## Schiefe Ebene.

Wird ein Körper auf eine schiefe Ebene gestellt, so wird er aufgrund seiner <u>Gewichtskraft</u>  $\mathbf{F_G} = \mathbf{m \cdot g}$  (wobei m: Masse des Körpers; g: Erdbeschleunigung = 9,81 m/sec<sup>2</sup>) entlang der schiefen Ebene hangabwärts beschleunigt. Die Gewichtskraft kann in zwei Teilkräfte zerlegt werden:

- Die Kraft senkrecht zur schiefen Ebene wird Normalkraft F<sub>N</sub> genannt. Dieser Kraftanteil würde ein Einsinken des Körpers in die schiefe Ebene bewirken, jedoch wirkt bei einem festen Untergrund der Boden aufgrund seiner Starrheit dagegen.
- Die Kraft parallel zur schiefen Ebene wird <u>Hangabtriebskraft</u> F<sub>A</sub> genannt. Dieser Kraftanteil bewirkt die Beschleunigung des Körpers entlang der schiefen Ebene.

Bei einem beliebigen Winkel  $\alpha$  der schiefen Ebene gilt:

$$F_A = F_G \cdot \sin(\alpha)$$

$$F_N = F_C \cdot \cos(\alpha)$$

Die Reibungskraft ist eine der Bewegung entgegengesetzte Kraft, die durch die Reibung, die an der Oberfläche des Körpers herrscht, entsteht. Dabei unterschiedet man zwischen <u>Haftreibung</u> (wenn das Objekt noch stillsteht) und <u>Gleitreibung</u> (wenn das Objekt sich bewegt).

Die Reibung für ein gegebenes Materialien-Paar (hier Material der schiefen Ebene und Material des Objektes) wird durch die <u>Haftreibungszahl</u>  $\mu'$  bez. die <u>Gleitreibungszahl</u>  $\mu$  charakterisiert. Für Holz auf Holz z.B. gilt:  $\mu'$  = 0,5 bis 0,6 und  $\mu$  = 0,2 bis 0,4.

Befindet sich das Objekt auf der schiefen Ebene in Ruhe, so beginnt es dann zu gleiten, wenn die Hangabtriebskraft die maximale Haftreibungskraft übersteigt. Für die <u>Haftreibungskraft</u> gilt:

$$\mathbf{F}_{\mathbf{R}'} = \mathbf{\mu}' \cdot \mathbf{F}_{\mathbf{N}}$$

Ist das Objekt in Bewegung, wird es von der Hangabtriebskraft beschleunigt und von der Gleitreibungskraft gebremst. In der Realität gibt es natürlich immer Reibung. Manchmal ist sie jedoch so klein, dass man sie nicht mit einberechnet. Für die Gleitreibungskraft gilt:

$$\mathbf{F}_{\mathbf{R}} = \boldsymbol{\mu} \cdot \mathbf{F}_{\mathbf{N}}$$

Die <u>Beschleunigungskraft</u>, welche den Körper mit einer gleichmäßig beschleunigten Bewegung die schiefe Ebene hinabgleiten lässt, ist die Resultierende der beiden entgegengesetzten Kräfte  $F_A$  und  $F_R$ :

$$F = F_A - F_B$$

Der zu einer gegebenen Zeit t zurückgelegte Gleitweg s kann mit der Formel

$$s = \frac{1}{2} \cdot a \cdot t$$

berechnet werden; wobei die Beschleunigung a sich aus dem 2. Newtonschen Gesetz ergibt:

$$F = m \cdot a$$

Für die gleichmäßig zunehmende Gleitgeschwindigkeit v zu einem gegebenen Zeitpunkt t gilt: