# Universidade Federal de Santa Catarina

# Relatório Final

Passeio dos Filósofos

Alunos

Fernando Battisti Iago de Oliveira Silvestre Ígor Assis Rocha Yamamoto Thiago Maurici Espindola

Professores
Fábio Luíz Baldissera
José E. R. Cury
Max Hering de Queiroz

Julho de 2016

# Sumário

1	$\operatorname{Pro}$	blema										<b>2</b>
	1.1	Descrição										2
	1.2									3		
2	Sol	ução										4
	2.1	.1 Considerações Iniciais										4
		2.1.1 Camadas da l	Rótula									4
		2.1.2 Alfabeto do S	Sistema									5
	2.2 Modelagem da Planta											6
		2.2.1 Secções da Ro	ótula (Recursos $S_i$ ).									6
		2.2.2 Entradas da l	Rótula $(E_j)$									8
	2.3	Modelagem das Espe	ecificações									8
		2.3.1 Propriedade o	de Ordenamento Entr	re o	s F	lec	urs	SOS				8
		2.3.2 Diferenciação	entre Camadas									9
		2.3.3 Propriedade of	de Justiça									10
		2.3.4 Propriedade of	de Uso, uma Vez só .									11
	2.4	Análise do Modelo										13
	2.5 Síntese do Controlador							13				
		2.5.1 Síntese Mono	lítica									13
		2.5.2 Síntese Modu	ılar									13
			ara Evitar o <i>Gridlock</i>									13
	2.6	Conclusão										16
		2.6.1 Sobre o Probl	lema Proposto									16
		2.6.2 Avaliação dos	s Resultados Obtidos									16

# 1 Problema

# 1.1 Descrição

O sistema definido para um conjunto qualquer de processos e de recursos deve satisfazer as seguintes propriedades:

- Qualquer processo deve acessar uma sequência ordenada de recursos, a partir de qualquer recurso.
- Qualquer recurso é acessado por um único processo ao mesmo tempo (*Propriedade de exclusão mutua*).
- Qualquer recurso solicitado será sempre atribuído em algum momento futuro (*Propriedade de justiça "no starvation"*).

Os processos devem ter um comportamento que respeite as condições seguintes:

- Um processo pode solicitar um recurso somente se possuir o recurso anterior ou se não possuir qualquer recurso (*Propriedade de ordenamento entre os recursos*).
- Após liberar um recurso que ele possue, nenhum processo voltará a solicita-lo imediatamente (*Propriedade de uso, uma vez só*).
- Se cada processo obtiver cada recurso que solicita, ele liberará sempre qualquer recurso que lhe pertence (*Propriedade de liberação de recurso*).

A situação a evitar é conhecida como "gridlock" e definida por:

- cada recurso pertence a um processo,
- cada processo quer obter o novo recurso,
- nenhum processo libera seu recurso atual.

## 1.2 Comentários

Contrariamente ao caso do problema do almoço dos filósofos onde cada processo compete repetidamente por uma única seção critica, cada processo no caso do passeio dos filósofos compete por vários recursos em momentos diferentes, sendo que estes são solicitados seguindo uma ordem específica. Finalmente, o problema do passeio dos filósofos pode ser visto a partir de uma analogia com uma "rótula" num cruzamento múltiplo, dividida em partes iguais (vistas como recursos), na qual processos (vistos como processos) entram e saem (de e para várias direções). Neste problema, utilizaremos oito seções da "rótula" (ou recursos) e processos (ou processos) vindo de e indo para 4 direções. A Figura 1 mostra a rótula de forma esquemática.

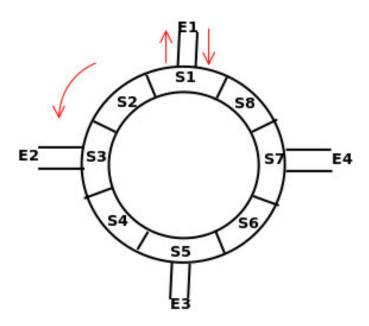


Figura 1: Rótula

# 2 Solução

# 2.1 Considerações Iniciais

A solução proposta neste relatório leva em consideração que existe um número de processos (filósofos), desconhecidos a priori, que competem por 8 recursos (secções da rótula - Figura 1).

A modelagem da planta foi feita sob o ponto de vista dos elementos da rótula: 8 seções  $(S_i, i = 1, ..., 8)$  e 4 entradas  $(E_j, j = 1, ..., 4)$ , com estados informando sobre a presença de filósofos. Enquanto as especificações respeitam as propriedades enunciadas no problema.

