Matemática

Equações

Introdução

Uma equação é uma sentença matemática que contém uma igualdade e pelo menos uma incógnita. O objetivo do estudo de equações é encontrar o valor da incógnita que torna a igualdade verdadeira. O entendimento de equações exige conhecimentos prévios sobre expressões numéricas.

Conceitos Básicos

Uma equação pode ser classificada quanto ao número de incógnitas que possui. Por exemplo:

Uma incógnita: 5t-9=165t - 9 = 165t-9=16
Duas incógnitas: 5x+6y=15x + 6y = 15x+6y=1
Três incógnitas: t4-8z=xt⁴ - 8z = xt4-8z=x

É importante considerar o conjunto universo da equação, que é o conjunto de todos os possíveis valores para a incógnita.

Exercícios

Básico:

1. Determine a solução da equação x+3=5x + 3 = 5x+3=5, sabendo que o conjunto universo é U=RU = \mathbb{R}\text{U=R}.

Médio: 2. Resolva a equação 2y-5=3y+12y - 5 = 3y + 12y-5=3y+1 para yyy, sabendo que o conjunto universo é U=RU = \mathbb{R}U=R.

Difícil: 3. Resolva a equação $x2-9=0x^2 - 9 = 0x2-9=0$ e indique as soluções, sabendo que o conjunto universo é U=RU = \mathbb{R}U=R.

Resultados

Básico: 1.

 $x+3=5 \Rightarrow x=5-3 \Rightarrow x=2x+3=5 \Rightarrow x=5-3 \Rightarrow x=2$

Portanto, $S=\{2\}S = \{2\}S=\{2\}$.

Médio: 2.

$$2y-5=3y+1 \Rightarrow 2y-3y=1+5 \Rightarrow -y=6 \Rightarrow y=-62y-5=3y+1 \land y=-62y-5=3y+1 \Rightarrow 2y-5=3y+1 \Rightarrow 2$$

Portanto, $S=\{-6\}S = \{-6\}S=\{-6\}$.

Difícil: 3.

$$x2-9=0 \Rightarrow x2=9 \Rightarrow x=3$$
 ou $x=-3x^2-9=0$ \implies $x^2=9$ \implies $x=3$ \text{ ou } $x=-3x^2-9=0 \Rightarrow x^2=9 \Rightarrow x=3$ ou $x=-3$

Portanto, $S=\{3,-3\}S = \{3,-3\}S=\{3,-3\}$.