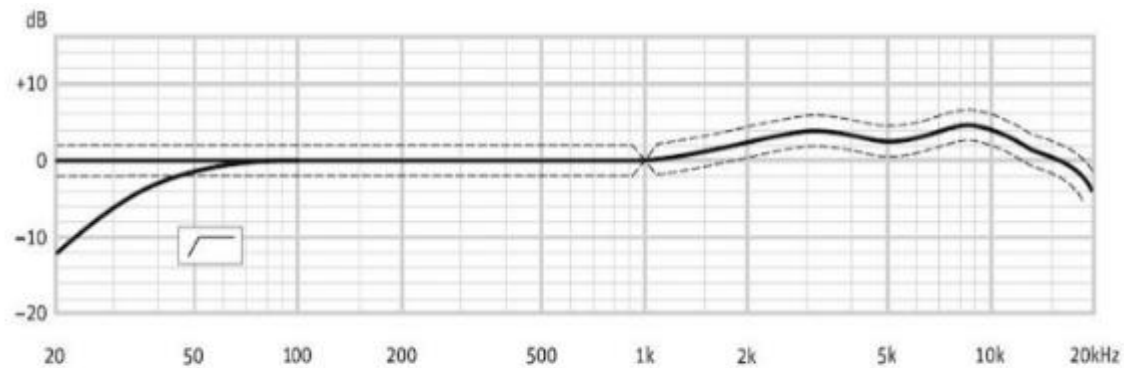
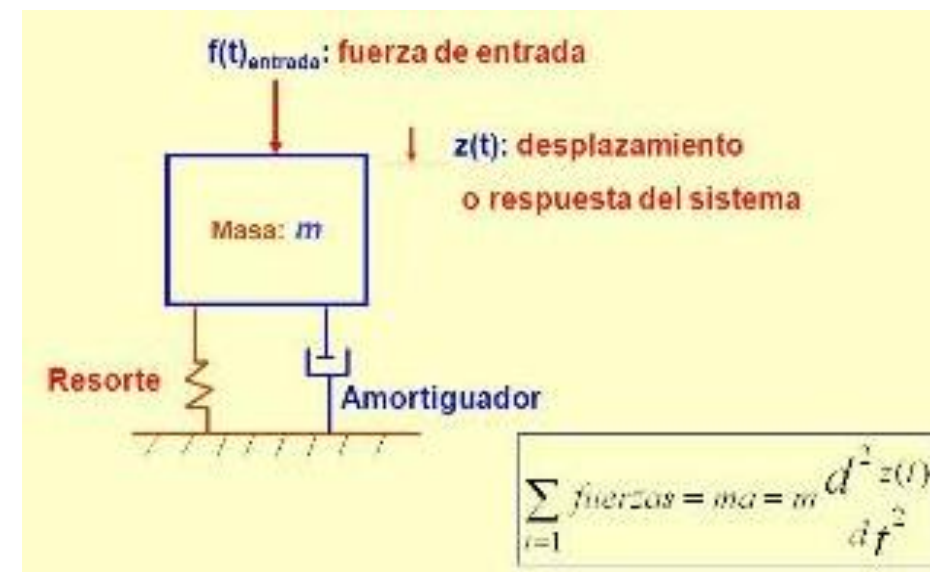
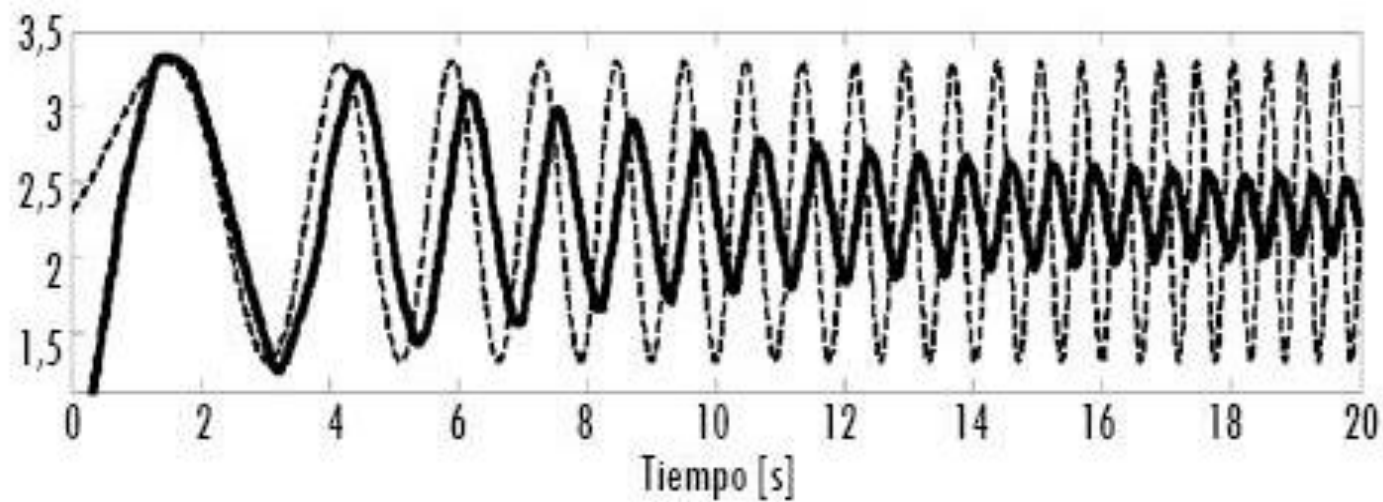




Neumann M 150

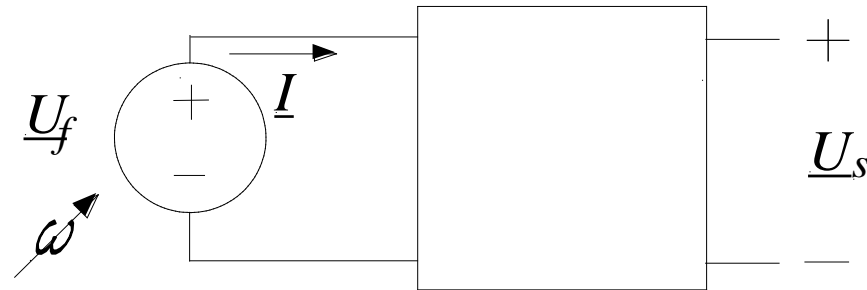


Neumann M 150 Frequency Response



## RESPUESTA EN FRECUENCIA

*Se estudia el comportamiento de circuitos cuando se alimentan con una fuente alterna senoidal de frecuencia variable, generalmente entre 0 e  $\infty$*

