

#### FIZIKA KAFEDRASI



Fizika I

2018

# ELEKTROSTATIKA

9 – ma'ruza

Q.P.Abduraxmanov, V.S.Xamidov



TÁBIYIY HÁM GUMANITAR PÁNLER KAFEDRASÍ



Fizika I

2020

# ELEKTROSTATIKA

9 – lekciya

Qaraqalpaq tiline awdarmalagan S.G. Kaypnazarov



## Lekciya rejesi

- Elektr ózara tásir.
- Elektr zaryadı.
- Kulon nızamı.
- Elektrostatikalıq maydan hám onıń kernewliligi.
   Superpoziciya principi.
- Elektr indukciya vektorı hám onıń kúsh sızıqları.
- Elektr indukciya ağımı.
- Ostrogradskiy Gauss teoreması.

#### Elektr ózara tásir

Zaryadlangan hám magnitlengen deneler, sonday aq elektr toki agip atırgan deneler arasında elektromagnit küshler dep atalıwshi ozara tásir küshleri bar. Deneler arasındagi bul ozara tásir elektromagnit maydan dep atalıwshi ozine tán qural materiya arqalı uzatıladı. Ozara tásir küshleri aralıq ortalıq arqalı uzatıladı, tarqalıw tezligi jaqtılıqtın vakuumdagi tezligine jaqın boladı.

Zaryadlangan qozgalmas dene átirapındagı keńislikte elektr maydanı payda boladı. Háreketlenip atırgan zaryad átirapında qosımsha magnit maydanı da payda boladı.

Ádette elektr maydan ogan kiritilgen basqa zaryadlangan denege tásiri arqalı kórinedi, biraq bul elektr maydanı zaryadlangan dene jaylastırılmaganda da bar boladı.

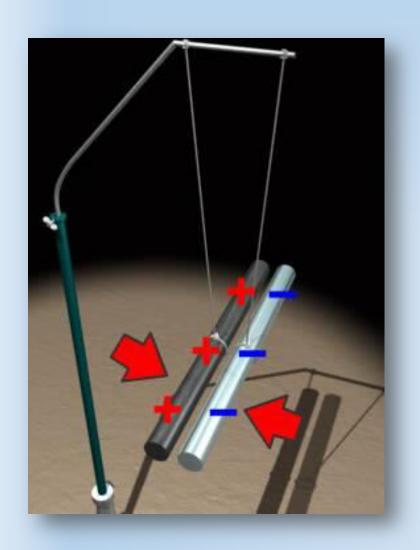
### Elektr zaryadı

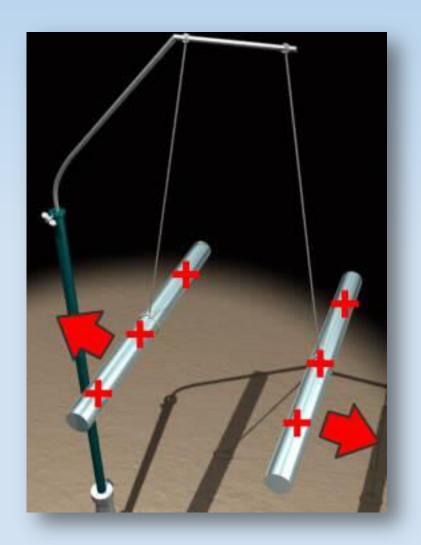
- 1. On ham teris dep shartli atalgan eki turdegi elektr zaryadları bar. Zaryadlar bir deneden ekinshisine uzatılıwı múmkin.
- Elektr zaryadı berilgen deneniń baylanıssız qásiyeti emes, sebebi sol dene túrli halatlarda hár qıylı zaryadlarga iye bolıwı múmkin.
- Birdey belgidegi zaryadlar iyterisedi, túrli belgidegi zaryadlar tartısadı. Qozgalmas zaryad óz átirapında elektr maydan payda etiwi hám ol arqalı tásirlesiwi menen ózin kórsetedi.

$$e = -1, 6 \cdot 10^{-19} C$$

- elementar zaryad

$$q=ne$$
  $n=1,2,3...$  - zaryadtıń diskretligi





### Elektr zaryadınıń saqlanıw nızamı

Elektrden ajratılgan sistemalarda zaryadlar jıyındısı turaqlı boladı hám bul zaryadlardıń saqlanıw nızamı dep ataladı.

$$\sum q_i = const$$

Elektr zaryadı sanaq sistemasına salıstırganda invariant, yagnıy tınısh halatta yaki hárekette bolıwına baylanıslı emes.

