Programación I

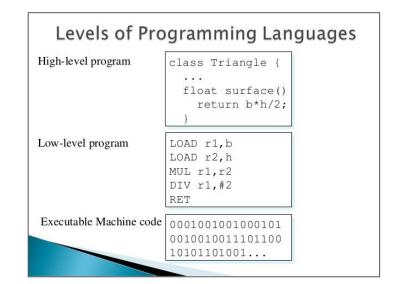
Organización de Computadoras

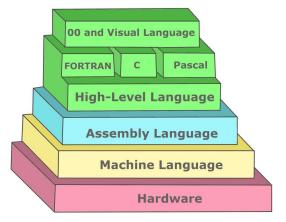
Primera Parte

Programación I

Contenidos de la materia dividido en dos partes principales:

- Conceptos de "alto nivel"
 - Algoritmos, modelización, tipos y estructuras de datos, eficiencia
 - Abstracción respecto del hardware
- Conceptos de "bajo nivel"
 - Organización de computadoras: computadora y sus partes, ciclo de instrucción, circuitos secuenciales, representación de números
 - Relación directa con el hardware





Temas de la primera parte

- Introducción y definiciones ←
- Evolución Histórica
- Arquitectura Von Neumann
- CPU
- Ciclo de instrucción
- Lógica digital

SOFTWARE HARDWARE

"Hardware y software son funcionalmente equivalentes"

- Máquinas:
 - De propósito específico
 - De propósito general





- Computadora
 - Máquina
 - Digital
 - Sincrónica
 - Cálculo númerico
 - Cálculo lógico
 - Controlada por un programa
 - Comunicación con el mundo exterior

Arquitectura

- Aquellos atributos visibles al programador
- Conjunto de instrucciones, número de bits usados para representación de datos, mecanismos de E/S, técnicas de direccionamiento.
- Ejemplo: ¿Existe la instrucción de multiplicación?

Organización

- Cómo son implementados estos atributos (transparente al programador)
- Señales de control, interfaces, tecnología de memoria
- Ejemplo: ¿Existe una unidad de multiplicación por hardware o se realiza por sumas repetidas?

- Arquitectura y Organización
 - Toda la familia Intel x86 comparte la misma arquitectura.
 - Esto brinda compatibilidad de código
 - La <u>organización</u> difiere entre las diferentes versiones (optimización para mejorar la performance)



























Pentium

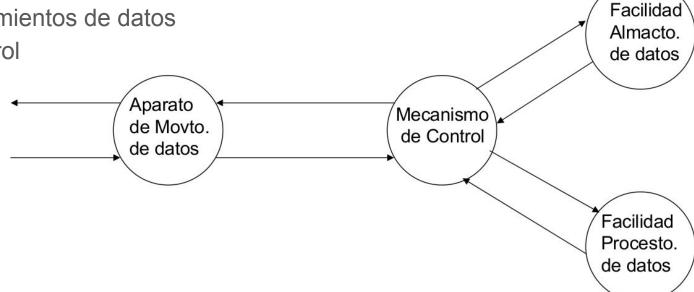
Función

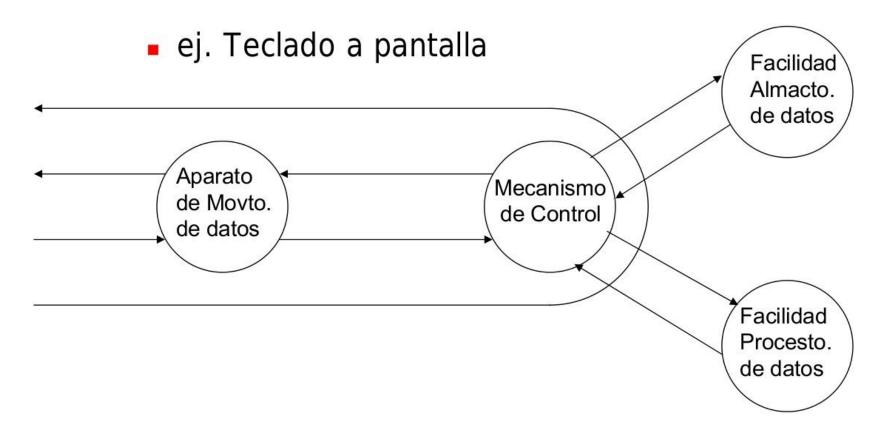
 Función es la operación de los componentes individuales como parte de la estructura

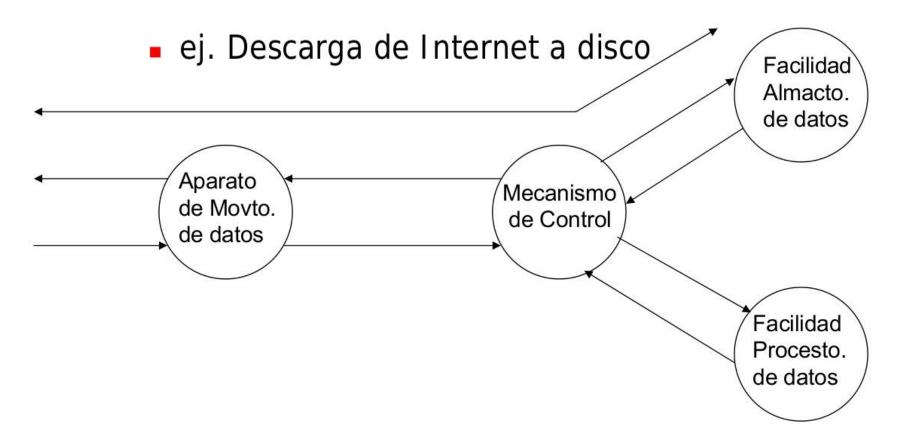
Estructura

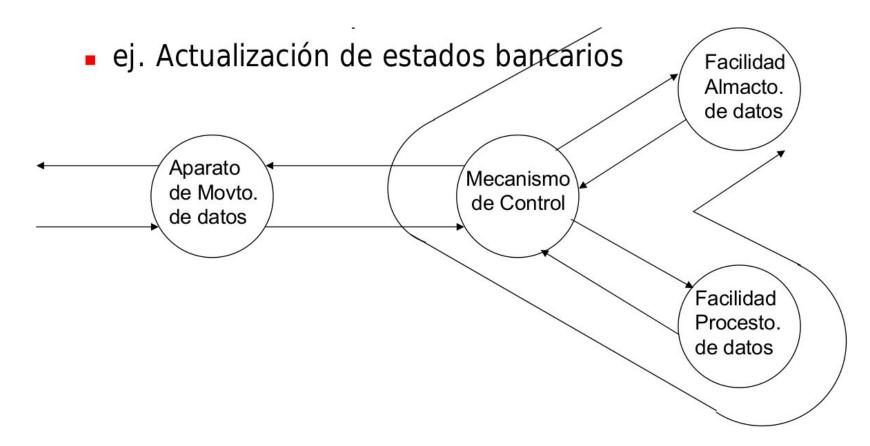
Estructura es el modo en el cual los componentes se relacionan entre sí.

