

# **ELECTROTECNIA Y ELECTRÓNICA**

(Mecánica - Electromecánica - Computación)

# TRABAJO DE APLICACIÓN Nº 01

Preparado por: Ing. Pablo Morcelle del Valle, Ing. Augusto Cassino, Ing. Guillermo Renzi.

Actualizado por: Ing. Fabián Blassetti, Ing. Gustavo Adgi Romano, Ing. Mónica González

# INTRODUCCIÓN. COMPONENTES DE CIRCUITOS ELÉCTRICOS. LEYES.

Modelo circuital. Características y rango de aplicación. Excitación y Respuesta. Análisis y Síntesis. Elementos de circuito: Activos y Pasivos. Leyes de Ohm y Kirchhoff. Convenciones de Referencia. Energía y potencia.

REPASAR: Leyes de Ohm y Kirchhoff. Circuitos de corriente continua.

# PARA TENER EN CUENTA ANTES DE EMPEZAR

Respetar lo que sigue contribuirá al aprendizaje y al éxito en las evaluaciones.

- 1. **Reconocer** los elementos que componen el circuito: activos y pasivos. Sus características y comportamiento y la transformación energética en cada uno de ellos.
- 2. Indicar en el circuito las corrientes, con su sentido y las tensiones, con su polaridad.
- 3. Identificar nodos y mallas para la correcta referencia en el planteo de la Ley de Ohm y las Leyes de Kirchhoff
- 4. Respetar la **nomenclatura** y **simbología**, y poner las **unidades** de las magnitudes calculadas al lado de los resultados
- 5. Explicar y justificar explícitamente las decisiones tomadas durante la resolución de los ejercicios.
- 6. No olvidar leer las sugerencias que se muestran en cada ejercicio.
- 7. Recordar las cuestiones conceptuales siguientes:
  - a) La corriente **no circula**, lo que circulan son las cargas eléctricas:  $i = \frac{dq}{dt}$ .
  - b) La tensión **no cae**, cae el potencial eléctrico y es lo único que puede suceder teniendo como referencia el sentido de la corriente. Dicho sentido va del potencial eléctrico más alto (+) al potencial más bajo (-). Así, siempre la tensión es  $u = V_+ V_-$ .
  - c) La potencia **no se consume ni se transfiere**; representa cuánta energía se transfiere por unidad de tiempo y en qué sentido se realiza dicha transferencia:

$$p = \frac{dw}{dt}$$

- d) La energía **tampoco se consume** (recordar el *principio de conservación*), sino que se transforma *reversiblemente* en los elementos reactivos y se transforma *irreversiblemente* en los elementos no reactivos y en los elementos activos.
- e) Un resistor **no se opone al paso de la corriente**, sino que es una medida o parámetro que vincula la tensión con la corriente en un elemento de acuerdo a la *ley de Ohm*  $R = \frac{u_R}{i_R}$ .
- f) El inductor **no es un cortocircuito**, sino que su *tensión vale cero* si a través de él se establece una corriente constante. **Tampoco es un circuito abierto**; sino que al *no admitir cambios instantáneos de corriente*, se genera la falsa sensación de "circuito abierto". Ambas afirmaciones se basan en la *ecuación constitutiva*  $u_L = L \frac{di_L}{dt}$ .
- g) El capacitor **no es un circuito abierto**, sino que su *corriente es nula* cuando tiene aplicada una tensión constante entre sus bornes. **Tampoco es un cortocircuito**, sino que al *no admitir cambios instantáneos de tensión*, se genera la falsa sensación de "cortocircuito". Ambas afirmaciones se basan en la *ecuación constitutiva*  $i_C = C \frac{du_C}{dx}$ .



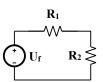
ELECTROTECNIA Y ELECTRÓNICA



# **EJERCICIO Nº 01:**

El circuito de la figura consiste en un divisor de tensión.  $U_f$ = 12V,  $R_1$  = 10 $\Omega$  y  $R_2$  = 30 $\Omega$  conectados según el esquema mostrado.

a) Calcular la tensión sobre el resistor **R**<sub>2</sub>. ¿Qué relación tiene con la tensión de la fuente? Justificar la respuesta.



