# Рабочая тетрадь № 2

Система счисления – это символический метод записи чисел.

Непозиционные системы – ранние системы счисления. В этих системах каждая цифра имеет значение, не зависящее от положения.

Позиционные системы – значение каждой цифры зависит от ее положения (разряда) в записи числа.

# 1. Теоретический материал

Чтобы любое число в k-ичной системе счисления перевести в десятичную систему счисления нужно воспользоваться формулой [1, 3]:

$$X_{10} = a_0 k^0 + a_1 k^1 + ... + a_N k^N$$
,

если $x_k = a_N \dots a_2 a_1 a_0$ .

# 2. Пример

# Задача:

Дано:  $X_{10} = E8A_{16}$ .Найти  $X_{10}$ .

### Решение:

 $X_{10} = 10 + 8 * 16 + 14 * 16^2 = 3722$ 

### Ответ:

 $X_{10} = 3722$ 

### 3. Задания

### 1. **Задача:**

 $\times$  Дано:  $X_{10} = 101010_2$ . Найти  $X_{10}$ .

### Решение:

x(10) = 0\*1 + 1\*2 + 0\*4 + 1\*8 + 0\*16 + 1\*32 = 2+8+32=42

### Ответ:

x(10) = 42

### 2. **Задача:**

Дано:  $X_{10} = 563_8$ . Найти  $X_{10}$ .

	Решение:						
	x(10) = 3*1 + 6*8 * 5*64 = 3+48+320 = 371						
	Ответ:						
	371						
3.	Задача:						
	$igwedge$ Дано: $X_{10}=A1286_{12}$ . Найти $X_{10}$ .						
	Решение:						
	x(10) = 6*1 + 8*12 + 2*144 + 1*1728 = 1728+288+96+6 = 2118						
	Ответ:						
	x(10) = 2118						
4.	Задача:						
	Сколько единиц в двоичной записи числа 127?						
	Решение:						
	Ответ:						
	7						

# 1. Теоретический материал

Чтобы число X из десятичной системы перевести в k-ичную, нужно:

- 1. Разделить X на k: пусть  $X_1$  это целая часть отношения, а  $a_0$  остаток от деления.
- 2. Если  $X_1$  не равно нулю, то делим  $X_1$  на k, обозначаем через  $X_2$  целую часть, через  $a_1$  остаток.
- 3. Деление происходит до тех пор, пока частное не станет меньше основания системы счисления.

Врезультате

$$X = a_N \ a_{(N-1)} \dots a_1 \ a_0$$
,

есть представление в k-ичной системе счисления.

# 2. Пример

### Задача:

Дано:  $48_{10} = X_3$ . Найти X.

### Решение:

 $48_{10}$  делим на 3, частное = 16, остаток  $a_0$  =

частное =  $16_{10}$  делим на 3, частное = 5, остаток  $a_1 = 1$ 

частное =  $5_{10}$  делим на 3, частное = 1, остаток  $a_2 = 2$ 

частное =  $1_{10}$  делим на 3, частное = 0, остаток  $a_3 = 1$ 

Частное не больше нуля, деление закончено. Для представления числа в заданной системе счисления остатки от деления записываются в обратном порядке:

 $48_{10} = (a_3 a_2 a_1 a_0)_3 = 1210_3.$ 

### Ответ:

 $48_{10} = 1210_3$ .

### 3. Задания

### 1. **Задача:**

 $\chi$  Дано: 367<sub>10</sub> =  $\chi$ 7. Найти  $\chi$ 7.

### Решение:

tmp = 367 // 7 = 52, a1 = 367 % 7 = 3tmp

(a4a3a2a1)7 = 1033(7)

### Ответ:

x = 1033(7)

### 2. Задача:

X Дано:  $1143_{10} = X_{12}$ . Найти X.

### Решение:

tmp = 1143 // 12 = 95, a1 = 1143 % 12 = 3tmp = 9

(a3a2a1)12 = 7B3(12)

### Ответ:

x = 7B3(12)

3.	. Задача:					
	Дано: 127 <sub>8</sub> = X <sub>9</sub> . Найти X.					
	Решение:					
	(a3a2a1)9 = 103(9) 127(8) = 7*1 _ 2*8 + 1*64 = 64+16+7 = 87tmp					
	Ответ:					
	x = 103(9)					
4.	Задача:					
	$igwedge$ Дано: $AB4_{13}=X_6$ . Найти $X$ .					
	Решение:					
	AB4(13) = 4*1 + B*13 + A*169 = 4+143+1690 = 1837(10) (a5a4a3a2a1)6 = 12301(6)  tmp = 1837 // 6 = 306. a1 = 1837 % 6 = 1tmp					
	Ответ:					
	12301					

# 1. Теоретический материал

Перевод чисел между системами счисления, основания которых равны значениям степеней числа 2, можно произвести по более простым алгоритмам.