- Funciones de las computadoras
 - Procesamiento de datos
 - Almacenamiento de datos
 - Movimientos de datos
 - Control

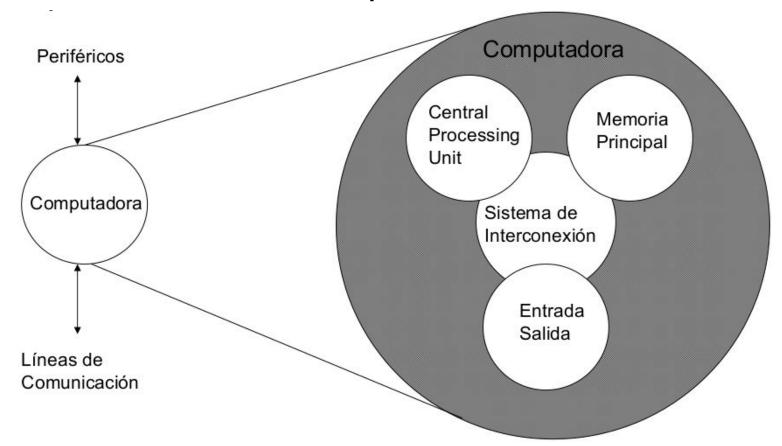




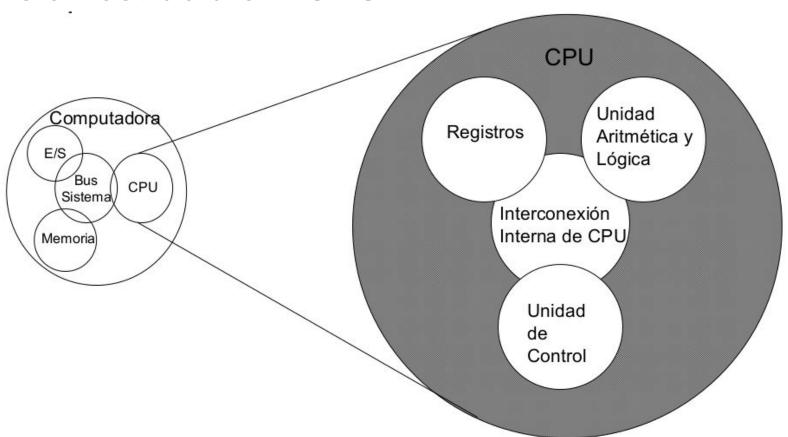




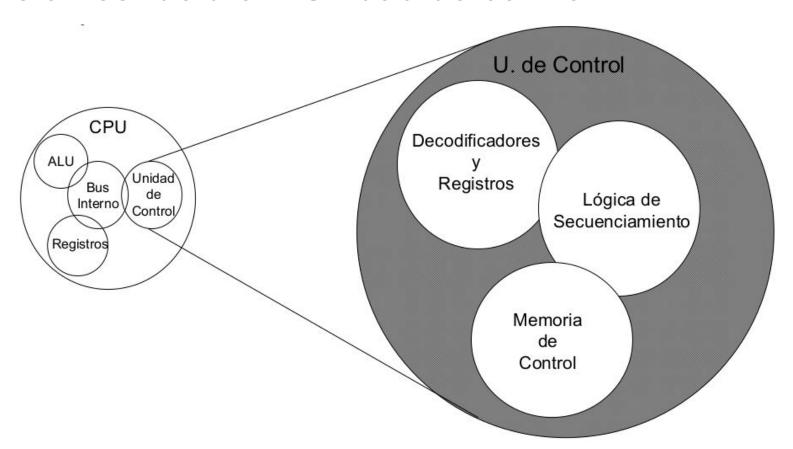
Visión estructural - Computadora



Visión estructural - CPU



Visión estructural - Unidad de control



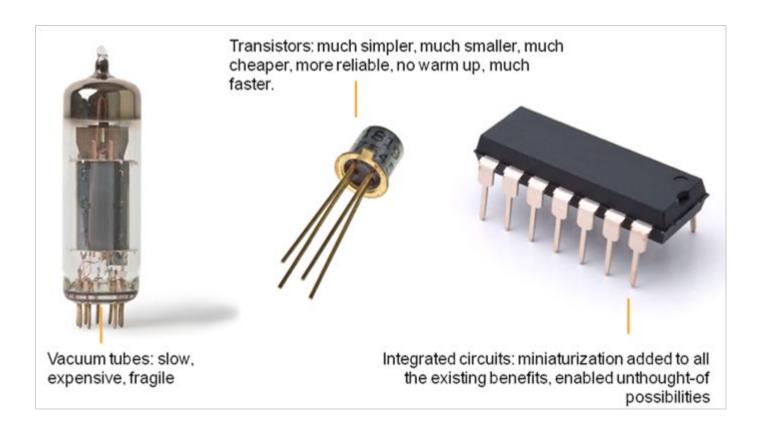
Temas de la primera parte

- Introducción y definiciones
- Evolución Histórica ←
- Arquitectura Von Neumann
- CPU
- Ciclo de instrucción
- Lógica digital

Evolución histórica. Generaciones

- Primera generación: Válvulas de vacío
 - o 1940 a 1956
- Segunda generación: Transistores
 - o 1956 a 1963
- Tercera generación: Circuitos integrados
 - o 1964 a 1971
- Cuarta generación: Microprocesadores
 - o 1972 a 2010
- Quinta generación: ¿I.A. / Multicore?
 - o 2010 a ????. Varía la semántica con respecto a las generaciones anteriores

Evolución histórica. Generaciones



Evolución histórica. Primera generación.

ENIAC: Electronic Numerical Integrator and Computer

Universidad de Pennsylvania

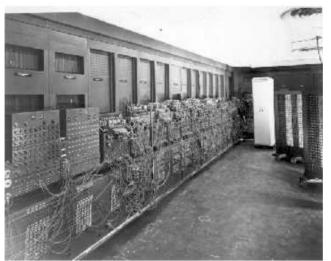
Diseñada para calcular trayectorias de proyectiles en la WWII.

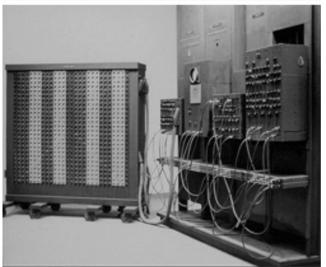
Desarrollo en 1943, finalizada en 1946 (Tarde para su uso en WWII).

Utilizada hasta el año 1955.

Evolución histórica. ENIAC.

- Decimal
- 20 acumuladores de 10 dígitos
- Programada <u>manualmente</u> por 6000 llaves
- 17468 tubos de vacío
- 32 toneladas de peso
- Ancho: 2,4 m Largo: 30 m
- 140 kWh de potencia
 - o Computadora actual: 0,1 kWh
 - Aire acondicionado: 1,5 kWh
 - o Microondas: 0,65 kWh
- 5000 sumas/s 360 productos/s





Evolución histórica. Primera generación.

EDVAC. Electronic Discrete Variable Automatic Computer

Universidad de Pennsylvania

Programa almacenado

Operativa desde 1949 hasta 1961

Evolución histórica. EDVAC.

- Binaria
- Programa almacenado
- 6000 válvulas
- 56 kWh de potencia.
- 45,5 m² de superficie
- 7850 kg.



Evolución histórica. Primera generación

IAS. Institute for Advanced Study.

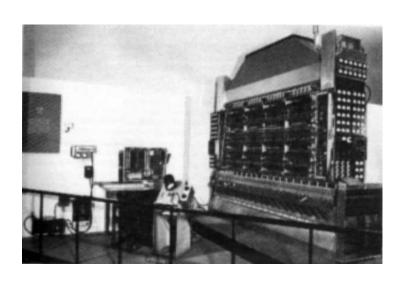
Instituto para el Estudio Avanzado (Princeton, Nueva Jersey)

Construcción desde 1942 hasta 1951

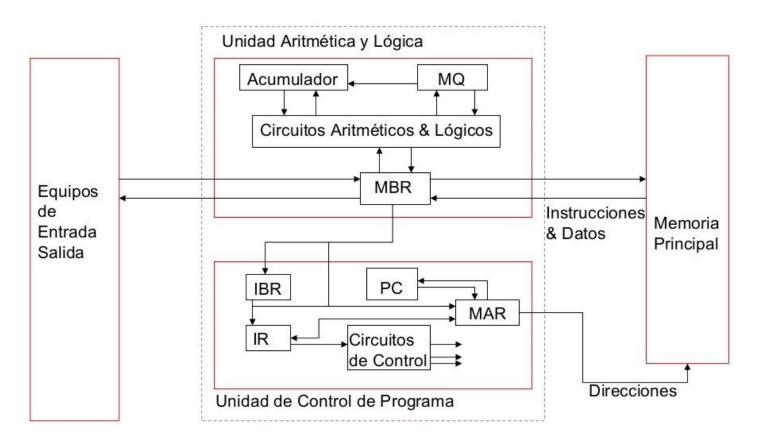
Operativa desde 1952

Evolución histórica. IAS

- Binaria
- 1700 tubos de vacío
- 450 Kg
- Sumas en 62 microsegundos 713 microsegundos
- Multiplicaciones en
- Memoria con 1024 palabras de 40 bits
 - Almacenamiento de 2 instrucciones de 20 bits
- Set de registros (almacenamiento en CPU)
 - Registro Buffer de Memoria (MBR)
 - Registro de Direcciones de Memoria (MAR)
 - Registros de Instrucción y Buffer de Instrucción
 - Registro Contador de Programa (Program Counter)
 - Registros Acumulador y Multiplicador/Cociente (MQ)



Evolución histórica. IAS



Evolución histórica. Primera generación.

