



Universidade Federal do Rio Grande do Norte
Departamento de Engenharia de Computação e Automação

Programação Concorrente e Distribuída

Segunda Lista de Exercícios

Natal-RN, Brasil
[Outubro de 2017]

Professor

Prof. Samuel Xavier - DCA/UFRN

Aluno

Igor Macedo Silva - Bacharelado em Engenharia de Computação

Sumário

1	Descrição	6
2	Questões	7
2.1	Questão 3.1	7
2.2	Questão 3.2	7
2.3	Questão 3.4	8
2.4	Questão 3.5	8
2.5	Questão 3.6	9
2.6	Questão 3.7	10
2.7	Questão 3.8	10
2.8	Questão 3.9	11
2.9	Questão 3.10	20
2.10	Questão 3.11	20

Lista de Figuras

1	Scatter em comunicação baseada em árvore	10
2	Gather em comunicação baseada em árvore	10

Lista de Tabelas

1 Distribuição dos elementos do vetor 9

1 Descrição

Lista da 2a unidade Descrição: Apresentar as respostas a todas as questões de exercício do livro texto, com exceção às questões: 3.3, 3.15 e 3.18.

Instruções para resolução (LEIAM!):

- Procure responder corretamente todas as questões da lista;
- Suas respostas serão validadas de forma oral por amostragem - geralmente de 2 à 3 defesas orais;
- Se não conseguir responder alguma questão, procure esclarecer as dúvidas em tempo em sala de aula com o professor, pelo SIGAA, com um colega, ou por e-mail. Se necessário, é possível marcar um horário para tirar dúvidas na sala do professor;
- Não serão aceitas respostas "mágicas", ou seja, quando a resposta está na lista entregue mas você não sabe explicar como chegou a ela. Sua nota nesse caso será 0 (zero). Mesmo que não saiba explicar apenas parte da sua resposta;
- Procure entregar a resolução da lista de forma organizada. Isso pode favorecer a sua nota;
- Os códigos dos programas requisitados (ou as partes relevantes) deverão aparecer no corpo da resolução da questão;
- A resolução da lista deverá ser entregue em formato PDF em apenas 1 (um) arquivo;
- O envio da resolução pode ser feito inúmeras vezes. Utilize-se disso para manter sempre uma versão atualizada das suas respostas e evite problemas com o envio próximo ao prazo de submissão devido a instabilidades no SIGAA;
- A lista com o número das questões respondidas deve aparecer na primeira folha da lista. Não será aceita alteração nessa lista.
- Procure preparar sua defesa oral para cada questão. Explicações diretas e sem arroubos favorecerão a sua nota;
- A defesa deverá ser agendada com antecedência. Para isso, indique por email (samuel@dca.ufrn.br) no mínimo 3 horários dentro dos intervalos disponíveis em pelo menos 3 turnos diferentes. Caso não tenha disponibilidade em 3 turnos diferentes, deverá apresentar uma justificativa.
- Os horários disponíveis serão disponibilizados em uma notícia na turma virtual e serão atualizados a medida que os agendamentos forem sendo fixados.
- A defesa oral leva apenas de 10 a 15 minutos em horários fixados com antecedência. Não será tolerado que o aluno chegue atrasado para a sua prova.

Período: Inicia em 20/09/2017 às 00h00 e finaliza em 11/10/2017 às 23h59

2 Questões

2.1 Questão 3.1

What happens in the greetings program if, instead of `strlen(greeting) + 1`, we use `strlen(greeting)` for the length of the message being sent by processes 1, 2, ..., `comm_sz - 1`? What happens if we use `MAX_STRING` instead of `strlen(greeting) + 1`? Can you explain these results?

Neste caso, o `+ 1` indica que o caractere de terminação da string também deve ser incluído no envio da mensagem. Se substituirmos por apenas `strlen(greeting)` a mensagem pode ser impressa corretamente ou não, dependendo do conteúdo presente no buffer de recebimento. Caso o buffer de recebimento esteja preenchido com zeros ("`\0`"), o comando `printf()` vai conseguir imprimir a mensagem corretamente mesmo que não exista um terminador nulo na mensagem enviada.

Em testes feitos localmente, as mensagens sempre foram exibidas corretamente, pois os buffers estavam sempre sendo iniciados com zero em suas posições de memória.

2.2 Questão 3.2

Modify the trapezoidal rule so that it will correctly estimate the integral even if `comm_sz` doesn't evenly divide `n`. (You can still assume that $n \geq \text{comm_sz}$.)

