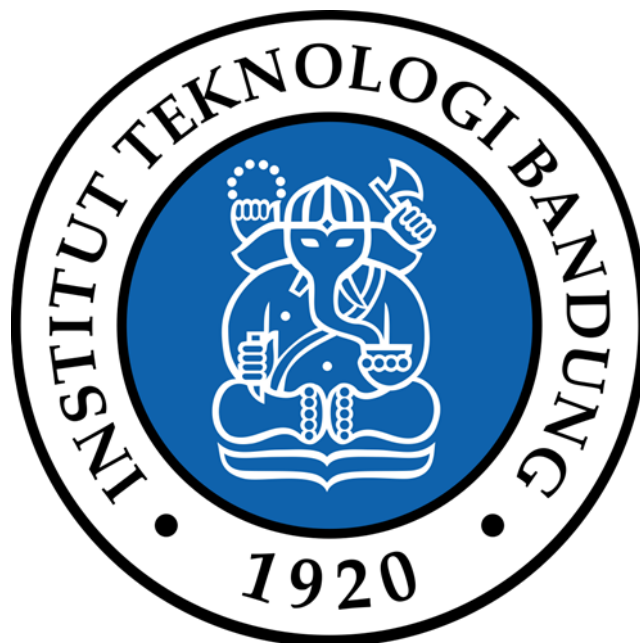


**LAPORAN TUGAS KECIL 2**

**MEMBUAT PUSTAKA IMPLEMENTASI CONVEX  
HULL UNTUK VISUALISASI TES LINEAR  
SEPARABILITY DATASER DENGAN ALGORITMA  
DIVIDE AND CONQUER**

**IF2211 Strategi Algoritma**



Disusun Oleh:

Ikmal Alfaozi      13520125

**Program Studi Teknik Informatika**  
**Sekolah Teknik Elektro dan Informatika**  
**Institut Teknologi Bandung**  
**2021/2022**

# Daftar Isi

## **Algoritma Divide and Conquer**

Algoritma Convex Hull

## **Kode Program**

Modul myConvexHull.py

File main.ipynb

## **Screenshot Input dan Output Program**

## **Alamat Drive Kode Program**

## **Cek List**

## A. Algoritma Divide and Conquer

### a. Algoritma Convex Hull

1. Kumpulan titik diurutkan berdasarkan nilai absis yang menaik, dan jika ada nilai absis yang sama, maka diurutkan dengan nilai ordinat yang menaik.
2. Ambil titik  $p_1$  (titik paling kiri) dan titik  $p_n$  (titik paling kanan).
3. Garis  $p_1$  dan  $p_n$  membagi kumpulan titik menjadi dua bagian yaitu  $S_1$  (titik di bagian kiri garis  $p_1p_n$ ) dan  $S_2$  (titik di bagian kanan garis  $p_1p_n$ ). Untuk membagi kumpulan titik tersebut menjadi dua bagian, penulis menggunakan penentuan determinan berikut:

$$\begin{vmatrix} x_1 & y_1 & 1 \\ x_2 & y_2 & 1 \\ x_3 & y_3 & 1 \end{vmatrix}$$

Titik  $(x_3, y_3)$  berada di sebelah kiri dari garis  $((x_1, y_1), (x_2, y_2))$  jika hasil determinan positif, begitu juga sebaliknya.

Kumpulan titik pada  $S_1$  membentuk *convex hull* bagian atas, dan kumpulan titik pada  $S_2$  membentuk *convex hull* bagian bawah.

4. Untuk bagian  $S_1$ , terdapat dua kemungkinan:
  - i. Jika  $S_1$  kosong, maka titik  $p_1$  dan  $p_n$  menjadi pembentuk *convex hull* bagian atas.
  - ii. Jika  $S_1$  tidak kosong, pilih sebuah titik yang memiliki jarak terjauh dari garis  $p_1p_n$ , misalkan  $p_{max}$ . Jika terdapat beberapa titik terjauh yang sama, pilihlah titik dengan absis terkecil.

Semua titik yang berada di dalam segitiga  $p_1p_{max}p_n$  diabaikan.

5. Tentukan kumpulan titik yang berada di kiri garis  $p_1p_{max}$ , misalkan  $S_{1,1}$ , dan di kiri  $p_{max}p_n$ , misalkan  $S_{1,2}$ .
6. Ulangi langkah 4 dan 5 untuk kumpulan titik pada  $S_{1,1}$  dan  $S_{1,2}$  hingga tidak ada titik terluar lagi.
7. Lakukan hal yang sama (langkah 4, 5, dan 6) untuk bagian  $S_2$ .
8. Gabungkan pasangan titik yang dihasilkan.