UNIVAC. Universal Automatic Computer

Primera computadora comercial (1949)

Primera en utilizar un compilador para traducir idioma de programa en idioma de máquinas.

Máquina decimal con 12 dígitos por palabra.

Principal avances: Sistema de **cintas magnéticas** que podían leerse hacia adelante y hacia atrás. Procedimientos de comprobación de errores.

Memoria de líneas de retardo de mercurio y tecnología a válvulas de vacío.

Evolución histórica. UNIVAC



Evolución histórica. 1ra Generación

IBM. International Business Machines

- Equipos de procesamiento con tarjetas perforadas
- 1953: el 701
 - Primer computador con programas almacenados de IBM
 - Aplicaciones científicas
- 1955: el 702
 - Aplicaciones de gestión
- Primeros de una serie de computadores 700/7000





Evolución histórica. Segunda generación.

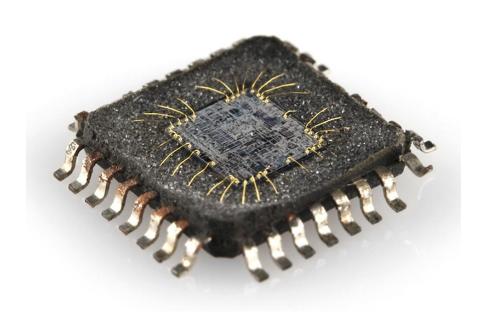
Transistores

- Sustituyen a los tubos de vacío
- Más pequeños
- Más baratos
- Generan menos el calor
- Dispositivos de estado sólido
- Hechos con silicio
- Inventados en 1947 en los Laboratorios Bell

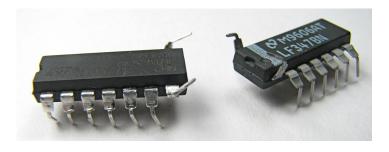


- Circuitos integrados (varios transistores en un solo chip)
 - o Integración a pequeña escala (Small Scale Integration): desde 1965
 - Menos de 10 componentes en un chip
 - Integración a media escala (Medium Scale Integration): desde 1968
 - 100 a 500 componentes por chip
 - Integración a gran escala (Large Scale Integration): 1971
 - 500 a 20.000 componentes por chip
 - Integración a muy gran escala (Very Large Scale Integration): desde 1980
 - 20.000 a 1.000.000 componentes por chip
 - Integración a ultra escala (Ultra Large Scale Integration): desde 1984
 - 1.000.000 y más

Circuitos integrados







DEC PDP-8 (1965)

Primer minicomputador

No necesita una habitación con aire acondicionado

Lo bastante pequeño para colocarlo en una mesa de laboratorio

16.000 dólares (vs IBM 360: 100.000 dólares o más)

Estructura de Bus





Microprocesadores

- 1971: Intel 4004
 - Primer microprocesador. Capacidad de solo 4 bits
 - Todos los componentes de la CPU en un solo chip
 - 2300 transistores
 - En 1972 evoluciona al 8008 de 8 bits
 - Ambos diseñados para aplicaciones específicas
- 1974: **Intel 8080**
 - Primer microprocesador de Intel de uso genérico
- 1975: MOS 6502
 - CPU muy económica, utilizada en gran cantidad de consolas y computadoras personales. Y muy popular →



Intel 4004



MOS 6502

Microprocesadores

- 1971: Intel 4004
 - Primer microprocesador. Capacidad de solo 4 bits
 - Todos los componentes de la CPU en un solo chip
 - 2300 transistores
 - En 1972 evoluciona al 8008 de 8 bits
 - Ambos diseñados para aplicaciones específicas
- 1974: **Intel 8080**
 - Primer microprocesador de Intel de uso genérico
- 1975: **MOS 6502**
 - CPU muy económica, utilizada en gran cantidad de consolas y computadoras personales. Y muy popular →



Intel 4004

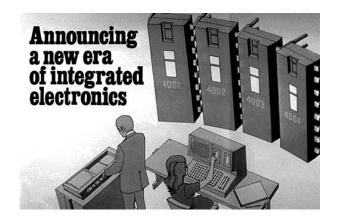


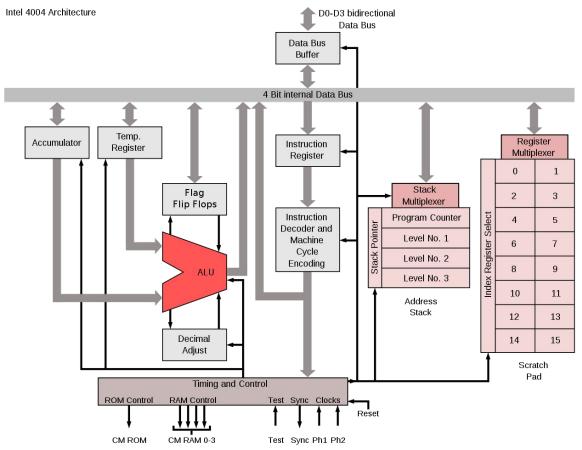
MOS 6502



Microarquitectura

Intel 4004





Microprocesadores. El inicio de la computación personal.



Commodore 64



ZX Spectrum



Apple II





Evolución histórica. Tercera generación y siguientes

Moore's Law

Microprocesadores

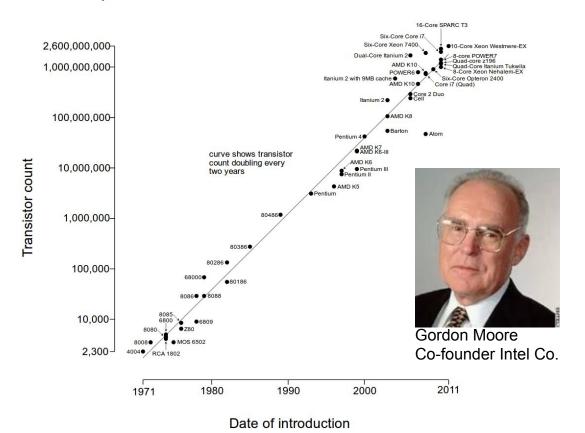
10.000.000.000 Actualmente, más de 1.000.000.000 Number of transistors doubling every 18 months de transistores en un solo chip 1,000,000,000 100,000,000 Number of transistors doubling every 24 months 10,000,000 1,000,000 100,000-10,000-2,300 1980

Evolución histórica. Tercera generación y siguientes

Microprocessor transistor counts 1971-2011 & Moore's law

"Ley" de Moore (1965):

"El número de transistores en un microprocesador se duplica cada dos años"



Evolución histórica. Tercera generación y siguientes

¿Se acerca el fin de "ley" de Moore?

Tecnología actual: menos de **10 nm** (millonésima parte de un mm)!. Comparar con:

- Tamaño promedio de un átomo: 0,32nm
- Grosor promedio de un pelo: 75.000nm

Condicionantes:

- Limitaciones en las técnicas de fotolitografía
- Electrones pueden "saltar" (quantum tunneling)

Human Hair
~75 μm

0.18 μm
180 nm
feature

¿Cuánto más se puede reducir?

