bibliotecas, "list comprehension"</li> <li>4 07/set Feriado</li> <li>5 12/set Programação estruturada x programação orientada a objetos</li> <li>6 14/set Precisão e implementação de variáveis numéricas. Numpy: vetores e matrizes</li> <li>7 19/set Evitando erros numéricos</li> <li>8 21/set Gráficos usando bibliotecas do Python</li> <li>9 26/set Zero de funções: bissecção</li> <li>10 28/set Zero de funções: Newton-Rapson</li> <li>11 03/out Interpolação de dados</li> <li>12 05/out Ajuste de funções e extrapolação</li> <li>13 10/out Minimização de funções.</li> <li>14 12/out Diferenciação numérica. Introdução</li> <li>15 17/out Primeira Avaliação</li> <li>17 24/out Integração numérica: método do trapézio.</li> <li>18 26/out Integração numérica: método de Simpson.</li> <li>19 31/out PVI: método de Runge-Kutta.</li> <li>20 02/nov PVI: métodos adaptativos.</li> <li>20 09/nov Sistemas lineares, determinantes e inversão de matrizes</li> </ul>
4 07/set Feriado 5 12/set Programação estruturada x programação orientada a objetos 6 14/set Precisão e implementação de variáveis numéricas. Numpy: vetores e matrizes 7 19/set Evitando erros numéricos 8 21/set Gráficos usando bibliotecas do Python 9 26/set Zero de funções: bissecção 10 28/set Zero de funções: Newton-Rapson 11 03/out Interpolação de dados 12 05/out Ajuste de funções e extrapolação 13 10/out Minimização de funções. 14 12/out Diferenciação numérica. Introdução 15 17/out Método de diferenças finitas 16 19/out Primeira Avaliação 17 24/out Integração numérica: método do trapézio. 18 26/out Integração numérica: método de Simpson. 19 31/out PVI: método de Runge-Kutta. 20 02/nov PVI: método de Runge-Kutta. 21 07/nov PSistemas lineares, determinantes e inversão de matrizes
12/set Programação estruturada x programação orientada a objetos 14/set Precisão e implementação de variáveis numéricas. Numpy: vetores e matrizes 19/set Evitando erros numéricos 21/set Gráficos usando bibliotecas do Python 26/set Zero de funções: bissecção 28/set Zero de funções: Newton-Rapson 11 03/out Interpolação de dados 12 05/out Ajuste de funções e extrapolação 13 10/out Minimização de funções. 14 12/out Diferenciação numérica. Introdução 15 17/out Método de diferenças finitas 16 19/out Primeira Avaliação 17 24/out Integração numérica: método do trapézio. 18 26/out Integração numérica: método de Simpson. 19 31/out PVI: método de Runge-Kutta. 20 02/nov PVI: métodos adaptativos. 22 09/nov Sistemas lineares, determinantes e inversão de matrizes
6 14/set Precisão e implementação de variáveis numéricas. Numpy: vetores e matrizes 7 19/set Evitando erros numéricos 8 21/set Gráficos usando bibliotecas do Python 9 26/set Zero de funções: bissecção 10 28/set Zero de funções: Newton-Rapson 11 03/out Interpolação de dados 12 05/out Ajuste de funções e extrapolação 13 10/out Minimização de funções. 14 12/out Diferenciação numérica. Introdução 15 17/out Método de diferenças finitas 16 19/out Primeira Avaliação 17 24/out Integração numérica: método do trapézio. 18 26/out Integração numérica: método de Simpson. 19 31/out PVI: método de Euler. 20 02/nov PVI: método de Runge-Kutta. 21 07/nov PVI: métodos adaptativos. 22 09/nov Sistemas lineares, determinantes e inversão de matrizes
7 19/set Evitando erros numéricos 8 21/set Gráficos usando bibliotecas do Python 9 26/set Zero de funções: bissecção 10 28/set Zero de funções: Newton-Rapson 11 03/out Interpolação de dados 12 05/out Ajuste de funções e extrapolação 13 10/out Minimização de funções. 14 12/out Diferenciação numérica. Introdução 15 17/out Método de diferenças finitas 16 19/out Primeira Avaliação 17 24/out Integração numérica: método do trapézio. 18 26/out Integração numérica: método de Simpson. 19 31/out PVI: método de Euler. 20 02/nov PVI: método de Runge-Kutta. 21 07/nov PVI: métodos adaptativos. 22 09/nov Sistemas lineares, determinantes e inversão de matrizes
<ul> <li>21/set Gráficos usando bibliotecas do Python</li> <li>26/set Zero de funções: bissecção</li> <li>28/set Zero de funções: Newton-Rapson</li> <li>03/out Interpolação de dados</li> <li>05/out Ajuste de funções e extrapolação</li> <li>10/out Minimização de funções.</li> <li>12/out Diferenciação numérica. Introdução</li> <li>17/out Método de diferenças finitas</li> <li>19/out Primeira Avaliação</li> <li>24/out Integração numérica: método do trapézio.</li> <li>26/out Integração numérica: método de Simpson.</li> <li>31/out PVI: método de Euler.</li> <li>02/nov PVI: método de Runge-Kutta.</li> <li>07/nov Sistemas lineares, determinantes e inversão de matrizes</li> </ul>