## B. Kode Program

### a. Modul myConvexHull.py

Modul ini berisi implementasi algoritma convexHull dengan *divide and conquer*.

```
from asyncio.windows_events import NULL
import numpy as np

def convexHull(arrayOfPoint):
    # Mengurutkan point berdasarkan absis kemudian ordinat secara menaik
    arrayOfPoint = np.array(sorted(arrayOfPoint, key=lambda k: [k[0], k[1]]))

    # Mengambil P1 dan Pn
    p1 = arrayOfPoint[0]
    pn = arrayOfPoint[-1]

    # Divide: Membagi titik ke sebelah kiri (s1) dan kanan (s2) berdasarkan
    # garis P1-Pn
    arrayOfPointLeft = np.array(left(arrayOfPoint, p1, pn))
    arrayOfPointRight = np.array(right(arrayOfPoint, pn, p1))

    # Divide and Conquer: Memproses titik-titik di s1 dan di s2
    leftVertices = np.array(process(arrayOfPointLeft, p1, pn))
    rightVertices = np.array(process(arrayOfPointRight, pn, p1))

    # Merge
    vertices = np.array([p1])
    if (len(leftVertices) != 0):
        vertices = np.concatenate((vertices, leftVertices), axis=0)
    vertices = np.append(vertices, [pn], axis=0)
    if (len(rightVertices) != 0):
        vertices = np.concatenate((vertices, rightVertices), axis=0)
    vertices = np.append(vertices, [p1], axis=0)

    return np.array(vertices)

def left(array, p1, p2):
    arrayOfPointLeft = []
    for i in range(len(array)):
        #  $x_1y_2 + x_3y_1 + x_2y_3 - x_3y_2 - x_2y_1 - x_1y_3 = (y_3 - y_1)(x_2 - x_1) - (y_2 - y_1)(x_3 - x_1)$ 
        if ((array[i][1] - p1[1]) * (p2[0] - p1[0]) - (p2[1] - p1[1]) * (array[i][0] -
        p1[0])) > 0:
            arrayOfPointLeft.append(array[i])
    return arrayOfPointLeft

def getFarthestPoint(array, p1, pn):
    # Mengambil titik dengan jarak terjauh
    if len(array) == 0:
        return NULL
```

```

else:
    m = (pn[1]-p1[1])/(pn[0]-p1[0])
    #  $y - y_1 = m(x - x_1) \leftrightarrow y - p_1[1] = m(x - p_1[0]) \leftrightarrow y - p_1[1] = m \cdot x - m \cdot p_1[0] \leftrightarrow m \cdot x - y + (p_1[1] - m \cdot p_1[0]) = 0$ 
    #  $ax + by + c = 0$ 
    arraydistance = []
    for p in array:
        arraydistance.append(abs(m*p[0] - p[1] + p1[1] - m*p1[0]))
    maxDistance = max(arraydistance)
    arrayIdxMaxDistance = [x for x, y in enumerate(arraydistance) if y == maxDistance]
    return array[arrayIdxMaxDistance[0]]

def process(array, p1, pn):
    vertices = []
    farthestPoint = getFarthestPoint(array, p1, pn)
    if (farthestPoint is not NULL):
        # print(farthestPoint)
        vertices.append(farthestPoint)
        array1 = np.array(left(array, p1, farthestPoint))
        array2 = np.array(left(array, farthestPoint, pn))
        # print(array1, array2)
        vertices1 = process(array1, p1, farthestPoint)
        vertices2 = process(array2, farthestPoint, pn)
        vertices = vertices1 + vertices + vertices2
    return vertices

```

## b. File main.ipynb

File ini berisi contoh penggunaan modul convexHull.py.