10.000 nm - 1971

3.000 nm – 1975

1.500 nm – 1982

1.000 nm - 1985 800 nm - 1989

600 nm – 1994

350 nm - 1995

250 nm - 1997

180 nm – 1999

130 nm – 2002

90 nm - 2004

65 nm – 2006

45 nm – 2008

32 nm – 2010

22 nm – 2012

14 nm – 2014

10 nm – 2016

7 nm - 2018

5 nm - 2020

Temas de la primera parte

- Introducción y definiciones
- Evolución Histórica
- Arquitectura Von Neumann ←
- CPU
- Ciclo de instrucción
- Lógica digital

Arquitectura Von Neumann

John von Neumann (1903-1957)

Matemático nacido en Hungría

Contribuciones en varias ramas de la ciencia: ciencias de la computación, física cuántica, hidrodinámica, teoría de juegos, análisis funcional, etc.

Participó también del Proyecto Manhattan.



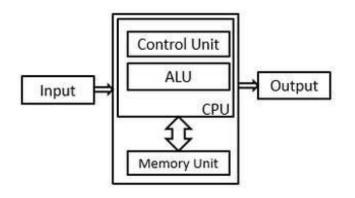


"It would appear that we have reached the limits of what it is possible to achieve with computer technology, although one should be careful with such statements, as they tend to sound pretty silly in 5 years."

Arquitectura Von Neumann

5 componentes principales:

- Unidad de entrada: provee las instrucciones y los datos
- Unidad de memoria: donde se almacenan datos e instrucciones
- Unidad aritmético-lógica: procesa los datos
- Unidad de control: dirige la operación
- Unidad de salida: se envían los resultados



Von Neumann Model

Arquitectura Von Neumann

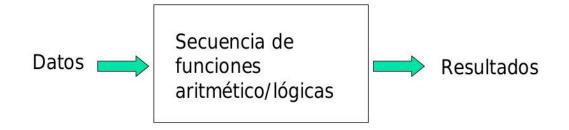
Aspectos más importantes.

- Utilización del sistema binario
 - Simplifica la implementación de funciones.
 - Disminuye la probabilidad de fallos.
- Instrucciones y datos residen en memoria:
 - Ejecución del programa en forma secuencial.
 - Aumenta la velocidad.
- La memoria es direccionable por localidad sin importar el dato almacenado

Arquitectura VN. Programa almacenado.

Antes

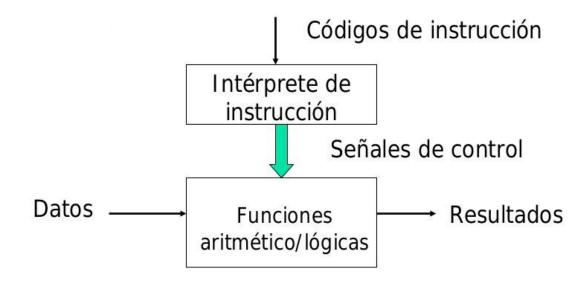
Programación en hardware: cuando cambiamos las tareas, debemos cambiar el hardware



Arquitectura VN. Programa almacenado.

Ahora

Programación en software: en cada paso se efectúa alguna operación sobre los datos



Arquitectura VN. Programa almacenado.

Programa

- Para cada paso se necesita un nuevo conjunto de señales de control.
- Las instrucciones proporcionan esas señales de
- control.
- No hay que cambiar el hardware.
- Aparece el nuevo concepto de programación:
 - Secuencia de pasos.
 - Se hace una operación aritmético/lógica por cada paso.
 - Diferentes señales de control se necesitan para cada operación.
 - La Unidad de Control obtiene la información de cada instrucción

Arquitectura V.Neumann vs Arquitectura Harvard

Cuello de botella Von Neumann

- Canal de transmisión de los datos entre CPU y memoria (buses) es compartido.
- CPU *no puede leer instrucciones y datos al mismo tiempo*, ya que instrucciones y datos usan el mismo sistema de comunicación.
- Velocidad de comunicación entre memoria y CPU es más baja que velocidad de procesamiento de la CPU → *reduce considerablemente el rendimiento* del equipo.
 - Mejoras?
 - Memorias adicionales (por ejemplo, memoria cache entre memoria principal y CPU)
 - Comunicaciones independientes para datos e instrucciones (Harvard Architecture)
 - Otros (por ejemplo, predicción de saltos)

Arquitectura V.Neumann vs Arquitectura Harvard

Arquitectura Harvard

La CPU puede tanto *leer una instrucción* como realizar un *acceso a la memoria de datos al mismo tiempo*.

Las características de la *memoria de datos* puede *diferir* con respecto de las características de la *memoria de instrucciones*

Arquitectura Harvard modificada

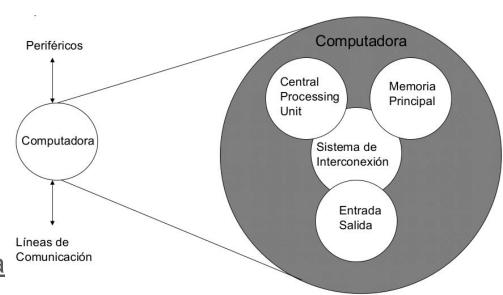
Actualmente, la mayoría de los procesadores implementan *vías de comunicación independientes* a fin de optimizar la performance, bajo una arquitectura llamada *Harvard modificada*, la cual flexibiliza la separación entre instrucciones y datos.

Temas de la primera parte

- Introducción y definiciones
- Evolución Histórica
- Arquitectura Von Neumann
- CPU ←
- Ciclo de instrucción
- Lógica digital

CPU

- Un sistema de cómputo está constituido por 3 subsistemas:
 - o CPU
 - Memoria
 - E/S
- Los componentes deben poder comunicarse entre sí → <u>Sistema</u> <u>de Interconexión</u>



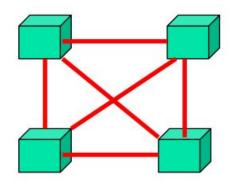
¿Cómo intercambia información la CPU?

¿Qué es un bus?

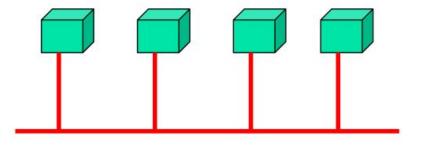
 Un camino de comunicación que conecta dos o más dispositivos.

- Agrupados en □un número de canales por bus
 - Bus de 32 bits son 32 canales separados de un solo bit cada uno.

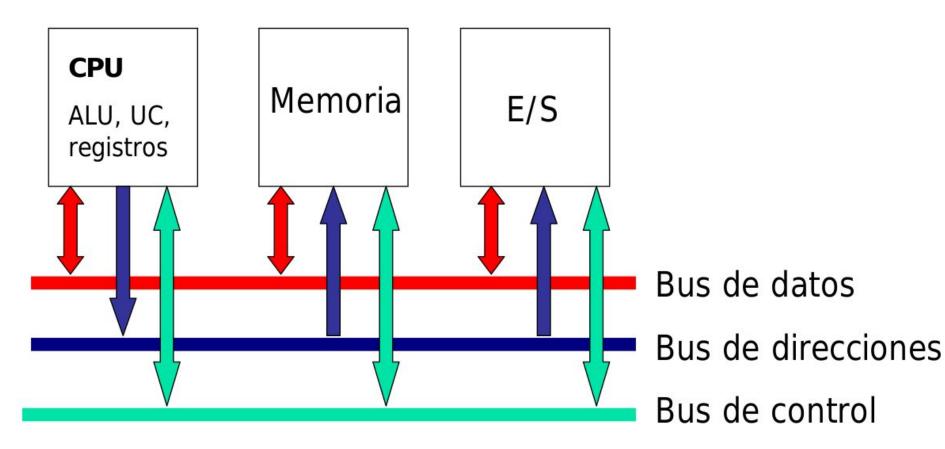




Conexiones independientes entre los distintos dispositivos



Conexiones a través de un medio compartido



Si el bus es compartido por diferentes elementos, éstos deben tener identidades distintivas: **direcciones**.