Cada processo chega na rótula a partir de uma das entradas  $E_j$  com destino de saída (por uma das 4 direções) estabelecido. Conhecido o destino de cada processo, o mesmo deve seguir um caminho fixo para cumpri-lo.

A modelagem proposta pode ser compreendida levando-se em conta a existência de 4 "camadas de rótula" ( $C_k, k = 1, ..., 4$ ) superpostas. Onde cada camada de rótula contém todos os caminhos que conduzem o processo a sua destinação fornecida ao chegar na entrada da rótula.

Todos os modelos desenvolvidos durante o projeto foram criados com o auxílio da ferramenta computacional *supremica*.

### 2.1.1 Camadas da Rótula

O conceito abstrato das camadas da rótula, representadas na Figura 2, foi criado para que haja diferenciação dos caminhos que cada processo deve seguir para sair pela direção já definida na entrada. Os processos podem ingressar em qualquer camada  $(C_k)$  a partir de de qualquer entrada  $(E_j)$ . Os processos devem sair pela direção correspondente de sua camada:

- Camada 1 ( $C_1$ ): saída da rótula por  $E_1$ ;
- Camada 2 ( $C_2$ ): saída da rótula por  $E_2$ ;
- Camada 3 ( $C_3$ ): saída da rótula por  $E_3$ ;
- Camada 4 ( $C_4$ ): saída da rótula por  $E_4$ .

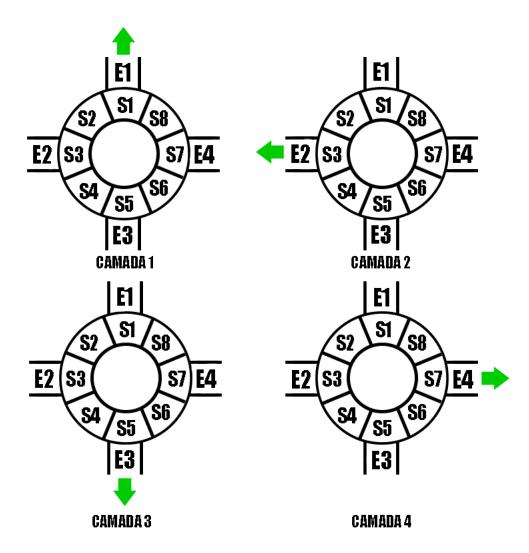


Figura 2: Representação das Camadas da Rótula

### 2.1.2 Alfabeto do Sistema

Cada camada da rótula possui seu próprio alfabeto com os seguintes eventos:

- cj\_Ck: processo chega (ocupa) à entrada  $E_j$  com destino a  $E_k$ ;
- ej\_Ck: processo entra (ocupa secção da rótula, vindo da entrada) pela camada  $C_k$  partindo da entrada  $E_j$ ;
- **pri\_Ck:** processo pega (ocupa secção da rótula, vindo de outra secção) o recurso  $S_i$ , estando ele na camada  $C_k$ ;

• Lri\_Ck: processo libera (desocupa secção da rótula em direção à outra secção) o recurso  $S_i$  da camada  $C_k$ .

Além dos eventos próprios de cada camada, existe 1 evento independente:

• sj: processo sai (desocupa secção em direção à saída) da rótula por  $E_j$ .

Quanto a controlabilidade dos eventos, temos:

- controláveis: ej\_Ck, pri\_Ck, Lri\_Ck, sj;
- não-controláveis: cj\_Ck.

# 2.2 Modelagem da Planta

### 2.2.1 Secções da Rótula (Recursos $S_i$ )

### **Estados:**

- Si\_L: recurso  $S_i$  livre;
- Si\_O: recurso  $S_i$  ocupado;

**Descrição:** Para os modelos dos recursos  $S_i$ , foram considerados 2 estados denominados Si\_L e Si\_O, que representam um recurso livre e um ocupado por um processo, respectivamente. Para os recursos  $S_i$  adjacentes às entradas  $E_j$ , após ocorrer um evento pri\_Ck ou um ej\_1\_Ck<sub>2</sub>, os mesmos passam a ficar ocupados e só ficaram livres novamente caso ocorra Lri\_Ck ou sj. Já para os recursos  $S_i$  não adjacentes à  $E_j$ , a ocorrência de um evento pri\_Ck, ocupa  $S_i$ , que só ficará livre novamente caso ocorra Lri\_Ck.

