# 再帰的ブロック構造を持つ並列プログラムに対する 可逆実行環境

池田 崇志<sup>1,a)</sup> 結縁 祥治<sup>1,b)</sup>

概要:本論文では、並列に実行されるブロック構造を持つプログラムの実行を解析することを目的として可逆実行環境の実装を示す。並列プログラムを抽象機械の3番地コードに変換して実行する。順方向の実行時は逆向き実行に必要な情報をスタックに保存し、その実行を逆向きに辿る実行環境を実装する。この実行環境では、順方向の抽象命令を逆方向の抽象命令に一対一に変換することで逆向き実行を実現する。抽象命令の変換による実行環境[T.Ikeda and S.Yuen, 2020]では、並列実行において抽象機械をPythonの multiprocessing モジュールでフォークする抽象命令を実装し、順方向および逆方向において並列実行する実行環境を示した。

ここでは、実際的なプログラムの構文要素として、ブロック構造、手続き呼び出し、関数呼び出しを含むように拡張した。Hoey らの手法に従って変数のスコープを扱うために、各ブロックに名前を付け、参照情報をパスとして表し、局所変数を実現する。本研究で新たに提案する方法として抽象命令生成時に作成する並列ブロックの開始及び終了番地を記録したテーブルを用いて並列ブロックを起動することにより順方向、逆方向ともに並列の入れ子構造を実現する。これらの実現手法によって、ブロック構造を持つプログラミング言語に対して単純な抽象機械の実行メカニズムによって逆方向実行が可能となることを示し、並列プログラムのデバッグのための基盤として提案する。

キーワード:a

# A reversible runtime for parallel programs with recursive blocks

Takashi Ikeda<sup>1,a)</sup> Shoji Yuen<sup>1,b)</sup>

**Abstract:** This paper presents a reversible runtime of simple parallel programs with blocks. A program is translated into a sequence of three-address abstract machine instructions and abstract machines running in parallel execute the instructions. The runtime stores the information of variable updates and program counter jumps associated with process identifies on stacks in the forward execution. In the backward execution, the abstract instructions for forward execution are converted to reverse abstract instructions one-to-one.

In our previous work, we presented a runtime for parallel programs with flat-fixed structures. The runtime executes multiple abstract machines using the multiprocessing module of Python.

This work extends the runtime for practical language features, including blocks, procedure-call, and function-call. To deal with the scope of variables in blocks, we assign the path information with block names following Hoey et.al. Besides variable paths, the runtime records the invocation history of parallel blocks as a table to reverse the invocation of parallel blocks. We realize parallel nested structures in both directions. We illustrate that executing abstract machines makes bi-directional execution simple even with the recursive structure of blocks. We propose them as a foundation for behavioural analysis such as debugging.

Keywords: a

<sup>1</sup> 名古屋大学情報学研究科 Graduate school of imformatics, Nagoya University, Furo-cho, Chikusa-ward, Nagoya-city, 464-8601

a) tikeda@sqlab.jp

b) yuen@sqlab.jp

### 1. はじめに

可逆計算に基づいたプログラムの逆実行は、プログラム の振舞いの解析において有用な手がかりを与える。プログ ラムを順方向に実行し、初期状態から最終状態に至る状態 遷移系列によって、初期状態における入力から最終状態お ける出力を得る。デバッグなどの場合にプログラムの振舞 いを解析する場合、計算過程の途中でどのようにプログラ ムの状態が変化したのかということを詳細に追跡する必要 が生じる。順方向実行では、出力を計算するための情報が 保持され、出力として必要のない情報は捨てられることが 多い。解析のためにはプログラムの振舞いの履歴を残して おくことは有用であり、振舞いの解析のために必要な情報 を残すことが望ましい。このため、解析のためにメモリの 状態をすべてダンプしたり、必要と思われるログ情報を残 すことが行われる。この観点において、逆方向に実行でき るだけの情報があれば振舞いを特定することが容易となる ことが知られており、このアイデアに基づいた可逆プログ ラミング言語が提案されている [1], [2], [3]。Janus におい ては、条件分岐構文を拡張して条件分岐がどの方向で発生 したか逆方向から辿ることができ、最終状態からプログラ ムを逆から実行して初期状態に至る振舞いを再現すること ができる。可逆計算に基づいて必要十分の情報をプログラ ミング言語に組込むことによって効率的な解析を行なうこ とができるようになる。

並列プログラムでは概念的に複数のプログラムブロックが同時に実行される。多くの場合、並列の振舞いは共有変数を介したインターリーブによる並行実行で捉えられる。このため、個々のプログラムブロックの実行履歴に加えて、複数のプログラムブロックが全体としてどのように実行されたかという情報が必要になる。並列プログラムの並行実行では実行順序の組み合わせが膨大になることから逆方向の実行に必要な情報に限定することは有用である。Hoey らは並列プログラムに必要なアノテーションを付加することによって並列プログラムの可逆実行意味を示している [4], [5]。ここでは必要な履歴情報をプログラムのアノテーションに基づいて保存することによって逆方向の並行実行を可能とし、逆方向の実行によって初期状態まで戻る計算によってアノテーション情報が残らないことで、履歴情報が必要十分であることを示している。

ここでは並列プログラムの並行実行処理系が情報を保存することで逆方向の振舞いを実現する方法について示す。 筆者らは、大域変数のみをもつ単純な並列ブロック構造を持つプログラムに対する実行環境を抽象機械のバイトコードを定義することで実現する方法を示した [6]。個々の抽象機械は局所スタックを持ち、逐次的にバイトコードを実行する。並列ブロックの実行では、個々のブロック毎に抽 象機械を生成して並列に実行する。大域的な実行情報として、共有変数の更新情報(値スタック)とジャンプによる個々の抽象機械のプログラムカウンタの更新情報(ラベルスタック)を記録する。順方向計算は、入力値、空の値スタック、および空のラベルスタックから計算を開始し、出力値、値スタック、ラベルスタックを与えて終了する。逆方向の計算は、出力値、値スタック、ラベルスタックから開始して、もとの入力値と空の値スタックとラベルスタックで終了する。逆方向の計算を実行するためのバイトコードは、順方向のバイトコードを変換することによって得られる。

本発表では [6] の並列プログラミング言語を拡張し、再帰的な手続き呼び出しを導入する。再帰的なブロック構造を許すことによって動的な並列ブロックの逆方向実行を可能にする。実行環境にプログラムの並列構造を示す構文的なテーブルを導入することによって実現する。このメカニズムによって、逆方向から実行する際に抽象機械をどのように生成すればよいかを知ることができる。手続に加えて関数についても実現し、実用的なプログラミング言語の処理系において可逆計算を可能とするために必要なメカニズムについて示す。さらに、実行環境を Python のmultiprocessing モジュールを用いて実現し、バイトコードへの変換器を Javacc を用いて実現した。

本発表の構成は以下の通りである。2節において対象とする並列プログラミング言語を定義し、3節において抽象機械とバイトコードを示す。4節において実現した実行環境について説明する。5節で関連研究とまとめを示す。

#### 2. 並列プログラミング言語

対象とする並列プログラミング言語は while ループや if 文,手続き呼び出しのブロック,関数呼び出しのブロック,および並列ブロックを持つプログラミング言語である.ソースプログラムを抽象機械命令に変換することで抽象機械によって実行する.並列ブロックは par から始まり,各ブロックを || の記号で区切り, rap で終わる.