La dirección de memoria identifica una celda de memoria en la que se almacena información.

Bus de direcciones

- Identifica el origen o el destino de los datos
 - La CPU necesita leer/escribir desde/hacia una ubicación en particular de la memoria
- El ancho del bus determina la máxima capacidad de memoria del sistema
 - ej. 8080 tiene un bus de direcciones de 16 bits dando un espacio de direcciones de 64k (2^16=65536 direcciones)

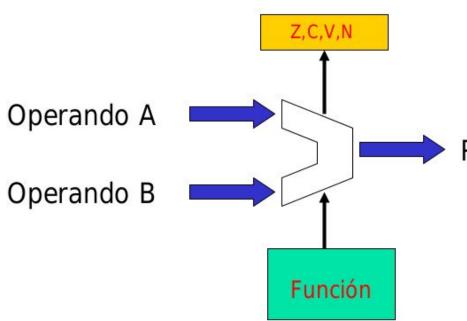
Bus de datos

- Transporta datos
 - No hay diferencia entre "dato" e "instrucción" en éste nivel.
- El 'ancho' es un valor determinante de las prestaciones.
 - o 8, 16, 32, 64 bits
 - A mayor número de bits, más información a la vez puede viajar a lo largo del bus

Bus de control

- Información de control y temporizado
- Señales de lectura/escritura de Memoria o E/S
- Señales de selección o habilitación
- Señales de Reloj (Clock)
- Señales de pedido de Interrupción

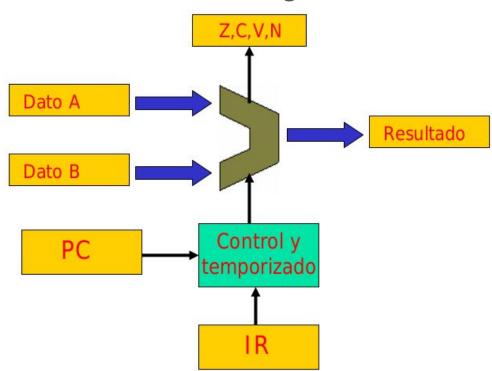
ALU: Arithmetic Logic Unit



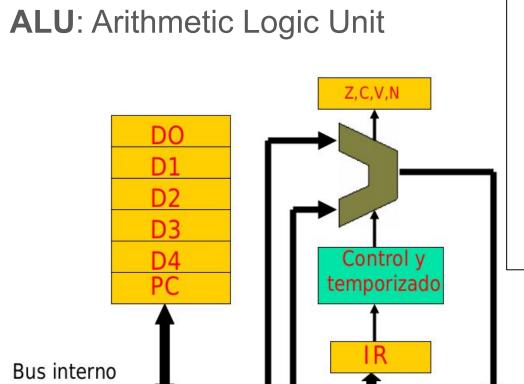
- Realiza las operaciones lógicas y matemáticas a partir de las instrucciones definidas en el programa en ejecución.
- Recibe los operandos a procesar
- Devuelve tanto resultados como banderas de condición (flags).

Resultado

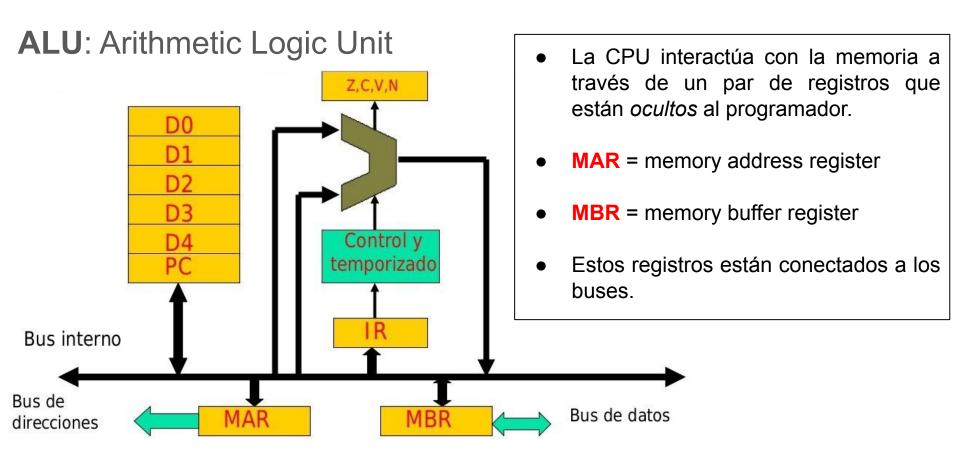
ALU: Arithmetic Logic Unit



- La instrucción se almacena en un registro de la CPU llamado IR.
- El bloque control lee IR para saber qué hacer, dónde están los operandos y dónde poner el resultado.
- ¿Cómo sabe la CPU dónde encontrar la próxima instrucción? → Hay un registro llamado PC (Program Counter).
- Inicialmente, el PC contiene la dirección de la primera instrucción, y luego es incrementado.
 - El PC también es conocido como **IP** (Instruction Pointer).



- Todas las CPU tienen registros internos de propósito general que pueden ser referenciados por el programador, como fuente o destino (ó ambos) en una instrucción.
- Como si fuesen memoria, pero mucho más rápidos. Son lugares de almacenamiento temporario: D0, D1, D2, ..



Temas de la primera parte

- Introducción y definiciones
- Evolución Histórica
- Arquitectura Von Neumann
- CPU
- Ciclo de instrucción ←
- Lógica digital

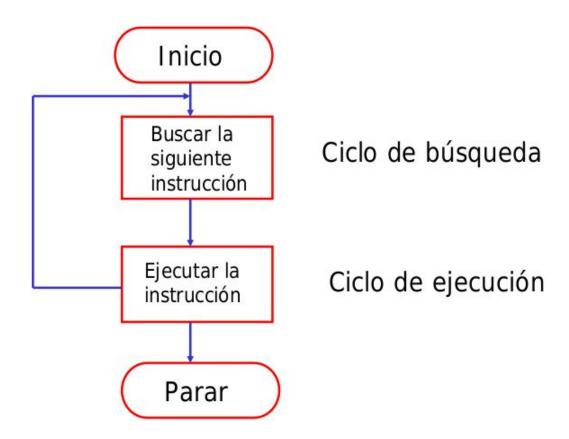
Ejecución de programas

- Un programa está compuesto de instrucciones almacenadas en memoria
- La CPU procesa las instrucciones
 - Debe traerlas desde memoria una por vez
 - Debe ejecutar cada operación ordenada

Ejecución de programas

- Podemos descomponer el procesamiento de instrucciones en dos etapas:
 - Búsqueda: leer desde memoria
 - Común a todas las instrucciones.
 - Ejecución: dependiendo de la instrucción
 - Puede implicar varias operaciones

- El procesamiento requerido para una sola instrucción se llama ciclo de instrucción.
- Dos etapas: ciclo de búsqueda y ciclo de ejecución.
- La ejecución del programa se interrumpe sólo si la máquina se apaga, hay un error ó una instrucción que interrumpa a la computadora.



- Al principio de cada ciclo, la CPU busca una instrucción en memoria.
- El contador de programa (PC) almacena la dirección de la próxima instrucción a buscar.
- La CPU, después de buscar cada instrucción, incrementa el valor contenido en PC; así podrá buscar la siguiente instrucción en secuencia.

- La instrucción buscada se carga dentro del registro IR (Instruction Register) de la CPU.
- La instrucción está en la forma de un código binario que especifica las acciones que tomará la CPU.
- La CPU interpreta cada instrucción y lleva a cabo las acciones requeridas.

- En general las acciones caen en 4 tipos
 - CPU Memoria
 - datos pueden transferirse entre memoria y CPU
 - CPU E/S
 - datos pueden transferirse entre CPU y entrada/salida.
 - Procesamiento de datos
 - CPU efectúa operaciones aritméticas o lógicas en datos.
 - Control
 - alterar la secuencia de ejecución de instrucciones.

