Tiempo de Ejecución III

Cálculo de T(n) y O(n)

Enunciado

- Calcular el T(n) de countOverlap para el peor caso, detallando los pasos seguidos para llegar al resultado.
- Calcular el O(n) de la función del punto anterior justificando con la definición de Big-OH.

```
public static int recu(int[] array, int count, int len) {
    if (len == 0)
        return 0:
    else
                                                                     Método recursivo
    if (array[len - 1] == count)
        return 1 + recu(array, count, len - 1);
    else.
        return recu(array, count, len - 1);
public static void countOverlap(int[] arrayA, int[] arrayB) {
    int count = 0, calc = 0, tam = 0;
    if (arrayA.length == arrayB.length) {
        tam = arrayA.length;
        for (int i = 0; i < arrayA.length; i++)</pre>
                                                                     Método iterativo
            for (int j = 0; j < arrayB.length; j++)</pre>
                if (arrayA[i] == arrayB[i]) {
                     count++:
                     calc = calc + recu(arrayA, count, tam)
                             + recu(arrayB, count, tam);
    System.out.println("count:" + count + "-calc:" + calc);
```

```
public static void countOverlap(int[] arrayA, int[] arrayB)
    int count = 0, calc = 0, tam = 0;
                                                                         Tiempo constante
    if (arrayA.length == arrayB.length) {
        tam = arrayA.length;
        for (int i = 0; i < arrayA.length; i++)</pre>
                                                                   Sumatorias
            for (int j = 0; j < arrayB.length; j++)</pre>
                if (arrayA[i] == arrayB[j]) {
                    count++;
                    calc = calc + recu(arrayA, count, tam)
                                                                      Tiempo constante +?
                             + recu(arrayB, count, tam);
    System.out.println("count:" + count + "-calc:" + calc);
```

T(n) de "recu"

```
public static int recu(int[] array, int count, int len) {
   if (len == 0)
      return 0;
   else
   if (array[len - 1] == count)
      return 1 + recu(array, count, len - 1);
   else
      return recu(array, count, len - 1);
}
```

len se reduce en 1 hasta llegar al caso base, por lo tanto len es nuestro N

$$T'(n) = \begin{cases} c & , n = 0 \\ d + T'(n-1), n > 0 \end{cases}$$

$$T'(n) = \begin{cases} c & , n = 0 \\ d + T'(n-1), n > 0 \end{cases}$$

(paso i)
$$T'(n) = id+T'(n-i)$$

$$n-i=0 \rightarrow i=n$$

= nd + T'(n-n) \rightarrow nd + T'(0) \rightarrow nd + c

$$T'(n) = \begin{cases} c, n = 0 \\ c + nd, n > 0 \end{cases}$$

T(n) de countOverlap

- Debemos considerar que ambos arrays son de igual tamaño (peor caso).
- El tamaño del array es nuestro N

 $= b + 2dn^3 + gn^2$

$$T(n) = b + \sum_{i=0}^{n-1} \left(\sum_{j=0}^{n-1} (f + 2(dn+c))\right) (sea \ g = f + 2c)$$

$$= b + \sum_{i=1}^{n} \left(n(2dn+g)\right)$$
Las sumatorias evalúan N veces. El contenido de sumatoria no se ve afectado por el índice, puedo o no reescribir los índices de la sumatoria
$$= b + n(n)(2dn+g)$$

O(n) de countOverlap

Siendo $T(n) = b + d2n^3 + gn^2$, vamos a demostrar que tiene $O(n^3)$, por definición si se cumple

Luego...

$$b + 2dn^3 + gn^2$$
 <= (k0 + k1 + k2) n^3
 $b + 2dn^3 + gn^2$ <= k * n^3 , con k = k0+k1+k2 = b + 2d + g y para n_0 =1
Por lo tanto, b + 2dn³ + gn² es O(n³)

¿Cuál es el O(n) de la siguiente expresión?

$$T(n) = 4n + 100Log_2n - Log_4n$$

Utilizando Big-Oh debemos probar que

$$4n+100Log_{2}n-Log_{4}n \le k^{*} n$$
 $k > 0, \forall n \ge n_{0}$

Debemos verificar la desigualdad para cada uno de los términos

$$4n+100Log_2n-Log_4n \le k * n k>0 , \forall n \ge n_0$$

$$4n \le k1 * n$$
 $k1=4 \ y \ \forall n_0$

$$100 Log_2 n \le k2 * n, \quad k2=100 \ y \ n_0=1$$

$$Otra opción hubiera sido
$$100 Log_2 n \le k2 * n, \ k2=1 \ y \ n_0=1000$$$$

- No es necesario considerar $-Log_{\bf A}n$ puesto que es negativo
- Si logramos acotar el resto de la expresión, obviamente estaremos acotando el resto de la expresión "—" algo.

$$4n \le 4n$$
, $k1=4 \ y \ \forall n_0$
 $100Log_2 n \le 100n$, $k2=100 \ y \ n_0=1$

$$4n + 100 Log_2 n \le 4n + 100n$$

$$4n + 100 Log_2 n \le 104n$$

$$4n+100Log_2 n \le 104n$$

 $4n+100Log_2 n \le k*n, k=104 y n_0=1$

$$4n+100Log_{2}n-Log_{4}n \le k^{*}n, \qquad k=104 \ y \ n_{0}=1$$