#### 2.1 対象言語の定義

対象言語の定義を図 1 に示す. bn, an, wn, pn, fn, cn は それぞれのブロック名を示す. それぞれ n は整数値を表し b1,b2,... のように整数値の部分が重複しないとする. DV は変数の宣言, DP は手続きの宣言, DF は関数の宣言, RV は変数の解放を行うステートメントを示している. あるブロック内で宣言された変数はそのブロック内で必ず宣言した順番とは逆の順番で変数の解放を行うステートメントを記述する必要がある.

・手続き呼び出し 手続きの宣言は proc から始まり, end で終わるように記述する. 手続きの引数は変数一つのみとし, 値を返すことはしない. call ステートメントを記述す

```
P ::= begin \ bn \ BB \ end | par an P(||\ P)^+ \ rap | S | BB ::= DV \ DP \ DF \ P(;\ P)^+ \ RV | S ::= skip \ |\ X = E \ |\ if \ C \ then \ P \ else \ P \ fi \ | while wn \ C \ do \ P \ od \ |\ call \ cn \ a(X?) | DV ::= (var \ X;)^* | DP ::= (proc \ pn \ a(X?) \ is \ P \ end)^* | DF ::= (func \ fn \ b(X?) \ is \ P \ return)^* | RV ::= (remove \ X;)^* | E ::= X \ |\ n \ |\ (E) \ |\ E \ op \ E|\{cn \ b(X?)\} | C ::= B \ |\ C \ \&\& \ C \ |\ not \ C \ |\ (C) | B ::= E = E \ |\ E \ > E | E = E \ |\ E \ > E | E = E \ |\ E \ > E | E = E \ |\ E \ > E | E = E \ |\ E \ > E | E = E \ |\ E \ > E | E = E \ |\ E \ > E | E = E \ |\ E \ > E | E = E \ |\ E \ > E | E = E \ |\ E \ > E | E = E \ |\ E \ > E | E = E \ |\ E \ > E | E = E \ |\ E \ > E | E = E \ |\ E \ > E | E = E \ |\ E \ > E | E = E \ |\ E \ > E | E = E \ |\ E \ > E | E = E \ |\ E \ > E | E = E \ |\ E \ > E | E = E \ |\ E \ > E | E = E \ |\ E \ > E | E = E \ |\ E \ > E | E = E \ |\ E \ > E | E = E \ |\ E \ > E | E = E \ |\ E \ > E | E = E \ |\ E \ > E | E = E \ |\ E \ > E | E = E \ |\ E \ > E | E = E \ |\ E \ > E | E = E \ |\ E \ > E | E = E \ |\ E \ > E | E = E \ |\ E \ > E | E = E \ |\ E \ > E | E = E \ |\ E \ > E | E = E \ |\ E \ > E | E = E \ |\ E \ > E | E = E \ |\ E \ > E | E = E \ |\ E \ > E | E = E \ |\ E \ > E | E = E \ |\ E \ > E | E = E \ |\ E \ > E | E = E \ |\ E \ > E | E = E \ |\ E \ > E | E = E \ |\ E \ > E | E = E \ |\ E \ > E | E \ > E | E \ > E | E \ > E | E \ > E | E \ > E | E \ > E | E \ > E | E \ > E | E \ > E | E \ > E | E \ > E | E \ > E | E \ > E | E \ > E | E \ > E | E \ > E | E \ > E | E \ > E | E \ > E | E \ > E | E \ > E | E \ > E | E \ > E | E \ > E | E \ > E | E \ > E | E \ > E | E \ > E | E \ > E | E \ > E | E \ > E | E \ > E | E \ > E | E \ > E | E \ > E | E \ > E | E \ > E | E \ > E | E \ > E | E \ > E | E \ > E | E \ > E | E \ > E | E
```

図 1 対象言語の定義

Fig. 1 definition of language

ることで宣言された手続きを呼び出し,その手続きを実行 する.

・関数呼び出し 関数の宣言は func から始まり, return で終わるように記述する. 関数は簡単のため引数一つとする. 関数内では関数の名前を返り値とする. 関数の呼び出しは呼び出し名 cn と関数名および引数を {} で囲って記述する.

図 2 にプログラム例を示す. ブロック b1 内で変数の宣 言,手続きの airline の宣言を行い,メインの処理として変 数の値割り当て,手続き airline の呼び出しを行い,最後に 最初に宣言した変数の解放を行うプログラムである. この プログラムは二つの agent が並列に動作して seats を売っ ていく航空券販売のプログラムを表している. 実際の動作 について, 6 から 15 行目と 16 から 25 行目は並列に動作 し seats が 0 にならない限り seats を減らしていく. しか し, 9 行目と 18 行目の seats が 0 より大きいという条件判 定が同時に行われてしまうと seats が 0 であるのに-1 を行 い seats の値が-1 という望ましくない結果が得られること がある. これを実行する際に逆方向実行に必要な情報を残 すことでこの実行を逆に辿り seats の値が不正に更新され た部分を探すことを考える. この実行を逆に辿っていくと 10 行目もしくは 19 行目に対応する実行で seats の値が-1 から0に戻される. これによって seats が0より大きいと いう条件判定のもと seats=seats-1 を実行するはずが seats の値が既に0になってしまっていて不正に1引いてしてし まっている部分を特定することができる.

