Técnicas de Programação

Busca em vetores

Perguntas importantes

- 1. Como representar um algoritmo sem código?
- 2. Quantas operações esse algoritmo realiza?
- 3. Dado um algoritmo incorreto, como mostrar que ele está errado?

Algoritmos de busca

- busca sequencial
- busca binária

Em termos de número de operações, esses algoritmos são equivalentes?

Vamos sempre contar o número de operações no pior caso

Definições

Dado um array de tamanho n, seja

- f(n) o número de operações feitas pela busca sequencial no pior caso
- g(n) o número de operações feitas pela busca binária no pior caso

$$f(n) > 0, g(n) > 0 \quad \forall n > 0$$

Definições

Pergunta: Conforme n aumenta, f(n)

- 1. cresce mais rápido
- 2. de maneira equivalente
- 3. mais lentamente

que g(n)?

Definições II

Vamos usar limites pra isso!

$$\lim_{n o +\infty}rac{f(n)}{g(n)}$$

Qual o valor desse limite se f(n) for ____ que g(n)?

- 1. mais rápido?
- 2. equivalente?
- 3. mais lento?

Definições III

1. mais rápido:

$$\lim_{n o +\infty}rac{f(n)}{g(n)}=+\infty$$

2. equivalente

$$0<\lim_{n o +\infty}rac{f(n)}{g(n)}<+\infty$$

3. mais lento:

$$\lim_{n o +\infty}rac{f(n)}{g(n)}=0$$

Exercício

- 1. escrever juntos os algoritmos "oficiais" das buscas sequenciais e binária
- 2. Parte 1 do handout de hoje. (10-15 minutos)
- 3. Discussão na lousa

Notação O

Dada uma função g(n), dizemos que uma função f(n) é $\mathcal{O}(g(n))$ se e se somente se

1.
$$\lim_{n \to +\infty} \frac{f(n)}{g(n)} < +\infty$$

2.
$$f$$
 e g satisfazem $f(n)>0, g(n)>0, \quad \forall n>0$

Classes de algoritmos

- $\mathcal{O}(\log_2 n)$ dividem a entrada em duas partes e ignoram metade dela a cada iteração
- $\mathcal{O}(n)$ olham c vezes para cada elemento da entrada, com c constante
- $\mathcal{O}(n^2)$ loop duplo. Exemplo mais comum é olhar novamente para todo array a cada elemento.

Existem diferenças de tempo de execução entre algoritmos da mesma classe, mas essa diferença não depende do tamanho n da entrada. Para algoritmos de classes diferentes a diferença de tempo **aumenta** de maneira dependente de n.

Exercício

- 1. Parte 2 do handout
- 2. implementações dos algoritmos no PrarieLearn