Existem 8 modelos de recursos (um para cada secção). Para ilustração dos mesmos, apresentamos aqui somente um exemplo de recurso adjacente à uma entrada (S1: Figura 3) e outro não adjacente (S2: Figura 4).

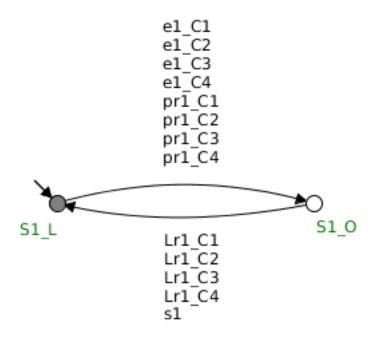


Figura 3: Recurso S1

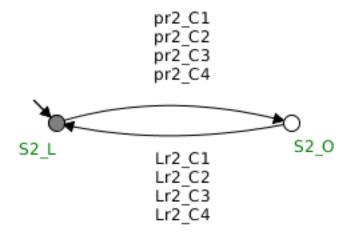


Figura 4: Recurso S2

# 2.2.2 Entradas da Rótula $(E_i)$

### **Estados:**

• **Ej\_L:** direção  $E_j$  livre;

• **Ej\_O:** direção  $E_j$  ocupada;

**Descrição:** Para os modelos das entradas, consideramos 2 estados nomeados Ej\_L e Ej\_O que representam, respectivamente, quando uma entrada está livre ou ocupada. Quando o autômato está no estado Ej\_L e ocorre cj<sub>1</sub>\_Ck<sub>2</sub> a entrada passa para a ficar Ej\_O e então só ficará livre novamente caso ocorra ej<sub>1</sub>\_Ck<sub>2</sub>.

Temos 4 modelos para as entradas e, para não deixarmos o relatório cansativo, como os outros são análogos, apresentamos aqui somente E1.

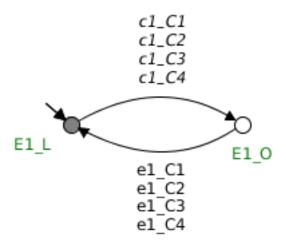


Figura 5: Entrada E1

# 2.3 Modelagem das Especificações

### 2.3.1 Propriedade de Ordenamento Entre os Recursos

Os processos devem acessar os recursos respeitando uma sequência ordenada (no sentido anti-horário). Foram criados modelos com as condições de acesso de cada recurso em cada camada. (8 recursos x 4 camadas = 32 modelos de acesso), denominados  $Ck:Acesso\_Si$ .

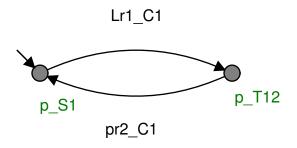


Figura 6: Acesso ao Recurso  $S_2$ 

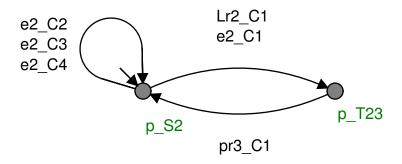


Figura 7: Acesso ao Recurso  $S_3$ 

## 2.3.2 Diferenciação entre Camadas

Cada camada possui seu próprio alfabeto e representa a saída por um local específico. Para diferencia-las, foram modelados diferentes autômatos de modo que se um recurso pertencente a determinada camada ele não pode passar para outra camada, pois isso alteraria seu destino.

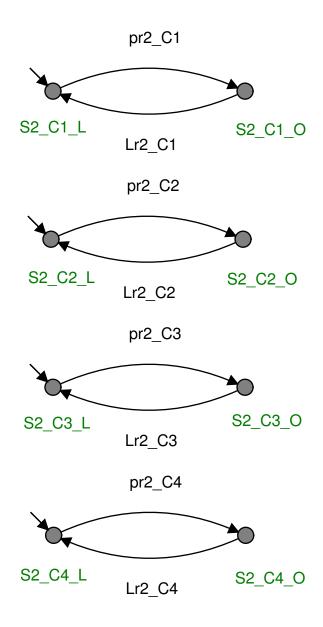


Figura 8: Diferenciação entre camadas para  $S_2$ 

## 2.3.3 Propriedade de Justiça

Para esta propriedade, foram modeladas as saídas das rótulas. Para que um processo possa sair, ele deve estar ocupando o recurso  $S_i$  que está em contato com a saída  $E_j$  que deseja sair (ao entrar na rótula ele já sabe o seu destino). Então, toda vez que ocorre pr1\_C1 (processo pega recurso  $S_1$  com destino a  $E_1$ ), pr3\_C2 (processo pega  $S_3$  com destino a  $E_2$ ), pr5\_C3 (processo

pega recurso  $S_5$  com destino a  $E_3$ ) e pr7\_C4 (processo pega recurso  $S_7$  com destino a  $E_4$ ), ele não poderá mais liberar o recurso que pegou, somente sair.

