# LDAを用いたAmazonのレビューデータのデータマイエング

B8EM1016 富田

## 目次

- 1. 研究テーマ
- 2. 研究の背景
- 3. モデルの説明(LDA)
- **4.** 拡張モデルの説明
- 5. 推定方法
- 6. データセット
- 7. 結果
- 8. 今後の課題
- 9. 参考文献

# 研究テーマと研究背景

### 研究テーマ

#### ▶ 研究テーマ

消費者の製品やサービスに対する好みがどのように構成されているかを理解する

### ▶ 目的と観点:

インターネット上にある膨大なテキストデータから、消費者の製品やサービスに 対する好みを取り出し、マーケティングに活用できるようにする

### ▶ 短期的な目標:

トピックモデルを用いて、カスタマー・レビューから商品・サービスの評価軸(≒ 好み)を取り出し、それがどう製品のおすすめ度にどう影響を与えているのか調べ る手法を提案する

### 研究の背景

### 1 マーケティング

企業の行う製品開発は重要なマーケティング戦略の一つ 新製品開発には**コンジョイント分析** 既出製品にはアンケート調査による**因子分析** 等がある

### ② 機械学習(自然言語処理)

トピックモデルという文章のトピック(内容)を分布で表すモデル LSA,PSA,LDAなど、基本的なモデルのバリエーションが複数ある

### ③ マーケティング+機械学習

カスタマーレビューをLDAで分析することは多く行われている

"Sentence-Based Text Analysis for Customer Reviews", Joachim Büschken, Greg M. Allenby (2016)

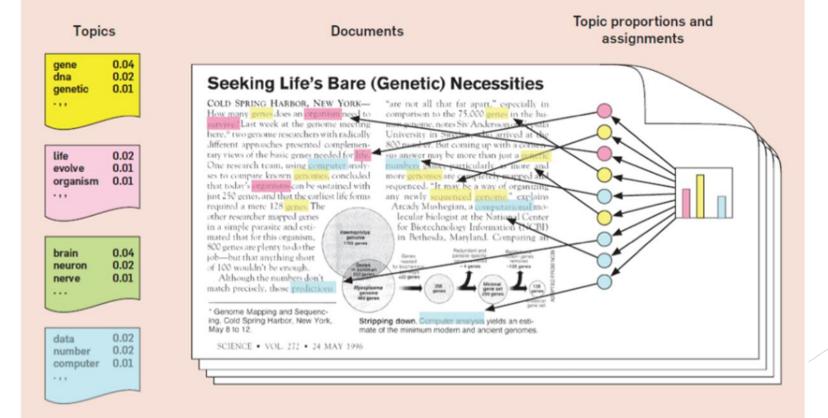
"Mining Marketing Meaning from Online Chatter", SESHADRI TIRUNILLAI and GERARD J. TELLIS (2014)

"Topic analysis of online reviews for two competitive products using latent Dirichlet allocation", Wenxin Wang(2018)

# モデルの説明

# トピックモデル ~Latent Dirichlet Allocation~

Figure 1. The intuitions behind latent Dirichlet allocation. We assume that some number of "topics," which are distributions over words, exist for the whole collection (far left). Each document is assumed to be generated as follows. First choose a distribution over the topics (the histogram at right); then, for each word, choose a topic assignment (the colored coins) and choose the word from the corresponding topic. The topics and topic assignments in this figure are illustrative—they are not fit from real data. See Figure 2 for topics fit from data.



