Рабочая тетрадь № 3

Для представления чисел в ЭВМ обычно используют битовые наборы – последовательности нулей и единиц фиксированной длины. Позиция в битовом наборе называется разрядом.

1. Теоретический материал

Для представления целых чисел без знака удобен битовый набор, соответствующий записи в двоичной системе счисления. Для целых числе без знака как правило выделяют $k=8,\ 16,\ 32$ или 64 разряда.

Для получения компьютернойзаписи целого числа без знака требуетсяего перевод в двоичную систему счисления, далеенеобходимо дополнить результат нулями слева до стандартной разрядностиk.

2. Пример

Задача:

Найти представление беззнаковогоцелого числа 26_{10} в восьмиразрядном битовом наборе

Решение:

Переведем число 26 в двоичную систему счисления.

Результат перевода: $26_{10} = 11010_2$

Дополним полученный результат слева нулями до восьми шестнадцати $26_{10} = \mathbf{000} \ 11010_2$

Ответ:

00011010

3.	3. Задания						
1.	Задача:						
	Найти представление беззнакового числа 13210 в шестнадцатиразрядно						
	битовом наборе						
	Решение:						
	132(10)=10000100(2) "00000000"+"10000100" = 0000000010000100						
	Ответ:						
	000000010000100						
2.	Задача:						
	Найти минимальное и максимальное значения чисел для 16-	·ТИ					
	разрядного беззнакового представления						
	Решение:						
	Ответ:						
	0 65535						

1. Теоретический материал

Для целых чисел со знаком задействуют три варианта компьютерного представления:

- представление в прямом коде;
- представление в обратном коде;
- представление в дополнительном коде.

Во всех этих способахстарший (левый) разряд равен нулю, если число положительное и единице, если число отрицательное. Остальные разряды числа (цифровая часть или мантисса) задействованы для представления модуля числа.

Положительные числа в дополнительном, обратном и прямом кодеидентичны — мантиссавключает двоичное представление числа, а в старшем разряде располагается ноль.

Для отображения отрицательного значения в прямом коде, в разряд знакаставиться единица, а в разряды мантиссы – двоичный код его модуля.

Обратный код отрицательного числа получается инверсией всех цифр двоичного представления абсолютной величины, включая знаковый разряд: нули инвертируются в единицы, а единицы в нули.

Дополнительный код чисел с отрицательным знаком рассчитывается путем прибавления единицы к его младшему разряду обратного кода числа.

2. Пример

Задача:

Перевести число 45 в прямой, обратный и дополнительный код (k=8)

Решение:

Сначала переведем десятичное число 45 в двоичную систему счисления.

Получилось: $45_{10} = 101101_2$.

Запишем **прямой код числа**. Первый слева разряд 0 (знак «плюс»). Оставшиеся 7 разрядов занимает число в двоичном представлении. Если в числе меньше 7 разрядов, оставшиеся дополняются нулями слева. Таким образом, для числа **45** получаем прямой код в виде **0,0101101** (первый слева 0 соответствует знаку, затем следует 0, дополняющий число до 7 разрядов, затем следует само двоичное число). Положительные числа в прямом, обратном и дополнительном кодах изображаются одинаково.

Ответ:

0,0101101

Задача:

Найти прямой, обратный и дополнительный коды в однобайтовом представлении для числа -56₁₀.

Решение:

Выполним перевод положительного числа 56 в двоичную систему счисления, получим: $56_{10} = 111000_2$.

Запишем **прямой код числа**. Всего в однобайтовом представлении 8 двоичных разрядов. Первый слева разряд — знаковый: 1 — для отрицательного числа. Оставшиеся 7 разрядов занимает число в двоичном представлении. Если в числе меньше 7 разрядов, оставшиеся дополняются нулями слева. Таким образом, для числа **-56** получаем прямой код в виде **1,0111000**.

Обратный код отрицательного числа получается из прямого инверсией всех разрядов, за исключением знакового. Получаем: **1,1000111**.

