# Filodinámica Inferencia epidemiológica usando información genética de patógenos

18 Septiembre 2025

# Igor Siveroni

Sección de Bioingeniería

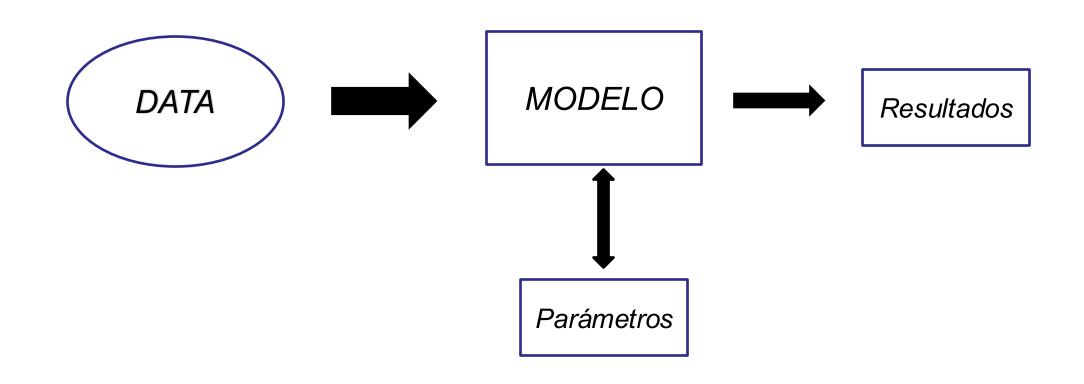
Departamento de Ingeniería

Pontificia Universidad Católica del Perú (PUCP)

PhyDyn: Colaboracion con Erik Volz durante estadia en DIDE, Imperial College London

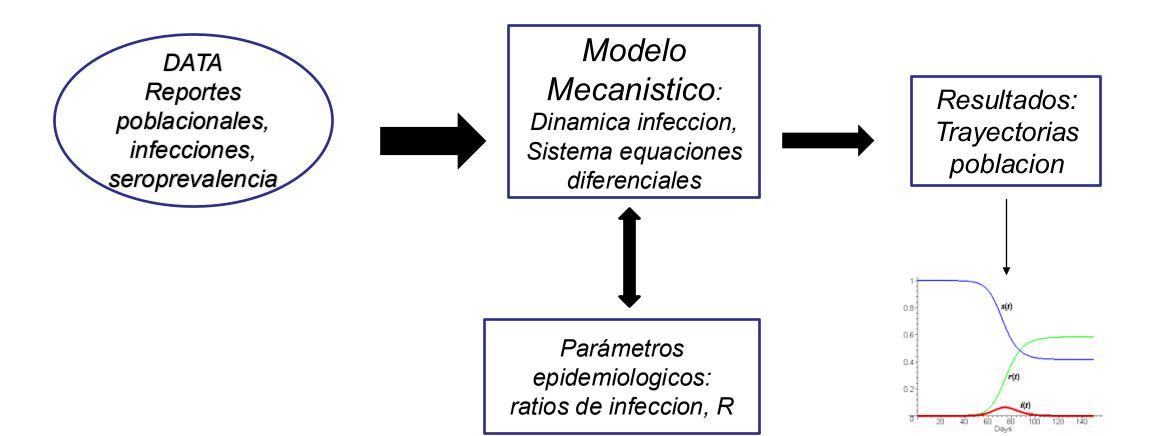
#### **Contexto**

# Modelos matemáticos de enfermedades infecciosas

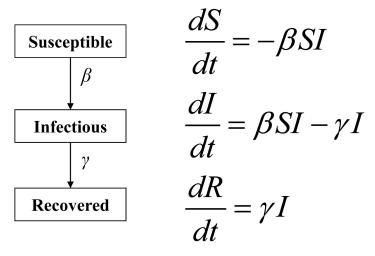


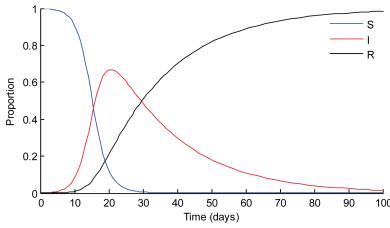
#### Modelos Mecanisticos de transmision

# Modelos matemáticos de enfermedades infecciosas



#### Modelos de dinamica poblacional

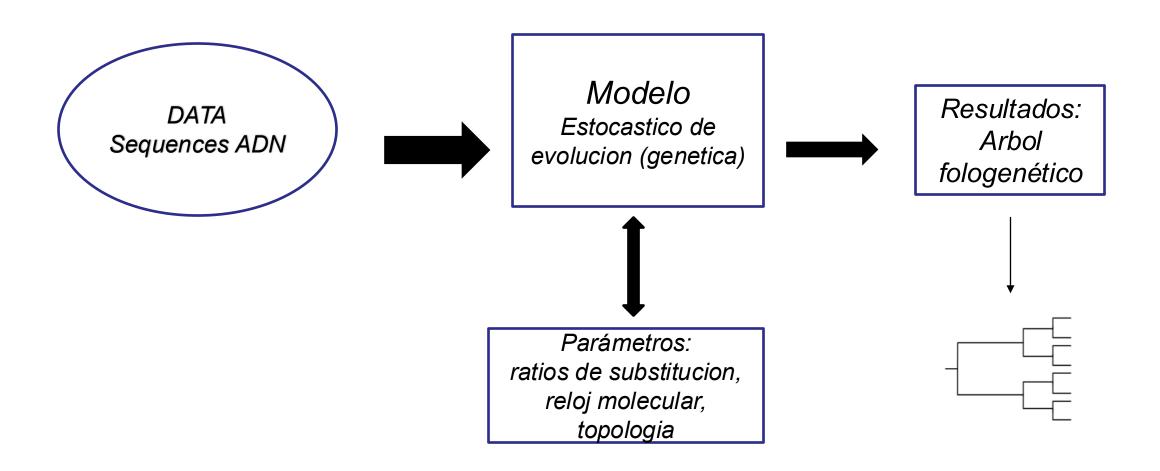




- Modelo: Sistema de ecuaciones diferenciales ordinarias.
- Problema: Estimación de parametros epidemiológicos (e.g. beta, gamma) usando data poblacional. (model fitting)
- Metodos Model Fitting:
  - Optimización: e.g. Least-squares, maximum likelihood (MLE)
  - Análisis bayesiano e.g. Markov Chain Montecarlo (MCMC): obtenemos distribuciones en lugar de valores 'optimos'

### Filogenética

# Modelos matemáticos de enfermedades infecciosas



### Objetivo / Pregunta de Investigacion

Q1: Dado un modelo mecanístico incompleto (ODEs) de una enfermedad infecciosa,

como podemos estimar los parámetros epidemiológicos

prescindiendo de información poblacional?