RESPUESTA:  $U_2 = \frac{3}{4}$ .  $U_f = 9V$ 

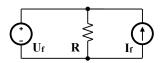
b) Conectar una fuente de corriente I<sub>f</sub> = 2A en lugar de la fuente de tensión y calcular todas las tensiones y corrientes del circuito. En este caso, ¿Se dividen las corrientes?

RESPUESTA:  $U_1 = 20V$ ,  $U_2 = 60V$ ,  $U_f = 80V$ .

c) Proponer un circuito en el cual se divida la corriente de una fuente de corriente y resolverlo.

# **EJERCICIO Nº 02:**

El circuito de la figura contiene una fuente de tensión  $U_f$  = 12V, una fuente de corriente  $I_f$  = 1A y un resistor R = 6 $\Omega$  conectados según el esquema mostrado.



a) Plantear las ecuaciones de las leyes de Kirchhoff y de Ohm que permiten resolver el circuito sin reemplazar los coeficientes por valores.

b) Reemplazar por los datos numéricos. Calcular la corriente y la tensión en cada uno de los tres elementos del circuito.

RESPUESTA: La tensión de los tres elementos es  $U_f$  porque la fuente de tensión lo impone (los 3 están en paralelo)  $I_R$  = 2A (hacia abajo);  $I_U$  = 1A (saliendo del positivo de la fuente de tensión).

c) Explicar la diferencia entre *excitación* y *respuesta*. Repetir el inciso a) suponiendo que  $\mathbf{R} = 12\Omega$ . Explicar qué sucede con respecto a las fuentes analizando sus corrientes y tensiones.

RESPUESTA:  $I_R = 1A$ ,  $I_U = 0$ .

# **EJERCICIO Nº 03:**

En base a los resultados del EJERCICIO Nº 02:

- a) Explicar la relación que hay entre la polaridad de una tensión definida (por ejemplo, en la fuente de corriente o en el resistor) y el signo del valor obtenido o entre la dirección de la corriente definida (por ejemplo, en la fuente de tensión o en el resistor) y el signo del valor obtenido.
- b) ¿Cómo debería ser la polaridad de la tensión en una fuente de corriente? ¿Hay una única posibilidad? Explicar con detalle y justificando adecuadamente la respuesta. Ídem para una fuente de tensión y su corriente y para un resistor.
- c) Para el caso de la fuente de tensión ¿la corriente debe salir siempre por el terminal positivo? Justificar la respuesta. Resolver el ejercicio anterior suponiendo que  $\mathbf{R} = 24\Omega$  y analizar qué sucede.

RESPUESTA: No necesariamente, en este caso:  $I_R$  = 0,5A (hacia abajo)  $I_U$  = -0,5A (saliendo del positivo de la fuente de tensión).

#### EJERCICIO Nº 04

En el circuito de la figura.  $U_f = 10V$ ;  $I_f = 7A$ ;  $R_1 = 40\Omega$ ,  $R_2 = 20\Omega$  y  $R_3 = 10\Omega$ .

- a) Dibujar el circuito indicando los sentidos supuestos de las corrientes y las polaridades de las correspondientes tensiones en cada elemento. Efectuar comentarios respecto de los sentidos de las corrientes y polaridades de las tensiones resultantes en cada elemento del circuito.
- $\begin{array}{c|c}
  A & & B \\
  \hline
  \downarrow & R_1 & R_2 & R_3 & \uparrow \\
  \hline
  \downarrow & & & & & & \\
  U_f & & & & & & \\
  \end{array}$
- b) Calcular las corrientes del circuito y la tensión U<sub>AB</sub> explicando paso a paso.

RESPUESTA: Todas las corrientes de arriba hacia abajo o de izquierda a derecha:  $I_{Uf} = -1,75A$ ;  $I_1 = 0,25A$ ;  $I_3 = 5A$ ;  $I_2 = -2A$ ;  $U_{AB} = -40V$ .

c) ¿Oué sucede si I<sub>f</sub> = 1A? Repetir el punto a) en esta nueva condición y efectuar comentarios.

