#### МИНОБРНАУКИ РОССИИ ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ «ВОРОНЕЖСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»

Математический факультет				
	Кафедр	а функциональног	го анализа	
	(	Отчет по дисципли	ине:	
«Программирование криптографических алгоритмов»				
W11p	от раммирова	ние криптографич	исских алгоритмов»	
Напра	авление 02.04	.01 Математика и	компьютерные науки	
Преподаватель		к.фм.н.	М.Г. Завгородний	
•	подпись		• • • •	
Обучающаяся			С.Д. Бабошин	
•	подпись			

# Содержание

1	Постановка задачи	3		
2				
3				
4	Описание используемых алгоритмов			
	4.1 Сложение	6		
	4.2 Вычитание	6		
	4.3 Умножение	6		
	4.4 Деление с остатком	7		
	4.5 Возведение в степень	8		
	4.6 Вычисление корня из натурального числа	8		
	4.7 НОД	8		
	4.8 Сложение в кольце вычетов	9		
	4.9 Вычитание в кольце вычетов	9		
	4.10 Умножение в кольце вычетов	9		
	4.11 Обратные элементы в кольце вычетов	9		
	4.12 Возведение в степень в кольце вычетов	9		
5	Блок-схемы алгоритмов	10		
6	Примеры работы программы			
7	Список литературы	<b>2</b> 5		
8	Исходный код	26		
	8.1 bigint.py	26		
	8.2 tests.pv	35		

### 1 Постановка задачи

- 1. Составьте алгоритм (в виде блок-схемы) и напишите (на любом языке программирования) соответствующую ему программу, позволяющую выполнять арифметические операции (сложение, вычитание, умножение и деление) над длинными целыми числами;
- 2. Составьте алгоритм и напишите соответствующую ему программу, позволяющую возводить натуральное число в натуральную степень;
- 3. Составьте алгоритм и напишите соответствующую ему программу, позволяющую вычислять целую часть корня произвольной степени m>0 из натурального числа;
- 4. Используя один из предложенных выше алгоритмов, составьте блоксхему и напишите соответствующую ей программу, позволяющую вычислять наибольший общий делитель двух больших натуральных чисел;
- 5. Составьте алгоритм и напишите соответствующую ему программу, позволяющую выполнять операции сложения, вычитания и умножения в кольце вычетов;
- 6. Составьте алгоритм и напишите соответствующую ему программу, позволяющую находить элементы, обратные к элементам, взаимно простым с модулем кольца;
- 7. Составьте алгоритм и напишите соответствующую ему программу, позволяющую возводить в натуральную стпень элементы кольца вычетов.

# 2 Используемые технологии

Программа написана на языке программирования Python 3.9. Плюсом данного решения стало то, что ЯП Python поддерживает работу с большими целыми числами и это позволило легко написать тесты для моей программы. Программа использует только стандартную библиотеку Python, установка сторонних зависимостей не требуется.

### 3 Структура программы

Вся программа состоит из трёх файлов:

- 1. Основная программа (bigint.py). В данном файле содержится класс BigInt, который позволяет совершать арифметические операции с длинными целыми числами. Для удобства работы с данным классом были перегружены основные арифметические операторы (такие как «+», «-», «\*» и пр.) и это позволило работать с объектами данного класса как с обычными числами.
- 2. Библиотека функций для длинной арифметики (long\_math.py). В данном файле содеражатся функции, которые работают с длинными числами и вызываются из класса BigInt. Блок-схемы данных функций будут представлены ниже.
- 3. Тесты работы программы (tests.py). В данном файле содержатся юнит-тесты со следующим принципом работы:
  - (a) Случайно выбираем 2 числа в промежутке от  $-10^{30}$  до  $10^{30}$ ;
  - (b) Преобразуем их в тип BigInt. После этого у нас будет 2 пары одинаковых чисел. Одна пара типа int из стандартной библиотеки, а вторая типа BigInt;
  - (c) Производим арифметические действия на обеих парах чисел и сравниваем получившиеся результаты. Если результаты отличаются, то выводим ошибку;
  - (d) Выполняем предыдущие пункты 100000 раз.

### 4 Описание используемых алгоритмов

#### 4.1 Сложение

Сложение реализовано в функции  $l\_add$ . Для сложения используется алгоритм описанный в [1].

#### 4.2 Вычитание

Вычитание реализовано в функции  $l\_sub$ . Для вычитания используется алгоритм описанный в [1].

#### 4.3 Умножение

Умножение реализовано в функции  $l\_mul$ . Для умножения используется исправленный алгоритм умножения из [1]. Были внесены следующие изменения (синие строки были изменены, красные удалены, а зелёные добавлены):

- 1. Вводим числа x и y в строковые переменные s1 и s2 соответственно.
- 2. Определяем длины l1 и l2 строк s1 и s2 соответственно.
- 3. Полагаем  $m = \max\{l1, l2\}$
- 4. Полагаем k = (m-1)/4+1
- 5. Полагаем n = 4 \* k
- 6. Дописываем n l1 нулей в начало строки s1 и n l2 нулей в началов строки s2
- 7. Полагаем  $osn = 10^4, st = '0', n1 = n$
- 8. Цикл при изменении переменной j от 1 до k выполняем:
  - (a) Полагаем n1 = n и w = 0
  - (b) Из строки s2 считываем 4 символа, начиная с позиции n1 3, преобразуем их в числовой формат и присваиваем целочисленной переменной b.

- (c) Полагаем n2 = n, w = 0, s3 = 0
- (d) Цикл при изменении переменной i от 1 до k выполняем:
  - і. Из строки s1 считываем 4 символа, начиная с позиции n 3, преобразуем их в числовой формат и присваиваем целочисленной переменной a.
  - ii. Находим величину c=a\*b+w
  - ії. Если  $c < \mathit{osn}$ , то  $z = c, \ w = 0$ , иначе  $z = c \ \% \ \mathit{osn}, \ w = c \ / \mathit{osn}$
  - iv. Преобразуем число z в строковый формат и присваиваем строковой переменной s.
  - v. Если длина l строки s меньше 4, то дописываем 4 l нулей в начало строки s.
  - vi. В начало строки s3 дописываем четыре символа строки s.
  - vii. Полагаем n=n 4 и i=i+1
  - viii. Полагаем s3 = s + s3, n2 = n2 4, i = i + 1
- (e) Если после выполнения i-цикла имеем  $w \neq 0$ , то число w преобразуем в строковый формат и полученную строку добавляем в начало строки s3.
- (f) Дописывем 4(j-1) нулей в конец строки s3.
- (g) Используя алгоритм сложения, складываем числа, записанные в строках st и s3; результат сложения записывем в строковую переменную st.
- (h) Полагаем n1=n1 4 и j=j+1

### 4.4 Деление с остатком

Деление с остатком реализовано в функции  $l\_divmod$ . В качестве алгоритма используется деление в столбик с небольшими модификациями для ускорения работы и сокращения количества итераций.

