

А. Циклический барьер - 5 баллов

Барьер (barrier) - примитив синхронизации для n потоков, который представляет собой виртуальную границу в коде, пересечь которую поток может только в случае, если к ней подошли все n потоков.

Барьер реализует единственный метод: `void pass()`

Когда поток хочет пройти через барьер, он вызывает этот метод и блокируется до тех пор, пока к барьеру не подойдут все остальные потоки (т.е. до тех пор, пока все они тоже не вызовут `pass()`). Поток, последним вызвавший `pass()`, разблокирует все ожидающие потоки, после чего барьер считается пройденным.

При создании барьер параметризуется числом потоков, которые будут проходить через него.

Барьер называется **циклическим** (cyclic), если через него можно проходить многократно. Т.е. поток, прошедший через метод `pass`, может вызвать его повторно, и снова ждать всех остальных потоков.

Пример практического применения барьеров - параллельные итеративные алгоритмы, в которых работа на каждой итерации разбивается по данным на независимые части и выполняется в отдельных потоках, и перейти к следующей итерации можно только если все потоки уже завершили работу на предыдущей итерации.

Пример таких задач: вычисление префиксных сумм или bottom-up FFT (быстрое преобразование Фурье)

Реализуйте циклический барьер с помощью условных переменных или семафоров.

Подсказка:

Сложность реализации циклического барьера состоит в обработке следующей ситуации: поток, только покинувший барьер, может тут же

подойти к нему снова, пока остальные потоки его еще не покинули. Поэтому идея с простым счетчиком потоков не работает.

В. Шагающий робот - 2+2+1 балла

У робота есть две ноги, движением каждой управляет отдельный поток. Потоки могут выполнять только одно движение - шаг. Для того, чтобы робот мог нормально ходить, потоки должны выполнять шаги строго по очереди:

Поток 1	Поток 2
step("left")	
	step("right")
step("left")	
	step("right")

Для определенности будем считать, что робот делает первый шаг левой ногой.

Придумайте механизм координации потоков с помощью:

- 1) Условных переменных
- 2) Семафоров + реализуйте семафор с помощью условных переменных
- 3) Используя семафоры, реализуйте робота-многоножку с n ногами, которыми он должен перебирать по циклу.

С. Адаптивный мьютекс с помощью фьютекса - 5 баллов

Пусть мы хотим реализовать идеальный мьютекс. Какими свойствами он должен обладать?

1) Захват свободного мьютекса, на владение которым никто больше не претендует, должен происходить очень быстро, без погружения в ядро операционной системы.

Посмотрим на TAS спинлок. Если спинлок свободен, и есть только один поток, который претендует на него, то этот поток выполнит одну операцию test-and-set и захватит спинлок. Один щелчок атомарной операцией, выполнение которой занимает единицы тактов процессора - и мьютекс захвачен.

2) Если поток не может захватить мьютекс, потому что его опередил другой поток (такую ситуацию называют **contention**, т.е. соревнованием за мьютекс), то этот поток должен заблокироваться внутри ядра операционной системы до тех пор, пока мьютекс не освободится.

TAS спинлок так делать не умеет: он будет крутиться в цикле ожидания и греть процессор до тех пор, пока не захватит флаг locked с помощью операции test-and-set.

Первый сценарий называется **fast path**. Если мьютекс умеет блокироваться в ядре операционной системы, но при этом имеет fast path, то такой мьютекс называется **адаптивным**.

Для реализации адаптивного мьютекса операционная система предлагает инструмент - **фьютекс**.

Фьютекс - это список (очередь) заблокированных потоков в ядре операционной системы, привязанная к ячейке памяти программы.

Фьютекс поддерживает две операции:

- **futex-wait**(addr, expected) - если содержимое ячейки addr == expected, то остановить исполнение текущего потока и добавить его в очередь ожидания, иначе выйти из вызова
- **futex-wake**(addr, k) - разбудить k потоков в очереди, связанной с ячейкой addr.

Семантика значения в ячейке addr фьютексу неизвестна.

В ядре эти операции исполняются под спинлоком \Rightarrow вызов **futex-wake** не может выполняться между проверкой значения addr и остановкой потока внутри вызова **futex-wait**.

Рассмотрим следующую реализацию адаптивного мьютекса с помощью фьютекса:

```
void adaptive_mutex::init() {
    locked = 0
}

void adaptive_mutex::lock() {
    while (test-and-set(locked)) {
        futex-wait(locked, 1)
    }
}

void adaptive_mutex::unlock() {
    locked = 0
    futex-wake(locked, 1)
}
```

У этой реализации есть недостаток: каждый unlock требует системного вызова futex-wake, даже если поток всего один.

Предложите реализацию, в которой поток в unlock не будет вызывать futex-wake в uncontended случае, т.е. в случае, когда нет других потоков, которые претендовали бы на мьютекс.

Указание: Вместо двух состояний (0 - свободен, 1 - захвачен) нужно использовать три: 0 - свободен, 1 - захвачен, но других потоков нет,

а значит будить в unlock никого не надо, 2 - захвачен, но есть потоки, которые претендуют на захват и могут уснуть в futex-wait.
