Математички факултет у Београду

МАСТЕР РАД

Примена програмског језика Python у реализацији алгоритама за рангирање веб страница

Aymop: Игор ИлиЋ

Ментор: Проф. др Владимир Филиповић



Београд, 2016

Садржај

1	Увс	од
2	Про	ограмски језик Python
	$2.\overline{1}$	Карактеристике и историјат
		2.1.1 Програмски језици и програмирање
		2.1.2 Зашто Python?
		2.1.3 Историјат и начин коришћења
	2.2	Рачунање и променљиве
		2.2.1 Python као калкулатор
		2.2.2 Променљиве
	2.3	Типови података
		2.3.1 Ниске
		2.3.2 Листе
		2.3.3 Mane
		2.3.4 Уређене п-торке
	2.4	Услов
		2.4.1 Програмски блок
		2.4.2 Наредба if
		2.4.3 Наредба if-then-else
		2.4.4 Услови и комбиновање услова
	2.5	Петље
		2.5.1 Петља while
		2.5.2 Петља for
	2.6	Функције и модули
		2.6.1 Функције у Python-у
		2.6.2 Модули
	2.7	Класе и објекти
		2.7.1 Објектно-оријентисано програмирање
		2.7.2 Класе и објекти у Python-у
		2.7.3 Методи
		2.7.0 Методи
3	Пре	етрага Интернета и обрада хипервеза
	3.1^{-}	Проналажење информација
	3.2	Проналажење информација на вебу
	3.3	Процес веб претраживања
	3.4	Извлачење хипервезе
		3.4.1 Структура НТМL странице
		$3.4.2 \text{HTML} \stackrel{?}{<} \text{a} > \text{tag} \dots \qquad 23$
		3.4.3 Налажење првог хиперлинка
	3.5	Налажење свих хипервеза на страници
		3.5.1 Процедура трагања за следећом хипервезом
		3.5.2 Ако нема линкова?
		3.5.3 Све хипервезе
		r

4	Κpe	еирање	е "веб-паука"	25			
	4.1	Смеш	тање хипервеза у листу	25			
	4.2	Заври	иетак веб-паука	25			
		4.2.1	Завршни ко̂д	25			
		4.2.2	Ограничен број страна по свакој хипервези	26			
		4.2.3	Ограничена "дубина" претраживања	27			
5	Доб	Добијање одговора на задати упит					
	5.1	Одгов	ори на упите	28			
		5.1.1	Прављење индекса	29			
		5.1.2	Процедура за претраживање индекса	29			
		5.1.3	Градња индекс листе	29			
		5.1.4	Промена веб-паука да ради са индексом	30			
	5.2	Како	убрзати?	31			
		5.2.1	Хеш табела	32			
		5.2.2	Дефинисање хеш функције	33			
		5.2.3	Прављење празне хеш табеле	35			
		5.2.4	Налажење одговарајуће листе	35			
		5.2.5	Коришћење мапе уместо листе	36			
6	Ран	гирањ	е страница	38			
	6.1	Такми	гчење у популарности	38			
	6.2	Матри	ични облик	38			
	6.3	Израч	унавање вредности PageRank TM вектора	41			
	6.4	Ранги	рање веб страница у Python-у	41			
	6.5	Израч	унавање ранга странице	42			
7	Зак	Закључак 4					
8	Дод	цатак А	А : Завршни ко̂д	45			
9	Дод	іатак I	5: Резултати теста хеш-табела	49			
				54			
10	дод	цатак 1	3: Резултати теста рангирања страница	34			
11	Дод	цатак I	Г : Списак програмских ко̂дова употребљених у раду	57			
Лı	итер	атура		59			

1 Увод

Током развоја Интернета и поготово од настанка веба, повећавала се потреба за претраживањем страница које су биле постављене на Интернет. Са настанком веба и његовим ширењем та потреба се продубила због огромног броја информација које су преплавиле веб од настанка до данас. Највећи проблем са којим су се корисници Интернета, да се из мора информација издвоји она која је најподеснија за корисников упит. Овај рад покушаће да реши проблем претраживања веб страница, кроз реализацију алгоритма за рангирање веб страница у програмском језику Руthon. Такође, у току тог процеса, биће анализиран алгоритам за рангирање РадеRаnk™ ¹ и његове предности у односу на претраживање без примене датог алгоритма.

Рад ће бити подељен на неколико делова. У првом делу биће укратко објашњена синтакса и рад програмског језика Python. Обратиће се посебна пажња на основне елементе Python-а, као и на начин писања програма у њему. Такође, уз навођење једноставних примера, биће обрађени и типови података који се користе у Python-у, начин на који се уводе услови, петље, функције и модули, као и на који начин Python приступа класама и објектима.

После дела о програмском језику Python биће приложен део о претраживању Интернета и обради хипервеза. Биће приложен и пример како се из HTML ко̂да издвајају хипервезе, што ће чинити основу веб-паука.

Затим се описује реализација веб-паука, који скупља све хипервезе на веб страници и потом следи те хипервезе да би наставио свој процес унедоглед или до дубине претраживања који му се одреди.

После тога долази се до процесирања корисниковог упита и описује се како ће претраживач одговарати на упите. Поставља се питање да ли је процесирање могуће радити на бржи начин и предлаже се коришћење хеш табеле.

На крају, рад се бави питањем рангирања веб страница у процесу претраживања. Анализира се алгоритам $PageRank^{™}$ даје се могуће решење овог алгоритма у програмском језику Python.

После закључка, дати су и додаци који садрже комплетан ко̂д, затим поређење резултата приликом задавања модела претраживања са и без укљученог модула за рангирање страница. Такође, дат је списак програмских ко̂дова који су се појавили током писања овог рада, као и литература која је коришћена током писања рада.

У примерима који се налазе у мастер раду је коришћена верзија Python-a 2.7.6, мада би примери требали да раде и са новим верзијама. Примери су тестирани у програмском окружењу које чини едитор Vim, уз одговарајуће додатке [7], а у оквиру оперативног система Ubuntu Linux 14.04.

 $^{^{1}}$ PageRank™ алгоритам није јавно доступан, те ће се његова анализа свести на оно што јесте јавно доступно и на анализе других аутора, нпр. [14]

2 Програмски језик Python

2.1 Карактеристике и историјат

2.1.1 Програмски језици и програмирање

Програмирање подразумева активност *програмера* усмерена ка решавању конкретног проблема на рачунару. Проблем се обично решава конструкцијом *алгоритма* за решење проблема, а алгоритам се записује посредством програмског језика. Програмски језик има улогу да обезбеди конструкције и начине за израчунавање на рачунару. Организовано израчунавање обично називамо *програмом*.

Програмски језик је средство за писање програма и саопштавање програма рачунару. То је вештачки језик који првенствено служи за комуникацију између човека и рачунара, мада се понекад програмски језик користи и за комуникацију између људи.

До сада је направљено неколико хиљада програмских језика и потребно је да се на неки начин разврстају. Постоје разне класификације, зависно од критеријума класификације:

- степен зависности од рачунара
- време настанка и својства
- област примене
- начин решавања проблема

Тако по степену зависности од рачунара програмске језике можемо поделити на машински зависне (Асемблерски језици, Макро-језици, итд.) и машински независне програмске језике.

По областима примене програмске језике можемо поделити на оне за учење програмирања (Pascal, Basic, Logo, итд.), програмске језике за развој системског софтвера (C, Asembler, итд.), за пословну примену (COBOL, SQL, ...), за развој програма на интернету (Java, Java Script, Perl, итд.), за примену у математици, и друго.

Програмске језике делимо и по начину решавања проблема и то на процедуралне и непроцедуралне. Док би их по времену настанка и својствима поделили на језике I генерације (машински и асемблерски), II генерације (FORTRAN, COBOL, LISP, BASIC,...), III генерације (Pascal, C, PROLOG, Smalltalk, C++, Java, ...) и језике IV генерације (SQL, VisualBasic, сви језици унутар апликација).[17]

Може се поставити и питање *зашто* учити компјутерско програмирање? Програмирање развија креативност, логичко размишљање и способност решавања проблема. Програмер добија прилику да креира *нешто* из *ничега*, користи логику да претвори скупове речи у компјутерски програм и кад нешто не иде како треба на дело долази способност да се реши проблем и да се нађе и исправи грешка.

Програмирање је и забава. Понекад је то и захтевна (и с времена на време фрустрирајућа) активност, али где се те способности могу искористити како у школи и на послу, тако и у кући невезано за захтеве каријере и образовања.

2.1.2 Зашто Python?

Чињеница је да постоје на хиљаде програмских језика. Неки од њих су поменути у претходном делу. Шта то издваја програмски језик Python од других и зашто би се неко одлучио да програмира у Python-у, уместо, на пример, у Pascal-у?

Руthon је лак за учење, а уз то има заиста корисна својства за програмера почетника. Ко̂д је врло разумљив за читање, ако се упореди са осталим програмским језицима. Такође, постоје разни додаци (модули) који ће проширити Python на захтевани начин, тако да Python може да послужи за креирање једноставних анимација са додатком Turtle (инспирисан Turtle graphics, коришћеним у програмском језику Logo у шездесетим годинама прошлог века)[11]. Други модули служе да користимо Python као скрипт језик или као додатак разним комплекснијим језицима попут C/C++.

Надаље, Python може представљати сјајно оруђе за учење основних појмова програмирања, типова података, услова, петљи, за учење разних алгоритама(на пример сортирања), онда за имплементацију математичких формула и начина на који се те формуле могу програмирати (итеративно или рекурзивно, на пример за факторијел).

Важан фактор је такође и *доступност* Руthon-а, јер се интерпретатор може врло једноставно преузети са интернета и инсталирати на рачунару. Постоје и разне варијанте Руthon интерпретатора које се налазе на појединим веб страницама. Руthon може да ради на многобројним оперативним системима: Windows-y, Mac OS-y, Linux-y, па и на мобилним платформама iOS-y или на Android оперативном систему[6].

2.1.3 Историјат и начин коришћења

Програмски језик Python је настао почетком '90-их година прошлог века. Креирао га је Холанђанин Гвидо ван Росум (Guido van Rossum) и наставио да га развија до данашњег дана, наравно уз помоћ огромне заједнице програмера широм света. Данас је актуелна верзија 3.4. Гвидо је у свету познат под надимком BDFL, што је скраћеница за Доживотни Добронамерни Диктатор².

Руthon је добио име по култној британској хумористичкој серији у продукцији ВВС-а, "Летећи циркус Монти Пајтона" (Monthy Python's Flying Circus), коју су прославили легендарни глумци и комичари попут: Ерика Ајдла, Џона Клиза, Мајкла Пелина, Грејема Чепмена, режисера Терија Гилијама и других. Снимљена као алтернативни театар апсурда, серија је остала позната и у данашње време и до данас се памте и радо гледају скечеви попут "Министарства смешног ходања", "Најсмешнији виц на свету", итд.

Оно што је још остало је да се опише на који начин може да се користи Python на рачунару. Дакле, потребан је Python интерпретатор, који се може бесплатно преузети са званичне Python-ове веб презентације[6], као и неки од текст едитора и/или развојних окружења (нпр. Eclipse, PyCharm, Vim или било који текст едитор) помоћу кога ће се уносити ко̂д. Алтернативно може се преузети и инсталирати апликација IDLE (http://www.python.org/getit/), која омогућује да се програмира у Python-у на врло једноставан начин.

²Benevolent Dictator For Life

2.2 Рачунање и променљиве

У даљем тексту се претпоставља да је Python инсталиран на рачунару и апстрахује се начин на који се добија резултат на потенцијалном екрану или принтеру. Дакле, описује се искључиво програмски језик Python, његова синтакса, као и шта се све може да урадити помоћу њега.

2.2.1 Python као калкулатор

Руthon може да послужи и као обичан калкулатор[16, 15]. Ако је потребно да се изврше основне аритметичке операције: сабирање, одузимање, множење и дељење, треба користити адекватне симболе за дате операције (редом): +, -, *, /. Поставља се питање како се Руthon односи према разним типовима бројева. Бројеви у рачунарству се обично деле на целобројне и бројеве у покретном зарезу. За операције сабирања, одузимања и множења правило је врло једноставно: ако се ради са целим бројевима, добија се и целобројни резултат. Исто важи и за бројеве у покретном зарезу. Мало је другачији случај са дељењем. Ако се врши дељење целих бројева, количник ће бити дат као децимални број. Ако треба да се као резултат добије цео део количника, користи се симбол "//". На пример:

```
>>> 100 + 16
116
>>> 96.0 - 11
85.0
>>> 11.1 * 10
111.0
>>> 20/5
4.0
>>> 20 / 8
2.5
>>> 20 / 8
```

Ко̂д 1: Примери операција са бројевима

Могу се користити и друге математичке операције, као што су степеновање или се може направити програм за произвољну математичку функцију. Степеновање је другачије него што је то у осталим програмским језицима и обавља се помоћу симбола "**":

Ко̂д 2: Степеновање

Такође, Python омогућава и рачунање са комплексним бројевима у алгебарском облику, где се код комплексних бројева користи суфикс "ј" или "Ј" ако треба да се назначи имагинарни део тог комплексног броја. На пример:

>>>
$$(1+1j)*(2-1j)$$

 $(3+1j)$
>>> $1j ** 2$
 $(-1+0j)$

```
>>> 1 j * 1 J
(-1+0 j )
```

Ко̂д 3: Операције са комплексним бројевима

2.2.2 Променљиве

Променљивој се додељује одговарајућа вредност, која може бити бројчана или логичка (тачно или нетачно) или променљива може да реферише на вредност друге променљиве. Ако је ово последње случај, промена вредности једне променљиве, утиче и на вредност друге променљиве. У примеру који следи, наредбом:

$$>>>a = 1$$



Слика 1: а реферише на вредност 1

Променљива a има вредност 1. Може се рећи и да променљива реферише на вредност 1 која се налази негде у меморији.