#### 4.5 Возведение в степень

Возведение в степень реализовано в функции  $l\_pow$ . Для возведения числа в степень используется алгоритм описанный в [1].

#### 4.6 Вычисление корня из натурального числа

Вычисление корня из натурального числа реализовано в функции  $l\_root$ . Для вычисление корня используется алгоритм описанный в [1].

#### 4.7 НОД

В программе реализовано 3 алгоритма вычисления НОД:

- 1. Расширенный алгоритм Евклида [1] (реализован в методе BigInt.gcd)
- 2. Расширенный бинарный алгоритм [1] (реализован в методе  $BigInt.bin\_gcd$ ). В предложенной реализации содержится ошибка, которую мне не удалось исправить, т. к. она возникает не во всех случаях (примерно 5-10 раз на 100 запусков). Из-за этой ошибки в данном алгоритме в некоторых случаях некорректно вычисляются коэффициенты линейного представления НОД. Пример: (927, 238) = 1, при этом u = 257, v = 100, что, очевидно, неверно. Правильные значения u и v это 19 и -74 соответственно: 927\*19+238\*(-74)=1.
- 3. Алгоритм LSBGCD [1] (реализован в методе *BigInt.lsbgcd*). В исходный алгоритм, предложенный в [1] были внесены следующие изменения:
  - Первое и самое главное изменение содержится в пункте алгоритма 3.1: «Найти число n такое, что  $2^n y \le x < 2^{n+1} y$ ». В [1] предлагается **на каждой** итерации основного цикла полагать  $n = log_2(10) \cdot L_{10}(y)$ . Однако, посмотрев как меняется n, я пришёл к выводу, что начинать поиск с этого значения на **каждой** итерации цикла не оптимально, т.к. n изменяется на малую величину (максимальное увиденное мной изменение переменной n равнялось 4), а следовательно, разумно будет поменять алгоритм следующим образом:

- До основного цикла полагаем  $n = log_2(10) \cdot L_{10}(y)$ .
- На каждой итерации цикла осуществляем поиск нового n, начиная с предыдущего n.

В моём случае данная оптимизация ускорила алгоритм практически в 8 раз!

• Арифметические выражения и цикл поиска значения n были слегка переработаны таким образом, чтобы  $2^n$  можно было вынести в переменную.

#### 4.8 Сложение в кольце вычетов

Сложение реализовано в методе  $BigInt.ring\_add$ . Для сложения используется алгоритм описанный в [1].

#### 4.9 Вычитание в кольце вычетов

Вычитание реализовано в методе  $BigInt.ring\_sub$ . Для вычитания используется алгоритм описанный в [1].

#### 4.10 Умножение в кольце вычетов

Умножение реализовано в методе  $BigInt.ring\_mul$ . Для умножения используется алгоритм описанный в [1].

#### 4.11 Обратные элементы в кольце вычетов

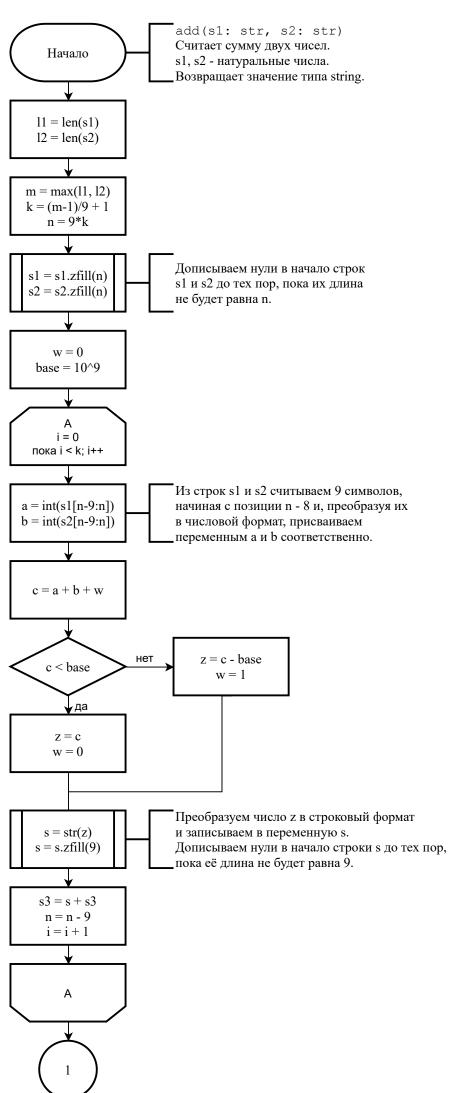
Вычисление обратных элементов реализовано в методе  $BigInt.ring\_inv$ . Для вычисления обратных элементов используется алгоритм описанный в [1].

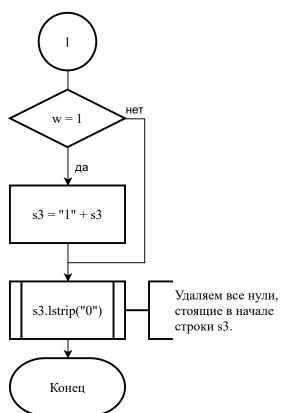
#### 4.12 Возведение в степень в кольце вычетов

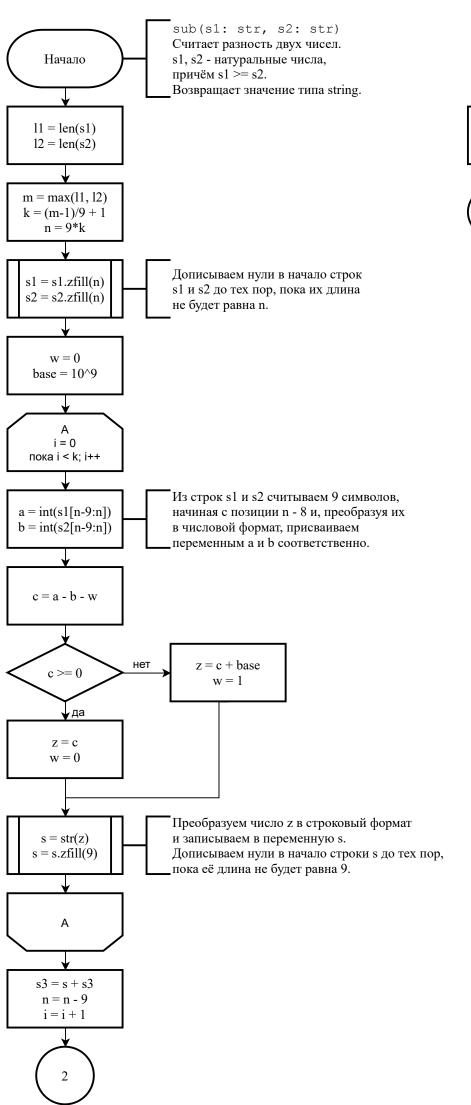
Возведение в степень реализовано в методе  $BigInt.ring\_pow$ . Для возведения в степень используется алгоритм описанный в [1].

