

Guía de ejercicios prácticos I - Recursividad

A continuación se plantean una serie de problemas. Para resolver esto se deberá desarrollar una función recursiva.

1. Implementar una función que permita obtener el valor en la sucesión de Fibonacci para un número dado.
2. Implementar una función que calcule la suma de todos los números enteros comprendidos entre cero y un número entero positivo dado.
3. Implementar una función para calcular el producto de dos números enteros dados.
4. Implementar una función para calcular la potencia dado dos números enteros, el primero representa la base y segundo el exponente.
5. Dada una secuencia de caracteres, obtener dicha secuencia invertida.
6. Desarrollar un algoritmo que permita calcular la siguiente serie:

$$h(n) = 1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \dots + \frac{1}{n}$$

7. Desarrollar un algoritmo que permita convertir un número entero en sistema decimal a sistema binario.
8. Implementar una función para calcular el logaritmo entero de número n en una base b .
Recuerde que:

$$\log_b \left(\frac{n}{b} \right) = \log_b n + \log_b b$$

9. Desarrollar un algoritmo que cuente la cantidad de dígitos de un número entero.
10. Desarrollar un algoritmo que invierta un número entero sin convertirlo a cadena.
11. Desarrollar el algoritmo de Euclides para calcular el máximo común divisor (MCD) de un número entero.
12. Desarrollar el algoritmo de Euclides para calcular el mínimo común múltiplo (MCM) de un número entero.
13. Desarrollar un algoritmo que permita realizar la suma de los dígitos de un número entero, no se puede convertir el número a cadena.

14. Desarrollar una función que permita calcular la raíz cuadrada entera de un número entero, puede utilizar una función auxiliar para que la función principal solo reciba como parámetro en número a calcular su raíz.
15. Implementar un función recursiva que permita obtener el valor de a_n en una sucesión geométrica (o progresión geométrica) con un valor $a_1 = 2$ y una razón $r = -3$. Además desarrollar un algoritmo que permita visualizar todos los valores de dicha sucesión desde a_1 hasta a_n .
16. Escribir una función recursiva que permita mostrar los valores de un vector de atrás hacia adelante.
17. Implementar una función recursiva que permita recorrer una matriz y mostrar sus valores.
18. Dada la siguiente definición de sucesión recursiva, realizar una función recursiva que permita calcular el valor de un determinado número en dicha sucesión.

$$f(n) = \begin{cases} 2, & n = 1 \\ n + \frac{1}{f(n-1)}, & n \geq 2 \end{cases}$$

19. Desarrollar un algoritmo que permita implementar la búsqueda secuencial con centinela de manera recursiva, y permita determinar si un valor dado está o no en dicha lista.
20. Dada una lista de valores ordenadas, desarrollar un algoritmo que modifique el método de búsqueda binaria para que funcione de forma recursiva, y permita determinar si un valor dado está o no en dicha lista.
21. Un stormtrooper de asalto retorna a base a bordo de un AT AT, al pasar por revisión se debe controlar cuantas naves rebeldes derribo para informarle a Darth Vader; los datos quedan registrados en la caja negra que están respaldadas en un vector:
 - a. Resuelva el problema de manera recursiva.
 - b. Determinar cuántas naves rebeldes derribo.
 - c. Los datos están guardados en el vector de la siguiente forma ['coordenada', 'arma', 'resultado'] donde resultado indica si derribo la nave o no.
22. Salida del laberinto. Encontrar un camino que permita salir de un laberinto definido en una matriz de $N \times N$, solo se puede mover de una casilla a la vez y que la misma sea adyacente y no esté marcada como pared. Se comenzará en la casilla (0, 0) y se termina en la (N-1, N-1). Se mueve a la siguiente casilla si es posible, cuando no se puede avanzar hay que retroceder sobre los pasos dados en busca de un camino alternativo.
23. En el momento de la creación del mundo, los sacerdotes del templo de Brahma recibieron una plataforma de bronce sobre la cual había tres agujas de diamante. En la primera aguja

estaban apilados setenta y cuatro discos de oro, cada uno ligeramente menor que el que estaba debajo. A los sacerdotes se les encomendó la tarea de pasarlos todos desde la primera aguja a la tercera, con dos condiciones, solo puede moverse un disco a la vez, y ningún disco podrá ponerse encima de otro más pequeño. Se dijo a los sacerdotes que, cuando hubieran terminado de mover los discos, llegaría el fin del mundo. Resolver este problema de la Torre de Hanói.

24. El valor 1 376 256 pertenece a una sucesión geométrica cuya razón es 4, implementar un algoritmo para mostrar todos los valores de la sucesión hacia atrás hasta el valor de $a_1 = 5,25$.
25. Dada la siguiente definición de sucesión recursiva, realizar una función recursiva que permita calcular el valor de un determinado número en dicha sucesión.

$$f(n) = \begin{cases} 3, & n = 1 \\ f(n-1) + 2n, & n \geq 2 \end{cases}$$

26. Desarrollar una función recursiva que permita calcular el método de la bisección de una función $f(x)$.
27. Desarrollar una función recursiva que permita calcular el método de la secante de una función $f(x)$.
28. Desarrollar una función recursiva que permita calcular el método de Newton-Raphson de una función $f(x)$.