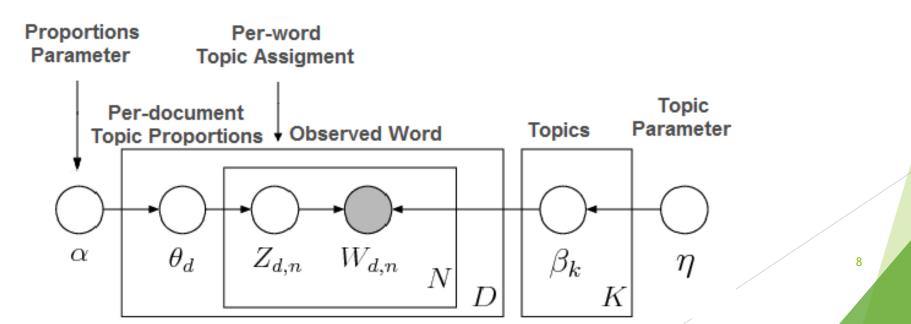
# トピックモデル ~Latent Dirichlet Allocation~

#### **OLatent Dirichlet Allocation**

トピックモデルとは、文書集合が与えられたときに、各文書がどのようなトピック(話題)に<mark>ついて書か</mark>れているかを推定するモデル

1LSA2PLSA3LDA

の3つの推定方法が主にある



### 通常のLDAの計算結果



### 問題点

- ① 各トピックが何に言及しているかを出現頻度が上位の単語から判断しなければいけないが、どのトピックにも出現する汎用的な単語が上位に来ることで、トピックの解釈が困難になってしまう
- ② 名詞、形容詞などに単語を限定することで解釈しやすくするケースもあるが、 生データの情報はなるべく削りたくない
- ③ ストップワードを設定して、解釈しやすくするケースもあるが、どこまでストップワードを設定するかが恣意的になる

# 拡張モデルの説明

### 先行研究の説明

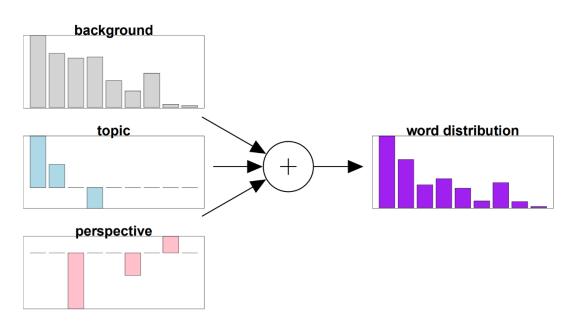
"Sparse Additive Generative Models of Text" (Jacob et al., 2011)

この論文のメインのアイデアは、単語分布をディリクレ分布からexpを用いたものへと変更することで、各単語の出現確率に、単語の頻度、共起性のみならず、他の要因も足すことができるようになる点

このアプローチは主に二つの利点がある:

- 1スパース性を強化して、過学習を防ぐことができる
- 2 二つ以上の生成過程を、スイッチング変数などを導入することなしに結合することができる

### 先行研究の説明



▶ ドキュメントDにおける単語iの出現確率を以下のように変更する

$$P(w|z_d, m, \eta) = \frac{\exp(m + \eta_{z_d})}{\sum_i \exp(m_i + \eta_{z_{d,i}})}$$

- $\triangleright$  w:単語, $z_d$ :単語に割り当てられたトピック
- M:バックグラウンド分布, η: それぞれの単語の構成要素

### 先行研究の説明

 $\eta_{k,v} \sim N(0, \tau_{k,v})$ :正規分布

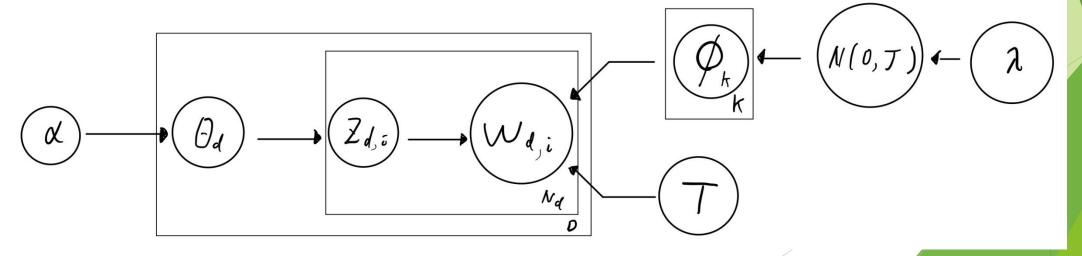
 $\tau_{k,v} \sim \epsilon(\gamma)$ :指数分布

