

# Redes Neuronales Artificiales

Programación de Sistemas  
Adaptativos

Unidad 3: Sistemas inteligentes

2

Programación de  
Sistemas Adaptativos:  
Redes neuronales

## Contenidos

- Caso de estudio
- Conceptos básicos
- Perceptrones
- Otros tipos de redes



## Caso de estudio

- Una universidad desea utilizar un sistema para decidir cuándo otorga becas.
- Cuenta con datos históricos que incluyen
  - las características de varios candidatos a la beca
  - la decisión tomada (sí se otorgó la beca / no se otorgó).

## Caso de estudio

Candidato	¿Escasos recursos?	¿Promedio > 85?	¿Puntaje admisión = sobresaliente?	Beca
C1	No	No	No	No
C2	Sí	Sí	Sí	Sí
C3	No	Sí	Sí	Sí
C4	Sí	Sí	No	No

5

Programación de  
Sistemas Adaptativos:  
Redes neuronales

# ¿Cómo puede hacer la universidad?



Podría usar una **red neuronal** para que le ayude a tomar esta decisión.

6

Programación de  
Sistemas Adaptativos:  
Redes neuronales

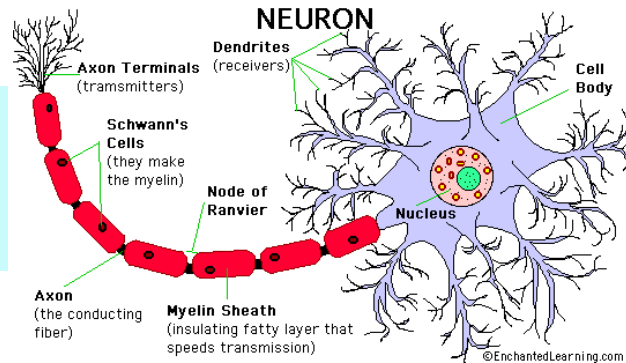
## ¿Qué son las redes neuronales?

- Técnica de ***aprendizaje automático supervisado***
- que sirve para hacer tareas de **predicción** y **reconocimiento de patrones**
- se basa en el funcionamiento del cerebro (específicamente, las neuronas).

Presentadas por McCulloch y Pitts en 1943.

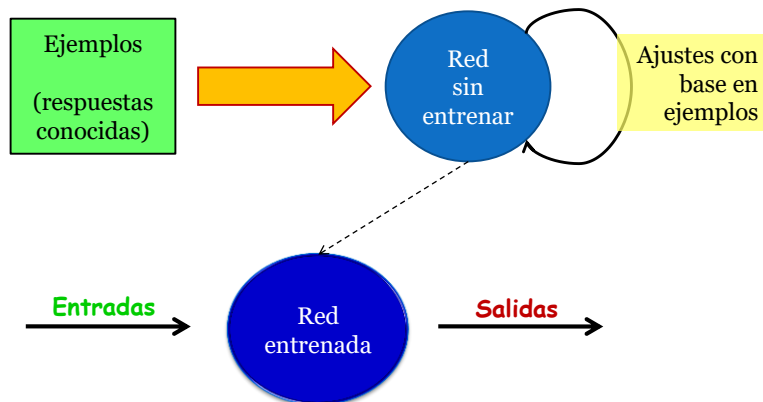
## ¿Cómo funcionan las redes neuronales?

Nuestro cerebro aprende a través de **modificar** los **pesos** en las **conexiones** de las neuronas.



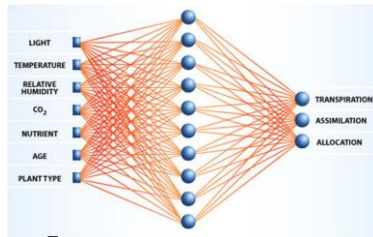
Fuente: <http://www.thestudentroom.co.uk/showthread.php?t=1056916>

## Aprendizaje supervisado



## ¿En qué consiste una red neuronal?

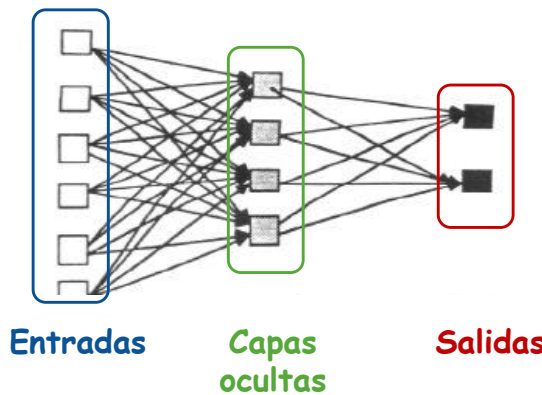
- Sistema que contiene unidades de procesamiento (**neuronas**) ligadas por **conexiones** con **pesos**.