Ciclo de Instrucción. Ejemplo

El siguiente ejemplo muestra la ejecución de un fragmento de programa que tiene tres instrucciones:

- Cargar en el registro D el contenido de la posición de memoria 940H
- Sumar el contenido de la posición de memoria 941H al registro D y guardar el resultado en D□
- Almacenar el valor del registro D en la posición de memoria
 941H

Ciclo de Instrucción. Ejemplo

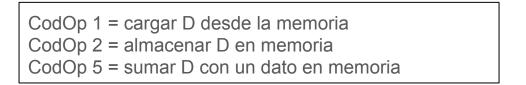
- Cargar en el registro D el contenido de la posición de memoria 940H
- Sumar contenido de la posición de memoria 941H al registro D y guardar resultado en D□
- Almacenar el valor del registro D en la posición de memoria 941H
- [CPU Reg. D] ← [Memoria 940H]
- [CPU Reg. D] ← [Memoria 941H] + [CPU Reg. D]
- [Memoria 941H] ← [CPU Reg. D]
- Similar a: [941H] ← [940H] + [941H]
- Similar a: B = A + B
 - Donde A es una variable almacenada en la celda 940H y B en 941H

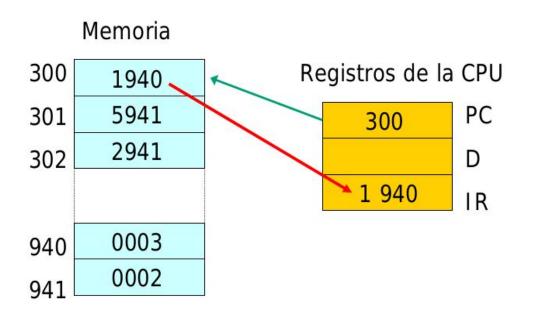
Ciclo de Instrucción. Ejemplo

Conjunto de instrucciones disponibles en la CPU:

- CodOp 1 = 0001b = cargar D desde la memoria
- CodOp 2 = 0010b = almacenar D en memoria
- CodOp 5 = 0101b = sumar D con un dato en memoria
- Consideremos que cada posición de memoria almacena 16 bits.
 - Los primeros 4 bits indican la operación a realizar
 - Los siguientes 12 bits indican una dirección de memoria.

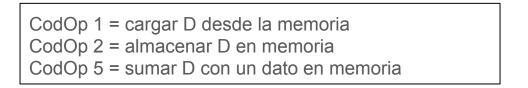
En binario: $b_{15}b_{14}b_{13}b_{12}b_{11}b_{10}b_{9}b_{8}b_{7}b_{6}b_{5}b_{4}b_{3}b_{2}b_{1}b_{0}$ En hexadecimal: $b_{15}b_{14}b_{13}b_{12}b_{11}b_{10}b_{9}b_{8}b_{7}b_{6}b_{5}b_{4}b_{3}b_{2}b_{1}b_{0}$ B

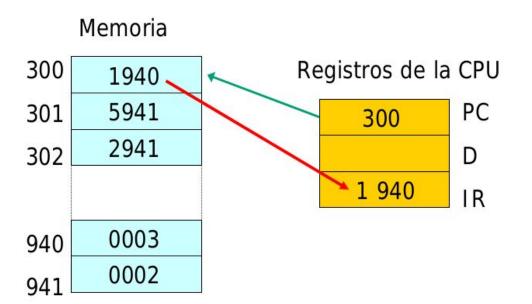




En memoria:

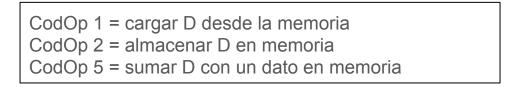
- Segmento datos:
 - 2 datos, en celdas940H y 941H
- Segmento código:
 - 3 instrucciones
 (expresadas en hexadecimal) a partir de la celda 300H

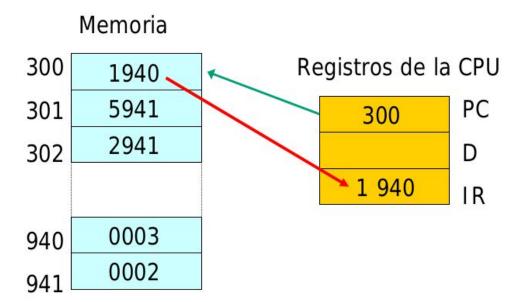




El contador de programa (**PC**) contiene **300H** como la dirección de la primera instrucción.

El contenido de esta dirección se carga en el registro de instrucción (**IR**)

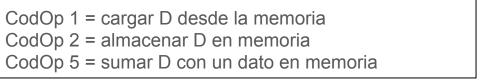


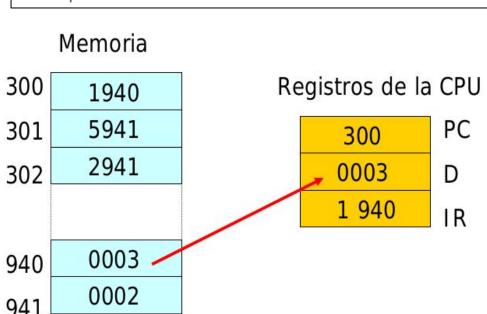


Instrucción **1940H**: Los primeros 4 bits en **IR** indican CodOp **1**.

El registro D se cargará con un dato proveniente de la dirección especificada en los restantes 12 bits de la instrucción.

En este caso la dirección es **940H**.

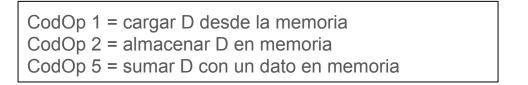


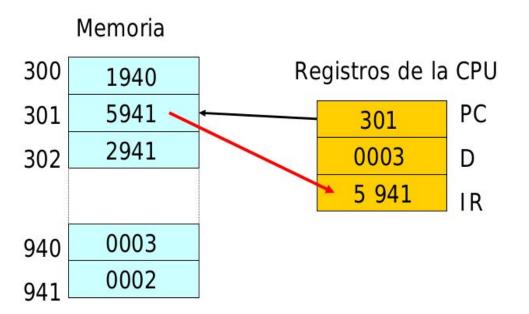


Instrucción **1940H**: Los primeros 4 bits en **IR** indican CodOp **1**.

El registro D se cargará con un dato proveniente de la dirección especificada en los restantes 12 bits de la instrucción.

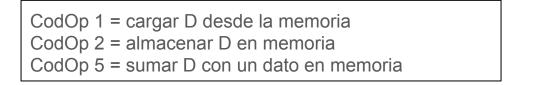
En este caso la dirección es **940H**, que contiene el valor **3**.

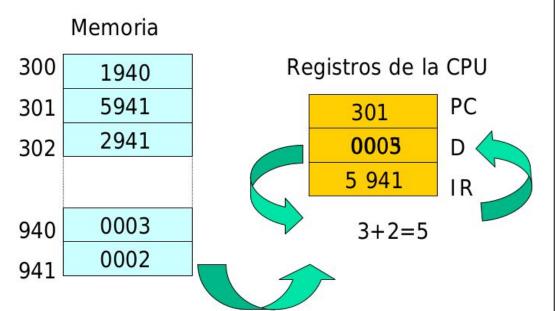




Se incrementa el contador de programa y se busca la siguiente instrucción en la dirección **301H**.

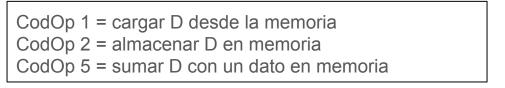
El 5 en IR indica que se debe sumar el contenido de una dirección de memoria especificada, en este caso la dirección es 941H, con el contenido del registro D y almacenar el resultado en D.

