



**UNIVERSIDAD NACIONAL
AUTÓNOMA DE MÉXICO**

FACULTAD INGENIERÍA



Fecha: 27/11/20

Fecha: 8/12/20

Asignatura: Estructuras Discretas

Grupo: 6

PROYECTO:TUTORIAL

¿Qué es?: Proyecto Representacion Matricial

Profesor: Zaldívar Zamorategui Orlando

Nombre Alu: Martinez Garcia Isaac

TUTORIAL

Objetivo

Estamos acostumbrados a hacer pequeños proyectos hasta ahora, cosas que se pueden implementar por medio de una sola perspectiva, capaz de comprender por si misma todo el trabajo. Sin embargo ¿Qué sucede con los grandes sistemas numericos donde colaboran varios de ellos en diferentes posiciones?, ¿Cómo logran complementarse y de qué manera pueden hacernos la vida más fácil?

Este tipo de problemas van a poder ser abordados y estudiados, de manera relativamente sencilla, mediante el cálculo matricial, es decir, utilizando el modelo matemático de las matrices y sus herramientas asociadas.

Introducción

Algunas herramientas más importantes del Álgebra Lineal se encuentran en los temas relacionados con matrices, determinantes y sistemas de ecuaciones lineales, que permiten estudiar con mayor detalle muchas áreas de las matemáticas.

Por ejemplo, las matrices juegan un papel importante en áreas como: las ciencias sociales y naturales, los negocios, diversas ingenierías, computación, además la satisfacción de aplicar matemáticas purasy duras.

En las aplicaciones de diseño y de representación de imágenes, se realizan traslaciones, rotaciones y escalaciones para ajustar los componentes de la imagen en sus posiciones apropiadas. En este tutorial se propone, a través de ejercicios, teoría, y video tutorial, formular las representaciones de la matriz de modo que se pueden procesar de manera eficiente esas secuencias de transformación. Se estudiarán y desarrollarán temas relacionados con el álgebra de las matrices, aplicaciones de estas en la resolución de sistemas de ecuaciones lineales, y temas relacionados.Uno de los últimos enlces contiene una importante variedad de ejercicios resueltos asociados con los temas desarrollados.

Conceptos

Definición

En general, una matriz es un conjunto ordenado en una estructura de filas y columnas. Los elementos de este conjunto pueden ser objetos matemáticos de varios tipos, aunque de forma particular, trabajaremos unicamente con números reales. Otra forma de cómo se les conoce, es de arreglos bidimensionales, ya que una matriz A $m \times n$ sobre un conjunto X , es un arreglo rectangular de elementos de X dispuestos en m renglones y n columnas.

$$A = \begin{pmatrix} a_{11} & a_{12} & \cdots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \cdots & a_{2n} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{m1} & a_{m2} & \cdots & a_{mn} \end{pmatrix}$$

$$B = \begin{pmatrix} b_{11} & b_{12} & \cdots & b_{1q} \\ b_{21} & b_{22} & \cdots & b_{2q} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ b_{p1} & b_{p2} & \cdots & b_{pq} \end{pmatrix}$$

Los elementos de una matriz se identifican por la fila y la columna que ocupan. Así, designaremos por a_{32} el elemento que está situado en la tercera fila y segunda columna de la matriz A.

Se usarán letras mayúsculas para denotar matrices y minúsculas para denotar las cantidades numéricas.

El número de filas y columnas que tiene una matriz se llama dimensión de la matriz.

Dos matrices son iguales si son de igual dimensión y coincide el valor de los elementos que ocupan la misma posición en ambas.

Tipos

Matriz Cuadrada: Es aquella que tiene igual número n de filas que de columnas ($n=m$). En ese caso se dice que la matriz es de orden n .

Matriz Nula: Una matriz es nula si todos sus elementos son iguales a cero.

Matriz Diagonal: Una matriz es diagonal si todos los elementos fuera de la diagonal principal son cero.

Matriz Unidad: Es una matriz diagonal cuyos elementos de la diagonal son todos 1

Matriz Triangular o Escalonada: Es una matriz cuadrada en la que todos los elementos situados por debajo o por encima de la diagonal principal son cero.