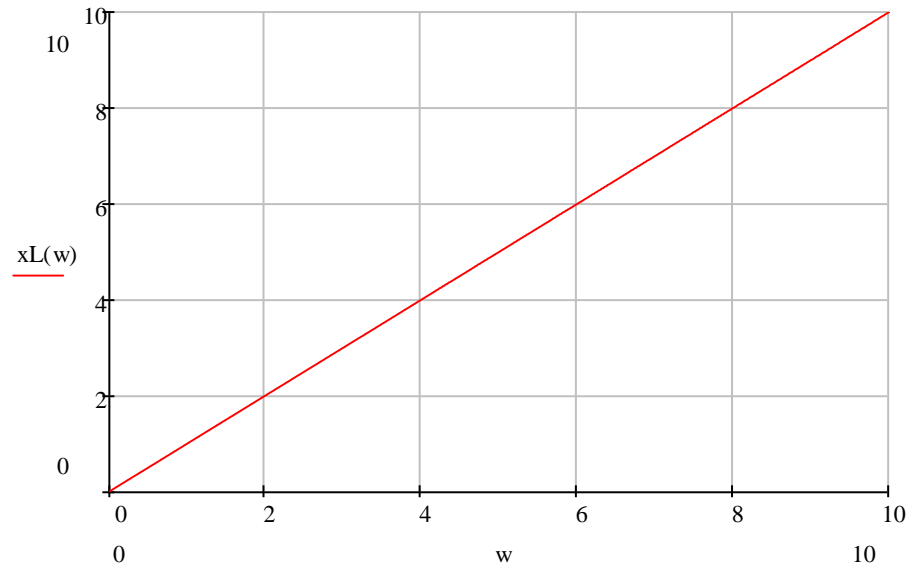


*A partir del estudio analítico de la situación planteada se realizan gráficas que permiten visualizar el mencionado comportamiento en función de la frecuencia o de la pulsación*

*Dichos estudios se realizan en base al comportamiento de las reactancias (**X**) o susceptancias (**B**) presentes en un circuito frente a la variación de  $f$  o de  $\omega$*



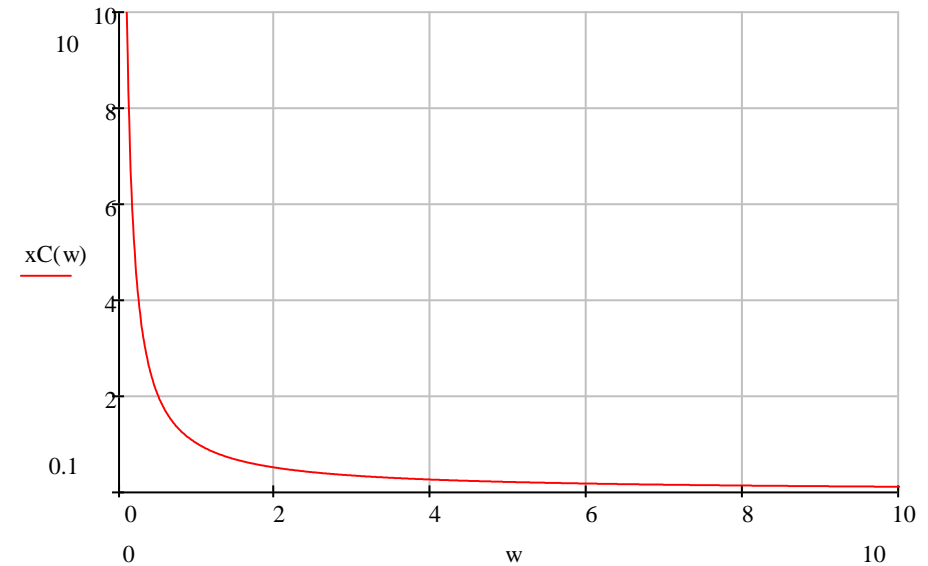
$X_L$  vs  $\omega$



$$X_L=0 \text{ si } \omega=0$$

$$X_L \rightarrow \infty \text{ si } \omega \rightarrow \infty$$

$X_C$  vs  $\omega$



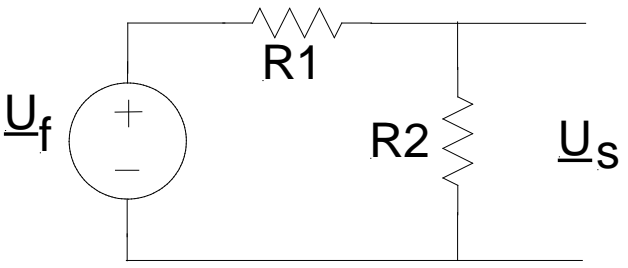
$$X_C \rightarrow \infty \text{ si } \omega=0$$

$$X_C=0 \text{ si } \omega \rightarrow \infty$$

¿Qué pasa si se conecta a un circuito una fuente de tensión alterna senoidal  $u_f$  de amplitud constante pero cuya frecuencia puede variar desde cero hasta infinito?



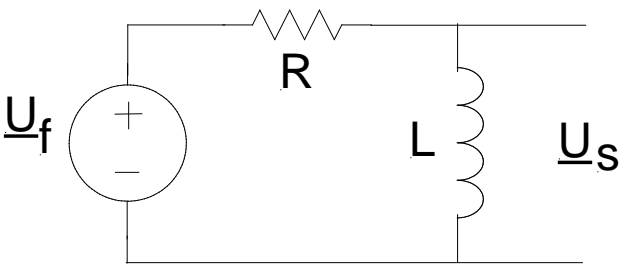
*Divisor resistivo*



$$\underline{U}_s = \frac{R_2}{(R_1 + R_2)} \underline{U}_f$$

*No hay dependencia de la frecuencia*

*Divisor RL*



$$\underline{U}_s = \frac{jX_L}{(R + jX_L)} \underline{U}_f = \frac{1}{(1 - j \frac{R}{\omega L})} \underline{U}_f$$

*Funciones de TRANSFERENCIA*

*Se puede separar el módulo y el argumento de la función y referenciar respecto de  $\underline{U}_f$*

$$\left| \frac{\underline{U}_s}{\underline{U}_f} \right| = \frac{1}{\sqrt{1 + \frac{R^2}{\omega^2 L^2}}}$$

$$\text{Arg} \left( \frac{\underline{U}_s}{\underline{U}_f} \right) = -\text{arg} \left( 1 - j \frac{R}{\omega L} \right)$$

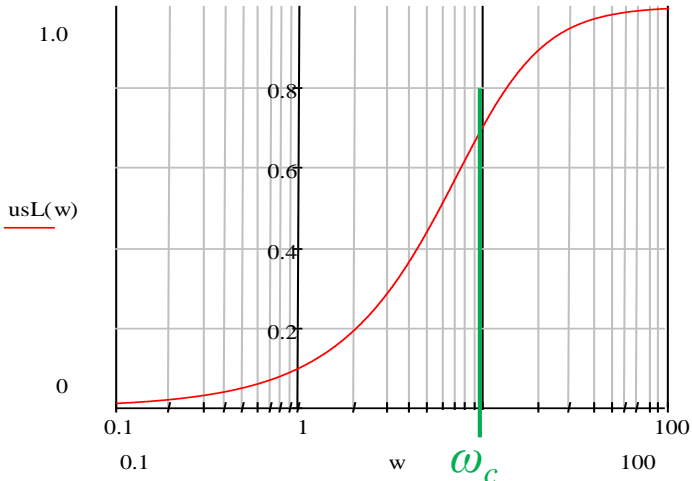
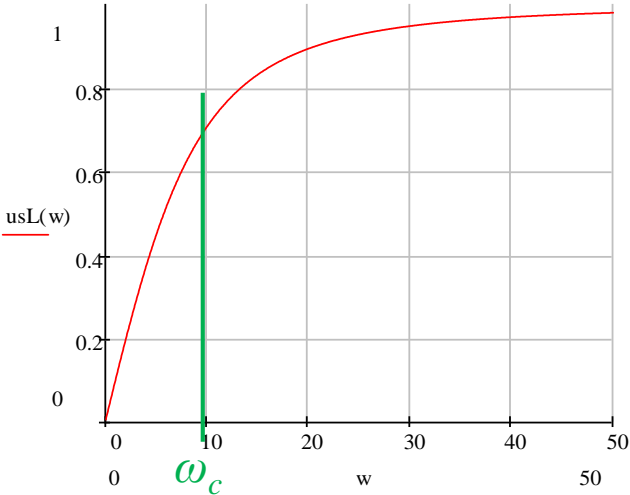
*Y graficando*



Módulo

$$\left| \frac{U_s}{U_f} \right| = \frac{1}{\sqrt{1 + \frac{R^2}{\omega^2 L^2}}}$$

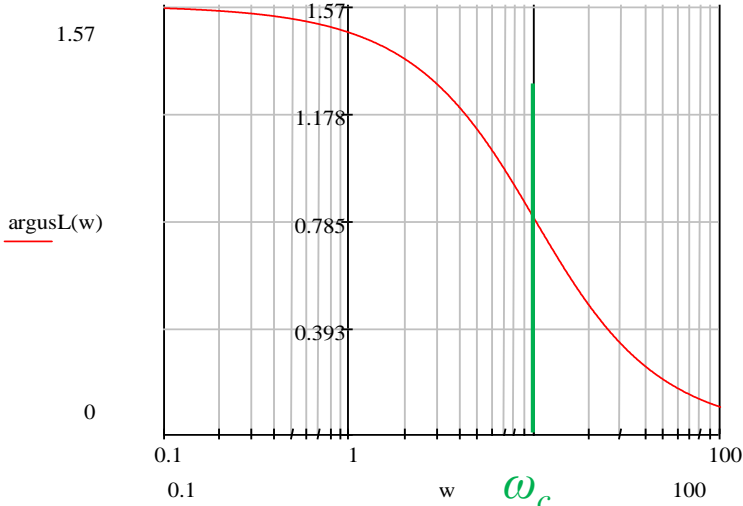
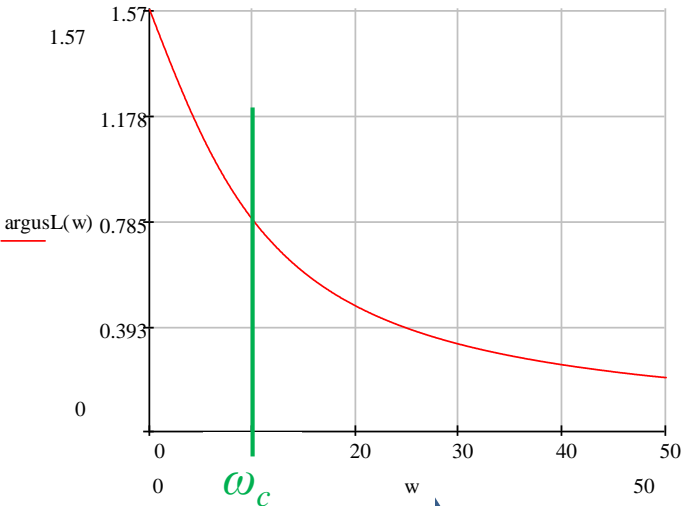
$$\text{si } \omega = \omega_c = \frac{R}{L} \Rightarrow \left| \frac{U_s}{U_f} \right| = \frac{1}{\sqrt{2}} = 0,707$$



