Estruturas de Dados I Pilhas

Igor Machado Coelho

16/09/2020 - 13/04/2023

- Pilhas
- 2 Tipo Abstrato: Pilha
- Pilhas Sequenciais
- 4 Pilhas Encadeadas
- 5 Pilhas na Biblioteca Padrão
- 6 Análise de Complexidade
- Agradecimentos

Section 1

Pilhas

Pré-Requisitos

São requisitos para essa aula o conhecimento de:

- Introdução/Fundamentos de Programação (em alguma linguagem de programação)
- Interesse em aprender C/C++
- Noções de tipos de dados
- Noções de listas e encadeamento

Section 2

Tipo Abstrato: Pilha

Pilha

A Pilha (do inglês Stack) é um Tipo Abstrato de Dado (TAD) que pode ser compreendida como vemos no cotidiano.

Em uma *pilha de pratos*, por exemplo:

- Só se consegue "inserir" (empilhar) novos pratos no topo da pilha
- Só podemos "remover" (desempilhar) os pratos do topo da pilha



Figure 1: Pilhas

Pilhas na computação

Pilhas são estruturas fundamentais na própria computação.

Por exemplo, as chamadas de uma função recursiva podem ser feitas utilizando uma pilha!

... e é precisamente desta maneira que o sistema operacional consegue executar várias de suas funções internas!

Linguagens de programação como Java, C# e Python são implementadas através de operações em pilhas.

Operações de uma Pilha

Uma Pilha é uma estrutura de dados linear (assim como estruturas de lista), consistindo de 3 operações básicas:

- topo
- empilhar (push)
- desempilhar (pop)

Seu comportamento é descrito como LIFO (last-in first-out), ou seja, o *último* elemento a entrar na pilha será o *primeiro* a sair.

Implementações

De forma geral, uma pilha pode ser implementada utilizando uma lista linear, porém com acesso aos elementos restritos a uma única extremidade dessa lista.

$$\rightleftharpoons$$
 | 3 | 2 | 1 |

Para o TAD Pilha, estudaremos duas formas distintas de implementação: Sequencial e Encadeada.

Definição do *Conceito* Pilha em C++

O conceito de pilha somente requer suas três operações básicas. Como consideramos uma pilha genérica (pilha de inteiro, char, etc), definimos um conceito genérico chamado PilhaTAD:

```
template<typename Agregado, typename Tipo>
concept PilhaTAD = requires(Agregado a, Tipo t)
{
   // requer operação 'topo'
   { a.topo() };
   // requer operação 'empilha' sobre tipo 't'
   { a.empilha(t) };
   // requer operação 'desempilha'
   { a.desempilha() };
   // requer operação 'tamanho'
   { a.tamanho() };
};
```

Section 3

Pilhas Sequenciais

Pilhas Sequenciais

As Pilhas Sequenciais utilizam um array para armazenar os dados. Assim, os dados sempre estarão em um *espaço contíguo* de memória.

Implementação

Consideraremos uma pilha sequencial com, no máximo, MAXN elementos do tipo caractere.

```
constexpr int MAXN = 100'000; // capacidade máxima da pilha
class PilhaSeq1
public:
  char elementos [MAXN]:
                              // elementos na pilha
  int N:
                               // num. de elementos na pilha
  void cria () { ... }
                              // inicializa agregado
  void libera () { ... }
                              // finaliza agregado
  char topo () { ... }
  void empilha (char dado){ ... };
  char desempilha () { ... };
  int tamanho() { ... };
};
// verifica se agregado PilhaSeq1 satisfaz conceito PilhaTAD
```

Utilização da Pilha

Antes de completar as funções pendentes, utilizaremos a PilhaSeq1:

```
int main () {
   PilhaSeq1 p;
   p.cria();
   p.empilha('A');
   p.empilha('B');
   p.empilha('C');
   print("{}\n", p.topo());
   print("{}\n", p.desempilha());
   p.empilha('D');
   while(p.tamanho() > 0)
      print("{}\n", p.desempilha());
   p.libera();
   return 0;
```