Operaciones básicas

Suma y resta: La unión de dos o más matrices solo puede hacerse si dichas matrices tienen la misma dimensión. Cada elemento de las matrices puede sumarse con los elementos que coincidan en posición en diferentes matrices.

En el caso de restar dos o más matrices se sigue el mismo procedimiento que usamos para sumar dos o más matrices.

Multiplicación: Generalmente, la multiplicación de matrices cumple la propiedad no conmutativa, es decir, importa el orden de los elementos durante la multiplicación. Existen casos llamados matrices conmutativas que sí cumplen la propiedad.

División: La división de matrices se puede expresar como la multiplicación entre la matriz que iría en el numerador multiplicada por la matriz inversa que iría como denominador.

Representación matricial

Las matrices, sus propiedades y aplicaciones, son de los temas más importante en el estudio del álgebra lineal. Este tipo de objetos matemáticos permiten representar en forma ordenada y conveniente variada información con el fin de facilitar su lectura.

Por ejemplo, usualmente las calificaciones finales de los estudiantes en los diversos cursos de la UNAM son mostradas en forma tabular. En la tabla que se muestra se presentan las calificaciones de tres estudiantes.

	EP1	EP2	EP3	NF
Ana Lucía	70	78	94	80
Ricardo	47	58	65	55
Ernesto	68	72	66	70

Si quedan claramente definidos los encabezados y el orden para los nombres de los estudiantes, el arreglo anterior se puede resumir mediante la representación de tres filas y cuatro columnas de números reales que se muestra a continuación:

$$\begin{pmatrix} 70 & 78 & 94 & 80 \\ 47 & 58 & 65 & 55 \\ 68 & 72 & 66 & 70 \end{pmatrix}$$

De esta manera resulta mucho más interactivo la aplicación que le vayamos a dar a cada registro, ya que con las propiedades de las matrices será posible obtener ciertos parametros correspondientes (como sibirles un punto a todos sumando la matriz por un escalar).

Representacion matricial ecuaciones lineales

Una de las prácticas más usadas es la representación matricial de las ecuaciones lineales para obtener las pertinentes incognitas usando distintos métodos, entre ellos se encuentra Gauss Jordan.

R

3x	+ 2y	+ z	=	1	}
5x	+ 3y	+ 4z	=	2	
x	+ y	- z	=	1	

Su representación matricial y resuelta por Gauss es la siguiente:

$$\frac{f_2 \rightarrow f_3}{\rightarrow} \begin{bmatrix} 1 & 1 & -1 & : & 1 \\ 0 & -1 & 4 & : & -2 \\ 0 & -2 & 9 & : & -3 \end{bmatrix} \quad \frac{-f_2}{\rightarrow} \begin{bmatrix} 1 & 1 & -1 & : & 1 \\ 0 & 1 & -4 & : & 2 \\ 0 & -2 & 9 & : & -3 \end{bmatrix}$$

$$\frac{f_1 - f_2}{\rightarrow} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 3 & : & -1 \\ 0 & 1 & -4 & : & 2 \\ 0 & -2 & 9 & : & -3 \end{bmatrix} \quad \frac{f_3 + 2f_2}{\rightarrow} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 3 & : & -1 \\ 0 & 1 & -4 & : & 2 \\ 0 & 0 & 1 & : & 1 \end{bmatrix}$$

$$\frac{f_1 - 3f_3}{\rightarrow} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & : & -4 \\ 0 & 1 & -4 & : & 2 \\ 0 & 0 & 1 & : & 1 \end{bmatrix} \quad \frac{f_2 + 4f_3}{\rightarrow} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & : & -4 \\ 0 & 1 & 0 & : & 6 \\ 0 & 0 & 1 & : & 1 \end{bmatrix}$$

$$Mat_{3 \times 4} = \begin{bmatrix} 3 & 2 & 1 & : & 1 \\ 5 & 3 & 4 & : & 2 \\ 1 & 1 & -1 & : & 1 \end{bmatrix} \quad \frac{f_1 \rightarrow f_3}{\rightarrow} \begin{bmatrix} 1 & 1 & -1 & : & 1 \\ 5 & 3 & 4 & : & 2 \\ 3 & 2 & 1 & : & 1 \end{bmatrix}$$

$$\frac{f_2 - 5f_1}{\rightarrow} \begin{bmatrix} 1 & 1 & -1 & : & 1 \\ 0 & -2 & 9 & : & -3 \\ 3 & 2 & 1 & : & 1 \end{bmatrix} \quad \frac{f_3 - 3f_1}{\rightarrow} \begin{bmatrix} 1 & 1 & -1 & : & 1 \\ 0 & -2 & 9 & : & -3 \\ 0 & -1 & 4 & : & -2 \end{bmatrix}$$