Se `comm_sz` não divide perfeitamente `n`, devemos alocar os trapézios restantes nos processos de maneira mais deliberada. o pseudocódigo poderia ser:

```

1  get a, b, n;
2  h = (b - a) / n;
3  local_n = n / comm_sz; //Devemos garantir que a divisao sera inteira
4
5  n_mod_comm = n % comm_sz;
6  local_a = a + (my_rank * local_n * +
7              my_rank * ((int)(my_rank < n_mod_comm)) +
8              n_mod_comm * ((int)(my_rank >= n_mod_comm && n_mod_comm
9                               > 0))) * h;
10
11 local_b = local_a + (local_n + (int)(my_rank < n_mod_comm)) * h;
12 local_integral = Trap(local_a, local_b, local_n, h);

```

O trecho da linha 7 se refere ao acréscimo incremental que deve acontecer ao `h` para cada rank. Isto é, no caso de `n_mod_comm = 3`, o primeiro `local_a` deve receber um acréscimo de 0, o segundo, de 1, o terceiro, de 3 e assim sucessivamente. Isso acontece pois é uma compensação ao `local_b` que está sendo acrescido de 1 até o momento em que todos os trapézios extras (no caso de `n` não exatamente divisível por `comm_sz`) forem alocados em algum processo. E isso vai acontecer somente quando `my_rank \geq n_mod_comm`

2.3 Questão 3.4

Modify the program that just prints a line of output from each process (`mpi_output.c`) so that the output is printed in process rank order: process 0s output first, then process 1s, and so on.

```

1  #include <stdio.h>
2  #include <mpi.h>
3  #include <string.h> /* For strlen */
4
5  const int MAX_STRING = 100;
6  int main(void) {
7      char phrase[MAX_STRING];
8      int my_rank, comm_sz;
9
10     MPI_Init(NULL, NULL);
11     MPI_Comm_size(MPI_COMM_WORLD, &comm_sz);
12     MPI_Comm_rank(MPI_COMM_WORLD, &my_rank);
13
14     if (my_rank != 0) {
15         sprintf(phrase, "Proc %d of %d > Does anyone have a toothpick
16             ?", my_rank, comm_sz);
17         MPI_Send(phrase, strlen(phrase)+1, MPI_CHAR, 0, 0,
18             MPI_COMM_WORLD);
19     } else {
20         printf("Proc %d of %d > Does anyone have a toothpick?\n",
21             my_rank, comm_sz);
22         for (int q = 1; q < comm_sz; q++) {
23             MPI_Recv(phrase, MAX_STRING, MPI_CHAR, q, 0,
24                 MPI_COMM_WORLD, MPI_STATUS_IGNORE);
25             printf("%s\n", phrase);
26         }
27     }
28
29     MPI_Finalize();
30     return 0;
31 } /* main */

```

O princípio da resolução desta questão é perceber que para lidar com o não-determinismo do output de um programa MPI, nós devemos mandar todas as mensagens de saída para um único processo, neste caso o processo 0. Dessa forma, apenas um processo é responsável por gerenciar as mensagens de saída e, assim, podemos controlar a ordem de saída das mensagens.

2.4 Questão 3.5

In a binary tree, there is a unique shortest path from each node to the root. The length of this path is often called the depth of the node. A binary tree in which every nonleaf has two children is called a full binary

tree, and a full binary tree in which every leaf has the same depth is sometimes called a complete binary tree. See Figure 3.14. Use the principle of mathematical induction to prove that if T is a complete binary tree with n leaves, then the depth of the leaves is $\log_2(n)$.

Para fazer a indução vamos considerar $\log_2(n) = d$, onde d é a profundidade.

Então,

$$\log_2(n) = d \implies 2^d = n \quad (1)$$

Considerando o caso base em que $d = 0$,

$$\begin{aligned} 2^d &= n \\ 2^0 &= n \\ 2^0 &= 1 \end{aligned} \quad (2)$$

Tomamos que $d = k$ e assumimos que $2^k = n$ é verdadeiro. Então, aplicamos o passo de indução, onde $d = k + 1$, e para a próxima profundidade, $n_i = n_{i-1} \cdot 2$. Logo,

$$\begin{aligned} 2^{k+1} &= n \cdot 2 \\ &= 2^k 2^1 \\ &= 2^{k+1} \end{aligned} \quad (3)$$

Portanto, $2^d = n$ e, logo $\log_2(n) = d$, onde n é o número de folhas e d é a profundidade.

2.5 Questão 3.6

Suppose `comm_sz` = 4 and suppose that x is a vector with $n = 14$ components.

a. How would the components of x be distributed among the processes in a program that used a block distribution?

b. How would the components of x be distributed among the processes in a program that used a cyclic distribution?

c. How would the components of x be distributed among the processes in a program that used a block-cyclic distribution with blocksize $b = 2$?

You should try to make your distributions general so that they could be used regardless of what `comm_sz` and n are. You should also try to make your distributions “fair” so that if q and r are any two processes, the difference between the number of components assigned to q and the number of components assigned to r is as small as possible.

Processos	Bloco	Cíclico	Bloco-Cíclico (tamanho do bloco = 2)
0	0, 1, 2, 3	0, 4, 8, 12	0 1, 8 9
1	4, 5, 6, 7	1, 5, 9, 13	2 3, 10 11
2	8, 9, 10,	2, 6, 10,	4 5, 12 13
3	11, 12, 13,	3, 7, 11,	6 7

Tabela 1: Distribuição dos elementos do vetor

2.6 Questão 3.7

What do the various MPI collective functions do if the communicator contains a single process?

O processo MPI não terá qualquer outro processo para enviar os dados, logo o processamento deve ser feito nesse único processo. É um princípio que permite que os processo MPI sejam executados corretamente independente de número de nós/processos disponíveis.

