Faculdade de Tecnologia Rubens Lara

RELATÓRIO - REDE NEURAL E PROBLEMA DE

MINIMIZAÇÃO : Previsão de precipitação por MLP

3º Ciclo - Ciência de Dados

Igor Silva de Carvalho

Sumário

1	INTRODUÇÃO	1
2	REFERENCIAL TEÓRICO	1
	2.1 Redes Neurais	. 1
	2.2 Loss Function	
	2.3 Multi-Layer Perceptron (MLP)	
	2.3.1 Forward Propagation	
	2.3.2 Binary Classification Loss Function (BCE)	
	2.3.3 Backpropagation	
	2.4 Dataset do INMET	
3	METODOLOGIA	6
	3.1 Exploratory Data Analysis	. 6
	3.2 Elaboração e treino da rede neural	
4	ANÁLISE	8
5	CONSIDERAÇÕES FINAIS	10

1 INTRODUÇÃO

Problemas de grande complexidade, das quais a necessidade de flexibilidade se demonstra de grande importância, são muitas vezes difíceis serem resolvidos com modelos de regressão tradicionais. É nesse contexto que algoritmos como redes neurais são de grande utilidade. Redes neurais são programas de *Machine Learning* (ML) que procuram fazer decisões de forma similar à mente humana (IBM, 2021).

Neste relatório será descrito as operações teóricas das técnicas por trás da criação de uma rede *Multi-Layer Perceptron* (MLP) para a previsão de precipitação em uma dada hora a partir de dados pontuais contemporâneos à previsão. Os dados utilizados foram solicitados por meio do Instituto Nacional de Meteorologia (INMET) para a estação meteorológica automática A701 em Mirante de Santana - SP¹.

Para a criação da rede neural foram utilizados, na etapa de treino, dados horários de variáveis meteorológicas do período compreendido entre 01/01/2010 até 25/05/2025. A escolha dessa amostra de dados foi feita levando-se em conta a relativa proximidade, em relação a Santos, da estação e a acima de tudo a quantidade de dados disponíveis pela estação.

Para a utilização desses dados, estes foram - por meio da linguagem de programação Python - primeiro limpados através da biblioteca Pandas, para então serem explorados, e plotados (grafados) - por meio da biblioteca Matplotlib e Seaborn -, e finalmente foram utilizados para o treinamento e avaliação da rede neural por meio da biblioteca TensorFlow como backend para a Application Programming Interface (API) Keras. O modelo criado contém 3 camadas: de Input com 6 neurônios, oculta com 4 neurônios e de output com 1 neurônio. Após o treino, o modelo atingiu uma acurácia de aproximadamente 93% em suas previsões.

Este trabalho procura relatar o processo de síntese dos algoritmos, que culminou na criação de um repositório Github² contendo: o *dataset* utilizado; a exploração dos dados; o treino da rede neural; a avaliação e verificação da acurácia de previsão do modelo.

2 REFERENCIAL TEÓRICO

A fim de melhor entender o conceito de Rede Neural, assim como seus componentes, a seguinte seção propõe explicar os fundamentos teóricos por trás dos conceitos abordados, assim como os parâmetros utilizados no projeto da rede neural proposta.

2.1 Redes Neurais

De acordo com a (IBM, 2021), redes neurais são um programa ou modelo de *Machine Learning* (ML) que procura fazer decisões semelhantes ao cérebro humano.

Toda Rede neural consiste em 2 ou mais camadas de nós (neurônios artificias), sendo uma delas sempre a de saída e outra sempre a de entrada. Cada nó é conectado a outro ou a todos em uma rede totalmente conectada -, tendo associado à cada conexão um peso. Quando o *output* (saída) de um dado neurônio exceder um limite especificado, então ele "dispara", enviando dados para a próxima camada.