Noqatlıq zaryad dep, sonday zaryadlangan denege aytıladı, onın olshemleri basqa zaryadlangan denelerge shekemgi bolgan aralıqqa salıstırganda sezilerli darejede kishi.

Zaryadlardıń kólemlik tığızlığı dep, deneniń bir birlik kólemine sáykes kelgen zaryadqa mugdar jagınan teń bolgan fizikalıq shamaga aytıladı, yagnıy

$$\rho = \frac{q}{V}$$

bul jerde, q – deneniń V – kólemine sáykes kelgen zaryad mugdarı.

Zaryadtıń betlik tığızlığı dep, deneniń bir birlik bet maydanına sáykes kelgen zaryadqa mugdar jagınan teń fizikalıq shamaga aytıladı, yagnıy

$$\sigma = \frac{q}{S}$$

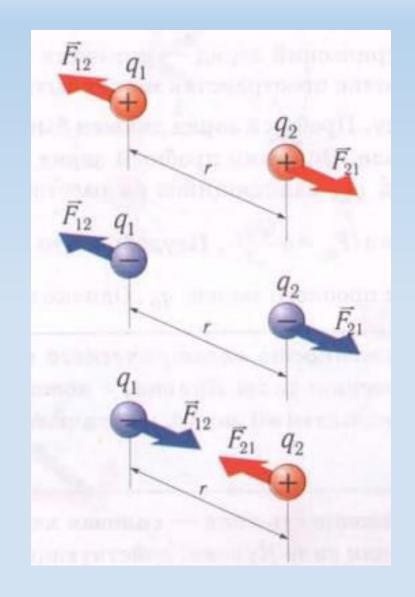
bul jerde, q – deneniń S maydanına sáykes kelgen zaryad mugdarı.

Zaryadtıń sızıqlı tığızlığı dep, deneniń birlik uzınlığına sáykes kelgen zaryadqa muğdar jağınan teń fizikalıq shamağa aytıladı, yağnıy

$$\tau = \frac{q}{\ell}$$

## Kulon nızamı





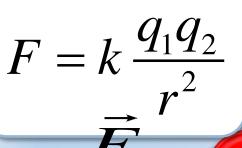
## Kulon nızamı

$$F = \frac{1}{4\pi\varepsilon_0} \frac{q_1 q_2}{r^2}$$

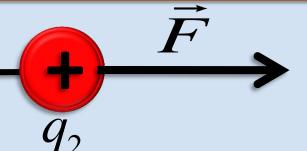
Eki qozgalmas noqatlıq zaryadlar arasındağı ozara tásir kushi zaryadlar mugdarlarının kobeymesine tuwrı proporcional, olar arasındağı aralıqtın kvadratına keri proporcional hám zaryadlardı tutastırıwshı tuwrı sızıq boylap bağıtlangan.

$$k = \frac{1}{4\pi\varepsilon_0} = 9 \times 10^9 \, \frac{N \cdot m^2}{C^2}$$

$$\varepsilon_0 = 8,85 \times 10^{-12} \, \frac{C^2}{N \cdot m^2}$$



**ELEKTR TURAQLISI** 



 $\widetilde{q_1}$ 

### Elektr maydanınıń kernewliligi

Elektr maydanının qandayda bir noqatındağı E kernewlilik – sol noqatqa jaylastırılgan sınawshı birlik on zaryadqa tasir etiwshi kushke muğdar jağınan ten bolgan fizikalıq shama ham ol tasir etiwshi kush tarepke bağıtlangan.

