#### МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ САНКТ – ПЕТЕРБУРГСКИЙ НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ИНФОРМАЦИОННЫХ ТЕХНОЛОГИЙ, МЕХАНИКИ И ОПТИКИ

#### ФАКУЛЬТЕТ ИНФОКОММУНИКАЦИОННЫХ ТЕХНОЛОГИЙ

КАФЕДРА ПРОГРАММНЫХ СИСТЕМ

# ОТЧЁТ по лабораторной работе

## «МОДЕЛИРОВАНИЕ И ОБРАБОТКА СТОХАСТИЧЕСКИХ СИГНАЛОВ И СТРУКТУР»

Выполнила: студентка группы К4120 Загряжская Н.И

Проверил: к.т.н., доцент И.В. Ананченко

#### Цель работы

#### Задание тестовых сигналов в пакетах Mathcad и MATLAB

### Ход работы:

При моделировании сигнал задается в виде функции одного или нескольких аргументов, причем функции разделяются на два типа:

- 1. встроенные функции;
- 2. функции, определяемые пользователем.

**Пример 1** (детерминированный сигнал). Зададим сигнал в виде дискретной функции, меняющейся по гармоническому закону (Рисунок 1).

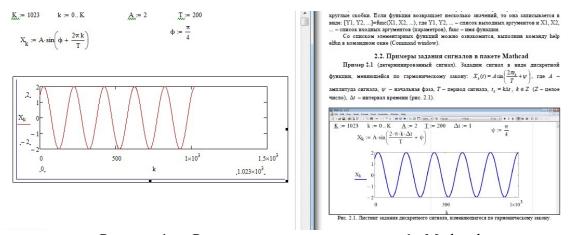


Рисунок 1 — Результат выполнения задания 1в Mathcad

**Пример 2.** Зададим случайный сигнал с однородным (равномерным) распределением вероятностей (Рисунок 2). Для этого воспользуемся встроенной функцией  $\operatorname{rnd}(k)$ , которая возвращает случайное число, имеющее равномерную плотность распределения на отрезке [0, K].

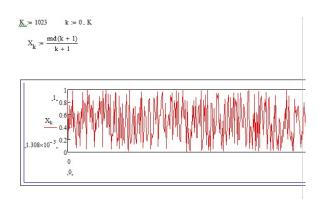


Рисунок 2 — Результат выполнения второго примера в Mathcad

**Пример 3.** Зададим случайный сигнал в виде дискретной функции, меняющейся по гармоническому закону(Рисунок 3).

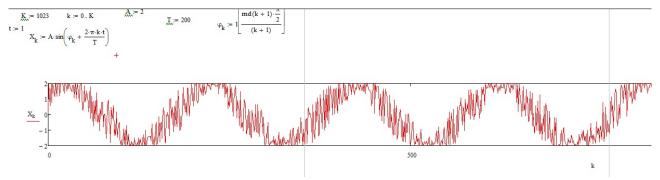


Рисунок 3 — Результат выполнения третьего задания в Mathcad

**Пример 4.** Зададим случайный сигнал с нормальным (гауссовым) распределением вероятностей (Рисунок 4). Воспользуемся встроенной функцией: rnorm(K, E,  $\sigma$ ), где E – математическое ожидание,  $\sigma$  – стандартное отклонение, K > 0 – целое число.

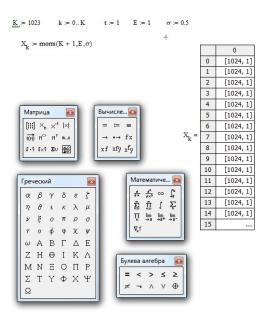


Рисунок 4 — Результат выполнения четвертого задания в Mathcad

**Пример 5.** Зададим случайный сигнал с логнормальным (логарифмически нормальным) распределением вероятностей (Рисунок 5). Воспользуемся встроенной функцией rlnorm(K,  $\mu$ ,  $\sigma$ ), где  $\mu$  – натуральный логарифм математического ожидания,  $\sigma$  > 0 – натуральный логарифм стандартного отклонения, K > 0 – целое.