Fuente:

<http://lowercolumbia.edu/students/academics/facultyPages/rhode-cary/intro-neural-net.htm>

## Visualizando redes neuronales



• Se tienen **entradas externas** y una serie de capas.

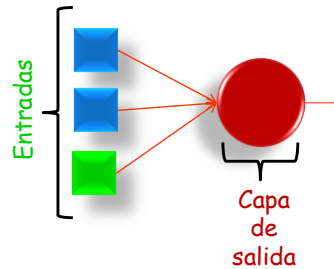
• Las **salidas** se consideran la última capa.

• Las capas que no son de salida se denominan *internas*.

• Las entradas *no* se toman como capa.

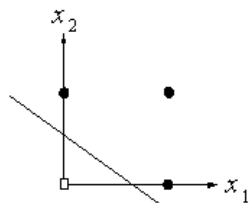
## Perceptrón

- Tipo más simple de red neuronal
- Consiste de una sola capa.
- Para clasificación **binaria** de datos *linealmente separables*.

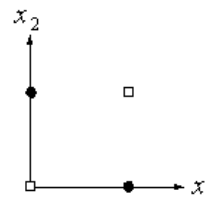


## Datos linealmente separables

- Pueden dividirse por un *hiperplano*.



**Sí**



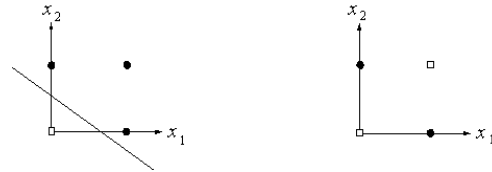
**No**

Fuente:

[http://neuron.eng.wayne.edu/tarek/MITbook/chap1/1\\_1.html](http://neuron.eng.wayne.edu/tarek/MITbook/chap1/1_1.html)

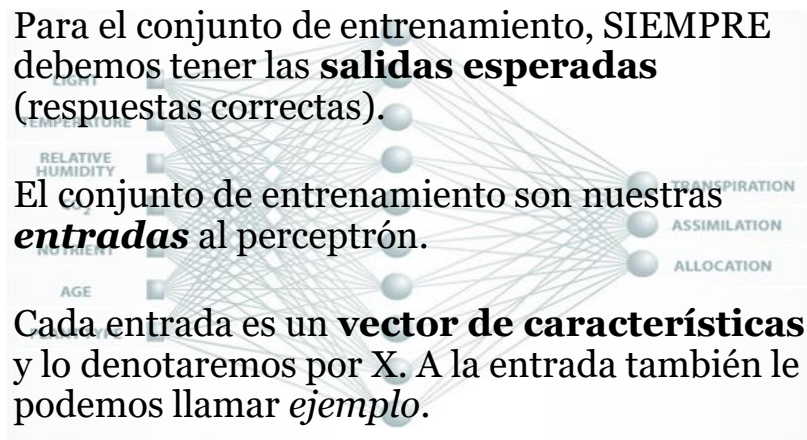
## Entrenamiento de un perceptrón

- El perceptrón va tratar de “dibujar” una *línea* que separe los datos en diferentes clases.
- Para aproximar esta línea, va a ser *entrenado* con un conjunto de datos. A este conjunto de datos le llamaremos **conjunto de entrenamiento**.



## Entrenamiento de un perceptrón

- Para el conjunto de entrenamiento, SIEMPRE debemos tener las **salidas esperadas** (respuestas correctas).
- El conjunto de entrenamiento son nuestras **entradas** al perceptrón.
- Cada entrada es un **vector de características** y lo denotaremos por  $X$ . A la entrada también le podemos llamar *ejemplo*.

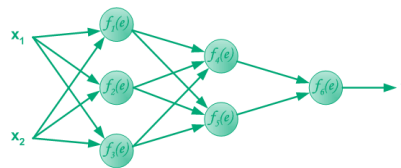


## Entrenamiento de un perceptrón

- $X = \langle x_1 \dots x_n \rangle$ , donde  $x_i$  es una característica.
- Introduciremos una  $x_0$  a la cual llamaremos *sesgo*.
- Cada entrada será introducida a la **función de núcleo**, donde cada característica  $x_i$  será relacionada con un peso  $w_i$ .
- La salida de la función de núcleo será introducida a la **función de activación**.