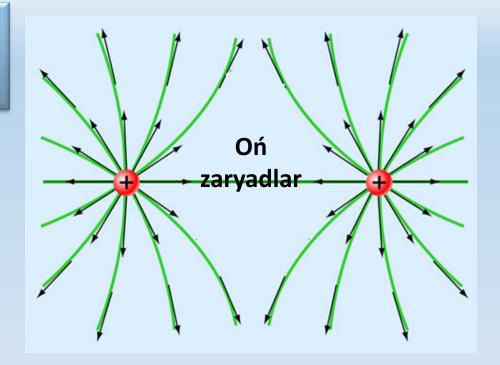
 $oldsymbol{q_0}$  Kernewlilik – maydannıń kúsh kórsetkishi bolıp,  $oldsymbol{q}$  noqatlıq

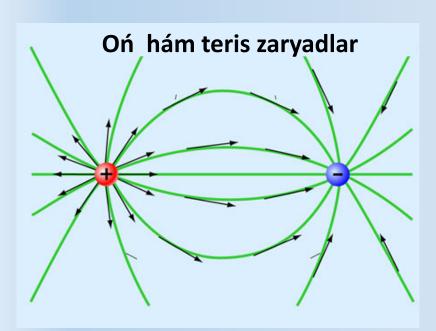
*Kernewlilik* – maydannin kush korsetkishi bolip, q noqatliq zaryadtiń r araliqta payda etken elektr maydaniniń, qálegen noqatliq zaryadqa, tásir etiwshi kúshi menen anıqlanadı.