Нетрудно заметить, что информационный вес восьмеричной цифры в три раза больше двоичного. Поэтому каждой восьмеричной цифре можно поставить в соответствие группу из трех двоичных разрядов (триаду). Информационный вес шестнадцатеричной цифры в четыре раза больше двоичного. Значит, каждой цифре шестнадцатеричной системы счисления можно поставить в соответствие группу из четырех двоичных разрядов (тетраду). Ниже в таблице приведено записи чисел в системах счисления с основанием, равным степени двойки

десятичная	двоичная	восьмеричная	шестнадцатеричная
0	0	0	0
1	1	1	1
2	10	2	2
3	11	3	3
4	100	4	4
5	101	5	5
6	110	6	6

7	111	7	7
8	1000	10	8
9	1001	11	9
10	1010	12	A
11	1011	13	В
12	1100	14	С
13	101	15	D
14	1110	16	Е
15	1111	17	F

# Алгоритм перевода двоичного числа в восьмеричную систему счисления:

- 1. Разбить двоичное число на триады, справа налево.
- 2. Если в правой группе меньше трех цифр, то добавить ведущие нули.
- 3. Каждую триаду перевести в восьмеричную систему счисления.
- 4. Для получения итогового числа ввосьмеричной системы счисления произвести запись цифр в соответствующих разрядах.

### Алгоритм перевода восьмеричного числа в двоичную систему счисления:

- 1. Разбить двоичное число на триады, справа налево.
- 2. Поставить в соответствие каждой восьмеричной цифре двоичную триаду.
- 3. Соединить триады и записать двоичное число.
- 4. Удалить (если существуют) незначащие нули.

Для перевода из двоичной системы счисления в шестнадцатеричную из шестнадцатеричной в двоичную алгоритм аналогичен, за тем исключением, что вместо трех разрядов необходимо использовать четыре.

# 2. Пример

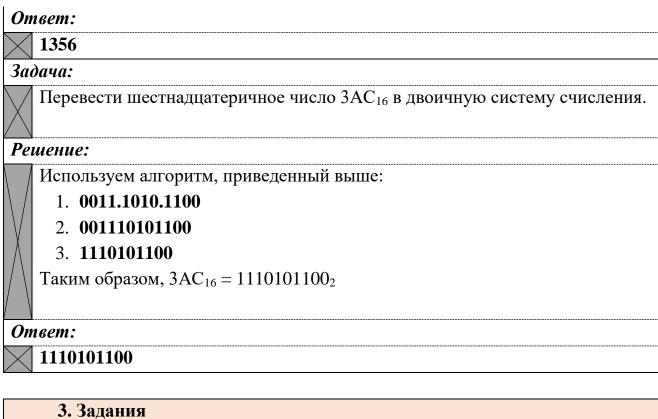
### Задача:

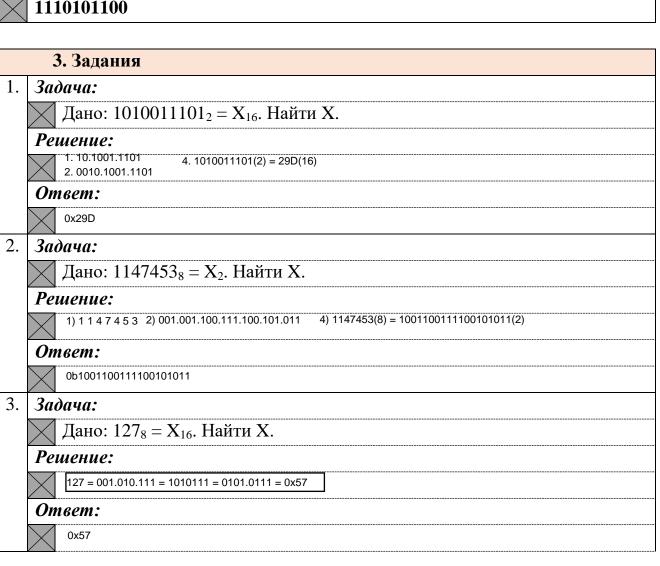
Перевести двоичное число  $1011101110_2$  в восьмеричную систему счисления.