#### 3. 可逆実行環境

本研究では先行研究 [4], [5] を基に抽象機械命令のバイトコードを抽象機械で実行する. 以前までに実装した可逆実行環境に対して新しく変数のスコープ,並列ブロックのネスト構造,手続き呼び出し及び関数呼び出しの拡張を行う.

```
1: begin b1
2:
        var seats:
3:
        var agent1;
4:
        var agent2;
5:
        proc p1 airline() is
6:
             par a1
7:
                 begin b2
                      while w1 (agent1==1) do
8:
9:
                          if (seats>0) then
10:
                             seats=seats-1
11:
12:
                               agent1=0
13:
                          fi
14:
                      od
15:
                 end
16:
                begin b3
17:
                      while w2 (agent2==1) do
                          if (seats>0) then
18:
19:
                               seats=seats-1
20:
21:
                               agent2=0
22:
                          fi
23:
                      od
24:
                 end
25:
             rap
26:
        end
27:
         seats=3:
28:
        agent1=1:
        agent2=1;
29:
30:
         call c1 airline()
31:
        remove agent2;
32:
        remove agent1;
33:
        remove seats;
34: end
```

図 2 プログラム例

 $\mathbf{Fig.}\ \mathbf{2}\quad \mathrm{sample\ program}$ 

ブロック構造に対する変数に対しては先行研究の手法を 参考に各ブロックに名前を付け、参照構造を表すパスとす ることで変数のスコープを実現する.

並列ブロックは順方向の抽象機械のバイトコードを作成する際に各ブロックの開始番地と終了番地を記録したテーブルをそれぞれの並列ブロックごとに作成し、fork命令実行時に参照することで動的にプロセスを生成し、並列のネスト構造の扱いを可能にしている。本研究において、抽象機械は並列ブロックを動作させるために Pythonの multiprocessing モジュールを用いて実装した.

図??に本研究で実装した可逆実行環境のイメージを示す.

#### 3.1 可逆抽象機械

プログラムを抽象機械のバイトコードに変換する. このバイトコードをプロセスにおいて固有の演算用のスタックとプロセス間で共有の共有変数スタックを持つ抽象機械によって実行することでプログラムに書かれたステートメントを順方向に実行する. 順方向実行時に逆向き実行に必要

#### 表 1 順方向の抽象機械命令セット

Table 1 instruction of abstract machine for forward

番号	命令	被演算子
1	ipush	即値
2	load	変数番地
3	store	変数番地
4	jpc	ジャンプ先 PC
5	jmp	ジャンプ先 PC
6	op	演算番号
7	label	バイトコード全体の抽象命令数
8	par	{0,1}
9	alloc	変数番地
10	free	変数番地
11	proc	pn
12	$p\_return$	pn
13	block	bn
14	end	bn
15	fork	an
16	merge	an
17	func	fn
18	$f\_return$	fn
19	$w\_label$	wn
20	$w\_end$	wn
21	nop	0
		l .

な情報を保存する.

### 3.1.1 抽象機械の定義

順方向の抽象機械命令セットを表 1 に示す。各命令に対する説明を表 2 に示す。

逆方向抽象機械命令のバイトコードは順方向のバイトコードの抽象機械命令を一対一で変換することで作成する. 図 3 に生成規則を示す. 順方向のバイトコードを s とし s から逆方向のバイトコードへの変換を i(s) で表す. inv(s) は各抽象機械命令の変換を表す.

逆方向の抽象命令セットを表3に示す。各命令に対する説明を表4に示す。

#### 3.1.2 バイトコードの例

図 2 を順方向実行のバイトコードに変換すると図 4 になる. 左端の数字は PC (プログラムカウンタ) を表し (命令,被演算子) というように抽象機械命令が表示されている.

図 4 の抽象機械命令を一対一で変換し順序を反転させた ものが図 5 の逆方向実行のバイトコードである. これを用 いて順方向実行の実行を逆に辿る実行を行う.

# 3.2 順方向実行環境

## 3.2.1 抽象機械の動作

・ジャンプ履歴の保存

順方向の実行では jmp 命令の対象には必ず label 命令が 生成されるようになっており, label 命令でどこからジャ ンプしてきたかというジャンプ履歴の保存を行う. ラベル

表 2 順方向の各命令に対する説明

Table 2 explanation of each instruction for forward

1	ipush はスタックのトップに被演算子の即値をプッシュする.
2	load は被演算子の変数番地の値を読み出し、その値
	をスタックトップにプッシュする.
3	store はスタックトップの値をポップし被演算子の変数番地
	に保存する. 値スタックに保存する前の変数番地の値を
	プッシュする.
4	jpc はスタックトップから値をポップしその値が1ならば
	被演算子のジャンプ先 PC の値を次の PC の値とする.
5	jmp は無条件で被演算子のジャンプ先 PC の値を
	次の PC の値とする.
6	op はスタックトップから値を二回ポップしその二つの値に
	対して被演算子の演算番号(0,1,2,3,4)に対してそれぞれ
	(+,-,×,¿,==)の演算を行う.
7	label は一つ前の PC の値をバイトコード全体の命令数+1
	から 引いた値(逆方向コードにしたときに対応する
	命令の PC)をラベルスタックにプッシュする.
8	par は並列ブロックの区切りを表し、被演算子が 0 の時は始
	まりを表し、1で終了を表す.
9	alloc は変数番地の番地の確保を行う.初期値は 0 と
	なっている.
10	free は変数番地の解放を行う.変数の値を変数テーブルに
	記録し順方向実行時の最後の変数の値を保存する.
11	proc は手続きの始まりを表す.パスに pn を追加し label
	命令と同様にラベルスタックに一つ前の PC の値を
	バイトコード全体の命令数+1 から引いた値をプッシュする.
	帰り番地を保存するために一つ前のPCの値を演算スタック
	にプッシュする.
12	p_return は手続きの終了を表す.パスから pn を削除し演算
	スタックから帰り番地をポップしその PC にジャンプする.
13	block はパスに bn を追加する.
14	end はパスから bn を削除する.
15	fork は並列ブロックの始まりを表し、各ブロックを並列に
	実行するプロセスを生成する。プロセスの生成にはバイト
	コード生成時に作成した並列テーブル an を参照し各ブロック
	の開始終了番地を各プロセスに与え、実行を開始させる.
16	merge は並列ブロックの終わりを表す.
17	func は関数の始まりを表す. パスに fn を追加し, ラベル
	スタックに一つの PC の値をバイトコード全体の命令数+1
	から引いた値をプッシュする。帰り番地を保存するために
	一つ前のPCの値を演算スタックにプッシュする。演算
	スタックに既に積まれている実引数の値を演算スタック
4.0	の一番上に移動させる。
18	f.return は関すの終わりを表す。パスから pn を削除し演算
	スタックからスタックトップの一つ下にある帰り番地のPC
10	をポップしその PC にジャンプする.
19	wlabel はパスに wn を追加し一つ前の PC の値をバイト
	コード全体の命令数+1 から引いた値(逆方向コードの対応   オス会会の PO)なっずルスクックにプッシュオス
00	する命令の PC) をラベルスタックにプッシュする.
20	w_end はパスから wn を全て削除する.
.,,	

| 21 | nop は何も操作を行わない.