A forma que isso é implementado é enviar os dados para si mesmo, algo que várias funções coletivas do MPI executam. Em alguns casos, para reduzir o movimento desnecessário de dados na memória, o MPI fornece uma flag chamada `MPI_IN_PLACE`, que permite que o buffer de recebimento seja o mesmo do de envio, melhorando o desempenho. Essa flag não funciona em todas as funções coletivas.

<https://www.mcs.anl.gov/research/projects/mpi/mpi-standard/mpi-report-2.0/node145.htm>

2.7 Questão 3.8

Suppose `comm_sz = 8` and `n = 16`.

- Draw a diagram that shows how MPI Scatter can be implemented using tree-structured communication with `comm_sz` processes when process 0 needs to distribute an array containing `n` elements.
- Draw a diagram that shows how MPI Gather can be implemented using tree-structured communication when an `n`-element array that has been distributed among `comm_sz` processes needs to be gathered onto process 0.

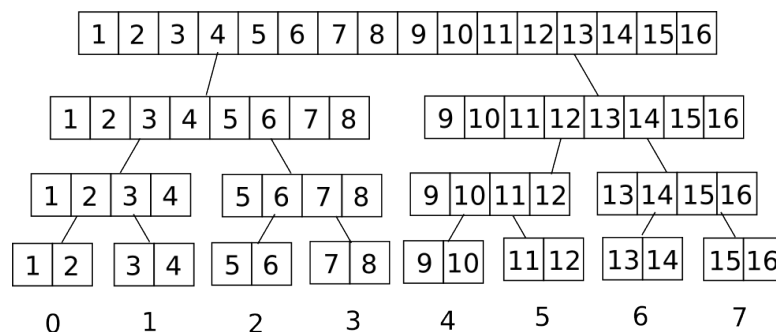


Figura 1: Scatter em comunicação baseada em árvore

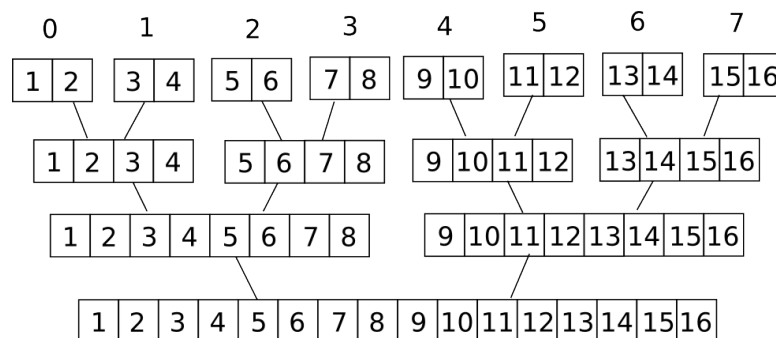


Figura 2: Gather em comunicação baseada em árvore

2.8 Questão 3.9

Write an MPI program that implements multiplication of a vector by a scalar and dot product. The user should enter two vectors and a scalar, all of which are read in by process 0 and distributed among the processes. The results are calculated and collected onto process 0, which prints them. You can assume that n , the order of the vectors, is evenly divisible by `comm_sz`.

```

1  /*Esse codigo foi modificado de mpi_vector_add.c */
2
3  /* File:      mpi_vector_add.c
4   *
5   * Purpose:   Implement parallel vector addition using a block
6   *            distribution of the vectors. This version also
7   *            illustrates the use of MPI_Scatter and MPI_Gather.
8   *
9   * Compile:   mpicc -g -Wall -o mpi_vector_add mpi_vector_add.c
10  * Run:       mpiexec -n <comm_sz> ./ vector_add
11  *
12  * Input:     The order of the vectors , n, and the vectors x and y
13  * Output:    The sum vector z = x+y
14  *
15  * Notes:
16  * 1. The order of the vectors , n, should be evenly divisible
17  *    by comm_sz
18  * 2. DEBUG compile flag.
19  * 3. This program does fairly extensive error checking. When
20  *    an error is detected, a message is printed and the processes
21  *    quit. Errors detected are incorrect values of the vector
22  *    order (negative or not evenly divisible by comm_sz), and
23  *    malloc failures.
24  *
25  * IPP:  Section 3.4.6 (pp. 109 and ff.)
26  */
27
28 #include <stdio.h>
29 #include <stdlib.h>
30 #include <mpi.h>
31
32 void Check_for_error(int local_ok , char fname[] , char message[] ,
33                     MPI_Comm comm);
34 void Read_n(int* n_p , int* local_n_p , int my_rank , int comm_sz ,
35            MPI_Comm comm);
36 void Allocate_vectors(double** local_x_pp , double** local_y_pp ,
37                      double** local_z_pp , int local_n , MPI_Comm comm);