9 26/set Zero de funções: bissecção 10 28/set Zero de funções: Newton-Rapson 11 03/out Interpolação de dados 12 05/out Ajuste de funções e extrapolação 13 10/out Minimização de funções. 14 12/out Diferenciação numérica. Introdução 15 17/out Método de diferenças finitas 16 19/out Primeira Avaliação 17 24/out Integração numérica: método do trapézio. 18 26/out Integração numérica: método de Simpson. 19 31/out PVI: método de Euler. 20 02/nov PVI: método de Runge-Kutta. 21 07/nov PVI: métodos adaptativos. 22 09/nov Sistemas lineares, determinantes e inversão de matrizes
10 28/set Zero de funções: Newton-Rapson 11 03/out Interpolação de dados 12 05/out Ajuste de funções e extrapolação 13 10/out Minimização de funções. 14 12/out Diferenciação numérica. Introdução 15 17/out Método de diferenças finitas 16 19/out Primeira Avaliação 17 24/out Integração numérica: método do trapézio. 18 26/out Integração numérica: método de Simpson. 19 31/out PVI: método de Euler. 20 02/nov PVI: método de Runge-Kutta. 21 07/nov PVI: métodos adaptativos. 22 09/nov Sistemas lineares, determinantes e inversão de matrizes
11 03/out Interpolação de dados 12 05/out Ajuste de funções e extrapolação 13 10/out Minimização de funções. 14 12/out Diferenciação numérica. Introdução 15 17/out Método de diferenças finitas 16 19/out Primeira Avaliação 17 24/out Integração numérica: método do trapézio. 18 26/out Integração numérica: método de Simpson. 19 31/out PVI: método de Euler. 20 02/nov PVI: método de Runge-Kutta. 21 07/nov PVI: métodos adaptativos. 22 09/nov Sistemas lineares, determinantes e inversão de matrizes
12 05/out Ajuste de funções e extrapolação 13 10/out Minimização de funções. 14 12/out Diferenciação numérica. Introdução 15 17/out Método de diferenças finitas 16 19/out Primeira Avaliação 17 24/out Integração numérica: método do trapézio. 18 26/out Integração numérica: método de Simpson. 19 31/out PVI: método de Euler. 20 02/nov PVI: método de Runge-Kutta. 21 07/nov PVI: métodos adaptativos. 22 09/nov Sistemas lineares, determinantes e inversão de matrizes
13 10/out Minimização de funções. 14 12/out Diferenciação numérica. Introdução 15 17/out Método de diferenças finitas 16 19/out Primeira Avaliação 17 24/out Integração numérica: método do trapézio. 18 26/out Integração numérica: método de Simpson. 19 31/out PVI: método de Euler. 20 02/nov PVI: método de Runge-Kutta. 21 07/nov PVI: métodos adaptativos. 22 09/nov Sistemas lineares, determinantes e inversão de matrizes
14 12/out Diferenciação numérica. Introdução 15 17/out Método de diferenças finitas 16 19/out Primeira Avaliação 17 24/out Integração numérica: método do trapézio. 18 26/out Integração numérica: método de Simpson. 19 31/out PVI: método de Euler. 20 02/nov PVI: método de Runge-Kutta. 21 07/nov PVI: métodos adaptativos. 22 09/nov Sistemas lineares, determinantes e inversão de matrizes
15 17/out Método de diferenças finitas 16 19/out Primeira Avaliação 17 24/out Integração numérica: método do trapézio. 18 26/out Integração numérica: método de Simpson. 19 31/out PVI: método de Euler. 20 02/nov PVI: método de Runge-Kutta. 21 07/nov PVI: métodos adaptativos. 22 09/nov Sistemas lineares, determinantes e inversão de matrizes
16 19/out Primeira Avaliação 17 24/out Integração numérica: método do trapézio. 18 26/out Integração numérica: método de Simpson. 19 31/out PVI: método de Euler. 20 02/nov PVI: método de Runge-Kutta. 21 07/nov PVI: métodos adaptativos. 22 09/nov Sistemas lineares, determinantes e inversão de matrizes
17 24/out Integração numérica: método do trapézio. 18 26/out Integração numérica: método de Simpson. 19 31/out PVI: método de Euler. 20 02/nov PVI: método de Runge-Kutta. 21 07/nov PVI: métodos adaptativos. 22 09/nov Sistemas lineares, determinantes e inversão de matrizes
18 26/out Integração numérica: método de Simpson. 19 31/out PVI: método de Euler. 20 02/nov PVI: método de Runge-Kutta. 21 07/nov PVI: métodos adaptativos. 22 09/nov Sistemas lineares, determinantes e inversão de matrizes
<ul> <li>31/out PVI: método de Euler.</li> <li>02/nov PVI: método de Runge-Kutta.</li> <li>07/nov PVI: métodos adaptativos.</li> <li>09/nov Sistemas lineares, determinantes e inversão de matrizes</li> </ul>
<ul> <li>20 02/nov PVI: método de Runge-Kutta.</li> <li>21 07/nov PVI: métodos adaptativos.</li> <li>22 09/nov Sistemas lineares, determinantes e inversão de matrizes</li> </ul>
<ul> <li>21 07/nov PVI: métodos adaptativos.</li> <li>22 09/nov Sistemas lineares, determinantes e inversão de matrizes</li> </ul>
22 09/nov Sistemas lineares, determinantes e inversão de matrizes
,
23 14/nov Autovalores e autovetores
24 16/nov Sistemas não lineares l
25 21/nov Sistemas não lineares II.
26 23/nov Definição dos projetos
27 28/nov Segunda prova
28 30/nov Revisão
29 05/dez
30 07/dez
31 12/dez
32 14/dez