### Решение:

Для решения задачи воспользуемся выше приведенным алгоритмом:

- 1. **1.011.101.110**
- 2. **001.011.101.110**
- 3. 1356
- 4.  $1011101110_2 = 1356_8$





4.	Задача:						
	Сколько значащих нулей в двоичной записи шестнадцатеричного числа						
	$\sim$ C3E1 <sub>16</sub> ?						
	Решение:						
	$\times$						
	On	пвет:					
	X	8					
5.	<i>3a</i>	дача*:					
	$\times$	Дано: AF3 $8_{32} = X_{16} = X_8 = X_2$ . Найти $X$ .					
	Pe	шение:					
	$\times$	AF38(32) = 01010.01111.00011.01000 = 1010011110001101000(2)101.0011.1100.0110					
	On	neem:					
	X	X(16) = 0x53C68; X(8) = 0o1436144; X(2) = 0b1010011110001101000					
6.	<i>3a</i>	дача*:					
Некоторое число X из десятичной системы счисления пере							
		системы счисления с основаниями 16, 8, 4, 2. Часть символов при записи					
	X	утеряна. Позиции утерянных символов обозначены знаком *					
	$X = E^*_{16} = *5^*_{8} = ***1_{4} = *****1^{**}_{2}$						
	/ \ Определите число X.						
	Решение:						
	1) 1110.**** 2) 11.101.*** 3) 11.10.1*.01 4) 1.1.1.0.1.1.0.1 = 0b11101101 = 237						
	Ответ:						
	$\times$	X(10) = 237					
	v .						

Тест 2							
1.	Задание:						
	Переведите число 37 из десятичной системы счисления в двоичную:						
	Ответ:						
	A) 100101;	B) 10101;	C) 10011;	D) 101101.			
2.	Задание:						
	Переведите число $11010_2$ из двоичной системы счисления в десятичную систему счисления.						
	Ответ:						
	A) 18;	B) 24;	C) 26;	D) 14.			

<b>3.</b>	Задание:					
		Дано: $a = D7_{16}$ , $b = 331_8$ . Какое из чисел с, записанных в двоичной				
		системе, отвечают условию a <c<b?< th=""></c<b?<>				
	On	пвет:				
	$\times$	A) 11011001	B) 1101110	C) 11010111	D) 11011000	
4.	<i>3a</i>	дание:				
		Для чисел, задан	ных в различны	х системах счисле	ения: $X = 1112_3$ , $Y$	
		$= 140_5, Z = 222_4$	– справедливо со	отношение:		
	On	пвет:				
	X	A) X <y<z< th=""><th>B) X<z<y< th=""><th>C) Y<x<z< th=""><th>D) Y<z<x< th=""></z<x<></th></x<z<></th></z<y<></th></y<z<>	B) X <z<y< th=""><th>C) Y<x<z< th=""><th>D) Y<z<x< th=""></z<x<></th></x<z<></th></z<y<>	C) Y <x<z< th=""><th>D) Y<z<x< th=""></z<x<></th></x<z<>	D) Y <z<x< th=""></z<x<>	
5.	<i>3a</i>	дание:				
		В системе счис	ления с некотор	ым основанием д	десятичное число 144	
		записывается в н	виде 264. Укажит	те это основание.		
	On	пвет:				
	X	A) 5	B) 6	C) 7	D) 8	
6.	<i>3a</i>	дание:				
		Укажите основ	ание системы	счисления, котор	рой не может быть	
	$\bigwedge$	записано число 1302				
	On	пвет:				
		A) 3	B) 10	C) 7	D) 4	
7.	<i>3a</i>	дание:				
		$\sqrt{}$ Значение выражения $10_{16}$ + $10_8$ * $10_2$ в двоичной системе счисления				
	$\bigwedge$	равно				
	On	пвет:				
	$\times$	1) 1010	B) 11010	C) 100000	D) 110000	
8.	<i>3a</i>	дание:				
	Укажите через запятую в порядке возрастания все основания си					
счисления, в которых запись числа 40 оканчивается на 4.					я на 4.	
Ответ:						
	$\times$					
2.	<i>3a</i>	дание:				
		В системе счисления с некоторым основанием десятичное число 52				
	$\bigwedge$	записывается в н	виде <b>202</b> <sub>n</sub> . Найди	те <b>n</b> .		
	On	пвет:				