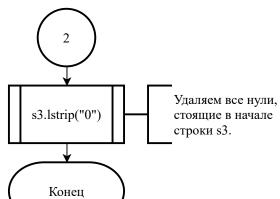
# 5 Блок-схемы алгоритмов

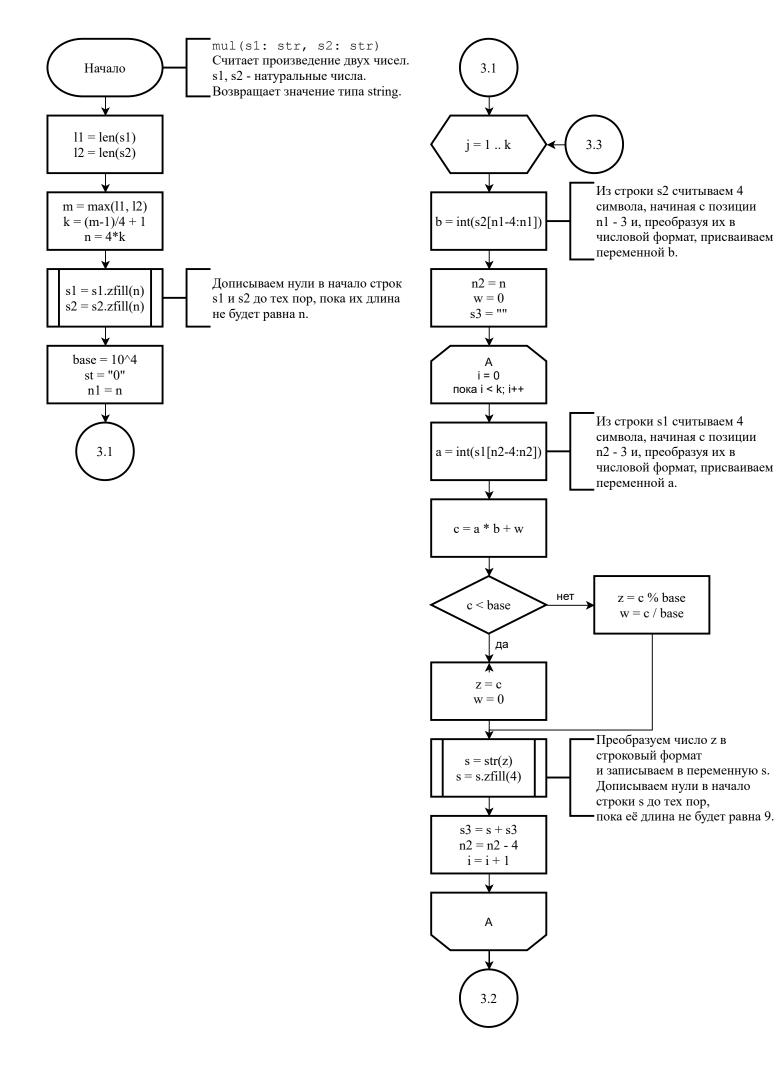
Ниже представлены блок-схемы функций, используемых для работы с длинными числами.