$$i(s) = \begin{cases} \epsilon & (s = \epsilon) \\ i(s')inv(c) & (s = cs') \end{cases}$$

 $inv(store\ v) = restore\ v,$  $inv(jpc\ a) = r\_label\ 0$  $inv(jmp\ a) = r\_label\ 0,$  $inv(label\ n) = rjmp\ 0$  $inv(par\ 0) = par\ 1,$  $inv(par\ 1) = par\ 0$  $inv(alloc\ v) = r\_free\ v,$  $inv(free\ v) = r\_alloc\ v$  $inv(fork\ an) = merge\ an,$  $inv(merge\ an) = r\_fork\ an$  $inv(block\ bn) = end\ bn,$  $inv(end\ bn) = block\ bn$  $inv(proc\ pn) = r\_return\ pn, \quad inv(p\_return\ pn) = r\_proc\ pn$  $inv(func\ fn) = r\_return\ fn,\ inv(f\_return\ fn) = r\_proc\ pn$  $inv(w\_label\ wn) = w\_end\ wn,\ inv(w\_end\ wn) = r\_w\_label\ wn$ その他の命令 c は inv(c n) = nop 0 に変換する.

図3 逆方向バイトコードへの変換規則

Fig. 3 conversion rule for backward bytecode

#### 表 3 逆方向の抽象機械命令セット

Table 3 instruction of abstract machine for backward

番号	命令	被演算子
1	rjmp	0
2	restore	変数番地
3	$r\_label$	0
4	par	{0,1}
5	$r\_alloc$	変数番地
6	free	変数番地
7	$r\_proc$	pn
8	$r\_return$	pn
9	block	bn
10	end	bn
11	$r\_fork$	an
12	merge	an
13	$r\_w\_label$	wn
14	$w\_end$	wn
15	nop	0

スタックには PC=a の命令を逆方向実行のバイトコードに 置き換えたときの PC の値 N+1-a を保存する. label 命令 を実行した時のパスと実行したプロセスを繋げたものもその PCN+1-a と組にして保存する.

#### ・変数更新履歴の保存

順方向の実行では store 命令を実行する際に演算スタックのトップから値をポップし共有変数スタックに値を保存する. その際に失われるはずのそれまでの変数の値を値スタックに保存する. store 命令を実行したときのパスと実行したプロセスを繋げたものもその値と組にして保存する.

#### 3.2.2 変数のスコープ

変数は alloc 命令が実行される際に変数テーブルにその 時点でのパスと変数の名前を繋げて固有の変数名とした名 前を記録する. free 命令を実行する際に解放する変数の値 を名前の一致する変数名と組にして保存する.

本論文では,ブロック構造を記述できるように対象言語 を拡張した.そのため例えば,手続きブロック内で宣言さ

表 4 逆方向の各命令に対する説明

Table 4 explanation of each instruction for backward

1	rjmp はラベルスタックから値をポップしその値を次の PC
	の値とする.
2	restore は値スタックから値をポップしその値を共有変数
	スタックの変数番地に格納する.
3	r_label は rjmp 命令のジャンプ先の対象となる.
4	par は並列ブロックの区切りを表し、被演算子が 0 の時は
	始まりを表し、1 で終了を表す.
5	変数番地から値を変数番地の変数の値を読み出しその値を
	共有変数スタックの変数番地に格納する.
6	共有変数スタックの変数番地を解放する.
7	手続きの始まりを表す.パスに pn を追加する.
8	手続きの終わりを表す.パスに pn を追加する.
9	block はパスに bn を追加する.
10	end はパスから bn を削除する.
11	r_fork は並列ブロックの始まりを表し、各ブロックを並列に
	実行するプロセスを生成する. プロセスの生成にはバイトコ
	ード生成時に作成した並列テーブル an を fork 命令とは逆順
	に参照し各ブロックの開始終了番地を各プロセスに与え,
	実行を開始させる.
12	merge は並列ブロックの終わりを表す.
13	while ブロックの始まりを表す.w_label はパスに wn を
	追加する.
14	w_end はパスから wn を全て削除する.
15	何も操作を行わない.

れる変数 X とその外で宣言される変数 X は別物として扱う機能が必要である.そこで先行研究 [4], [5] を参考にそれぞれのブロックに名前を付け参照構造を保存するためにパスという機能を実装した.例えば,ブロック b1 内のブロック b2 内の手続きブロック p1 内はパス b1.b2.p1 となり,参照構造が明らかにわかるようになっている.そしてこの手続きブロック p1 内で宣言される変数 X は b1.b2.p1.X と固有の名前を改めて付け以降はこの名前で扱う.load 命令などで変数 X を参照する場合はその時点のパスを内側から検索していき最も近いパスと最後に X の名前がついている変数名の値を読み出す.

#### 3.2.3 並列ブロック

バイトコードにおいて一つの並列ブロックは fork 命令から始まり、各ブロックが par 0、par 1 で囲まれ、merge命令で終わる構造をしている. バイトコードを作成する際に生成する並列テーブルはこの par 0 と par 1 の番地を組にして保存し各ブロックの開始番地終了番地を保存している. fork の被演算子は並列ブロックの名前である an となっており各並列テーブルはこの an の名前を付けてその並列ブロックのテーブルであるかを識別できるようにしている. この並列ブロックを fork 命令で参照することでプロセス数を何個生成しそれぞれのプロセスに与える開始番地、終了番地がわかるため動的にプロセスを生成すること