Ако се истој променљивој додели нека друга вредност, на пример 2, онда ће она реферисати на број 2, док је број 1 напуштен.

$$>>>a = 2$$



Слика 2: а сада реферише на вредност 2

Потом може да се уведе нова променљива и да се подеси да реферише на променљиву a.

$$>>> b = a$$

Тада и једна и друга променљива реферишу на исту вредност. Ако би се једној од њих променила вредност, тада би друга реферисала на нову вредност.

Имена променљиве се по договору пишу свим малим или свим великим словима латинице, иако Python дозвољава све начине писања променљивих, осим што нису дозвољене кључне речи. Прави Пајтонисти[5] кажу да им је само име "променљива" неприкладно за оно што она



Слика 3: и а и вреферишу на исту вредност

ради у Python-у, те да би бољи избор био употребити речи: "имена", "објекти" или "везивања" (енгл., bindings).

Променљиве се могу користити и у рачунању. На пример:

```
>>> br_stanovnika = 9860000 \# br. stanovnika Srbije prema proceni iz 2010.
```

- >>> povrsina = 77474 # povrsina Srbije u kv. kilometrima
- >>> gustina_naseljenosti = br_stanovnika / povrsina
- >>> **print** (gustina naseljenosti)

127.26850298164545

Ко̂д 4: Пример коришћења променљивих

Дакле, могло би се рећи да програмски језик Python садржи функционалност моћног калкулатора који допушта и задавање одговарајуће вредности променљивима (именима) уз поштовање претходно наведеним правила.

2.3 Типови података

Осим бројева (целих, у покретном зарезу и других који нису обухваћени јер би иначе обим рада постао превише велики) и променљивих у Python-у постоје и типови података. То су:

- Ниске (енгл. strings)
- Уређене n-торке (енгл. tuples)
- Листе (енгл. *lists*)
- Мапе (енгл. dictionary)

Ови типови података могу бити мутабилни (променљиви) и немутабилни (непроменљиви). Тако су листе и речници мутабилни, док су уређене n-торке и ниске непроменљиви. То значи да се, на пример листа која је задата једној променљивој може трајно променити коришћењем наредби и поступака које ће касније бити описане, док рецимо уређене n-торке не могу да се мењају већ само може да се користи њихов садржај.

2.3.1 Ниске

Ниска је заправо текст, односно може се размишљати о нисци као секвенци слова. Тако сва слова, бројеви и специјални знаци из овог рада, могу чинити једну ниску. Да би се креирала ниска потребно је поставити низ знакова, тј текст у оквиру наводника. Ниска обично бива додељена некој променљивој.

```
>>> ovo_je_niska = "Hello World!"
```

Ко̂д 5: Креирање ниске

Наводници могу бити двоструки и једноструки, резултат ће остати исти. Ако постоји потреба да двоструки или једноструки наводници буду део ниске, ниска ће бити уоквирена једноструким или двоструким наводницима респективно:

```
>>> ovo_je_niska = "Hello World!"

>>> i_ovo_je_niska = 'Hello World!'

>>> i_ovo = 'Kako se kaze "String" na srpskom jeziku?'

>>> moze i ovo = "Python je nastao u '90-im godinama proslog veka"
```

Ко̀д 6: Примери креирања ниски

Приликом приказа на излаз, у ниску могу бити убачени разни динамички или статички подаци који представљају вредност променљиве. Таква радња се обавља помоћу знака %s у оквиру ниске:

```
>>> moj_prosek = 7.6

>>> poruka = 'Moj prosek je bio %s, a mogao je biti i bolji...'

>>> print (poruka % moj_prosek)

Moj prosek je bio 7.6, a mogao je biti i bolji...
```

Ко̀д 7: Убацивање података у ниску



Слика 4: редни бројеви карактера у ниски

Будући да је ниска заправо низ знакова, сваки знак има свој редни број у ниски. Први знак је на нултом месту, док се последњем знаку приступа са -1.

Сад кад је познато како се може приступити појединим знаковима у ниски, могу се набројати које операције са нискама имамо. Постоји више операција са нискама. Табела која следи приказује операције са нискама:

ОПЕРАЦИЈЕ СА НИСКАМА			
Операције	Објашњење	Пример	
+	спајање ниски - конкатенација	s + t	
*	множење, одн. мултипликација ниски	s * 3	
s[i]	враћа і-ти знак у ниски	s[-1]	
s[n:m]	враћа све знаке ниске између позиција n и m	s[2:4]	
len(s)	враћа целобројну дужину ниске	len("Hello!")	
str(n)	претвара број у ниску	str(23)	

Табела 1: Операције са нискама

Посебно је интересантна операција исецања ниске (енгл. *slice*), чиме се даје могућност да се од ниске исече и одвоји тачно онај део који је потребан.

2.3.2 Листе

Листа је мутабилна структура података, у којој се може сачувати секвенца произвољних елемената. Листу могу чинити бројеви, ниске или бројеви и ниске у једној листи. Листа може да садржи друге листе.

Листа се означава помоћу угластих заграда између којих се набрајају чланови листе, одвојени запетом. Ако између две угласте заграде нема ништа, ради се о празној листи. Листа се може мењати, могу се избацивати одговарајући чланови листе, може се променити садржај одговарајућих чланова, а листа се може и допунити новим члановима. Све ове особине чине листе врло корисним оруђем у програмирању.

```
>>> bitlsi = ['Pol', 'Dzordz', 'Ringo', 'Dzon']
>>> print(bitlsi)
['Pol', 'Dzordz', 'Ringo', 'Dzon']
```

Ко̂д 9: Креирање листе

```
>>> prazna_lista = []
>>> print(prazna_lista)
[]
```

Kôд 10: Креирање празне листе

Кад се креира листа под неким именом, онда то име (променљива) реферише на део меморије у који је уписана дата листа.

bitlsi →	Pol	Dzordz	Ringo	Dzon
DICISI	0	1	2	3

Слика 5: Креирање листе

Ако је потребно да се креира нова листа (на пример lista) и њој додели вредност листе bitlsi, тада ће и нова листа реферисати на исти меморијски простор. Ако изменимо садржај листе lista, аутоматски се мења и садржај листе bitlsi.

bitlsi →	Pol	Dzordz	Ringo	Dzon
DICISI ,	0	1	2	3
lista				

Слика 6: lista = bitlsi

На сликама 5 и 6, се може уочити да редни број чланова листе добија вредности на исти начин као и код ниски, дакле: први члан је под редним бројем 0, следећи је 1, итд. Ако је потребно обележити последњи члан листе, користи се редни број -1, претпоследњи је -2, итд.

На листе је могуће применити и исецање листи, на сличан начин како је описано при опису операција са нискама.

```
>>> bitlsi = ['Pol', 'Dzordz', 'Ringo', 'Dzon']
>>> print (bitlsi[0:2])
['Pol', 'Dzordz']
>>> print (bitlsi[1])
Dzordz
>>> print (bitlsi[-1])
Dzon
```

Ко̂д 11: Исецање листи

Оно што највише разликује листе од ниски је способност мутације. Листама се могу додавати или избацивати чланови, листе се могу сортирати. У наредној табели набројане су операције са листама.

ОПЕРАЦИЈЕ СА ЛИСТАМА			
Операције	Објашњење	Пример	
list[i]	враћа і-ти члан листе	bitlsi[0]	
list[m:n]	даје све чланове почев од m-тог па закључно са n-1	bitlsi[0:2]	
len(list)	враћа број чланова листе	len(bitlsi)	
+	спаја две листе	bitlsi + stonsi	
*	мултипликује садржај листе	bitlis * 2	
	МЕТОДЕ		
append	додаје нови члан листе на крај листе	bitlsi.append('Pete')	
insert	додаје нови члан на датом месту у листи	bitlsi.insert(1, 'Brian')	
index	враћа редни број датог члана	bitlsi.index('Pol')	
remove	брише дати члан листе	bitlsi.remove('Dzon')	
pop	враћа и брише последњи члан листе	bitlsi.pop()	
sort	сортира листу	bitlsi.sort()	

Табела 2: Операције и методе са листама

```
>>> bitlsi = ['Pol', 'Dzordz', 'Ringo', 'Dzon']
>>> bitlsi.append('Pit')
>>> print(bitlsi)
['Pol', 'Dzordz', 'Ringo', 'Dzon', 'Pit']
>>> bitlsi.remove('Pit')
>>> print(bitlsi)
['Pol', 'Dzordz', 'Ringo', 'Dzon']
>>> bitlsi.insert(1, 'Pit')
>>> print(bitlsi)
['Pol', 'Pit', 'Dzordz', 'Ringo', 'Dzon']
>>> bitlsi.pop()
'Dzon'
>>> print(bitlsi)
['Pol', 'Pit', 'Dzordz', 'Ringo']
>>> bitlsi.sort()
>>> print(bitlsi)
```

```
['Dzordz', 'Pit', 'Pol', 'Ringo']
```

Ко̂д 12: Мењање листе

Листе су моћно средство програмирања у Python-у, али потребно је бити опрезан кад се употребљавају одговарајуће методе, како се не би јавила грешка (нпр. покушај да се избаци елемент који не постоји у датој листи, доводи до грешке). Такође, треба бити опрезан и код мутирања листе, јер као што је показано ако две променљиве реферишу на исту листу, мењање једне, проузрукује и мењање друге.

2.3.3 Мапе

Мапе или речници (енгл. dictionaries) представљају колекцију елемената, слично као што је то случај и са листама. Разлика између мапа и листа је у томе што се код мапа уместо редних бројева чланова листа, користе парови кључева и њима одговарајућих вредности. Дакле, мапа је структура која се записује тако што се између витичастих заграда набрајају парови који чине један кључ и једна или више вредности везаних за тај кључ. Вредности могу бити бројеви, ниске, листе, уређене п-торке.

Код 13: Разлика између листе и мапе

Ако је потребно да се прикаже шта је Пол свирао, уколико су подаци о групи запамћени као листа, потребно је знати који је Пол редни број у листи, док код мапе редни број не постоји и вредностима се приступа помоћу кључа.

```
>>> print (bitl_map['Pol'])
['bas', 'vokal']
```

Ко̂д 14: Кључ и вредност

Ако је задатак да се утврди ко је све свирао гитару у Битлсима, потребно је испитати сваки елемент листе. Тај задатак ће бити решаван у поглављима која следе, када се буду обрађивале теме везане за петље и модуле.

Због природе мапа, мутација је прилично другачија у односу на листе. Да би се додао нови елемент, односно пар кључ-вредност, потребно је уз име мапе ставити нови кључ и доделити му вредност или изменити постојећу. Такође помоћу команде *del*, могуће је обрисати кључ, а тиме и вредност везану за њега.

```
>>> bitl_map['Pit']='bubanj'
>>> bitl_map['Dzordz']=['gitara', 'vokal'] # dodan je vokal Dzordzu
>>> del bitl_map['Pit']
```

Ко̂д 15: Мутација мапа

Могуће је креирати и празну мапу, једноставно се остави празан простор између две витичасте заграде.

```
>>> prazna_mapa = \{\}
```

Ко̀д 16: Креирање празне мапе

Методи и функције за рад са мапама су различити у односу на листе, јер не постоје, на пример *pop* и *append* методе који омогућавају мутацију, већ да би се мењала мапа потребно је знати који елемент се убацује, мења или избацује из дате мапе.

МЕТОДИ И ФУНКЦИЈЕ ЗА РАД СА МАПАМА		
Метода	Објашњење	
map[key]=value	Додељивање или мењање вредности кључа	
del map[kljuc]	Брисање кључа и вредности из мапе	
keys()	Метод којим се сви кључеви дате мапе враћају као листа	
values()	Метод којим се све вредности дате мапе враћају као листа	
items()	Метод који враћа листу уређених парова кључ, вредност	

Табела 3: Методе и функције за рад са мапама

2.3.4 Уређене п-торке

У Python-у постоји начин да подаци сместе у уређене n-торке, где $n \in \mathbb{N} \cup \{0\}$. Подаци се смештају између две заграде и раздвојени су зарезом. Python интерпретатору није потребно да их ставимо између заграда, док год су подаци раздвојени зарезом, већ ће он свако набрајање схватити као уређену n-торку, чак и ако нема заграде.

```
>>> fibo = (0, 1, 1, 2, 3)
>>> print (fibo)
(0, 1, 1, 2, 3)
>>> fibo1 =0, 1, 1, 2, 3  # uredjena n-torka bez zagrada
>>> print (fibo1)
(0, 1, 1, 2, 3)
>>> prazan = () # kreiranje prazne uredjene n-torke
>>> print (prazan)
()
>>> jedan_clan = (1,) # jednoclana uredjena n-torka mora imati
>>> print (jedan_clan) # zarez, iako ne postoji drugi broj
(1,)
```

Ко̂д 17: Креирање уређене n-торке

У уређеним n-торкама је могуће сместити вредности и других типова података, као што су бројеви и ниске. Такође, могуће је сместити и листе и друге уређене n-торке, док год се поштује горе наведена синтакса.

```
>>> niska = ('a', 'b')

>>> print (niska)

('a', 'b')

>>> lst = ([1, 2, 3], [1,2])

>>> print (lst)

([1, 2, 3], [1, 2])

>>> tapl = ((1,), (), (1, 2, 3))

>>> print (tapl)

((1,), (), (1, 2, 3))
```

Ко̂д 18: Уређене n-торке могу садржати и ниске и листе и друге уређене n-торке

Оно што највише разликује уређене n-торке од осталих типова података је да су они у потпуности непроменљиви. Када се креира уређена n-торка, могуће је искључиво користити њене вредности, док је немогуће мењати или додавати вредности уређених n-торки. Могуће је, уколико се за тим укаже потреба доћи до појединих чланова уређених n-торки, ако се зна њихов редни број, а могуће је исецати уређене n-торке, слично као код ниски.

2.4 Услов

У програмирању се често постављају "да" или "не" питања и доносе се одлуке шта урадити у односу на одговор. На пример, може се поставити питање: "Да ли студирате математику мање од 8 година?" и ако је одговор "Да", то се може протумачити као: "Ви сте сјајан студент!".