- i. Memanfaatkan library numpy untuk membuat data dummy

```

import matplotlib.pyplot as plt
from myConvexHull import convexHull
import numpy as np

plt.figure(figsize = (11, 6))
plt.xlabel('Data X')
plt.ylabel('Data Y')

array = np.random.rand(100,2)
array *= 100
plt.scatter(array[:,0],array[:,1])
vertices = convexHull(array)
plt.plot(vertices[:,0], vertices[:,1])

array = np.random.rand(100,2)
array *= 100
plt.scatter(array[:,0],array[:,1])
vertices = convexHull(array)
plt.plot(vertices[:,0], vertices[:,1])

```

```
array = np.random.rand(100,2)
array *= 100
plt.scatter(array[:,0],array[:,1])
vertices = convexHull(array)
plt.plot(vertices[:,0], vertices[:,1])

plt.show()
```

ii. Dataset Iris : Sepal Width vs Sepal Length

```
from sklearn import datasets
import matplotlib.pyplot as plt
import pandas as pd
from myConvexHull import convexHull
data = datasets.load_iris()
#create a DataFrame
df = pd.DataFrame(data.data, columns=data.feature_names)
df['Target'] = pd.DataFrame(data.target)
plt.figure(figsize = (10, 6))
colors = ['b','r','g']
plt.title('Sepal Width vs Sepal Length')
plt.xlabel(data.feature_names[0])
plt.ylabel(data.feature_names[1])
for i in range(len(data.target_names)):
    bucket = df[df['Target'] == i]
    bucket = bucket.iloc[:,[0,1]].values
    hull = convexHull(bucket)
    plt.scatter(bucket[:, 0], bucket[:, 1], label=data.target_names[i])
    plt.plot(hull[:,0], hull[:,1], colors[i])
plt.legend()
plt.show()
```

iii. Dataset Iris: Petal Width vs Petal Length

```
from sklearn import datasets
import matplotlib.pyplot as plt
import pandas as pd
from myConvexHull import convexHull
data = datasets.load_iris()
#create a DataFrame
df = pd.DataFrame(data.data, columns=data.feature_names)
df['Target'] = pd.DataFrame(data.target)
plt.figure(figsize = (10, 6))
colors = ['b','r','g']
plt.title('Petal Width vs Petal Length')
plt.xlabel(data.feature_names[2])
plt.ylabel(data.feature_names[3])
for i in range(len(data.target_names)):
    bucket = df[df['Target'] == i]
    bucket = bucket.iloc[:,[2,3]].values
```

```

    hull = convexHull(bucket)
    plt.scatter(bucket[:, 0], bucket[:, 1], label=data.target_names[i])
    plt.plot(hull[:,0], hull[:,1], colors[i])
plt.legend()
plt.show()

```

iv. Dataset Wine : Alcohol vs Malic acid

```

from sklearn import datasets
import matplotlib.pyplot as plt
import pandas as pd
from myConvexHull import convexHull
data = datasets.load_wine()
#create a DataFrame
df = pd.DataFrame(data.data, columns=data.feature_names)
df['Target'] = pd.DataFrame(data.target)
plt.figure(figsize = (10, 6))
colors = ['b','r','g']
plt.title('Alcohol vs Malic acid')
plt.xlabel(data.feature_names[0])
plt.ylabel(data.feature_names[1])
for i in range(len(data.target_names)):
    bucket = df[df['Target'] == i]
    bucket = bucket.iloc[:,[0,1]].values
    hull = convexHull(bucket)
    plt.scatter(bucket[:, 0], bucket[:, 1], label=data.target_names[i])
    plt.plot(hull[:,0], hull[:,1])
plt.legend()
plt.show()