1 :	block	b1	41:	op	4
2 :	alloc	0	42:	jpc	44
3 :	alloc	1	43:	jmp	61
4 :	alloc	2	44:	label	80
5:	jmp	66	45:	load	0
6 :	proc	p1	46:	ipush	0
7 :	fork	a1	47:	op	3
8:	par	0	48:	jpc	50
9 :	block	b2	49:	jmp	56
10:	w_labe	L w1	50:	label	80
11:	load	1	51:	load	0
12:	ipush	1	52:	ipush	1
13:	op	4	53:	op	2
14:	jpc	16	54:	store	0
15:	jmp	33	55:	jmp	59
16:	label	80	56:	label	80
17:	load	0	57:	ipush	0
18:	ipush	0	58:	store	2
19:	op	3	59:	label	80
20:	jpc	22	60:	jmp	38
21:	jmp	28	61:	w_end	w2
22:	label	80	62:	end	b3
23:	load	0	63:	par	1
24:	ipush	1	64:	merge a	a1
25:	op	2	65:	p_retu	rn p1
26:	store	0	66:	label	80
27:	jmp	31	67:	ipush	3
28:	label	80	68:	store	0
29:	ipush	0	69:	ipush	1
30:	store	1	70:	store	1
31:	label	80	71:	ipush	1
32:	jmp	10	72:	store	2
33:	w_end	w1	73:	block	c1
34:	end	b2	74:	jmp	6
35:	par	1	75:	label	80
36	: par	0	76:	end	c1
37:	block	b3	77:	free	2
38:	w_labe	L w2	78:	free	1
39:	load	2	79:	free	0
40:	ipush	1	80:	end	b1
L	_0_ 23.	- > Inst_late	c / /		

図 4 プログラム例: 順方向実行のバイトコード

Fig. 4 sample program: a byte code of forward execution

が可能となっている.

抽象機械の並列の動作は Python の multiprocessing モジュールを用いて実装した. 並列のネスト構造を実装するために各プロセスは並列プロセスを生成する際に自分の抽象機械としての動作は停止する. そして, 自分が生成したプロセスの番号を記録しそれらが終了しているか否かを常に監視するモニタープロセスとして抽象機械の並列動作とは別に並列に動作する.

# 3.2.4 手続き呼び出しおよび関数呼び出し

本研究の抽象機械において、手続きの宣言は proc 命令から p\_return 命令までのブロックで記述され、手続きの呼び出しは proc 命令の PC にジャンプする jmp 命令によって実現している。呼び出しブロック名をパスに追加するためにこの jmp 命令の前に block 命令を生成するようにしてい

1 : block b1	41: nop 0
2 : r_alloc 0	42: nop 0
3 : r_alloc 1	43: w_end w2
4 : r_alloc 2	44: block b3
5 : block c1	45: par 1
6 : rjmp 0	46: par 0
7 : r_label 0	47: end b2
8 : end c1	48: r_w_label w1
9 : restore 2	49: r_label 0
10: nop 0	50: rjmp 0
11: restore 1	51: restore 1
12: nop 0	52: nop 0
13: restore 2	53: rjmp 0
14: nop 0	54: r_label 0
15: rjmp 0	55: restore 2
16: r_proc p1	56: nop 0
17: r_fork a1	57: nop 0
18: par 0	58: nop 0
19: block 3	59: rjmp 0
20: r_w_label 22	60: r_label 0
21: r_label 0	61: r_label 0
22: rjmp 0	62: nop 0
23: resotre 2	63: nop 0
24: nop 0	64: nop 0
25: rjmp 0	65: rjmp 0
26: r_label 0	66: r_label 0
27: restore 0	67: r_label 0
28: nop 0	68: nop 0
29: nop 0	69: nop 0
30: nop 0	70: nop 0
31: rjmp 0	71: w_end w1
32: r_label 0	72: end b1
33: r_label 0	73: par 1
34: nop 0	74: merge a1
35: nop 0	75: r_return p1
36: nop 0	76: r_label 0
37: rjmp 0	77: free 2
38: r_label 0	78: free 1
39: r_label 0	79: free 0
40: nop 0	80: end b1

図 5 プログラム例: 逆方向実行のバイトコード

Fig. 5 sample program: a byte code of backward execution

る.手続き呼び出しの引数は実引数の値を呼び出しの jmp 前に load 命令で演算スタックに積んでおき,宣言の proc 命令後に store 命令で仮引数を扱う変数に代入する.手続きが終了し呼び出した番地に帰る p\_return 命令では proc 命令で演算スタックに積んでおいた呼び出した jmp 命令の PC を演算スタックから読み出しその番地にシャンプすることで手続きからの帰り動作を実現している.

一方,関数宣言は func 命令から f.return 命令までのブロックで記述され,関数からの呼び出した番地への帰り動作と返り値の扱い以外は手続きと同様に動作する.関数では帰り値を扱う必要があるため f.return 命令で呼び出した番地へ帰る前に load 命令で演算スタックに返り値を積む.この際に積む値は関数の名前自体を変数名とした変数の値とする.そのため func 命令をした後関数名を変数名とした

変数を alloc 命令によって宣言する.この関数内では関数 名自体を局所変数と同様に扱って演算することができる.

#### 3.3 逆方向実行環境

逆方向の実行では、順方向実行のバイトコードの抽象命令を一対一で変換した逆方向実行のバイトコードを抽象機械に与え、順方向実行時にスタックに保存した逆向き実行に必要な情報を用いて順方向の実行を逆向きに辿る実行を行う。逆向き実行に必要な情報はジャンプ履歴、変数更新履歴そして各変数の最後の値である。順方向実行時にジャンプ履歴はラベルスタックに保存し変数更新履歴は値スタックに保存し各変数の最後の値は変数テーブルに保存する。各変数の最後に関しては単純に順方向のfree命令でテーブルに書き込み逆方向のr\_alloc命令でその値を読み込む。

#### 3.3.1 ジャンプ履歴の利用

逆方向の実行では label 命令から変換した rjmp 命令でラベルスタックに積まれたジャンプ履歴を取り出しそのPC にジャンプする. ただしパスとプロセス番号が一致しているかを確認し一致していない場合実行することができない. その場合このプロセスは待ち状態となり別のプロセスが実行を進めていく. このようにして順方向の実行で起きたジャンプをちょうど逆順に辿る実行を行う.

#### 3.3.2 変数更新履歴の利用

図の $\sigma$  は共有変数スタックを表し、w は演算スタックを表す。図のような方法で変数更新履歴を保存し、保存した情報を使って変数の値を逆順に戻していく。

逆方向の実行では store 命令から変換した restore 命令で値スタックに積まれた変数の値を取り出しその値を被演算子と現在のパスが表す番地に保存することで順方向の変数の更新とは逆順に変数の値を戻す実行を行う.

#### 3.3.3 手続き,関数の逆方向の振る舞い

手続き、および関数は逆方向の命令では両方ともに r\_proc 命令から始まり、r\_return 命令で終わる. 逆方向実行では 呼び出しを行った命令の PC や手続き、関数が終了して戻る PC はジャンプ履歴としてラベルスタックに保存されて いるため、r\_proc はパスを追加する機能を持った r\_label 命令、r\_return 命令はパスを削除する機能を持った rjmp 命令として動作することで逆方向の手続き、関数の実行を実現している.