Grafos matriciales

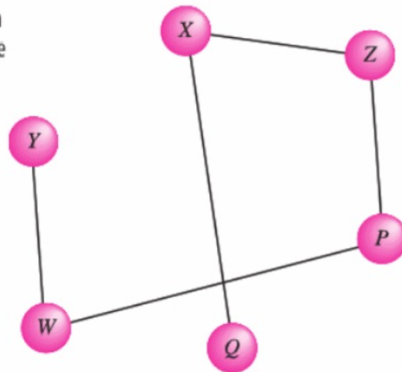
Las gráficas (grafos) son estructuras de datos no lineales donde cada componente puede tener uno o más predecesores y sucesores. En una gráfica se distinguen dos elementos: los nodos, mejor conocidos como vértices, y los arcos, llamados aristas, que conectan un vértice con otro. Los vértices almacenan información y las aristas representan relaciones entre dicha información.

Estas estructuras tienen aplicaciones en diferentes dominios, entre ellos transporte -terrestre, aéreo y marítimo-, redes de computadoras, mapas -ubicación geográfica de varias ciudades-, asignación de tareas, etc.

Sabiendo esto las matrices juegan un papel fundamental a la hora de representar graficas, pero tienen un uso limitado. Una representación de éstas sólo es posible cuando el numero de nodos y aristas es pequeño. En esta subsección, se presentará unos ejemplos para representar gráficas al usar matrices. Este método de representación tiene varias ventajas. Es fácil almacenar y manipular las matrices, y, por tanto, las gráficas que representan, en un computador. Se pueden usar operaciones bien conocidas del álgebra matricial para calcular trayectos, ciclos y otras características de una gráfica.

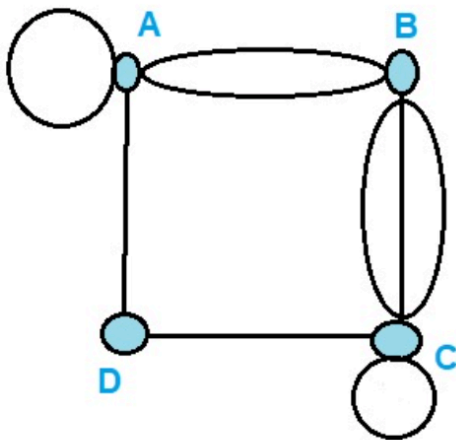
E

Gráfica y su representación por medio de una matriz de adyacencia.



	P	Q	W	X	Y	Z
P	0	0	1	0	0	1
Q	0	0	0	1	0	0
W	1	0	0	0	1	0
X	0	1	0	0	0	1
Y	0	0	1	0	0	0
Z	1	0	0	1	0	0

Ejemplo 1



$$\begin{matrix} & \begin{matrix} A & B & C & D \end{matrix} \\ \begin{matrix} A \\ B \\ C \\ D \end{matrix} & \begin{pmatrix} 1 & 2 & 0 & 1 \\ 2 & 0 & 3 & 0 \\ 0 & 3 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 & 0 \end{pmatrix} \end{matrix}$$

Ejemplo 2

Más ejemplos

1.- Obtener la suma de las siguientes matrices:

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 4 & 2 \\ 0 & 3 & -5 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 3 & 0 & -1 \\ 4 & 4 & -2 \end{bmatrix}$$

SOLUCIÓN

Para obtener la suma de las dos matrices, primero hay que verificar que ambas son del mismo tamaño. Al notar que ambas son de 2×3 , para realizar la suma simplemente obtenemos el resultado al hacer la adición entre los valores que están en la misma posición.