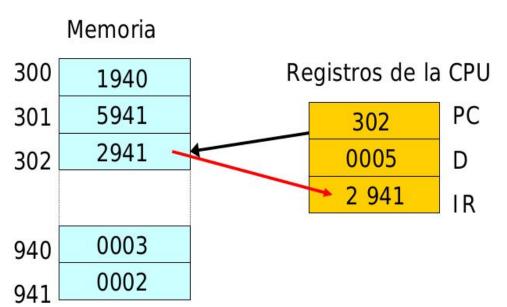




Se incrementa el contador de programa y se busca la siguiente instrucción en la dirección **301H**.

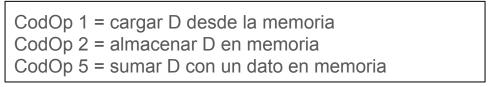
El 5 en IR indica que se debe sumar el contenido de una dirección de memoria especificada, en este caso la dirección es 941H, con el contenido del registro D y almacenar el resultado en D.

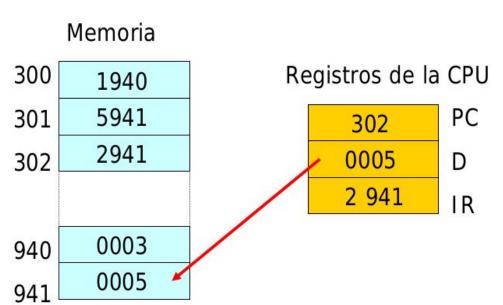




Se incrementa el **PC** y se busca la siguiente instrucción en **302H**.

El 2 en IR indica que el contenido del registro D se almacene en la dirección 941H, que está especificada en los bits restantes de la instrucción.



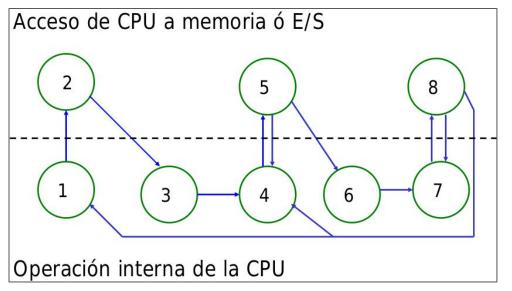


En este ejemplo, en total se necesitaron 3 ciclos de instrucción, cada uno con un ciclo de búsqueda y un ciclo de ejecución.

Con este ejemplo podemos ahora tener una visión más detallada del ciclo de instrucción básico.

Ciclo de Instrucción. Accesos a memoria o E/S

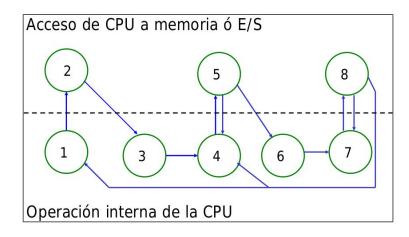
¿Cuántos accesos a memoria se realizan en un ciclo de instrucción?



Dependiendo la instrucción, algunos estados pueden no estar y otros pueden repetirse.

Ciclo de Instrucción. Accesos a memoria o E/S

- cálculo dirección instrucción: determina la dirección de la siguiente instrucción a ejecutarse
- búsqueda instrucción: lee la instrucción de su posición de memoria a la cpu.
- decodificación de la instrucción: analiza la instrucción para determinar el tipo de operación a realizar y los operandos que se usarán.
- 4. cálculo dirección operando: si la operación implica la referencia a un operando en la memoria ó e/s, entonces se determina la dirección.
- 5. búsqueda del operando: busca el operando en la memoria ó e/s.
- 6. operación sobre los datos: ejecuta la instrucción.
- 7. cálculo dirección resultado.
- 8. almacenamiento resultado.



Temas de la primera parte

- Introducción y definiciones
- Evolución Histórica
- Arquitectura Von Neumann
- CPU
- Ciclo de instrucción
- Lógica digital ←

Lógica digital

Un circuito digital es uno en el que están presentes **dos** valores lógicos.

Las compuertas son dispositivos electrónicos que pueden realizar distintas funciones con estos dos valores lógicos.

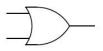
Una compuerta lógica es la **mínima operación digital** que se puede realizar

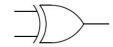
Las compuertas básicas son NOT, AND, OR, XOR y sus derivados NAND, NOR, XNOR

Lógica digital. Compuertas lógicas.









AND

A	В	Output
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

OR

A	В	Output
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

XOR

A	В	Output
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

NOT

Α	Χ
0	1
1	0



<u> </u>	7	31
	1	\searrow
	1	\sim
-	\angle	



NAND

A	В	Output
0	0	1
0	1	1
1	0	1
1	1	0

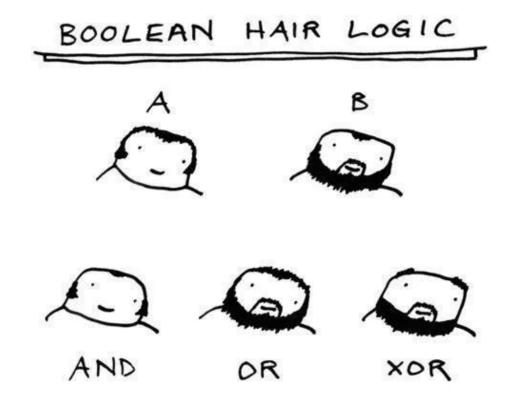
NOR

A	В	Output
0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	0

XNOR

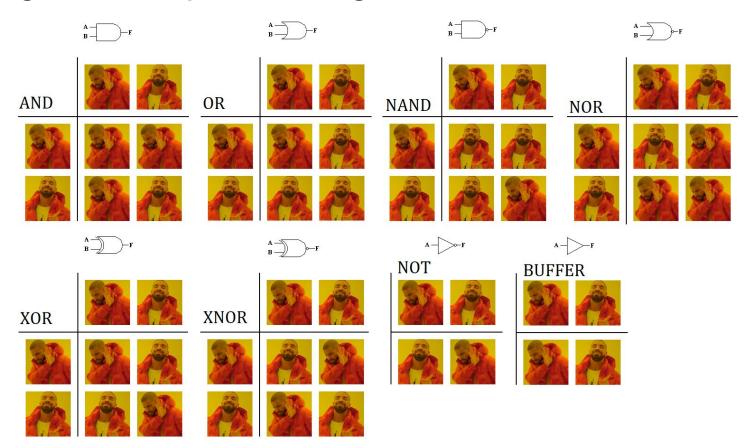
A	В	Output
0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	1

Lógica digital. Compuertas lógicas.



Lógica digital. Compuertas lógicas.

Logic gates truth table. Drake version.



Para describir los circuitos que pueden construirse combinando compuertas, se requiere **un nuevo tipo de álgebra**, donde las variables y funciones sólo puedan adoptar valores **0** ó **1**: **álgebra booleana**.

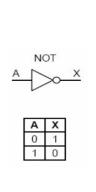
Una función booleana de **n** variables (entradas) tiene **2**ⁿ combinaciones de los valores de entrada.

Una función booleana puede describirse con una tabla de **2**ⁿ renglones, donde cada renglón indica una combinación única de entradas: **tabla de verdad**.



