#### Министерство образования и науки Российской Федерации

ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ПРОФЕССИОНАЛЬНОГО ОБРАЗОВАНИЯ

#### САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ИНФОРМАЦИОННЫХ ТЕХНОЛОГИЙ, МЕХАНИКИ И ОПТИКИ

Кафедра Систем Управления и Информатики Группа Р3340

# Лабораторная работа №11 "Исследование математической модели пьезоэлектрического исполнительного устройства" Вариант - 02

| Выполнил     |                 |                  | (подпись) |
|--------------|-----------------|------------------|-----------|
|              |                 | (фамилия, и.о.)  |           |
|              |                 |                  |           |
| Проверил     |                 | (фамилия, и.о.)  | (подпись) |
|              |                 |                  |           |
|              |                 |                  |           |
|              |                 |                  |           |
|              |                 |                  |           |
|              |                 |                  |           |
| "_"          | 20г.            | Санкт-Петербург, | 20г.      |
|              |                 |                  |           |
| Работа выпол | гнена с оценкой |                  |           |
| Пата рашити  | _"_" 20_        | T.               |           |
| дата защиты  | 20_             | _1.              |           |

## Цель работы

Целью работы является изучение математических моделей и исследование характеристик исполнительного устройства, построенного на основе пьезоэлектрического двигателя микроперемещений.

#### Исходные данные

На рисунке 1 приведена структурная схема пьезоэлектрического двигателя, параметры двигателя - таблица 1

Таблица 1 – Исходные данные

| $C_p$ ,         | m,  | $K_0$ ,        | $K_d$ ,         | $T_u$ , | $F_B$ , |
|-----------------|-----|----------------|-----------------|---------|---------|
| H/M             | ΚΓ  | $\mathrm{H/B}$ | Н∙с/м           | мс      | H       |
| $0,5\cdot 10^8$ | 0,3 | 8,2            | $0,9\cdot 10^3$ | 0,06    | 80      |

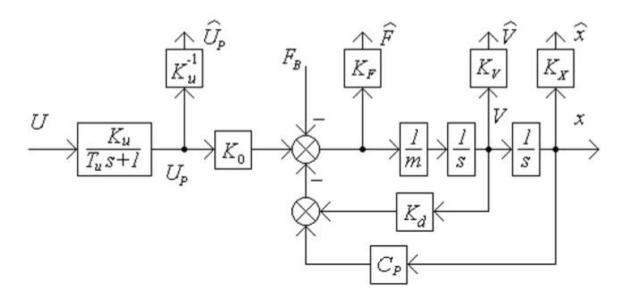


Рисунок 1 – Структурная схема пьезоэлектрического исполнительного устройства

Коэффициенты передачи измерительных устройств  $K_u^{-1}, K_F, K_V$ и $K_x$  выбираются таким образом, чтобы обеспечить соответствие максимального значения измеряемого сигнала уровню 10 В на выходе измерительного устройства. В итоге получим следующие значения коэффициентов:

$$K_u = 30 \tag{1}$$

$$K_F = 0.0081$$
 (2)

$$K_V = 22.9382 (3)$$

$$K_x = 2.03267 * 10^5 \tag{4}$$

## 1 Исследование исполнительного устройства

Составим математическую модель в относительно исходных данных и получившихся значений коэффициентов. Модель представлена на рисунке 2, а на рисунке 3 графики переходных процессов при нулевом внешнем воздействии.

