

CS3025 Compiladores

Semana 10:
Analisis Semantico:
Verificacion de Tipos / Typechecking
17 Octubre 2023

Igor Siveroni

Analisis Semantico: Verificacion de tipos / Typechecking

La fase de Analisis Semantico conecta las definiciones de variables a sus usos, verifica que cada expresión tenga el tipo correcto y, en algunos casos, traduce la sintaxis abstracta a una representación amigable apta para la generación de código.

Tablas de Simbolos:

- Esta fase se caracteriza por el mantenimiento de tablas de símbolos (symbol tables), también llamadas ambientes (environments), que mapean identificadores (variables, funciones, etc) a sus tipos, posiciones en memoria o cualquier otra información útil generada durante las fases de un compilador.
- Cada vez que el compilador procesa declaraciones de variables, tipos o funciones, el compilador asocia identificadores a *significados* en las tablas de símbolos. Cuando se encuentra un **uso** de un identificador, el compilador busca la entrada del identificador en la tabla de símbolos.
- Cada variable en un programa tiene un ámbito o *scope* en el cual es visible.

En el caso de **verificación de tipos**, la tabla de símbolos asocia nombres de variables y funciones a sus tipos.

El lenguaje IMP con declaraciones de funciones: sintaxis

Hemos estado trabajado con el lenguaje IMP, un lenguaje con declaraciones de funciones globales, definido por la siguiente sintaxis:

```
Program ::= VarDecList FunDecList
VarDecList ::= (VarDec)*
FunDecList ::= (FunDec)+
FunDec ::= "fun" RType id "(" [ParamDecList] ")" Body "endfun"
ParamDecList ::= Type id ("," Type id)*
VarDec ::= "var" Type VarList ";"
Type ::= bool | int
Rtype ::= bool | int | void
Body ::= VarDecList StmList
StmList ::= Stm (";" Stm)*
```

Donde un programa es una lista de declaraciones de variables globales seguidas de declaraciones de funciones. La declaración de una función especifica el tipo de retorno, el nombre y tipos de los parámetros, y el cuerpo definido como un bloque (Body) de declaraciones y sentencias.

El lenguaje IMP: sentencias y expresiones

La gramática de sentencias es:

```
Stm ::= AssignStm | PrintStm | IfStm | WhileStm | ReturnStm
AssignStm ::= id "=" Exp
PrintStm ::= "print" "(" Exp ")"
IfStm ::= "if" CExp "then" Body ["else" Body] "endif"
WhileStm ::= "while" Exp "do" Body "endwhile"
ReturnStm ::= "return" "(" [Exp] ")"
```

La gramática de expresiones, con cuestiones de asociatividad y orden de precedencia resueltas, es:

```
Exp ::= NumberExp | BoolExp | IdExp | CondExp | FCallExp | ParenthExp | BinExp
NumberExp ::= num      BoolExp ::= "true" | "false"      IdExp ::= id
BinExp ::= Exp op Exp, op in {plus, minus, mul, div, lt, leq, eq}
CondExp ::= "ifexp" "(" Exp "," Exp "," Exp ")"
ParenthExp ::= "(" Exp ")"
FCallExp ::= id "(" [ArgList] ")"
ArgList ::= Exp ("," Exp)*
```

El Sistema de tipos (type system) de IMP

El sistema de tipos de un lenguaje esta definido por lo menos por:

- El conjunto de tipos validos en el lenguaje (tipos base y reglas para generar nuevos tipos)
- Las reglas que determinan si un programa tiene los tipos correctos (equivalencia de tipos, subtyping, inferencia de tipos) i.e. “if a program is correctly typed”.

IMP trabaja con tipos base y tipos de función. Los tipos base son int y bool. Los tipos de funcion están hechos por una lista de tipos base (parámetros) y el tipo de retorno base (que además puede ser void). Denotaremos a los tipos con la variable T.