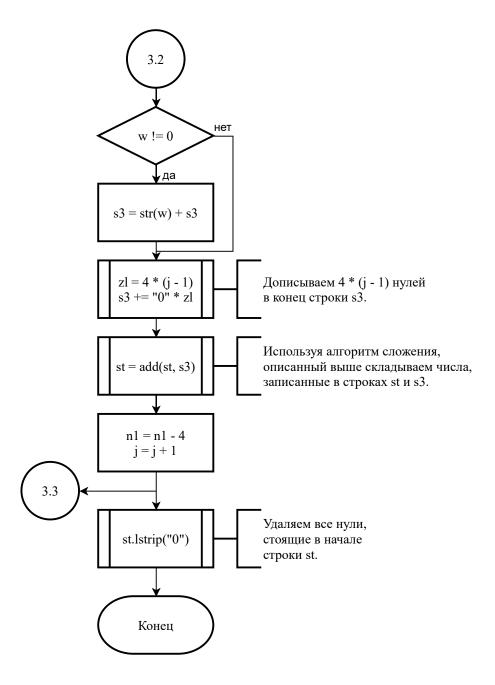


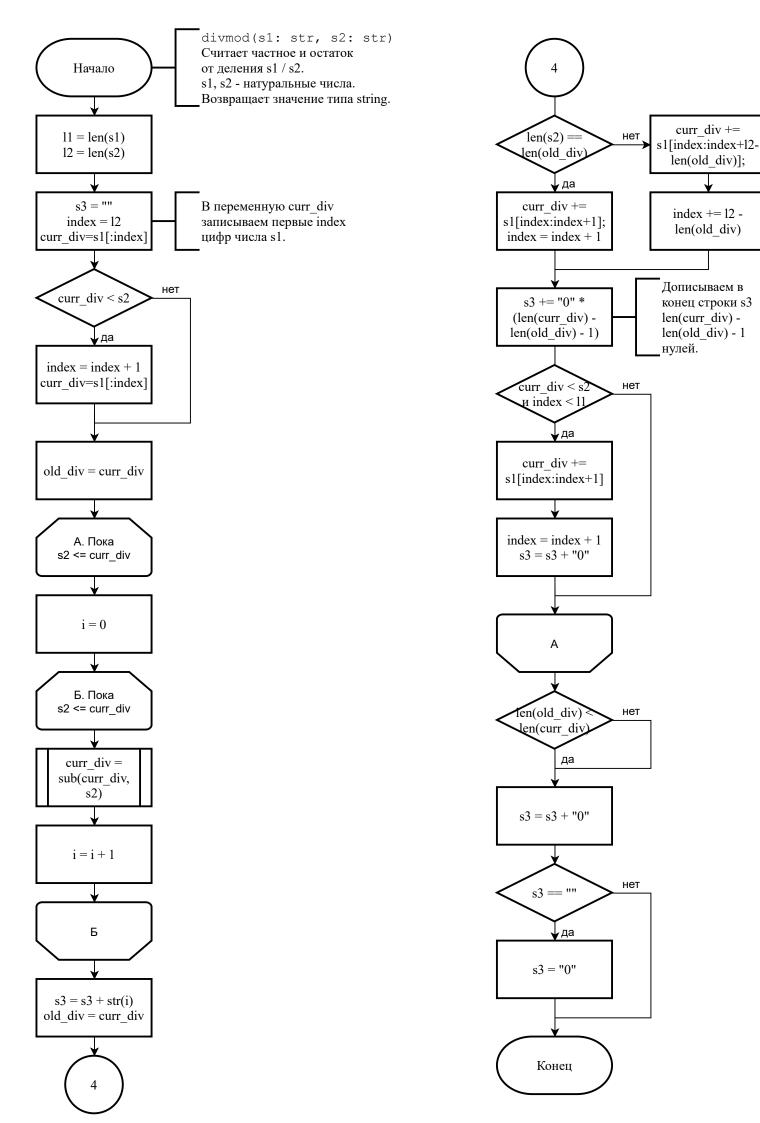


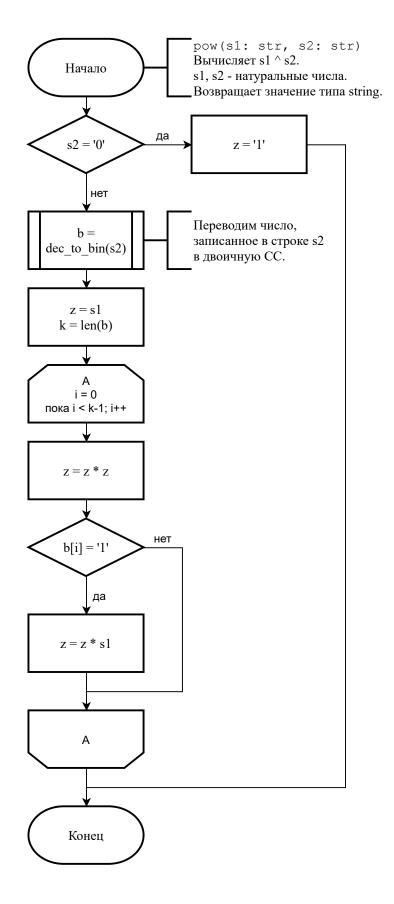


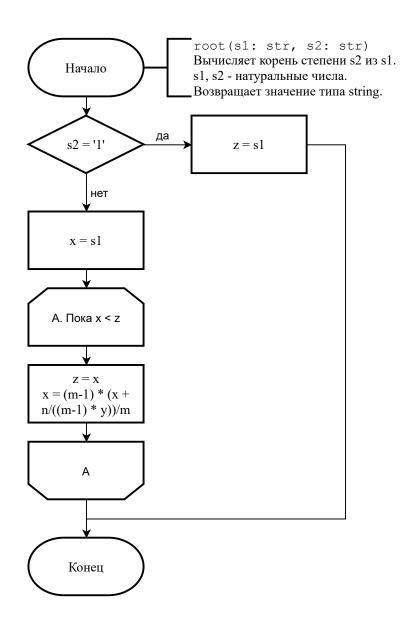


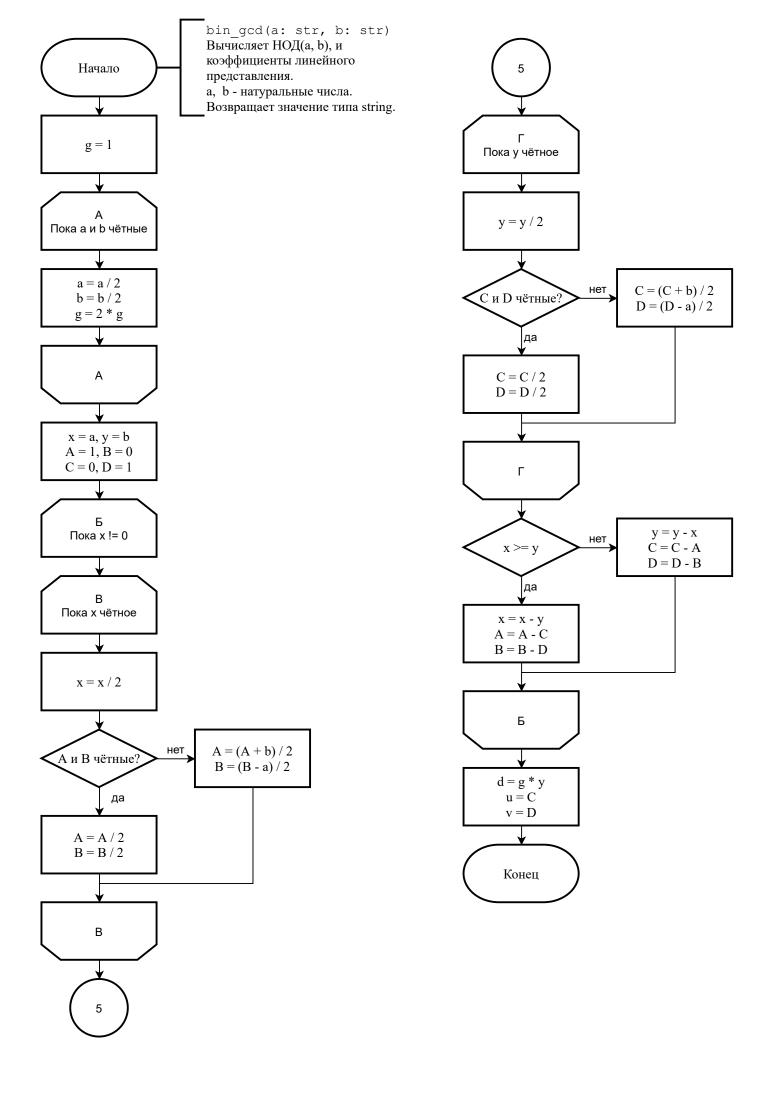


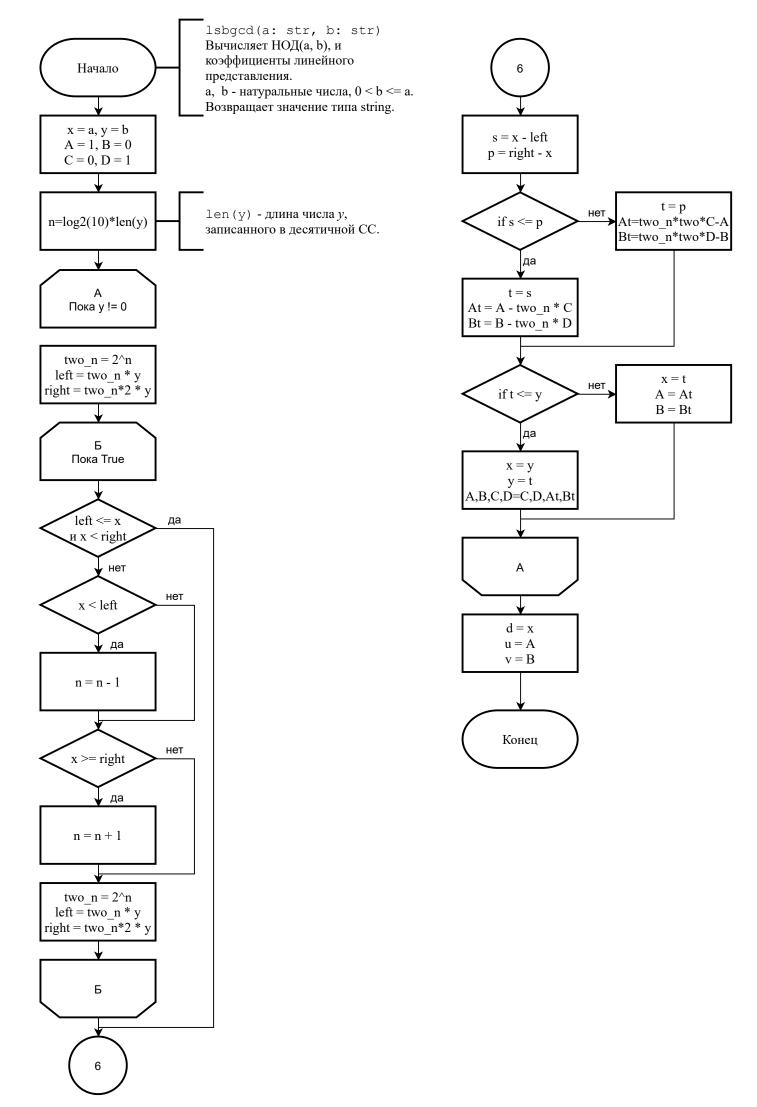


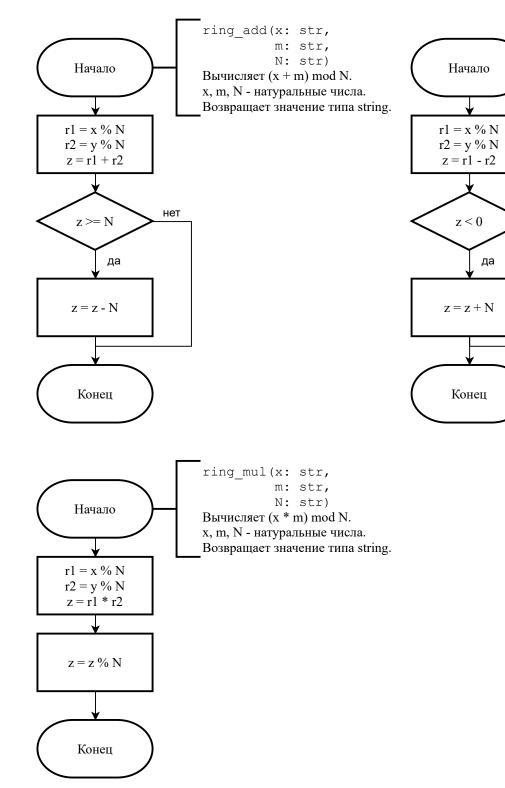












ring\_sub(x: str,

нет

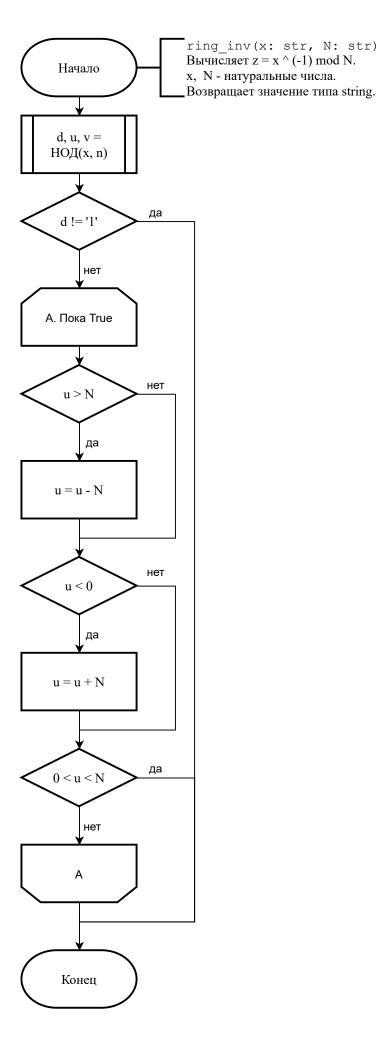
Вычисляет (x - m) mod N.

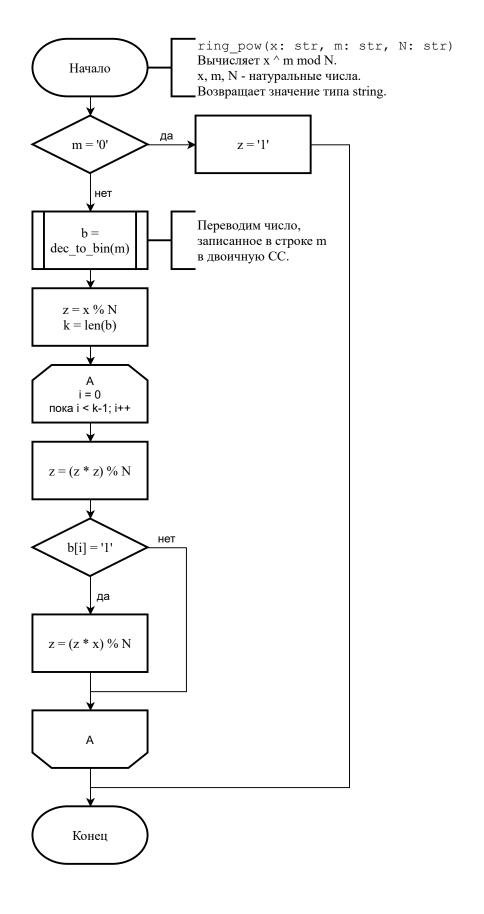
х, m, N - натуральные числа.

m: str,

N: str)

Возвращает значение типа string.





#### Примеры работы программы 6

Инициализруем несколько переменных объектами типа *BigInt* и посмотрим на результаты арифметических операций:

```
1 from bigint import BigInt
3 x1 = BigInt('9999999999999999999999')
4 y1 = BigInt('1111111111111111111')
5 x2 = BigInt('99')
6 y2 = BigInt('11')
7 N = BigInt('12345678998765432')
9 print('x1 =', x1)
10 print('y1 =', y1)
11 print('x2 =', x2)
12 print('y2 =', y2)
13 print('N =', N)
14
15 print('x1 + y1 = ', x1 + y1)
16 print('x1 - y1 =', x1 - y1)
17 print('x1 * y1 =', x1 * y1)