Verifique as impressões em tela: C C D B A

Implementação: Cria e Libera

A operação cria inicializa a pilha para uso, e a função libera desaloca os recursos dinâmicos.

```
class PilhaSeq1 {
void cria() {
  this->N = 0:
void libera() {
   // nenhum recurso dinâmico para desalocar
```

Implementação: Empilha / Desempilha

A operação empilha em uma pilha sequencial adiciona um novo elemento ao topo da pilha. A operação desempilha em uma pilha sequencial remove e retorna o último elemento da pilha.

```
class PilhaSeq1 {
void empilha(char dado) {
   this->elementos[this->N] = dado;
                              //N = N + 1
  this->N++;
char desempilha() {
                              // N = N - 1
  this->N--;
   return elementos[this->N];
}
```

Implementação: Topo

A operação de topo em uma pilha sequencial retorna o último elemento empilhado.

```
class PilhaSeq1 {
char topo() { return this->elementos[this->N-1]; }
int tamanho() { return this->N: }
. . .
```

Desafio: O que aconteceria se a pilha estivesse vazia e o topo() fosse invocado? Como permitir que o programa continue mesmo após situações inesperadas como essa?

Dica: Retorne um char **opcional**, com uma pequena modificação na função topo(). Exemplo: std::optional<char> topo() { ... }.

Exemplo de uso

Considere uma pilha sequencial (MAXN=5): PilhaSeq1 p; p.cria();

Agora, empilhamos A, B e C, e depois desempilhamos uma vez.

Qual o topo atual da pilha?

Análise Preliminar: Pilha Seguencial

A Pilha Sequencial tem a vantagem de ser bastante simples de implementar, ocupando um espaço constante (na memória) para todas operações.

Porém, existe a limitação física de MAXN posições imposta pela alocação estática, não permitindo que a pilha ultrapasse esse limite.

Desafio: implemente uma Pilha Sequencial utilizando alocação dinâmica para o vetor elementos. Assim, quando não houver espaço para novos elementos, aloque mais espaço na memória (copiando elementos existentes para o novo vetor).

Dica: Experimente a estratégia de dobrar a capacidade da pilha (quando necessário), e reduzir à metade a capacidade (quando necessário). Essa estratégia é bastante eficiente, mas requer alteração nos métodos cria, libera, empilha e desempilha.

Section 4

Pilhas Encadeadas

Pilhas Encadeadas

A implementação do TAD Pilha pode ser feito através de uma *estrutura encadeada* com alocação dinâmica de memória.

A vantagem é não precisar pre-determinar uma capacidade máxima da pilha (o limite é a memória do computador!). A desvantagem é depender de implementações ligeiramente mais complexas.

Implementação com ponteiros

Consideraremos uma pilha encadeada, utilizando um agregado NoPilha1 para conectar cada elemento da pilha:

```
class NoPilha1
                     class PilhaEnc1
public:
                     public:
   char dado;
              NoPilha1* inicio;
   NoPilha1* prox; int N;
                       void cria () { ... }
};
                       void libera () { ... }
                       char topo () { ... }
                       void empilha (char dado){ ... }
                       char desempilha () { ... }
                       int tamanho() { ... }
                     };
                     // verifica agregado PilhaEnc1
                     static_assert(PilhaTAD<PilhaEnc1, char>);
```

```
class PilhaEnc1 {
void cria() {
  this->N = 0; // zero elementos na pilha
  this->inicio = 0; // endereço zero de memória
}
```

Exemplo de uso

Variável local do tipo Pilha Encadeada:

```
PilhaEnc1 p;
p.cria();
```

```
Visualização da memória
```

Implementação: Empilha

```
void empilha(char v) {
 auto* no = new NoPilha1{.dado = v, .prox = this->inicio};
 this->inicio = no:
                       // N = N + 1
 this->N++:
```

```
Na memória: p.empilha('A'); p.empilha('B');
p.N: 0 p.inicio: 0 topo \leftarrow \epsilon
       4 ... 100 104 108 112 116 ... 8GiB
p.N: 1 p.inicio: 112 topo \leftarrow A
                              | A | O |
       4 ... 100 104 108 112 116 ... 8GiB
p.N: 2
       p.inicio: 100 topo \leftarrow B \leftarrow A
                4 ... 100 104 108 112 116 ... 8GiB
```