## Entrenamiento del perceptrón

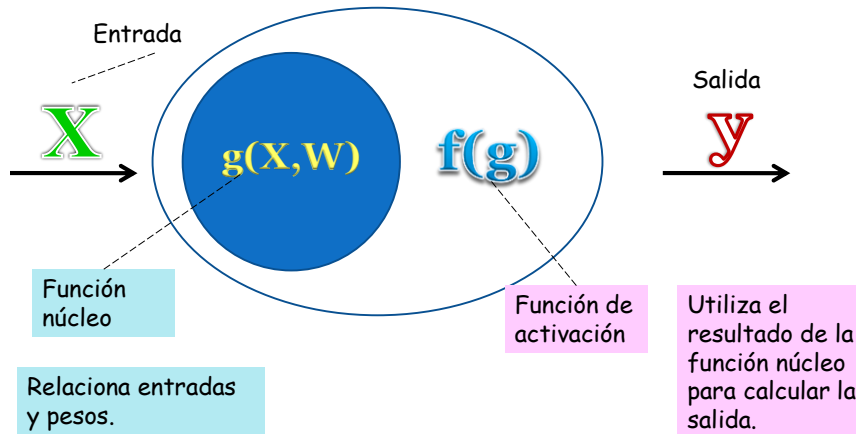
- Si la salida obtenida por la función de activación no coincide con la salida deseada, se deben **corregir** los pesos.





A cada característica  $x_i$  le corresponde un peso  $w_i$

La característica  $x_0$  será el **sesgo**. Su valor es constante.



## Algoritmo

1. Fijar **pesos iniciales** con valores aleatorios.
2. Por cada entrada:
  - a. Calcular la **salida**  $y=f(g(X, W))$  de la neurona.
  - b. Si  $y \neq$  resultado deseado ( $d$ )
    - i. **Actualizar** los pesos con  $w_{i\_nuevo} = w_i + \eta x_i e$   
donde  $e = d - y$
3. Ejecutar 2 hasta un valor  $\epsilon$  de tolerancia o hasta que los pesos varíen poco.

## Funciones que utilizaremos

- Núcleo

- Suma ponderada

- $X=(x_0 \dots x_n)$ ,  $W=(w_0 \dots w_n)$
    - $g((x_0 \dots x_n), (w_0 \dots w_n)) = w_0 x_0 + w_1 x_1 + \dots w_n x_n$
    - Ejemplo:  $g(x_0, x_1, x_2) = w_0 x_0 + w_1 x_1 + w_2 x_2$

El sesgo siempre  
tendrá valor  $x_0 = -1$

- Activación

- Escalonada

$$f(g(X, W)) = \begin{cases} 1 & g(X, W) \geq 0 \\ 0 & \text{de otra manera} \end{cases}$$

----- umbral

## Actualización de los pesos

Característica  
correspondiente al peso  
(depende de la entrada)

$$w_{i\_nuevo} = w_i + \eta x_i e$$

Tasa de  
aprendizaje  
 $\eta \in [0, 1]$   
(0.1 sugerido)

$$e = d - y$$

Salida deseada (depende de  
la entrada)

# ¡Practiquemos!

Queremos entrenar un perceptrón para predecir si un personaje de videojuegos tiene buen equipamiento.

	Descripción del personaje		
	¿Sin armamento?	¿Muere rápido?	¿Equipado?
Link	No	No	Sí
Mario	No	Sí	Sí
Pac Man	Sí	Sí	No

# ¡Practiquemos!

Entradas (vectores de características)

	X			d
	$x_0$	$x_1$	$x_2$	
Sesgo → Link	-1	0	0	1
Mario	-1	0	1	1
Pac Man	-1	1	1	0

Entradas (ejemplos)