 $\varphi_k \propto \exp(\eta_k + M)$ :提案された分布

 $\theta_d \sim Dir(\alpha)$ :ディリクレ分布

 $z_{d,i}$ ~ $Multi(\theta_d)$ :多項分布

 $w_{d,i} \sim Multi\left(\varphi_{z_{d,i}}^{new}\right)$ 



### ○推定方法

単語分布を変更したので、ギブスサンプリングができない

→ 変分ベイズ法を使用

変分ベイズ:決定論的な近似アルゴリズム

決定論的→サンプル生成ではなく、数値計算によるアルゴリズム

近似アルゴリズム→計算が容易な分布を求めることを考える

**変分法**: 関数fを入力とする汎関数L[q(x)]の極値となる関数を求めるための手法

汎関数 $\mathbf{L}[q(x)] = \int f(x,q) \, dx$  の極値を与える $\mathbf{q}$ は、以下のオイラー・ラジュランジュ方程式を解けばよいことが知られている

$$\frac{\partial f(x,q)}{\partial q(x)} = 0$$

求めたい事後分布

$$p(\mathbf{z}_{1:n}, \boldsymbol{\Phi}, \boldsymbol{\theta}|\mathbf{w}_{1:n}, \boldsymbol{\alpha}, \boldsymbol{\beta})$$

これを求めるのは難しいので、以下の近似された分布を求める

$$q(\mathbf{z}_{1:n}, \boldsymbol{\Phi}, \boldsymbol{\theta}) = q(\mathbf{z})q(\boldsymbol{\varphi})q(\boldsymbol{\theta})$$

対数周辺尤度を考えると、イエンセンの不等式により以下のようになる(補足1,2)

$$\log P(w_{1:n}|\alpha,\beta) \ge F[q(\mathbf{z}_{1:n},\boldsymbol{\Phi},\boldsymbol{\theta})]$$

この右辺は変分下限と呼ばれる

$$F[q(\mathbf{z}_{1:n}, \boldsymbol{\Phi}, \boldsymbol{\theta})] = \int \sum_{\mathbf{z}_{1:n}} q(\mathbf{z}_{1:n}, \boldsymbol{\Phi}, \boldsymbol{\theta}) \log \frac{p(\mathbf{x}_{1:n}, \mathbf{z}_{1:n}, \boldsymbol{\Phi}, \boldsymbol{\theta} | \boldsymbol{\alpha}, \boldsymbol{\beta})}{q(\mathbf{z}_{1:n}, \boldsymbol{\Phi}, \boldsymbol{\theta})} d\boldsymbol{\varphi} d\boldsymbol{\theta}$$

• 
$$F[q(\mathbf{z}_{1:n}, \boldsymbol{\Phi}, \boldsymbol{\theta})] = \int \sum_{\mathbf{z}_{1:n}} q(\mathbf{z}_{1:n}, \boldsymbol{\Phi}, \boldsymbol{\theta}) \log \frac{p(\mathbf{w}_{1:n}, \mathbf{z}_{1:n}, \boldsymbol{\Phi}, \boldsymbol{\theta} | \boldsymbol{\alpha}, \boldsymbol{\beta})}{q(\mathbf{z}_{1:n}, \boldsymbol{\Phi}, \boldsymbol{\theta})} d\boldsymbol{\varphi} d\boldsymbol{\theta}$$

- =  $\int \sum_{\mathbf{z}_{1:n}} q(\mathbf{z}_{1:n}, \boldsymbol{\Phi}, \boldsymbol{\theta}) \log p(\mathbf{w}_{1:n}|\mathbf{z}_{1:n}, \boldsymbol{\Phi}) d\boldsymbol{\varphi} d\theta$
- +  $\int \sum_{\mathbf{z}_{1:n}} q(\mathbf{z}_{1:n}, \boldsymbol{\Phi}, \boldsymbol{\theta}) \log p(\mathbf{z}_{1:n}|\boldsymbol{\theta}) d\boldsymbol{\varphi} d\boldsymbol{\theta}$
- +  $\int \sum_{\mathbf{z}_{1:n}} q(\mathbf{z}_{1:n}, \boldsymbol{\Phi}, \boldsymbol{\theta}) \log p(\boldsymbol{\theta}|\boldsymbol{\alpha}) d\boldsymbol{\varphi} d\boldsymbol{\theta}$
- +  $\int \sum_{\mathbf{z}_{1:n}} q(\mathbf{z}_{1:n}, \boldsymbol{\Phi}, \boldsymbol{\theta}) \log p(\boldsymbol{\Phi}|\boldsymbol{\beta}) d\boldsymbol{\varphi} d\theta$
- +  $\int \sum_{\mathbf{z}_{1:n}} q(\mathbf{z}_{1:n}, \boldsymbol{\Phi}, \boldsymbol{\theta}) \log q(\mathbf{z}_{1:n}, \boldsymbol{\Phi}, \boldsymbol{\theta}) d\boldsymbol{\varphi} d\boldsymbol{\theta}$