18 print('x1 / y1 =', x1 / y1)
19 print('x1 mod y1 =', x1 % y1)
20 print('x2 ^ y2 =', x2 ** y2)
21 print('Корень изх2 степениу2 = ', BigInt.root(x2, y2))
22 print('HOД(x1, y1) =', BigInt.gcd(x1, y1)[0])
23 print('(x1 + y1) mod N =', BigInt.ring_add(x1, y1, N))
24 print('(x1 - y1) mod N =', BigInt.ring_sub(x1, y1, N))
25 print('(x1 * y1) mod N =', BigInt.ring_mul(x1, y1, N))
26 print('x1^(-1) mod N =', BigInt.ring_inv(x1, N))
27 print('x2^y2 mod N =', BigInt.ring_pow(x2, y2, N))
```

Вывод программы:

- x2 = 99
- y2 = 11
- $\bullet$  N = 12345678998765432

- x1 / y1 = 9
- $x1 \mod y1 = 0$
- ullet Корень из х2 степени у2=1
- $(x1 + y1) \mod N = 122222223110$
- $(x1 y1) \mod N = 97777778488$
- $(x1 * y1) \mod N = 21010000081689$
- $x1^{(-1)} modN = 5264157999473642$
- $\bullet \ \ x2^{y2} mod N = 12182065501559763$

# 7 Список литературы

- 1. Завгородний М. Г., Майорова С. П. Программирование. Криптографические алгоритмы: учебное пособие. Воронеж: Издательский дом ВГУ, 2018.
- 2. Python 3.9.2 documentation. 2021. URL: https://docs.python.org/3.9/.