$$E = k \frac{q}{r^2} \quad \vec{E} = k \frac{q\vec{r}}{r^3}$$

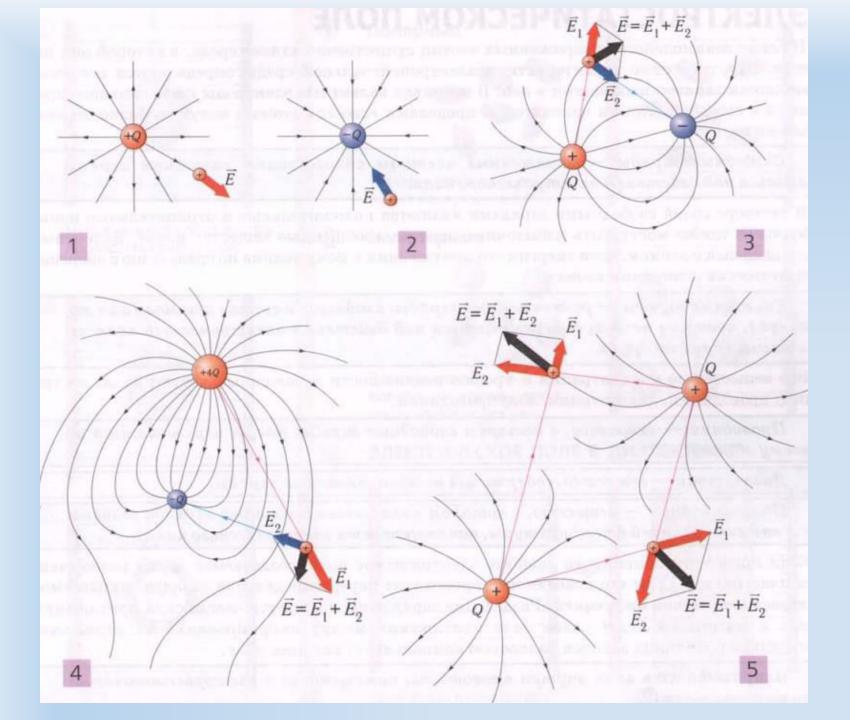
#### Kernewlilik sızıqları

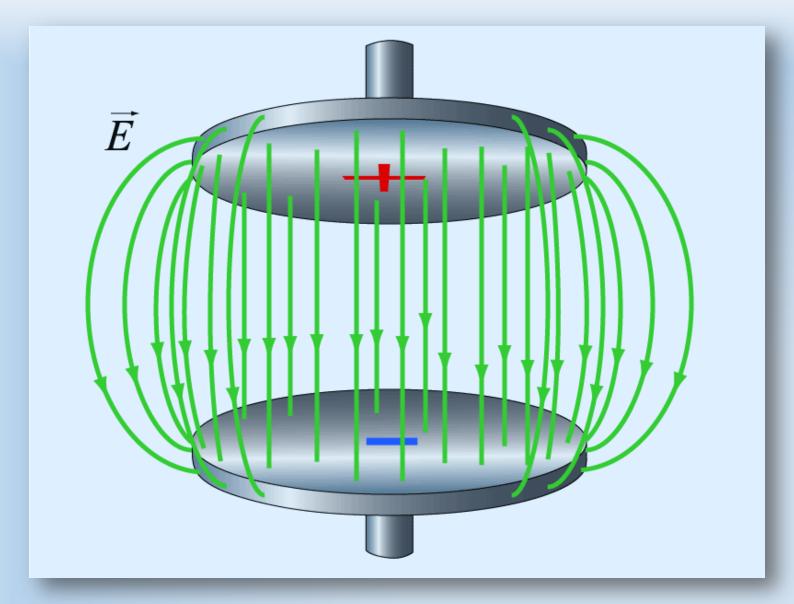
Noqatlıq zaryadtıń maydan kernewliligi sızıqları radial sızıqlardan ibarat. Oń zaryad ushın kúsh sızıqları bağıtqa iye zaryadtan shıqqan boladı. Teris zaryad ushın bolsa, kúsh sızıqları bağıtı zaryadqa bağıtlanğan boladı.





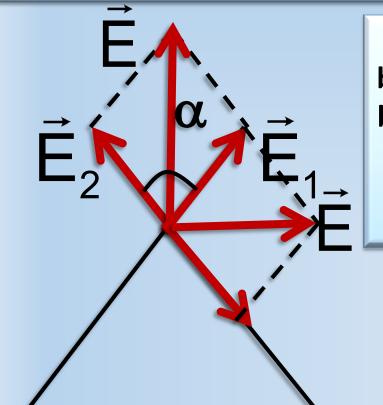
Elektr maydan kúsh sızıqları iymek sızıqtan ibarat bolsa, kernewlilik sızıqları hár bir noqatqa ótkizilgen urınbadan ibarat boladı.





Maydannıń barlıq noqatlarında kernewlilik birdey bolsa elektr maydan bir tekli dep ataladı.

#### Elektr maydanlarınıń superpoziciya principi



Zaryadlar sistemasınıń maydannıń berilgen noqatındağı kernewliligi hár bir zaryadtıń bólek kernewlilikleriniń vektorlıq jıyındısına teń.

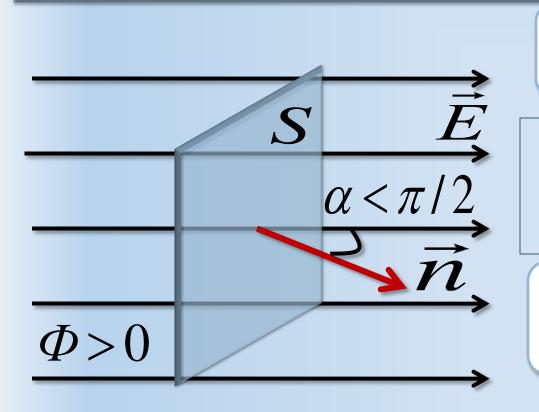
$$\vec{E} = \vec{E}_1 + \vec{E}_2 + ... + \vec{E}_N = \frac{1}{4\pi\epsilon_0 \epsilon} \sum_{i=1}^{N} \frac{q_i \vec{r}_i}{r_i^3}$$

$$E = \sqrt{E_1^2 + E_2^2 - 2E_1 E_2 \cos \alpha}$$

#### Elektr maydan kernewliligi vektorının ağımı.

S bettiń hár qıylı bólimlerinde ağımnıń belgisi hám shaması ózgeredi: 1)  $\alpha < \pi/2$  bolganda  $d\Phi_E > 0$ , 2)  $\alpha > \pi/2$  bolganda  $d\Phi_E < 0$ , 3)  $\alpha = \pi/2$  bolganda  $d\Phi_E = 0$ 

dS maydandı tik bağıtta kesip ótiwshi  $d\Phi_E$  kúsh sızıqları sanı elektr maydanı kernewliligi vektorının ağımın belgileydi:

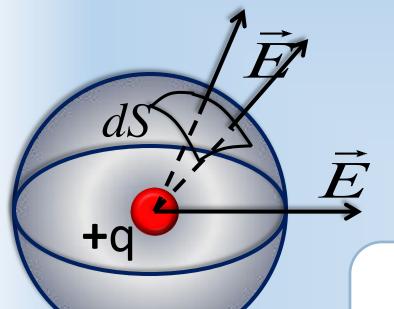


$$d\Phi_E = \vec{E}d\vec{S} = E_n dS$$

$$E_n = E \cos \alpha$$
 -   
  $E$  vektordıń  $dS$  maydan   
 normalı bağıtına proekciyası

$$\Phi_E = \oint_S \vec{E} d\vec{S} = \oint_S E_n dS$$

#### Elektrostatikalıq maydan kernewliligi vektorı ushın Gauss teoreması



Orayında q noqatlıq zaryad jaylasqan S sferalıq bet maydanınan ótip atırgan E vektor ağımı tómendegige teń

bul halda

$$d\Phi_E = E dS,$$

sebebi sferal parliq negatlarında E hám n bağıtları bir-birine sáykes túsedi.

Noqatlıq zaryadtıń maydan kernewliligi

$$E = \frac{1}{4\pi\varepsilon_0} \frac{q}{R^2}$$

Sfera maydanı

$$S = 4\pi R^2$$

$$\Phi_{E} = \iint \vec{E} d\vec{S} = \frac{1}{4\pi\varepsilon_{0}} \frac{q}{R^{2}} \iint_{S} dS = \frac{q}{\varepsilon_{0}}$$

Egerde elektr maydanı  $\underline{q_1}$ ,  $\underline{q_2}$ ,  $\underline{q_3}$ , ..., noqatlıq zaryadlar sisteması arqalı payda etilse superpoziciya principine tiykarlanıp, vektorlar ağımı tómendegishe ańlatıladı:

$$\Phi_{E} = \oint \vec{E}d\vec{S} = \oint (\vec{E}_{1} + \vec{E}_{2} + ...)d\vec{S} = \Phi_{E1} + \Phi_{E2} + ... = \frac{\sum q_{i}}{\varepsilon_{0}}$$

Gauss teoreması: tuyıq betten shığıp atırğan E elektr maydanı kernewliligi vektorının ağımı sol bet ishindegi zaryadlardın algebralıq jıyındısına ten.

$$\Phi_{E} = \frac{\sum q_{i}}{\mathcal{E}_{0}}$$

#### Divergenciya túsinigi. Ostrogradskiy – Gauss teoreması

Tómende vektor maydanı berilgen  $\vec{a} = a_{\chi}\vec{i} + a_{\chi}\vec{j} + a_{\zeta}\vec{k} = \vec{a}(x, y, z)$ 

Vektor maydanı ushın divergenciya operaciyasın qollanamız

$$div\vec{a} = \frac{\partial a_{x}}{\partial x} + \frac{\partial a_{y}}{\partial y} + \frac{\partial a_{z}}{\partial z} = \varphi(x, y, z) \quad \text{yaki} \quad \nabla \vec{a} = \varphi(x, y, z)$$

$$\text{Gamilton operator: } \nabla = \frac{\partial}{\partial x}\vec{i} + \frac{\partial}{\partial y}\vec{j} + \frac{\partial}{\partial x}\vec{k} \quad \oint_{S} \vec{a}d\vec{S} = \int_{V} div\vec{a}dV$$

Vektor maydan divergenciyası – skalyar maydan.