Fase

$$\text{Arg} \left( \frac{U_s}{U_f} \right) = -\text{arg} \left( 1 - j \frac{R}{\omega L} \right)$$

$$\text{si } \omega = \omega_c = \frac{R}{L} \Rightarrow \text{Arg} \left( \frac{U_s}{U_f} \right) = \frac{\pi}{4} = 45^\circ$$



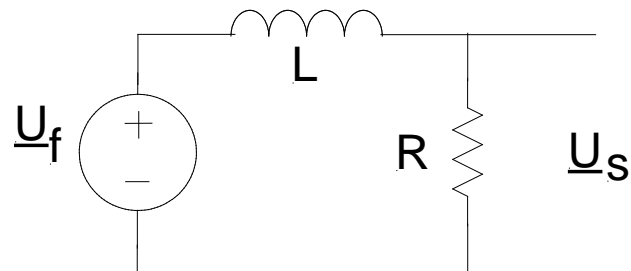
$\omega_c$  Pulsación de corte



Circuito PASA ALTOS

¿Se podría encontrar estas gráficas en forma aproximada sin hacer planteos matemáticos?

## Divisor LR



$$\underline{U}_s = \frac{R}{(R + jX_L)} \underline{U}_f = \frac{1}{(1 + j\frac{\omega L}{R})} \underline{U}_f$$

Se puede separar el módulo y el argumento de la función y referenciar respecto de  $\underline{U}_f$

$$\left| \frac{\underline{U}_s}{\underline{U}_f} \right| = \frac{1}{\sqrt{1 + \frac{\omega^2 L^2}{R^2}}}$$

$$\text{Arg} \left( \frac{\underline{U}_s}{\underline{U}_f} \right) = -\arg \left( 1 + j\frac{\omega L}{R} \right)$$

Y graficando

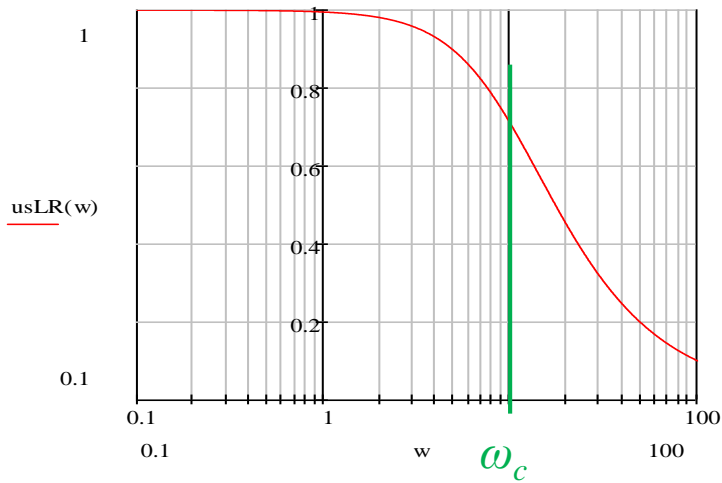
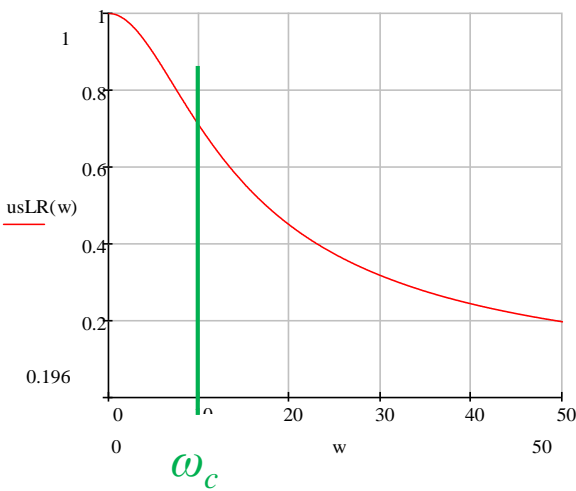


RESPUESTA EN FRECUENCIA

Módulo

$$\left| \frac{U_s}{U_f} \right| = \frac{1}{\sqrt{1 + \frac{\omega^2 L^2}{R^2}}}$$

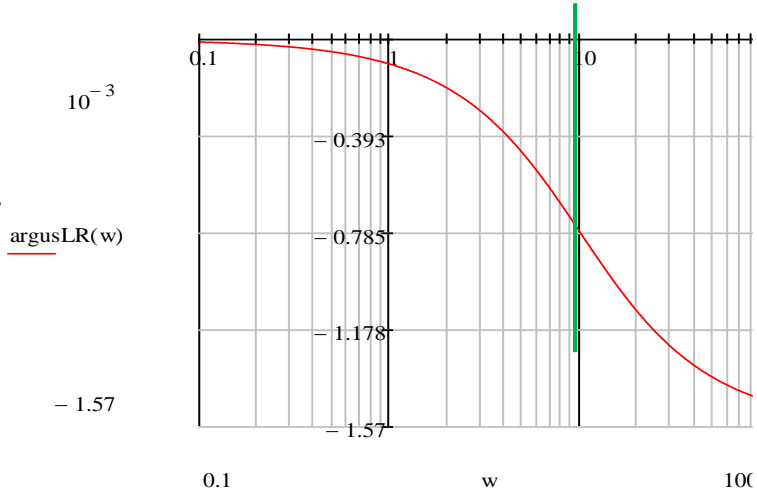
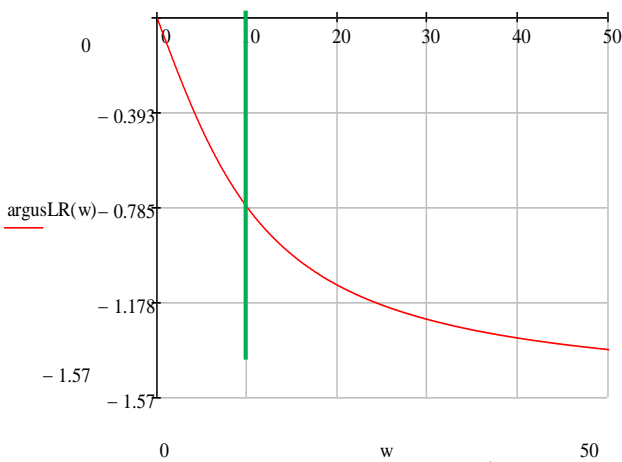
si  $\omega = \omega_c = \frac{R}{L} \Rightarrow \left| \frac{U_s}{U_f} \right| = \frac{1}{\sqrt{2}} = 0,707$