```

v. Dataset Breast cancer wisconsin (diagnostic) : Radius (Mean) vs Texture (Mean)

```

from sklearn import datasets
import matplotlib.pyplot as plt
import pandas as pd
from myConvexHull import convexHull
data = datasets.load_breast_cancer()
#create a DataFrame
df = pd.DataFrame(data.data, columns=data.feature_names)
df['Target'] = pd.DataFrame(data.target)
plt.figure(figsize = (10, 6))
colors = ['b','r']
plt.title('Radius (Mean) vs Texture (Mean)')
plt.xlabel(data.feature_names[0])
plt.ylabel(data.feature_names[1])
for i in range(len(data.target_names)):
    bucket = df[df['Target'] == i]
    bucket = bucket.iloc[:,[0,1]].values
    hull = convexHull(bucket)
    plt.scatter(bucket[:, 0], bucket[:, 1], label=data.target_names[i])

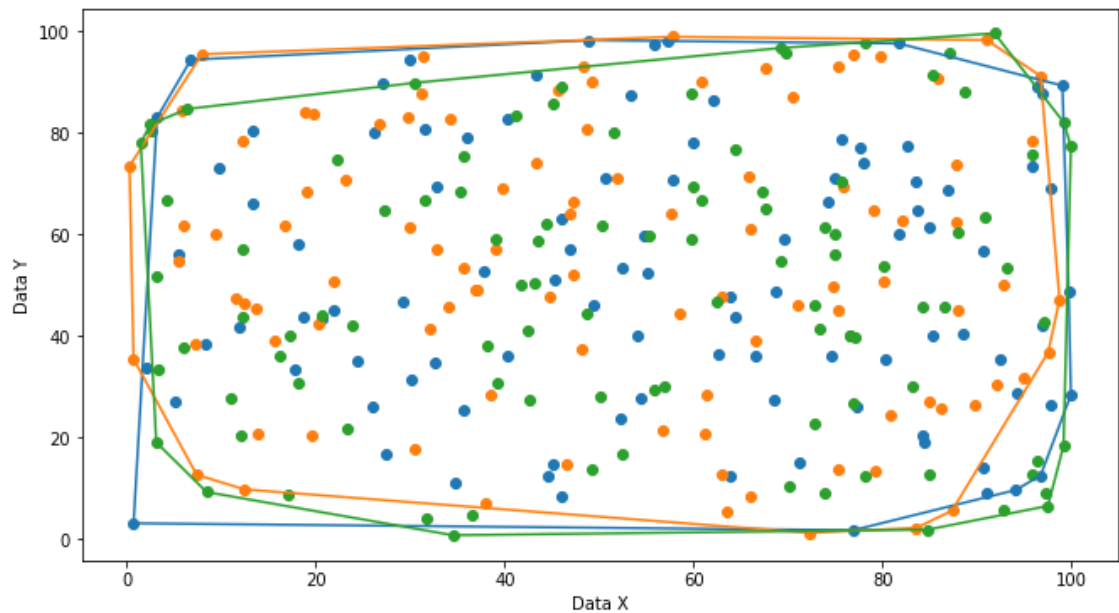
```

```
plt.plot(hull[:,0], hull[:,1])  
plt.legend()  
plt.show()
```