Ahora, asumamos que tenemos información genética ...

# Objetivo / Pregunta de Investigacion

Q2: Dado un modelo mecanístico imcompleto (ODE) de una enfermedad infecciosa y secuencias de ADN de personas infectadas

Como podemos estimar los parámetros genéticos, árboles filogenéticos y parametros epidemiologicos (los parametros del modelo mecanistico), a la vez,

prescindiendo de información poblacional?

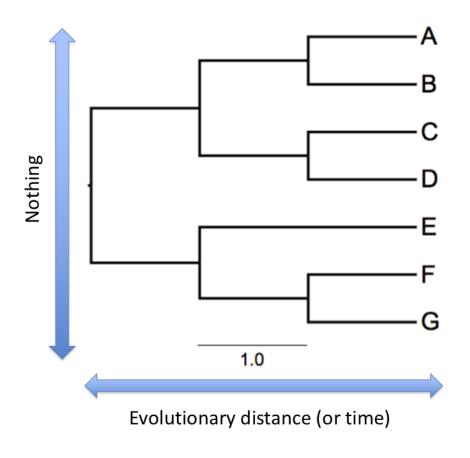
De esto se encarga la Filodinamica

#### Resumen

- Filogénetica
   Likelihood filogenetica / Algoritmo de Felsenstein
- BEAST
   Bayesian Evolutionary Analysis by Sampling Trees
- Filodinámica
- PhyDyn
   Inferencia Filodinámica Bayesiana con Modelos Complejos
   Likelihood Coalescente Estructurado

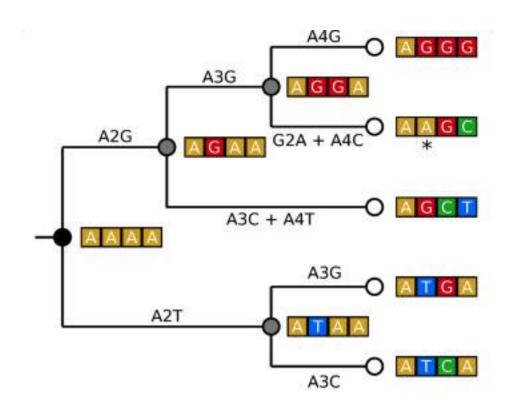
#### **Filogenetica**

Filogenetica es el estudio de las relaciones evolutivas entre entidades biologicas e.g. especies, individuos o genes.



- Una filogenia es una representacion, expresado como un arbol (filogenetico), de la historia evolutiva y de las relaciones de grupos de organismos
  - Basado en un muestreo de la poblacion
- En nuestro caso, las hojas (tips) del arbol contienen sequencies de ADN.
- Un arbol filogetico es una explicacion de como las secuencias evolucionaron, de sus relaciones genealogicas y como llegaron a ser lo que son (en la muestra)

# **Ejemplo: Arbol Filogenetico (con ADN)**



genome / gene / protein sequence
 global MRCA (root)
 lineage MRCA (internal node)
 extant species (leaf)

XkY

substitution of X to Y at position k

### **Objetivos**

#### Nos interesa saber:

Dado un grupo de sequencias alineadas, como podemos determinar si un arbol describe/explica mejor la data que otro?

Como podemos comparar arboles filogeneticos?

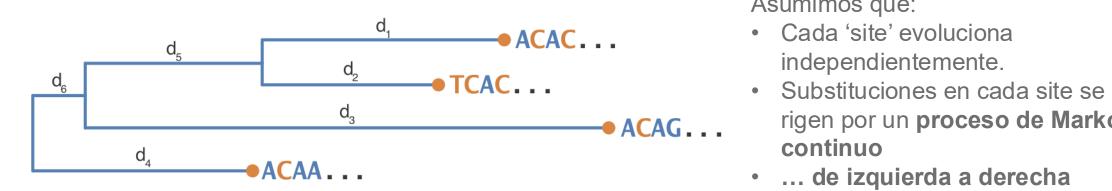
Queremos el mejor arbol o una distribucion de arboles 'buenos'?

#### Para esto necesitamos:

Matriz de transicion

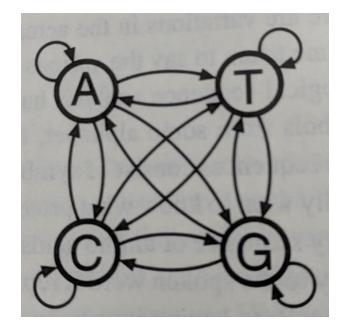
un modelo que explique como se generaron las sequencias en las hojas del arbol (tips)

# Modelo de Evolucion / Substitucion de ADN Proceso de Markov continuo



#### Asumimos que:

- Cada 'site' evoluciona independientemente.
- rigen por un **proceso de Markov** continuo
- ... de izquierda a derecha



Expresamos el modelo de substitucion con la matriz de substitucion Q donde q(i,j) es la tasa relativa de substitucion de estado i al estado j.

$$\mathbf{Q} = \begin{matrix} T & C & A & G \\ T & (a+b+c) & a & b & c \\ C & d & -(d+e+f) & e & f \\ g & h & -(g+h+i) & i \\ j & k & l & -(j+k+l) \end{matrix}$$

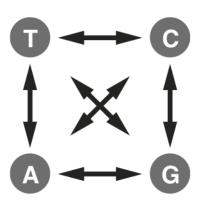
Matriz de transicion

$$\mathbf{P}(\mathbf{t}) = e^{\mathbf{Q}\mathbf{t}}$$

... esto es estandar

#### **Ejemplos**

Modelo Jukes-Cantor (JC69)



$$\Pi_T = \Pi_C = \Pi_A = \Pi_G$$

$$\Pi_T = \Pi_C = \Pi_A = \Pi_G$$

$$\begin{array}{ccccc} T & C & A & G \\ T & \begin{pmatrix} \cdot & \alpha & \beta & \beta \\ \alpha & \cdot & \beta & \beta \\ A & \beta & \beta & \cdot & \alpha \\ G & \beta & \beta & \alpha & \cdot \end{array} \right)$$

Modelo Kimura 2-paremeter (K80)

#### El Likelihood Filogenetico

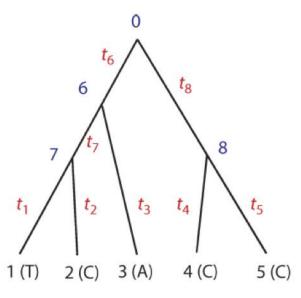
Una manera de evaluar un arbol seria calcular la probabilidad de la data dado un modelo estadistico de evolucion de DNA

A esta probabilidad la llamamos el **Likelihood** del arbol – el likelihood filogenetico: calculado con el algoritmo de Felsenstein

El modelo estocastico (proceso Markov) nos permite hacer este calculo.