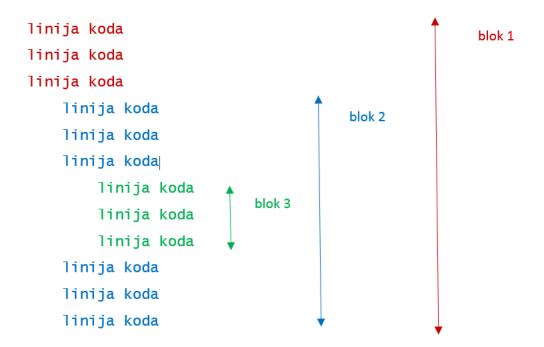
Често се комбинују услови(питања) и одговори у оквиру if наредбе. Услова може бити више у једном изразу и можемо их комбиновати.

Такође, у услову се може испититати да ли је или није неки елемент члан листе, уређене n-торке, ниске или мапе. За то се користе оператори *in* и *not in*. На пример: *if elem not in lista:*.

2.4.1 Програмски блок

Линије кода после двотачке морају бити постављене у блок, иначе их Python интерпретатор неће правилно протумачити. Да би блок био разумљив интерпретатору, блок мора бити увучен тачно четири (празна) знака³ у односу на линију која је захтевала програмски блок[4].

Линије кода се групишу у исти блок морају бити на истој удаљености од маргине⁴. Структура блокова у Python-у би могла да буде као на слици 7.



Слика 7: Пример програмских блокова у Python-y

2.4.2 Наредба if

Следи начин на који би се претходно питање, тј. услов, могао реализовати:

```
>>> godine_studiranja = 6
>>> if godine_studiranja < 8:
```

³Празни знаци се на енглеском називају белине(енгл. Whitespaces

⁴indent, енгл.

```
print('Vi ste sjajan student')
```

Ко̂д 19: Пример услова

2.4.3 Наредба if-then-else

Могуће је проширити дефиницију if наредбе како би, на пример у претдном примеру пронашло колико је ко година студирао. За такву структуру је потребна кључна реч else.

Укратко, ако је услов у *if* делу тачан, извршава се блок испод те линије, а ако није тачан, извршава се блок испод *else* линије ако та линија кода постоји. Ако не постоји, а услов није тачан, неће се ништа извршити, већ интепретатор наставља извршавање даљих линија ко̂да.

Ко̂д 20: Пример за наредбе IF - ELSE

2.4.4 Услови и комбиновање услова

Упоређивање две величине даје једну од две вредности: тачно или нетачно. Следећи оператори се користе за упоређивање:

Оператор	Дефиниција
==	једнако
!=	није једнако
>	веће од
<	мање од
>=	није мање од
<=	није веће од

Табела 4: Оператори упоређивања

На пример, ако је потребно проверити да ли нека особа има 20 година, користи се оператор једнакости: $if\ godine==20:$

Услови се комбинују коришћењем логичких оператора u и u.nu. Оператор конјункције је and, а дисјункције or. Тако да на пример можемо овако рећи: $if\ godine > 18\ and\ bodovi >= 50$: и слично.

2.5 Петље

Програмери не воле много да се понављају, штавише у Python-овом "правилнику" за писање ко̂да, PEP[4], постоји правило DRY, односно **Don't Repeat Yourself**⁵, но понекад је потребно да интерпретатор одређени блок поновљено извршава коначно много пута. Такав део програма се назива петља. Постоји више врста петљи у Python-у, овде ће бити описане две.

2.5.1 Петља while

Као што дословни превод са енглеског каже, $\partial o \kappa$ је одређени услов испуњен, исти кодни блок се врти у петљи. Ако услов није тачан, петља се прекида и извршавање програма се наставља иза петље. Услови петље се дефинишу на претходно описани начин. На пример:

```
>>>i=1
>>>while i <=10:
print(i)
i=i+1
```

Ко̂д 21: Пример while петље

Ако је потребно да се изађе из петље пре него што услов постане нетачан, користи се кључна реч *break*. У том случају петља се прекида и програм наставља даље да се извршава од прве наредбе која следи иза петље.

2.5.2 Петља for

Петља for се користи на сличан начин као и петља while, с тиме да се користе и кључне речи - range и in; range се наводи уколико постоји потреба да се петља дефинише на одређеном домету целобројних вредности. Петља for се користи и у ситуацијама кад је потребно пролазити кроз чланове листе, ниске или уређене n-торке. На пример:

```
>>>for i in range(1, 11):
    print(i) // stampaju se brojevi od 1 do 10
>>>for i in list:
    print(list[i]) //stampaju se elementi liste
```

Ко̂д 22: Примери *for* петље

И for и while петље се могу угњежђавати и то вишеструко са више петљи.

 $^{^{5}}$ енгл., не понављај се

2.6 Функције и модули

Ако се довољно често употребљава одређени кодни блок, који би могао поново да се искористи, онда је пожељно правити функцију. Организација ко̂да у којој се крупне целине деле на мање и смештају у функције је пожељна, јер омогућава бољу прегледност ко̂да, а тиме и лакше проналажење грешака. Такође, у том случају је могуће лакше да мењати ко̂д, прилагођавати га другим апликацијама, итд.

2.6.1 Функције у Python-у

Да би се употребила функција func, која има улазне параметре, на пример a_1, a_2, \ldots, a_n , она мора да се позове у ко̂ду са:

```
>> func (a1, a2, ..., an)
```

Дефинисање функције почиње са кључном речи def, иза које се наводи назив и параметри функције. Функција не мора имати параметре, а ако их има, онда их има коначно много. На крају реда се поставља специјални знак - двотачка, која у Python-у има улогу да упозори интерпретатор да иза ње следи кодни блок. У следећи ред ко̂да, увученом за 4 празна карактера, започиње кодни блок дате функције.

```
>>>def min(a, b):
    if a < b:
        return a
    else:
        return b
```

Ко̂д 23: Дефинисање функције

Да би функција вратила неку вредност потребно је да у дефиницији функције постоји кључна реч return после које се наводи вредност која ће бити резултат функције.

2.6.2 Модули

Модули служе за груписање функција, променљивих и других структура у веће и моћније програме. Неки модули су уграђени у сам Python: на пример, $tkinter^6$. Такође, постоји могућност учитавања модула које су други поставили на интернет, а који помажу лакшем и бржем писању жељеног ко̂да. Неки од познатијих таквих модула су PIL^7 (Python Imaging Library), Panda3D, итд.

Да би се користио модул, потребно је на почетку програма употребити кључну реч import, после које се наводи име модула. На пример: $import\ time$.

⁶tkinter служи за прављење игара у Python-у

 $^{^7}$ PIL више није актуелан од верзије Pythona 2.6. Наследник овог модула је PILLOW

2.7 Класе и објекти

Модеран програмски језик не може се замислити без подршке објектно-ориијентисаном програмирању⁸. Python, наравно, омогућава коришћење објектно-оријентисаног програмирања и даје му пуну подршку.

2.7.1 Објектно-оријентисано програмирање

Овај рад нема амбицију да се бави Објектно-оријентисаним програмињем(у даљем тексту: ООП). У даљем тексту ће се у краћим цртама навести значај, особине и предности ООП.

Појам Објектно-оријентисаног програмирања први пут се помиње почетком '70-их година прошлог века, приликом представљања програмског језика Smalltalk (први језик који је у себи имао елементе ООП је био Simula67). Касније се највише везује за програмски језик Јаva, да би се данас широко примењивао у програмирању.

Објектно-оријентисано програмирање је засновано на концепту објекта. *Објекти* су структуре података са придруженим скупом процедура и функција које се називају *методи* и служе за рад са подацима који припадају објекту. Уобичајено је да су методи једини начин за рад са објектима. Сваки објекат је примерак или инстанца неке *класе*. У класи се дефинише садржај објеката те класе и скуп метода који ће омогућити рад са објектима.

Готово у свим објектно-оријентисаним програмским језицима постоји *наслеђивање* као механизам за креирање нових класа из већ постојећих. На тај начин се добијају наткласе и поткласе.

Уобичајена је могућност у објектно-оријентисаном програмирању дефинисање и поткласа класе, која је у односу на своју супер-класу дете, док је супер-класа родитељ. Поткласа наслеђује све садржаје објеката класе и методе од наткласе. Типичан пример за овакав начин наслеђивања је класа Животиња, где можемо дефинисати поткласе Сисари, Инсекти, Птице, Рибе, итд. Такође, можемо дефинисати и класу Торбари, која ће бити поткласа Сисара и тај процес наслеђивања можемо продужити коначно много.

2.7.2 Класе и објекти у Python-у

Да би се креирала класа у Python-у, потребно је користити кључну реч *class*, после које се наводи име класе и евентуално класу наткласе, које је та класа наследила. На пример:

```
>>>class Zivotinje:
    pass
>>>class Sisari(Zivotinje):
    pass
```

Ко̂д 24: Дефинисање класа

Кључна реч *pass* значи да та класа не садржи никакве особине објеката нити методе.

Када постоји потреба за увођењем конкретног примерка класе, тј. објекта неке класе, тада је потребно само да навести име објекта и после знака једнакости навести класу и особине које припадају датом објекту, као у следећем примеру:

>>>class	Macke (Sisari):
pa	ss
	ОП

```
>>>tosa = Macke()
```

Ко̂д 25: Креирање објекта

У Python-у не постоје конструктори и деструктори као у неким другим објектно- оријентисаним програмским језицима. Довољно је навести име класе и инстанца је препозната код интерпретатора.

2.7.3 Методи

У класи је могуће креирати скуп функција. Такве функције се називају методима дате класе. Креирање метода се врши дефинисањем функције унутар класе.

Објекту се додељује метод, тако што се после имена објекта поставља тачка и наводи име метода са аргументима, набројаним унутар заграде. Метод не мора да има аргументе.

```
>>>class Macke(Sisari):
    def predenje():
        print('purrrrr')
>>>tosa.predenje()
>>>purrrrr
```

Ко̂д 26: Методи класе

3 Претрага Интернета и обрада хипервеза

3.1 Проналажење информација

Проналажење информација може се дефинисати као процес претраживања унутар неког документа и/или колекције докумената за потребном информацијом[14]. Кроз историју се проблем проналажења информација у документима почео решавати још у 5. веку п.н.е. у Античкој Грчкој, кад је први пут уведен садросај у неки од свитака папируса, пошто књиге у данашњем облику тада још нису постојале. У Старом Риму проблем су решавали етикетама налик на данашње Post-it налепнице. Све се, наравно, променило са проналаском штампарске машине, средином 15. века. Крајем 19.века почиње да се имплементира Дјуијев децимални систем⁹, каталог картица. У 20. веку долази до употребе технологије у претраживању докумената, па се тако појављују микрофилмови. У '60-им годинама прошлог века направљена је прва машина која је радила претрагу информација, а ради се о MARC¹⁰ рачунару. Данас се у традиционалном претраживању и проналажењу информација користи систем картица (на пример у библиотекама), али доминирају компјутерски помогнути системи. У овим последњим постоје три карактеристична модела за претраживање: буловски, векторски, модели вероватноће [14, Ch 1.2]. Постоји на хиљаде модела, али су сви настали као варијанте три горе наведена.

Буловски модел користи систем егзактног подударања да нађе документ који корисник захтева. Име је добио по Буловој алгебри, чије логичке операторе користи. Не постоји концепт парцијалног подударања што је велики проблем, ако је потребно да пронаћи документ, за који се не зна тачан назив. Проблеми претраживања информација, као што су проблем синонима и проблем вишезначности, овде се не могу избећи.

Векторски модел је увео Џералд Салтон, '60-их година прошлог века. Базира се на трансформацији текстуалних података у нумеричке векторе и матрице и примењује се матрична анализа за откривање повезаности кључних речи. Овакви модели решавају проблеме синонима и вишезначности. Резултати се могу презентовати сортирани према степену релевантности. [10]

Модели вероватноће покушавају да процене вероватноћу којом ће корисник наћи жељени документ у односу на упит. Резултати се могу поређати по изгледима релевантности. Треба истаћи да није једноставно имплементирати овакве моделе у рачунарско окружење. [10]

3.2 Проналажење информација на вебу

Када је у марту 1989. године британски инжењер Тим Бернерс-Ли послао предлог[2] да се унапреди информациони систем у CERN-у¹¹, није ни слутио у шта ће се претворити једноставна потреба за хипервезивањем основних података о запосленим у CERN-овом информационом систему[9]. Тим Бернерс-Ли је за потребе новог информационог система измислио нови језик који је назвао $Hypertext\ Markup\ Language$, одн. HTML.

Од прве веб странице из маја 1990. године до данас је прошло више од 20 година, а у овом тренутку постоји неколико милијарди веб страница. Јасна је мотивација која се од почетка јавила корисницима веба, а то је како наћи праву информацију. Веб је огроман, динамичан, самоорганизован и хиперповезан.[14, Ch 1.3.1] Свако може поставити веб страницу. Странице се мењају дневно, па чак и чешће. Нове странице се појављују сваки минут. То су реални

⁹Dewey, 1872. Сортирао је колекције према тематици, на пример, троцифреним бројевима који почињу са 1 је означавао филозофију, са 2 религију, итд. Тако да је, на пример, књига са идентификационим бројем 142 означавала књигу о филозофији.

¹⁰енгл., Machine Reading Catalog

¹¹Европска организација за нуклеарна истраживања (франц., Conseil Européen pour la Recherche Nucléaire)

проблеми веб претраживања, на које није могло да одговоро традиционално претраживање информација. Такође, корисници ретко погледају више од 10 до 20 докумената који су понуђени, што појачава потребу да резултати морају бити јако прецизни и брзо достављени кориснику.