El peso del sesgo ( $w_0$ ) es inicialmente

**0.5**.  $w_1 = -0.5$ ,  $w_2 = 1$ .  $\eta = 0.1$

## 1.- Asignar pesos iniciales aleatorios

$$w_0=0.5, w_1=-0.5 \text{ y } w_2=1$$

## 2.- Por cada entrada:

a.- Calcular la salida  $y=f(g(X,W))$  de la neurona**Entrada Link**

$$y=f(g(X,W)) \\ =f(g((x_0, x_1, x_2), (w_0, w_1, w_2)))$$

$$g((x_0, x_1, x_2), (w_0, w_1, w_2)) = w_0x_0 + w_1x_1 + w_2x_2 \\ g((-1, 0, 0), (0.5, -0.5, 1)) = (0.5)(-1) + (-0.5)(0) + (1)(0) \\ g((-1, 0, 0), (0.5, -0.5, 1)) = \mathbf{-0.5}$$

$$y = f(-0.5) = \mathbf{0}$$

b.- Si  $y \neq d$ :  
actualizar pesos

	$x_0$	$x_1$	$x_2$	$d$
Link	-1	0	0	1

¿ $0=1$ ? No. El perceptrón se equivocó.**ACTUALIZACIÓN DE PESOS**

$$w_0 = w_0 + \eta x_0(d-y) \\ = 0.5 + (0.1)(-1)(1-0) \\ = \mathbf{0.4}$$

$$w_2 = w_2 + \eta x_2(d-y) \\ = 1 + (0.1)(0)(1-0) \\ = \mathbf{1} \text{ (No cambia)}$$

$$w_1 = w_1 + \eta x_1(d-y) \\ = -0.5 + (0.1)(0)(1-0) \\ = \mathbf{-0.5} \text{ (No cambia)}$$

27

Programación de  
Sistemas Adaptativos:  
Redes neuronales

2.- Por cada entrada:

a.- Calcular la salida  $y=f(g(X))$  de la neurona

### Entrada Mario

$$y=f(g(X,W))$$

$$=f(g((x_0, x_1, x_2), (w_0, w_1, w_2)))$$

$$g((x_0, x_1, x_2), (w_0, w_1, w_2)) = w_0x_0 + w_1x_1 + w_2x_2$$

$$g((-1, 1, 1), (0.4, -0.5, 1)) = (\mathbf{0.4})(-1) + (-0.5)(0) + (1)(1)$$

$$g((-1, 1, 1), (0.4, -0.5, 1)) = \mathbf{0.6}$$

$$y = f(0.6) = \mathbf{1}$$

28

Programación de  
Sistemas Adaptativos:  
Redes neuronales

b.- Si  $y \neq d$ :

actualizar pesos

	$x_0$	$x_1$	$x_2$	$d$
Mario	-1	0	1	1

$\delta_1=1$ ? **Sí.** El perceptrón obtuvo la respuesta correcta. No es necesario actualizar los pesos.

2.- Por cada entrada:

a.- Calcular la salida  $y=f(g(X))$  de la neurona

### Entrada Pac Man

$$y=f(g(X,W))$$

$$=f(g((x_0, x_1, x_2), (w_0, w_1, w_2)))$$

$$g((x_0, x_1, x_2), (w_0, w_1, w_2)) = w_0x_0 + w_1x_1 + w_2x_2$$

$$g((-1, 1, 1), (0.4, -0.5, 1)) = (0.4)(-1) + (-0.5)(1) + (1)(1)$$

$$g((-1, 1, 1), (0.4, -0.5, 1)) = \mathbf{0.1}$$

$$y = f(0.1) = \mathbf{1}$$

b.- Si  $y \neq d$ :  
actualizar pesos

	$x_0$	$x_1$	$x_2$	$d$
Pac Man	-1	1	1	0

$\delta_1=0$ ? No. El perceptrón se equivocó.

### ACTUALIZACIÓN DE PESOS

$$w_0 = w_0 + \eta x_0(d-y)$$

$$= 0.4 + (0.1)(-1)(0-1)$$

$$= \mathbf{0.5}$$

$$w_2 = w_2 + \eta x_2(d-y)$$

$$= 1 + (0.1)(1)(0-1)$$

$$= \mathbf{0.9}$$

$$w_1 = w_1 + \eta x_1(d-y)$$

$$= -0.5 + (0.1)(1)(0-1)$$

$$= \mathbf{-0.6}$$

3.- Ejecutar paso 2 hasta un valor  $\epsilon$  de tolerancia o hasta que los pesos varíen poco.