 $\theta$ の分布を知りたかったら、 $F[q(\mathbf{z}_{1:n}, \boldsymbol{\phi}, \boldsymbol{\theta})]$ の $\theta$ に関係のある項を集めて変分することで

$$q(\theta_d) \propto \prod_{k=1}^K \theta_{d,k}^{E[n_{d,k}] + \alpha_k - 1}$$

を求められる

$$\xi_{d,k}^{\theta} = E[n_{d,k}] + \alpha_k$$

とおくと、θはディリクレ分布と分かっているので

$$q(\theta_d) = \frac{\Gamma(\sum_{k=1}^K \xi_{d,k}^{\theta})}{\prod_{k=1}^K \Gamma(\xi_{d,k}^{\theta})} \prod_{k=1}^K \theta_{d,k}^{\xi_{d,k}^{\theta}-1}$$

と求めることができる

データセット

### データセット

- ▶ Amazonから得られたカスタマーレビュー
- **2013/1~2013/12**
- ▶ 今回は「Kindle fire」のレビューに限定
- ▶ 価格:約199\$
- ▶ レビュー数:2067
- ▶ 総単語数:6857
- ▶ 一般的なストップワード以外の全ての品詞
- ,単語を使用
- ▶ トピック数:5
- ▶ MにはTF-IDF,IDF,TFを用いた



### TF-IDF

- ▶ TF-IDF とは文書集合における単語の重要性を表す指標
- **TF**:  $\frac{n_j}{n}$ ,  $n_j$ : テキスト集合における単語jの出現頻度 n: テキスト集合における全単語数
- ▶  $\mathbf{IDF:}\log\left(\frac{N}{df_i}\right)$ , N: テキストの総数, $df_j$ : 単語 j を含むレビューの数
- $\blacktriangleright \quad \mathsf{TF\text{-}IDF} = \frac{n_j}{n} \times \log\left(\frac{N}{df_j}\right)$

TF

**IDF** 

TF - IDF

| Index  | Prob       |  |  |  |
|--------|------------|--|--|--|
| use    | 0.0158324  |  |  |  |
| guitar | 0.0147568  |  |  |  |
| sound  | 0.0112174  |  |  |  |
| one    | 0.0106613  |  |  |  |
| string | 0.0103552  |  |  |  |
| like   | 0.0093356  |  |  |  |
| great  | 0.00889587 |  |  |  |
| good   | 0.00824059 |  |  |  |
| pedal  | 0.00794744 |  |  |  |
| work   | 0.00784829 |  |  |  |
| get    | 0.00739778 |  |  |  |
| well   | 0.00697314 |  |  |  |
| play   | 0.00637606 |  |  |  |
| pick   | 0.00544271 |  |  |  |
| атр    | 0.00542978 |  |  |  |
| price  | 0.0052638  |  |  |  |
| would  | 0.00514956 |  |  |  |
| realli | 0.00483485 |  |  |  |
| need   | 0.00473786 |  |  |  |
| look   | 0.00443824 |  |  |  |