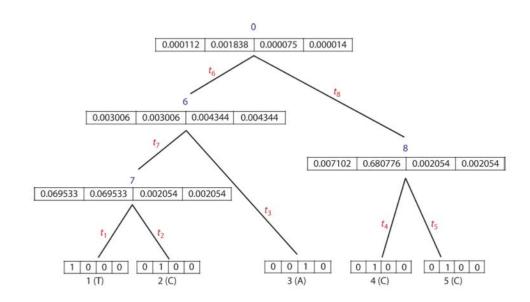
Una manera de reconstruir una historia de evolutiva seria encontrar un arbol que maximice el Likelihood (**Maximum Likelihood**), o encontrar una distribucion de arboles.

## Ejemplo Algoritmo 'pruning' / Felsenstein



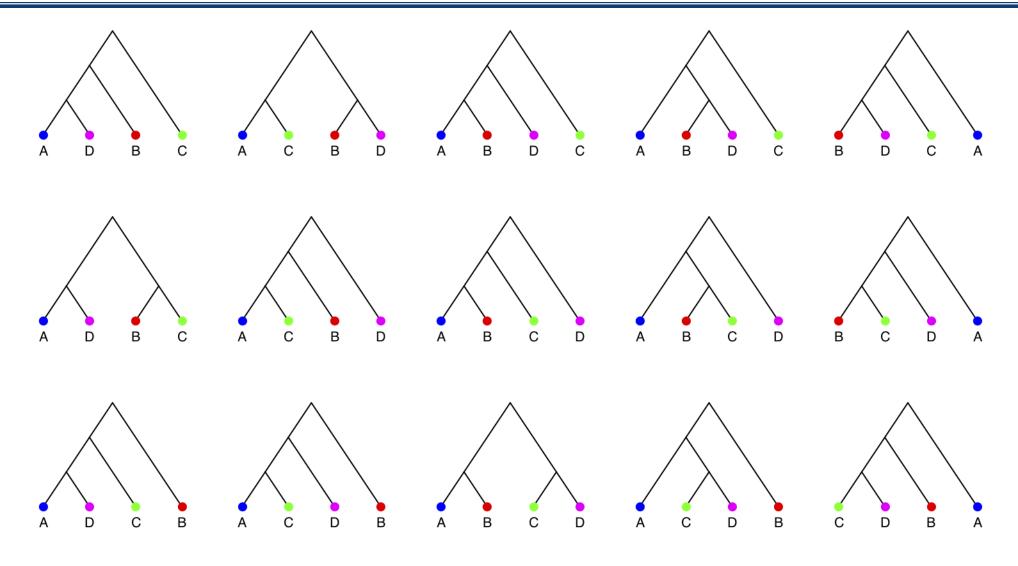
$$f(\mathbf{x_h}|\theta) = \sum_{x_0} \sum_{x_6} \sum_{x_7} \sum_{x_8} \left[ \pi_{x_0} p_{x_0 x_6}(t_6) p_{x_6 x_7}(t_7) p_{x_7 T}(t_1) p_{x_7 C}(t_2) p_{x_6 A}(t_3) p_{x_0 x_8}(t_8) p_{x_8 C}(t_4) p_{x_8 C}(t_5) \right].$$

$$f(\mathbf{x}_{h}|\theta) = \sum_{x_{0}} \pi_{x_{0}} \left\{ \sum_{x_{6}} p_{x_{0}x_{6}}(t_{6}) \left[ \left( \sum_{x_{7}} p_{x_{6}x_{7}}(t_{7}) p_{x_{7}T}(t_{1}) p_{x_{7}C}(t_{2}) \right) p_{x_{6}A}(t_{3}) \right] \right\} \\ \times \left[ \sum_{x_{8}} p_{x_{0}x_{8}}(t_{8}) p_{x_{8}C}(t_{4}) p_{x_{8}C}(t_{5}) \right].$$



¿Cuantos árboles existen para *n* taxa?

# **Tree Space**



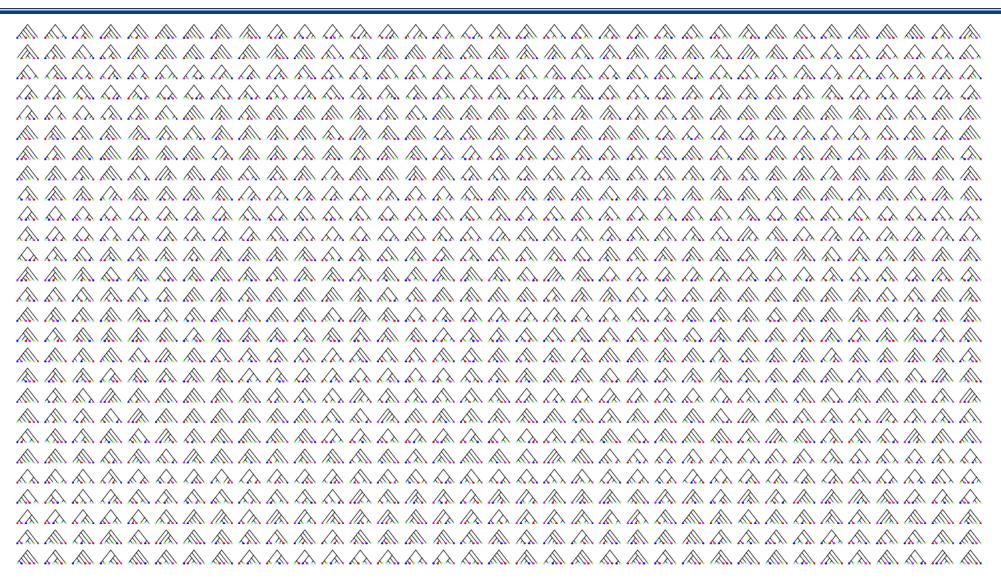
15 arboles posibles (sin rango) utilizando 4 individuos/especies