$$C = \begin{bmatrix} (1+3) & (4+0) & (2-1) \\ (0+4) & (3+4) & (-5-2) \end{bmatrix}$$

SIGUIENTE

2.- Obtener la suma de:

$$\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 5 & 6 \\ 7 & 8 \end{pmatrix} =$$

SOLUCIÓN

Aplicando lo que ya sabemos tenemos que el resultado es:

$$= \begin{pmatrix} 1+5 & 2+6 \\ 3+7 & 4+8 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 6 & 8 \\ 7 & 12 \end{pmatrix}$$

3.- Obtener la resta de las siguientes matrices:

$$B = \begin{bmatrix} 3 & 0 & -1 \\ 4 & 4 & -2 \end{bmatrix} A = \begin{bmatrix} 1 & 4 & 2 \\ 0 & 3 & -5 \end{bmatrix}$$

SOLUCIÓN

Para obtener la resta de las dos matrices, primero hay que verificar que ambas son del mismo tamaño. Al notar que ambas son de 2x3, para realizar la resta simplemente obtenemos el resultado con respecto a la substracción de los valores de mismas posiciones.

$$C = \begin{bmatrix} (3-1) & (0-4) & (-1-2) \\ (4-0) & (4-3) & (-2-(-5)) \end{bmatrix}$$

SIGUIENTE

Al realizar las operaciones anteriores, llegamos a la conclusión de que la matriz resultante es:

$$C = \begin{bmatrix} (2) & (-4) & (-3) \\ (4) & (1) & (3) \end{bmatrix}$$

4.- Obtener la resta de:

$$\begin{pmatrix} 3 & -1 \\ 2 & -4 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 7 & 2 \\ 3 & 1 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} -1 & -2 \\ -3 & 4 \end{pmatrix}$$

SOLUCIÓN

Aplicando lo que ya sabemos, tenemos que el resultado es:

$$\begin{pmatrix} 3-7+1 & -1-2+2 \\ 2-3+3 & -4-1-4 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -3 & -1 \\ 2 & -9 \end{pmatrix}$$

MULTIPLICACIÓN DE MATRICES

5.- Obtener la multiplicación de las siguientes matrices:

$$3 \cdot \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix} :$$

SOLUCIÓN

El producto de una matriz se calcula multiplicando todos los elementos de la matriz por el escalar. La operación es conmutativa.

$$= \begin{pmatrix} 3 & 6 \\ 9 & 12 \end{pmatrix}$$

6.- Obtenga el producto A*B:

$$A = \begin{bmatrix} 2 & 1 & -3 \\ 0 & 1 & 2 \end{bmatrix} \quad B = \begin{bmatrix} 1 & -4 \\ 0 & 2 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$$

SOLUCIÓN

Se resolverá la primera fila de A por la primera columna de B y primera fila de A por la segunda columna de B

$$C_{11} = [2 \quad 1 \quad -3] \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix} = (2x1) + (1x0) + (-3x1) = -1$$

$$C_{12} = [2 \quad 1 \quad -3] \begin{bmatrix} -4 \\ 2 \\ 0 \end{bmatrix} = (2x-4) + (1x2) + (-3x0) = -6$$

SIGUIENTE

Se resolverá la segunda fila de A por la primera fila de B y la segunda fila de A por la segunda columna de B.

$$C_{21} = [0 \quad 1 \quad 2] \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix} = (0x1) + (1x0) + (2x1) = 2$$

$$C_{22} = [0 \quad 1 \quad 2] \begin{bmatrix} -4 \\ 2 \\ 0 \end{bmatrix} = (0x-4) + (1x2) + (2x0) = 2$$

El resultado final es:

$$AB = \begin{bmatrix} -1 & -6 \\ 2 & 2 \end{bmatrix}$$

7.- Obtenga la siguiente división:

$$\begin{pmatrix} 13 & 26 \\ 39 & 13 \end{pmatrix} \div \begin{pmatrix} 7 & 4 \\ 2 & 3 \end{pmatrix}$$

SOLUCIÓN

La división de dos matrices es la multiplicación de una matriz por la matriz inversa de la matriz divisora, y al mismo tiempo, exige que la matriz divisora sea una matriz cuadrada y que su determinante sea distinto de cero.