|             | •       |
|-------------|---------|
| Index       | Prob    |
| kingdom     | 9.54306 |
| mcdonald    | 9.54306 |
| mbrace      | 9.54306 |
| mc404       | 9.54306 |
| mc7201b     | 9.54306 |
| mcapo10     | 9.54306 |
| mccarti     | 9.54306 |
| mccoy       | 9.54306 |
| mcquad      | 9.54306 |
| mayor       | 9.54306 |
| mcyntir     | 9.54306 |
| md100       | 9.54306 |
| md421       | 9.54306 |
| mdf         | 9.54306 |
| mdr7506     | 9.54306 |
| me501       | 9.54306 |
| mb          | 9.54306 |
| maverick    | 9.54306 |
| meaningless | 9.54306 |
| matchless   | 9.54306 |

| Index  | Prob      |
|--------|-----------|
| guitar | 0.20311   |
| use    | 0.201539  |
| string | 0.18545   |
| sound  | 0.176257  |
| pedal  | 0.165213  |
| one    | 0.158309  |
| like   | 0.14154   |
| great  | 0.132445  |
| good   | 0.128072  |
| amp    | 0.123207  |
| get    | 0.122456  |
| work   | 0.122375  |
| pick   | 0.115291  |
| play   | 0.115049  |
| well   | 0.112951  |
| would  | 0.0953805 |
| price  | 0.093343  |
| realli | 0.0911697 |
| need   | 0.08862   |
| cabl   | 0.0885133 |

# TF-IDFの計算結果 ~上位20単語~

# 推定結果

### TF-IDFを用いた計算結果 ~上位20単語~

トピック1

トピック2

トピック3

トピック4

トピック5

| Index | Word     | Index | Word   | Prob        | Index | Word   | Index | Word             | Index | Word   | Prob        |
|-------|----------|-------|--------|-------------|-------|--------|-------|------------------|-------|--------|-------------|
| 5564  | snappi   | 3461  | kindl  | 0.000188343 | 3461  | kindl  | 4242  | okay :           | 3461  | kindl  | 0.000189022 |
| 4858  | radio    | 2438  | fire   | 0.000178419 | 2438  | fire   | 5204  | safari           | 2438  | fire   | 0.00017895  |
| 5025  | rememb   | 522   | amazon | 0.00017426  | 6439  | use    | 618   | appstor :        | 522   | amazon | 0.00017253  |
| 595   | арр      | 6439  | use    | 0.000173852 | 522   | amazon | 1893  | disppoint :      | 6439  | use    | 0.000171646 |
| 516   | amaz     | 2911  | hd     | 0.000169868 | 2911  | hd     | 2288  | extend           | 2911  | hd     | 0.000170964 |
| 4421  | passag   | 595   | арр    | 0.000169058 | 595   | арр    | 2940  | heaver :         | 1788  | devic  | 0.000168891 |
| 812   | batman   | 1788  | devic  | 0.000168259 | 1788  | devic  | 874   | benefit          | 595   | арр    | 0.000168073 |
| 1408  | commend  | 4894  | read   | 0.000165985 | 4255  | one    | 6339  | unfair :         | 4255  | one    | 0.000166407 |
| 15    | 100x     | 5954  | tablet | 0.000165747 | 4894  | read   | 6597  | watchespn :      | 4894  | read   | 0.000165725 |
| 1009  | bounc    | 974   | book   | 0.000165722 | 5954  | tablet | 5786  | straightforwa… 4 | 5954  | tablet | 0.000164964 |
| 4086  | newberri | 4255  | one    | 0.000165128 | 3605  | like   | 2669  | geniu :          | 974   | book   | 0.000164891 |
| 3805  | medal    | 3605  | like   | 0.000164932 | 974   | book   | 3641  | log :            | 2680  | get    | 0.000164642 |
| 5110  | revisit  | 2794  | great  | 0.000164094 | 2680  | get    | 6368  | unlik :          | 3605  | like   | 0.000164518 |
| 804   | basic    | 2680  | get    | 0.000162997 | 5275  | screen | 4546  | pixel :          | 2794  | great  | 0.000162873 |
| 6260  | turn     | 5275  | screen | 0.000162553 | 2794  | great  | 5002  | rel :            | 3679  | love   | 0.000162833 |
| 5725  | star     | 3679  | love   | 0.000160894 | 3679  | love   | 2289  | extendedli :     | 6768  | would  | 0.000161766 |
| 2889  | harri    | 3322  | ipad   | 0.000160341 | 6768  | would  | 1733  | deliber :        | 5275  | screen | 0.000161766 |
| 4636  | potter   | 6572  | want   | 0.000160162 | 3322  | ipad   | 2594  | frivol :         | 3322  | ipad   | 0.000160858 |
| 2482  | flexibl  | 6768  | would  | 0.000159733 | 6743  | work   | 6557  | wad :            | 6572  | want   | 0.00015974  |
| 5124  | ride     | 502   | also   | 0.000159072 | 6572  | want   | 5190  | run2             | 6743  | work   | 0.000159438 |