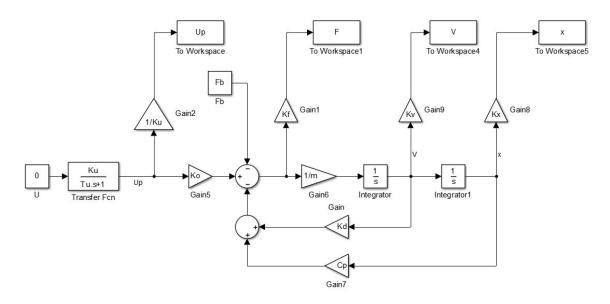


Рисунок 2 – Функциональная схема пьезоэлектрического исполнительного устройства

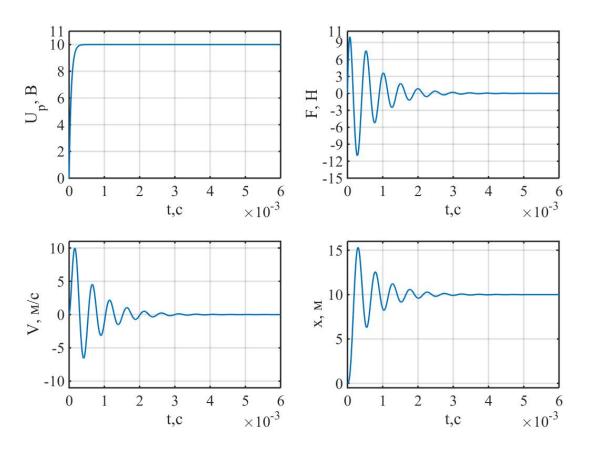


Рисунок 3 – Переходные процессы при  $F_b=0$  Н U=10 В

# 2 Исследование влияния массы нагрузки на вид переходных процессов

На рисунке 4 показаны переходные процессы при различных значениях массы нагрузки. В таблице 2 приведена зависимость характеристик системы от массы нагрузки.

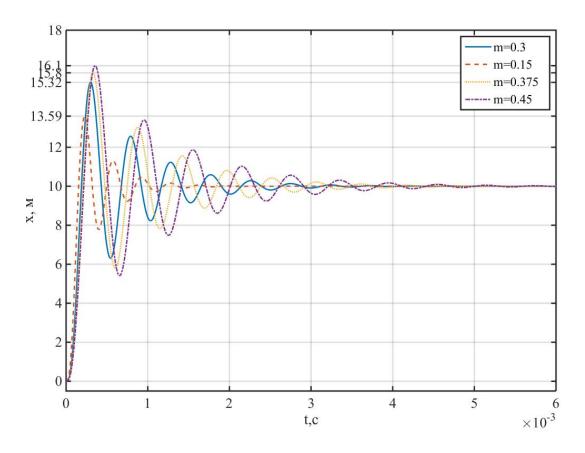


Рисунок 4 – Переходные процессы при изменении массы

Таблица 2 – Данные переходных процессов при изменяющейся массе нагрузки

| т, кг | $t_{\pi}, c$ | $\sigma,\%$ | $x_{ m y}$ |
|-------|--------------|-------------|------------|
| 0,15  | 0,8          | 35,9        | 10         |
| 0,3   | 1,81         | 53,2        | 10         |
| 0,375 | 2,29         | 58,1        | 10         |
| 0,45  | 2,79         | 61,9        | 10         |

## 3 Исследование влияния постоянной времени на вид переходных процессов

Передаточная функция системы:

$$W(s) = \frac{K_U K_0}{T_U m s^3 + (m + K_d T_U) s^2 + (K_d + C_p T_U) s + C_p}$$
(5)

В таблице приведена зависимость характеристик системы от постоянной времени и расчитанные корни передаточной функции 5.

Таблица 3 – Данные переходных процессов при изменяющейся постоянной времени

| $T_u$ , MC | $t_{\pi}$ , MC | $\sigma,\%$ | $x_y$ | $s_1$     | $s_2$            | $s_3$            |
|------------|----------------|-------------|-------|-----------|------------------|------------------|
| 0,06       | 1,8            | 53,2        | 10    | -16666,67 | -1500 + j12822,5 | -1500 - j12822,5 |
| 0,12       | 1,6            | 30,1        | 10    | -8333,33  | -1500 + j12822,5 | -1500 - j12822,5 |
| 0,24       | 1,2            | 6,1         | 10    | -4166,67  | -1500 + j12822,5 | -1500 - j12822,5 |
| 0,36       | 1,1            | 0,7         | 10    | -2777,78  | -1500 + j12822,5 | -1500 - j12822,5 |

На рисунке 5 показаны переходные процессы при различных значениях массы нагрузки.

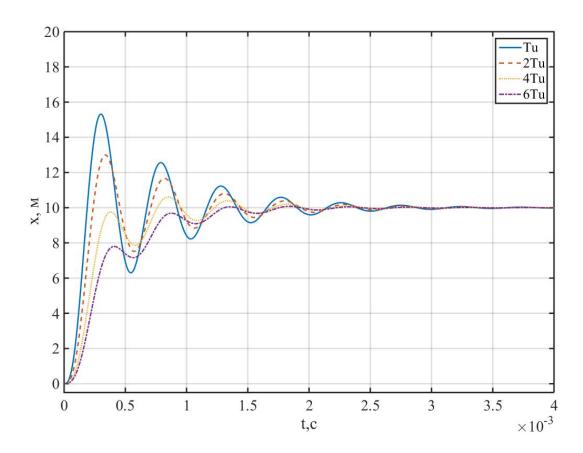


Рисунок 5 – Переходные процессы при изменении постоянной времени

# 4 Исследование влияния коэффициентов упругости на вид переходных процессов

На рисунках 6 и 7 показаны переходные процессы по скорости и положению, относительно коэффициента упругости.