RESPUESTA: Todas las I de arriba hacia abajo o de izquierda a derecha:  $I_{Uf} = 0,25A$ ;  $I_1 = 0,25A$ ;  $I_3 = 1A$ ;  $I_2 = 0$ ;  $U_{AB} = 0$ .

#### **EJERCICIO Nº 05:**

- a) Explicar cómo se determina si un elemento entrega o recibe energía en función de las convenciones de tensión o corriente elegidas.
- b) Para los circuitos de los EJERCICIOS (a y b), 02 (b y c), 03 (c) y 04 (b y c), calcular la potencia en todos y cada uno de sus elementos (fuentes y resistores). Indicar cuáles entregan energía y cuáles reciben, justificando la respuesta.

RESPUESTA:

<u>Ej 01</u>: a)  $P_U = 3.6W$ ;  $P_1 = 0.9W$ ;  $P_2 = 2.7W$ ; La fuente entrega, los resistores reciben energía.

b)  $P_U = 160W$ ;  $P_1 = 40W$ ;  $P_2 = 120W$ ; La fuente entrega, los resistores reciben energía.

Ej 02: b)  $P_U = 12W$ ;  $P_I = 12W$ ;  $P_R = 24W$ ; Las fuentes entregan, el resistor recibe energía

c)  $P_U = 0$ ;  $P_I = 12W$ ;  $P_R = 12W$ ; La fte. de corriente entrega, la de tensión no entrega ni recibe, el resistor recibe.



#### ELECTROTECNIA Y ELECTRÓNICA



 $\mathbb{R}_2$ 

 $U_{\rm f2}$ 

 $R_3$ 

Ej 03: c)  $P_U = -6W$ ;  $P_I = 12W$ ;  $P_R = 6W$ ; La fuente de corriente entrega, la de tensión recibe, el resistor recibe energía.

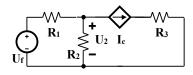
b)  $P_U = -17.5W$ ;  $P_1 = 350W$ ;  $P_1 = 2.5W$ ;  $P_2 = 80W$ ;  $P_3 = 250W$ ; La fte. de corriente entrega, el resto recibe energía. c)  $P_U = 2.5W$ ;  $P_1 = 10W$ ;  $P_1 = 2.5W$ ;  $P_2 = 0$ ;  $P_3 = 10W$ ; La fte. de corriente y la de tensión entregan, el resto recibe.

c) Realizar el balance de potencias para cada circuito y explicar qué sucede y como proceder cuando una fuente activa recibe energía.

# **EJERCICIO Nº 06:**

En el circuito de la figura.  $U_f = 6V$ ,  $I_c = 10[S] \cdot U_2$ ,  $R_1 = R_2 = R_3 = 2\Omega$ .

a) Clasificar las fuentes presentes (de tensión, de corriente, reales o ideales, independientes o controladas). Repetir si se supone que R₁ es parte de la fuente de tensión. ¿Puede R₂ ser parte de la fuente de corriente si ésta se considera real? ¿Por qué? Justificar la respuesta.



b) Resolver el circuito y determinar todas las tensiones y corrientes.

RESPUESTA: Todas las corrientes de arriba hacia abajo o de izquierda a derecha y las tensiones con el positivo arriba o a la izquierda.  $I_{Uf} = 2,86A$ ;  $I_2 = 0,14A$ ;  $I_c = 2,73A$ ;  $U_1 = 5,73V$ ;  $U_2 = 0,27V$ ;  $U_c = -5,19V$ ;  $U_3 = 5,46V$ ;

c) Realizar el balance de potencias del circuito.

RESPUESTA:  $P_U = 17,16W$ ;  $P_{1c} = 14,17W$ ;  $P_1 = 16,36W$ ;  $P_2 = 0,04W$ ;  $P_3 = 14,9W$ . De acuerdo a las polaridades se puede observar que la fuente de corriente y la de tensión entregan, el resto recibe energía. El balance de potencias lo confirma.

# **EJERCICIO Nº 07:**

En el circuito de la figura.  $U_{f1} = 130V$ ,  $U_{f2} = 80V$ ,  $I_{f} = 1,3A$ ,  $R_{1} = 150\Omega$ ,  $R_{2} = 60\Omega$ ,  $R_{3} = 5\Omega$ .

a) Calcular la tensión entre A y B.