## IDFを用いた計算結果 ~上位20単語~

トピック1

トピック2

トピック3

トピック4

トピック5

| Index | Word   | Prob        |
|-------|--------|-------|--------|-------|--------|-------|--------|-------|--------|-------------|
| 3461  | kindl  | 0.000189175 |
| 2438  | fire   | 0.000179061 |
| 6439  | use    | 0.00017387  |
| 522   | amazon | 0.000172357 |
| 2911  | hd     | 0.000170767 |
| 595   | арр    | 0.000168849 |
| 1788  | devic  | 0.000167931 |
| 4255  | one    | 4255  | one    | 4255  | one    | 4255  | one    | 974   | book   | 0.000166085 |
| 4894  | read   | 974   | book   | 974   | book   | 974   | book   | 4894  | read   | 0.000165958 |
| 3605  | like   | 4894  | read   | 3605  | like   | 4894  | read   | 4255  | one    | 0.000165747 |
| 974   | book   | 3605  | like   | 4894  | read   | 3605  | like   | 3605  | like   | 0.000165413 |
| 5954  | tablet | 0.000164969 |
| 2680  | get    | 0.000163718 |
| 2794  | great  | 2794  | great  | 5275  | screen | 2794  | great  | 2794  | great  | 0.000162747 |
| 5275  | screen | 5275  | screen | 2794  | great  | 5275  | screen | 5275  | screen | 0.000162637 |
| 3679  | love   | 0.000162389 |
| 6768  | would  | 6768  | would  | 6768  | would  | 6768  | would  | 3322  | ipad   | 0.000161113 |
| 3322  | ipad   | 3322  | ipad   | 3322  | ipad   | 3322  | ipad   | 6768  | would  | 0.000160811 |
| 6572  | want   | 0.000159519 |
| 6743  | work   | 0.0001594   |

## TFを用いた計算結果 ~上位20単語~

トピック1

トピック2

トピック3

トピック4

トピック5

| Index | Word   |
|-------|--------|
| 3461  | kindl  |
| 2438  | fire   |
| 6439  | use    |
| 2911  | hd     |
| 522   | amazon |
| 974   | book   |
| 595   | арр    |
| 5954  | tablet |
| 1788  | devic  |
| 2794  | great  |
| 4894  | read   |
| 4255  | one    |
| 2680  | get    |
| 5275  | screen |
| 3605  | like   |
| 3679  | love   |
| 3322  | ipad   |
| 3980  | movi   |
| 6768  | would  |
| 6595  | watch  |

| Index | Word          |
|-------|---------------|
| 3145  | importantli   |
| 1765  | describ       |
| 4941  | recommend     |
| 2501  | focus         |
| 4708  | primer        |
| 5712  | sr            |
| 1960  | dp            |
| 751   | b006gwo5wk    |
| 51    | 1349632797    |
| 752   | b008j7eu9i    |
| 6848  | zoho          |
| 5713  | sr_1_1        |
| 4818  | qid           |
| 4602  | polari        |
| 4236  | oh_details_o0 |
| 3442  | keyword       |
| 2942  | heavi         |
| 1691  | deal          |
| 1612  | cross         |
| 6727  | woman         |