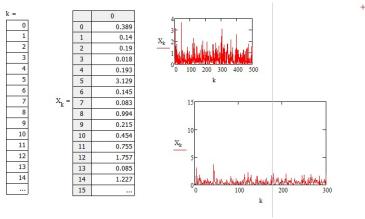


Рисунок 5 — Результат выполнения задания 5 в Mathcad

**Пример 6.** Зададим случайный сигнал с бета-распределением вероятностей (Рисунок 6). Воспользуемся встроенной функцией (K, s1, s2), где (K, s1, s2)

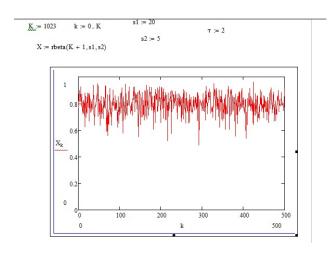


Рисунок 6 — Результат выполнения седьмого задания в Mathcad

**Пример 7.** Зададим случайный сигнал с  $\chi$  2 - распределением вероятностей (рис. 7).

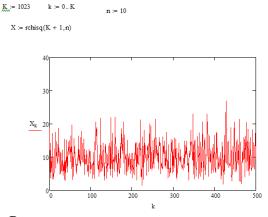


Рисунок 7 — Результат выполнения седьмого примера в Mathcad

#### Примеры задания сигналов в пакете MATLAB

Octave - свободная система для математических вычислений, использующая совместимый с MATLAB язык высокого уровня. Octave представляет интерактивный командный интерфейс для решения линейных и нелинейных математических задач, а также проведения других численных экспериментов.

**Пример 2.1.** Создадим вектор n, воспользовавшись процедурой linspace(a,b,K), которая генерирует вектор-строку из K точек, равномерно расположенных между точками а и b(рис. 8).

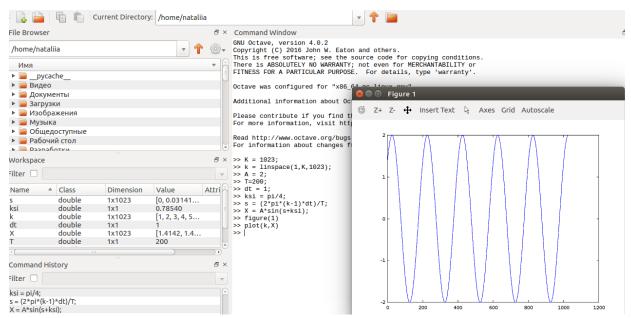


Рисунок 8 — Результат выполнения первого примера в среде Octave

**Пример 2.2.** Зададим сигнал в виде возмущенной гармонической дискретной функции с помощью среды Octave (Рисунок 9).

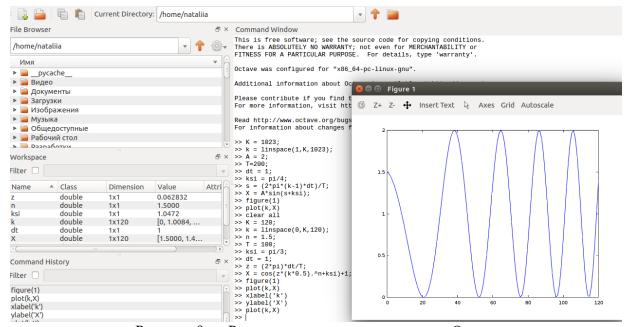


Рисунок 9 — Результат второго упражнения в Octave

Пример 2.3. Зададим случайный сигнал в виде функции Вейерштрасса (Рисунок 10).

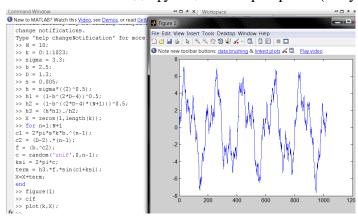


Рисунок 10 — Результат выполнения третьего задания в Matlab

Индивидуальное задание выполним в соответсвии с вариантом — 4. **Упражнение 4** 

- 1. Задайте случайный сигнал k X с нормальным распределением вероятности со следующими параметрами: E=1,5 математическое ожидание,  $\sigma=1$  стандартное отклонение,  $k=0,1,\dots 1000$  (Рисунок 11).
- 2. Выделите общие закономерности в поведении функции сигнала при варьировании его параметров: E и  $\sigma$  .

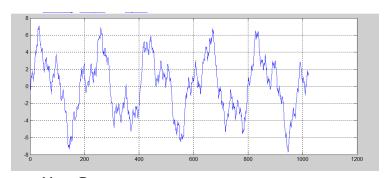


Рисунок 11 — Результат выполнения индивидуального задания

#### Выволы:

Зависимость математического ожидания от времени характеризует в среднем форму развития сигнала во времени.

Дисперсия дает информацию о том, насколько значения отдельных реализаций сигнала в каждом сечении отличаются от соответствующих математических ожиданий. Среднее задает положение кривой на числовой оси и выступает как некоторая исходная, нормативная величина измерения.

Стандартное отклонение задает ширину этой кривой, зависит от единиц измерения и выступает как масштаб измерения

При увеличении значения среднего квадратичного отклонения график становится более пологим, а максимальное значение уменьшается. Зависимость от времени проявляется как зависимость от времени плотности распределения этой случайной величины и, следовательно, таких числовых характеристик как математическое ожидание или дисперсия.