Fase

$$\text{Arg} \left( \frac{U_s}{U_f} \right) = -\text{arg} \left( 1 + j \frac{\omega L}{R} \right)$$

si  $\omega = \omega_c = \frac{R}{L} \Rightarrow \text{Arg} \left( \frac{U_s}{U_f} \right) = -\frac{\pi}{4} = -45^\circ$



$\omega_c$  Pulsación de corte



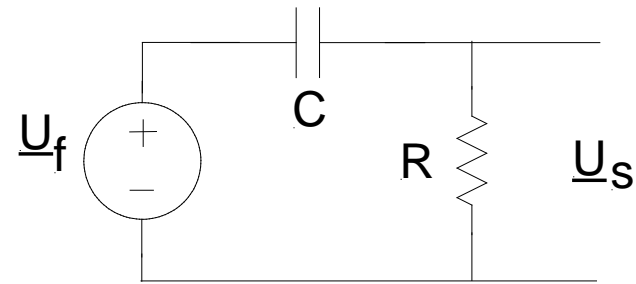
Circuito PASA BAJOS

¿Se podría resolver sin hacer planteos matemáticos?

## Ejercitación

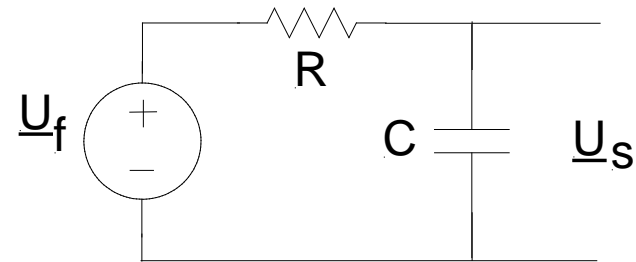
*Se propone resolver SIN HACER PLANTEOS MATEMÁTICOS la situación propuesta por los siguientes circuitos y comparar los resultados con los vistos anteriormente; luego realizar la verificación matemáticamente*

Ayuda



Circuito **PASA ALTOS**

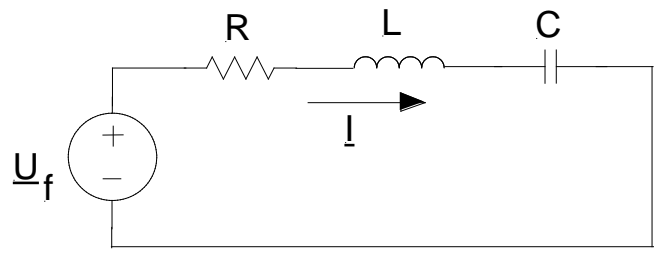
Ayuda



Circuito **PASA BAJOS**



Estudio del circuito serie RLC



La función de **TRANSFERENCIA** entre  $\underline{U}_f$  e  $\underline{I}$  es la **IMPEDANCIA** del circuito que, si la pulsación de la fuente es variable, resulta:

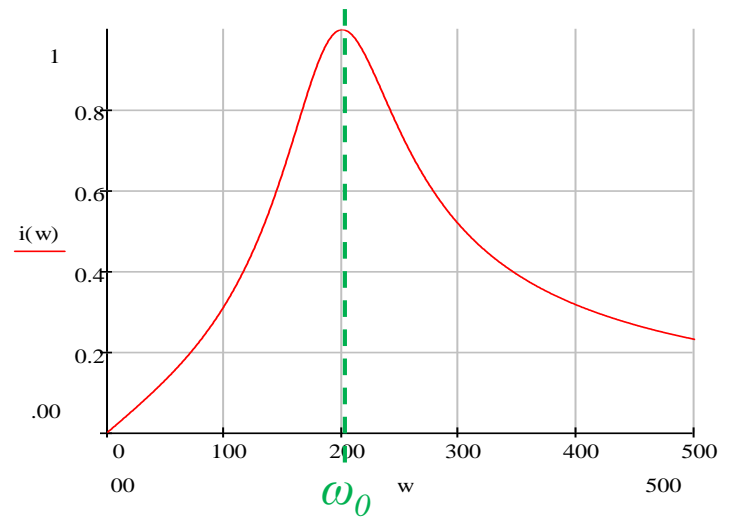
$$\underline{Z}(\omega) = R + j\omega L + \frac{1}{j\omega C} = R + j\left(\omega L - \frac{1}{\omega C}\right)$$

si  $\omega = \omega_0 = \frac{1}{\sqrt{LC}}$



$\underline{Z}(\omega_0) = R$  y  $|\underline{I}(\omega_0)|$  es máxima

Luego  $|\underline{I}(\omega)| = \frac{|\underline{U}_f|}{\sqrt{R^2 + \left(\omega L - \frac{1}{\omega C}\right)^2}}$