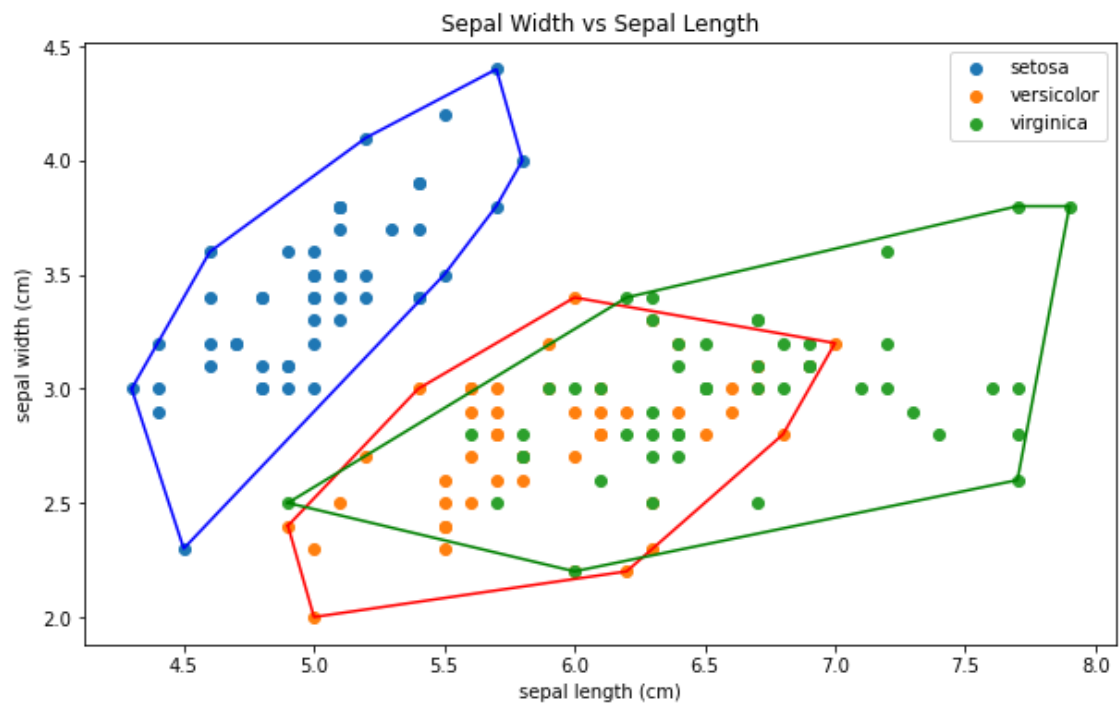


## C. Screenshot Input dan Output Program

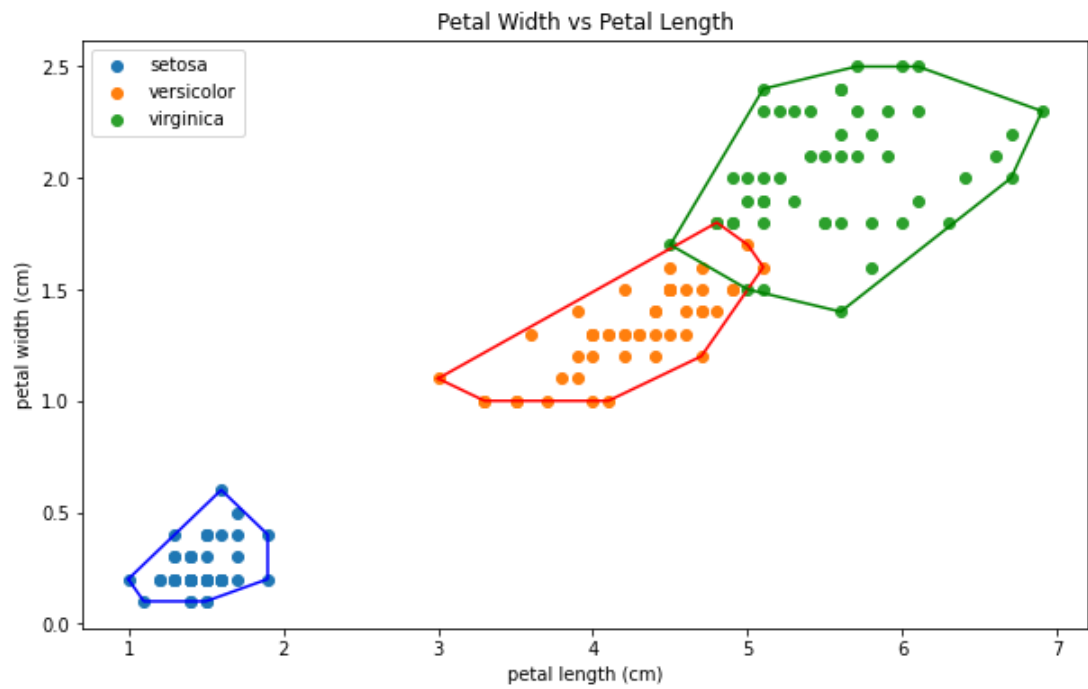
a. Memanfaatkan library nump untuk membuat data dummy



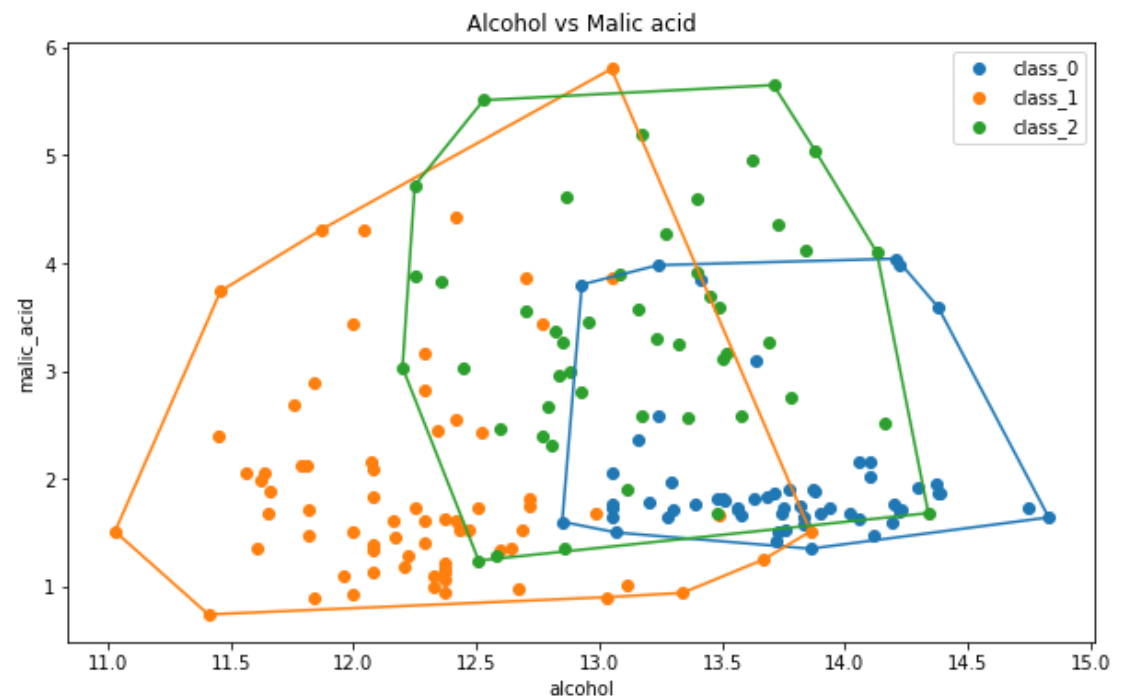
b. Dataset Iris : Sepal Width vs Sepal Length