$$\begin{pmatrix} 13 & 26 \\ 39 & 13 \end{pmatrix} * \begin{pmatrix} 7 & 4 \\ 2 & 3 \end{pmatrix}^{-1}$$

SOLUCIÓN

Por lo que el resultado es:

$$\begin{pmatrix} 13 & 26 \\ 39 & 13 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 7 & 4 \\ 2 & 3 \end{pmatrix}^{-1}$$

$$\begin{pmatrix} 7 & 4 \\ 2 & 3 \end{pmatrix}^{-1} = \begin{pmatrix} \frac{3}{13} & -\frac{4}{13} \\ -\frac{2}{13} & \frac{7}{13} \end{pmatrix}$$

$$= \begin{pmatrix} 13 & 26 \\ 39 & 13 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \frac{3}{13} & -\frac{4}{13} \\ -\frac{2}{13} & \frac{7}{13} \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} 13 & 26 \\ 39 & 13 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \frac{3}{13} & -\frac{4}{13} \\ -\frac{2}{13} & \frac{7}{13} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -1 & 10 \\ 7 & -5 \end{pmatrix}$$

$$= \begin{pmatrix} -1 & 10 \\ 7 & -5 \end{pmatrix}$$

8.- Calcule el determinante de la siguiente matriz cuadrada:

$$\begin{pmatrix} 3 & 5 & 1 & 9 \\ 4 & 0 & -1 & 3 \\ 2 & 0 & 1 & -1 \\ -2 & 3 & 9 & 1 \end{pmatrix}$$

SOLUCIÓN

Desarrollamos la segunda columna y calculamos el determinante.

$$\begin{pmatrix} 3 & \boxed{5} & 1 & 9 \\ 4 & \boxed{0} & -1 & 3 \\ 2 & \boxed{0} & 1 & -1 \\ -2 & \boxed{3} & 9 & 1 \end{pmatrix}$$

$$|A| = -5 \begin{vmatrix} 4 & -1 & 3 \\ 2 & 1 & -1 \\ -2 & 9 & 1 \end{vmatrix} + 0 \begin{vmatrix} 3 & 7 & 9 \\ 2 & 1 & -1 \\ -2 & 9 & 1 \end{vmatrix} - 0 \begin{vmatrix} 3 & 7 & 9 \\ 4 & -1 & 3 \\ -2 & 9 & 1 \end{vmatrix} + 3 \begin{vmatrix} 3 & 7 & 9 \\ 4 & -1 & 3 \\ 2 & 1 & -1 \end{vmatrix}$$

SIGUIENTE

Al ser multiplicadas por 0, tenemos que calcular lo siguiente:

$$= -5 \begin{vmatrix} 4 & -1 & 3 \\ 2 & 1 & -1 \\ -2 & 9 & 1 \end{vmatrix} + 3 \begin{vmatrix} 3 & 7 & 9 \\ 4 & -1 & 3 \\ 2 & 1 & -1 \end{vmatrix}$$

$$= 5 \left[2 \begin{vmatrix} -1 & 3 \\ 9 & 1 \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} 4 & 3 \\ -2 & 1 \end{vmatrix} - (-1) \begin{vmatrix} 4 & 1 \\ -2 & 9 \end{vmatrix} \right]$$

$$+ 3 \left[2 \begin{vmatrix} 7 & 9 \\ -1 & 3 \end{vmatrix} + (-1) \begin{vmatrix} 3 & 9 \\ 4 & 3 \end{vmatrix} + (-1) \begin{vmatrix} 3 & 7 \\ 4 & -1 \end{vmatrix} \right]$$

SIGUIENTE

Finalmente obtenemos:

$$= -5[-2(-1 - 27 + (4 + 6) + (36 - 2))$$

$$+ 3[2(21 + 9) - (9 - 36) - (-3 - 28)] = -146$$

9.- Obtener la siguiente determinante:

$$C = \begin{bmatrix} -2 & 4 & 3 \\ -4 & -1 & -3 \end{bmatrix}$$

SOLUCIÓN

Para obtener la multiplicación entre un valor escalar y una matriz se tiene que multiplicar cada valor de la matriz por el valor del escalar, llegando a la siguiente operación:

$$(-3)C = \begin{bmatrix} (-2)(-3) & (4)(-3) & (3)(-3) \\ (-4)(-3) & (-1)(-3) & (-3)(-3) \end{bmatrix}$$