```

```

38 void Read_vector(double local_a[], int local_n, int n, char vec_name
    [] ,
39         int my_rank, MPI_Comm comm);
40 void Read_scalar(double* scalar_p, int my_rank, int comm_sz, MPI_Comm
    comm);
41 void Print_vector(double local_b[], int local_n, int n, char title[],
42         int my_rank, MPI_Comm comm);
43 void Parallel_vector_dotproduct(double local_x[], double local_y[],
44         double local_z[], double* result, int local_n, int n, MPI_Comm
    comm);
45 void Parallel_scalar_multiplication(double scalar, double local_x[],
46         double local_z[], int local_n);
47
48
49 /*-----
    */
50 int main(void) {
51     int n, local_n;
52     int comm_sz, my_rank;
53     double *local_x, *local_y, *local_z;
54     double scalar, result;
55     MPI_Comm comm;
56
57     MPI_Init(NULL, NULL);
58     comm = MPI_COMM_WORLD;
59     MPI_Comm_size(comm, &comm_sz);
60     MPI_Comm_rank(comm, &my_rank);
61
62     Read_n(&n, &local_n, my_rank, comm_sz, comm);
63
64     Allocate_vectors(&local_x, &local_y, &local_z, local_n, comm);
65
66     Read_vector(local_x, local_n, n, "x", my_rank, comm);
67     Print_vector(local_x, local_n, n, "x is", my_rank, comm);
68     Read_vector(local_y, local_n, n, "y", my_rank, comm);
69     Print_vector(local_y, local_n, n, "y is", my_rank, comm);
70
71     Read_scalar(&scalar, my_rank, comm_sz, comm);
72
73     Parallel_scalar_multiplication(scalar, local_x, local_x, local_n);
74     Print_vector(local_x, local_n, n, "now x is", my_rank, comm);
75     Parallel_vector_dotproduct(local_x, local_y, local_z, &result,
        local_n,
76                                 n, comm);
77

```

```

78     if (my_rank == 0) {
79         printf("The result of (scalar*x[]).y[] is %lf \n", result);
80     }
81
82     free(local_x);
83     free(local_y);
84     free(local_z);
85
86     MPI_Finalize();
87
88     return 0;
89 } /* main */
90
91 /*-----
92  * Function:  Check_for_error
93  * Purpose:   Check whether any process has found an error.  If so,
94  *            print message and terminate all processes.  Otherwise,
95  *            continue execution.
96  * In args:   local_ok: 0 if calling process has found an error, 1
97  *            otherwise
98  *            fname:    name of function calling Check_for_error
99  *            message:  message to print if there's an error
100  *            comm:     communicator containing processes calling
101  *                      Check_for_error: should be MPI_COMM_WORLD.
102  *
103  * Note:
104  *   The communicator containing the processes calling
105  *   Check_for_error
106  *   should be MPI_COMM_WORLD.
107  */
108 void Check_for_error(
109     int      local_ok    /* in */,
110     char     fname[]     /* in */,
111     char     message[]   /* in */,
112     MPI_Comm comm        /* in */) {
113     int ok;
114
115     /* Pega o minimo do vetor
116        Se o minimo for zero, aconteceu algum erro,
117        caso contrario, todos os processos retornaram 1 e estao ok
118     */
119     MPI_Allreduce(&local_ok, &ok, 1, MPI_INT, MPI_MIN, comm);
120     if (ok == 0) {
121         int my_rank;
122         MPI_Comm_rank(comm, &my_rank);

```

```

122     if (my_rank == 0) {
123         fprintf(stderr, "Proc %d > In %s, %s\n", my_rank, fname,
124             message);
125         fflush(stderr);
126     }
127     MPI_Finalize();
128     exit(-1);
129 }
130 } /* Check_for_error */
131
132
133 /*-----
134 * Function:  Read_n
135 * Purpose:   Get the order of the vectors from stdin on proc 0 and
136 *            broadcast to other processes.
137 * In args:   my_rank:    process rank in communicator
138 *            comm_sz:    number of processes in communicator
139 *            comm:       communicator containing all the processes
140 *                        calling Read_n
141 * Out args:  n_p:        global value of n
142 *            local_n_p:  local value of n = n/comm_sz
143 *
144 * Errors:    n should be positive and evenly divisible by comm_sz
145 */
146 void Read_n(
147     int*      n_p          /* out */,
148     int*      local_n_p    /* out */,
149     int       my_rank      /* in  */,
150     int       comm_sz      /* in  */,
151     MPI_Comm  comm         /* in  */) {
152     int local_ok = 1;
153     char *fname = "Read_n";
154
155     if (my_rank == 0) {
156         printf("What's the order of the vectors?\n");
157         scanf("%d", n_p);
158     }
159     MPI_Bcast(n_p, 1, MPI_INT, 0, comm);
160     if (*n_p <= 0 || *n_p % comm_sz != 0) local_ok = 0;
161     Check_for_error(local_ok, fname,
162         "n should be > 0 and evenly divisible by comm_sz", comm);
163     *local_n_p = *n_p/comm_sz;
164 } /* Read_n */
165
166