Први Интернет претраживач је био Archie, направљен 1990. године, од стране канадског студента Алана Емтејџа. Примарни протокол је био ftp. Први робот који је аутоматски индексирао странице звао се World Wide Web Wanderer који је своје резултате стављао у прву базу хипервеза веб страница Wandex. До средине '90-их направљено је на хиљаде веб-паукова тј. робота који су складиштили информације са веба. На жалост, ти веб-паукови нису знали како да искористе те информације на добар начин. 1994. године појавио се Yahoo као збир неколико популарних страница и са директоријумом популарних страница. У том тренутку Yahoo се не може сматрати претраживачем. Али 1994. године се појављују два значајна веб-паука-а, WebCrawler и Lycos, чији се број сакупљених хипервеза мерио у десетинама милиона. У децембру 1995. године појављује се први прави веб претраживач AltaVista који је омогућавао примену логичких оператора. AltaVista је користила, из данашњег угла гледања врло лош алгоритам рангирања страница, који се заснивао на провери тзв. мета-података из заглавља НТМL документа и врло лако је могао да се злоупотреби и зато је пројекат пропао крајем 20. века. Са појавом Google-а, тј. његовог претраживача, веб претраживач AltaVista долази у озбиљне проблеме.

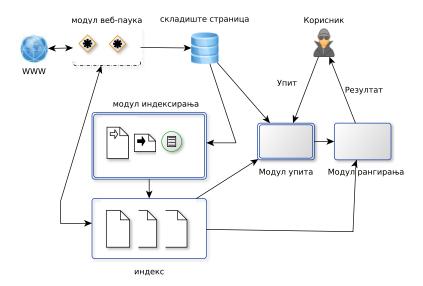
Два су кључна алгоритма за даљи развој веб претраживања: PageRank и HITS. Први је омогућио Гуглу да постане оно што данас јесте -најкоришћенији претраживач са највише индексираних страница, док је HITS дело Џона Клајнберга из IBM-а купљен од стране Teome, данашњег ask.com. Оба алгоритма су се јавила независно један од другог исте, 1998. године. Више о PageRank алгоритму у даљем делу рада.

3.3 Процес веб претраживања

Веб претраживач је веб апликација која ће претражити веб странице, извући све могуће хиперлинкове, рангирати их и на крају дати најбоље могуће решење за задату кључну реч. Апликација се састоји из више елемената:

- модул веб-паука
- модул индексизације
- индекс
 - индекс садржаја
 - индекс структуре
 - индекс за специјалне сврхе
- складиште страница
- модул упита
- модул рангирања

Процес се састоји од узајамног деловања претходно набројаних модула. Тако веб-паук скупља странице по вебу, целе странице одлаже у *складиште веб страница*, док хипервезе шаље у индекс, који их поставља уз кључне речи које добија из модула индексовања. Кад



Слика 8: Процес веб претраживања [14, Ch 1.3.2]

корисник пошаље упит, модул упита тражи од индекса скуп свих решења, која се кроз модул рангирања на крају постављају као резултати корисниковог упита. Модел процеса може се представити као што је то урађено на слици 8.

3.4 Извлачење хипервезе

У процесу реализације ко̂да веб претраживача, прво је потребно написати програм вебпаука, који ће претражити страницу и наћи прво један, па онда и све остале хипервезе. Да би се пронашла хипервеза, потребно је знати како изгледа веб страница.

3.4.1 Структура HTML странице

Веб страница је заправо само дугачак низ знакова који образују HTML ко̂д. Веб прегледач претвара ко̂д у изглед који се обично добија на екрану приликом избора неке странице. Да би се видео дати ко̂д који генерише веб страницу, зависно од веб прегледача који се користи (Internet Explorer, Firefox, Safari или Chrome, на пример), потребно је потражити опцију "View Page Source", "View Source" или слично.

Структура овог рада не омогућава претерано улажење у HTML, те ће се упрошћено навести како изгледа структура HTML ко̂да[8]. Дакле, структура веб стране је следећа:

- <html> таг;
- Заглавље, у којем се налазе подаци о наслову странице, аутору, разним мета подацима везаним за страницу и све то се налази између <head> и </head> ознака;
- Садржај странице, који се исписује између <body> и </body> ознака;
- затвара ce </html> ознаком

Интересантно за овај рад је како су означене хипервезе у том ко̂ду.

3.4.2 HTML $\langle a \rangle tag$

За веб-паука од највеће важности је пронаћи хипервезе ка другим веб страницама. Хипервезе у HTML ко̂ду се налазе унутар <a> ознаке. Наиме, хипервеза се задаје на следећи начин:

```
<a href="<url>">
<a href="http://www.matf.bg.ac.rs">
```

```
Ко̂д 27: <a> ознака
```

Дакле, да би се пронашла хипервеза унутар HTML ко̂да, потребно је прво пронаћи <a>ознака.

3.4.3 Налажење првог хиперлинка

Алгоритам за налажење прве хипервезе у HTML ко̂ду, почиње од налажења <a href=" дела, а сама хипервеза ће се наћи између знакова навода који следе после горе поменутог дела HTML тага. Следи ко̂д који то успешно ради:

```
1 # u promenljivoj page je smestena niska celog
2 # HTML koda internet stranice
3 page = '<sadrzaj veb stranice>'
4
5 # trazi se prvo pojavljivanje <a> oznake i
6 # smesta se u promenljivu start_link
7 start_link = page.find('<a href=')
8
9 # trazi se prvo pojavljivanje znaka navoda
10 start_quote = page.find('"', start_link)
11 # trazi se zatvaranje navodnika
12 end_quote = page.find('"', start_link+1)
13 # hiperveza je sve izmedju dva znaka navoda
14 url = page[start quote + 1 : end quote]</pre>
```

Ко̂д 28: Налажење првог хиперлинка

3.5 Налажење свих хипервеза на страници

Да би се пронашле и остале хипервезе потребно је да наставити са претходно описаним процесом тражења хипервезе. Ради тога, уводи се процедура која ће омогућити налажење следеће хипервезе.

3.5.1 Процедура трагања за следећом хипервезом

Да би се пронашла прва следећа хипервеза, односно да би се установило где ће бити почетак следеће хипервезе, потребно је пронаћи следећу <a> ознаку и тада поновити кôд за налажење прве хипервезе. Та процедура би требало да изгледа овако:

```
1 def get_next_target (page):
2     start link = page.find('<a href=')</pre>
```

```
start_quote = page.find('"', start_link)
end_quote = page.find('"', start_quote+1)
url = page[start_quote+1:end_quote]
return url, end quote
```

Ко̂д 29: Процедура налажења прве следеће хипервезе

Ова процедура враћа вредност хипервезе коју је пронашла, али и позицију завршног знака навода, како би се знало где је стала процедура и наставило са тражењем осталих хипервеза.

3.5.2 Ако нема линкова?

Потребно је решити проблем са горе поменутом процедуром у ситуацији да нема хипервеза у страници. Решење је да се постави услов, ако се не нађе почетак хипервезе, онда се враћа кључна реч None, која означава празну ниску.

```
1
  def get_next_target (page):
2
      start link = page.find('<a href=')
3
      if start link == -1:
4
           return None, 0
5
      start_quote = page.find('"', start_link)
      end quote = page.find('"', start quote+1)
6
7
      url = page[start quote+1:end quote]
8
      return url, end quote
```

Ко́д 30: Испитивање да ли страница садржи хипервезу

За испитивање у услову је коришћена вредност -1, јер Python враћа ту вредност ако не нађе задату ниску, тј. ако ниска не постоји.

3.5.3 Све хипервезе

Сад је могуће, користећи процедуру get_next_target(в. ко̂д 30), одштампати све хипервезе једне веб странице. Претпоставља се да је у променљивој *page*, смештен HTML ко̂д неке веб странице.

```
def print all pages (page):
1
2
       while True:
3
             url, endpos = get next target (page)
4
             if url:
5
                 print url
6
                 page = page [endpos:]
7
             else:
8
                 break
```

Ко̂д 31: Процедура штампања свих хипервеза

У претходном коду користи се "while True", пошто је потребно налазити нове хипервезе све док их има на страници, а ако их нема, наредбом break излази се из петље.

4 Креирање "веб-паука"

4.1 Смештање хипервеза у листу

Користећи претходно описано проналажење свих хипервеза(в. ко̂д 31), а за потребе креирања веб-паука, потребно је сакупити све хипервезе у неку колекцију, како би касније ти подаци могли бити даље процесуирани.

У наредном ко̂ду, све хипервезе ће бити скупљене у листу. Уместо листе, могуће је користити и друге структуре као на пример мапе, али такви примери ће бити реализовани касније у оквиру овог рада.

```
def get all links(page):
1
2
       links = []
3
        while True:
            url, endpos = get next target(page)
4
5
                 links.append(url)
6
7
                 page=page[endpos:]
8
            else:
9
                 break
10
       return links
```

Кор 32: Процедура смештања свих хиперлинкова у листу

У линији 4 се користе уређене n-торке, додељују се вредности променљивима **url** и **endpos**. Ако хипервеза постоји, биће додата у листу и траже се друге хипервезе почев од последњег знака наводника претходне хипервезе. Иначе, ако линк не постоји, петља се прекида и процедура враћа листу свих хипервеза са дате веб странице.

4.2 Завршетак веб-паука

Веб паук би требао да нађе све хипервезе на задатој веб страници и да их смести у листу. Даље, веб-паук наставља процес следећи пронађене хипервезе и на тим веб страницама ће налазити нове хипервезе. Да се процес тражења хипервеза не би више пута понављао на истим веб страницама потребно је користити две променљиве:

tocrawl у овој листи ће бити смештене странице које је потребно прегледати

crawled у овој листи ће бити смештене странице које су већ прегледане

4.2.1 Завршни код

Претпоставља се да су познате процедуре **get_next_target** и **get_all_pages**, чији ко̂д је наведен у претходним поглављима(в. ко̂дове 30, 31). Да би се ко̂д нове процедуре **crawl_web** учинио прегледнијим, биће уведена и процедура **union** која прави унију две листе. Процедура **get_page** узима хипервезу и враћа HTML ко̂д те стране. Ако се страница не може отворити из разних разлога и/или је дата веб страница празна, процедура враћа празну ниску.

```
1 def get_page(url):
2     try:
3     import urllib
```

```
4
            return urllib.urlopen(url).read()
5
       except:
            return ""
6
7
   def union(a, b):
8
9
       for e in b:
            if e not in p:
10
                p.append(e)
11
12
13
   def crawl web (seed):
        tocrawl = [seed]
14
15
        crawled = []
       while tocrawl:
16
            page = tocrawl.pop()
17
18
            if page not in crawled:
                union(tocrawl, get all links(get page(page)))
19
20
                crawled.append(page)
       return crawled
21
```

Ко̂д 33: Веб паук

Процедура прво поставља две листе, оно што је потребно претражити и ту поставља први елемент, иницијалну страницу. Друга променљива је она у коју се смештају странице које су већ претражене и она је иницијално празна. Кад се страница претражи, она се додаје у **crawled** листу да се не би више пута непотребно претраживала.

У линији 9 почиње петља, која ради док листа **tocrawl** има елемената. Кад листа више нема страница за скенирање, процедура враћа листу прегледаних страна. У петљи се скида последња хипервеза из **tocrawl** листе и на основу одговора после питања из услова да ли је та страница већ претражена, процедура је даље претражује или не. На крају хипервеза бива додата листи већ претражених страна.

4.2.2 Ограничен број страна по свакој хипервези

Уколико не постоји потреба за претраживањем свих веб страница на које упућују хипервезе које су прегледане у току процесу тражења свих хипервеза који је описан у претходном поглављу, већ је потребно прегледати само првих неколико страница, тада да је могуће одредити колико ће се веб страница претражити. У наредном примеру, вредност максималног броја прегледаних страница ће бити смештена у променљиву **max_pages**:

```
1
    def crawl web(seed, max pages):
 2
         tocrawl = [seed]
         crawled = []
 3
 4
         \operatorname{count} = 0 \ \# \ vrednost \ brojaca \ inicijalno \ na \ 0
         while tocrawl and count < max pages:
 5
 6
              page = tocrawl.pop()
 7
              if page not in crawled:
                   union(tocrawl, get_all_links(get_page(page)))
 8
9
                   crawled.append(page)
10
                   \operatorname{count} = \operatorname{count} + 1 \ \# \ iteracija \ brojaca \ posle \ svakog \ linka
```

11 **return** crawled

Ко̂д 34: Претраживање са ограниченим бројем страна

Дакле, петља se прекида ако је листа празна или ако је прекорачен максимални број хипервеза по страници.

4.2.3 Ограничена "дубина" претраживања

Ефикаснији начин ограничавања рада веб-паука да не претражује све странице је да се постави одговарајућа дубина претраживања. Дубина ће у наредном примеру бити одређена променљивом **max depth**.

```
def crawl web (seed, max depth):
1
2
        tocrawl = [seed, 0] \# postavlja se 0 kao pocetna dubina
3
       crawled = []
       while tocrawl:
4
5
            layer = tocrawl.pop()
6
            depth = layer[1]
7
            if depth \leq max depth:
                for url in layer [0]:
8
9
                    if url not in crawled:
10
                      union(tocrawl, [get all links(get page(url)), depth+1])
                      \# \ dubina \ se \ povecala \ za \ 1
11
12
                      crawled.append(url)
13
       return crawled
```

Ко̂д 35: Скенирање ограничено по дубини

За потребе оваквог ограничавања, измењена је листа **tocrawl**, у којој сада постоји пар елемената: страница и број. Број се повећава кад се прегледају све хипервезе са одређене странице и пређе на нову страну. Тако се ограничава веб-паук да после одређеног броја прегледаних страница заустави свој рад.

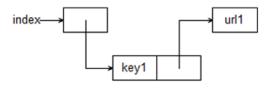
5 Добијање одговора на задати упит

5.1 Одговори на упите

Претраживач би имао мало или нимало смисла ако корисник не би могао да уноси кључне речи за претраживање и да на основу њих добије одговарајуће хипервезе. Зато је поред хипервеза потребно имати и кључне речи које се помињу на тим странама.

