TUGAS POLINOMIAL CHAPTER 15

Tugas Mata Kuliah SK5003 Pemrograman dalam Sains Numpy Python 3

Mohammad Rizka Fadhli (Ikang) 20921004@mahasiswa.itb.ac.id

17 October 2021

CONTENTS CONTENTS

Contents

| SK 1 | 4 |
|----------|----|
| Soal | 4 |
| Jawab | 4 |
| SK 2 | 7 |
| Soal | 7 |
| Jawab | 7 |
| | 10 |
| Soal | 10 |
| Jawab | 10 |
| - End —— | 19 |

List of Figures

LIST OF FIGURES

| 1 | Gambar 15.1 | 5 |
|---|-------------|----|
| | Gambar 15.2 | 8 |
| 3 | Gambar 15.3 | 11 |

TASK 1

Soal

- **15.1** Develop a Python program to evaluate polynomial function $y = x^4 + 4x^2 + 7$. Find an appropriate interval of x for which the function evaluation is done and plot the graph.
- **15.4** Develop a Python program to solve the polynomial function $y = x^4 + 4x^2 + 7$.

Jawab

Untuk menyelesaikan soal ini (menghitung nilai x dan y = f(x) lalu menggambar dan mencari akar), saya akan gunakan program Python berikut ini:

```
# SOAL 15.1
import numpy as np
from numpy.polynomial.polynomial import polyval
from numpy.polynomial.polynomial import polyroots
import matplotlib.pyplot as plt
# pecah data menjadi 30 selang
# initial condition
M = 30
          # number of data points
xi = -5.0 # first value of x
xf = 5.0 # final value
# membuat x dan y = f(x)
x = np.linspace(xi, xf, M)
# koefisien polinomial
c = np.array([7,0,4,0,1])
print ("Coefficient list")
print (c)
# menghitung y = f(x)
y = polyval(x, c)
# print (x,y)
# kita bulatkan menjadi 4 angka di belakang koma
print ("Evaluating a polynomial")
# save ke dalam csv
# memberikan nama file
f = open("15_1.csv","w+")
```

```
for j in range(M):
    print (j,". x = ",round(x[j],4),"; y = ",round(y[j],4))
    f.write(str(j)+","+str(round(x[j],4))+","+str(round(y[j],4))+"\n")

# save file
f.close()

# mencari akar
r = polyroots(c)
print("The roots: ")
print(r)

# menggambar dan menyimpan plot
plt.figure(figsize = (16,9))
plt.plot(x,y,'o-')
plt.xlabel('x')
plt.ylabel('y')
plt.savefig('15_1.png',dpi = 250)
```

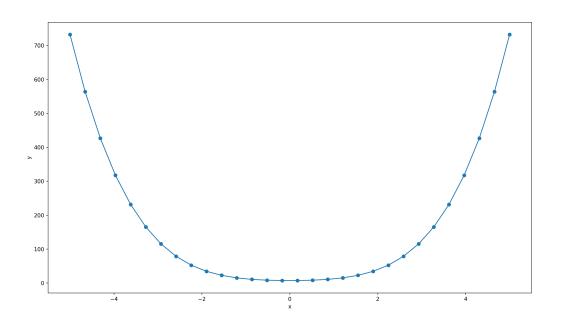


Figure 1: Gambar 15.1

Berikut adalah nilai x, y dari fungsi di atas:

```
## j x[j] y[j]
## 1 1 -4.6552 563.2987
```

Berikut adalah gambar grafiknya:

```
## 2
       2 -4.3103 426.4982
##
  3
       3 -3.9655 317.1872
## 4
       4 -3.6207 231.2938
## 5
       5 -3.2759 165.0853
## 6
       6 -2.9310 115.1685
       7 -2.5862
                   78.4894
## 7
## 8
       8 -2.2414
                   52.3335
## 9
       9 -1.8966
                   34.3254
## 10 10 -1.5517
                   22.4291
## 11 11 -1.2069
                   14.9481
## 12 12 -0.8621
                   10.5249
## 13 13 -0.5172
                    8.1417
## 14 14 -0.1724
                    7.1198
## 15 15
          0.1724
                    7.1198
## 16 16
          0.5172
                    8.1417
## 17 17
          0.8621
                   10.5249
## 18 18
          1.2069
                   14.9481
## 19 19
          1.5517
                   22.4291
## 20 20
          1.8966
                   34.3254
## 21 21
          2.2414
                   52.3335
## 22 22
          2.5862
                   78.4894
## 23 23
          2.9310 115.1685
## 24 24
          3.2759 165.0853
## 25 25
          3.6207 231.2938
## 26 26
          3.9655 317.1872
## 27 27
          4.3103 426.4982
## 28 28
          4.6552 563.2987
## 29 29
          5.0000 732.0000
```

Dari grafik dan data yang ada, terlihat bahwa f(x) tidak memiliki akar real. Sehingga bisa diduga hasil perhitungan roots Python akan menghasilkan akar-akar bilangan kompleks.