 $^{^1\}mathrm{Localizada}$ em: Praça Vaz Guaçu - Jardim São Paulo, São Paulo - SP, 02044-010, ou nas coordenadas: LAT. -23.4962888 LONG. -46.6200666

²Acessível em: https://github.com/igorzeck/MLPrecipitation

Matematicamente um nó pode ser interpretado como sendo um modelo de regressão, composto por dados de **entrada** x e **pesos** w, um **bias** (viés ou limite - b) e uma soma ponderada (z), tendo também uma f**unção de ativação**, ou saída (a(z)). Com esses parâmetros pode-se modelar o neurônio artificial mais simples possível, também chamado de *Perceptron*. Para um único neurônio, de acordo com Cristina (2021), teríamos: $z = \sum_{i=0}^{n} (w_i \cdot x_i) + b$, e para *perceptrons* teríamos uma função a(z) não linear, tal que:

$$\begin{cases} a = 1, z >= 0 \\ a = 0, z < 0 \end{cases}$$
 (1)

Vale notar que existem outras funções de ativação, dependendo do tipo de rede neural e do resultado esperado.

Como dito anteriormente, se a saída z exceder um dado limite o neurônio "dispara", enviando os dados para a próxima camada da rede, efetivamente fazendo com que a saída do nó da camada anterior se torne o input (entrada) da camada seguinte. O processo de passagem de dados de uma camada para a próxima define a rede como sendo do tipo feedforward, que será o foco deste relatório.

A medida que uma rede neural é treinada ela também tem seus pesos ajustados a fim de minimizar a chamada loss function ou também chamada de cost function. Para se minimizar essa função, temos que lidar com o chamado Problema de Minimização.

2.2 Loss Function

Para Zhang et al. (2023), em otimizações, a loss function é geralmente referida como a chamada **função objetivo**. E ainda de acordo com os autores, convencionalmente a maioria dos algoritmos estão preocupados com minimização, encontrando-se por meio de técnicas como o agoritmo do Gradiente Descendente o chamada mínimo local. Apesar de na obra citada os autores estarem descrevendo otimização sobre as lentes de algoritmos de *Deep Learning*, a definição é generalizada.

Para problemas de regressão utiliza-se a chamada *Mean Squared Error* (MSE, ou suas variantes). De acordo com Mulla (2020) A função MSE pode ser representada por:

$$MSE = \frac{1}{2} \cdot \sum_{i=1}^{n} (y_i - \hat{y}_i)^2$$

Sendo que, para um dado dataset:

- \hat{y} o valor previsto por cada modelo de regressão;
- y o valor esperado (real);
- n o número de samples (amostras) do dataset;

A partir da função acima pode-se utilizar técnicas de minimização de Cálculo, como por exemplo a técnica de *Gradient Descent*, base para outras técnicas de otimização, ou, como foi utilizado neste relatório, a técnica *Adam Optmizer*.

2.3 Multi-Layer Perceptron (MLP)

Multi-Layer Percpetrons (Fgiura 3), são também chamados de Feedforward Neural Network - sendo este segundo o nome mais apropriado uma vez que são composto de neurônios sigmoides (e não perceptrons), portanto têm um output entre 0 e 1.

De acordo com GeeksforGeeks (2021) MLPs são redes com três tipos de camadas - ao contrário de modelos perceptrons padrão, que contém apenas dois - sendo esses tipos: (1) Input Layers (camada de entrada), onde cada neurônio corresponde a um input feature, ou seja, recebe uma variável da entrada correspondente ao dataset de treino; (2) Hidden Layers (camadas ocultas), podendo haver várias delas, sendo que cada uma contêm um número variável de neurônios, recebendo informações das camadas anteriores; (3) Output Layers (camada de saída), sendo aquele na qual se gera o resultado ou previsão final, contendo o número de outputs correspondentes à dimensão da saída. O diagrama 1 demonstra a natureza holística (totalmente conectados) das conexões entre as camadas característica de uma MLP com três camadas: 3 neurônios de input, 3 na camada oculta 2 no output.

Outputs

Input Hidden Coutput
Layer Layer

Figura 1: Diagrama de conexões neurais

Fonte: GeeksForGeeks.

Ainda de acordo com os autores o MLP tem algumas características chaves, dentre elas: Forward Propatgation; Loss Function; Backpropagation.

2.3.1 Forward Propagation

É o fluxo linear e progressivo de informações de uma camada para a próxima, desde a camada de *input* até a camada de *output*. É composto pela soma ponderada $z = \sum_{i=0}^{n} w_i \cdot x_i + b$ de cada neurônio, assim como também uma função de ativação (por exemplo, a *Rectified Linear Unit* (ReLU): a(z) = max(0, z)).

Neste trabalho foi utilizada a função de ativação sigmoide (logit):

$$\sigma(z) = \frac{1}{1 + e^{-z}} \tag{2}$$

2.3.2 Binary Classification Loss Function (BCE)

Cálculo da perda feito após o output da rede neural. Em aprendizado supervisionado (como feito neste relatório) isso seria feito ao comparar o output previsto (\hat{y}) com o valor

verdadeiro.

Para problemas de regressão, como já mencionado, geralmente se utiliza o MSE, e neste trabalho foi utilizada uma de suas variantes, a *Binary Classification Loss Function* (BCE), que de acordo com o Mulla (2020) o BCE é originário da Teoria da Informação especificamente no que tange *bits* e sua perda durante o processo de transferência. Sendo assim a BCE mede o quão distante do valor verdadeiro (seja ele 0 ou 1) a predição é para cada uma das classes e então tira a média da classe toda para a obtenção da perda final. Matematicamente (GEEKSFORGEEKS, 2024):

A BCE é modelada como sendo:

$$BCE = -\frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} [y_i log(\hat{y}_i) + (1 - y_i) log(1 - \hat{y}_i)]$$
(3)

Com, n sendo o tamanho do dataset (linhas), y_i o valor real e binário (0 ou 1) e \hat{y}_i sendo a probabilidade prevista. Para tal, é esperado que os dados estejam normalizados a fim de melhor representá-los como valores de probabilidade. Devido aos dados tratados pela rede neural proposta neste trabalho, utilizou-se a **BCE** como loss function.

2.3.3 Backpropagation

O treino de uma MLP é feito com o objetivo minimizar a *Loss Function*, isso pode ser feito por meio da chamada *backpropagation*, sendo ela dividida em algumas etapas.

A primeira seria a de *Gradient Calculation*, que seria o cálculo do Gradiente da função de perda, ou seja:

Sendo o gradiente indicador da **direção** de maior (e também implica em menor) crescimento, para uma função qualquer f(x, y) tal que $f : \mathbb{R} \S : \mathbb{R}$, o gradiente é:

$$\nabla f(x,y) = \left(\frac{\partial f}{\partial x}(x,y), \frac{\partial f}{\partial y}(x,y)\right) \tag{4}$$

Ou seja, é um vetor populado pelas derivadas parciais da função f(x,y) correspondentes à cada um do seus versores.

E, sendo assim, o procura-se o gradiente da Loss Function para poder minimizá-la, sendo que para essa função em \mathbb{R}^{\nvDash} :

$$arg \min_{(x,y)} f(x,y)$$

A segunda etapa seria a chamada $Error\ Propagation$, que seria a propagação do erro, camada por camada, tomando do caminho inverso $(input \to output)$.

Por último, temos o chamado $Gradiente\ Descent$, (Gradiente Descendente) que seria a atualização dos pesos e biases em si, no sentido oposto ao do gradiente, a fim de reduzir a perda L, sendo a fórmula simplificada para regressões logísticas (GEEKSFORGEEKS, 2019):

$$w = w - \lambda \cdot \frac{\partial L}{\partial w}$$

Onde, w é o peso (atual e anterior, uma vez que o algoritmo é iterativo), λ o learning rate - ou a porcentagem da função Loss subtraída do peso anterior, com o $\frac{\partial L}{\partial w}$ sendo o gradiente da função loss com respeito aos pesos.