$\omega_0$  suele denominarse:  
**PULSACIÓN NATURAL DE OSCILACIÓN**

## Análisis de la variación del módulo de $I(\omega)$

Cuando la corriente es máxima, la potencia es máxima:

$$P_{\text{máx}} = I_{\text{ef máx}}^2 R$$

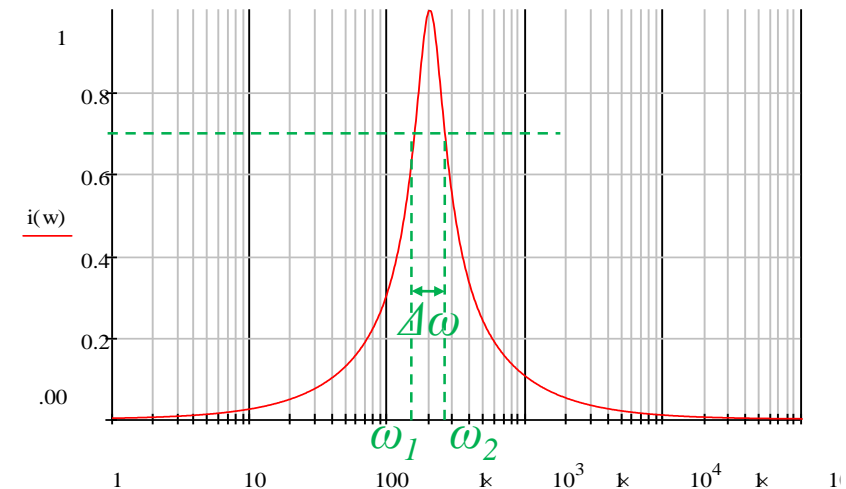
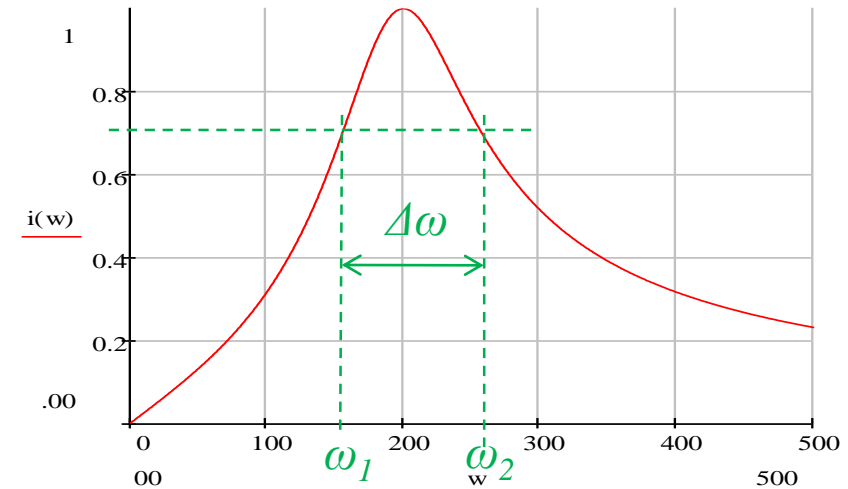
Para que la potencia sea la mitad de  $P_{\text{máx}}$

$$\frac{P_{\text{máx}}}{2} = \frac{I_{\text{ef máx}}^2 R}{2} = \frac{I_{\text{ef máx}}^2}{2} R = \left( \frac{I_{\text{ef máx}}}{\sqrt{2}} \right)^2 R$$



$$I\left(\frac{P_{\text{máx}}}{2}\right) = \frac{I_{\text{ef máx}}}{\sqrt{2}}$$

Los valores de  $\omega$  que definen los dos valores de  $I_{\text{máx}}/\sqrt{2}$  ( $\omega_1$  y  $\omega_2$ ) dan lugar al denominador **ANCHO DE BANDA  $\Delta\omega$**



## RESONANCIA

Se dice que un circuito **como el visto** en las condiciones de  $\omega = \omega_0$  se encuentra en **RESONANCIA**

Es decir, para cualquier  $\omega$  de la tensión de la fuente el circuito **“suena”**, pero si la tensión de la fuente tiene  $\omega = \omega_0$ , donde  $\omega_0$  es la **pulsación natural de oscilación** del circuito, el mismo **“re-suena”**

Esto significa que, al ser la pulsación de la fuente igual a la **pulsación natural de oscilación del circuito**, puede ocurrir que las amplitudes de las señales resultantes sean eventualmente **muy grandes**

En dicha condición



**corriente máxima**

Pues la fuente “ve” una **impedancia equivalente mínima** ( $\underline{Z}(\omega_0) = R$ )

Y podría ocurrir que  $|\underline{U}_C| \geq |\underline{U}_f|$  y/o  $|\underline{U}_L| \geq |\underline{U}_f|$