#### **3.3.4** 並列ブロックの逆方向の振る舞い

逆方向実行では r\_fork 命令で並列ブロックを生成するために並列テーブルの参照する際,並列テーブルに保存されている各ブロックの終わりの PC および始まりの PC と対応する逆方向実行のバイトコードの PC をそれぞれ始まりの PC と終わりの PC とする。これによって順方向実行で生成した際と同じプロセス番号で逆方向実行でも並列プロセスを生成することができる。ネスト構造を含んでいても

必ず同じプロセス番号のプロセスがネストするプロセスを 生成するため順方向実行と逆方向実行のネストの構造は一 致する.

# 4. 実行環境の実現

#### 4.1 抽象機械の実装

本研究では並列プログラムの実行を行うため抽象機械をPythonのmultiprocessingモジュールを用いて実装している.並列プロセスの生成はfork命令を実行する際に並列テーブルを参照し必要な数だけmultiprocessingモジュールのprocess関数を用いて生成する.このとき並列プロセスを生成したプロセスは抽象機械の実行としては待ち状態になり生成したプロセスの番号を保持しそれらが終了しているかどうかを監視するプロセスとして動作する.監視プロセスが自分の生成したプロセスが終了した(PCが終了ロセスが自分の生成したプロセスが終了した(PCが終了番地に達した)と判定した場合multiprocessingモジュールのterminate関数を用いてそのプロセスを終了させる.そのようにしてすべての生成したプロセスが終了したと判定された場合監視を終了し抽象機械の実行を行うプロセスに戻る.

#### 4.2 実行例

本研究で実装した可逆実行環境の実行例を示す.図6の対象プログラムを順方向実行しその実行を逆に辿る実行をすることを考える.図6のプログラムは3の階乗を計算するプログラムで、関数 bug\_fact(x) は再帰的に計算を行いxの階乗を返す関数である.しかし bug\_fact(x) は並列に二つのプロセスを実行し一つのプロセスは順当に階乗の計算を再帰的に行う.もう一つのプロセスは順当に行う階乗の計算を妨害するように仮引数xの値をいずれかのタイミングで1引くプロセスとなっている.この妨害プロセスがどのタイミングで行われるかによって階乗計算の結果と再帰する数及び並列プロセスの生成数が異なる例となっている.

このプログラムをコンパイラに与えることでそれぞれのステートメントを抽象機械命令に変換し順方向実行のバイトコードを生成する. 図 7 が生成した順方向実行のバイトコードである. このバイトコードを抽象機械に与えることで順方向の実行を行う.

図7を抽象機械で実行すると図8,図9のように値スタック、ラベルスタックに逆方向実行に必要な情報が保存される。図8は値スタックを示し、一行のうち左側に変数の値、右側にstore命令を行ったプロセスとパスが保存されている。例えば一行目の(00.b1.E)はプロセス0のパスb1の状態で何らかの変数の値を更新しその変数のそれまでの値が0であったことを示す。プロセス0.1、プロセス0.2は並列で動作しているプロセスだが三行目、四行目を見るとその実行順がプロセス0.2、プロセス0.1の順番で

```
begin b1
    var x:
    var y;
    func f1 bug_fact(x) is
        par a1
            begin b2
                 var z;
                 if (x>0) then
                     begin b3
                         z=x-1:
                         fact = x*{c1 fact(z)}
                     end
                 else
                     fact=1
                 fi
                 remove z;
            end
        || begin b4
                 if (x>1) then
                     skip
                 fi
            end
        rap
    return
    x=3:
    y={c2 bug_fact(x)}
    remove y;
    remove x;
end
```

図 6 対象プログラム (bug\_fact)

Fig. 6 a target program(bug\_fact)

実行されたことが保存されている。図 9 はラベルスタックを示し、一行のうち左側にジャンプした PC の値、右側にlabel 命令を行ったプロセスとパスが保存されている。例えば一行目の (72 0.b1.E) はプロセス 0 のパス b1 の状態で PC=72 の命令から label 命令にジャンプしてきたことを示す。特に条件分岐について条件判定を行わずともどこから分岐(ジャンプ)したかという情報が残されているためラベルスタックを見るだけでどのように分岐したかがわかる。

図7の抽象命令を一対一で変換し順番を反転させたものが図10である.変数の宣言,更新,解放やジャンプやパスの追加,削除そして並列ブロックに関わる命令以外は全てnopに変換されている.これは本研究における逆方向実行は変数の値を元に戻すということを主目的としているためである.そのため演算スタックを元に戻すという動作が存在しない.

図 10 の逆方向実行バイトコードと図 8, 図 9 の逆方向 実行に必要な情報を用いて順方向の実行を逆方向に辿る。 図 8 と図 9 の下から保存した情報を消費していく。それぞれ restore 命令と rjmp 命令においてパスが一致しているか 否かを判定し一致している場合左側の値を消費して変数の

```
1 : block
                       39: end
                                   b2
2 : alloc
           0
                       40: par
                                   1
                       41: par
3 : alloc
           1
                                   0
4 : imp
           64
                       42: block
                                   b4
5 : func
           f1
                       43: load
                                   0
6 : alloc
                       44: ipush
           2
                                   1
7 : alloc
           0
                       45: op
                                   3
8 : store
           0
                       46: jpc
                                   48
9 : fork
                       47: jmp
           a1
                                   54
                       48: label
10: par
            0
                                   75
11: block
           b2
                       49: load
                                   Λ
12: alloc
           3
                       50: ipush
                                   1
13: load
           0
                       51: op
                                   2
14: ipush
           0
                       52: store
                                   0
                                   56
15: op
           3
                       53: imp
            18
                                   75
16: jpc
                       54: label
17:
    jmp
           34
                       55: nop
                                   0
18: label
           75
                       56: label
                                   75
19: block
                       57: end
                                   b4
20: load
           0
                       58: par
                                   1
21: ipush
           1
                       59: merge
                                   a1
22: op
           2
                                   2
                       60: load
23: store
           3
                       61: free
                                   2
24: load
           0
                       62: free
25: load
           3
                       63: f_return f1
26: block
                       64: label
           c1
27: jmp
           5
                       65: ipush
           75
28: label
                       66: store
                       67: load
29: end
           c1
                                   0
30: op
           1
                       68: block
                                   c2
31: store
           2
                       69: jmp
                                   5
32: end
           b3
                       70: label
                                   75
33: jmp
           37
                       71: end
                                   c2
34: label
           75
                       72: store
                                   1
35: ipush
           1
                       73: free
                                   1
36: store
           2
                       74: free
                                   0
37: label
                       75: end
                                   b1
38: free
            3
```