### 8 Исходный код

Ниже приведён исходный код программы. К сожалению, пакет *listings* для LATEX очень плохо работает с русскими символами. Из-за этого русскоязычная часть программы стала плохо читаема.

#### 8.1 bigint.py

```
from long_math import (dec_to_bin, is_even, l_add, l_divmod, l_mul, l_pow,
                         l_root, l_sub)
3
4
   class BigInt:
5
6
       def __init__(self, value='0'):
7
           if not isinstance(value, str):
8
              t = type(value).__name__
9
               raise TypeError(f'BigInt() argument must be a string, not "{t}"')
10
11
           if value == '-0':
12
              value = '0'
13
14
           self.is_neg = value[0] == '-'
15
           self.value = value[self.is_neg:]
17
           if not self.value.isdigit():
18
               raise TypeError(f'invalid argument for BigInt(): "{value}"')
19
20
21
       def __abs__(self):
           return BigInt(self.value)
22
23
       def __bool__(self):
24
           return self.value != '0'
25
26
       def __repr__(self):
27
           return self.__str__()
28
29
       def __str__(self):
30
           return ('-' if self.is_neg else '') + self.value
31
32
       def __len__(self):
33
```

```
34
           return len(self.value)
35
       def __eq__(self, other):
36
           if isinstance(other, int):
37
               other = BigInt(str(other))
38
           return self.value == other.value and self.is_neg == other.is_neg
39
40
       def __ne__(self, other):
41
           if isinstance(other, int):
42
               other = BigInt(str(other))
43
           return not self == other
44
45
       def __lt__(self, other):
46
           if self.is_neg == other.is_neg:
47
               self_len = len(self)
48
               other_len = len(other)
49
               if self_len == other_len:
50
                   return (self.value < other.value) ^ self.is_neg</pre>
51
               return (self_len < other_len) ^ self.is_neg</pre>
52
           return self.is_neg
54
       def __le__(self, other):
55
           return self < other or self == other</pre>
56
57
       def __gt__(self, other):
58
           return not self <= other</pre>
59
60
       def __ge__(self, other):
61
           return not self < other</pre>
63
       def __pos__(self):
64
           return BigInt(('-' if self.is_neg else '') + self.value)
65
66
       def __neg__(self):
67
           return BigInt(('' if self.is_neg else '-') + self.value)
68
69
       def __add__(self, other):
70
           if self.is_neg == other.is_neg:
               result = l_add(self.value, other.value)
72
               return BigInt(('-' if self.is_neg else '') + result)
73
           x, y = sorted((abs(self), abs(other)))
74
```

```
neg = max((self, other), key=lambda e: abs(e)).is_neg
 75
            return BigInt(('-' if neg else '') + (y - x).value)
 76
 77
        def __sub__(self, other):
 78
            if not self.is_neg and not other.is_neg:
 79
               y, x = sorted((self, other))
 80
               result = l_sub(x.value, y.value)
 81
               return BigInt(('-' if self < other else '') + result)</pre>
 82
 83
            if self.is_neg and not other.is_neg:
               return BigInt('-' + (abs(self) + abs(other)).value)
 85
 86
            if not self.is_neg and other.is_neg:
87
               return BigInt((abs(self) + abs(other)).value)
 88
 89
            if self.is_neg and other.is_neg:
90
               return self + abs(other)
91
92
        def __mul__(self, other):
93
            result = l_mul(self.value, other.value)
            return BigInt(('-' if self.is_neg != other.is_neg else '') + result)
95
96
        def __truediv__(self, other):
97
            if other.value == '0':
98
               raise ZeroDivisionError('division by zero')
99
            result = l_divmod(self.value, other.value)[0]
100
            return BigInt(('' if self.is_neg == other.is_neg else '-') + result)
101
102
        def __mod__(self, other):
103
            if other.value == '0':
104
               raise ZeroDivisionError('division by zero')
105
106
           mod = l_divmod(self.value, other.value)[1]
           mod = BigInt(mod)
107
108
            if mod.value == '0':
109
110
               return mod
111
           return {
112
               not self.is_neg and not other.is_neg: mod,
113
               self.is_neg and not other.is_neg: other - mod,
114
115
               not self.is_neg and other.is_neg: mod + other,
```

```
116
                self.is_neg and other.is_neg: -mod
            }[True]
117
118
        def __pow__(self, other):
119
            result = l_pow(self.value, other.value)
120
            if int(other.value[-1]) % 2:
121
122
                return BigInt(('-' if self.is_neg else '') + result)
123
            return BigInt(result)
124
        @staticmethod
125
        def root(a, b):
126
127
            result = l_root(a.value, b.value)
            return BigInt(result)
128
129
130
        @staticmethod
        def gcd(a, b):
131
            if a.value == '0':
132
133
               return b
            if b.value == '0':
134
135
               return a
            a = BigInt(a.value)
136
            b = BigInt(b.value)
137
            zero, one = BigInt('0'), BigInt('1')
138
139
            r, old_r = a, b
140
            s, old_s = zero, one
            t, old_t = one, zero
141
142
            while r:
               q = old_r / r
143
                old_r, r = r, old_r - q * r
144
                old_s, s = s, old_s - q * s
145
                old_t, t = t, old_t - q * t
146
147
            return old_r, old_t, old_s
148
        @staticmethod
149
        def bin_gcd(a, b):
150
            a = BigInt(a.value)
151
            b = BigInt(b.value)
152
153
            zero, one, two = BigInt('0'), BigInt('1'), BigInt('2')
154
            while is_even(a.value) and is_even(b.value):
155
                a /= two
156
```

```
b /= two
157
                g *= two
158
            x, y = a, b
159
            A, B, C, D = one, zero, zero, one
160
            while x:
161
                while is_even(x.value):
162
                    x /= two
163
                    if is_even(A.value) and is_even(B.value):
164
                        A /= two
165
                        B /= two
166
167
                    else:
                        A = (A + b) / two
168
                        B = (B - a) / two