RESPUESTA:  $U_{AB} = 150V$ 

b) Determinar si las fuentes entregan o reciben energía.

RESPUESTA: Se calculan las corrientes en las fuentes de tensión (de arriba hacia abajo) y la tensión en la fuente de corriente (positivo arriba):  $U_I = 156,5V$ ,  $I_1 = 0,13A$ ,  $I_2 = 1,16A$ 

c) Indicar qué valor debería tener el resistor  $R_2$  para que las corrientes de las fuentes de tensión tengan el mismo valor. ¿Cuánto vale esa corriente?

RESPUESTA:  $\mathbf{R}_2 = 227\Omega$ ;  $\mathbf{I}_1 = \mathbf{I}_2 = 0,64$ A.



# **EJERCICIO Nº 08:**

El circuito de la figura representa un dispositivo amplificador muy utilizado para acondicionar señales eléctricas de pequeña amplitud.  $U_e$  es la tensión de entrada,  $U_s$  la tensión de salida y A es la ganancia del amplificador.

- a) Calcular la tensión de salida Us en función de la tensión de entrada.
- b) Calcular  $U_s$  si  $U_e = 1 \text{mV}$ ,  $R_d = 20 \text{M}\Omega$ ,  $R_1 = 1 \text{k}\Omega$ ,  $R_2 = 47 \text{k}\Omega$  y A = 100.000.

RESPUESTA:  $U_s = -47 \text{mV}$ .

c) Calcular la corriente que entrega la fuente de entrada.

RESPUESTA:  $I_e = -1 \mu A$ ; desde arriba hacia abajo.

# 

 $R_1$ 

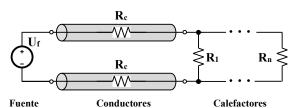
Ufi

#### **EJERCICIOS INTEGRADORES**

<u>Sugerencia</u>: Resolver todos los ejercicios siguiendo las pautas establecidas para los ejercicios anteriores: No dar por hechos u obvios suposiciones o afirmaciones, nada debe darse por implícito. Plantear, explicar, justificar, respetar la nomenclatura y simbología.

#### **EJERCICIO Nº 09:**

El circuito de la figura representa la conexión de una fuente de tensión  $U_f$  = 28V que se conecta con un conjunto de calefactores eléctricos (que se conectan en paralelo y que se modelan mediante resistores  $\mathbf{R}_n$  = 16 $\Omega$ ) con cables de resistencia  $\mathbf{R}_c$  = 1 $\Omega$ .



a) Suponer que se conecta un solo calefactor. Calcular la tensión con la que opera y la tensión que cae en los cables. RESPUESTA:  $U_1 = 24.9V$ ;  $U_c = 1.55V$ ; positivo arriba o a la izquierda.

b) La operación del circuito es adecuada si la tensión de cada calefactor se mantiene por encima del 60% de Ur. Calcular el número máximo de calefactores que se pueden conectar a la fuente para asegurar esta condición.

RESPUESTA: Cantidad = 5.



**ELECTROTECNIA ELECTRÓNICA** 



#### **EJERCICIO Nº 10:**

En el circuito de la figura, la fuente de tensión es variable y su valor se puede modificar.  $I_f = 6A$ ,  $R_1 = 10\Omega$ ,  $R_2 = 8\Omega$ ,  $R_3 = R_4 = 4\Omega$ .

a) Calcular la tensión que la fuente debería tener para lograr una corriente  $I_3 = 4A$ .

RESPUESTA:  $U_f = 48V$ .

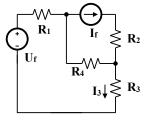
b) Calcular la potencia de las fuentes con el valor de U<sub>f</sub> calculado en el inciso a)

RESPUESTA:  $P_U = 192W$ ,  $P_I = 336W$ . Ambas entregan energía.

c) Si U<sub>f</sub> es de 100V. ¿Qué valor debería tomar R<sub>2</sub> para que la I<sub>f</sub> no entregue ni reciba energía?

RESPUESTA:  $\mathbf{R}_2 = 0.59\Omega$ .