#### **Tree Space**



105 arboles posibles (sin rango) utilizando 5 individuos/especies

#### **Tree Space – Enorme!!**



# **Tree Space**

Para n species existen

$$T_n = 1 \times 3 \times 5 \times \cdots \times (2n-3) = \frac{(2n-3)!}{(n-2)!2^{n-2}}$$

árboles binarios etiquetados con raiz (rooted)

n	Unrooted trees $(U_n)$	Rooted trees $(R_n)$	Labelled histories $(H_n)$
3	1	3	3
4	3	15	18
5	15	105	180
6	105	945	2,700
7	945	10, 395	56,700
8	10, 395	135, 135	1,587,600
9	135, 135	2,027,025	57, 153, 600
10	2,027,025	34, 459, 425	2,571,912,000
20	$\sim 2.22 \times 10^{20}$	$\sim 8.20 \times 10^{21}$	$\sim 5.64 \times 10^{29}$
50	$\sim 2.84 \times 10^{74}$	$\sim 2.75 \times 10^{76}$	$\sim 3.29 \times 10^{112}$

#### **Analisis filogenetica Bayesiano**

En Filogenética queremos determinar la probabilidad de cada árbol dada información genética (secuencias alineadas)

Podemos calcular la probabilidad de un árbol utilizado el Teorema de Bayes:

Posterior probability
$$P(\bigwedge_{1/2/3/4}^{1/4}|_{\frac{1}{4}}^{\frac{1}{4}} \frac{\text{ATACTTCATTGTAGATAATAAT}}{\frac{1}{4} \frac{1}{4} \frac{1}{4}$$

Metodo: MCMC (algoritmo Markov chain Monte Carlo)

Software: BEAST 2

# BEAST 2.5: An advanced software platform for Bayesian evolutionary analysis

Remco Bouckaert ☑, Timothy G. Vaughan, Joëlle Barido-Sottani, Sebastián Duchêne, Mathieu Fourment,
Alexandra Gavryushkina, Joseph Heled, Graham Jones, Denise Kühnert, Nicola De Maio, Michael Matschiner, Fábio K. Mendes,
Nicola F. Müller, Huw A. Ogilvie, Louis du Plessis, Alex Popinga, Andrew Rambaut, David Rasmussen, Igor Siveroni,
Marc A. Suchard, Chieh-Hsi Wu, Dong Xie, Chi Zhang, Tanja Stadler, Alexei J. Drummond ☑ [ view less ]

BEAST = Bayesian Evolutionary Analysis by Sampling Trees

Autores provienen de 18 instituciones provenientes de 9 paises

#### **BEAST 2**

BEAST 2 permite construir una gran variedad de modelos filogenéticos para ser aplicados a secuencias alineadas.

BEAST estima/trabaja con time-trees / arboles de tiempo.

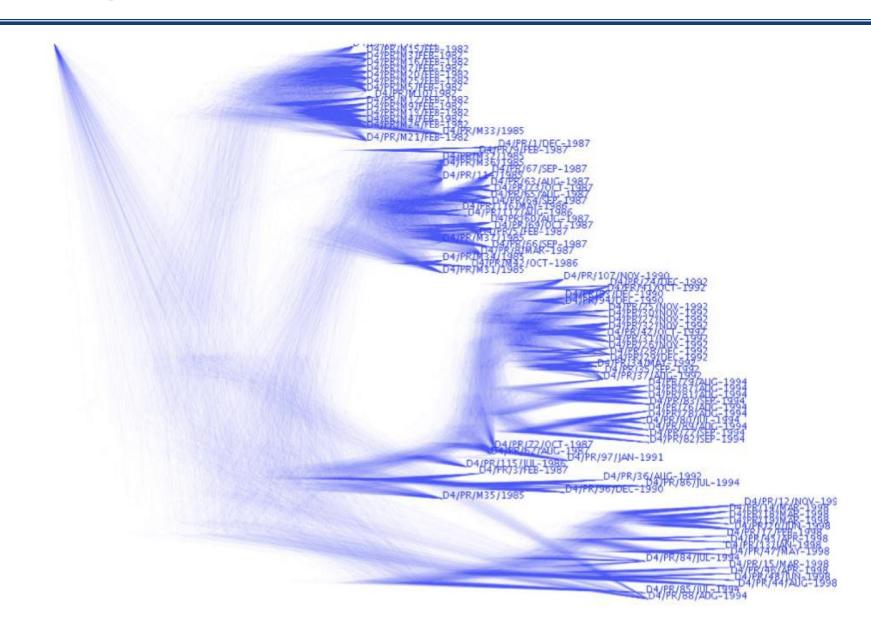
BEAST samplea del espacio de arboles filogenéticos y demás parámetros.

BEAST calcula el likelihood filogenéticos dependiendo del modelo utilizado.

Y además ....

Nuevos sub-modelos y templates pueden ser diseñados por terceros (desarrolladores de software). BEAST 2.5 es extendible => PhyDyn

# **Ejemplo BEAST 2 Distribucion a-posteriori de arboles**



# **Ejemplo 1**

# Out of Africa: A Molecular Perspective on the Introduction of Yellow Fever Virus into the Americas

Juliet E Bryant ☑, Edward C Holmes, Alan D. T Barrett ☑

Published: May 18, 2007 • https://doi.org/10.1371/journal.ppat.0030075

#### The early spread and epidemic ignition of HIV-1 in human populations

Nuno R. Faria, 1,2 Andrew Rambaut, 3,4,5 Marc A. Suchard, 6,7 Guy Baele, 2 Trevor Bedford, 8 Melissa J. Ward, 3 Andrew J. Tatem, 4,9 João D. Sousa, 2,10 Nimalan Arinaminpathy, 1 Jacques Pépin, 11 David Posada, 12 Martine Peeters, 13 Oliver G. Pybus, 1,\*† and Philippe Lemey 2,\*†

### Fiebre Amarilla (YFV) en las Americas

# Out of Africa: A Molecular Perspective on the Introduction of Yellow Fever Virus into the Americas

Juliet E Bryant ☑, Edward C Holmes, Alan D. T Barrett ☑

Published: May 18, 2007 • https://doi.org/10.1371/journal.ppat.0030075

Data set: 133 YFV prM/E gene sequences (human, mosquito, monkey) from 22 countries (14 African, 8 South American)

