

Soma Máxima

(O Problema)

O problema é encontrar a soma máxima de um subarray contíguo.

A primeira entrada é n , que representa o tamanho do array.

Logo após isso, temos os n valores do array guardados dinamicamente na memória.

(Solução)

O algoritmo para encontrar a maior soma, consiste em buscar elemento por elemento, no array A , qual a maior soma dentre todos os subarrays que terminam no i -ésimo elemento.

Ao identificar, atribuímos os índices de início e fim do subarray.

(Análise Assintótica)

Desta maneira, conseguimos que a solução seja em $O(n)$, pois cada elemento é verificado somente uma vez, caso ele faça parte do subarray com maior soma, o índice é atualizado, assim como o valor de soma máxima.

O mesmo ocorre com o crescimento assintótico de memória, que tem $O(n)$, pois os elementos são guardados somente uma vez.

Quadrado Mágico

(O Problema)

O problema do quadrado mágico, consiste em preencher um quadrado de lado n , com valores de 1 até n^2 sem repetições, de modo que, ao somar todos os elementos de cada linha, coluna ou diagonal, o valor deve ser uma constante.

(Solução)

A solução é dividida entre n ímpar, n múltiplos de 4, e n da forma $4k + 2$.

A constante que buscamos para a soma, será dada pela fórmula $n*(n+1)/2$.

N Ímpar

O algoritmo para preenchimento de qualquer quadrado mágico de lado ímpar, segue as seguintes regras:

Primeiramente a posição inicial será na linha $\text{int}(n/2)$ e na coluna $n-1$.

Os valores são então colocados em ordem de 1 até n^2 . Após cada valor adicionado, basta colocar o próximo valor na linha anterior e na próxima coluna ($i--$ e $j++$).

É preciso, entretanto, tratar o quadrado mágico como um toro, onde estão todos conectados os lados, uma vez que atingido um lado, deve-se começar no lado oposto. Assim todo o quadrado mágico é preenchido, poupando-lhes dos pequenos detalhes de implementação.

N Múltiplo de 4

No quadrado mágico de 4×4 (ou qualquer múltiplo de 4), nós temos que primeiramente preencher todo o quadrado mágico com os valores de de cada posição, de 1 até n^2 , no caso 16.

Após isso nós substituímos os valores seguindo uma regra, de que cada posição terá o valor:

$$(n+1) - \text{quadradoMagico}[i][j]$$

Para facilitar, dividimos o quadrado mágico em cinco quadrados menores. Quatro deles tem lado $n/4$, superior direito e esquerdo, inferior direito e esquerdo, enquanto um deles tem lado $n/2$ e calcula os valores no centro do quadrado mágico, basicamente permutando os valores.

Após substituímos todos os valores das posições, o quadrado mágico de lado $4n$ está pronto.

N, tal que $n = 4k+2$

Nesse caso a descrição da solução começaria a fugir do propósito de uma descrição simples da implementação, mas consiste basicamente em calcular um quadrado mágico de tamanho $N/2$, que será ímpar, e então realizar cálculos nos elementos com base nisso.

(Análise Assintótica)

O Crescimento assintótico de todos os algoritmos de quadrado mágico aqui implementados, seja para os de lado ímpares, os de lado $4n$ ou para os de lado $4n + 2$ é de $O(n^2)$, pois cada uma das n^2 posições é mudada um número constante de vezes, assim como a memória utilizada, que é da ordem de $O(n^2)$.