A fim de otimizar iterativamente os pesos e biases MLPs utilizam métodos de otimização, como o chamado Adam Optmizer - utilizado nesse artigo. O Adam Optmizer é uma extensão do Root Mean Square Propagation (RMSprop) incorporando um momentum ao learning rate, tornando-o adaptável e mais eficiente após cada iteração do treino.

O momentum é, no contexto do algoritmo de gradiente, utilizado "[...] para acelerar o processo de Gradiente Descendente ao incorporar uma média móvel exponencial de gradientes anteriores" (tradução nossa) (GEEKSFORGEEKS, 2020). No seu modo mais simplificado: $w_{t+1} = w_t - \lambda m_t$, onde o m_t é a média móvel dos gradientes para o tempo t e, o w_t w_{t+1} seria o peso para o tempo correspondente. Por sua vez, podemos expandir o termo m_t :

$$m_t = \beta_1 m_{t-1} + (1 - \beta_1) \frac{\partial L}{\partial w_t}$$
 (5)

com o termo β sendo o parâmetro do momentum (geralmente 0.9) e o gradiente sendo para a função Loss com respeito ao peso para o tempo t.

A partir do *momentum* podemos calcular RMSprop - dos quais o cálculo foge do escopo desse trabalho, uma vez que são integrados ao cálculo do *Adam Optimizer*.

No algoritmo sintetizado neste trabalho foi utilizado no parâmetro *optimizer* uma instância do **otimizador Adam** na função "compile"do modelo. Nesse caso, por se tratar de uma instância padrão, são utilizados os **valores padrões** da classe Adam³: os valores de β_1 e β_2 foram os padrões que são 0.9 e 0.999 respectivamente, e o ϵ - utilizado para evitar divisões por zero - teve o valor de 10^{-7} .

Para o otimizador Adam se utilizam as estimativas de primeiro (m_t média) e segundo (v_t variância) momento, além do passo de correção de viés, uma vez que ambas estimativas tendem a ser enviesadas para zero. Segue abaixo os cálculos para ambas as estimativas:

$$m_t = \beta_1 m_{t-1} + (1 - \beta_1) \frac{\partial L}{\partial w_t}$$
$$v_t = \beta_2 v_{t-1} + (1 - \beta_2) \left(\frac{\partial L}{\partial w_t}\right)^2$$

E para a correção de viés:

$$\hat{m_t} = \frac{m_t}{1 - \beta_1^t}, \hat{v_t} = \frac{v_t}{1 - \beta_2^t}$$

Dessa forma, o atualização final dos pesos é:

$$w_{t+1} = w_t - \frac{\hat{m_t}}{\sqrt{\hat{v_t}} + \epsilon}$$

2.4 Dataset do INMET

Os dados utilizados neste relatorio foram extraídos em formato Comma Separeted Values (CSV), com os valores separados por ";" e as primeiras 10 colunas contendo infor-

³Valores padrões podem ser conferidos em: https://www.tensorflow.org/api_docs/python/tf/keras/optimizers/Ada

mações operacionais do *dataset*. Manuseou-se os dados através da biblioteca Pandas da linguagem Python, e a limpeza do *dataset* foi feita da seguinte forma:

- 1. A coluna "Data" foi convertida para o formato datetime, e as colunas "Data Medicao" e "Hora Medicao" foram excluídas. Passou-se a coluna "Data" como índice do Dataframe df representante do dataset tudo isso para a criação de uma sequência temporal de fácil utilização e plotagem pelo Pandas.
- 2. Obteve-se a matriz de correlação (de Pearson, que é o padrão da função), sendo esta plotada como um Mapa de Calor utilizando-se a biblioteca Seaborn e Matplotlib.
- 3. Procurou-se então os dados de mais correlação para com a variável alvo (target) "PRECIPITACAO TOTAL, HORARIO(mm)": Excluiu-se todos os dados que tem menos de 10% de correlação com a variável alvo.
- 4. Salvou-se os resultados em um arquivo CSV para o treino do modelo.