# **3.** Задание: Решите уравнение: 12<sub>6</sub> + x = 324<sub>5</sub> Ответ запишите в десятичной системе счисления. Ответ:

## Реализация задач на языке программирования Python

### 1. Теоретический материал

Для перевода числа из одной системы счисления в другую в Python существует несколько функций:

- int([object], [основание системы счисления]) преобразование к целому числу в десятичной системе счисления. По умолчанию система счисления десятичная, но можно задать любое основание от 2 до 36 включительно.
- bin(x) преобразование целого числа в двоичную строку.
- hex(x) преобразование целого числа в шестнадцатеричную строку.
- oct(x) преобразование целого числа в восьмеричную строку.

# 2. Пример

### Задача:

Ввести число в десятичной системе счисления. Вывести двоичную, восьмеричную и шестнадцатеричную запись введенного числа

# Решение (код программы):

```
print('Введите число в десячиной системе счисления')
a = int(input())
print('Двоичная: ', bin(a))
print('Восьмеричная: ',oct(a))
print('Шестнадцатиричная: ',hex(a))
```

### 3. Задания

### Задача:

На вход программа получает две величины: n, A, где n — натуральное числа от 2 до 36, основание системы счисления, A — число, записанное в системе счисления с основанием n,  $A < 2^{31}$ .

Необходимо вывести значение A в системе счисления с основанием десять. В задаче подразумевается корректный ввод (т.е. в числе A отсутствуют цифры большие или равные n).

## Решение (код программы):

n, A = input("base, num: ").split(" "); alph = "0123456789abcdefghijklmnopqrstuvwxyyz"res

n, A = input("base, num: ").split(" "); print(int(A,int(n)))

Все ранее рассматриваемые программы имели линейную структуру: все инструкции выполнялись последовательно одна за одной, каждая записанная инструкция обязательно выполняется.

Оператор ветвления if позволяет выполнить определенный набор инструкций в зависимости от некоторого условия.

# 1. Теоретический материал

Синтаксис оператора *if* в *Python* выглядит следующим образом:

### if выражение:

инструкция\_1

инструкция\_2

• • •

инструкция\_п

После оператора *if* записывается выражение. Если это выражение истинно, то выполняются инструкции, определяемые данным оператором.

Стоит отметить особенность языка Python. Он не содержит операторных скобок (begin..end в pascal или {..}в Си), вместо этого **блоки выделяются отступами**: четырьмя пробелами или табуляцией, а вход в блок из операторов осуществляется двоеточием.

Бывают случаи, когда необходимо предусмотреть альтернативный вариант выполнения программы. Т.е. при истинном условии нужно выполнить один набор инструкций, при ложном – другой. Для этого используется

```
конструкция if — else. Для реализации выбора из нескольких альтернатив можно использовать конструкцию if — elif — else.

if выражение_1:
    инструкции_(блок_1)
elif выражение_2:
    инструкции_(блок_2)
elif выражение_3:
    инструкции_(блок_3)
else:
инструкции_(блок_4)
```

# 2. Пример

### Задача:

Напечатать модуль введенного числа

# Решение (код программы):

```
x = int(input('Введите x')) # преобразуем строку в целое число ifx< 0: # если введенное число меньше нуля x = -x print(x)
```

### Задача:

Ввести два числа и определить четверть координатной плоскости

### Решение (код программы):

```
x = int(input())
y = int(input())
if x > 0 and y > 0:
  print("Перваячетверть")
elif x > 0 and y < 0:
  print("Четвертая четверть")
elify> 0:
print("Вторая четверть")
else:
```

# print("Третья четверть")

### 3. Задания

### 1. | *Задача*:

Дано двузначное число. Определить входит ли в него цифра 3. (// - операция получения целой части от деления, % - операция взятия остатка от целочисленного деления).

## Решение (код программы):

### 2. Задача:

Дано двузначное число. Определить какая из его цифр больше.