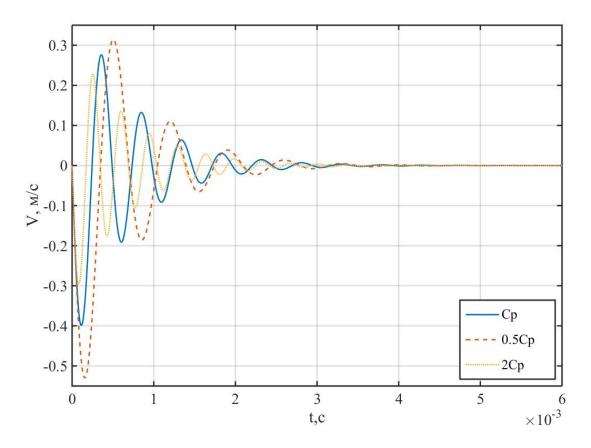


Рисунок 6 – Переходные процессы при изменении коэффициента упругости

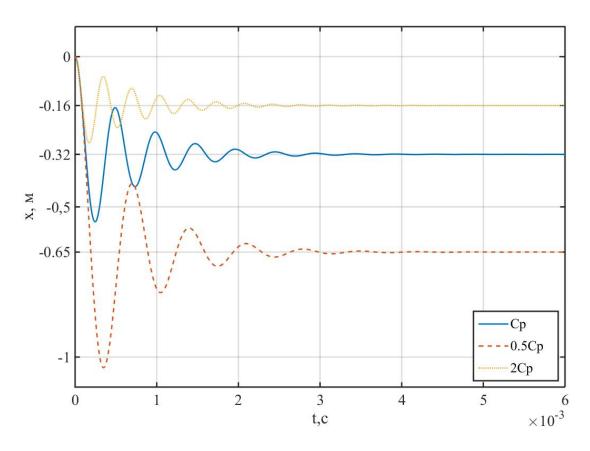


Рисунок 7 – Переходные процессы при изменении коэффициента упругости

## 5 Построение ЛАЧХ исполнительного устройства

Представим асипмтотическую логарифмическую характеристику для нашей системы в виже колебательного звена:

$$W(s) = \frac{\frac{K_0}{C_p}}{\frac{m}{C_p}s^2 + \frac{K_d}{C_p}s + 1}.$$
 (6)

На рисунке 8 видно где асимптотическая ЛАЧХ имеет нулевой наклон и после какой частоты ее наклон составляет -40 дБ/дек.

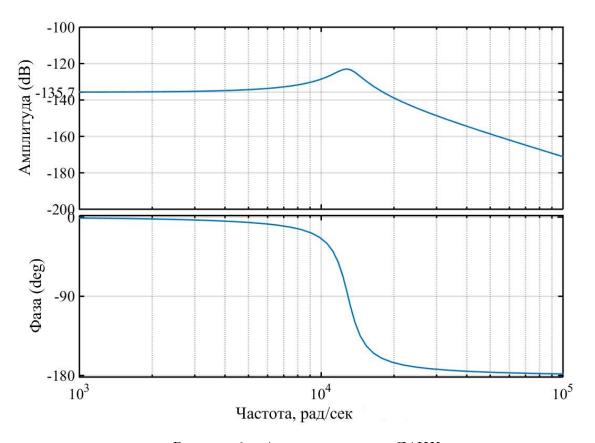


Рисунок 8 – Асимптотическая ЛАЧХ

## Вывод

В лабораторной работе было исследовано пьезоэлектрическое устройство, которое можно представить в виде колебательного звена.

При исследовании влияния массы нагрузки на пьезоэлектрическое устройство, было выявлено, что при ее увеличении, увеличивается время переходного процесса

При изменении постоянной времени изменяется время переходного процесса и перерегулирование. При увеличении  $T_u$ , растет  $t_{\rm n}$  и убывает  $\sigma$ , установившееся значение остается неизменным.

При исследовании коэффициента упругости было выявлено, что, при увеличении  $C_p$ , увеличивается колебательность системы без изменения времени переходного процесса.