```

```

167  /*
168  * Function:   Allocate_vectors
169  * Purpose:    Allocate storage for x, y, and z
170  * In args:    local_n:   the size of the local vectors
171  *              comm:      the communicator containing the calling
172                        processes
173  * Out args:   local_x_pp, local_y_pp, local_z_pp: pointers to memory
174                        blocks to be allocated for local vectors
175  *
176  * Errors:     One or more of the calls to malloc fails
177  */
178 void Allocate_vectors(
179     double** local_x_pp /* out */,
180     double** local_y_pp /* out */,
181     double** local_z_pp /* out */,
182     int local_n /* in */,
183     MPI_Comm comm /* in */) {
184     int local_ok = 1;
185     char* fname = "Allocate_vectors";
186
187     *local_x_pp = malloc(local_n*sizeof(double));
188     *local_y_pp = malloc(local_n*sizeof(double));
189     *local_z_pp = malloc(local_n*sizeof(double));
190
191     if (*local_x_pp == NULL || *local_y_pp == NULL ||
192         *local_z_pp == NULL) local_ok = 0;
193     Check_for_error(local_ok, fname, "Can't allocate local vector(s)",
194                     comm);
195 } /* Allocate_vectors */
196
197  /*
198  * Function:   Read_vector
199  * Purpose:    Read a vector from stdin on process 0 and distribute
200  *              among the processes using a block distribution.
201  * In args:    local_n:   size of local vectors
202  *              n:         size of global vector
203  *              vec_name:  name of vector being read (e.g., "x")
204  *              my_rank:   calling process' rank in comm
205  *              comm:      communicator containing calling processes
206  * Out arg:    local_a:   local vector read
207  *
208  * Errors:     if the malloc on process 0 for temporary storage
209  *              fails the program terminates
210  */

```

```

211  * Note:
212  *     This function assumes a block distribution and the order
213  *     of the vector evenly divisible by comm_sz.
214  */
215 void Read_vector(
216     double    local_a[]    /* out */,
217     int        local_n      /* in  */,
218     int        n            /* in  */,
219     char       vec_name[]   /* in  */,
220     int        my_rank      /* in  */,
221     MPI_Comm   comm         /* in  */) {
222
223     double* a = NULL;
224     int i;
225     int local_ok = 1;
226     char* fname = "Read_vector";
227
228     if (my_rank == 0) {
229         a = malloc(n*sizeof(double));
230         if (a == NULL) local_ok = 0;
231         Check_for_error(local_ok, fname, "Can't allocate temporary
232             vector",
233             comm);
234         printf("Enter the vector %s\n", vec_name);
235         for (i = 0; i < n; i++)
236             scanf("%lf", &a[i]); // reads a double (long float)
237         MPI_Scatter(a, local_n, MPI_DOUBLE, local_a, local_n,
238             MPI_DOUBLE, 0,
239             comm);
240         free(a);
241     } else {
242         Check_for_error(local_ok, fname, "Can't allocate temporary
243             vector",
244             comm);
245         MPI_Scatter(a, local_n, MPI_DOUBLE, local_a, local_n,
246             MPI_DOUBLE, 0,
247             comm);
248     }
249 } /* Read_vector */
250
251 /*-----
252  * Function:  Read_scalar
253  * Purpose:   Get the the scalar number from stdin on proc 0 and
254  *            broadcast to other processes.
255  * In args:   my_rank:    process rank in communicator

```



```

252 *          comm_sz:    number of processes in communicator
253 *          comm:       communicator containing all the processes
254 *                      calling Read_n
255 * Out args:  scalar_p:    global value of n
256 *
257 */
258 void Read_scalar(
259     double*    scalar_p      /* out */,
260     int        my_rank       /* in  */,
261     int        comm_sz       /* in  */,
262     MPI_Comm   comm          /* in  */) {
263
264     if (my_rank == 0) {
265         printf("What's the scalar value?\n");
266         scanf("%lf", scalar_p); // reads double
267     }
268     MPI_Bcast(scalar_p, 1, MPI_DOUBLE, 0, comm);
269
270 } /* Read_scalar */
271
272 /*-----
273 * Function:  Print_vector
274 * Purpose:   Print a vector that has a block distribution to stdout
275 * In args:   local_b:  local storage for vector to be printed
276 *            local_n:  order of local vectors
277 *            n:        order of global vector (local_n*comm_sz)
278 *            title:    title to precede print out
279 *            comm:     communicator containing processes calling
280 *                      Print_vector
281 *
282 * Error:     if process 0 can't allocate temporary storage for
283 *            the full vector, the program terminates.
284 *
285 * Note:
286 *     Assumes order of vector is evenly divisible by the number of
287 *     processes
288 */
289 void Print_vector(
290     double     local_b[]     /* in  */,
291     int        local_n       /* in  */,
292     int        n             /* in  */,
293     char       title[]       /* in  */,
294     int        my_rank       /* in  */,
295     MPI_Comm   comm          /* in  */) {
296

```

```

297     double* b = NULL;
298     int i;
299     int local_ok = 1;
300     char* fname = "Print_vector";
301
302     if (my_rank == 0) {
303         b = malloc(n*sizeof(double));
304         if (b == NULL) local_ok = 0;
305         Check_for_error(local_ok, fname, "Can't allocate temporary
306             vector",
307             comm);
308         MPI_Gather(local_b, local_n, MPI_DOUBLE, b, local_n, MPI_DOUBLE
309             ,
310             0, comm);
311         printf("%s\n", title);
312         for (i = 0; i < n; i++)
313             printf("%f ", b[i]);
314         printf("\n");
315         free(b);
316     } else {
317         Check_for_error(local_ok, fname, "Can't allocate temporary
318             vector",
319             comm);
320         MPI_Gather(local_b, local_n, MPI_DOUBLE, b, local_n, MPI_DOUBLE
321             , 0,
322             comm);
323     }
324 } /* Print_vector */
325
326
327
328
329
330
331
332
333
334
335
336
337
338
339
340
341
342
343
344
345
346
347
348
349
350
351
352
353
354
355
356
357
358
359
360
361
362
363
364
365
366
367
368
369
370
371
372
373
374
375
376
377
378
379
380
381
382
383
384
385
386
387
388
389
390
391
392
393
394
395
396
397
398
399
400
401
402
403
404
405
406
407
408
409
410
411
412
413
414
415
416
417
418
419
420
421
422
423
424
425
426
427
428
429
430
431
432
433
434
435
436
437
438
439
440
441
442
443
444
445
446
447
448
449
450
451
452
453
454
455
456
457
458
459
460
461
462
463
464
465
466
467
468
469
470
471
472
473
474
475
476
477
478
479
480
481
482
483
484
485
486
487
488
489
490
491
492
493
494
495
496
497
498
499
500
501
502
503
504
505
506
507
508
509
510
511
512
513
514
515
516
517
518
519
520
521
522
523
524
525
526
527
528
529
530
531
532
533
534
535
536
537
538
539
540
541
542
543
544
545
546
547
548
549
550
551
552
553
554
555
556
557
558
559
560
561
562
563
564
565
566
567
568
569
570
571
572
573
574
575
576
577
578
579
580
581
582
583
584
585
586
587
588
589
590
591
592
593
594
595
596
597
598
599
600
601
602
603
604
605
606
607
608
609
610
611
612
613
614
615
616
617
618
619
620
621
622
623
624
625
626
627
628
629
630
631
632
633
634
635
636
637
638
639
640
641
642
643
644
645
646
647
648
649
650
651
652
653
654
655
656
657
658
659
660
661
662
663
664
665
666
667
668
669
670
671
672
673
674
675
676
677
678
679
680
681
682
683
684
685
686
687
688
689
690
691
692
693
694
695
696
697
698
699
700
701
702
703
704
705
706
707
708
709
710
711
712
713
714
715
716
717
718
719
720
721
722
723
724
725
726
727
728
729
730
731
732
733
734
735
736
737
738
739
740
741
742
743
744
745
746
747
748
749
750
751
752
753
754
755
756
757
758
759
760
761
762
763
764
765
766
767
768
769
770
771
772
773
774
775
776
777
778
779
780
781
782
783
784
785
786
787
788
789
790
791
792
793
794
795
796
797
798
799
800
801
802
803
804
805
806
807
808
809
810
811
812
813
814
815
816
817
818
819
820
821
822
823
824
825
826
827
828
829
830
831
832
833
834
835
836
837
838
839
840
841
842
843
844
845
846
847
848
849
850
851
852
853
854
855
856
857
858
859
860
861
862
863
864
865
866
867
868
869
870
871
872
873
874
875
876
877
878
879
880
881
882
883
884
885
886
887
888
889
890
891
892
893
894
895
896
897
898
899
900
901
902
903
904
905
906
907
908
909
910
911
912
913
914
915
916
917
918
919
920
921
922
923
924
925
926
927
928
929
930
931
932
933
934
935
936
937
938
939
940
941
942
943
944
945
946
947
948
949
950
951
952
953
954
955
956
957
958
959
960
961
962
963
964
965
966
967
968
969
970
971
972
973
974
975
976
977
978
979
980
981
982
983
984
985
986
987
988
989
990
991
992
993
994
995
996
997
998
999

```

```

323 /*-----
324 * Function:  Parallel_vector_dotproduct
325 * Purpose:   Add a vector that's been distributed among the
326               processes
327 * In args:   local_x:  local storage of one of the vectors being
328               added
329               local_y:  local storage for the second vector being
330               added
331               local_n:  the number of components in local_x, local_y,
332               and local_z
333 * Out arg:   local_z:  local storage for the sum of the two vectors
334 */
335 void Parallel_vector_dotproduct(
336     double local_x[], /* in */ ,
337     double local_y[], /* in */ ,

```

```

335     double local_z[] /* out */,
336     double* result /* out */,
337     int local_n /* in */,
338     int n /* in */,
339     MPI_Comm comm /* in */) {
340     int local_i;
341
342     for (local_i = 0; local_i < local_n; local_i++){
343         local_z[local_i] = local_x[local_i] + local_y[local_i];
344     }
345
346     double local_total_z = 0.0;
347     for (local_i = 0; local_i < local_n; local_i++){
348         local_total_z += local_z[local_i];
349     }
350
351     MPI_Reduce(&local_total_z, result, 1, MPI_DOUBLE, MPI_SUM, 0, comm)
352         ;
353 } /* Parallel_vector_dotproduct */
354
355 /*-----
356 * Function: Parallel_scalar_multiplication
357 * Purpose: Add a vector that's been distributed among the
358             processes
359 * In args: scalar: storage for the scalar value
360            local_x: local storage for the second vector being
361            added
362            local_n: the number of components in local_x, local_y,
363            and local_z
364 * Out arg: local_z: local storage for the scalar multiplication of
365            the vector
366 */
367 void Parallel_scalar_multiplication(
368     double scalar /* in */,
369     double local_x[] /* in */,
370     double local_z[] /* out */,
371     int local_n /* in */) {
372     int local_i;
373
374     for (local_i = 0; local_i < local_n; local_i++){
375         local_z[local_i] = local_x[local_i] * scalar;
376     } /* Parallel_scalar_multiplication */