図 7 順方向実行のバイトコード (bug\_fact)

 ${\bf Fig.~7} \quad {\rm a~byte~code~of~forward~execution} ({\rm bug\_fact})$ 

0 0.b1.E

```
0 0.f1.c2.b1.E
3 0.2.b4.f1.c2.b1.E
0 0.1.b3.b2.f1.c2.b1.E
0 0.1.f1.c1.b3.b2.f1.c2.b1.E
2 0.1.2.b4.f1.c1.b3.b2.f1.c2.b1.E
0 0.1.1.b3.b2.f1.c1.b3.b2.f1.c2.b1.E
0 0.1.1.f1.c1.b3.b2.f1.c1.b3.b2.f1.c2.b1.E
0 0.1.1.f1.c1.b3.b2.f1.c1.b3.b2.f1.c2.b1.E
0 0.1.1.1.b3.b2.f1.c1.b3.b2.f1.c1.b3.b2.f1.c2.b1.E
0 0.1.1.1.f1.c1.b3.b2.f1.c1.b3.b2.f1.c1.b3.b2.f1.c2.b1.E
0 0.1.1.1.f1.c1.b3.b2.f1.c1.b3.b2.f1.c1.b3.b2.f1.c2.b1.E
0 0.1.1.1.b3.b2.f1.c1.b3.b2.f1.c1.b3.b2.f1.c2.b1.E
0 0.1.1.b3.b2.f1.c1.b3.b2.f1.c1.b3.b2.f1.c2.b1.E
0 0.1.b3.b2.f1.c2.b1.E
0 0.1.b3.b2.f1.c2.b1.E
```

図 8 値スタック (bug\_fact)

Fig. 8 value stack(bug\_fact)

```
72 0.b1.E
7 0.c2.b1.E
30 0.2.b4.f1.c2.b1.E
60 0.1.b2.f1.c2.b1.E
23 0.2.b4.f1.c2.b1.E
49 0.1.c1.b3.b2.f1.c2.b1.E
60 0.1.1.b2.f1.c1.b3.b2.f1.c2.b1.E
30 0.1.2.b4.f1.c1.b3.b2.f1.c2.b1.E
23 0.1.2.b4.f1.c1.b3.b2.f1.c2.b1.E
49 0.1.1.c1.b3.b2.f1.c1.b3.b2.f1.c2.b1.E
60 0.1.1.1.b2.f1.c1.b3.b2.f1.c1.b3.b2.f1.c2.b1.E
29 0.1.1.2.b4.f1.c1.b3.b2.f1.c1.b3.b2.f1.c2.b1.E
21 0.1.1.2.b4.f1.c1.b3.b2.f1.c1.b3.b2.f1.c2.b1.E
49 0.1.1.1.c1.b3.b2.f1.c1.b3.b2.f1.c1.b3.b2.f1.c2.b1.E
59 0.1.1.1.1.b2.f1.c1.b3.b2.f1.c1.b3.b2.f1.c1.b3.b2.f1.c2.b1.E
29 0.1.1.1.2.b4.f1.c1.b3.b2.f1.c1.b3.b2.f1.c1.b3.b2.f1.c2.b1.E
21 0.1.1.1.2.b4.f1.c1.b3.b2.f1.c1.b3.b2.f1.c1.b3.b2.f1.c2.b1.E
40 0.1.1.1.1.b2.f1.c1.b3.b2.f1.c1.b3.b2.f1.c1.b3.b2.f1.c2.b1.E
13 0.1.1.1.c1.b3.b2.f1.c1.b3.b2.f1.c1.b3.b2.f1.c2.b1.E
43 0.1.1.1.b2.f1.c1.b3.b2.f1.c1.b3.b2.f1.c2.b1.E
13 0.1.1.c1.b3.b2.f1.c1.b3.b2.f1.c2.b1.E
43 0.1.1.b2.f1.c1.b3.b2.f1.c2.b1.E
13 0.1.c1.b3.b2.f1.c2.b1.E
43 0.1.b2.f1.c2.b1.E
13 0.c2.b1.E
```

図 9 ラベルスタック (bug\_fact)

 $\bf Fig.~9~label~stack(bug\_fact)$ 

値を戻したりジャンプを逆方向に辿っていく.パスが一致 していない場合そのプロセスの実行は待ち状態になり別プロセスが実行を進める.このようにして順方向で実行した 順番とちょうど逆順に変数の更新と逆方向ジャンプを行う.

#### 5. 関連研究

並列プログラムに対する逆方向実行について、先行研 究 [4], [5] によって提案されている手法について説明する. 先行研究 [4], [5] によって提案されている手法では, while ループや if 文, 手続き呼び出しのブロックそして並列ブ ロックを持つような単純なプログラムを対象としている. この対象プログラムに対して逆方向実行に必要な情報を残 すための処理を行う. この処理を Annotation と呼び対象 プログラムに Annotation を適用し逆方向実行に必要な情 報を残せる形式にしたプログラムを Annotated プログラム と呼ぶ. Annotated プログラムを実行することによってこ のプログラム自体に逆方向実行に必要な情報が書き込まれ る. 実行された Annotated プログラムを if 文や while 文, 手続き呼び出しそして並列ブロックの構造は保持したまま でその他の記述順を反転させることで Inverted プログラム が生成され、これを実行することで対象プログラムの実行 を逆方向に辿ることができる.

# 5.1 対象プログラムの定義

逆方向実行を行う対象のプログラムに対する定義を示す. 対象とするプログラムは while ループ, if 文, 手続き

```
1 : block
                        39: rjmp
2 : r alloc 0
                        40: restore 2
3 : r alloc 1
                        41: nop
                                    0
4 : restore 1
                        42: rjmp
                                    0
5 : block c2
                        43: r_label 0
6 : rjmp
            0
                        44: block
                                    b3
7 : r_label 0
                        45: restore 2
8 : end
            c2
                        46: nop
                                    0
9 : nop
                        47: block
            0
                                    c1
10: resotre 0
                        48: rjmp
                                    0
11: nop
            0
                        49: r_label 0
12: rjmp
            0
                        50: end
                                    c1
13: r_proc f1
                        51: nop
                                    0
14: r_alloc 2
                                    0
                        52: nop
15: r_alloc 0
                        53: restore
                                    3
16: nop
            0
                        54: nop
                                    0
17: r_fork
            a1
                        55: nop
                                    0
18: par
            0
                        56: nop
                                    0
19: block
            b4
                        57: end
20: rjmp
            0
                        58: rjmp
21: nop
            0
                        59: r_label 0
            0
                        60: r_label 0
22: rjmp
23: r_label 0
                        61: nop
                                    0
24: restore 0
                        62: nop
                                    0
25: nop
            0
                        63: nop
                                    0
26: nop
            0
                        64: free
                                    3
27: nop
            0
                        65: end
                                    b2
28: rjmp
            0
                        66: par
                                    1
29: r_label 0
                        67: merge
                                    a1
30: r_label 0
                        68: restore 0
31: nop
            0
                        69: free
                                    0
32: nop
            0
                        70: free
33: nop
            0
                       71: r_return f1
34: end
            b4
                       72: r label 0
35: par
            1
                       73: free
36: par
            0
                        74: free
                                    0
37: block b2
                        75: end
                                    b1
38: r_alloc 3
```