#### **BEAST** analysis:

- chain length 25 million, sampling every 1000.
- GTR+I+Gamma4 / rate variation among lineages / relaxed clock

The phylogenetic analysis infers a time-scale and evolutionary history of YVF. It estimates:

- The rate of molecular evolution
- The date of the most recent common ancestor

# Fiebre Amarilla (YFV) en las Americas

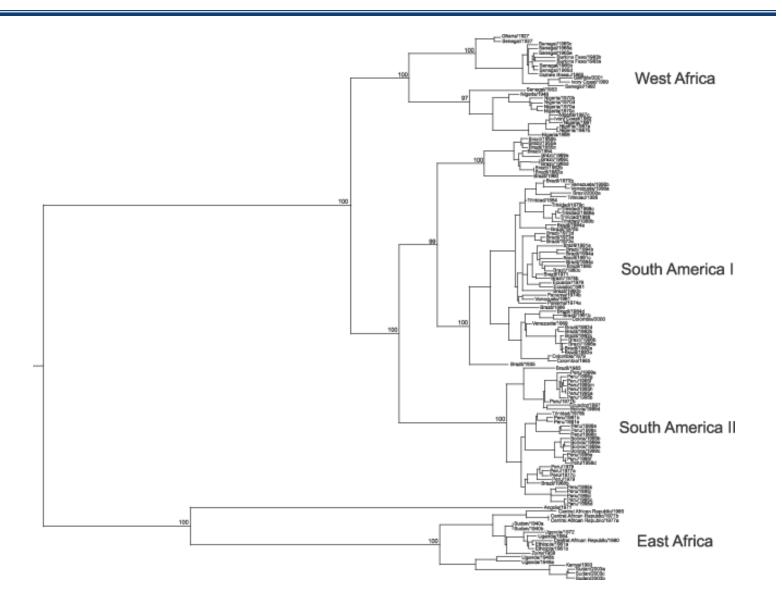
YFV puede ser dividida en dos grupos geograficos, con distintos linajes virales observados en Africa y las Americas

Los casos (isolates) Americanos son monofileticos.

Los casos Americanos se dividen en aquellos que provienen del este y oeste del continente.

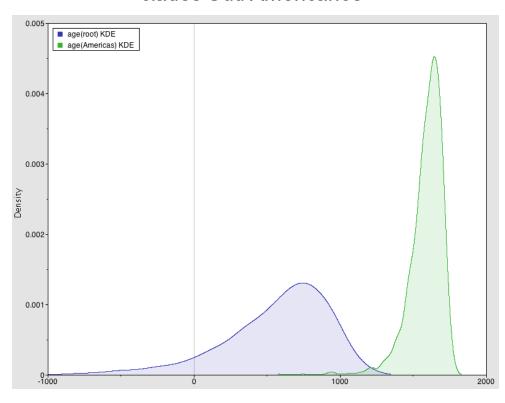
Los casos de Africa Occidental estan mas cercanamente relacionados que aquellos de las Americas.

Los casos de Africa del Este son mas divergentes.



#### Fiebre Amarilla en las Americas

# A Posteriori de las fechas de la raiz and los clades Sud Americanos\*



#### **Estimated divergence times (years)**

Edad Raiz (origen de todas las muestras): media 723 [288,1304] 95% HPD

Divergencia S.America and Africa Occidental: media 470 [186,869] 95% HPD

Origen de los genotipos Sud Americanos: media 306 [120,590] 95% HPD

Muestra mas reciente = 2007

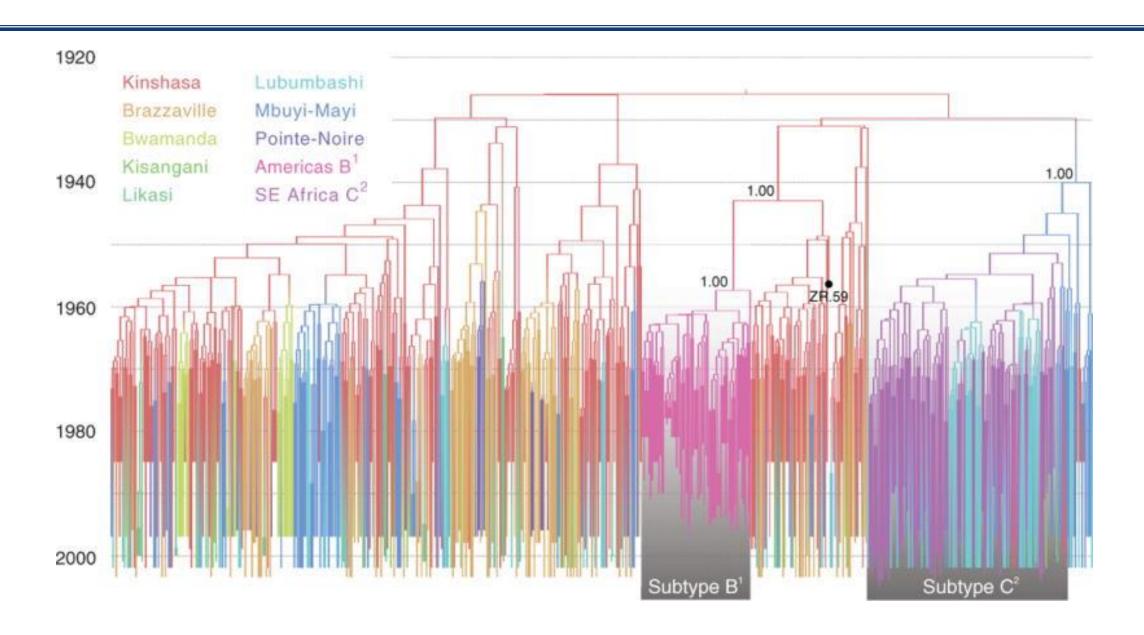
- ➤ La diversidad genetica de las muestras disponibles de YFV en America del Sur surgio hace 3 a 4 siglos.
- > Existe una fuerte evidencia que apoya la teoria de una introduccion inicial durante el periodo de trafico de esclavos y el primer contacto entre los dos continentes.