```

2.9 Questão 3.10

In the `Read_vector` function shown in Program 3.9, we use `local_n` as the actual argument for two of the formal arguments to `MPI_Scatter`: `send_count` and `recv_count`. Why is it OK to alias these arguments?

É possível alinhar os dois argumentos porque `send_count` deve ser o número de elementos, de acordo com `send_type`, que serão enviados para cada processo. E, de forma semelhante, o `recv_count` deve ser o número de elementos recebidos do processo raiz, de acordo com `recv_type`. Portanto, neste caso, ambos os argumentos devem receber o valor de `local_n`.

2.10 Questão 3.11

Finding **prefix sums** is a generalization of global sum. Rather than simply finding the sum of n values,

$$x_0 + x_1 + \dots + x_{n-1},$$

the prefix sums are the n partial sums

$$x_0, x_0 + x_1, x_0 + x_1 + x_2, \dots, x_0 + x_1 + \dots + x_{n-1}.$$

- Devise a serial algorithm for computing the n prefix sums of an array with n elements.
- Parallelize your serial algorithm for a system with n processes, each of which is storing one of the x_i s.
- Suppose $n = 2^k$ for some positive integer k . Can you devise a serial algorithm and a parallelization of the serial algorithm so that the parallel algorithm requires only k communication phases?
- MPI provides a collective communication function, `MPI_Scan`, that can be used to compute prefix sums:

```

1  int MPI_Scan(
2      void*          sendbuf_p    /* in  */,
3      void*          recvbuf_p    /* out */,
4      int            count        /* in  */,
5      MPI_Datatype    datatype     /* in  */,
6      MPI_Op          op          /* in  */,
7      MPI_Comm        comm        /* in  */);

```

It operates on arrays with `count` elements; both `sendbuf_p` and `recvbuf_p` should refer to blocks of `count` elements of type `datatype`. The `op` argument is the same as `op` for `MPI_Reduce`. Write an MPI program that generates a random array of `count` elements on each MPI process, finds the prefix sums, and prints the results.

a.

```

1  #include <stdio.h>
2  #include <time.h>
3  #include <stdlib.h>
4
5  int main() {
6      int n = 15;

```

```

7      srand( time(NULL) );
8
9      int vec[n];
10     int prefix_sum[n];
11
12     for(int i = 0; i < n; i++){
13         vec[i] = rand() % 10; // number between 0 and 9
14         printf("%d ", vec[i]);
15     }
16     printf("\n");
17
18     for(int i = 0; i < n; i++){
19         prefix_sum[i] = 0;
20         for(int j = 0; j <= i; j++){
21             prefix_sum[i] += vec[j];
22         }
23         printf("%d ", prefix_sum[i]);
24     }
25 }

```

b.

```

1  #include <stdio.h>
2  #include <time.h>
3  #include <stdlib.h>
4  #include <mpi.h>
5
6  int main() {
7      int comm_sz; /* Number of processes */
8      int my_rank; /* My process rank */
9      MPI_Init(NULL, NULL);
10     MPI_Comm comm = MPI_COMM_WORLD;
11     MPI_Comm_size(comm, &comm_sz);
12     MPI_Comm_rank(comm, &my_rank);
13
14     int vec_i;
15     int prefix_sum = 0;
16     int n = comm_sz;
17     int vec[n];
18
19     if (my_rank == 0){
20         srand( time(NULL) );
21         for(int i = 0; i < n; i++){
22             vec[i] = rand() % 10; // number between 0 and 9
23             printf("%d ", vec[i]);
24         }

```

```

25     printf("\n");
26
27     MPI_Scatter(vec, 1, MPI_INT, &vec_i, 1, MPI_INT, 0, comm);
28 }
29 else {
30     MPI_Scatter(vec, 1, MPI_INT, &vec_i, 1, MPI_INT, 0, comm);
31 }
32
33 // envia para todos os processo maiores do que ele mesmo
34 for(int i = my_rank; i < comm_sz; i++){
35     MPI_Send(&vec_i, 1, MPI_INT, i, 0, comm);
36 }
37
38 // recebe de todos os processos menores que ele mesmo
39 prefix_sum += vec_i;
40 for(int i = 0; i < my_rank; i++){
41     int aux_vec_i = 0;
42     MPI_Recv(&aux_vec_i, 1, MPI_INT, i, 0, comm,
43             MPI_STATUS_IGNORE);
44     prefix_sum += aux_vec_i;
45 }
46
47 // Imprime o resultado na tela
48 if (my_rank != 0) {
49     MPI_Send(&prefix_sum, 1, MPI_INT, 0, 1, comm);
50 } else {
51     printf("%d ", vec_i);
52     for (int q = 1; q < comm_sz; q++) {
53         int aux;
54         MPI_Recv(&aux, 1, MPI_INT, q, 1, comm, MPI_STATUS_IGNORE)
55         ;
56         printf("%d ", aux);
57     }
58     printf("\n");
59 }
60
61 MPI_Finalize();
62 return 0;
63 }