| Index | Word         |  |  |  |
|-------|--------------|--|--|--|
| 2134  | enhanc       |  |  |  |
| 5790  | strap        |  |  |  |
| 5962  | tad          |  |  |  |
| 5229  | trip         |  |  |  |
| 5342  | unfinish     |  |  |  |
| 2171  | er           |  |  |  |
| 5166  | total        |  |  |  |
| 559   | angl         |  |  |  |
| 1953  | downright    |  |  |  |
| 4772  | proprietari  |  |  |  |
| 5602  | way          |  |  |  |
| 1418  | compani      |  |  |  |
| 5266  | tv           |  |  |  |
| 3944  | mongolia     |  |  |  |
| 353   | accesscon    |  |  |  |
| 3851  | metropolitan |  |  |  |
| 1534  | coolest      |  |  |  |
| 455   | agree4       |  |  |  |
| 3793  | mcd          |  |  |  |
| 1424  | passwords8   |  |  |  |

| Index | Word      |
|-------|-----------|
| 2752  | gorilla   |
| 5291  | sd        |
| 3743  | mani      |
| 181   | 32        |
| 927   | blend     |
| 4828  | qualm     |
| 3175  | includ    |
| 3625  | litt1     |
| 5616  | sophist   |
| 1660  | dad       |
| 1696  | debat     |
| 4911  | rear      |
| 5841  | subscript |
| 1431  | complaint |
| 1430  | complain  |
| 6703  | wireless  |
| 2431  | finger    |
| 4432  | patient   |
| 4813  | put       |
| 5839  | submit    |

| Index | Word   | Prob        |
|-------|--------|-------------|
| 1026  | brand  | 0.692705    |
| 409   | adob   | 0.307295    |
| 3461  | kindl  | 3.3999e-13  |
| 2438  | fire   | 3.22201e-13 |
| 6439  | use    | 3.12712e-13 |
| 522   | amazon | 3.09238e-13 |
| 2911  | hd     | 3.07036e-13 |
| 595   | арр    | 3.03542e-13 |
| 1788  | devic  | 3.01215e-13 |
| 4255  | one    | 2.97736e-13 |
| 974   | book   | 2.97193e-13 |
| 4894  | read   | 2.96898e-13 |
| 3605  | like   | 2.96747e-13 |
| 5954  | tablet | 2.965e-13   |
| 2680  | get    | 2.95005e-13 |
| 2794  | great  | 2.92714e-13 |
| 5275  | screen | 2.92592e-13 |
| 3679  | love   | 2.9111e-13  |
| 6768  | would  | 2.89242e-13 |
| 3322  | ipad   | 2.89023e-13 |

### 通常のLDAの計算結果



### 今後の課題

- ▶ ①トピックの解釈に関して、元のレビューを見ながら考察
- ▶ ②トピック分布を使ってレーティングに回帰
- ▶ ③通常のLDAと回帰の精度を比較
- ▶ ④他のカテゴリーの製品にも使用してみる
- ▶ ⑤Mに関して他にも使用できるものがないか考える(コーパスの単語頻度等)

### 参考文献

- ► [1] "Sparse Additive Generative Models of Text", 2011, ICML'11 Proceedings of the 28th International Conference on Machine Learning, Pages 1041-1048
- ▶ [2]「トピックモデルによる統計的潜在意味解析」奥村・佐藤
- ▶ [3]「自然言語処理概論」黒橋禎夫・柴田智秀
- ▶ [4]「トピックモデルを用いた商品の評判要因分析に関する検討」月岡・他

### 補足 1

$$|\log P(w_{len}|d,Y) = \log \int_{z_{len}} P(w_{len},z_{len},\eta,\theta,T|d,Y) d\eta d\theta dT$$

$$= |\log \int_{z_{len}} \mathcal{L}(z,\eta,\theta,T) \frac{P(w_{len},z_{len},\eta,\theta,T|d,Y)}{\mathcal{L}(z,\eta,\theta,T)} d\eta d\theta dT$$