As variáveis selecionadas com os valores de correlação acima do mínimo definido foram⁴:

- (A) "PRECIPITACAO TOTAL, HORARIO(mm)"(Variável target);
- (B) "TEMPERATURA DO PONTO DE ORVALHO(°C)";
- (C) "TEMPERATURA ORVALHO MAX. NA HORA ANT. (AUT)(°C)";
- (D) "TEMPERATURA ORVALHO MIN. NA HORA ANT. (AUT)(°C)";
- (E) "UMIDADE REL. MAX. NA HORA ANT. (AUT)(%)";
- (F) "UMIDADE RELATIVA DO AR, HORARIA(%)";
- (G) "VENTO, RAJADA MAXIMA(m/s)";

Ao longo deste trabalho, as variáveis listas serão referenciadas pelos suas letras (A-G) na lista acima, incluindo em gráficos.

3 METODOLOGIA

3.1 Exploratory Data Analysis

Os dados foram solicitados por meio do Banco de Dados Meteorológicos (BDMEP) do INMET⁵ e solicitados com os seguintes parâmetros:

- Separados por ponto e vírgula (;);
- Frequência horária;
- De estações automáticas;
- De Abrangência regional;

⁴Dicionário acessível em: https://portal.inmet.gov.br/glossario/glossario

⁵(acessível em https://bdmep.inmet.gov.br/)

 ≪ 1.00
 0.12
 0.12
 0.10
 0.14
 0.15
 0.13

 ∞ 0.12
 1.00
 0.98
 0.98
 0.50
 0.48
 -0.02

 ∪ 0.12
 0.98
 1.00
 0.97
 0.43
 0.40
 0.01
 -0.6

 □ 0.10
 0.98
 0.97
 1.00
 0.55
 0.53
 -0.05
 -0.4

 □ 0.14
 0.50
 0.43
 0.55
 1.00
 0.98
 -0.18
 -0.2

 □ 0.15
 0.48
 0.40
 0.53
 0.98
 1.00
 -0.18
 -0.0

 □ 0.13
 -0.02
 0.01
 -0.05
 -0.18
 -0.18
 1.00

 □ 0.13
 -0.02
 0.01
 -0.05
 -0.18
 -0.18
 1.00

 □ 0.13
 -0.02
 0.01
 -0.05
 -0.18
 -0.18
 1.00

Figura 2: Mapa de Calor das variáveis relevantes

Fonte: elaborado pelo autor com base nos dados do INMET.

- No período compreendido por 10/10/2010 a 25/05/2025;
- Região sudeste;
- Todas as variáveis disponíveis;
- Selecionada a opção "SAO PAULO MIRANTE (1) [SP]" para os dados da estação de escolha;

Foi realizado um processo de Extract Transform Load (ETL) dos dados, assim como também um rápida Exploratory Data Analysis (EDA) para se familiarizar com o dataset. Por meio desse EDA foi possível aferir algumas caratcterísticas gerais do dataset, ele contém 128.208 entradas horárias, sendo que destas 2.616 contém algum valor ausente, além disso o dataset contém 18 colunas (contando com o target).

Foram então retirados os valores que tinham uma correlação absoluta com a variável target menor do que 0,1, sobrando apenas 7 variáveis relevantes 2.

Após uma exploração simples do *dataset* esse foi exportado contendo apenas as colunas relevantes para um arquivo CSV.