**SOBRETENSIÓN**

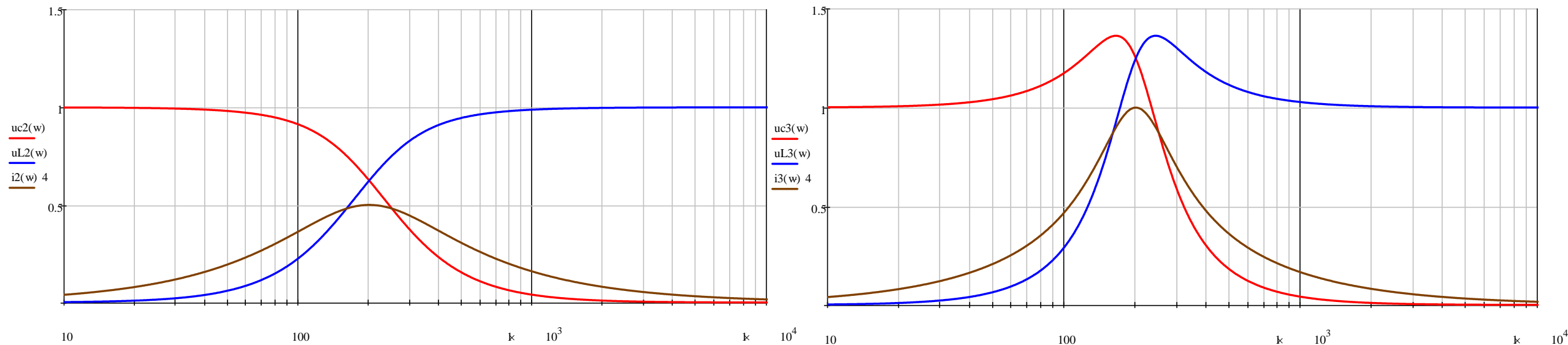
# RESPUESTA EN FRECUENCIA

Si se calculan  $|\underline{U}_C(\omega)|$  y  $|\underline{U}_L(\omega)|$

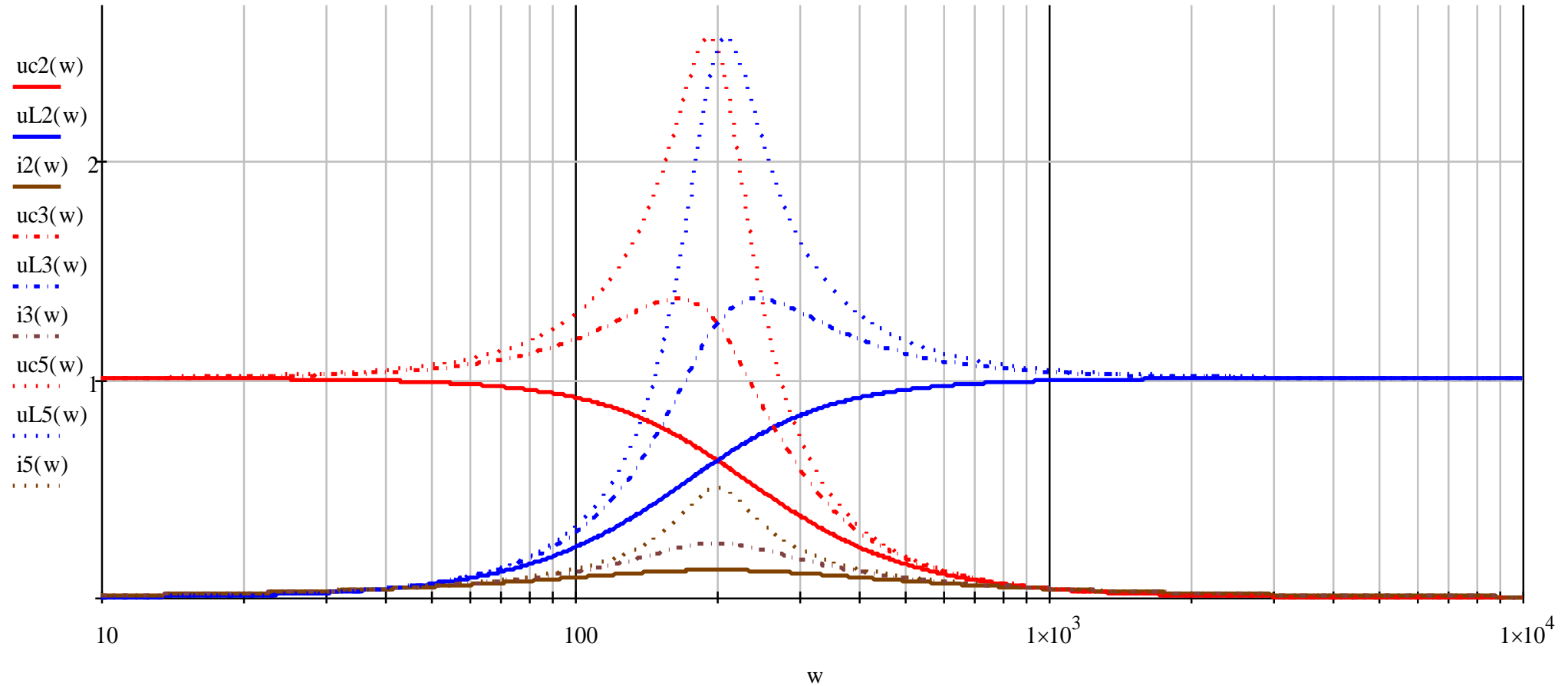
$$|\underline{U}_C| = |\underline{I}| \cdot |-jX_C| = \frac{|\underline{U}_f|}{\sqrt{R^2 + \left(\omega L - \frac{1}{\omega C}\right)^2}} X_C$$

$$|\underline{U}_L| = |\underline{I}| \cdot |jX_L| = \frac{|\underline{U}_f|}{\sqrt{R^2 + \left(\omega L - \frac{1}{\omega C}\right)^2}} X_L$$

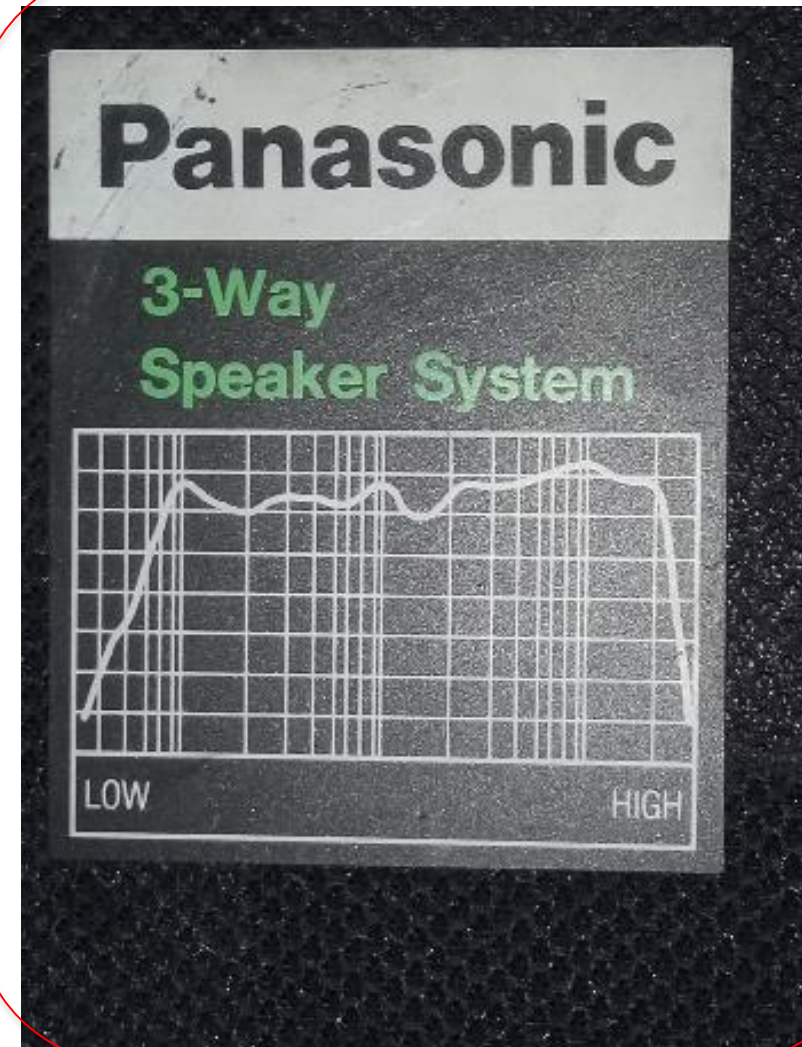
Según los valores de los elementos, las gráficas en función de la pulsación pueden ser