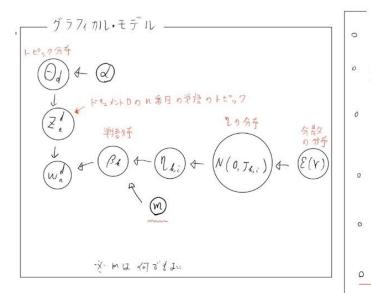
$$= \int_{z_{len}} \mathcal{L}(z,\eta,\theta,T) \log \frac{P(w,z,\eta,\theta,T|d,Y)}{\mathcal{L}(z,\eta,\theta,T)} d\eta d\theta dT$$

$$= \int_{z_{len}} \mathcal{L}(z,\eta,\theta,T) \log \frac{P(w,z,\eta,\theta,T|d,Y)}{\mathcal{L}(z,\eta,\theta,T)} d\eta d\theta dT$$

$$= \int_{z_{len}} \mathcal{L}(z,\eta,\theta,T) \log \frac{P(w,z,\eta,\theta,T|d,Y)}{\mathcal{L}(z,\eta,\theta,T)} d\eta d\theta dT$$

### 補足 2

- $\log p(\mathbf{w}_{1:n}|\boldsymbol{\alpha},\boldsymbol{\beta}) = F[q(\mathbf{z}_{1:n},\boldsymbol{\Phi},\boldsymbol{\theta})] + KL(q(\mathbf{z}_{1:n},\boldsymbol{\Phi},\boldsymbol{\theta})|p(\mathbf{z}_{1:n},\boldsymbol{\Phi},\boldsymbol{\theta}|\mathbf{w}_{1:n},\boldsymbol{\alpha},\boldsymbol{\beta}))$
- ・ここで
- $F[q(\mathbf{z}_{1:n}, \boldsymbol{\Phi}, \boldsymbol{\theta})] = \int \sum_{\mathbf{z}_{1:n}} q(\mathbf{z}_{1:n}, \boldsymbol{\Phi}, \boldsymbol{\theta}) \log \frac{p(\mathbf{x}_{1:n}, \mathbf{z}_{1:n}, \boldsymbol{\Phi}, \boldsymbol{\theta} | \alpha, \beta)}{q(\mathbf{z}_{1:n}, \boldsymbol{\Phi}, \boldsymbol{\theta})} d\boldsymbol{\varphi} d\boldsymbol{\theta}$
- $KL(q(\mathbf{z}_{1:n}, \boldsymbol{\Phi}, \boldsymbol{\theta}) | p(\mathbf{z}_{1:n}, \boldsymbol{\Phi}, \boldsymbol{\pi} | \mathbf{w}_{1:n}, \boldsymbol{\alpha}, \boldsymbol{\beta})) = \int q(\mathbf{z}_{1:n}, \boldsymbol{\Phi}, \boldsymbol{\theta}) \log \frac{q(\mathbf{z}_{1:n}, \boldsymbol{\Phi}, \boldsymbol{\theta})}{p(\mathbf{z}_{1:n}, \boldsymbol{\Phi}, \boldsymbol{\theta} | \mathbf{w}_{1:n}, \boldsymbol{\alpha}, \boldsymbol{\beta})}$
- KLはカルバックライブラー情報量で、統計モデルqとpの近さを表し、0以上の値をとる。
- p=qのとき、KL=0となる。



まとめ

の 
$$\theta_{1}$$
,  $Z_{n}^{d}$  は 黄通の  $LDA$   $\tau$ 同じ

の  $\phi_{n}$  が 変更

の  $\beta_{k,i} = \frac{exp(\eta_{k,i} + m_{i})}{\sum exp(\eta_{k,i} + m_{i})}$ 

の  $\eta_{k,i}$   $\sim N(0. J_{k,i})$ 

の  $J_{k,i}$   $\sim E(\gamma)$  (指数分)

の 类役性 と促えない から 変分がイス"

#### 变分下院

$$| \log \left\{ P(w|d,r) \right\} \ge F \left[ 2(2,\eta,\theta,J) \right]$$

$$F \left[ 2(2,\eta,\theta,J) \right] = \sum_{d=1}^{M} \left\langle \log P(\theta_d|d) \right\rangle + \sum_{d=1}^{M} \sum_{n=1}^{M} \left\langle \log P(w_n^d|m,\eta_{2d}) \right\rangle + \sum_{d=1}^{M} \sum_{n=1}^{M} \left\langle \log P(\eta_d|0,J_d) \right\rangle + \sum_{d=1}^{M} \left\langle \log P(\eta_d|0,J_d) \right$$