Tómendegi ańlatpa Ostrogradskiy – Gauss teoreması dep ataladı.

$$div\vec{a} = \lim_{V \to 0} \frac{\Phi_a}{V} = \lim_{V \to 0} \frac{1}{V} \oint_S \vec{a} d\vec{S} = \lim_{V \to 0} \frac{1}{V} \oint_S a_n dS$$

Keńisliktiń hár bir noqatında vektordıń divergenciyasın bilgen halda, shekli ólshemli qálegen tuyıq betten ótiwshi sol vektordıń ağımın esaplaw múmkin. Derekler quwatlılığı jıyındısı V kólemdi orap alıwshı S bet arqalı ótip atırğan vektorlar ağımına teń.

#### Elektrostatikalıq maydan kernewliligi vektorı ushın Gauss teoremasının differencial kórinisi

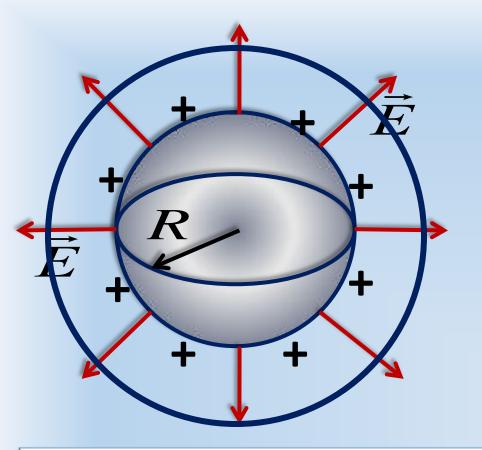
$$\begin{split} \varPhi_E &= \oint_S \vec{E} d\vec{S} = \oint_S E_n dS = \int_V div \vec{E} dV = \frac{\sum q_i}{\mathcal{E}_0} \\ \text{yaki} \qquad \int_V div \vec{E} dV = \frac{\sum q_i}{\mathcal{E}_0} \end{split}$$

Zaryadlardıń kólemlik tığızlığın esapqa alamız

$$\rho = \frac{dq}{dV} \implies \sum_{V} q_i = \int_{V} \rho dV$$

$$div\vec{E} = \frac{\rho}{\varepsilon_0}$$

$$\nabla \vec{E} = \frac{\rho}{\varepsilon_0}$$



Bir tegis zaryadlangan sferalıq bet payda etken elektrostatikalıq maydan kernewliligi.

Maydannıń bet tığızlığı

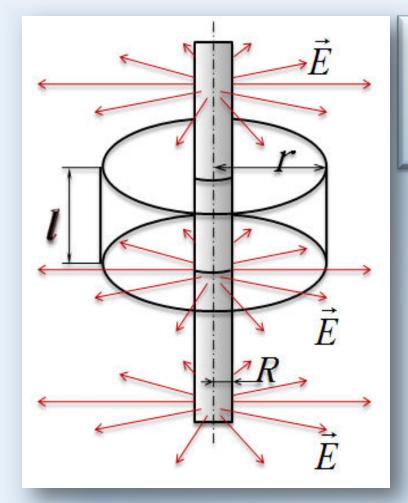
$$\sigma = \frac{q}{S} = const$$

Gauss teoremasına tiykarlanıp

Zaryadlangan sfera ishindegi qalegen tuyıq bet elektr zaryadlarga iye bolmaydı, sol sebepli, Gauss teoremasına tiykarlanıp  $\Phi_{\rm E}$  de de elektr maydan kernewliligi nolge teń.

$$\Phi_E = E \cdot 4\pi r^2 = \frac{q}{\varepsilon_0}$$

$$E = \frac{q}{4\pi r^2 \varepsilon_0}$$



Zaryadlangan sheksiz jip (yaki cilindr) payda etken elektrostatikalıq maydan kernewliligi  $\overrightarrow{E}$ 

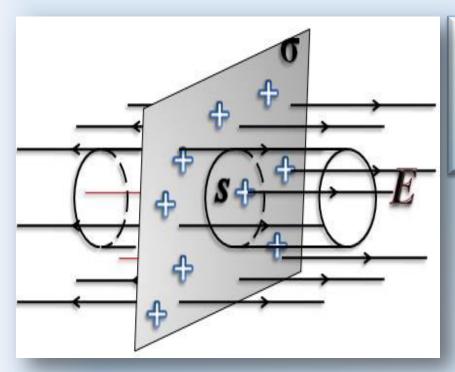
Tuyıq bet sıpatında radiusı *r* hám biyikligi *l* bolgan cilindrdi jasaymız.