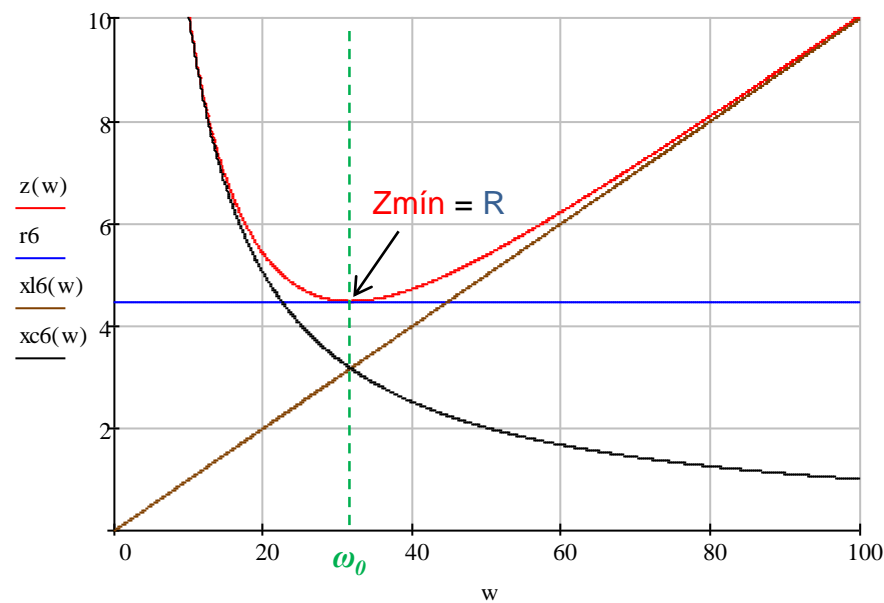
*Si se dan diferentes valores para  $R$  pueden resultar las siguientes familias de curvas*



# RESPUESTA EN FRECUENCIA



## Variación de Z, R, X en función de $\omega$



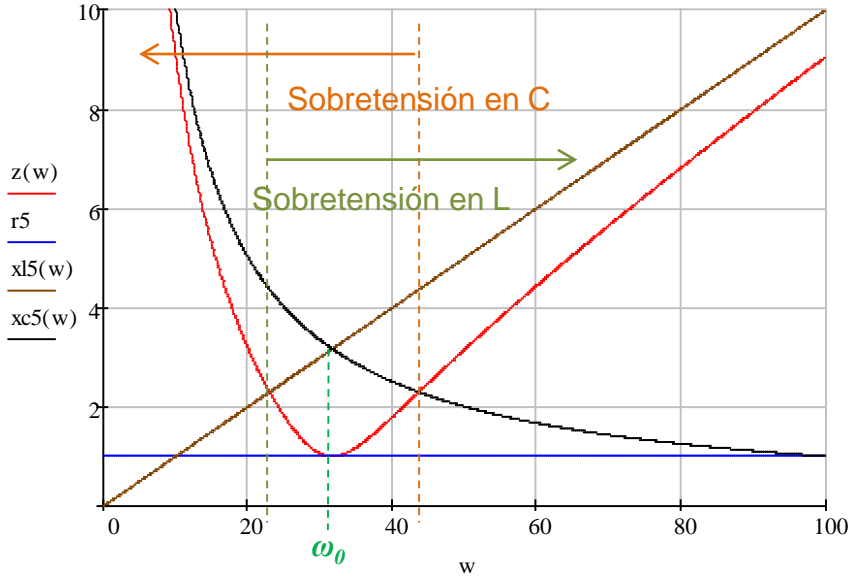
*R es grande*

$|U_L|$  y  $|U_C| < |U_f|$  siempre

Pues  $X_L$  y  $X_C < R$  a  $\omega_0$



No hay sobretensiones



*R es chica*

$|U_L|$  y  $|U_C| > |U_f|$  en ciertos rangos

Pues  $X_L$  y  $X_C > R$  a  $\omega_0$



Hay sobretensiones

**EJERCITACIÓN**



Repetir **todo lo visto** para circuito paralelo **GLC** con fuente de corriente (recordar **DUALIDAD**)



## RESUMEN

*Se estudió el comportamiento de circuitos cuando se alimentan con una fuente alterna senoidal de frecuencia variable*

*Se planteó la idea de **filtro** y se estudió la representación gráfica del comportamiento de su módulo y su argumento en función de  $\omega$*

*Surgieron los conceptos de resonancia, sobretensión, sobrecorriente, frecuencia de corte, ancho de banda*

## BIBLIOGRAFÍA

- *Circuitos eléctricos. Parte 2.* Morcelle-Deorsola. Cap 2.
- *Circuitos eléctricos y magnéticos.* Spinadel. Cap 4.
- *Principios de electrotecnia. Tomo I.* Zeveke - Ionkin. Cap X.
- *Principios y aplicaciones de ingeniería eléctrica.* G. Rizzoni. Cap 6.
- *Circuitos eléctricos.* Nilsson. Cap 14.
- *Circuitos en ingeniería eléctrica.* Skilling. Cap 6.
- *Circuitos eléctricos.* Dorf. Cap 13.
- *Principios de electrotecnia.* Zeveke-Ionkin. Cap X.
- *Análisis básico de circuitos eléctricos.* Johnson-Hilburn-Johnson. Cap 15.
- *Análisis de circuitos en ingeniería.* Hayt-Kemmerly. Cap 13.