SIGUIENTE**INVERSA**

10.- Calcule la inversa de la siguiente matriz usando la fórmula siguiente:

$$\begin{pmatrix} 7 & 4 \\ 2 & 3 \end{pmatrix}^{-1}$$

FÓRMULA...

$$\begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix}^{-1} = \frac{1}{\det \begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix}}$$

La solución paso por paso es:

$$= \frac{1}{\det \begin{pmatrix} 7 & 4 \\ 2 & 3 \end{pmatrix}} \begin{pmatrix} 3 & -4 \\ -2 & 7 \end{pmatrix}$$

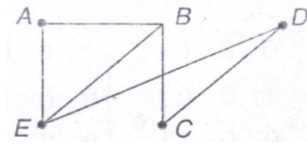
$$\det \begin{pmatrix} 7 & 4 \\ 2 & 3 \end{pmatrix} = 13$$

$$= \frac{1}{13} \begin{pmatrix} 3 & -4 \\ -2 & 7 \end{pmatrix}$$

$$\frac{1}{13} \begin{pmatrix} 3 & -4 \\ -2 & 7 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \frac{3}{13} & -\frac{4}{13} \\ -\frac{2}{13} & \frac{7}{13} \end{pmatrix}$$

$$= \begin{pmatrix} \frac{3}{13} & -\frac{4}{13} \\ -\frac{2}{13} & \frac{7}{13} \end{pmatrix}$$

11.- Represente la siguiente gráfica mediante su matriz de adyacencia:



SOLUCIÓN

La solución es:

$$\begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

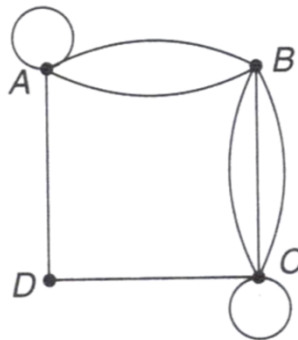
12.- Dibuje las gráficas representadas por las siguientes matrices:

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & 0 & 1 \\ 2 & 0 & 3 & 0 \\ 0 & 3 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

SOLUCIÓN

La solución es:

La solución es:



Programa de computo

<script >

```
var a=new Array(3);b=new Array(3);c=new Array(3)
```

```
function producto()
```

```
{
```

```
for(i=1;i<=3;i++)
```

```
{ a[i]=[0,0,0,0];b[i]= [0,0,0,0];c[i]= [0,0,0,0]
```

```

        for(j=1;j<=3;j++)

        { a[i][j]=parseFloat(document.matriza[3*i+j-4].value)

          b[i][j]=parseFloat(document.matrizb[3*i+j-4].value)  }  }

for(i=1;i<=3;i++)

{ for(j=1;j<=3;j++)

  { c[i][j]=0

    for(k=1;k<=3;k++)

      {c[i][j]=c[i][j]+a[i][k]*b[k][j]  }

      document.matrizc[3*i+j-4].value=c[i][j]  }  }

}

</script>

```

Producto de matrices (3x3)

<form name="matriza">

A=
 <input type="text" size="3">

<input type="text" size="3">

<input type="text" size="3">

<input type="text" size="3">

<input type="text" size="3">

<input type="text" size="3">

<input type="text" size="3">

<input type="text" size="3">

<input type="text" size="3">

</form>

<form name="matrizb">

B=
 <input type="text" size="3">

<input type="text" size="3">

<input type="text" size="3">

<input type="text" size="3">

<input type="text" size="3">

<input type="text" size="3">

<input type="text" size="3">

<input type="text" size="3">

<input type="text" size="3">

Hallar
producto

</form>

<form name="matrizc">

Matriz producto $C=A \times B$

<input type="text" size="3">

<input type="text" size="3">

<input type="text" size="3">

<input type="text" size="3">

<input type="text" size="3">

<input type="text" size="3">

<input type="text" size="3">

<input type="text" size="3">

<input type="text" size="3">

</form>

Cuestionario

/*La primer parte de las comillas pertenece a la pregunta las siguientes a las respuestas pertinentes y el ultimo valor entero pertenece al numero de la respuesta correcta, por ejemplo;