Zaryadlardıń sızıqlı tığızlığı 
$$au = \frac{dq}{dl}$$

a) egerde r' > R radiuslı cilindrdiń qaptal betinen ótken vektor ağımı Gauss teoremasına tiykarlanıp:

$$EdS = \frac{q}{\varepsilon_0} \implies E2\pi rl = \frac{q}{\varepsilon_0} \implies E2\pi rl = \frac{\tau \cdot \dot{l}}{\varepsilon_0} \qquad E = \frac{1}{2\pi\varepsilon_0} \frac{\tau}{r}$$

b) eger r' < R bolsa, tuyıq bet ishinde zaryad bolmaydı, cilindr ishinde maydan da bolmaydı E = 0.



#### Zaryadlangan sheksiz tegislik payda etken elektrostatikalıq maydan kernewliligi

Tuyıq bet sıpatında cilindrdi alamız. Cilindr qaptal tárepinde ağım nolge teń, cilindrden ótip atırğan tolıq ağım ultanlarınan ótip atırğan ağımlar jıyındısına teń.

Zaryadlardıń betlik tığızlığı  $\sigma = dq/dS$ 

$$2ES = \frac{\sigma S}{\varepsilon_0} \implies$$

$$E = \frac{\sigma}{2\varepsilon_0}$$

#### PAYDALANÍLGAN ÁDEBIYATLAR

- 1. Q.P.Abduraxmanov, V.S.Xamidov, N.A.Axmedova. FIZIKA. Darslik. Toshkent. "Aloqachi nashriyoti". 2018 y. OʻzR OOʻMTV 2017.24.08 dagi "603"-sonli buyrugʻi.
- 2. B.A.Ibragimov, G.Q.Atajanova. "FIZIKA". Oqıwlıq. Tashkent. 2018 j.
- 3. Q.P.Abduraxmanov, O'.Egamov. "FIZIKA". Darslik. Toshkent. O'quv-ta'lim metodika" bosmaxonasi. 2015 y. O'zROO'MTV 2009.26.02. dagi "51"-sonli buyrug'i.
- 4. Douglas C. Giancoli. Physics. Principles with Applicathions. 2004 USA ISBN-13 978-0-321-62592-2.
- 5. Physics for Scientists and Engineers, Raymond A. Serway, John W. Jewett. 9th Edition, 2012.
- 6. "Umumiy Fizika fani boʻyicha taqdimot multimediali ma'ruzalar toʻplami". Elektron oʻquv qoʻllanma. Toshkent. 2012 y. OʻzR OOʻMTV 2012.15.08 dagi "332/1"-sonli buyrugʻi.
- 7. "Fizika-1 kursi boʻyicha taqdimot multimediali ma'ruzalar toʻplami". Elektron oʻquv qoʻllanma. Toshkent. 2019 y. OʻzR OOʻMTV 2019.04.10 dagi "892"-sonli buyrugʻi.



#### PEDAGOGIKALÍQ DÁSTÚRIY QURALLAR

 https://phet.colorado.edu/en/simulation/char ges-and-fields



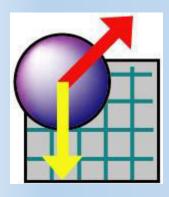
#### PEDAGOGIKALÍQ DÁSTÚRIY QURALLAR

 https://phet.colorado.edu/en/simulation/ball oons-and-static-electricity





#### PEDAGOGIKALÍQ DÁSTÚRIY QURALLAR



- Interactive Physics Design Simulation Technologies
- Dástúr fizikaliq proceslerdi janlı kóriniste súwretlew imkanın berip, onda tezleniw, orın awıstırıw, kúsh hám tezlik vektorlarınıń bağıtların, tezliktiń, tezleniwdiń, kúshtiń hám basqa shamalardıń waqıt boyınsha ózgeriw grafigin súwretlew múmkin.

https://www.design-simulation.com/IP/index.php