$T \text{ in Type} ::= \text{BaseType} \mid \text{FunType}$
 $\text{BaseType} ::= \text{int} \mid \text{bool}$
 $\text{FunType} ::= \text{BaseType}^n \times \text{Rtype}, n \geq 0$

$\text{Tr in RType} ::= \text{int} \mid \text{bool} \mid \text{void}$

Escribiremos por ejemplo, $T = (T_1, \dots, T_n) \rightarrow T_r$

IMP: Tabla de símbolos / Type Environment

Durante el proceso de verificación de tipos mantendremos siempre a la mano una tabla de símbolos o environment de tipos, la cual asociara las variables “vivas” (variables in scope o validas en el ámbito actual) a sus tipos respectivos. Se contarán también los nombres de funciones.

El dominio de environments validos esta definido por:

$\text{env in TEnv} ::= \text{id} \rightarrow \text{Type}$ (la \rightarrow se usa para definir funciones)

Usaremos $[]$ para denotar al environment vacío. Además, las operaciones de lookup y update están definidas por:

- $\text{env}(x)$: retorna el valor de x guardado en env (lookup).
- $\text{env}(x)$ **es valido** si $x \in \text{Dom}(\text{env})$, es decir, si x esta en el dominio de env .
- $\text{env}[x \rightarrow T]$ actualiza el environment con el nuevo mapping $[x \rightarrow T]$.

Entonces: $\text{env}[x \rightarrow T](x) = T$

Puede usarse: $\text{env}[x_1 \rightarrow T_1] \dots [x_n \rightarrow T_n]$

IMP: Type checking expressions

Para facilitar la especificación de las reglas de typechecking, expresaremos la sintaxis de IMP usando un tipo especial de sintaxis abstracta (abstract syntax). Empezamos con las expresiones:

```
e in Exp ::=
  | NumberExp(n), n in Int
  | BoolExp(b)   , b in { T, F }
  | IdExp(id)    , id in ID
  | CondExp(e0, e1, e2) |
  | BinExp(e1, e2, op) ,
                        op in {plus, minus, mul, div, lt, leq, eq }
  | FCallExp(fname, args) , args in Expn, fname in ID
  | ParenthExp(e)
```

Cuando trabajemos con listas o secuencias, e.g. `args`, podemos usar `|args| = n` para extraer la longitud `n` de la secuencia, o escribir `args = e1, ..., en`. También podremos expresar lo siguiente: `forall e in args, P(e)`.

IMP: Type checking expresiones

Para especificar el type checking de expresiones definimos el dominio de la función typecheck de la siguiente manera:

$$\text{tcheck}: \text{Tenv} \times \text{Exp} \rightarrow \text{Type}$$

y escribimos $\text{tcheck}(\text{env}, e) = T$ para afirmar que la expresión e esta tipeada correctamente (cumple las reglas de tipeo, *correctly typed*) bajo en environment env , y que, además, tiene el tipo T .

Nótese que también pudimos haber definido typecheck como un predicado:

$$\text{tcheck}: \text{Tenv} \times \text{Exp} \times \text{Type} \rightarrow \text{Bool}$$

Ahora podemos definir typecheck por casos basados en la sintaxis abstracta de Exp:

$$\text{tcheck}(\text{env}, \text{NumberExp}(n)) = \text{int}$$
$$\text{tcheck}(\text{env}, \text{BoolExp}(b)) = \text{bool}$$
$$\text{tcheck}(\text{env}, \text{IdExp}(id)) = \text{env}(x)$$

IMP: Type checking expresiones

```
tcheck(env, ParenthExp(e)) = tcheck(env, e)
```

```
tcheck(env, CondExp(e0, e1, e2)) = T ifi  
    tcheck(env,e0) = bool && T = tcheck(env,e1) = tcheck(env,e2)
```

```
tcheck(BinExp(e1,e2,op)) = T ifi  
    tcheck(env,e1) = int && tcheck(env, e2) = int  
    (op in {plus,minus,mul,div} => T = int) &&  
    (op in {lt, leq, eq } => T = bool)
```

Notar que hay varias maneras de especificar las reglas para BinOp. Por ejemplo, especificando mas casos de la forma,

```
    tcheck(BinExp(e1,e2,op)) = int      ifi  
o    tcheck(BinExp(e1,e2,plus)) = T    ifi ...
```

Dejamos FCall para el final.