Sugerencia: Determinar qué variable debe ser nula para que una fuente de corriente no entregue energía.



# **EJERCICIO Nº 11:**

En el circuito de la figura:  $U_f = 10V$ ,  $R_1 = R_2 = R_3 = 100\Omega$ ,  $U_c = \alpha$ .  $I_{AB}$ ,  $\alpha = 25\Omega$ .

a) Calcular la corriente entre A y B.

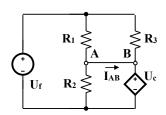
RESPUESTA:  $I_{AB} = 66,67$ mA. hacia la derecha.

b) Calcular la potencia en la fuente controlada.

RESPUESTA:  $P_{Uc} = 0.25$ W. recibe energía.

c) Si R<sub>1</sub> se cortocircuita. ¿Cuánto vale la corriente en la fuente controlada?

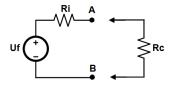
RESPUESTA:  $I_c = 400 \text{mA}$ . hacia la abajo.



#### **EJERCICIO Nº 12:**

El circuito de la fig. representa a una fuente de tensión real con su resistencia interna Ri. Los datos son Uf =  $12 \text{ V y Ri} = 100 \Omega$ .

- a) Determinar los valores de tensión a circuito abierto entre los bornes A y B y la corriente de corto circuito entre los mismos.
- b) Hallar los valores de corriente del circuito y tensión U<sub>AB</sub> si se conectan, de a uno por vez, resistores de carga de valores Rc =  $50 \Omega$ ,  $100 \Omega$  y  $500 \Omega$ .
- c) Graficar la característica de regulación de la fuente, indicando todos los valores hallados anteriormente. Elaborar conclusiones a partir de los resultados hallados.

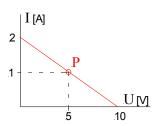


## **EJERCICIO Nº 13:**

Una fuente de continua tiene la característica de regulación indicada en la figura.

Con la información que presenta la gráfica resolver:

- d) ¿Es posible definir a qué tipo de fuente corresponde el gráfico? Justificar.
- e) Hallar los valores de los componentes de la fuente. Explicar.
- f) Si el punto de trabajo es P, ¿cuánto debe valer la carga para dicha condición? Explicar.



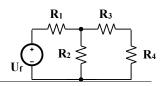
# **EJERCICIOS RESUELTOS**

Aclaración: Debe observarse que en la resolución de estos ejercicios se efectúan planteos, explicaciones, justificaciones, y nada se da por sobreentendido.

# **EJERCICIO Nº 14:**

En el circuito de la figura.  $U_f = 5V$ ;  $R_1 = R_3 = 1\Omega$ ,  $R_2 = R_4 = 2\Omega$ .

- a) Resolver el siguiente circuito (calcular las tensiones y corrientes en todos sus elementos).
- b) Repetir los cálculos si R<sub>3</sub> es nula.





ELECTROTECNIA Y ELECTRÓNICA



#### RESOLUCIÓN:

a) Observando los dos ítems solicitados vemos que nos conviene resolver el circuito sin reemplazar los valores de los componentes y finalmente realizar el reemplazo.

Marcamos los nodos y las corrientes en cada rama, asignamos un sentido a las corrientes.

 $U_{f} \xrightarrow{R_{1}} A \xrightarrow{R_{3}} R_{2}$   $R_{4}$ 

La primera ley de Kirchhoff en el nodo A:  $I_1 = I_2 + I_3$  (Ec 1)

Luego, a partir de las tensiones en los extremos de cada resistor se puede plantear las expresiones de las corrientes 1, 2 y 3. Nota: Observar que el sentido de la corriente 1 es de izquierda a derecha; entonces el extremo izquierdo de  $R_1$  debe estar a mayor tensión que el extremo derecho. Luego, la tensión del extremo izquierdo está impuesta por la fuente  $U_f$ , mientras que la tensión del extremo derecho es igual a la tensión del nodo A, que a su vez es la tensión en  $R_2$  y es incógnita. Por lo tanto, la diferencia entre  $U_f$  y  $U_{R2}$ = $U_A$  es la tensión sobre  $R_1$ .