169
                while is_even(y.value):
170
171
                    y /= two
                    if is_even(C.value) and is_even(D.value):
172
                        C /= two
173
                        D /= two
174
                    else:
175
                        C = (C + b) / two
176
                        D = (D - a) / two
177
                if x < y:
178
                    y -= x
179
                    C -= A
180
                    D -= B
181
                else:
182
183
                    x -= y
                    A -= C
184
                    B -= D
185
            return g * y, C, D
186
187
        @staticmethod
188
        def lsbgcd(a, b):
189
            a = BigInt(a.value)
190
            b = BigInt(b.value)
191
            is_swap = False
192
            if b > a:
193
                a, b = b, a
194
                is_swap = True
195
            zero, one, two = BigInt('0'), BigInt('1'), BigInt('2')
196
197
            x, y = a, b
```

```
198
            A, B, C, D = one, zero, zero, one
            log2_10 = BigInt('3')
199
            n = log2_10 * BigInt(str(len(y)))
200
201
            while y:
202
                two_n = two ** n
                left = two_n * y
203
204
                right = two_n * two * y
                while True:
205
206
                    if left <= x < right:</pre>
207
                        break
                    if x < left:</pre>
208
209
                        n -= one
210
                    if x >= right:
                        n += one
211
212
                    two_n = two ** n
213
                    left = two_n * y
                    right = two_n * two * y
214
                s = x - left
215
                p = right - x
216
217
                if s <= p:
218
                    t = s
                    At = A - two_n * C
219
                    Bt = B - two_n * D
220
221
                else:
222
                    t = p
223
                    At = two_n * two * C - A
224
                    Bt = two_n * two * D - B
                if t <= y:
225
226
                    x = y
227
                    y = t
228
                    A, B, C, D = C, D, At, Bt
                else:
229
                    x = t
230
                    A = At
231
232
                    B = Bt
233
            if is_swap:
                return x, B, A # d, v, u
234
235
            return x, A, B # d, u, v
236
        @staticmethod
237
238
        def ring_add(x, y, n):
```

```
r1 = x \% n
239
            r2 = y \% n
240
241
            z = r1 + r2
            if z \ge n:
242
                z -= n
243
            return z
244
245
        @staticmethod
246
247
        def ring_sub(x, y, n):
            r1 = x \% n
248
            r2 = y \% n
249
            z = r1 - r2
250
            if z < BigInt('0'):</pre>
251
                z += n
252
253
            return z
254
255
        @staticmethod
        def ring_mul(x, y, n):
256
            r1 = x \% n
257
            r2 = y \% n
258
            z = r1 * r2
259
            return z % n
260
261
        @staticmethod
262
        def ring_inv(x, n):
263
             if x.value == '1':
264
                return x
265
            d, v, u = BigInt.lsbgcd(x, n)
266
             if d != BigInt('1'):
267
                return None
268
            zero = BigInt('0')
269
            while True:
270
                 if u > n:
271
                     u -= n
272
273
                 if u < zero:</pre>
274
                     u += n
                 if zero < u < n:</pre>
275
                     break
276
277
            return u
278
        @staticmethod
279
```

```
def ring_pow(x, m, n):
280
            if m.value == '0':
281
                return BigInt('1')
282
            b = dec_to_bin(m.value)
283
            z = x \% n
284
            for i in range(1, len(b)):
285
                z = (z * z) \% n
286
                if b[i] == '1':
287
                    z = (z * x) \% n
288
289
            return z
290
291
    if __name__ == '__main__':
292
        menu_text = '\n'.join([
293
294
            'Выберите операцию:',
295
            '1) x + y',
            '2) x - y',
296
297
            '3) x * y',
            '4) x / y',
298
299
            '5) x mod y',
300
            '6) x ^ y',
            '7) КореньизХ степениҮ',
301
            '8) HOД(x, y)',
302
            '9) (x + y) \mod N',
303
304
            '10) (x - y) mod N',
            '11) (x * y) mod N',
305
            '12) x^{-1} \mod N',
306
            '13) x^y mod N',
307
        1)
308
309
        print(menu_text)
        choice = input('Введите номероперации: ')
310
311
        if int(choice) < 1 or int(choice) > 13:
312
            print('Выбрано несуществующеезначение:(')
313
            input('Для выходанажмитеEnter...')
314
            exit(0)
315
316
317
        x = BigInt(input('Введите первоечисло(x): '))
        if choice != '12':
318
            y = BigInt(input('Введите второечисло(у): '))
319
        if 9 <= int(choice) <= 13:</pre>
320
```

```
n = BigInt(input('Введите модуль(N): '))
321
322
        if choice == '1':
323
           print('x + y = ', x + y)
324
        elif choice == '2':
325
           print('x - y =', x - y)
326
        elif choice == '3':
327
           print('x * y =', x * y)
328
329
        elif choice == '4':
           print('x / y =', x / y)
330
        elif choice == '5':
331
           print('x mod y =', x % y)
332
        elif choice == '6':
333
           print('x ^ y =', x ** y)
334
335
        elif choice == '7':
           print('Корень изХ степениY = ', BigInt.root(x, y))
336
        elif choice == '8':
337
338
           print('HOД(x, y), u, v =', *BigInt.lsbgcd(x, y))
        elif choice == '9':
339
           print('(x + y) mod N =', BigInt.ring_add(x, y, n))
340
        elif choice == '10':
341
           print('(x - y) mod N =', BigInt.ring_sub(x, y, n))
342
        elif choice == '11':
343
           print('(x * y) mod N =', BigInt.ring_mul(x, y, n))
344
345
        elif choice == '12':
            inv = BigInt.ring_inv(x, n)
346
347
            if inv is None:
               print(f'06patный элементчисла{x} помодулю{n} несуществует!')
348
349
               print('x^(-1) mod N =', BigInt.ring_inv(x, n))
350
        elif choice == '13':
351
352
           print('x^y mod N =', BigInt.ring_pow(x, y, n))
353
        input('Для выходанажмитеEnter...')
354
```