Por tanto, volvemos al paso 2

2.- Por cada entrada:

a.- Calcular la salida  $y=f(g(X))$  de la neurona

**Entrada Link**

$$y=f(g(X,W))$$

$$=f(g((x_0, x_1, x_2), (w_0, w_1, w_2)))$$

$$g((x_0, x_1, x_2), (w_0, w_1, w_2)) = w_0x_0 + w_1x_1 + w_2x_2$$

$$g((-1, 0, 0), (0.5, -0.6, 0.9)) = (0.5)(-1) + (-0.6)(0) + (0.9)(0)$$

$$g((-1, 0, 0), (0.5, -0.6, 0.9)) = -0.5$$

$$y = f(-0.5) = 0$$

b.- Si  $y \neq d$ :  
actualizar pesos

	$x_0$	$x_1$	$x_2$	$d$
Link	-1	0	0	1

¿0=1? No. El perceptrón se equivocó.

**ACTUALIZACIÓN DE PESOS**

$$w_0 = w_0 + \eta x_0(d-y)$$

$$= 0.5 + (0.1)(-1)(1-0)$$

$$= 0.4$$

$$w_2 = w_2 + \eta x_2(d-y)$$

$$= 0.9 + (0.1)(0)(1-0)$$

$$= 0.9 \text{ (No cambia)}$$

$$w_1 = w_1 + \eta x_1(d-y)$$

$$= -0.6 + (0.1)(0)(1-0)$$

$$= -0.6 \text{ (No cambia)}$$

2.- Por cada entrada:

a.- Calcular la salida  $y=f(g(X))$  de la neurona

### Entrada Mario

$$y=f(g(X,W))$$

$$=f(g((x_0, x_1, x_2),(w_0, w_1, w_2)))$$

$$g((x_0, x_1, x_2),(w_0, w_1, w_2)) = w_0x_0 + w_1x_1 + w_2x_2$$

$$g((-1, 0, 1),(0.4, -0.6, 0.9)) = (0.4)(-1) + (-0.6)(0) + (0.9)(1)$$

$$g((-1, 0, 1),(0.4, -0.6, 0.9)) = 0.5$$

$$y = f(0.5) = 1$$

b.- Si  $y \neq d$ :

actualizar pesos

	$x_0$	$x_1$	$x_2$	$d$
Mario	-1	0	1	1

$\delta_1=1$ ? **Sí.** El perceptrón obtuvo la respuesta correcta. No es necesario actualizar los pesos.



2.- Por cada entrada:

a.- Calcular la salida  $y=f(g(X))$  de la neurona

### Entrada Pac Man

$$y=f(g(X,W))$$

$$=f(g((x_0, x_1, x_2), (w_0, w_1, w_2)))$$

$$g((x_0, x_1, x_2), (w_0, w_1, w_2)) = w_0x_0 + w_1x_1 + w_2x_2$$

$$g((-1, 1, 1), (0.4, -0.6, 0.9)) = (0.4)(-1) + (-0.6)(1) + (0.9)(1)$$

$$g((-1, 1, 1), (0.4, -0.6, 0.9)) = -0.1$$

$$y = f(-0.1) = 0$$

b.- Si  $y \neq d$ :

actualizar pesos

	$x_0$	$x_1$	$x_2$	$d$
Pac Man	-1	1	1	0

¿ $0=0$ ? Sí. El perceptrón obtuvo la respuesta correcta. No es necesario actualizar los pesos.

## Ahora éste...

	X			d
	$x_0$	$x_1$	$x_2$	
Entradas 1	-1	0	0	0
Entradas 2	-1	0	1	1
Entradas 3	-1	1	0	1
Entradas 4	-1	1	1	1

El peso del sesgo es inicialmente **1**. Todos los demás pesos son **0**.  $\eta=0.1$

## Otros temas interesantes

- Máquinas de soporte vectorial (*support vector machines*)
- Aprendizaje profundo (*deep learning*)
- Máquinas de aprendizaje extremo (*extreme learning machines*)

## Resumen

- Las redes neuronales representan una **técnica de aprendizaje supervisado**.
  - **Entrenamiento--Prueba**
- Consisten en **capas de neuronas interconectadas**.
- Las conexiones tienen **pesos**.



## Resumen

- Los pesos se **ajustan** para que la red **aprenda** a reconocer un patrón.
- El **perceptrón** es la red neuronal más sencilla.
- Cuando la red tiene más de una capa, se puede entrenar con **retro-propagación**.



## Resumen

- Existen varios tipos de redes neuronales.
  - Recurrentes, mapas auto-organizados (SOM), redes profundas
- Existen otras técnicas para hacer reconocimiento de patrones.