Aplicando ley de Ohm: 
$$I_1 = \frac{U_{f_1} - U_{R_2}}{R_2}$$
 (Ec 2)

El mismo razonamiento se puede aplicar a I2 e I3: 
$$I_2 = \frac{U_{R_2}}{R_2}$$
 (Ec 3) ;  $I_3 = \frac{U_{R_2}}{R_2 + R_2}$  (Ec 4)

Reemplazando Ec 2, 3 y 4 en Ec 1: 
$$\frac{U_{f_1} - U_{R_2}}{R_2} = \frac{U_{R_2}}{R_2} + \frac{U_{R_2}}{R_3 + R_4} \text{ (Ec 5)}$$

Despejando 
$$U_{R_2}$$
 queda:  $U_{R_2} = \frac{U_{f_1}}{R_1} \cdot \frac{1}{\frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3 + R_4} + \frac{1}{R_1}}$  (Ec 6)

Con  $U_{\it R_2}$  tenemos el circuito resuelto pues de Ec 2 3 y 4 sacamos  $\it I_1 \it I_2$  e  $\it I_3$ 

$$U_{R_3} = I_3 \cdot R_3$$
,  $U_{R_4} = I_3 \cdot R_4$ ,  $I_{f_1} = I_1$ ,  $U_{R_1} = I_1 \cdot R_1$ 

Con esto conocemos todas las tensiones y corrientes en el circuito.

Resolviendo numéricamente con los datos de a): 
$$U_{R_2} = \frac{30}{11} \text{ V}$$
  $I_1 = \frac{25}{11} = I_{f_1} \text{ A}$ ,  $I_2 = \frac{15}{11} \text{ A}$ ,  $I_3 = \frac{10}{11} \text{ A}$ ,

$$U_{R_3} = \frac{10}{11} \text{ V}, \quad U_{R_4} = \frac{20}{11} \text{ V}, \quad U_{R_1} = \frac{25}{11} \text{ V}$$

$$\text{Resolviendo num\'ericamente con los datos de b): } U_{R_2} = \frac{5}{2} \, \text{V} \quad I_1 = \frac{5}{2} = I_{f_1} \, \text{A} \quad , \quad I_2 = \frac{5}{4} \, \text{A} \quad , \quad I_3 = \frac{5}{4} \, \text{A} \quad , \quad U_{R_3} = 0 \quad \text{V},$$

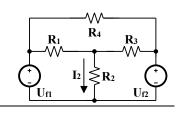
$$U_{R_4} = \frac{5}{4} V, U_{R_1} = \frac{5}{2} V.$$

b) Se puede observar que reemplazando por  $\mathbf{R}_3 = 0$  se obtienen los nuevos valores de tensión y corriente del circuito. Como un buen ingeniero siempre verifica sus resultados, podemos observar que la tensión en r2 y r4 deberían ser iguales. Otra forma de verificar los resultados es obteniendo un circuito equivalente asociando elementos en serie y paralelo y calculando tensiones y corrientes.

# **EJERCICIO Nº 15:**

En el circuito de la figura,  $\mathbf{R_1} = 10\Omega$ ,  $\mathbf{R_2} = 30\Omega$ ,  $\mathbf{R_3} = 5\Omega$ ,  $\mathbf{R_4} = 2\Omega$ ,  $\mathbf{U_{12}} = 15\mathrm{V}$ ,  $\mathbf{I_2} = 1\mathrm{A}$ .

- a) Calcular el valor de tensión de la fuente Un.
- b) Determinar si las fuentes están entregando energía o no. Justificar.
- c) Repetir los incisos suponiendo que se cortocircuita la resistencia  $\mathbf{R}_1$ .



