Introdução a Grafos

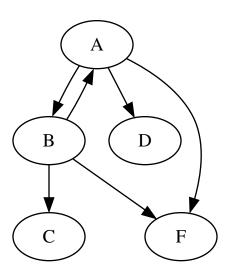
Algoritmos e Estruturas de Dados



Chuvas no Rio Grande do Sul em 2024

- Alguma área isolada?
- Como sair de sua casa até um destino?
- Qual o mínimo de intervenções necessárias para que todos pontos isolados sejam restaurados?

Como representar esse mapa?



Grafo

- $V = \{0 \dots N-1\}$ conjunto de vértices
- $ullet E = \{(v,w)|v,w\in V;v
 eq w\}$
 - o conjunto de arestas (*edges*)
 - \circ sai de v e chega em w

E o mapa?

Alguma área está isolada?

- 1. o que cada vértice do grafo representa?
- 2. qual relação entre vértices uma aresta representa?
- 3. essa relação tem direção ou é sempre simétrica?
- 4. essa relação tem pesos/preferências ou todas arestas são equivalentes?

Tipos de grafos

1. simetria:

- \circ não direcionado: $(i,j\in E\Leftrightarrow j,i\in E)$
- direcionado: associações podem ou não ser bi-direcionais

2. pesos:

- arestas são todas equivalente
- o cada aresta tem um número real associado a ela

Em alguns problema específicos podem ser permitidos loops $((i,i) \in E)$ ou mais de uma aresta por par de vértices. Isso **não deve ocorrer nos problemas desta disciplina**.

Outros exemplos

- dependência entre partes de produção
- traçar caminhos em um mapa
- conectar cidades com mínimo de ligações
- criação de agrupamentos ou equipes

Representação computacional

Representação formal:

- $V = \{0 \dots N-1\}$ conjunto de vértices
- $ullet E = \{(v,w)|v,w\in V;v
 eq w\}$

Como transformar em uma representação computacional eficiente?

Representação computacional

- ullet V pode ser representado só pelos números mesmo. Só preciso guardar $|V|=N_v$
- ullet pode ser representado como uma matriz A quadrada com N_v linhas e colunas

$$A_{i,j} = egin{cases} 1 ext{ se } i, j \in E \ 0 ext{ caso contrário} \end{cases}$$

Representação computacional (reflexão)

- quantas arestas chegam no vértice i?
- quantas arestas saem no vértice i?
- como é a matriz se o grafo for não direcionado?
- e se tiver pesos?

Atividade 1

Definições básicas e um problema simples de modelagem em grafos