Temos 4 modelos para as saídas e, para não deixarmos o relatório cansativo, como os outros são análogos, apresentamos aqui somente C1:Saida\_E1.

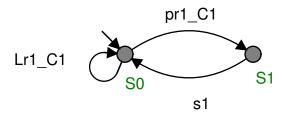


Figura 9: Saída da Camada 1 da Rótula (via  $E_1$ )

### 2.3.4 Propriedade de Uso, uma Vez só

Aqui queremos garantir que após liberar um recurso que um processo possui, nenhum processo voltará a solicita-lo imediatamente. Para isso, ao ocorrer Lri\_Ck, impedimos que o recurso volte a ser ocupado através de pri\_Ck ou ej\_\_Ck\_2 (para os recursos  $S_i$  em contato com as entradas  $E_j$ ) até que o processo que havia liberado este recurso pegue o recurso seguinte.

Foram modelados 8 autômatos para satisfazer esta propriedade, um para cada recurso e, para não deixarmos o relatório cansativo, como os outros são análogos, apresentamos aqui somente S1:Uso e S2:Uso.

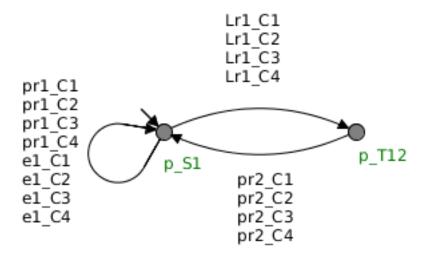


Figura 10: Uso do Recurso  $S_1$ 

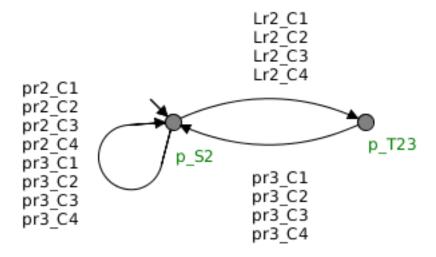


Figura 11: Uso do Recurso  $S_2$ 

### 2.4 Análise do Modelo

A partir dos modelos das plantas e das especificações descritas nas seções 2.2 e 2.3, foram realizadas inspeções no sistema através do simulador da ferramenta computacional a fim de detectar situações indesejáveis (bloqueio).

Uma situação de bloqueio específica foi identificada por meio da simulação. A Figura 12 mostra a situação, conhecida domo gridlock. Fisicamente, esta situação representa que todos os processos estão em um recurso  $S_i$ , desejam acessar o recurso  $S_{i+1}$  e nenhum processo libera seu recurso atual. Nenhum processo também está no recurso  $S_i$  que faz contato com o destino  $E_j$  que ele deseja sair.

### 2.5 Síntese do Controlador

### 2.5.1 Síntese Monolítica

Devido a um elevado número de estados presentes na modelagem do problema, a ferramenta computacional não foi possível capaz de calcular um supervisor monolítico.

### 2.5.2 Síntese Modular

Os supervisores modulares (Figura ??) foram obtidos com o uso da função synthesize do supremica. Os supervisores resultantes garantem a controlabilidade do sistema, porém a verificação de bloqueio não pode ser computada devido, novamente, ao tamanho dos modelos construídos.

### 2.5.3 Supervisor para Evitar o *Gridlock*

A impossibilidade de se fazer o cálculo do supervisor monolítico, foi contornada com a implementação de um supervisor para resolver a situação indesejada específica do gridlock. Através de um supervisor (Figura 13) feito manualmente, o problema pôde ser solucionado: o modelo obtido permite que a rótula fique completamente ocupada sem que haja bloqueio. O supervisor controla a ocupação de secções adjacentes às entradas, permitindo o ingresso de processos somente se a rótula tiver menos de 7 secções ocupadas ou se 7 secções estão ocupadas e há um processo dentro da rótula imediatamente ao lado da saída para qual ele está destinado (Figura 14).