3.2 Elaboração e treino da rede neural

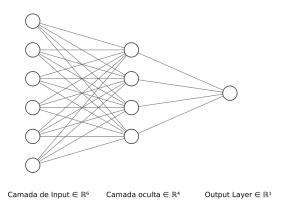
Os dados extraídos do dataset gerado durante o processo de EDA foram normalizados, tal que $\tilde{x}_i = \frac{x_i - \bar{x}}{\sigma}$, com \tilde{x}_i sendo os valores normalizados, x_i os valores originais, \bar{x} a média da variável x, e σ sendo o desvio padrão. A etapa de normalização foi feita para todas as colunas, **exceto para a coluna de precipitação**. Isso se deve ao fato de assim facilitar a conversão dessa coluna para uma coluna de valores dicotômica, com dois possíveis valores 0 - para quando não há registro de precipitação - e 1 - para quando há registro de precipitação.

Após isso é feita a separação e filtragem dos dados para treino e o teste. Os dados são separados em dois conjuntos, o primeiro, X, contendo os features que serão utilizados de input tanto para o treino quanto para o teste, o segundo é o Y, que contém os dados target de precipitção, utilizados no output. É então feita um partição dos dados de treino e teste

baseado nesses dois conjuntos por meio da função "train_test_split"da biblioteca Scikitlearn. São utiliazdos 20% dos dados para teste e os restantes 80% para treino. Para fins de teste reprodutibilidade foi utilizada uma seed de 42 para o parâmetro "random_state".

Após a separação dos dados foi então criado o modelo. Ele contém 3 camadas de neurônios: (1) Camada de Input (com 6 entradas); (2) Camada oculta, com 4 neurônios e método de ativação sigmoide; (3) 1 neurônio de saída no *output* com ativação também sigmoide 3.

Figura 3: Diagrama da rede neural



Fonte: diagrama elaborado pelo autor através do site: https://alexlenail.me/NN-SVG/index.html (acesso em: 08/06/25).

Após isso, foi foi criado um objeto de "early_stopping" para terminar o treino caso em 5 iterações consecutivas haja piora no parâmetro Loss. O modelo é então compilado utilizando a função Loss Binary Cross-Entropy o Otimizador Adam.

O treino em si só é feito caso não haja um modelo já salvo no diretório raiz. Se esse for o caso os parâmetros do treino são 6 : "epochs" como 100, ou seja, são 100 grandes iterações para todo o conjunto X e Y fornecidos; "batch_size" sendo o tamanho da amostra por atualização da função gradiente. Em geral, números menores geram resultados mais acurados; "validation_data" para os valores de treino anteriormente seccionados; "callbacks" recebendo o objeto "early_stopping" supracitado, e com o parâmetro "restore_best_weights" como True;

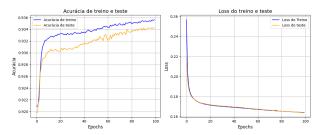
4 ANÁLISE

O modelo treinado resultante obteve acurácia geral de aproximadamente 93% e Loss mínimo de aproximadamente 0.16. Pode-se observar a tendência histórica da acurácia e do Loss historicamente (Figura4):

Os pesos também podem ser extraídos da rede neural, e a partir deles podemos criar uma matriz para o cálculo dos valores previstos:

⁶Significado dos parâmetros encontrado aqui (acesso em: 08/06/2025)

Figura 4: Histórico do Treino e Teste



Fonte Elaborado ao longo deste relatório.

$$W_1 = \begin{bmatrix} 0.97634286 & -1.9522462 & 0.34698686 & -2.7568676 & -0.6865847 & -0.16645359 \\ -1.433105 & -2.2095802 & 4.080188 & -0.6881494 & -1.051062 & -0.31405678 \\ -1.908303 & -2.7503285 & 4.137449 & 1.6544156 & -0.8605119 & -0.34463218 \\ -1.1312401 & 1.5943722 & -0.7186267 & -0.0605193 & 2.9796646 & 0.070917726 \end{bmatrix}$$