#### **Orígenes del VIH**

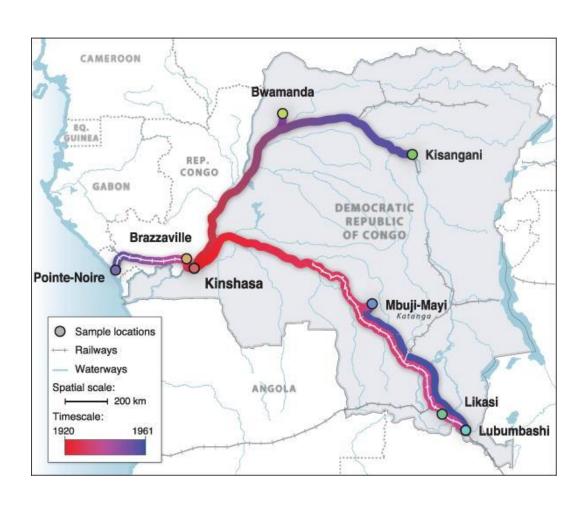
#### The early spread and epidemic ignition of HIV-1 in human populations

Nuno R. Faria, <sup>1,2</sup> Andrew Rambaut, <sup>3,4,5</sup> Marc A. Suchard, <sup>6,7</sup> Guy Baele, <sup>2</sup> Trevor Bedford, <sup>8</sup> Melissa J. Ward, <sup>3</sup> Andrew J. Tatem, <sup>4,9</sup> João D. Sousa, <sup>2,10</sup> Nimalan Arinaminpathy, <sup>1</sup> Jacques Pépin, <sup>11</sup> David Posada, <sup>12</sup> Martine Peeters, <sup>13</sup> Oliver G. Pybus, <sup>1,\*†</sup> and Philippe Lemey<sup>2,\*†</sup>

# Ejemplo 2: Orígenes del VIH

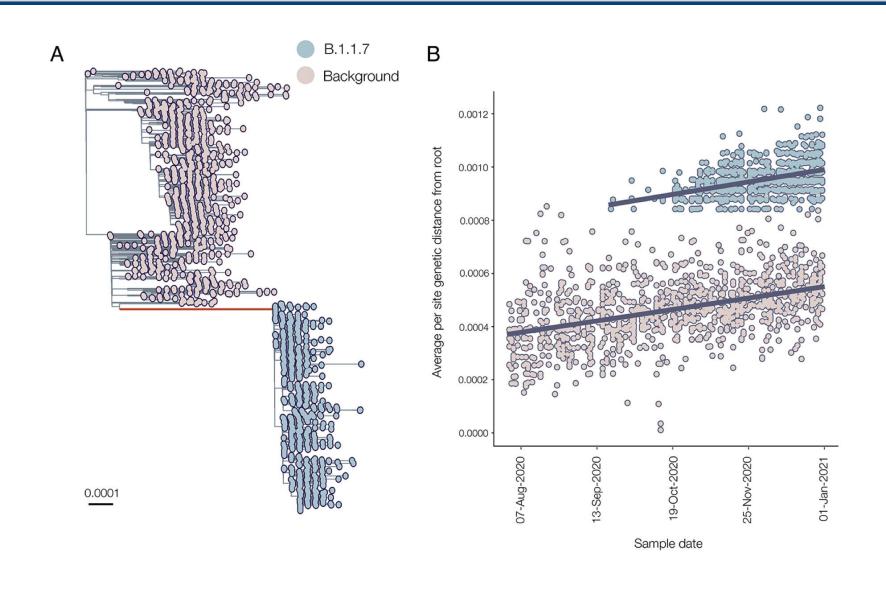


# **Orígenes del HIV**



# **Ejemplo 3: Alpha Variant**

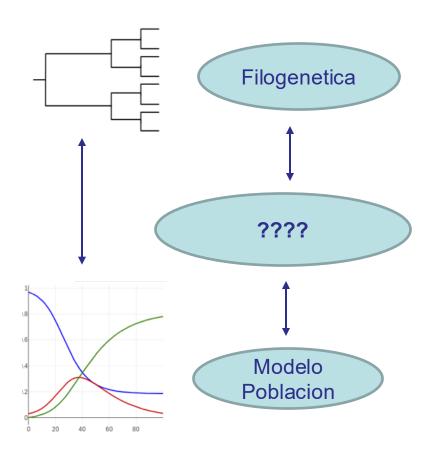
# The origins and molecular evolution of SARS-CoV-2 lineage B.1.1.7 in the UK



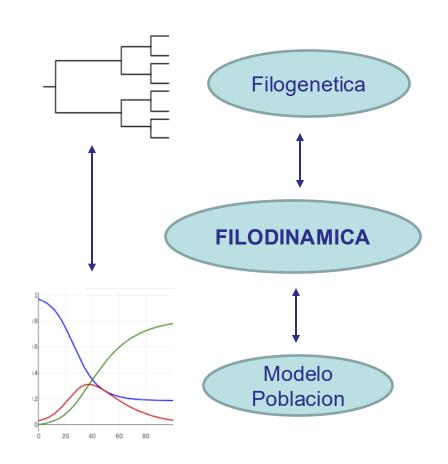
The regression gradient is an estimate of the rate of sequence evolution

What about growth rates?

# Nuestro objectivo inicial ...



#### Filodinámica



La Filodinámica vincula propiedades filogenéticas de patógenos con dinamicas poblacionales eg. historia / trayectoria de epidemia / brote.

Permite la estimacion de parametros epidemiologicos desde una muestra de secuencias de patogenos

La inferencia filodinamica require relacionar un modelo del proceso epidemiologico con un proceso genetico poblacional.

Procesos: **modelos coalescentes**, modelos samplingbirth-death

#### Coalescencia

#### Tenemos:

- Arbol filogenetico, trayectoria poblacional generada por el modelo mecanistico y sequencies de ADN. Usamos Time-trees – longitud de ramas = tiempo.
- Y la probabilididad de un arbol dada una secuencia genetica (ADN) Likelihood principal

#### Ademas

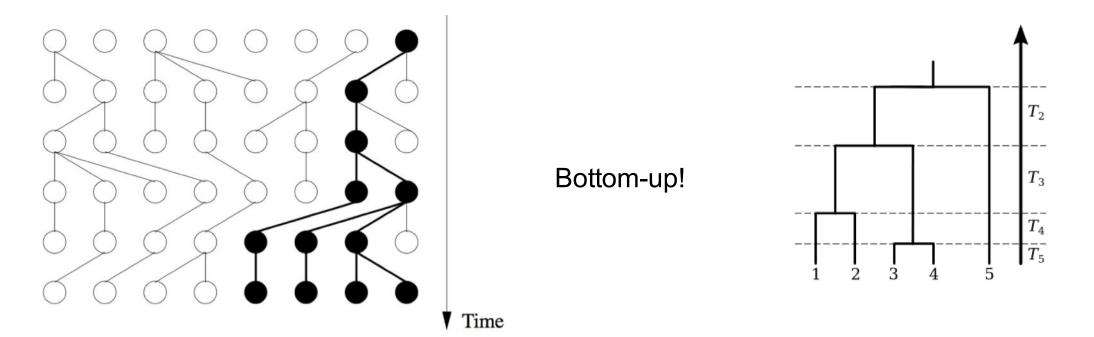
 El arbol filogenetico refleja el transmission network. Los eventos de transmission corresponden a bifurcaciones en el arbol (branching events)

#### Nos gustaria agregar:

la probabilidad de un arbol dado un conjunto de parametros epidemiologicos (o una trayectoria poblacional) – esto lo podemos usar como Prior en el modelo bayesiano (Tree Prior).