Дополнительный код отрицательного числа получается из обратного кода прибавлением к двоичному числу единицы (знаковый разряд в операции не участвует):
1000111
+ 1
1001000
Получаем: 1,1001000

Ответ:
Прямой код 1,0111000
Обратный код 1,1000111
Дополнительный код 1,1001000

3.	3. Задания			
1.	Задача:			
	Перевести число 12 в прямой, обратный и дополнительный код ($k = 8$)			
	Решение:			
	Ответ:			
	00001100			
2.	Задача:			
	Найти прямой, обратный и дополнительный коды в однобайтовом			
	представлении для числа -3510.			
	Решение:			
	35 = 0b100011 => : 1,0100011 ; : 1+~0100011 = 1,1011100 ; : 1,1011100 + 1 = 1,1011101			
	Ответ:			
	1,0100011 ; 1,1011100 ; 1,1011101			
3.	Задача:			
	Задан дополнительный код числа в однобайтовом представлении:			
	1,1011100. Найти число в десятичной системе счисления.			
	Решение:			
	1,1011100 - 1 = 1,1011011 ; 1,1011011 = 1,0100100 ; 0b0100100 = 36 => res = -36			
	Ответ:			
	-36			

1. Теоретический материал

Сложение и вычитание чисел без знака осуществляется по стандартным алгоритмам для позиционных систем счисления.

При сложении в обратном коде складываются все разряды (включая знаковый) по обычному алгоритму. Результат сложения для k-разрядных чиселв общем виде имеет длину k+1 (старший разряд единица, если при сложении старших разрядов операндов был перенос, иначе — ноль). Значение левого k+1-го разряда прибавляется к младшему разряду результата. В итоге получим k-разрядный битовый набор — сумму чисел в обратном коде. Разность чисел в обратном коде x-y можно свести к операции сложения x+(-y).

В дополнительном коде для сложения сначала по обычному алгоритму складываются все разряды (включая знаковый), азатем единицу переноса в k+1-й разряд необходимо отбросить.

2. Пример

Задача:

Сложить два числа: $A_{10} = 7$, $B_{10} = 16$.

Решение:

Переведем числа в двоичную систему счисления

$$A_2 = +111 = +0111$$
; $B_2 = +10000$.

Исходные числа имеют различную разрядность, необходимо провести выравнивание разрядной сетки:

$$[A_2]_\pi = [A_2]_{\text{ok}} = [A_2]_{\text{jk}} = 0 |00111; \ [B_2]_\pi = [B_2]_{\text{ok}} = [B_2]_{\text{jk}} = 0 |10000.$$

Сложение в обратном или дополнительном коде дает один и тот же результат:

$$+ \begin{array}{c|c} 0 & 00111 \\ \hline 0 & 10000 \\ \hline C_2 = 0 & 10111 \\ \hline C_{10} = 23 \end{array}$$

Ответ:

23

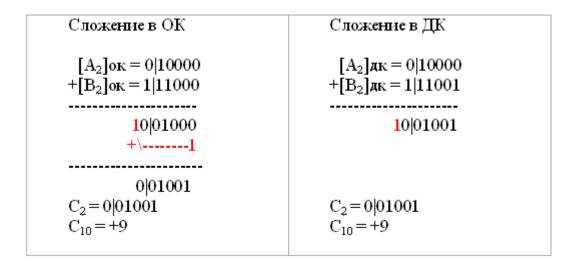
Задача:

Сложить два числа: $A_{10} = +16$, $B_{10} = -7$ в ОК (обратный код) и ДК (дополнительный код).

Решение:

Требуется преобразование A+(-B), в котором второй член записывается с учетом его знака:

$$\begin{split} [A_2]_\pi &= [A_2]_{o\kappa} = [A_2]_{\pi\kappa} = 0 | 10000; \\ [B_2]_\pi &= 1 | 111 = 1 | 00111; \ [B_2]_{o\kappa} = 1 | 11000; \ [B_2]_{\pi\kappa} = 1 | 11001 \end{split}$$



При складывании чисел в обратном и дополнительном кодах получены переносы в знаковый разряд и из знакового разряда. В случае первом случае (обратный код)при переносе из знакового разряда необходимо дополнительно прибавить единицу младшего разряда. Во втором случае (дополнительный код) данный перенос игнорируется.