Implementação: Desempilha

```
char desempilha() {
   NoPilha1* p = this->inicio->prox;
   char r = this->inicio->dado;
   delete this->inicio;
   this->inicio = p;
   this->N--;
   return r;
class NoPilha1
{
   public:
      char dado;
   NoPilha1* prox;
   };
   return r;
```

Implementação: Libera

```
void libera() {
   while (this->N > 0) {
      NoPilha1* p = this->inicio->prox;
      delete this->inicio; this->inicio = p; this->N--;
   }
}
```

```
Na memória: p.libera();
p.N: 2
      p.inicio: 100 topo \leftarrow B \leftarrow A
                    B | 112 |
        4 ... 100 104 108 112 116 ... 8GiB
p.N: 1 p.inicio: 112 topo \leftarrow A
        4 ... 100 104 108 112 116 ... 8GiB
        p.inicio: 0
p.N: 0
                  topo \leftarrow \epsilon
                    100 104
                                108 112 116 ... 8GiB
```

Implementação com ponteiros inteligentes

Para uma implementação mais segura, é possível utilizar smart pointers. Em especial, basta utilizar o std::unique ptr. Para simplificar a sintaxe, consideramos o seguinte "atalho" para o nome dos ponteiros únicos:

```
template<typename T>
using uptr = std::unique ptr<T>;
```

Dessa forma, basta escrever uptr<int> para representar um std::unique_ptr<int>.

Implementação com ponteiros inteligentes

Consideraremos uma pilha encadeada, utilizando um agregado NoPilha2 para conectar cada elemento da pilha:

```
class NoPilha2
                     class PilhaEnc2
public:
                     public:
  char dado;
                        uptr<NoPilha2> inicio;
  uptr<NoPilha2> prox; int N;
                        void cria () { ... }
};
                        void libera () { ... }
                        char topo () { ... }
                        void empilha (char dado){ ... }
                        char desempilha () { ... }
                        int tamanho() { ... }
                     };
                     // verifica agregado PilhaEnc2
                     static_assert(PilhaTAD<PilhaEnc2, char>);
```

Implementação: Cria

```
class PilhaEnc2 {
void cria() {
  this->N = 0; // zero elementos na pilha
  // this->inicio = 0; // não é necessário inicializar
}
```

Implementação: Empilha

```
void empilha(char v) {
  this->inicio = std::make_unique<NoPilha2>(
    NoPilha2{.dado = v, .prox = std::move(this->inicio)}
  );
                          //N = N + 1
  this->N++;
```

Implementação: Desempilha

```
char desempilha() {
   char r = this->inicio->dado;
   this->inicio = std::move(this->inicio->prox);
   this->N--;
                        //N=N-1
   return r;
```

Implementação: Libera (inseguro)

```
void libera() {
  this->inicio.reset();
   // todo o resto é destruído automaticamente
   // CUIDADO com estouro de pilha (stack overflow!)
```

Implementação: Libera (seguro)

```
void libera() {
  // seguro contra stack overflow
   while (this->tamanho() > 0) {
      this->inicio = std::move(this->inicio->prox);
      this->N--;
```

Análise Preliminar: Pilha Encadeada

A Pilha Encadeada é flexível em relação ao espaço de memória, permitindo maior ou menor utilização.

Como desvantagem tende a ter acessos de memória ligeiramente mais lentos, devido ao espalhamento dos elementos por toda a memória do computador (perdendo as vantagens de acesso rápido na *memória cache*, por exemplo).

Também é considerada como desvantagem o gasto de espaço extra com ponteiros em cada elemento, o que não acontece na Pilha Sequencial.

Section 5

Pilhas na Biblioteca Padrão

Uso da std::stack

Em C/C++, é possível utilizar implementações *prontas* do TAD Pilha. A vantagem é a grande eficiência computacional e amplo conjunto de testes, evitando erros de implementação.