```

c. Serial

```

1 #include <stdio.h>
2 #include <time.h>

```

```

3  #include <stdlib.h>
4  #include <math.h>
5
6  int main() {
7      int n = 8;
8      srand(time(NULL));
9
10     int vec[n];
11
12     for(int i = 0; i < n; i++){
13         vec[i] = 1; //rand() % 10; // number between 0 and 9
14         printf("%d ", vec[i]);
15     }
16     printf("\n");
17
18     for(int k = 0; k < log2(n); k++){
19         printf("k is %d\n", k);
20         for(int i = pow(2, k) - 1; i < pow(2, log2(n)); i = i + pow(2, k
21             + 1)){
22             printf("i is %d\n", i);
23             for(int j = 1; j <= pow(2, k); j++){
24                 printf("vec[%d] = vec[%d] + vec[%d]\n", i+j, i, i+j);
25                 vec[i+j] = vec[i] + vec[i+j];
26             }
27             for(int i = 0; i < n; i++){
28                 printf("%d ", vec[i]);
29             }
30             printf("\n");
31         }
32
33         for(int i = 0; i < n; i++){
34             printf("%d ", vec[i]);
35         }
36         printf("\n");
37     }

```

Paralelo

```

1  #include <stdio.h>
2  #include <time.h>
3  #include <stdlib.h>
4  #include <math.h>
5
6  int main() {
7      int n = 8;

```

```

8      srand( time(NULL));
9
10     int vec[n];
11
12     for(int i = 0; i < n; i++){
13         vec[i] = 1; //rand() % 10; // number between 0 and 9
14         printf("%d ", vec[i]);
15     }
16     printf("\n");
17
18     for(int k = 0; k < log2(n); k++){
19         printf("k is %d\n",k);
20         for(int i = pow(2,k) - 1; i < pow(2,log2(n)); i = i + pow(2,k
21             +1)){
22             printf("i is %d\n",i);
23             for(int j = 1; j <= pow(2,k); j++){
24                 printf("vec[%d] = vec[%d] + vec[%d]\n",i+j,i,i+j);
25                 vec[i+j] = vec[i] + vec[i+j];
26             }
27         }
28         for(int i = 0; i < n; i++){
29             printf("%d ", vec[i]);
30         }
31         printf("\n");
32
33         for(int i = 0; i < n; i++){
34             printf("%d ", vec[i]);
35         }
36         printf("\n");
37     }

```

d.

```

1  #include <stdio.h>
2  #include <stdlib.h>
3  #include <time.h>
4  #include <mpi.h>
5
6  void print_vec(int vec[], int n);
7
8  int main(void) {
9      int comm_sz; /* Number of processes */
10     int my_rank; /* My process rank */
11     MPI_Init(NULL, NULL);
12     MPI_Comm comm = MPI_COMM_WORLD;

```



```

13     MPI_Comm_size(comm, &comm_sz);
14     MPI_Comm_rank(comm, &my_rank);
15
16     int count = comm_sz;
17     int vec[count];
18     int sum[count];
19
20     srand(my_rank+1);
21     for(int i = 0; i < count; i++){
22         vec[i] = rand() % 10; // number between 0 and 9
23         sum[i] = 0;
24     }
25
26     MPI_Scan(vec, sum, count, MPI_INT, MPI_SUM, comm);
27
28     if (my_rank != 0) {
29         MPI_Send(vec, count, MPI_INT, 0, 0, comm);
30         MPI_Send(sum, count, MPI_INT, 0, 0, comm);
31     } else {
32         printf("rank %d - [", my_rank);
33         print_vec(vec, count);
34         printf("] => [");
35         print_vec(sum, count);
36         printf("]\n");
37         for (int q = 1; q < comm_sz; q++) {
38             MPI_Recv(vec, count, MPI_INT, q, 0, comm,
39                     MPI_STATUS_IGNORE);
40             MPI_Recv(sum, count, MPI_INT, q, 0, comm,
41                     MPI_STATUS_IGNORE);
42             printf("rank %d - [", q);
43             print_vec(vec, count);
44             printf("] => [");
45             print_vec(sum, count);
46             printf("]\n");
47         }
48     }
49
50     MPI_Finalize();
51     return 0;
52 }
53
54 void print_vec(int vec[], int n){
55     for(int i = 0; i < n; i++){
56         printf("%d ", vec[i]);
57     }

```

56 }

Output: [vec] => [sum]

rank 0 - [3 6 7 5 3] => [3 6 7 5 3]

rank 1 - [0 9 8 5 1] => [3 15 15 10 4]

rank 2 - [6 5 8 0 5] => [9 20 23 10 9]

rank 3 - [1 3 4 6 3] => [10 23 27 16 12]

rank 4 - [5 5 0 2 6] => [15 28 27 18 18]