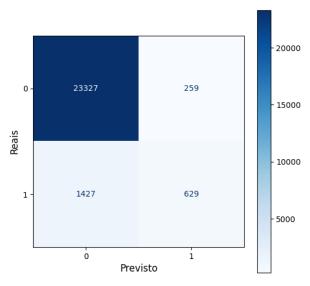
$$B_1 = \begin{bmatrix} 1.531187 \\ 0.24852464 \\ -0.39425907 \\ -2.6061049 \end{bmatrix}$$

$$W_2 = \begin{bmatrix} -3.4306805 \\ -3.2021632 \\ -4.5189514 \\ 3.771724 \end{bmatrix}$$

$$B_2 = [0.87639076]$$

Onde $Y_1 = W_1 \cdot X + B_1$, e $Y_2 = O(X) = W_2 \cdot Y_1 + B_2$, gerando assim uma previsão final. Os valores de previsão final podem ser verificados na figura abaixo (Figura 5):

Figura 5: Matriz de confusão



Fonte: Elaborado pelo autor.

Pode-se verificar na matriz de confusão que tanto para valores 0 - sem precipitação - quanto para valores 1 - com precipitação - o modelo teve alta acurácia em suas previsões, no entanto, houve uma quantidade considerável de erros falso negativos.

5 CONSIDERAÇÕES FINAIS

Conclui-se que a rede neural MLP treinada apesar de simples em sua configuração foi efetiva em sua previsão de valores de precipitação - dados todas as demais variáveis conhecidas - atingindo uma acurácia muito boa (93% de acurácia) para a previsão de valores de precipitação dados outras 6 variáveis altamente correlacionados. Há no entanto, limitações. No que diz respeito ao modelo, ele não foi necessariamente feito para a previsão de valores de sequência longa, e portanto a previsão de mais uma hora simultaneamente para um valor de precipitação ou até mesmo a previsão de todas as variáveis para um ou mais etapas a diante se demonstraria problemático para o modelo, uma vez que o ele não foi otimizado para lidar com dados sequenciais tal como, por exemplo, uma Recurrent Neural Network (RNN) poderia.

Referências

2023.

CRISTINA, Stefania. Calculus in Action: Neural Networks. [S.l.: s.n.], ago. 2021. Disponível em: https://machinelearningmastery.com/calculus-in-action- neural-networks/>. GEEKSFORGEEKS. Binary Cross EntropyLog Loss for Binary Classification. [S.l.]: GeeksforGeeks, mai. 2024. Disponível em: <https://www.geeksforgeeks.org/binary-cross-entropy-log-loss-for-binary-</pre> classification/>. Acesso em: 8 jun. 2025. Gradient Descent algorithm and its variants. [S.l.: s.n.], fev. 2019. Disponível em: https://www.geeksforgeeks.org/gradient-descent-algorithm- and-its-variants/>. Acesso em: 8 jun. 2025. . Multi-Layer Perceptron Learning in Tensorflow. [S.l.: s.n.], nov. 2021. Disponível em: https://www.geeksforgeeks.org/multi-layer-perceptron- learning-in-tensorflow/>. Acesso em: 8 jun. 2025. . What is Adam Optimizer? [S.l.: s.n.], out. 2020. Disponível em: https://www.geeksforgeeks.org/adam-optimizer/. Acesso em: 8 jun. 2025. IBM. What is a Neural Network? [S.l.: s.n.], out. 2021. Disponível em: https://www.ibm.com/think/topics/neural-networks. Acesso em: 25 mai. 2025. MULLA, Mohammed Zeeshan. Cost, Activation, Loss Function|| Neural Network | Deep Learning. What are these? [S.l.: s.n.], mai. 2020. Disponível em: <https://medium.com/@zeeshanmulla/cost-activation-loss-function-neural-</pre> network-deep-learning-what-are-these-91167825a4de>. ZHANG, Aston et al. Dive into deep learning. [S.l.]: Cambridge University Press,