Berikut adalah roots dari y = f(x) = 0.

The roots:

```
[-0.56822148-1.52409831j -0.56822148+1.52409831j 0.56822148-1.52409831j 0.56822148+1.52409831j]
```

Dugaan kita terkonfirmasi.

TASK 2

Soal

15.2 Develop a Python program to evaluate the polynomial function $y = 3x^5 + 6$. Find an appropriate interval of x for which the function evaluation is done and plot the graph.

15.5 Develop a Python program to solve the polynomial function $y = 3x^5 + 6$.

Jawab

Untuk menyelesaikan soal ini (menghitung nilai x dan y = f(x) lalu menggambar dan mencari akar), saya akan gunakan program Python berikut ini:

```
# SOAL 15.2
import numpy as np
from numpy.polynomial.polynomial import polyval
from numpy.polynomial.polynomial import polyroots
import matplotlib.pyplot as plt
# pecah data menjadi 30 selang
# initial condition
          # number of data points
M = 30
xi = -5.0 # first value of x
         # final value
xf = 5.0
# membuat x dan y = f(x)
x = np.linspace(xi, xf, M)
# koefisien polinomial
c = np.array([6,0,0,0,0,3])
print ("Coefficient list")
print (c)
# menghitung y = f(x)
y = polyval(x, c)
# print (x,y)
# kita bulatkan menjadi 4 angka di belakang koma
print ("Evaluating a polynomial")
# save ke dalam csv
# memberikan nama file
f = open("15_2.csv","w+")
```

```
for j in range(M):
    print (j,". x = ",round(x[j],4),"; y = ",round(y[j],4))
    f.write(str(j)+","+str(round(x[j],4))+","+str(round(y[j],4))+"\n")

# save file
f.close()

# mencari akar
r = polyroots(c)
print("The roots: ")
print(r)

# menggambar dan menyimpan plot
plt.figure(figsize = (16,9))
plt.plot(x,y,'o-')
plt.xlabel('x')
plt.ylabel('y')
plt.savefig('15_2.png',dpi = 250)
```

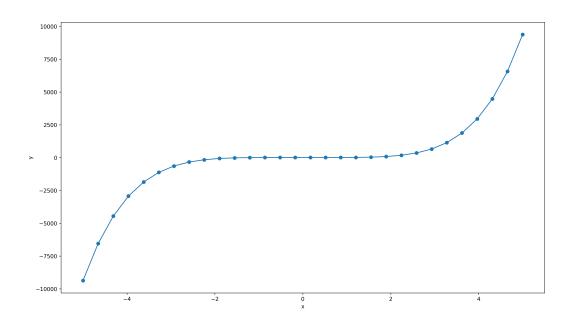


Figure 2: Gambar 15.2

Berikut adalah nilai x, y dari fungsi di atas:

```
## j x[j] y[j]
## 1 1 -4.6552 -6552.4333
```

Berikut adalah gambar grafiknya:

```
## 2
       2 -4.3103 -4457.5595
## 3
       3 -3.9655 -2935.8496
## 4
       4 -3.6207 -1860.7139
## 5
       5 -3.2759 -1125.7468
## 6
       6 - 2.9310
                   -642.9719
       7 - 2.5862
## 7
                   -341.0864
## 8
       8 -2.2414
                   -163.7063
## 9
       9 -1.8966
                    -67.6113
## 10 10 -1.5517
                    -20.9894
## 11 11 -1.2069
                     -1.6820
## 12 12 -0.8621
                      4.5717
## 13 13 -0.5172
                      5.8889
## 14 14 -0.1724
                      5.9995
## 15 15
          0.1724
                      6.0005
## 16 16
          0.5172
                      6.1111
## 17 17
          0.8621
                      7.4283
## 18 18
          1.2069
                     13.6820
## 19 19
          1.5517
                     32.9894
## 20 20
          1.8966
                     79.6113
## 21 21
          2.2414
                    175.7063
## 22 22
          2.5862
                    353.0864
## 23 23
          2.9310
                    654.9719
## 24 24
          3.2759
                   1137.7468
## 25 25
          3.6207
                   1872.7139
          3.9655
## 26 26
                   2947.8496
## 27 27
          4.3103
                   4469.5595
## 28 28
          4.6552
                   6564.4333
## 29 29
          5.0000
                   9381.0000
```

Berikut adalah roots dari y = f(x) = 0.