#### 8.2 tests.py

```
1 import math
2 import unittest
3 from random import randint
5 from bigint import BigInt
   from long_math import (dec_to_bin, l_add, l_divmod, l_mul, l_pow, l_root,
                         l_sub, less_than)
7
8
9
   class TestLongMath(unittest.TestCase):
10
11
       MIN = 10 ** 20
12
       MAX = 10 ** 30
13
       TESTS_COUNT = 10 ** 5
14
15
       def test_add(self):
16
           for _ in range(self.TESTS_COUNT):
17
              x = randint(self.MIN, self.MAX)
18
              y = randint(self.MIN, self.MAX)
19
20
              self.assertEqual(str(x + y), l_add(str(x), str(y)))
21
       def test_sub(self):
22
           for _ in range(self.TESTS_COUNT):
23
              x = randint(self.MIN, self.MAX)
24
              y = randint(self.MIN, self.MAX)
25
              x, y = sorted([x, y], reverse=True)
26
              self.assertEqual(str(x - y), l_sub(str(x), str(y)))
27
28
       def test_mul(self):
29
           for _ in range(self.TESTS_COUNT):
30
              x = randint(self.MIN, self.MAX)
31
              y = randint(self.MIN, self.MAX)
32
              self.assertEqual(str(x * y), l_mul(str(x), str(y)))
33
34
       def test_divmod(self):
35
           for _ in range(self.TESTS_COUNT):
36
37
              x = randint(self.MIN, self.MAX)
              y = randint(self.MIN, self.MAX)
38
              self.assertEqual(tuple(map(str, divmod(x, y))), l_divmod(str(x), str(y))
39
40
```

```
41
       def test_pow(self):
           for _ in range(100):
42
               x = randint(0, 1000)
43
               y = randint(0, 1000)
44
               self.assertEqual(str(x ** y), l_pow(str(x), str(y)))
45
46
       def test_root(self):
47
           for _ in range(100):
48
               x = randint(0, 100)
49
               y = randint(1, 100)
               self.assertEqual(str(int(x ** (1 / y))), l_root(str(x), str(y)))
51
52
       def test_dec_to_bin(self):
53
           for _ in range(self.TESTS_COUNT):
54
               x = randint(self.MIN, self.MAX)
55
               self.assertEqual(bin(x)[2:], dec_to_bin(x))
56
57
       def test_less_than(self):
58
           for _ in range(self.TESTS_COUNT):
59
               x = randint(self.MIN, self.MAX)
60
               y = randint(self.MIN, self.MAX)
61
               self.assertEqual(x < y, less_than(str(x), str(y)))</pre>
62
63
64
   class TestBigInt(unittest.TestCase):
65
66
       MIN = -10 ** 30
67
       MAX = 10 ** 30
68
       TESTS_COUNT = 10 ** 5
69
70
       def test_add(self):
71
           for _ in range(self.TESTS_COUNT):
72
               x = randint(self.MIN, self.MAX)
73
               y = randint(self.MIN, self.MAX)
74
               big_x = BigInt(str(x))
75
               big_y = BigInt(str(y))
76
               self.assertEqual(x + y, big_x + big_y)
77
78
       def test_sub(self):
79
           for _ in range(self.TESTS_COUNT):
80
               x = randint(self.MIN, self.MAX)
81
```

```
y = randint(self.MIN, self.MAX)
 82
               big_x = BigInt(str(x))
 83
               big_y = BigInt(str(y))
 84
               self.assertEqual(x - y, big_x - big_y)
 85
 86
        def test_mul(self):
87
            for _ in range(self.TESTS_COUNT):
 88
               x = randint(self.MIN, self.MAX)
 89
               y = randint(self.MIN, self.MAX)
90
               big_x = BigInt(str(x))
91
               big_y = BigInt(str(y))
92
93
               self.assertEqual(x * y, big_x * big_y)
94
        def test_div(self):
95
96
            for _ in range(self.TESTS_COUNT):
               x = randint(self.MIN, self.MAX)
97
               y = randint(self.MIN, self.MAX)
98
               big_x = BigInt(str(x))
99
               big_y = BigInt(str(y))
100
101
               self.assertEqual(int(x / y), big_x / big_y)
102
        def test_mod(self):
103
            for _ in range(self.TESTS_COUNT):
104
               x = randint(self.MIN, self.MAX)
105
               y = randint(self.MIN, self.MAX)
106
               big_x = BigInt(str(x))
107
               big_y = BigInt(str(y))
108
               self.assertEqual(x % y, big_x % big_y)
109
110
        def test_pow(self):
111
            for _ in range(100):
112
               x = randint(-100, 100)
113
               y = randint(0, 100)
114
               big_x = BigInt(str(x))
115
               big_y = BigInt(str(y))
116
               self.assertEqual(x ** y, big_x ** big_y)
117
118
        def test_root(self):
119
            for _ in range(100):
120
               x = randint(0, 100)
121
               y = randint(1, 100)
122
```

```
123
               big_x = BigInt(str(x))
               big_y = BigInt(str(y))
124
               self.assertEqual(int(x ** (1 / y)), BigInt.root(big_x, big_y))
125
126
        def test_gcd(self):
127
            for _ in range(10000):
128
               x = randint(0, 10 ** 20)
129
               y = randint(0, 10 ** 20)
130
               big_x = BigInt(str(x))
131
               big_y = BigInt(str(y))
132
               d, big_u, big_v = BigInt.gcd(big_x, big_y)
133
134
               u = int(('-' if big_u.is_neg else '') + big_u.value)
               v = int(('-' if big_v.is_neg else '') + big_v.value)
135
               self.assertEqual(str(math.gcd(x, y)), d.value)
136
137
               self.assertEqual(str(u*x + v*y), d.value)
138
        def test_lsbgcd(self):
139
140
            for _ in range(1000):
               x = randint(0, 10 ** 20)
141
               y = randint(0, 10 ** 20)
142
143
               big_x = BigInt(str(x))
               big_y = BigInt(str(y))
144
               d, big_u, big_v = BigInt.lsbgcd(big_x, big_y)
145
               u = int(('-' if big_u.is_neg else '') + big_u.value)
146
               v = int(('-' if big_v.is_neg else '') + big_v.value)
147
               self.assertEqual(str(math.gcd(x, y)), d.value)
148
               self.assertEqual(str(u*x + v*y), d.value)
149
150
        def test_ring_add(self):
151
152
            values = [
                ('3', '4', '5', '2'),
153
                ('12345678', '87654321', '123', '15'),
154
                ('12345678', '0', '987', '282'),
155
                ('0', '12345678', '987', '282'),
156
                ('999999999', '9999999999', '999999999', '0')
157
           ]
158
            for args in values:
159
               args = list(map(BigInt, args))
160
161
               self.assertEqual(BigInt.ring_add(*args[:3]), args[3])
162
163
        def test_ring_sub(self):
```

```
164
            values = [
                ('3', '4', '5', '4'),
165
                ('12345678', '87654321', '123', '75'),
166
                ('12345678', '0', '987', '282'),
167
                ('0', '12345678', '987', '705'),
168
                ('999999999', '9999999999', '999999999', '0')
169
            ٦
170
            for args in values:
171
               args = list(map(BigInt, args))
172
               self.assertEqual(BigInt.ring_sub(*args[:3]), args[3])
173
174
175
        def test_ring_mul(self):
            values = [
176
                ('3', '4', '5', '2'),
177
178
                ('12345678', '87654321', '123', '3'),
                ('12345678', '0', '987', '0'),
179
                ('0', '12345678', '987', '0'),
180
                ('999999999', '9999999999', '999999999', '0')
181
            ]
182
183
            for args in values:
184
               args = list(map(BigInt, args))
               self.assertEqual(BigInt.ring_mul(*args[:3]), args[3])
185
186
187
        def test_ring_inv(self):
            values = [
188
                ('873372847093', str(10 ** 12), '94559444997'),
189
                ('3', '6', None),
190
            ]
191
            for *args, x in values:
192
193
               args = list(map(BigInt, args))
               if isinstance(x, str):
194
195
                   x = BigInt(x)
196
               self.assertEqual(BigInt.ring_inv(*args[:2]), x)
197
        def test_ring_pow(self):
198
            values = [
199
                ('3', '4', '5', '1'),
200
                ('18', '50', '873372847093', '194798095869'),
201
                ('12345678', '0', '987', '1'),
202
                ('0', '12345678', '987', '0'),
203
                ('999', '999', '999', '0')
204
```