Modelo: 'the coalescent' o modelo de Coalescencia

#### El Coalescente Clasico



El Coalescente es un modelo estocastico que describe la (generacion de la) genealogia / ancestry de una muestra de una poblacion. Modela la probabilidad que 2 individuos aleatorios 'coalesce'.

Podemos calcular el Likelihood de un arbol!!

#### El Coalescente Clasico

Se origino en el campo de la genética poblacional.

Es un proceso estocástico backwards-in-time que, empieza en la muestra mas reciente y acaba en el MRCA, y produce una genealogía relacionando las secuencias sampleadas.

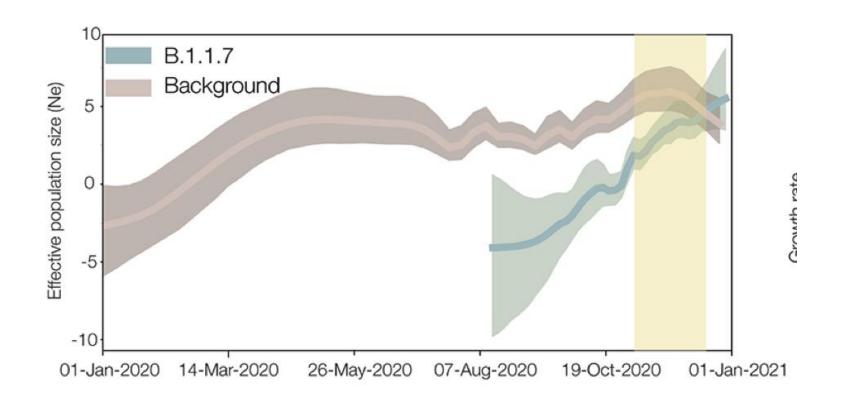
El Coalescent clásico posee 2 parámetros:

- N<sub>e</sub>(t): Effective population size.
- g: generation time

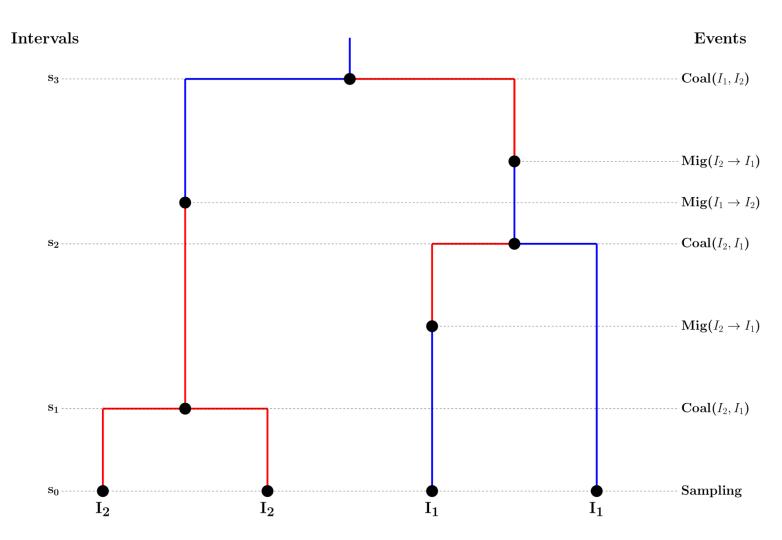
El Coalescent requiere un modelo demográfico, especificado por  $N_{\rm e}(t)$ . Tenemos 2 tipos de modelos:

- Paramétricos: Se usa una definición especifica e.g. constant, exponential, logistic.
   Por ejemplo, N<sub>e</sub>(t) = e<sup>rt</sup>.
- No-paramétricos: Los mas comunes son los denominados modelos Skyline, donde se infieren parámetros por partes (piecewise constants). No nos atamos a ningún modelo demográfico y podemos considerar data de varias generaciones.

# **Ejemplo: Modelo no-parametrico – Variante Alpha**



#### **Coalescente Estructurado**



El coalescente estructurado trabaja con poblaciones estructuradas.

Es util imaginar a los procesos epidemiologicos como **birth-death-migration** processes:

- Eventos de coalescencia corresponden a nacimientos / infeccion.
- Muertes corresponden a mortalidad o recuperacion.
- Eventos de migracion corresponden a individuos en transicion entre subpoblaciones / compartimientos en modelos tipo SIR.

Ademas, nos gustaria considerer modelos demograficos complejos (mas alla de SIR)

### Y, finalmente, PhyDyn

# Bayesian phylodynamic inference with complex models

Erik M. Volz ☑, Igor Siveroni

PLOS Computational Biology Nov 2018

**PhDyn** es un paquete de BEAST2.5 para realizar inferencia bayesiana filogenetica utlizando modelos con **poblacion estructurada y dinamica compleja**. PhyDyn permita estimar simultaneamente arboles filogeneticos y parametros epidemiologicos utilizando sequencias moleculares.

Modelos: Sistemas de ecuaciones diferenciales de primer orden (ODEs)

PhyDyn implementa el **coalescente estructurado** (Volz, 2012) para una gran variedad de procesos poblacionales (epidemias).