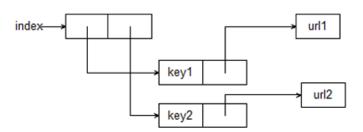
Према раније описаној схеми веб претраживања, потребно је да се направи листа (или мапа, што ће бити описано у каснијем току овог рада) **index**, која би се састојала од листи, које би опет имале једно поље за кључну реч и остала поља за хипервезе где се помиње та реч.

Дакле, прво се креира листа која садржи листу. Кључна реч ће бити у нултом пољу те листе, а у осталим ће постојати хипервезе везане за ту кључну реч (види слику 9).



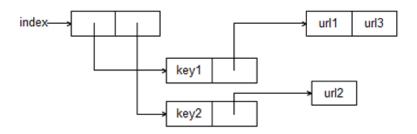
Слика 9: Креирање првог поља у индексу

После иницијалног дела могуће је даље додавати нове листе у индекс, где је почетно поље такође кључна реч (слика 10).



Слика 10: Следећа кључна реч и њена хипервеза

Међутим, могуће је да постоји више хипервеза који су везани за исту кључну реч. У том случају, додаје се ново поље листи у којој је та кључна реч (слика 11).



Слика 11: Два хиперлинка са истом кључном речју

За прављење и коришћење индекса, потребне су три процедуре:

add to index - процедура која додаје кључну реч и хипервезу у индекс;

lookup - враћа листу свих хипервеза на основу кључне речи;

add page to index - садржај странице (HTML ко̂д) раставља на кључне речи и убацује их у индекс.

У наредним поглављима биће размотрени ко̂дови поменутих процедура.

5.1.1 Прављење индекса

Процедура додавања кључних речи и хипервеза у индекс, узима три податка: index (листа) и две ниске - кључну реч (keyword) и хипервезу(url).

```
1  def add_to_index(index, keyword, url):
2    for entry in index:
3        if entry[0]==keyword:
4             entry[1].append(url)
5             return # ne vraca se nista, samo se menja index
6    index.append([keyword, [url]])
```

Kôд 36: Процедура add to index

Ова процедура прелистава индекс и ако наиђе кључна реч која постоји у индексу, онда само додаје нову хипервезу у листу хипервеза, а ако кључна реч не постоји у индексу, додаје нову листу у индекс, са једном хипервезом.

5.1.2 Процедура за претраживање индекса

Процедура тражења узима два податка: index (листа) и кључну реч (ниска).

Ко̂д 37: Процедура lookup

Процедура прво прави привремену листу и претражује индекс, тражећи кључну реч. Када је нађе, онда сваку хипервезу везану за ту кључну реч, поставља у привремену листу и њу враћа као резултат.

5.1.3 Градња индекс листе

Сад кад је позната процедура add_to_index, могуће је дати ко̂д процедуре add_page_to_index, која има три аргумента: индекс листу, хипервезу као ниску и садржај странице такође као ниску. Ова процедура служи за прављење индекса.

```
1 def add_page_to_index(index, url, content):
2     for entry in content.split():
3         add_to_index(index, entry, url)
```

Kôд 38: Процедура add page to index

Процедура читав садржај странице раставља на речи (празан карактер је подразумевана вредност за сепаратор) и онда се сваку реч додаје у индекс заједно са хипервезом.

5.1.4 Промена веб-паука да ради са индексом

Пошто су наведене ове три кључне процедуре ко̂д измењеног веб-паука тако да ради са индексом.

```
def get page(url):
 1
 2
        \mathbf{try}:
3
            import urllib
 4
            return urllib.urlopen(url).read()
 5
        except:
            return ""
6
 7
   def union(a, b):
        for e in b:
8
9
            if e not in a:
10
                  a.append(e)
   def get next target(page):
11
12
        start link = page.find('<a href=')
        if start link == -1:
13
14
            return None, 0
        start_quote = page.find('"', start_link)
15
        end_quote = page.find(', ', start_quote + 1)
16
17
        url = page[star quote + 1: end quote]
18
        return url, end quote
   def get all pages (page):
19
20
        while True:
21
            links = []
22
            url, endpos = get next target(page)
23
            if url:
24
                links.append(url)
                page = page [endpos:]
25
26
            else:
27
                break
28
        return links
29
30
   # kreiranje indexa
31
32
   def add to index(index, keyword, url):
33
        for entry in index:
            if entry [0] == keyword:
34
35
                entry [1]. append (url)
```

```
36
                return
37
       index.append([keyword, [url]])
38
   def add page index(index, url, content):
39
       for entry in content.split():
            add to index (index, entry, url)
40
41
42
   \# q lavna funkcija
43
44
   def crawl web (seed):
45
       tocrawl = [seed]
46
       crawled = []
       index = [] # inicijalizacija indexa
47
       while tocrawl:
48
49
            page = tocrawl.pop()
            if page not in crawled:
50
                content = get_page(page)
51
52
                add page to index(index, page, content)
                union(tocrawl, get all pages(content))
53
54
                crawled.append(page)
55
       return crawled
```

Ко̂д 39: Веб-паук који ради са индексом

Ако се овом ко̂ду придода и ко̂д процедуре *lookup*, онда се добијају резултати у облику листе свих хипервеза које одговарају траженој кључној речи. Следи дата процедура која ради са индексом:

Ко̂д 40: Процедура lookup која ради са индексом

Већ сад је могуће добити све хипервезе у односу на тражену кључну реч. За резултате погледати поглавље 9.

5.2 Како убрзати?

У претходним поглављима овог рада је изграђен систем који може да одговори на упите, тако што ће проверити једну кључну реч из индекса у једном тренутку. Претраживач ће преко **lookup** процедуре проверити да ли у индексу постоји кључна реч која је постављена у упит и онда на основу тога дати одговарајући резултат.

Ипак, са великим индексом и већим бројем упита, овакав систем ће се испоставити као *спор*. Типични претраживач би требало да одговори на упите за мање од секунде, ако не и много брже. Закључак је да претраживач мора да ради брже са великим индексом.

Поставља се питање шта је потребно да би неки програм боље радио, одн. узимао што мање ресурса, а у исто време што брже достављао тражене резултате. Наравно, при томе не сме да се доведе у питање тачност и квалитет рада. Када програми постану велики, потребно је водити рачуна о томе колико "коштају" када их покренемо. Евалуација трошкова једног програма приликом његовог рада, је веома важна и представља један од највећих проблема у рачунарству. Поступак евалуације се назива *анализа алгоритма*¹²

Цена алгоритма зависи од улаза. Цена се касније испоставља у већој потрошњи ресурса рачунара. Претпоставимо да имамо два различита алгоритма Алго1 и Алго2, који успешно решавају исти проблем:

- ullet Улаз \longrightarrow Алго $1\longrightarrow$ Резултат
- ullet Улаз \longrightarrow Алго $2\longrightarrow$ Резултат

Није могуће поставити фиксну цену и рећи конкретну суму колико коштају сваки од ова два алгоритма. За неке улазе, Алго1 ће бити јефтинији него Алго2, али за друге улазе, ситуација ће бити другачија. Другим речима, потребно је предвидети цену, а да се не анализира алгоритам за сваки улаз.

Количина улазних података је главни фактор који утиче на брзину алгоритма, одн. цена извршења програма је директно пропорционална односа између повећања улазних података и повећања времена које је потребно да се изврши програм.

Дакле, потребно је знати која је цена (време, меморија) извршења једног програма у зависности од количине улазних података. Такође, потребно је посебно анализирати најгору могућу ситуацију приликом процеса претраживања. Са **lookup** процедуром и индексом чији ко̂д је наведен у претходном поглављу, најгори случај би био ако се кључна реч која се тражи у упиту налази на крају индекс листе. Тако да, независно од количине улазних података (индекс), не може се са сигурношћу предвидедти колико ће времена требати док се добије резултат, јер кључна реч може да се нађе одмах на почетку листе, где би се резултат добио готово одмах, али може и да се нађе на крају индекс листе, где је потребно претражити све елементе листе.

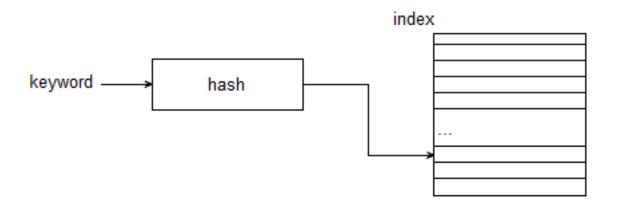
5.2.1 Хеш табела

Уколико редослед елемената није битан, може се користити колекција која обезбеђује много бржи приступ елементима. Таква структура се назива хеш табела. Она организује елементе по сопственом редоследу. Наиме, сваки елемент добија свој број, хеш-ко̂д, који не зависи од осталих елемената. Битно је да се хеш-ко̂д брзо израчуна и да то израчунавање зависи само од елемента који се смешта у хеш табелу.

Хеш табела се реализује као низ листи (или мапа). За проналажење и смештање елемента у хеш табелу израчунава се хеш-ко̂д. Резултат је индекс члана у низу, тј. индекс листе у коју ће бити смештен или која садржи дати елемент. Ако нема других елемената у тој листи, онда се елемент смешта на прво место у датој листи. Ако дође до тзв. колизије, тј. ако већ постоји елемент и/или више елемената у тој листи, тада се нови елемент пореди са осталима из дате листе и ако га већ нема у листи, додаје се на крај листе.

Дакле, ако постоје k кључних речи и b листа у хеш табели, потребно је имати одговарајућу процедуру која ће смештати кључну реч у одговарајућу листу.

 $^{^{12}}$ Под алгоритмом подразумевамо било коју добро дефинисану процедуру која узима неку вредност или скуп вредности као yлаз и као резултат даје неку вредност или скуп вредности као yлаз.[12]



Слика 12: Хеш табела

5.2.2 Дефинисање хеш функције

Претпоставимо да имамо b листи у хеш табели. Хеш функција треба да узме као улазне податке кључну реч и број листи, а да као излаз да вредност између 0 и b-1 (слика 14).

Најједноставније решење би било да функција узима прво слово кључне речи, налази $ASCII^{13}$ кодни број карактера који је прво слово кључне речи, затим дели тај број по модулу b (где је b број листи хеш табеле) и резултат тог дељења даје индексни број листе у коју ће кључна реч бити смештена.

```
1 def bad_hash_string (keyword, buckets):
2 return ord(keyword[0]%buckets)
```

Ко̂д 41: Лоша хеш функција

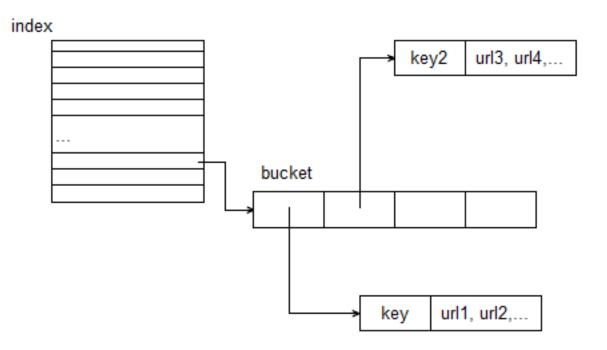
Да би се анализирало да ли је ово добар начин да се равномерно поделе кључне речи по листама у табели, потребно је тестирати ову функцију. Следећа функција ће послужити да би се видела расподела елемената по листама хеш табеле:

```
def test hash function(func, keys, size):
1
2
     results = [0] * size
3
     keys used = []
     for w in keys:
4
5
          if w not in keys used:
6
              hv = func(w, size)
7
              results[hv] += 1
8
              keys used.append(w)
9
     return results
```

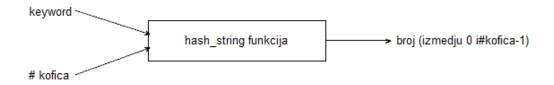
Ко̂д 42: Тестирање хеш функције

Ова функција ће узети као улазне податке саму хеш функцију, кључне речи (као листу ниски) и број листи хеш табеле. Резултат који се добија није најбољи:

¹³скраћеница од "Амерички стандардни код за размену података" (енгл. American Standard Code for Information Interchange) је кодни распоред заснован на латиничном писму које се користи у енглеском језику. Сваки карактер добија одговарајући број. На пример. "а" има број 98, "А" 67, "6" 99, итд.



Слика 13: Смештање елемената у листу хеш табеле



Слика 14: Hash функција

```
 \begin{array}{l} {\rm counts} \, = \, {\rm test\_hash\_function} \, (\, {\rm bad\_hash\_string} \, , \, \, {\rm words} \, , \, \, 12) \\ \# \, \, rezultat \, \, testiranja \, \, se \, \, smesta \, \, u \, \, promenljivu \, \, counts \\ \end{array}
```

print counts

[725, 1509, 1066, 1622, 1764, 834, 1457, 2065, 1398, 750, 1045, 935]

Ко̂д 43: Резултат тестирања лоше hash функције

Као што се види, у једној листи је 725 речи, а у другој преко 2000. То није добро, јер је циљ распоредити речи што уједначеније, а тиме и убрзати процес тражења кључних речи у хеш табели.

Бољи начин прављења хеш функције био би да се зависно од кључне речи, саберу ASCII ко̂дови свих знакова у тој речи, затим се тај збир подели по модулу броја листи хеш табеле и резултат дељења ће бити индексни број листе у коју се смешта кључна реч.

1 **def** hash_string(keyword, buckets):

Ко̂д 44: Боља хеш функција

Ако се тестира нова хеш функција за исте улазне вредности, резултати ће бити нешто бољи:

Ко̂д 45: Тестирање боље хеш функције

Очигледно је расподела боља, мада свакако није идеална. Најмање попуњена листа има 1217 речи, а највише преко 1360. Тражење идеалне расподеле је предмет шире расправе (погледати [13, поглавље 6.4] [12, поглавље 3] или [1] и сл.), тако да ће за потребе овог рада, бити усвојена ова функција као пример добре расподеле.