Ответ:

9



	Тест 3					
1.	Задание:					
	X	Для представления целого числа может применяться				
	Ответ:					
	\ /	А) нормализованный или ненормализованный код				
		В) прямой, обратный или дополнительный код				
		С) естественный или экспоненциальный код				
	$/\setminus$	D) логарифмический и показательный код				
2.	Задание:					
	X	Положительное число				
	0	твет:				
	\ /	А) выглядит одинаково только в прямом и обратном кодах				
	$ \bigvee $	В) выглядит одинаково только в обратном и дополнительном кодах С)				
		выглядит одинаково в прямом, обратном и дополнительном кодах				
	$/\setminus$	D) выглядит различно в прямом, обратном и дополнительном кодах				
3.	Задание:					
	\bigvee	Если взять отрицательное число и инвертировать разряды кроме				
	\bigwedge	знакового, то получится				
	Ответ:					
	\setminus /	А) обратный код				
		В) прямой код				
	\bigwedge	С) дополнительный код				
		D) двоичный код				
4.	30	адание:				
	\times	Дополнительный код числа получается				
	0	твет:				
		А) из обратного кода прибавлением единицы к младшему разряду без				
		переноса в знаковый разряд				
		В) из обратного кода прибавлением единицы к младшему разряду с				
		переносом в знаковый разряд				
		С) из прямого кода прибавлением единицы к младшему разряду без				
		переноса в знаковый разряд				
		D) из прямого кода прибавлением единицы к младшему разряду с				
		переносом в знаковый разряд				

5.	3. Задание:						
	Если к двоичному числу без знака добавить знаковый разряд то						
	получится						
	Ответ:						
	А) обратный код						
	В) прямой код						
	С) дополнительный код						
	/ \ D) двоичный код						
6.	Задание:						
	\bigvee Число $X=14_{10}$ в восьми разрядном двоичном дополнительном коде						
	равняется						
	Ответ:						
	(A) 00001110 B) 0110010						
	С) 1110001 D) нет верного ответа						
7.	Задание:						
	Восьми разрядное двоичное число $X = (10001010)_2$, заданное в						
	Дополнительном коде в десятичной системе равняется						
	Ответ:						
	A) -10 B) $+10$ C) -117 D) -118						
8.	Задание:						
	Восьми разрядное двоичное число $X = (00100111)_2$ заданное в обратном						
	коде в десятичной системе равняется						
	Ответ:						
	A) -39 B) $+39$ C) -88 D) $+88$						
9.	Задание:						
	Число $X = -63_{10}$ в прямом коде будет представлено как						
	Ответ:						
	A) 10111111 B) 00111111 C) 10011111 D) 00011111						
10.	Задание:						
	Укажите дополнительный код десятичного числа						
	-103 (минус сто три) в 8 разрядном компьютерном представлении.						
	Ответ:						

Реализация задач на языке программирования Python

При написании программ часто возникает ситуация, когда необходимо производить различные математические вычисления. Как и другие языки программирования, Python предоставляет разнообразные функции для выполнения вычислений.

1. Теоретический материал

Для математических расчетов с использованием стандартных математических функцийтребуется импортировать соответствующую библиотеку:

importmath

После импорта к функциям библиотеки можно обращаться следующим образом:

math.имя_функции(...)

В таблице представлен синтаксис и описание ключевых математических функций библиотеки **math**языка Python

Функция	Назначение
ceil(x)	Округляет число хдо ближайшего большего целого (округление
Cell(X)	"вверх").
floor(x)	Округляет число х до ближайшего меньшего целого
ilooi(x)	(округление "вниз").
fabs(x)	Принимает абсолютное значение (модуль) числа x .
exp(x)	Принимает значение e^x .
	Если у функции один аргумент х, то функция принимает
log(x[, b])	значение натурального логарифмах. При передаче двух
	аргументов, второй выступает в качестве основания логарифма.
pow(x, y)	Принимает значение х в степени у.
sqrt(x)	Принимает значение квадратного корня из x .
acos(x)	Принимает значение арккосинусах в радианах.
asi(x)	Принимает значение арксинусах в радиан □ х.
atan(x)	Принимает значение арктангенсах в радианах.
cos(x)	Принимает значение косинусах, где хвыражен в радианах.
sin(x)	Принимает значение синусах, где хвыражен в радианах.

tan(x)

Принимает значение тангенсах, где х выражен в радианах.

2. Пример

Задача:

Для введенных чисел x и y найти значение функции

$$f(x,y) = 2y^x + \ln|x + y^3|$$

Решение (код программы):

```
import math
x = float(input('Введите x '))
y = float(input('Введите y '))
f = 2 * math.pow(y, x) + math.log(math.fabs(x + y ** 3))
print('f = ', f)
```

Задача:

Для введенных чисел х и у найти значение функции

$$f(x,y) = \begin{cases} \sin(xe^y), xy \le -1\\ \sqrt{|\cos(xy)|}, -1 < xy < 5\\ x^2 + \operatorname{tgy}, xy \ge 5 \end{cases}$$

