Árboles (CARTs), Bagging and Random Forests Big Data y Machine Learning para Economía Aplicada

Ignacio Sarmiento-Barbieri

Universidad de los Andes

Motivación: Recap

Queremos predecir:

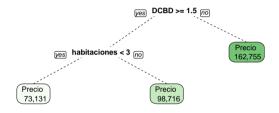
$$Price = f(structural \ attributes, amenities, ...)$$
 (1)

Podemos aplicar linear regression,

$$Price = \beta_0 + \beta_1 Habitaciones + \beta_2 DCBD + u$$
 (2)

▶ Aplicar OLS a este problema requiere tomar algunas decisiones.

Motivación: Recap



Motivación: Recap



photo from https://www.dailydot.com/parsec/batman-1966-labels-tumblr-twitter-vine/

Agenda

- 1 Bagging
 - Random Forests

2 Boosting

Bagging

- ► Problema con CART: pocos robustos.
- Podemos mejorar mucho el rendimiento mediante la agregación
- ▶ Idea: la varianza del promedio es menor que la de una sola predicción.

Bagging

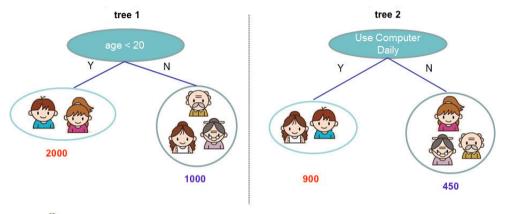
- Bagging:
 - ▶ Obtenga repetidamente muestras aleatorias $(X_i^b, Y_i^b)_{i=1}^N$ de la muestra observada (bootstrap).
 - lacktriangle Para cada muestra, ajuste un árbol de regresión $\hat{f}^b(x)$
 - ► Promedie las muestras de bootstrap

$$\hat{f}_{bag} = \frac{1}{B} \sum_{b=1}^{B} \hat{f}^{b}(x) \tag{3}$$

Básicamente estamos suavizando las predicciones.



Bagging





) = (2000 + 900)/2 = 1450 f (



) = (1000 + 450)/2 = 725

Agenda

- 1 Bagging
 - Random Forests

2 Boosting

Random Forests

- ▶ Problema con el bagging: si hay un predictor fuerte, diferentes árboles son muy similares entre sí. Si hay alta correlación, ¿está realmente reduciendo la varianza?
- ▶ Bosques (forests): reduce la correlación entre los árboles en el boostrap.
- ightharpoonup Si hay p predictores, en cada partición use solo m < p predictores, elegidos al azar.
- ightharpoonup Bagging es forests con m=p (usando todo los predictores en cada partición).
- ▶ Tipicamente $m = \sqrt{p}$

Ejemplo



photo from https://www.dailydot.com/parsec/batman-1966-labels-tumblr-twitter-vine/

Agenda

- 1 Bagging
 - Random Forests

2 Boosting

Boosting: Motivation

- ▶ Problema con CART: varianza alta.
- ▶ Podemos mejorar mucho el rendimiento mediante la agregación
- lacktriangle El boosting toma esta idea pero lo "encara" de una manera diferente ightarrow viene de la computación
- ▶ Va a usar arboles pequeños y a aprender de los errores

Boosting Trees

- ► La idea es aprender de los errores lentamente.
- Ajustamos un árbol utilizando los errores del modelo.
- Cada uno de estos árboles puede ser bastante pequeño.
- ightharpoonup Esto permite mejorar lentamente aprendiendo f(.) en áreas donde no funciona bien.
- ▶ OJO: a diferencia de *bagging*, la construcción de cada árbol depende en gran medida de los árboles que ya han crecido.

Boosting Trees: Algoritmo

- 1 Iniciamos fijando $\hat{f}(x) = 0$ y $r_i = y_i$ para todos los i del training set
- 2 Para m = 1, 2, ..., M
 - 1 Ajustamos un árbol \hat{f}^m con d bifurcaciones (d+1 hojas)
 - 2 Actualizamos $\hat{f}(x)$ con una versión "shrunken" del nuevo árbol

$$\hat{f}(x) \leftarrow \hat{f}(x) + \lambda \hat{f}^m(x) \tag{4}$$

3 Actualizamos los residuales

$$r_i \leftarrow r_i - \lambda \hat{f}^m(x) \tag{5}$$

3 El modelo final es

$$\hat{f}_{boost} = \sum_{m=1}^{M} \lambda \hat{f}^m(x) \tag{6}$$

Example: Default



photo from https://www.dailydot.com/parsec/batman-1966-labels-tumblr-twitter-vine/

Boosting Trees: Iteraciones

- ► La primer pregunta es sobre cuantas iteraciones (M) usar?
 - ► Cada iteración generalmente reduce el error de ajuste, de modo que para M lo suficientemente grande este error puede hacerse arbitrariamente pequeño (sesgo se va a cero).
 - Sin embargo, ajustar demasiado bien los datos de entrenamiento puede llevar a overfit (sobreajuste)
 - ightharpoonup Por lo tanto, hay un número óptimo M^* que minimiza el error fuera de muestra
 - ▶ Una forma conveniente de encontrar *M** con validación cruzada

Boosting Trees: Iteraciones

- Los otros hiperparámetros a fijar son
 - $ightharpoonup \lambda$ la tasa a la que aprende, los valores típicos son 0.01 o 0.001
 - El tamaño del árbol. Arboles pocos profundos funcionan bien.

Example: Default



photo from https://www.dailydot.com/parsec/batman-1966-labels-tumblr-twitter-vine/