5.2.3 Прављење празне хеш табеле

Ако је познат број листа хеш табеле, потребно је прво направити празну хеш табелу у коју ће се касније смештати подаци. Питање је какву структуру одабрати за ову табелу. Следи ко̂д који прави празну хеш табелу од n листи.

```
1  def make_hashtable(n):
2          i = 0
3          table = []
4          while i < n:
5                table.append([])
6          i = i + 1
7          return table</pre>
```

Ко̂д 46: Празна хеш табела

5.2.4 Налажење одговарајуће листе

Ако је потребно сместити податке у листе хеш табеле, онда мора бити познат индексни број листе у коју ће се сместити податак. Такође, кад се укаже потреба за претраживањем података, опет мора бити познат индексни број листе у којој се налази тражени елемент. Дакле, потребне су две процедуре, нпр. add и lookup, прва која ће да додаје елементе у хеш табелу, а друга која ће да тражи одговарајући податак у табели. Претпоставимо да већ постоје функције hash_string(видети ко̂д 44) и make_hashtable(видети ко̂д 46) које су раније наведене.

```
1 # pomocna funkcija: vraca indeksni broj liste u odnosu na keyword
2 def hashtable_get_bucket(htable, keyword):
3     return htable[hash_string(keyword, len(htable))]
4
5
6 # funkcija dodavanja u tabelu
```

```
def hashtable add(htable, key, value):
8
       return hashtable get bucket(htable, key).append([key, value])
9
10
   \# funkcija trazenja
11
12
   def hashtable lookup (htable, key):
        bucket = hashtable get bucket(htable, key)
13
14
       for i in bucket:
15
            if i[0] = \text{key}:
16
                return i [1]
17
       return None
```

Kôд 47: add и lookup функције

На почетку наведеног ко̂да је дата помоћна функција *hashtable_get_bucket* јер се употребљава у обе тражене функције за исту сврху - враћање индексног броја листе за одговарајућу кључну реч.

5.2.5 Коришћење мапе уместо листе

Уместо листе за прављење хеш табеле, могуће је користити мапе (погледати под 2.3.3). Да би се имплементирала таква структура, потребно је преправити претходно наведене процедуре: crawl_web, add_to_index и lookup, тако да могу да раде са мапама, а не са листама. Предност мапа у односу на листе је прегледност и бржи рад. Тако да би алгоритам могао да буде реализован на следећи начин:

```
1
   def get page(url):
2
       try:
3
            import urllib
4
            return urllib.urlopen(url).read()
5
       except:
6
            return ""
7
8
   \mathbf{def} union (p,q):
       for e in q:
9
10
            if e not in p:
                p.append(e)
11
12
13
   def get next target(page):
        start link = page.find('<a href=')
14
15
        if start link == -1:
            return None, 0
16
17
       start_quote = page.find('"', start_link)
       end quote = page.find('"', start quote + 1)
18
19
        url = page[start_quote + 1:end_quote]
20
       return url, end quote
21
22
   def get all pages (page):
23
        while True:
```

```
24
            links = []
25
            url, endpos = get next target(page)
26
            if url:
27
                 links.append(url)
28
                page = page [endpos:]
29
            else:
30
                break
31
       return links
32
   \# index
33
34
   def add to index (index, keyword, url):
35
        if keyword in index:
            index [keyword].append(url)
36
37
        else:
38
            index [keyword] = [url]
39
40
   def add page to index(index, url, content):
        for entry in content.split():
41
42
            add to index (index, entry, url)
43
44
   \# lookup
45
   def lookup (index, keyword):
46
        if keyword in index:
            return index [keyword]
47
48
        else:
49
            return None
50
51
   def crawl web(seed):
52
53
        tocrawl = [seed]
54
       crawled = []
       index = \{\} \#inicijalizacija mape
55
       while tocrawl:
56
57
            page = tocrawl.pop()
58
            if page not in crawled:
                 content = get page(page)
59
                 add page to index (index, page, content)
60
                 union(tocrawl, get all pages(content))
61
62
                 crawled.append(page)
63
       return crawled
```

Ко̂д 48: Мапа уместо листе

Уколико се упореди брзина рада веб-паука који ради са хеш-табелама са листама и са мапама, долази се до закључка да веб-паук који ради са мапама много брже похрањује податке у хеш табелу. На пример, ако се узме ограничење од 10, 20 или 50 веб страна и упореди рад веб-паука са мапама и листама добијају се следећи резултати (погледати 9):

6 Рангирање страница

Пошто је завршен ко̂д $crawl_web$ процедуре и када постоји веб-паук који може на задовољавајући начин да скенира странице, смешта линкове у индекс или хеш табелу и да даје резултате у односу на постављене упите, следећи корак је рангирање страница. Рангирање страница је и најзахтевнији део веб претраживача. На почетку поглавља је поменут алгоритам за рангирање страница $PageRank^{TM}$, који је срце Гугловог претраживача. У оквиру овог рада реализоваће се алгоритам сличан $PageRank^{TM}$ алгоритму у Python програмском језику.

6.1 Такмичење у популарности

Поставља се питање: ко је популаран? Шта је популарност? Ако Ана има највише пријатеља да ли је она најпопуларнија? У школи, на пример, није најважније имати пуно пријатеља, поготово ако су ти пријатељи особе које немају много пријатеља. Важно је и да пријатељи буду популарни. Такође, треба имати у виду и да особа која има јако пуно пријатеља то пријатељство баш и не цени, те тиме и популарност опада.

Теза оснивача Гугла, Брина и Пејџа, каже[14, Ch 4]

Страница је важна ако се на њу показује са других важних страница.

Прва верзија формуле за израчунавање популарности у PageRank алгоритму је сличила следећем:

$$rank(P_i) = \sum_{P_j \in B_{P_i}} \frac{rank(P_j)}{|P_j|} \tag{1}$$

где је P_i i-та страница, B_{P_j} скуп страна које показују на P_j , $|P_j|$ број излазних линкова од P_j . Проблем са формулом 1 је у томе што не може да се одреди број P_j , одн. број линкова од P_j ка P_i . Проблем је решен коришћењем итеративне методе. Дакле, у почетку све странице имају ранг $\frac{1}{n}$, где је n, број страница у Гугловом индексу. Тако да се сада рачуна сваки $rank(P_i)$ за сваку страницу P_i из индекса и онда само треба одредити после колико итерација k ће $rank_{k+1}(P_i)$ бити довољно прецизан. Тако да формула гласи[14, Ch 4.1]

$$rank_{k+1}(P_i) = \sum_{P_j \in B_{P_i}} \frac{rank_k(P_j)}{|P_j|} \tag{2}$$

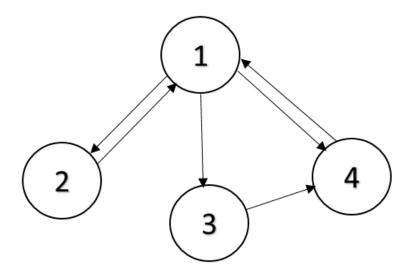
где је $rank_0(P_i) = \frac{1}{n}$ за сваку страницу из индекса.

На пример, ако се претпостави да постоји овакав оријентисан граф на слици 15, који представља модел четири веб странице, где су хипервезе представљане уређеним везама.

Израчунавање ранга у две итерације је представљано у табели 5.

6.2 Матрични облик

Аутори PageRank-а су заменили суму вектором и од вектора направили матрични модел. Нека је H матрица димензија $m \times n$, таква да је $H_{ij} = \frac{1}{|P_i|}$, ако постоји линк од i ка j или 0 у



Слика 15: Оријентисани граф модела четири веб странице

итерација 0	итерација 1	итерација 1 PageRank	
$rank(1) = \frac{1}{4}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{5}{12}$	I
$rank(2) = \frac{1}{4}$	$\frac{1}{12}$	$\frac{1}{6}$	III
$rank(3) = \frac{1}{4}$	$\frac{1}{12}$	$\frac{1}{6}$	III
$rank(4) = \frac{1}{4}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{1}{4}$	II

Табела 5: Израчунавање PageRank-a у две итерације

супротном. Тада би матрица графа била:

$$H = \begin{array}{cccc} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 1 & 0 & \frac{1}{3} & \frac{1}{3} & \frac{1}{3} \\ 2 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 3 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 4 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{array}$$

Нека је π^T вектор, такав $\pi^{(k)T}$ представља Раде
Rank вектор у итерацији k. Тада се следећа итерација добија ка
о:

$$\pi^{(k+1)T} = \pi^{(k)T}H\tag{3}$$

Свака итерација захтева једно множење вектора и матрице, што нам даје $O(n^2)$ израчунавања. Но, како је матрица H са врло мало не-нула поља, она захтева O(nnz(H)) израчунавања, где је nnz(H) број ненула елемената матрице H. Такође, матрица H веома

личи на транзициону стохастичку матрицу Марковљевих ланаца 14 тако да је можемо назвати субстохастичком[14, Ch 4.2]. Брин и Пејџ нису користили термин "Марковљев ланац". Али оно што јесу урадили је да су матрицу H врло мало модификовали како би она била стохастичка. Уместо термина "Марковљев ланац", користили су термин "случајни сурфер"(енгл. $random\ surfer$). Када такав сурфер дође на страницу са неколико хипервеза, он бира једну од њих на случајан начин и наставља тај процес унедоглед. У дужем временском периоду, део времена који сурфер проводи на датој веб страници је мерило о релативној важности те странице. Ако он проводи доста времена на некој страници, онда мора да се стално враћа на ту страну. Странице које он поново посећује морају бити важне зато што на њих показују друге важне странице.

Два су главна проблема са иницијалним случајним сурфером:

dangling node овај термин означава чвор графа који не показује ни на један други чвор конвергенција да ли ће и после колико итерације, алгоритам дати исправне и очекиване резултате

Као резултат решавања првог проблема, добија се модификована матрица која решава тај проблем, уз помоћ :

$$S = H + a(\frac{1}{n}e^T) \tag{4}$$

где је e^T јединични вектор, а $a = \begin{cases} 1, & dangling \ node \\ 0, & inace \end{cases}$ и n остаје број страница у индексу.

Други проблем, тј. проблем конвергенције, је решен тиме што се матрица S модификовала тако да она постане стохастичка, несводљива, апериодична и примитивна, те тако и конвергира. Модификација матрице S ради се у неколико корака:

$$G = \alpha S + (1 - \alpha) \frac{1}{n} e e^T \tag{5}$$

$$G = \alpha (H + a(\frac{1}{n}e^{T}) + (1 - \alpha)\frac{1}{n}ee^{T}$$
(6)

$$G = \alpha H + (\alpha a + (1 - \alpha)e)\frac{1}{n}e^{T}$$
(7)

где је $0\leqslant \alpha\leqslant 1$ параметар који даје својство *телепортације* случајном сурферу, тј могућност да почне процес из почетка. На пример ако је $\alpha=0.6$ то значи да ће 60% времена случајни сурфер проводити време кликћући линкове, а 40% времена ће почињати процес из почетка, бирајући случајним одабиром нову страницу за почетак.

У примеру са слике 15 после краћег рачунања добија се следећа матрица G:

$$G = \begin{bmatrix} 0.025 & 0.325 & 0.325 & 0.325 \\ 0.925 & 0.025 & 0.025 & 0.025 \\ 0.025 & 0.025 & 0.025 & 0.925 \\ 0.925 & 0.025 & 0.025 & 0.025 \end{bmatrix}$$

 $^{^{14}}$ Марковљеви ланци описују стохастичке системе(cmoxacmuчке или вероватносне, прим. аут.) "без меморије", тј. такве системе код којих вероватноће будућих стања зависе само од садашњег, а не од прошлих стања.[18]

6.3 Израчунавање вредности $PageRank^{TM}$ вектора

Вектор π^T је могуће добити на два начина, уз услов да је $\pi^T e = 1$:

- 1. Налажењем леве сопствене вредности матрице G, тј $\pi^T G = \lambda \pi^T$
- 2. Налажењем левог нула вектора од I-G, тј. $\pi^T(I-G)=O^T$

У примеру са слике 15 добија се: $\pi^T = [0.7608\ 0.2740\ 0.2740\ 0.5206]^{15}$

```
import numpy as np
   from scipy.linalg import eig
3
4
   T = np.mat("0.025 \ 0.325 \ 0.325 \ 0.325;
5
                0.925 \ 0.025 \ 0.025 \ 0.025;
                0.025 \ 0.025 \ 0.025 \ 0.925;
6
7
                0.925 \ 0.025 \ 0.025 \ 0.025 ")
8
   values, left = eig(T, left = True, right = False)
9
10
   for i in range(len(values)):
11
12
            print ("Levi sopstveni vektor za
            sopstvenu vrednost {}:".format(values[i]))
13
            print(left[:,i])
14
15
            print()
16 >>> Levi sopstveni vektor za sopstvenu vrednost (0.999999999999998+0j):
  [-0.76083506+0.j -0.27398492+0.j -0.27398492+0.j -0.52057136+0.j]
```

Ко̂д 49: Израчунавање леве сопствене вредности

Тумачећи резултате, долази се до закључка да је страница 1 најпопуларнија, јер има највећу вредност, друга је страница 4, а треће место деле странице 2 и 3.