Решение (кодпрограммы):

```
import math
x = float(input('Введите x '))
y = float(input('Введите y '))
if x * y <= -1:
    f = math.sin(x * math.exp(y))
elif x * y >= 5:
    f = x * x + math.tan(y)
else:
    f = math.sqrt(math.fabs(math.cos(x * y)))
print('f = ', f)
```

Задача:

Вычислить значение функции $f(x) = \sin(x - e^2) + 3x$ на отрезке [xn, xk] с шагом hx

Решение (кодпрограммы):

```
import math
xn = float(input('Bведитехп '))
xk = float(input('Bведитехк '))
hx = float(input('Bведитеhx '))
x = xn #ycтанавливаем x в начало отрезка в xn
whilex<= xk: #пока не дойдем до конца отрезка xk
f = math.sin(x + math.exp(2)) + math.pow(3, x)
    print('x = ', x, ' f = ', f)
x = x + hx #прибавляем к аргументу шаг</pre>
```

Задача*:

Вычислить значения функции

$$f(x,y) = \begin{cases} \sqrt[5]{y+x}, \text{ при } x+y \le 2; \\ \left|\sin x\right|^y, \text{ при } x+y > 2. \end{cases}$$

При этом x изменяется в отрезке $0 \le x \le 1$ с шагом hx = 0.2; y изменяется в отрезке $1 \le y \le 2$ с шагом hy = 0.5.

Решение (кодпрограммы):

ax, bx, hx = 0.0, 1.0, 0.2

```
import math
```

```
ау, by, hy = 1.0, 2.0, 0.5

x = ах #устанавливаем x в начало отрезка в xn
whilex<= bx: #пока не дойдем до xk
y = ау #устанавливаем у в начало отрезка в yn
whiley<= by: #пока не дойдем до yk
if x + y <= 2:
    f = math.pow(x + y, 1.0 / 5.0)
    else:
        f = math.pow(math.fabs(math.sin(x)), y)
        print('x: = ', x, 'y = ', y, 'f = ', f) # выводим результат
# или print('x = {:.3}, y = {:.3}, f = {:.3}'.format(x,y,f))
```

или print(f'x = {x:.3}, y = {y:.3}, f = {f:.3}')
y = y + hy #прибавляем к у шаг
x = x + hx #прибавляем к х шаг

3. Задания

1. | **Задача:**

Для введенных чисел х и у найти значение функции

$$f(x,y) = \ln |\sin(x+y)|$$

Решение (кодпрограммы):

$$\begin{split} & \text{import math as m} \\ & x,y = [\text{int(i) for i in input().split()}] \\ & \text{print("f = {0}]".format(m.log(m.sin(x+y), m.e)))} \end{split}$$

2. Задача:

Для введенных чисел х и у найти значение функции

$$f(x,y) = \begin{cases} \arctan \sqrt[3]{|x-y|}(xe^y), \sin(x+y) \le -0.5\\ 3\log_3(|xy|), -0.5 < \sin(x+y) < 0.5\\ x^3 + y^{1.5}, \sin(x+y) \ge 0.5 \end{cases}$$

Решение (код программы):

import math as m x,y = [int(i) for i in input("x,y (x y): ").split(" ")[:3]] res = 0if(m.sin(x+y) <= -0.5): $res = m.atan((abs(x-y)^{**}(1.0/3))^{*}(x^{*}(m.e^{**}y)))$ if(m.sin(x+y) < 0.5 and m.sin(x+y) > -0.5): $res = 3^{*}m.log(abs(x^{*}y),3)$ if(m.sin(x+y) >= 0.5): $res = (x^{**}3) + (y^{**}1.5)$ print("f = {0}".format(res))

3. | *Задача:*

Вычислить значение функции $f(x) = \cos^3(e^*x) + \sin|x|$ на отрезке [a, b] с шагом hx

Решение (код программы):

import math as ma,b,h = [int(i) for i in input("a,b,h (a b h

4. Задача:

Вычислить значения функции

$$f(x,y) = \begin{cases} \sqrt[3]{\sin(xe^{0.1y})}, \text{ при } x + y \le 2; \\ \left|\log_2(x+y)\right|, \text{ при } x + y > 2. \end{cases}$$

При этом x изменяется в отрезке $1 \le x \le 2.5$ с шагом hx = 0.5; y изменяется в отрезке $1 \le y \le 4$ с шагом hy = 1.

Решение (код программы):

import math as mfor i in range(4): x,y = 1+0.5*i, 1+1*i if(x+y <=