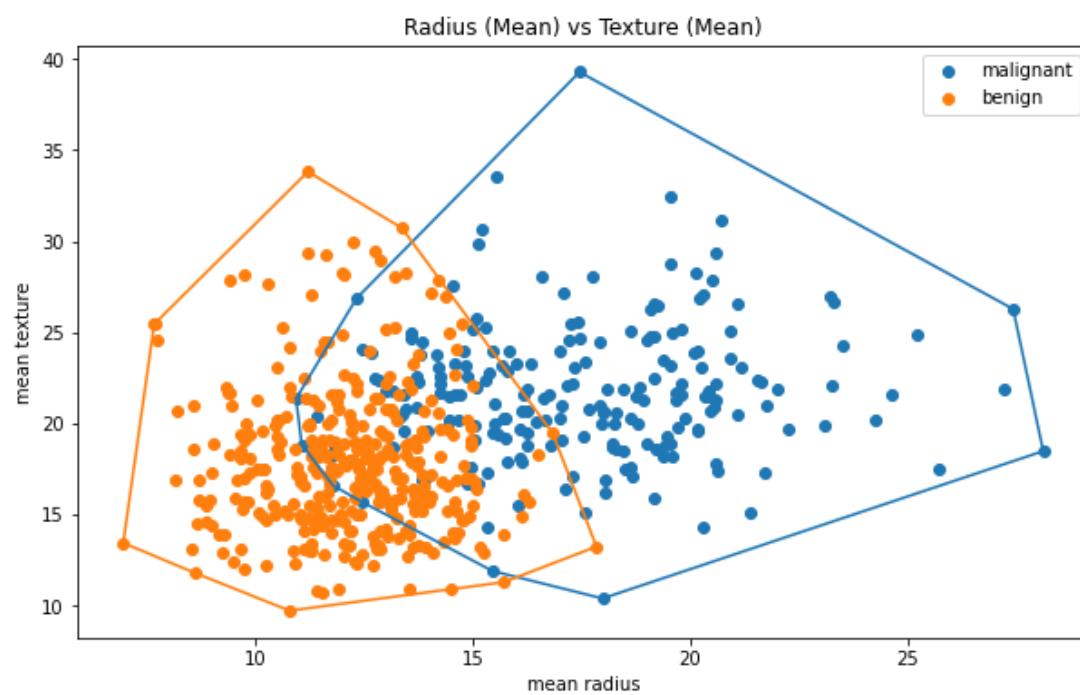
c. Dataset Iris: Petal Width vs Petal Length



d. Dataset Wine : Alcohol vs Malic acid



e. Dataset Breast cancer wisconsin (diagnostic) : Radius (Mean) vs Texture (Mean)



#### D. Alamat Drive Kode Program

[IF2211-Strategi-Algoritma/Tucil2 at main · ikmalalfaozi/IF2211-Strategi-Algoritma \(github.com\)](https://github.com/ikmalalfaozi/IF2211-Strategi-Algoritma)

#### E. Cek List

Poin	Ya	Tidak
1. Pustaka myConvexHull berhasil dibuat dan tidak ada kesalahan	✓	
2. Convex hull yang dihasilkan sudah benar	✓	
3. Pustaka myConvexHull dapat digunakan untuk menampilkan convex hull setiap label dengan warna yang berbeda.	✓	
4. Bonus: program dapat menerima input dan menuliskan output untuk dataset lainnya.	✓	