6.4 Рангирање веб страница у Python-у

Имплементација ове варијанте PageRank алгоритма у crawl_web модул се врши додавањем још једне структуре - граф, како би се знало на који начин је случајни сурфер прегледавао странице. Граф ће се једноставно иницијализовати у самој функцији crawl_web, као празна мапа. Граф би требао садржи хипервезу као кључ и листу хипервеза на које показује, као вредност. Тако да измењена функција crawl_web изгледа овако:

```
def crawl web(seed):
1
2
       tocrawl = [seed]
3
       crawled = []
       graph = \{\} # \langle url \rangle, [lista stranica na koje pokazuje]
4
       index = \{\}
5
       while tocrawl:
6
7
            page = tocrawl.pop()
8
            if page not in crawled:
9
                content = get page(page)
```

¹⁵ Израчунато у Python-y, помоћу модула numpy - www.numpy.org и scypy www.scypy.org

Ко̂д 50: Увођење графа у crawl web

6.5 Израчунавање ранга странице

Ранг странице ће у овом раду бити израчунат помоћу формуле 2, измењену за dumping константу, која је позитивна и није већа од 1. Познато је и да је почетна вредност свих страница у нултом кораку итерације иста и изности $\frac{1}{n}$. Дакле,

$$rank(0, P_i) = \frac{1}{n} \tag{8}$$

$$rank(k+1, P_i) = \alpha \sum_{P_j \in B_{P_i}} \frac{rank(k, P_j)}{|P_j|} + (1 - \alpha) \frac{1}{n}$$
(9)

Оваква поставка намеће рекурзију као решење, али како није унапред познат број рачунања, тиме је опрезније применити итерацију приликом рачунања. Уз листинг кода 48 и уз измењену функцију crawl_web из листинга 50, сада ће се придодати и функција за израчунавање ранга странице $rank_compute$, која узима граф као улаз и враћа мапу, чија је кључна реч хипервеза, а вредност је њен ранг.

```
def compute ranks (graph):
1
2
        alfa = 0.9 \# damping faktor
        numloops = 10 # broj iteracija
3
4
5
        ranks = \{\}
6
        npages = len(graph)
7
        for page in graph:
            ranks[page] = 1.0 / npages
8
9
        for i in range (0, numloops):
10
            newranks = \{\}
11
12
            for page in graph:
13
                 newrank = (1 - alfa) / npages
14
                 for node in graph:
15
                     if page in graph [node]:
16
                          newrank += ranks [node] * alfa / len (graph [node])
17
18
19
                 newranks [page] = newrank
            ranks = newranks
20
```

21 **return** ranks

Ко̂д 51: Израчунавање ранга странице

На крају остаје још да се сортирају резултати и да се омогући кориснику да страницу са највећим рангом види као прву. Ради тога се уводи функција *results*, која ће узети индекс, рангове који су постављени у мапу и наравно, кључну реч корисника. Као резултат се даје листа са свим релевантним хипервезама које су поређане по рангу.

```
def results(index, ranks, keyword):
1
2
        urls = lookup(index, keyword)
3
       if urls = None:
4
            return None
5
       results url = []
       results num = []
6
7
       for e in urls:
8
            results num.append(ranks[e])
9
       results num.sort()
       while results num:
10
            current max = results num.pop()
11
12
            for url in urls:
                if ranks[url]==current max:
13
                    results url.append(url)
14
15
16
       return results_url
```

Ко̀д 52: Функција која враћа најбољи резултат

Овим је у потпуности реализован алгоритам за претраживање веба. Ко̂д је у целости дат у Додатку А (видети поглавље 8).

7 Закључак

Програмски језик Руthon поседује разноврстан избор типова података, структура, омогућава програмеру да у кратком временском периоду направи моћан програм. Руthon поседује све што модеран програмски језик мора да има. Но, Руthon поседује и додатни квалитет: армију корисника који учествују у даљем развоју језика својим саветима и расправама на интернет форумима и групама. Руthon је веома "жив" програмски језик, који периодично избацује нове верзије и побољшава перформансе.

Додаци које Python доноси са својим модулима и проширењима чине га конкурентним у односу на комерцијалне програмске језике какви су Java, C#,... Може се користити и као скрипт језик у оквиру прављења веб апликација, може се користити за писање мањих делова програма у C/C++, а може се користити и самостално за писање десктоп и веб апликација. Данас је Python и незаменљиво оруђе у рукама научника, који га користе за компликоване прорачуне, анализу и презентацију података.

Проширење у виду $django\ framework$ -а[3] омогућава широку употребу Python-а у писању веб апликација, пре свега CMS^{16} , али и мањих веб страница.

Програмски језик Python у овом раду је у потпуности одговорио на потребе писања веб претраживача. Током писања ко̂да, коришћене су само основне функције Python-a. Нису се употребљавале компликоване и робустне структуре, што омогућава потенцијалном читаоцу лак увид у ко̂д и процену шта ће ко̂д на крају даје као резултат.

Процес који је описан на почетку поглавља 3.3 успешно је окончан. Оно што превазилази тему овог рада је даља имплементација веб претраживача у веб апликацији. Међутим, може се закључити да је претраживање са укљученим модулом рангирања далеко подесније, него ли оно које само испоставља списак линкова без претходног рангирања (в. поглавље 9).

Веб претраживање данас је уносан посао. Компаније које нуде услуге веб претраживања наплаћују другим фирмама за резултате својих моћних веб-паукова, као и за трошкове рекламирања, на пример. У модерном добу, у ком технолошки развој оставља штампане енциклопедије на ропотарницу историје, неопходно је имати тачан и поуздан систем веб претраживања. Такође, резултати претраживања сугеришу компанијама на који начин ће лакше доћи до купца. У овом тренутку расте потреба за таквим видом информација. Процес таквог прикупљања информација, назива се data mining(енгл., истраживање података), где се у процесу сакупљања огромне количине података са Интернета, покушавају донети закључци у циљу бољег функционисања компаније.

Дакле, може се закључити да се предлаже примена језика Python за реализацију алгоритама којим се врши рангирање веб страница. На крају је са успехом имплементиран Python програм за претраживање веба и рангирање страница.

¹⁶CMS (Content Management System) је програмска апликација која омогућава креирање, модификовање, брисање и организовање садржаја преко централног интерфејса. Често се користи за веб апликације које садрже блогове, вести, омогућавају куповину преко Интернета.

8 Додатак А: Завршни код

Завршни ко̂д веб претраживача написан у Python-y:

```
"""Broj stranica koje ce obici veb-pauk."""
 2 \text{ MAX PAGES} = 10
3
4
   def crawl web(seed):
5
6
        """Veb pauk - seed: URL pocetne stranice. Vraca index i graph"""
        tocrawl = [seed]
7
8
       crawled = []
9
       graph = \{\}
       index = \{\}
10
       count = 0
11
12
       while tocrawl and count < MAX PAGES:
            page = tocrawl.pop()
13
            if page not in crawled:
14
15
                content = get page(page)
16
                add page to index(index, page, content)
                outlinks = get all links(content) # linkovi ka
17
                graph[page] = outlinks # pravi se graph
18
19
                union (tocrawl, outlinks)
20
                crawled.append(page)
                count += 1
21
22
       return index, graph
23
24
25
   def get page(url):
        """Funkcija get page
26
        url: URL koji se ucitava
27
28
        Vraca HTML kod stranice
       11 11 11
29
30
       try:
31
            import urllib
32
            return urllib.urlopen(url).read()
33
       except:
            return ""
34
35
36
37
   def get next target (page):
38
        """Funkcija get next target - page: HTML kod stranice
39
        Vraca URL i polozaj krajnjeg navodnika u linku
40
        start link = page.find('<a href=')
41
42
        if start link == -1:
43
            return None, 0
       start quote = page.find('"', start link)
44
```

```
end_quote = page.find(',"', start_quote + 1)
45
46
        url = page[start quote + 1:end quote]
47
       return url, end quote
48
49
50
   def get all links (page):
       """Funkcija get_all_links - HTML kod stranice
51
        Vraca listu svih URL-ova sa stranice
52
53
54
       links = []
       while True:
55
            url, endpos = get_next_target(page)
56
            if url:
57
                links.append(url)
58
                page = page [endpos:]
59
            else:
60
61
                break
62
       return links
63
64
65
   def union(a, b):
        """Funkcija union uzima dve liste i vraca njihovu uniju."""
66
        for e in b:
67
            if e not in a:
68
69
                a.append(e)
70
71
72
   def add page to index(index, url, content):
73
74
        Funkcija add page to index
75
76
       index: Mapa u koju se prikupljaju podaci
        url: URL stranice sa koje se skuplja sadrzaj
77
        content: Niska koja predstavlja sadrzaj stranice
78
79
       Ne vraca nista
       11 11 11
80
       words = content.split()
81
82
       for word in words:
83
            add to index (index, word, url)
84
85
   def add to index(index, keyword, url):
86
        """Funkcija add to index
87
       index: Mapa u koju se prikupljaju podaci
88
       keyword: Niska koja predstavlja rec koja se dodaje u index
89
90
        url: URL na kojoj je nadjen keyword
       Ne vraca nista
91
       11 11 11
92
```

```
93
        if keyword in index:
 94
             index [keyword].append(url)
 95
         else:
 96
             index[keyword] = [url]
 97
98
99
    def lookup (index, keyword):
        """Funkcija lookup
100
        index: Mapa u koju se prikupljaju podaci
101
        keyword: rec koja se trazi u indexu
102
        Vraca sve URL koji odgovaraju keyword-u
103
104
        if keyword in index:
105
106
             return index[keyword]
107
        else:
             return None
108
109
110
111
    def compute ranks (graph):
112
        Funkcija compute ranks
113
114
        graph: Mapa u kojoj se nalaze veze izmedju stranica
        Vraca mapu u kojoj su dati rangovi stranica
115
116
117
        d = 0.8 # damping faktor
        numloops = 10
118
119
        ranks = \{\}
        npages = len(graph)
120
        for page in graph:
121
122
             ranks[page] = 1.0 / npages
123
        for unused in range(0, numloops):
124
             newranks = \{\}
125
126
             for page in graph:
127
                 newrank = (1 - d)/npages
128
                 for node in graph:
129
                      if page in graph[node]:
130
                          newrank += ranks[node]*d/len(graph[node])
131
132
133
                 newranks [page] = newrank
134
             ranks = newranks
135
        return ranks
136
137
138
    def rank list (ranks):
         """Funkcija rank list
139
        ranks: Mapa u kojoj su dati rangovi stranica
140
```

```
141
        Vraca listu URL-ova iz mape ranks, sortiranih po rangu
142
        return sorted(ranks, key=ranks.__getitem__, reverse=True)
143
144
145
    11 11 11
146
    Primer koji daje rezultate rangiranja stranica u odnosu na pocetnu
147
148
149 index, graph = crawl_web('http://johnpapa.net')
    rang = compute_ranks(graph)
150
151
    print(graph)
    print(rang)
152
153 print(rank list(rang))
```

Kôд 53: Завршни кôд

9 Додатак Б: Резултати теста хеш-табела

Тестирање хеш-табеле се извршило како би се дошло до закључка који начин креирања хеш-табеле је бољи: коришћењем листа или мапа. Да би се дошло до резултата коришћени су програмски кодови које наводимо у потпуности у коду 54 и 55. За потребе тестирања употребљена је изворна страница http://poincare.matf.bg.ac.rs/~vladaf/index_e.html којом веб-паук започиње свој рад. Тестирана је употреба хеш-табела за 10, 20 или 50 максималних веб-страница, са којих веб-паук прикупља податке. Резултати су дати у табели 6 у секундама, коришћењем хронометра из Руthon-овог додатка time.

```
import time
2
3
   NUMBER OF BUCKETS = 10 # broj listi u hash tabeli
   	ext{MAX PAGES} = 50 	ext{ } \# 	ext{ } maksimalan 	ext{ } broj 	ext{ } strana 	ext{ } koji 	ext{ } se 	ext{ } ucitava
6
7
8
   def get page(url):
9
        \mathbf{try}:
10
             import urllib
11
             return urllib.urlopen(url).read()
12
        except:
13
             return ""
14
15
16
   def union(p, q):
17
        for e in q:
18
             if e not in p:
                 p.append(e)
19
20
21
22
   def get next target(page):
23
        start link = page.find('<a href=')
24
        if start link == -1:
25
             return None, 0
        start_quote = page.find('"', start_link)
26
        end quote = page.find('"', start quote + 1)
27
        url = page[start quote + 1: end quote]
28
29
        return url, end quote
30
31
32
   def get all links(page):
33
        links = []
        while True:
34
             url, endpos = get_next_target(page)
35
36
             if url:
                  links.append(url)
37
                  page = page [endpos:]
38
```

```
39
            else:
40
                break
41
       return links
42
43
44
   # pravi praznu hash tabelu
   def make hash table(nbuckets):
       i = 0
46
47
        table = []
       while i < nbuckets:
48
49
            table.append([])
50
            i = i + 1
       return table
51
52
53
   # izracunava broj liste u odnosu na kljuc
55
   def hash string (keyword, buckets):
       h = 0
56
57
       for c in keyword:
            h = (h + ord(c)) \% buckets
58
59
       return h
60
61
   # vraca listu u hash tabeli u kojoj se nalazi kljucna rec
62
63
   def hashtable get bucket(htable, keyword):
       return htable [hash string (keyword, len (htable))]
64
65
66
   # funkcija dodavanja u tabelu
67
   def hashtable add(htable, key, value):
        bucket = hashtable_get_bucket(htable, key)
69
70
       for entry in bucket:
            if entry [0] == key:
71
                entry [1]. append (value)
72
73
                return
74
       bucket.append([key, [value]])
75
76
   \# funkcija trazenja
77
   def hashtable lookup (htable, key):
78
       bucket = hashtable_get_bucket(htable, key)
79
80
       for i in bucket:
81
            if i[0] = key:
                return i[1]
82
83
       return None
84
85
86 # funkcija update-a
```

```
def hashtable update(htable, key, value):
87
88
        bucket = hashtable get bucket(htable, key)
89
        for i in bucket:
90
             if i[0] = key:
                 i[1] = value
91
92
                 return
93
        bucket.append([key, value])
94
95
96
    def add page to index(htable, page, content):
        for entry in content.split():
97
98
             hashtable add(htable, entry, page)
99
100
    \# crawl web
101
    def crawl web(seed):
102
103
        tocrawl = [seed]
        crawled = []
104
        index = make hash table (NUMBER OF BUCKETS)
105
        count = 0
106
        while tocrawl and count < MAX_PAGES:
107
108
             page = tocrawl.pop()
             if page not in crawled:
109
                 content = get page(page)
110
111
                 add page to index(index, page, content)
                 union(tocrawl, get all links(content))
112
                 crawled.append(page)
113
                 count += 1
114
        return index
115
116
117
118 # TEST
    start = time.clock() # pocetak testa
119
120 index = crawl web('http://poincare.matf.bg.ac.rs/~vladaf/index e.html')
121 \# print(index)
122 vreme = time.clock() - start # kraj testa
123 print("Vreme izvrsenja u testu hash tabele sa listama: ")
124 print (vreme)
    Ко̂д 54: Тестирање хеш-табеле са листама
 1 import time
 2
 3
 4
   MAX PAGES = 50 # maksimalan broj strana koji se ucitava
 5
 6
```