Na STL, basta fazer #include<stack> e usar métodos push, pop e top.

```
#include<stack>
                             // inclui pilha genérica
// #include<fmt/core.h> // inclui fmt::print
// using fmt::print;
int main() {
   std::stack<char> p;
                             // pilha de char
   p.push('A');
  p.push('B');
   // print("\{\}\n", p.top()); // imprime B
  p.pop();
   // print("{} n", p.top()); // imprime A
   return 0;
```

Igor Machado Coelho

Definindo um TAD para std::stack

Desafio: escreva um conceito (utilizando o recurso C++ Concepts) para o std::stack da STL, considerando operações push, pop e top.

Dica: Utilize o conceito PilhaTAD apresentado no curso, e faça os devidos ajustes. Verifique se std::stack passa no teste com static_assert.

Você pode compilar o código proposto (começando pelo slide anterior em um arquivo chamado main pilha.cpp) através do comando:

Fim implementações

Fim parte de implementações.

Section 6

Análise de Complexidade

Pilha: Revisão Geral

- Para que serve uma pilha?
- Quais são os 3 métodos de uma pilha?
- Qual é a complexidade de cada método em uma Pilha Sequencial?
- Qual é a complexidade de cada método em uma Pilha Encadeada?
- Quais as vantagens e desvantagens de cada implementação de pilha?

Igor Machado Coelho

Bibliografia Recomendada

Além da bibliografia do curso, recomendamos para esse tópico:

- Szwarcfiter, J.L; Markenzon, L. Estruturas de Dados e seus Algoritmos. Rio de Janeiro, LTC, 1994. Bibliografia Adicional:
- Cerqueira, R.; Celes, W.; Rangel, J.L. Introdução a estruturas de dados: com técnicas de programação em C. Editora, 2004.
- Cormen, T.H.; Leiserson, C.E.; Rivest, R.L.; Stein Algoritmos: Teoria e Prática. Ed. Campus, 2002.
- Cormen, T.H.; Leiserson, C.E.; Rivest, R.L.; Stein, C. Introduction to Algorithms, 3rd ed.. The MIT Press, 2009.
- Preiss, B.R. Estruturas de Dados e Algoritmos Ed. Campus, 2000;
- Knuth, D.E. The Art of Computer Programming Vols I e III. 2nd Edition. Addison Wesley, 1973.
- Graham, R.L., Knuth, D.E., Patashnik, O. Matemática Concreta. Segunda Edição, Rio de Janeiro, LTC, 1995.
- Livro "The C++ Programming Language" de Bjarne Stroustrup
- Dicas e normas C++: https://github.com/isocpp/CppCoreGuidelines

Igor Machado Coelho Estruturas de Dados I 16/09/2020 - 13/04/2023 42 / 48

Section 7

Agradecimentos

Pessoas

Em especial, agradeço aos colegas que elaboraram bons materiais, como o prof. Fabiano Oliveira (IME-UERJ), e o prof. Jayme Szwarcfiter cujos conceitos formam o cerne desses slides.

Estendo os agradecimentos aos demais colegas que colaboraram com a elaboração do material do curso de Pesquisa Operacional, que abriu caminho para verificação prática dessa tecnologia de slides.

Software

Esse material de curso só é possível graças aos inúmeros projetos de código-aberto que são necessários a ele, incluindo:

- pandoc
- LaTeX
- GNU/Linux
- git
- markdown-preview-enhanced (github)
- visual studio code
- atom
- revealjs
- groomit-mpx (screen drawing tool)
- xournal (screen drawing tool)
- ...

Empresas

Agradecimento especial a empresas que suportam projetos livres envolvidos nesse curso:

- github
- gitlab
- microsoft
- google
- . . .

Reprodução do material

Esses slides foram escritos utilizando pandoc, segundo o tutorial ilectures:

https://igormcoelho.github.io/ilectures-pandoc/

Exceto expressamente mencionado (com as devidas ressalvas ao material cedido por colegas), a licença será Creative Commons.

Licença: CC-BY 4.0 2020

Igor Machado Coelho

This Slide Is Intentionally Blank (for goomit-mpx)