RESPUESTA 1 = 0 ;RESPUESTA 1 = 1 ;RESPUESTA1 = 2 ;RESPUESTA 4 = 3

```
preguntas[0]=new pregunta("¿PREGUNTA GENERICA 1?", "RESPUESTA 1", "RESPUESTA 2", "RESPUESTA 3", "RESPUESTA 4", 2);
```

La respuesta correcta es RESPUESTA 3 ya que su valor asignado es 2*/

```
preguntas[0]=new pregunta("¿Cuál es la aplicación usual de la representación matricial?", "para manipular una matriz", "representar un grafo en la computadora", "para sumar y multiplicar una matriz", "para manipular un grafo", 1);
```

```
preguntas[1]=new pregunta("Es una ventaja de la representación matricial", "representa de manera lógica una función", "se ve una mejor perspectiva de un grafo", "representa la manera geográfica de la función", "ninguna de las anteriores", 2);
```

```
preguntas[2]=new pregunta("A los conjuntos de relaciones arbitrarias entre objetos se pueden representar mediante:", "grafos", "matrices", "funciones", "uml", 0);
```

```
preguntas[3]=new pregunta("¿Cómo se llama esta propiedad en el producto de matrices:  $A \times (B + C) = (A \times B) + (A \times C)$ ?", "Asociativa", "Distributiva por la derecha respecto de la suma matricial", "Distributiva por la izquierda respecto de la suma matricial", "Conmutativa", 1);
```

```
preguntas[4]=new pregunta("En el producto de una matriz con un escalar, ¿cuál es la propiedad distributiva con respecto a la suma de matrices?", " $\alpha(A + B) = \alpha A + \alpha B$ ", " $1(A) = A$ ", " $\lambda(\alpha A) = (\lambda\alpha)A$ ", " $(\alpha + \lambda)A = \alpha A + \lambda A$ ", 0);
```


preguntas[5]=new pregunta("Una matriz cuadrada es cuando es de orden...", "mxn", "nxn", "1xn", "mx1", 1);

preguntas[6]=new pregunta("¿Cómo se realiza la multiplicación un escalar por una matriz?", "Se multiplica por cada elemento", "Se suma a cada elemento", "Se eleva cada elemento en potencia al escalar", "Se divide todos los elementos por el escalar", 0);

preguntas[7]=new pregunta("Existencia de matriz inversa es una propiedad de la operación...", "Suma de matrices", "Producto de una matriz por un escalar", "Producto de matrices", "División de matrices", 3);

preguntas[8]=new pregunta("Si $m \neq n$ entonces es una matriz...", "Nula", "Rectangular", "Columna", "Fila", 1);

preguntas[9]=new pregunta("¿Cuál es el orden de la matriz columna?", "mxn", "1x1", "mx1", "1xn", 2);

preguntas[10]=new pregunta("Es un matriz cuyos elementos por debajo de la diagonal principal son ceros", "Triangular superior", "Triangular inferior", "Identidad", "Diagonal", 1);

preguntas[11]=new pregunta("¿Cómo se denota o representa a una matriz?", "A", "a", "Matriz A", "Matriz a", 2);

preguntas[12]=new pregunta("¿Cómo se denotan o representan los elementos de una matriz?", "A,B,C", "a,b,c", "1,2,3", "Aa,Bb,Cc", 1);

preguntas[13]=new pregunta("¿Qué tipo de matriz es la que todos los elementos son 0? Se representa por O_{mxn} o simplemente por 0", "Matriz rectangular", "Matriz inferior", "Matriz nula", "Matriz escalonada", 2);

preguntas[14]=new pregunta("Es la matriz que se obtiene al escribir los renglones de A, en orden, como columnas","Matriz inversa","Suma de matrices","Diagonal Invertida","Matriz Traspuesta",3);

preguntas[15]=new pregunta("Se dice que una matriz cuadrada A es invertible sí y sólo sí existe otra matriz del mismo orden, llamada inversa de A y representada por A^{-1} , tal que: $A \cdot A^{-1} = A^{-1} \cdot A = I$ donde I es la matriz unidad","Matriz regular","Determinante","Producto matriz","Matriz invertible",0);