def get page(url):

```
8
       try:
9
            import urllib
            return urllib.urlopen(url).read()
10
11
       except:
12
            return ""
13
14
   def union(a, b):
15
16
       for e in b:
            if e not in a:
17
                a.append(e)
18
19
20
21
   def get next target(page):
       start link = page.find('<a href=')
22
        if start \lim k = -1:
23
24
            return None, 0
       start_quote = page.find('"', start_link)
25
       end_quote = page.find('"', start_quote + 1)
26
        url = page[start quote + 1:end quote]
27
28
       return url, end quote
29
30
31
   def get all links(page):
32
       links = []
33
       while True:
34
            url, endpos = get next target(page)
            if url:
35
                links.append(url)
36
37
                page = page [endpos:]
            else:
38
                break
39
40
       return links
41
42
43
   # dodavanje svih reci sa stranice u index
   def add page to index(index, url, content):
44
       words = content.split()
45
       for word in words:
46
47
            add to index (index, word, url)
48
49
50
   \# dodavanje hiperveze u index
   def add to index(index, keyword, url):
51
52
        if keyword in index:
            index [keyword].append(url)
53
54
       else:
            index[keyword] = [url]
55
```

```
56
57
58
   \# funkcija trazenja
59
   def lookup(index, keyword):
        if keyword in index:
60
61
            return index [keyword]
62
        else:
            return None
63
64
65
66
   \# crawl web
67
   def crawl web(seed):
        tocrawl = [seed]
68
        crawled = []
69
70
        index = \{\}
        count = 0
71
        \label{eq:while tocrawl and count} \mbox{ while tocrawl and count} \ < \mbox{MAX\_PAGES} :
72
73
            page = tocrawl.pop()
74
            if page not in crawled:
75
                 content = get page(page)
76
                 add page to index(index, page, content)
                 union(tocrawl, get all links(content))
77
                 crawled.append(page)
78
                 count += 1
79
80
        return index
81
82
83 # TEST
84 start = time.clock() # pocetak testa
85 index = crawl web('http://poincare.matf.bg.ac.rs/~vladaf/index e.html')
86 \# print(index)
87 vreme = time.clock() - start # kraj testa
88 print("Vreme izvrsenja u testu hash tabele sa mapama: ")
89 print (vreme)
```

Ко̂д 55: Тестирање хеш-табеле са мапом

Broj strana	10	20	50
Lista	0,080776	0,381066	322,546326
Mapa	0,022313	0,046528	0,523919

Табела 6: Тестирања рада веб-паукова са листама и мапама

Закључује се да веб-паук који ради који користи мапу, много брже прикупља податке од веб-паука који ради са хеш-табелом која користи искључиво листе. Штавише, што је већи број страница са којих се прикупљају подаци, уочава се већа разлика у брзини рада.

10 Додатак В: Резултати теста рангирања страница

Да би се добила слика о значају рангирања страница, направљен је модел четири повезане веб странице, чији је граф дат на слици 15. Ко̂дови страница изгледају овако:

```
1 <html>
2 < \mathbf{head} >
3 <title>Prva stranica</title>
  k rel="stylesheet" href="my.css">
5 < / \mathbf{head} >
6 <body>
7
   <h1>Prva stranica</h1>
8
     <li>>a href="http://localhost/druga.html">Druga stranica</a></li>
9
     | a href="http://localhost/treca.html">Treca stranica</a>
10
     <a href="http://localhost/cetvrta.html">Cetvrta stranica</a></a>
11
12
    </ul>
    Prva stranica ima hipervezu ka drugoj stranici, trecoj stranici,
13
14
    cetvrtoj stranici. Ova stranica se realizuje u cilju testiranja veb
15
    pretrazivaca.
16 < /\mathbf{body} >
17 < /html >
```

Ко̂д 56: Ко̂д прве странице

```
1 <html>
2 < head>
  <title>Druga stranica</title>
4 < link rel="stylesheet" href="my.css">
5 < / \mathbf{head} >
6 <body>
7
   <h1>Prva stranica</h1>
8
   <a href="http://localhost/prva.html">Prva stranica</a>
9
10
  </ul>
   Druga stranica ima hipervezu ka prvoj stranici. Ova stranica se realizuje u cil
11
    pretrazivaca.
12
13 < /body >
14 </html>
```

Ко̂д 57: Ко̂д друге странице

```
6 <body>
7 <h1>Treca stranica</h1>
8 
9 1i><a href="http://localhost/prva.html">Cetvrta stranica</a>
10 
11 Treca stranica ima hipervezu ka cetvrtoj stranici. Ova stranica se realizuje u pretrazivaca.
13 </body>
14 </html>
```

Kôд 58: Kôд треће странице

```
1 <html>
2 < \mathbf{head} >
  <title>Cetvrta stranica</title>
3
    k rel="stylesheet" href="my.css">
5 < / \mathbf{head} >
6 <body>
7
    <h1>Cetvrta stranica</h1>
8
9
     <a href="http://localhost/prva.html">Prva stranica</a>
10
    11
    Cetvrta stranica ima hipervezu ka prvoj stranici.
    Ova stranica se realizuje u cilju testiranja veb
12
    pretrazivaca .
13
14 < /\mathbf{body} >
15 < /\mathbf{html} >
```

Ко̂д 59: Ко̂д четврте странице

Странице су затим постављене на локални сервер. Кад се уз ко̂д 53 зада наредба: **print**(lookup(index, 'strangofuja се следећи резултат:

```
['http://localhost/prva.html',
2
    'http://localhost/prva.html',
3
    'http://localhost/cetvrta.html',
    'http://localhost/cetvrta.html',
4
    'http://localhost/treca.html',
5
6
    'http://localhost/treca.html',
7
    'http://localhost/druga.html'
8
    'http://localhost/druga.html']
     Прегледање без рангирања даје списак свих хипервеза који одговарају датој кључној речи.
     Ако се уз исти ко̂д бити зада наредба print(compute ranks(graph)), тада се добија:
  {'http://localhost/treca.html': 0.1572993996378601,
    'http://localhost/cetvrta.html': 0.28313891934814817,
    'http://localhost/prva.html': 0.40226228137613174,
3
    'http://localhost/druga.html': 0.1572993996378601}
```

У овом случају, испоставља се мапа у којој су кључеви хипервезе, а вредности њихов ранг у моделу. Ако је потребно поређати хипервезе по редоследу рангирања, онда се наредбом: **print**(rank list(compute graph(graph))), добија листа:

```
1 ['http://localhost/prva.html',
2 'http://localhost/cetvrta.html',
3 'http://localhost/treca.html',
4 'http://localhost/druga.html']
```

И за сам крај, могуће је доставити кориснику тачно једну хипервезу, која одговара упиту и која има највећи ранг од свих хипервеза које одговарају упиту.

print(lucky_search(index, compute_ranks(graph), 'stranica')), тако да је резултат само прва страница.

```
1 http://localhost/prva.html
```

Ако се исти код примени на реалне веб странице, добијају се адекватни резултати. Нека улазна страница буде веб страница америчког програмера Џона Папе - 'http://johnpapa.net'. Тада се добијају следећи резултати за максималан број пређених страница 10.

```
1
       '/security': 0.020032927463575118,
2
       '/terms-of-service': 0.020032927463575118,
3
       4
       '/ \, articles/github-registered-developer-agreement': \,\, 0.020032927463575118 \,,
5
       '/articles/github-pre-release-program': 0.020032927463575118,
6
7
       '/articles/eu-safe-harbor': 0.020032927463575118,
8
      /privacy-policy': 0.020032927463575118,
       'https://help.github.com': 0.020209230769230768,
9
10
       '/articles/github-and-export-controls': 0.020032927463575118,
       'http://johnpapa.net': 0.0199999999999997
11
12 }
```

Односно, ако је потребно добити поређане хипервезе по редоследу рангирања:

```
1
2
        'https://github.com/dbtek/dbyll',
        'https://help.github.com',
3
        '/security',
4
5
        '/terms-of-service',
6
        '/articles/github-registered-developer-agreement',
7
        '/articles/github-pre-release-program',
        '/articles/eu-safe-harbor',
8
9
       '/privacy-policy',
        '/articles/github-and-export-controls',
10
        'http://johnpapa.net'
11
12
```

Може се извући закључак да је далеко корисније претраживање са укљученим модулом рангирања, које омогућава кориснику да за свој задати упит добије као резултат једну или више рангираних страница и тиме добије адекватну информацију.

11 Додатак Γ : Списак програмских ко̂дова употребљених у раду

Следи списак ко̂дова који су коришћени у овом раду.

Програмски ко̂дови

1	Примери операција са бројевима	4
2	Степеновање	4
3	Операције са комплексним бројевима	4
4	Пример коришћења променљивих	6
5	Креирање ниске	7
6	Примери креирања ниски	7
7	Убацивање података у ниску	7
8	Исецање ниске	8
9	Креирање листе	Ö
10	Креирање празне листе	Ö
11	Исецање листи	10
13	Разлика између листе и мапе	11
14	Кључ и вредност	11
15	Мутација мапа	12
16	Креирање празне мапе	12
17	Креирање уређене п-торке	12
18	Уређене n-торке могу садржати и ниске и листе и друге уређене n-торке	13
19	Пример услова	14
20	Пример за наредбе IF - ELSE	15
21	Пример while петље	16
22	Примери for петље	16
23	Дефинисање функције	17
24	Дефинисање класа	18
25	Креирање објекта	18
26	Методи класе	19
27	<a> ознака	23
28	Налажење првог хиперлинка	23
29	Процедура налажења прве следеће хипервезе	23
30	Испитивање да ли страница садржи хипервезу	24
31	Процедура штампања свих хипервеза	24
32	Процедура смештања свих хиперлинкова у листу	25
33	Веб паук	25
34	Претраживање са ограниченим бројем страна	26
35	Скенирање ограничено по дубини	27
36	Процедура add_to_index	29
37	Процедура lookup	29
38	Процедура add_page_to_index	30
39	Веб-паук који ради са индексом	30
40	Процедура lookup која ради са индексом	31
41	Лоша хеш функција	33

42	Тестирање хеш функције	33
43	Резултат тестирања лоше hash функције	34
44	Боља хеш функција	34
45	Тестирање боље хеш функције	35
46	Празна хеш табела	35
47	add и lookup функције	35
48	Мапа уместо листе	36
49	Израчунавање леве сопствене вредности	41
50	Увођење графа у crawl_web	41
51	Израчунавање ранга странице	42
52	Функција која враћа најбољи резултат	43
53	Завршни ко̂д	45
54	Тестирање хеш-табеле са листама	49
55	Тестирање хеш-табеле са мапом	51
56	Ко̂д прве странице	54
57	Ко̂д друге странице	54
58	Ко̂д треће странице	54
59	Ко̂д четврте странице	55

Литература

- [1] The art of hashing. http://eternallyconfuzzled.com/tuts/algorithms/jsw_tut_hashing.aspx. Последьи пут приступљено 2015. године.
- [2] Bernard lee proposal. http://www.w3.org/History/1989/proposal.html. Последњи пут приступљено 2015. године.
- [3] Django framework. http://www.djangoproject.com. Последњи пут приступљено 2015. године.
- [4] Pep 8 style guide for python code. http://legacy.python.org/dev/peps/pep-0008. Последьи пут приступљено 2014. године.
- [5] Pythonista. http://python.net/crew/mwh/hacks/objectthink.html. Последњи пут приступљено 2014. године.
- [6] Python™. http://www.python.org. Последњи пут приступљено 2014. године.
- [7] Vim and python. http://justin.abrah.ms/vim/vim_and_python.html. Последњи пут приступљено 2015. године.
- [8] Структура html кода. http://www.w3.org/TR/html401/struct/global.html. Последњи пут приступљено 2015. године.
- [9] T. Berners-Lee and M. Fischetti. Weaving The Web: The Original Design And Ultimate Destiny Of The World Wide Web by Its Inventor. Demco Media, 2004.
- [10] M.W. Berry and M. Browne. Understanding Search Engines: Mathematical Modeling and Text Retrieval, Second Edition. Software, Environments, and Tools. Society for Industrial and Applied Mathematics (SIAM, 3600 Market Street, Floor 6, Philadelphia, PA 19104), 2005.
- [11] J.R. Briggs. *Python for Kids: A Playful Introduction to Programming*. No Starch Press Series. No Starch Press, Incorporated, 2012.
- [12] T.H. Cormen, C.E. Leiserson, R.L. Rivest, and C. Stein. *Introduction To Algorithms*. MIT Press, 2001.
- [13] Donald E. Knuth. The Art of Computer Programming, Volume 3: (2Nd Ed.) Sorting and Searching. Addison Wesley Longman Publishing Co., Inc., Redwood City, CA, USA, 1998.
- [14] A.N. Langville and C.D. Meyer. Google's PageRank and Beyond: The Science of Search Engine Rankings. Princeton University Press, 2011.
- [15] M. Lutz and D. Ascher. Learning Python. O'Reilly Media, 2009.
- [16] G. Van Rossum and J. Fred L. Drake. An Introduction to Python. A Python manual. Network Theory Limited, 2003.
- [17] Душан Тошић. Paskal основи програмирања. ДП Студентски трг, 1997.
- [18] Владимир Филиповић. Оператори селекције и миграције и WEB сервиси код парелних еволутивних алгоритама. PhD thesis, Математички факултет, Универзитет у Београду, 2006.