Taller de Álgebra I - Simulacro de parcial

SEGUNDO CUATRIMESTRE 2017 - SIMULACRO

Aclaraciones

- El parcial se aprueba con tres ejercicios bien resueltos.
- Programe todas las funciones en lenguaje Haskell. El código debe ser autocontenido. Si utiliza funciones que no existen en Haskell, debe programarlas.
- No está permitido: alterar los tipos de datos presentados en el enunciado utilizar técnicas no vistas en clase para resolver los ejercicios.

Ejercicio 1

Implementar una función en Progresion :: Integer -> Integer -> Bool que dados $a, b, c \in \mathbb{N}_{>0}$ determine si los números están en progresión aritmética (en algún orden). Recordar que una sucesión es una progresión aritmética si la diferencia entre cada término y el anterior es constante. Por ejemplo:

```
enProgresion 5 9 7 \leadsto True enProgresion 1 2 4 \leadsto False
```

Ejercicio 2

Implementar una función valuacion2Adica :: Integer -> Integer que dado $n \in \mathbb{Z}_{\neq 0}$ calcule el mayor $a \in \mathbb{N}_{\geq 0}$ tal que 2^a divide a n, es decir, calcule el exponente del 2 en la factorización de n.

Por ejemplo:

valuacion 2Adica 56 \rightsquigarrow 3 (ya que $2^3=8$ divide a 56 y no existe otra potencia de 2 mayor a 8 que divida a 56)

Ejercicio 3

Se define recursivamente la sucesión

$$a_1 = 3$$
, $a_{n+1} = 2a_n + 3$, $n \ge 1$.

Implementar una función cuantos Terminos :: Integer -> Integer que dado $n \in \mathbb{N}_{>0}$ cuente cuántos términos de la sucesión $\{a_i\}_{i\in\mathbb{N}_{>0}}$ son menores que n. Por ejemplo: cuantos Terminos 13 \rightsquigarrow 2

Ejercicio 4

Programe la función esTipoFibonacci :: [Integer] -> Bool que, dada una lista de al menos tres elementos, devuelve True si todos los elementos a partir del tercero son la suma de los dos anteriores y False en otro caso.

Por ejemplo:

- esTipoFibonacci [3,4,7,11,18] \rightsquigarrow True
- esTipoFibonacci [3,4,6,9,14] \rightsquigarrow False

Ejercicio 5

Programe la función desplazar :: Integer -> [a] -> [a], tal que desplazar n 1 devuelve el resultado de quitar los primeros n elementos de 1 y agregarlos al final. Asuma que vale $0 \le n \le length 1$.

Por ejemplo: desplazar 2 [1,2,3,4,5] \rightsquigarrow [3,4,5,1,2]