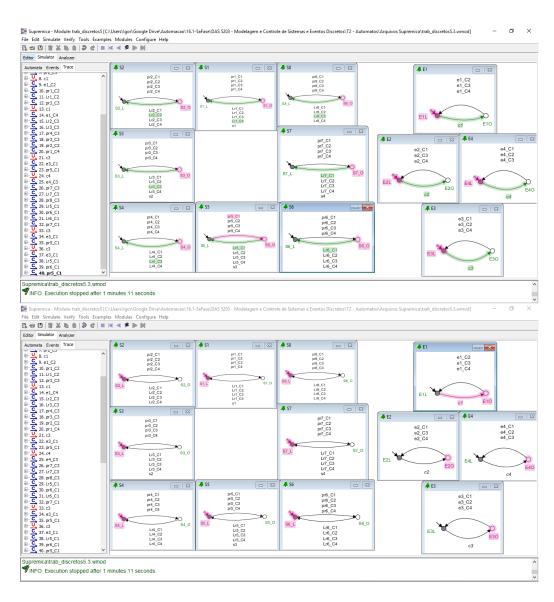


Figura 12: Gridlock

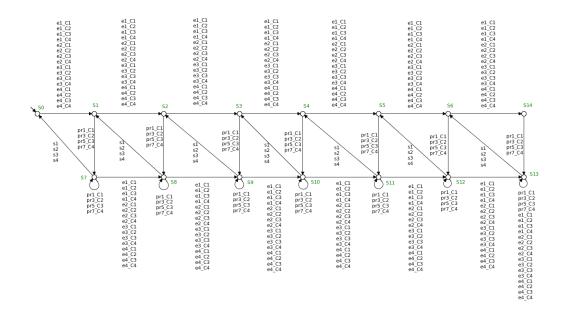


Figura 13: Supervisor

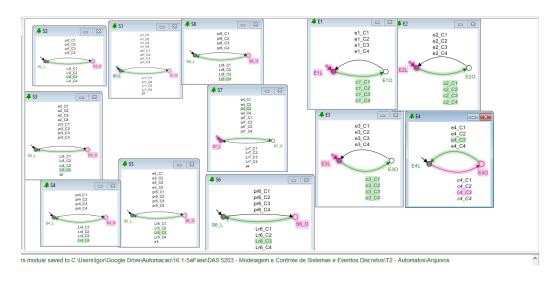


Figura 14: Situação em que a rótula pode se encher sem ocorrer gridlock

### 2.6 Conclusão

### 2.6.1 Sobre o Problema Proposto

Neste trabalho abordamos o problema do passeio dos filósofos. Os componentes físicos da rótula foram todos representados através do modelo da planta, enquanto as propriedades do sistema foram respeitadas através dos modelos de especificação. Após a fase de construção do modelo, o grupo fez a análise das situações indesejadas ao sistema. Infelizmente, a verificação formal de bloqueio e a síntese de supervisores monolíticos através de ferramenta computacional não foi factível devido ao sobredimensionamento do problema. Identificou-se, porém, uma situação específica indesejada: o gridlock. Um supervisor foi construído para eliminação do bloqueio gerado pelo gridlock. Com a síntese manual do supervisor, foi possível alcançar um modelo que permite a ocupação completa da rótula sem que aconteça bloqueio induzido pelo gridlock. Todavia, não é possível afirmar formalmente que o modelo obtido não permite estados bloqueantes.

## 2.6.2 Avaliação dos Resultados Obtidos

Os resultados finais do modelo proposto não contemplam de maneira plena a solução desejável para o problema. A impossibilidade de verificação e síntese de controladores, tornaram a solução ideal impraticável. Alguns aspectos da abordagem tomada para o problema puderam ser debatidos em conjunto com os professores da disciplina após a fase de desenvolvimento do projeto.

O grupo, então, pôde identificar diversos fatores que elevaram a complexidade do modelo. Entre eles, destacam-se a representação de estados e eventos desnecessários para a solução do problema: no modelo proposto foi adicionado um estado de transição entre cada secção da rótula, dobrando o tamanho de estados. A simples passagem direta de um processo entre duas secções adjacentes, representaria muito bem a situação física da rótula.

O modelo complexo construído, e consequentemente, a solução parcial obtida foram reflexos da má interpretação do grupo das especificações fornecidas. Uma discussão mais aprofundada com os professores da disciplina durante a fase de desenvolvimento do projeto poderia ter direcionado a resolução do problema para um caminho desejável. Apesar dos esforços despendidos e da aplicação do grupo para resolver o problema, a falta de uma metodologia bem definida para atacar o problema é outro fator que fica de aprendizado para a equipe. Em linhas gerais, o trabalho realizado pelo grupo foi de grande valia para a formação dos participantes, apesar dos resultados parciais obtidos.