### Решение (код программы):

print("max digit: {0}".format(max([int(i) for i in input("number: ")])))

num = int(input("number: ")); max\_d = 0

if((num // 10) > (num % 10)): max\_d = num // 10

else: max\_d = num % 10

print("max digit: {0}".format(max\_d))

### 3. | Задача:

Найти корни квадратного уравнения и вывести их на экран, если они есть. Если корней нет, то вывести сообщение об этом. Конкретное квадратное уравнение определяется коэффициентами a,b,c, которые вводит пользователь.

### Решение (код программы):

Цикл – конструкция языка программирования, предназначенная для организации многократного исполнения набора команд (инструкций).

При этом такая последовательность инструкций называется телом цикла.

Единичное выполнение тела цикла называется итерацией.

Выражение, определяющее, будет в очередной раз выполняться итерация или цикл завершится, называется условием выхода или условием окончания цикла.

### 1. Теоретический материал

Оператор цикла *while*выполняет указанный набор инструкций до тех пор, пока условие цикла истинно. Истинность условия определяется как и в случае оператора *if*. Синтаксис оператора *while*выглядит следующим образом.

```
while выражение: инструкция_1
```

инструкция\_2

...

инструкция\_n

Оператор *for*выполняет указанный набор инструкций заданное количество раз, которое определяется количеством элементов в наборе. Например:

```
foriin [1,2,3,4,5]:
a = i * i
print(a)
```

В результате на экран будут выведены квадраты чисел от одного до пяти.

Переменная цикла **i** последовательно принимает все значения заданного списка, при этом каждый раз выполняется блок операторов, выделенный отступами. При создании цикла удобно пользоваться функций range(a,b), которая создает последовательность чисел от **a** до **b-1**. Пример:

# foriinrange(1, 6): print("Hello")

В результате «Hello» будет выведено пять раз.

При выполнении цикла часто возникает необходимость досрочного прекращения выполнения цикла и пропустить какую-либо итерацию. Для этого используются конструкции **break** и **continue**. Оператор **continue** начинает следующий проход цикла, минуя оставшееся тело цикла (**for** или **while**), оператор **break** досрочно прерывает цикл.

# 2. Пример

### Задача:

Выведите все точные квадраты натуральных чисел, не превосходящие данного числа N.

# Решение (код программы):

```
n=int(input())
i=1
while i**2<n:
    print (i**2)
    i+=1</pre>
```

### Задача:

Вывести квадраты чисел от нуля до девяти

# Решение (код программы):

```
for i in range(10):
    a = i * i
    print(a)
```

### Задача:

Напишите программу, которая выводит чётные числа из заданного списка и останавливается, если встречает число 5.

### Решение (код программы):

```
n = [1, 2, 3, 7, 6, 4, 5, 8] #примерсписка
for x in n:
    if x == 237:
        break
elif x % 2 == 0:
        print(x)
```

### Задача:

Ввести строку. Вывести на экран все символы строки кроме пробелов

# Решение (код программы):

```
s = input()
for i in s:
```

	3. Задания					
1.	Задача:					
		Дано целое число, не меньшее 2	2. Выведите	его наименьший		
	$\setminus$	натуральный делитель, отличный от 1.				
Решение (код программы):						
		num = int(input("number: "))for i in range(2, num+1): if(nu				
2.	Задача:					
		Посчитать сумму числового ряда о	т 1 до <i>N</i> вн	ключительно (т.е.		
		0+1+2+3++ N). Решите задачу с пом	мощью и без помощи оператора			
	$/\setminus$	цикла. Число $N$ вводится с клавиатуры (	(N < 1000).			
	Pe	гшение (код программы):				
		1	it("last element: ")) {0}".format(((0+N)/2)*(N+1	1)))		
3.	<i>3a</i>	daua:				
		Простыми являются натуральные чис	сла больше 1,	которые делятся		
		нацело только на 1 и самих себя. На	вход программ	е подается число.		
	$/\setminus$	Необходимо проверить является ли оно простым.				
	Решение (код программы):					
		num = int(i	nput())if(n <= 1): print(Fal			
4	/\					
4.		и <b>дача:</b>				
	$\setminus$ /	Вводится десятичное число $A$ ( $A < 2^{31}$ ) и число $n$ ( $2 \le n \le 9$ ). Необходимо				
		перевести введенное число А в систему		•		
		1	онструкции яз	выка Python не		
/ разрешается.						
	Pe	ешение (код программы):				
		d	lef to_n(num, base): alph =	= "0123456789abcdefghijklm		