図 10 逆方向実行のバイトコード (bug\_fact)

Fig. 10 a byte code of backward execution(bug\_fact)

```
P ::= \epsilon \mid S \mid P; P \mid P \ par \ P
S ::= skip \mid X = E \ pa \mid if \ In \ B \ then \ P \ else \ Q \ end \ pa \mid
while \ Wn \ B \ do \ P \ end \ pa \mid
begin \ Bn \ BB \ end \mid call \ Cn \ n \ pa \mid
runc \ Cn \ P \ end
BB ::= DV \ DP \ P; \ RP \ RV
E ::= X \mid n \mid (E) \mid E \ Op \ E
B ::= T \mid F \mid \neg B \mid (B) \mid E \ == \ E \mid E > E \mid B \land B
DV ::= \epsilon \mid var \ X = E \ pa; \ DV
DP ::= \epsilon \mid proc \ Pn \ n \ is \ P \ end \ pa; \ DP
RV ::= \epsilon \mid remove \ X = E \ pa; \ RV
RP ::= \epsilon \mid remove \ Pn \ n \ is \ P \ end \ pa; \ RP
```

図 11 対象プログラムの定義

Fig. 11 definition of language

呼び出しのブロックそして並列ブロックを持つようなプログラムであり図 **11** のように定義する.

```
begin b1
begin b1
   proc p1 fib is
                              proc p1 fib is
   begin b2
                              begin b2
     var T = 0 b2;
                                  var T = 0 (b2*b1,A);
      if i1 (N-2 > 0) then
                                  if i1 (N-2 > 0) then
         T = F + S b2;
                                     T = F + S (b2*b1,A);
         F = S b2;
                                     F = S (b2*b1,A);
         S = T b2:
                                     S = T (b2*b1.A):
         N = N - 1 b2;
                                     N = N - 1 (b2*b1,A);
       call c2 fib b2;
                                   call c2 fib (b2*b1,A);
                                end (b2*b1,A)
    end b2
   remove T = 0 b2;
                                remove T = 0 (b2*b1,A);
  end
                              end
 b1
                              (b1.A)
  call c1fib is P b1:
                              call c1fib is P (b1.A):
  remove p1 fib is P b1;
                              remove p1 fib is P (b1,A);
end
                            end
```

図 12 対象プログラム

図 13 Annotated プログラム

Fig. 12 Original Program

Fig. 13 Annotated Program

```
begin c1:c2:b2
  var T = 0 (c1:c2:b2*b1,[7]);
  if c1:c2:i1 (N-2 > 0) then
   T = F + S (c1:c2:b2*b1,[8]);
  F = S (c1:c2:b2*b1,[9]);
  S = T (c1:c2:b2*b1,[10]);
  N = N - 1 (c1:c2:b2*b1,[11]);
  call c2 fib (c1:c2:b2*b1,[15]);
  end (c1:c2:b2*b1,[16])
  remove T = 0 (c1:c2:b2*b1,[17]);
end
```

図 **14** 実行された Annotated プログラム (2 回目の手続き呼び出し)

Fig. 14 Executed Annotated Program (second procedure call)

#### 5.2 Annotated プログラム

図 11 で定義された対象プログラムに対して Annotation を行い, Annotated プログラムを生成しそれを実行する.

図 12 のプログラムから図 13 のプログラムが Annotated プログラムの変換規則に則って生成される. この時,手続き p1 内のステートメントはブロック b1 内のブロック b2 に存在しているのでこれらのステートメントのパスは b2\*b1 に変換する. Annotated プログラムにはそれぞれの ステートメントに識別子を書き込むためにスタック A を書き加えている.

図 13 を実行すると図 14 のようにプログラム自体に Annotation 及びパスが書き込まれる. 図 14 は 2 回目の手続き呼び出しを行ったものであり手続き呼び出しのブロック自体をコピーしそこに Annotation とパスを書き込んでいる.

ここで変数 T=0 が var ステートメントで宣言されているが、この変数は c1:c2:b2\*b1 の T として扱われる.この

```
begin c1:c2:b2
  var T = 0 (c1:c2:b2*b1,[17]);
  if c1:c2:i1 (N-2 > 0) then
    call c2 fib (c1:c2:b2*b1,[15]);
    N = N - 1 (c1:c2:b2*b1,[11]);
    S = T (c1:c2:b2*b1,[10]);
    F = S (c1:c2:b2*b1,[9]);
    T = F + S (c1:c2:b2*b1,[8]);
    F = S (c1:c2:b2*b1,[9]);
  end (c1:c2:b2*b1,[16])
  remove T = 0 (c1:c2:b2*b1,[7]);
end
```

図 **15** Inverted プログラム (2 回目の手続き呼び出しの部分)

Fig. 15 Inverted Program (part of second procedure call)

ようにして変数を宣言する際にパスを要素に組み込むこと で局所変数を実現している.

#### 5.3 Inverted プログラム

実行されたパス及び Annotation に逆向き実行に必要な情報が残されており実行された Annotated Program から変換された Inverted Program を実行することで Annotated Program の実行を逆順に辿る実行を行う.

図 14 の実行された Annotated プログラムを Inverted Program へ変換したものが図 **15** である. Annotation の数字がそのステートメントが実行された順番を表していて Annotation に書かれている最大の値から始めて一つずつ Annotation に書かれている数字を遡っていくことで Annotated Program で行った順方向の実行を逆方向に辿る実行を行うことができる.

#### **6.** おわりに

#### 参考文献

- [1] 1
- [2] 2
- [3] 3
- [4] 4
- [5] 5
- [6] 6