# RESOLUCIÓN:

a) Si se conoce la corriente en  $\mathbf{R}_2$ , aplicando la Ley de Ohm:  $U_{R_2} = I_2 \cdot R_2 = 1A \cdot 30\Omega = 30V$ 



ELECTROTECNIA Y ELECTRÓNICA



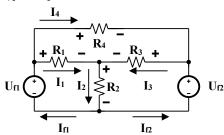
Aplicando la segunda Ley de Kirchhoff a la malla de  $R_2$ ,  $U_{\rm R2}$  y  $U_{\rm R2}$ :  $U_{\rm R_3} = U_{\rm f_2} - U_{\rm R_2} = 15V - 30V = -15V$ 

Aplicando ley de Ohm en R<sub>3</sub>: 
$$I_3 = \frac{U_{R_3}}{R_3} = \frac{-15V}{5\Omega} = -3A$$

Aplicando primera ley de Kirchhoff en el nodo central:

$$I_1 = I_2 - I_3 = 1A - (-3A) = 4A$$

Aplicando la ley de Ohm en R1:  $U_{R_1} = I_1 \cdot R_1 = 4A \cdot 10\Omega = 40V$ 



Aplicando la 2da ley de Kirchhoff a la malla Uf1, R1, R3 y Uf2 se puede determinar la tensión de Uf1:

$$U_{f_1} - U_{R_1} + U_{R_3} - U_{f_2} = 0$$

$$U_{f_1} = U_{R_1} - U_{R_3} + U_{f_2} = 40V - (-15V) + 15V = 70V$$

b) Para verificar si una fuente de tensión está entregando energía o no hay que calcular la corriente por ella habiendo elegido previamente un sentido de circulación arbitrario de acuerdo a la convención pasiva o activa elegida.

Para 
$$U_{f1}$$
 se supone la corriente que se ve en el circuito:  $I_{f_1} = I_4 + I_1 = \frac{U_{f_1} - U_{f_2}}{R_4} + I_1 = \frac{70V - 15V}{2\Omega} + 4A = 31,5A$ 

El valor es distinto de 0 y positivo (sale por el borne positivo de la fuente), con lo cual se concluye que la fuente 1 está entregando energía.

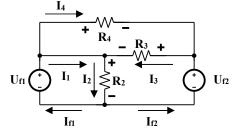
Para U<sub>12</sub>: 
$$I_{f_2} = I_3 - I_4 = -3A - 27, 5A = -30, 5A$$

El signo negativo de la corriente indica que el sentido de la misma es opuesto al supuesto. El valor es distinto de 0 y negativo (la corriente entra al borne positivo de la fuente), con lo cual se concluye que la fuente 2 está recibiendo energía.

c) El circuito resultante es el siguiente:

Observar la utilidad de redibujar el circuito en las nuevas condiciones. Uno puede estar tentado de volver a resolver todo pero se puede observar que simplemente aplicando la ley de Ohm se determina el valor de la fuente 1:

$$U_{f_1} = I_2 \cdot R_2 = 1A \cdot 30\Omega = 30V$$



Siendo la fuente 2 de 15V, si recalculamos  $I_{f_1}$  e  $I_{f_2}$  con la nueva situación del circuito, verificaremos que la situación con respecto a la energía no ha cambiado.

#### **COMENTARIOS FINALES Y CONCLUSIONES**

En el desarrollo de este TAP han resultado importantes los siguientes aspectos:

- 1. Observar el circuito, reconocer sus componentes y topología (formato de conexión de los mismos, nodos, mallas).
- 2. Tener claros los conceptos de fuente de tensión y fuente de corriente.
- 3. Respetar la nomenclatura y simbología en el análisis de los circuitos y la asignación de las unidades correctas a los resultados.
- Indicar en el circuito todas las corrientes, con sus sentidos supuestos, y todas las tensiones, con sus polaridades supuestas, y determinar cuáles son datos y cuáles incógnitas.
- 5. Verificar que los resultados de corrientes y tensiones pueden ser negativos indicando que en ese caso los sentidos y las polaridades reales son inversos u opuestos a los supuestos.
- 6. A partir de las Leyes de Kirchhoff y de Ohm plantear el sistema de ecuaciones que vinculan datos e incógnitas. Resolviendo este sistema se obtienen todas las incógnitas del circuito.
- 7. Verificar el principio de conservación de la energía, verificando que los elementos pasivos nunca entregan energía en estado permanente, y que los elementos activos pueden entregar o recibir la misma.
- 8. Tener en cuenta siempre que como consecuencia del principio de conservación de la energía, la suma de energías entregadas debe ser igual a la suma de energías recibidas.