George Boole (1815-1864)

Las compuertas pueden expresarse como funciones, por ejemplo F = A.B





AND

30		
A	В	Output
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1



NAND

A	В	Output
0	0	1
0	1	1
1	0	1
1	1	0



OR

A	В	Output
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1



NOR

Itolt		
A	В	Output
0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	0



XOR

4				
A	В	Output		
0	0	0		
0	1	1		
1	0	1		
1	1	0		



XNOR

	A	В	Output	
	0	0	1	
3	0	1	0	
	1	0	0	
	1	1	1	

 $\overline{A} = NOT A$

A.B = A AND B

A+B=A **OR** B

A⊕B = A XOR B

A.B = A NAND B

A+B = A NOR B

A⊕B = A XNOR B

Propiedades

Identidad	1.A=A	0+A=A
Nula	0.A=0	1+A=1
Idempotencia	A.A=A	A+A=A
Inversa	$A.\overline{A}=0$	$A+\overline{A}=1$
Conmutativa	A.B=B.A	A+B=B+A
Asociativa	(AB).C=A(BC)	(A+B)+C=A+(B+C)
Distributiva	A+B.C=(A+B).(A+C)	A.(B+C)=AB+AC
Absorción	A.(A+B)=A	A+A.B=A
De Morgan	$\overline{A.B} = \overline{A} + \overline{B}$	$\overline{A+B}=\overline{A}.\overline{B}$

RECORDAR

 $\overline{A} = NOT A$

A.B = A AND B

A+B = A **OR** B

A⊕**B = A XOR B**

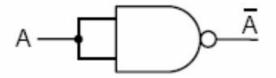
Recordar

- En un AND, basta que una de sus entradas sea 0 para que la función valga 0.
- En un **OR**, basta que una de sus entradas sea **1** para que la función valga **1**.
- Aplicar **XOR** con **1** invierte el valor de la variable.
- Aplicar XOR con 0 deja el valor de la variable como estaba.

Leyes de De Morgan

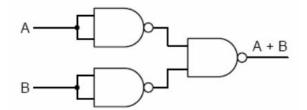
Ejemplo: Implementar una compuerta NOT mediante compuerta NAND

$$F = \overline{A.B} = \overline{A.A} = \overline{A}$$



Leyes de De Morgan

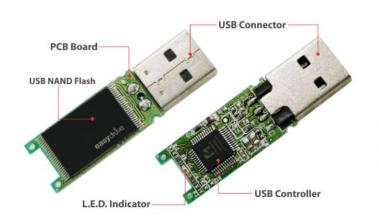
Ejemplo: Implementar una compuerta OR mediante compuertas NAND

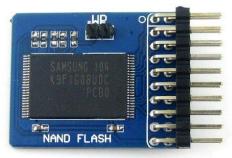


- Tambien es posible implementar OR, XOR mediante NAND.
- NAND y NOR permiten implementar cualquier otra compuerta lógica.

NAND y NOR permiten implementar cualquier otra compuerta lógica.

Fabricación masiva y abaratamiento de costos



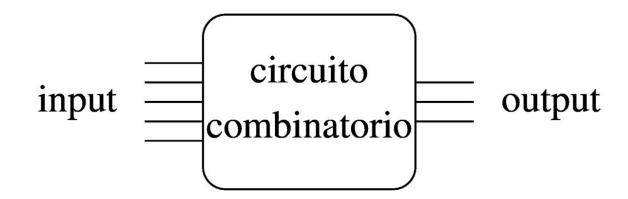




Las compuertas lógicas pueden combinarse para generar circuitos combinatorios.

A partir del estado de las entradas, se obtiene un estado en particular en la salida.

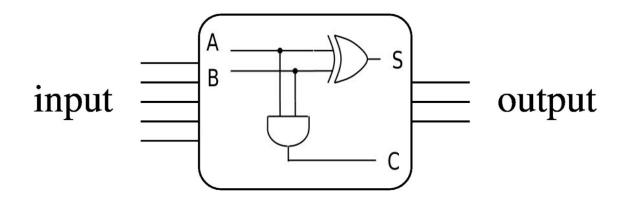
La salida dependerá del estado de las entradas y del circuito combinatorio definido.



Ejemplo: Semi-sumador

Es un circuito que permite realizar la suma aritmética entre 2 bits.

En este caso, la entrada son las líneas A y B, mientras que la salida es S y C.



Ejemplo: Semi-sumador

- S representa la suma <u>aritmética</u> de los bits A más B (ambos con un tamaño de sólo 1 bit)
- **C** es el valor del posible acarreo (caso 1+1=2, o 10 en binario)

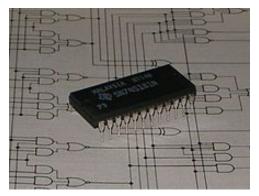
ΑВ	S	С	
A B 0 0	0	0	Α
0 1	1	0	В
1 0	1	0	
1 1	0	1	T

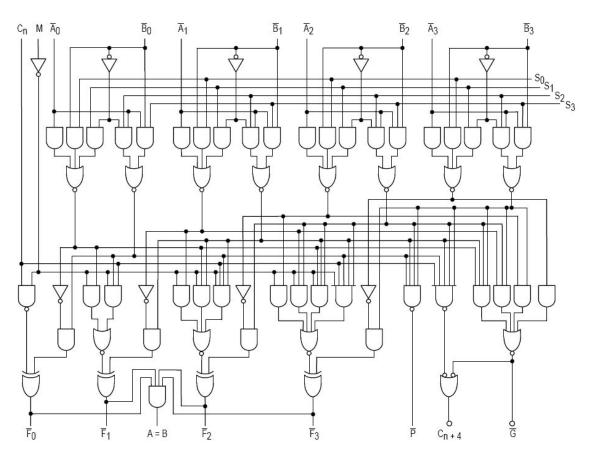
Suma aritmética

$$A + B = C$$
 S
 $0 + 0 = 0$ 0
 $0 + 1 = 0$ 1
 $1 + 0 = 0$ 1
 $1 + 1 = 1$ 0

Ejemplo: **Intel 74181** (1970). Primer <u>ALU</u> en un solo chip. Operandos de 4 bits. 16 operaciones lógicas 16 operaciones aritméticas

- Sumas / Restas
- Incrementar / Decrementar
- Operaciones lógicas
- Desplazamiento (shifting)





¿Cómo diseñar un circuito o función booleana que tenga un propósito en particular?

Suma de productos: mecanismo que permite convertir un requerimiento coloquial (o formal) en una función (y por consiguiente en un circuito).

Pasos:

- Escribir la tabla de verdad para la función que se quiera implementar
- Dibujar un AND para cada término que tiene un 1 en la salida
- Invertir las entradas necesarias
- Unir todas las AND a una OR

Ejemplo: construir la tabla de verdad e implementar el circuito de una función booleana M, de tres entradas A, B y C, tal que M=1 cuando la cantidad de '1' en A, B y C es ≥ 2 y M=0 en otro caso.



Ejemplo: construir la tabla de verdad e implementar el circuito de una función booleana M, de tres entradas A, B y C, tal que M=1 cuando la cantidad de '1' en A,

B y C es \geq 2 y M=0 en otro caso.

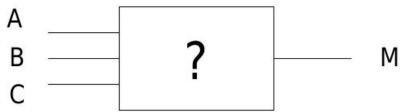
Α			
В		?	— М
С	8	•	

$$M = \overline{ABC} + \overline{ABC} + \overline{ABC} + \overline{ABC}$$

	1		
Α	В	С	M
0	0	0	0
0	0	1	0
0	1	0	0
0	1	1	1
1	0	0	0
1	0	1	1
1	1	0	1
1	1	1	1

Ejemplo: construir la tabla de verdad e implementar el circuito de una función booleana M, de tres entradas A, B y C, tal que M=1 cuando la cantidad de '1' en A,

B y C es \geq 2 y M=0 en otro caso.



$$M = \overline{ABC} + \overline{ABC} + \overline{ABC} + \overline{ABC}$$

- Hay tantos términos como 1s en la tabla
- Cada término vale 1 para una única combinación de A, B y C
- Las variables que valen 0 en la tabla aparecen aquí negadas

A	В	С	М	
0	0	0	0	
0	0	1	0	
0	1	0	0	
0	1	1	1	
1	0	0	0	
1	0	1	1	-
1	1	0	1	——
1	1	1	1	

Ejemplo: construir la tabla de verdad e implementar el circuito de una función booleana M, de tres entradas A, B y C, tal que M=1 cuando la cantidad de '1' en A,

By C es \geq 2 y M=0 en otro caso.

$$M = \overline{ABC} + \overline{ABC} + \overline{ABC} + \overline{ABC}$$

- Hay tantos términos como 1s en la tabla
- Cada término vale 1 para una única combinación de A, B y C
- Las variables que valen 0 en la tabla aparecen aquí negadas