The roots:

```
[-1.14869835+0.j
-0.35496731-1.09247706j
-0.35496731+1.09247706j
0.92931649-0.67518795j
0.92931649+0.67518795j]
```

TASK 3

Soal

15.3 Develop a Python program to evaluate the polynomial function $y = 2x^6 - 1.5x^5 + 5x^4 - 6.5x^3 + 6x^2 - 3x + 4.5$. Find an appropriate interval of x for which the function evaluation is done and plot the relevant data.

15.6 Develop a Python program to solve the polynomial function $y = 2x^6 - 1.5x^5 + 5x^4 - 6.5x^3 + 6x^2 - 3x + 4.5$.

Jawab

Untuk menyelesaikan soal ini (menghitung nilai x dan y = f(x) lalu menggambar dan mencari akar), saya akan gunakan program Python berikut ini:

```
# SOAL 15.3
import numpy as np
from numpy.polynomial.polynomial import polyval
from numpy.polynomial.polynomial import polyroots
import matplotlib.pyplot as plt
# pecah data menjadi 30 selang
# initial condition
M = 30
       # number of data points
xi = -5.0 # first value of x
xf = 5.0 # final value
# membuat x dan y = f(x)
x = np.linspace(xi, xf, M)
# koefisien polinomial
c = np.array([4.5, -3, 6, -6.5, 5, -1.5, 2])
print ("Coefficient list")
print (c)
# menghitung y = f(x)
y = polyval(x, c)
# print (x,y)
# kita bulatkan menjadi 4 angka di belakang koma
print ("Evaluating a polynomial")
# save ke dalam csv
# memberikan nama file
```

```
f = open("15_3.csv", "w+")
for j in range(M):
     print (j,". x = ",round(x[j],4),"; y = ",round(y[j],4))
     f.write(str(j)+","+str(round(x[j],4))+","+str(round(y[j],4))+"\n")
# save file
f.close()
# mencari akar
r = polyroots(c)
print("The roots: ")
print(r)
# menggambar dan menyimpan plot
plt.figure(figsize = (16,9))
plt.plot(x,y,'o-')
plt.xlabel('x')
plt.ylabel('y')
plt.savefig('15 3.png',dpi = 250)
```

Berikut adalah gambar grafiknya:

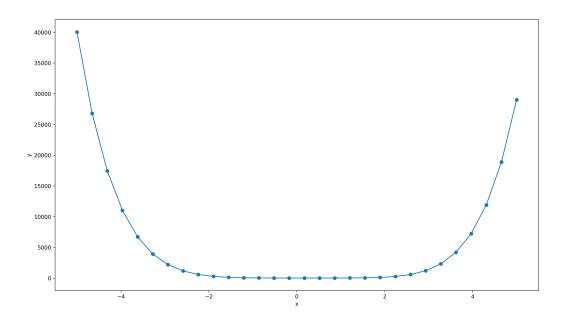


Figure 3: Gambar 15.3

Berikut adalah nilai x, y dari fungsi di atas:

```
##
            x[j]
                        y[i]
## 1
       1 -4.6552 26785.2690
## 2
       2 -4.3103 17433.4497
##
       3 -3.9655 11000.7403
## 4
       4 - 3.6207
                   6701.0403
       5 -3.2759
## 5
                   3920.5228
## 6
       6 - 2.9310
                   2190.1267
## 7
       7 - 2.5862
                   1160.4707
## 8
       8 -2.2414
                    579.1874
## 9
       9 - 1.8966
                    270.6785
## 10 10 -1.5517
                    118.2918
## 11 11 -1.2069
                     48.9173
## 12 12 -0.8621
                     20.0060
## 13 13 -0.5172
                      9.0082
## 14 14 -0.1724
                      5.2336
## 15 15
          0.1724
                      4.1320
## 16 16
          0.5172
                      3.9947
## 17 17
          0.8621
                      5.0767
## 18 18
          1.2069
                     11.1404
## 19 19
          1.5517
                     33.4199
## 20 20
          1.8966
                     97.0055
## 21 21
          2.2414
                    249.6502
## 22 22
          2.5862
                    572.9963
## 23 23
          2.9310
                   1196.2233
## 24 24
          3.2759
                   2312.1166
## 25 25
          3.6207
                   4195.5567
## 26 26
          3.9655
                   7224.4299
## 27 27
          4.3103 11902.9594
## 28 28
          4.6552 18887.4579
## 29 29
          5.0000 29014.5000
```

Dari grafik dan data yang ada, terlihat bahwa f(x) tidak memiliki akar real. Sehingga bisa diduga hasil perhitungan roots Python akan menghasilkan akar-akar bilangan kompleks.

Berikut adalah roots dari y = f(x) = 0.

The roots:

```
[-0.3149883 -1.44360859j -0.3149883 +1.44360859j -0.23708958-0.88725007j -0.23708958+0.88725007j 0.92707788-0.60202496j 0.92707788+0.60202496j]
```

Dugaan kita terkonfirmasi.

== End ==