IMP: Type checking statements (sentencias)

Del mismo modo que lo hecho con expresiones, expresaremos la sintaxis de las sentencias usando sintaxis abstracta (abstract syntax):

```
s in Stm ::=  
    | AssignStm(id,e)  
    | PrintStm(e)  
    | IfStm(e, bd1, bd2) , bd1, bd2 in Body  
    | WhileStm(e, bd) , bd in Body  
    | ReturnExp(e)  
  
b in Body ::= Body(vdlist, slist) , vdlist in VardDec*  
vd in VarDec ::= (T, id)
```

IMP: Type checking statements (reglas)

Para el caso de sentencias y bloques (Body), definimos el predicado tcheck de la siguiente manera:

`tcheck: TEnv x Stm -> Bool` `tcheck: TEnv x Body -> Bool`

Y escribimos `tcheck(env, s)` si la sentencia `s` es correcta, en lo que se refiera a tipos, dado el environment `env`. Igual para `tcheck(env, bd)`.

Especificamos `tcheck` para sentencias por casos basado en la sintaxis de `Stm`:

`tcheck(env, PrintStm(e)) ifi tcheck(env, e)`

`tcheck(env, AssignStm(id, e)) ifi tcheck(env, e) = env(id)`

`tcheck(env, IfStm(e, bd1, bd2)) ifi`
`tcheck(env, e) = true && tcheck(env, bd1) && tcheck(env, bd2)`

IMP: Type checking statements (reglas)

Y escribimos `tcheck(env, s)` si la sentencia `s` es correcta, en lo que se refiera a tipos, dado el environment `env`. Igual para `tcheck(env, bd)`.

Especificamos `tcheck` para sentencias por casos basado en la sintaxis de `Stm`:

- `tcheck(env, WhileStm(e, bd))` **ifi** `tcheck(env, e) = true` && `tcheck(env, bd)`
- `tcheck(env, Body(nil, slist))` **ifi**
forall `s` in `slist`: `typecheck(env1, s)`
- `tcheck(env, Body(vdlist, slist))` **ifi**
forall `s` in `slist`: `typecheck(env1, s)`, donde
`env1 = process_decs(env, vdlist)`

`process_decs(env, vdlist) = env[id1 -> T1], ..., [idn -> Tn]`
donde `vdlist = (T1, id1), ..., (Tn, idn)`

IMP: Type checking Programs y Declaraciones

Del mismo modo que lo hecho con expresiones y sentencias, expresaremos la sintaxis de Programas IMP y declaraciones de funciones usando sintaxis abstracta (abstract syntax):

```
p in IMP ::= Program(vdlist, fdlist),  
           vdlist in VarDec*, fdlist in FunDec*  
fd in FunDec ::= FunDec(fname, pdlist, Tr, bd),  
           pdlist in ParamDec*, T in Rtype, bd in Body  
pd in ParamDec ::= (T, id)
```

Y extendemos la definicion de tcheck a programas y declaraciones de funciones.

```
tcheck: TEnv x Program -> Bool  
tcheck: TEnv x FunDec -> Bool
```

IMP: Type checking Programs y Declaraciones

Continuamos con la especificación de `tcheck`:

```
tcheck(env, Program(vdlist, fdlist)) ifi
  forall fdi in fdlist,
    let fdi = FunDec(fnamei, pdlisti, Tri, bdi)
      Tfi = funtype(pdlisti, Tri)

  env1 = process_decs(env, vdlist)
  env2 = env1[fname1 -> Tf1], ..., [fnamen -> Tfn]

  forall fd in fdlist: tcheck(env2, fd)
```

IMP: Type checking Programs y Declaraciones

Continuamos con la especificación de `tcheck`:

```
tcheck(env, FunDec(fname, pdlist, Tr, bd)) ifi
  Let pdlist = (T1, id1), ..., (Tn, idn)
      env1 = env[id1 -> T1], ..., [idn -> Tn] [return -> Tr]
      tcheck(env1, bd)
```

```
tcheck(env, ReturnStm(e)) ifi
  Tr = env(return)
  Te = void if (e=nil) else tcheck(env, e)
  Tr = Te
```

```
tcheck(env, FCallExp(fname, args)) = T ifi
  Tf = env(fname) && Tf = (Tp1, ..., Tpn) -> Tr
  forall ei in args: tcheck(env, ei) = Ti
  n = |args| && forall i in 1:n, Ti = Tpi
  Tr = T &&
```