PhyDyn calcula el 'Coalescent Likelihood': actúa como PRIOR en el modelo análisis Bayesiano

#### PhyDyn – ODE examples

$$\dot{I}_0 = S(\beta_0 I_0 + \beta_1 I_1) - \gamma_0 I_0$$

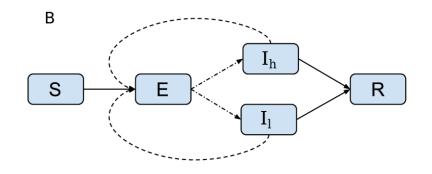
$$\dot{I}_1 = \gamma_0 I_0 - \gamma_1 I_1$$

$$\dot{S} = bS - S(\beta_0 I_0 + \beta_1 I_1)$$

$$F(t) = \begin{pmatrix} \beta_0 I_0(t)S & 0 \\ \beta_1 I_1(t)S & 0 \end{pmatrix}$$

$$G(t) = \begin{pmatrix} 0 & \gamma_0 I_0(t) \\ 0 & 0 \end{pmatrix} \quad \mu(t) = \begin{pmatrix} 0 \\ \gamma_1 I_1(t) \end{pmatrix}$$

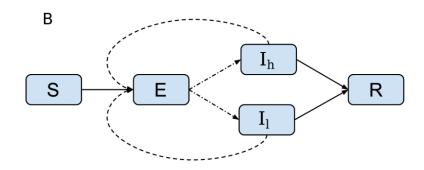
$$\begin{split} \dot{E} &= \beta(t)I_l(t) + \tau\beta(t)I_h(t) - (1-p_h)\gamma_0E(t) - p_h\gamma_0E(t) \\ \dot{I}_l &= (1-p_h)\gamma_0E(t) - \gamma_1I_l(t) \\ \dot{I}_h &= p_h\gamma_0E(t) - \gamma_1I_h(t) \end{split}$$

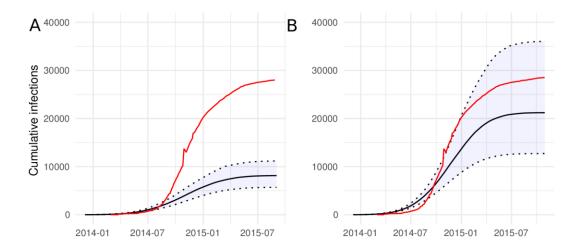


demes = 
$$\{E, I_l, I_h\}$$
  $\beta(t) = at + b$   $\mu(t)^{\mathrm{T}} = (0 \ I_l(t) \ I_h(t))$   

$$F(t) = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 0 \\ \beta(t)I_l(t) & 0 & 0 \\ \tau\beta(t)I_h(t) & 0 & 0 \end{pmatrix} G(t) = \begin{pmatrix} 0 & (1 - p_h)\gamma_0 E(t) & p_h\gamma_0 E(t) \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}$$

#### PhyDyn – Ebola virus in western Africa



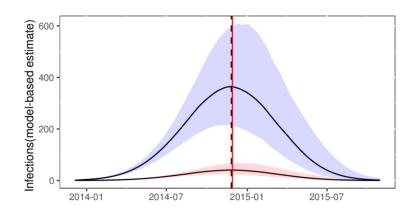


Numero de infecciones acumuladas estimadas utilizando un SEIR simple y SEI2R. Read line plots WHO reported cases

#### Superspreading SEIR: SEI2R

Modelo SEIR con dos demes. Deme  $I_h$  de alto riesgo.

Arbol de maxima credibilidad utilizando arboles generados por Dudas et.al



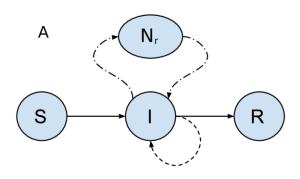
R0 = 1.52 [1.48 - 1.54]

Estimated peak: Nov. 25 2014

WHO peak: Nov 28 2014

10% genera 43-54% de nuevos casos

#### PhyDyn – Influenza Humana Estacional



Caso: Virus Influenza A (IAV) H3N2.

Estacion 2004-05.

Data: 102 HA-1 sequencias

recolectadas entre 2004 y 2005 en

el estado de NY.

**Modelo**: SIR simple + reservorio

global de IAV. Demes: I / Nr

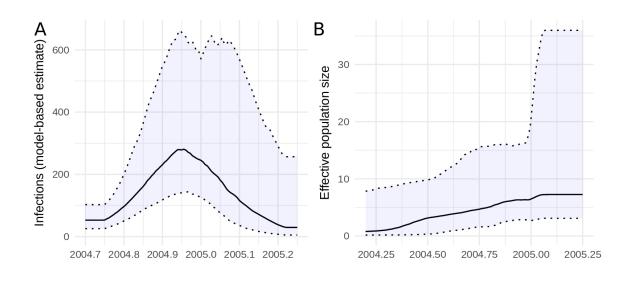


Tasa de Reproduccion Basica estimada

R0 = 1.16 [1.07 - 1.30]

R0 = 1.22 para 2004-05 NY epidemic

(Bettancourt et.al R0=1.22)



- (A) Numero de infecciones estimadas usando PhyDyn
- (B) Bayesian Skyline Plot convencional.

La fecha del pico de incidencia es correctamante indentificado: final del 2004

El BSP no detecta ni el pico ni la disminucion de prevalencia al final de la estacion.

Otro ejemplo: SARS-CoV-2

# Genetic evidence for the association between COVID-19 epidemic severity and timing of non-pharmaceutical interventions



#### Aplicación: SARS-CoV-2

**Pregunta**: Durante los primeros meses de la epidemia, ¿cual fue el efecto de las intervenciones no-farmaceuticas?

- Data (reporte de infecciones, muertes, seroprevalencia) insuficiente o imprecisa.
- Usar: ¡Información genética!
- Métodos:
  - Modelo SEIR2 + PhyDyn (BEAST): parámetros epidemiológicos e.g. R
  - Skygrowth (método filodinámico no-paramétrico):
  - Resolución de tiempos en arboles filogenético (BEAST + parsimony): tiempos de introducción por regiones
- Correcta reconstrucción de filogenias y parámetros epidemiológicos.
- Respuesta Corta: las intervenciones redujeron numero de casos.

#### Retos

- Inclusión de Metadata: Geográfica, Prevalence (occurrence metadata), etc.
- Model Selection, model adequacy
- Adaptive Evolution
- Eficiencia computacional: Por ejemplo, permitir la inclusión de nueva data durante la ejecución de las cadenas de Markov, permitiendo real-time phylodynamic surveillance.
- Bacterias: Considerar infección sin transmisión, recombination.

#### **Anuncios**

- BEAST 2:
  - Se esta trabajando en un nuevo release de BEAST 2 -> ¿BEAST 3? Lanzamiento: Mediados 2026
- PhyDyn: versión actualizada para nueva versión BEAST 3.
- Taming the BEAST Workshop.
   Plan: Organizar el workshop en Perú, luego del lanzamiento de BEAST 3.

# Gracias