preguntas[16]=new pregunta("Son aquellas matrices $A=(a_{ij})$ tales que, para todo $i, j = 1, \dots, n$ se cumple $a_{ij} = a_{ji}$ ","Matriz cuadrada","Matriz Simétrica","Matriz inversa","Matriz adyacente",1);

preguntas[17]=new pregunta("¿Cómo se le denomina a la matriz que tiene sólo una fila o una columna","Matriz columna","Matriz inversa","Matriz renglón","Matriz traspuesta",0);

preguntas[18]=new pregunta("Es el resultado de restar la multiplicación de los elementos de la diagonal principal con la multiplicación de los elementos de la diagonal secundaria","Antisimétrica","Adyacente","Matriz gráfica","Determinante",3);

preguntas[19]=new pregunta("Si a partir de una matriz de adyacencia se obtiene otra diferente, entonces ambas son","semejantes","complementarias","simétricas","isomorfas",3);

preguntas[20]=new pregunta("¿Qué nombre reciben las matrices con los mismos datos por arriba y por abajo de la diagonal principal","Matriz simétrica","Matriz antisimétrica","Matriz adyacente",1);

principal?","simétricas","de
transición","transpuestas","identidad",0);

preguntas[21]=new pregunta("Algoritmo que se usa para
determinar la inversa de una matriz y las soluciones de un sistema
de ecuaciones lineales.","Recursivo","Gauss Jordan","Divide y
vencerás","Repetitivo",1);

preguntas[22]=new pregunta("El número de filas y columnas que
tiene una matriz se llama...","Número mn","Número
matricial","Filas y columnas","Dimensión de la matriz",3);

preguntas[23]=new pregunta("Matriz en que todos los elementos
fuera de la diagonal principal son cero","Matriz diagonal","Matriz
traspuesta","Inversa","Matriz nula",0);

preguntas[24]=new pregunta("Es una matriz diagonal cuyos
elementos de la diagonal son todos 1","Matriz diagonal","Matriz
unidad","Matriz Triangular","Matriz cuadrada",1);

preguntas[25]=new pregunta("Se le conoce también como matriz
escalonada","Matriz cuadrada","Matriz adyacencia","Matriz
inversa","Matriz triangular",3);

Bibliografía

En estos libros puedes encontrar más información:

1. García Cabello Julia

Algebra Lineal. Sus aplicaciones en economía, ingenierías y otras
ciencias

Delta, Publicaciones Universitarias

Primera edición

Delta editores

España, Madrid

2012

2. Ramírez Fernández Antonio J. , Hernández Debón Alicia
Apuntes de la asignatura fundamentos matemáticos de la
Ingeniería: Álgebra
Editorial de la Universidad Politécnica de Valencia
Primera Edición
España, Valencia
2002

3. Seymour Lipschitz, Lars Lipson Marc
Matemáticas Discretas
McGraw-Hill
Tercera Edición
México, CDMX
2007

4. Carbo Carre R., Hernández Basora J. A.
Introducción a la teoría de matrices
Alhambra
Primera Edición
Mc-Graw-Hill
España, Madrid
1976

5. García Merayo Félix
Matemática discreta
Paraninfo
Tercera edición
España, Madrid
2015

6. Veerarajan, T.
Matemáticas discretas: con teoría de gráficas y combinatoria
McGraw-Hill
Primera Edición
México, CDMX
2008

7. Espinosa Armenta, Ramón.
Matemáticas Discretas
Alfaomega
Tercera Edición
México
2010

8. Ruiz Ruiz, Juan Francisco
Métodos Computacionales en álgebra, Matemática discreta:
grupos y grafos
Universidad de Jaén
Segunda Edición

Jaén, España

9. Redon Trejo Araceli

Introducción al Álgebra Lineal y de Matrices

Universidad Autónoma Metropolitana

Primera Edición

México, Xochimilco

1998

10. Héctor F. Godínez C

Álgebra Lineal. Teoría y Ejercicios

Universidad Nacional Autónoma De México

Primera Edición

México, CDMX

1987