## 1 Differentiaalvergelijkingen

Belangrijk: maak een onderscheid tussen lineaire en niet-lineaire differentiaalvergelijking. De oplossingsmethode verschilt en het is dus belangrijk van in het begin te kijken met welk geval we te maken hebben.

## 1.1 Lineaire differentiaalvergelijking

Voor de algemene oplossing van Ly = f geldt altijd:  $y_{algemeen} = y(x) = y_p + \sum_{i=1}^{n} c_i y_i$  waarin  $y_i$  met i = 1..n een fundamenteel stel vormt.

willekeurige coefficienten, eerste orde $y' = a(x)y + b(x)$			
(scheiding der veranderlijken)			
$y_H = Cy_1(t) = C \exp\left(\int_{x_0}^x a(t)dt\right)$	$y_P = C(x) \exp\left(\int_{x_0}^x \frac{b(t)}{y_1(t)} dt\right)$		
constante coefficienten, willekeurig orde $p(D)y = f$			
homogeen	partikulier		
$\rightarrow$ bepaal fundamenteel stel	f zelf oplossing van een of andere $p(D)y = 0$	anders	
(zie Tabel 1.1 op pagina 19)	$\rightarrow$ 'methode on bepaalde coefficienten'	$\rightarrow$ 'variatie van de constante'	
	$f(x) = P_m(x)e^{\alpha x}\cos(\beta x) + Q_m(x)e^{\alpha x}\sin(\beta x)$	functie van Green $K(x,t)$	
	$f(x) = P_m(x)e^{\alpha x}\cos(\beta x) + Q_m(x)e^{\alpha x}\sin(\beta x)$ $y_P = x^l\left[()e^{\alpha x}\cos(\beta x) + ()e^{\alpha x}\sin(\beta x)\right]$	$y_P = \int_{x_0}^x K(x,t) \frac{f(t)}{a_0(t)} dt$	
Euler differentiaalvergelijking			

(veranderlijke coefficienten, willekeurige orde, speciaal geval)

## 1.2 Niet-Lineaire differentiaalvergelijkingen

Het beginwaardeprobleem y' = f(x, y) met  $y(x_0) = y_0$  heeft een unieke oplossing.

Bernouilli differentiaalvergelijking $y' = a(x)y + b(x)y^{\alpha}$				
pas transformatie $y=z^{\beta}$ toe met $\beta=\frac{1}{1-\alpha}$				
los de nieuwe (lineaire) differentiaalvergelijkin op				
differentiaalvergelijking $Mdx + Ndy = 0$				
(I) 'scheiding van de veranderlijken'	(II) 'exacte differentiaalvergerlijking'	(III) 'integrerende factor'		
(speciaal geval)	indien $\frac{\partial M}{\partial y} = \frac{\partial N}{\partial x}$ geldt $G(x, y) = C$	indien $\frac{\partial M}{\partial y} \neq \frac{\partial N}{\partial x}$		
integreer $Mdx + Ndy = 0$	(G  is implicite voortelling oplossing)	kies factor $P(x)$		
en werk verder uit	$\rightarrow G = \int M dx + F(y) \text{ en } \frac{\partial G}{\partial y} = N$	ga naar (II)		
	$\rightarrow G = \int Ndy + F(x) \text{ en } \frac{\partial G}{\partial yx} = M$			
oplossing via parametrisatie				
mogelijke toepassingen				
stroomlijnen	orthogonale krommen	steilste-hellingspad		

Bij het opstellen van dit overzicht werd gebruik gemaakt van [1].

## References

[1] Stefan Vandewalle and L Beernaert. Analyse II: Handboek. SVB Janssen, Leuven, 2018.