Московский авиационный институт

(национальный исследовательский университет)

Факультет «Прикладная математика и физика»

Лабораторные работы по курсу «Системное программное обеспечение»

- 1. Спроектировать грамматику по заданному языку L.
- 2. Спроектировать конечный автомат, составить диаграмму переходов КА и реализовать.
- 3. Определить свойства КА. Построить НДКА. Реализовать преобразование НДКА в ДКА.
- 4. Устранить из КС-грамматики бесполезные символы и є-правила.
- 5. Устранить из КС-грамматики цепные правила и устранить левую рекурсию.
- 6. Определить форму КС-грамматики и сделать ее приведение.
- 7. Спроектировать МП автомат для приведенной КС-грамматики.
- 8. Реализовать МП автомат для приведенной КС-грамматики.
- 9. Для LL(1) анализатора построить управляющую таблицу М.
- 10. Аналитически написать такты работы LL(1) анализатора для выведенной цепочки.
- 11. Реализовать управляющую таблицу М для LL(1) анализатора.
- 12. Построить замыкание множества ситуаций для пополненной LR(1) грамматики.
- 13. Определить функцию перехода g(x).
- 14. Построить каноническую форму множества ситуаций.
- 15. Построить управляющую таблицу для функции перехода g(x) и действий f(u).
- 16. Реализовать LR(1)-анализатор по управляющей таблице (g,f) для LR(1) грамматики.

Студент: Бирюков В. В. *Группа:* 08-207

Руководитель: Семёнов А. С.

Оценка: Дата:

Вариант 1

Лабораторная работа №1

Формулировка задания

Составить примеры цепочек (1) и спроектировать грамматику заданного языка (2)

$$L = \{0\omega_1 + (01)^* \mid \omega_1 \in \{0,1\}^*\}$$

- (1) $L = \{0+01, 00+0101, 01+, 000+010101, 001+0101, ...\}$
- (2) $L_1 = \{0+01, 00+0101, 01+, 000+010101, 001+0101\}$

$$L_1 \equiv L_1(G) \subset L$$

Грамматика

 $G = (T, V, S_0, P)$, где T – конечное множество терминальных символов, V – конечное множество нетерминальных символов, S_0 – начальное состояние, P – множество правил.

P:

- 1. $S_0 \rightarrow 0A$
- 2. $A \rightarrow 0A$
- 3. $A \rightarrow 1A$
- 4. $A \rightarrow +B$
- 5. $A \rightarrow +$
- 6. $B \rightarrow 0C$
- 7. $C \rightarrow 1B$
- 8. $C \rightarrow 1$

Таким образом, грамматика имеет вид:

$$G = (\{0,1,+\}, \{A,B,C\}, 0A, P)$$

Вывод цепочек

$$S0 \Rightarrow 0A \Rightarrow 0+B \Rightarrow 0+0C \Rightarrow 0+01$$

$$S0 \Rightarrow 0A \Rightarrow 00A \Rightarrow 00+B \Rightarrow 00+0C \Rightarrow 00+01B \Rightarrow 00+010C \Rightarrow 00+0101$$

$$S0 \Rightarrow 0A \Rightarrow 01A \Rightarrow 01+$$

$$S0 \Rightarrow 0A \Rightarrow 00A \Rightarrow 000A \Rightarrow 000+B \Rightarrow 000+0C \Rightarrow 000+01B \Rightarrow 000+010C \Rightarrow 000+0101B \Rightarrow 000+01010C \Rightarrow 000+010101$$

$$S0 \Rightarrow 0A \Rightarrow 00A \Rightarrow 001A \Rightarrow 001+B \Rightarrow 001+0C \Rightarrow 001+01B \Rightarrow 001+010C \Rightarrow 001+0101$$

Регулярность языка

- (1) Для регулярного языка L = $\{0\omega_1 + (01)^* \mid \omega_1 \in \{0,1\}^*\} = >$
 - (2) существует целое (∃ p = 2 ≥ 1) такое что
 - (3) для всех $(\forall w = 01 + 01 \in L((|w| \ge p)) = >$
 - (4) существует $(\exists x=0, y=1, z=+01 \in \Sigma^*)$ такое что (w=xyz) = 0

- 1. $(|y|=|1|\geq 1)$, цикл у должен быть накачан хотя бы длиной 1 и
- 2. $|xy| = |01| \le p = 2$, цикл должен быть в пределах первых р символов и
- 3. для всех $i=1\geq 0$, $(xy^1z=01+01\in L$,))))))) , на х и z ограничений не накладывается.

Формулировка задания

Составить на основе разработанной грамматики конечный автомат, распознающий эквивалентный ей язык.

$$L(KA) \equiv L(G)$$

Конечный автомат

 $KA = (Q, \Sigma, \delta, q_0, F)$, где Q – конечное множество состояний, Σ – конечный алфавит входных символов, δ – функция перехода, задаваемая отображением δ : $Q \times \Sigma \to Q$, q_0 – начальное состояние автомата, F – множество заключительных состояний.

δ:

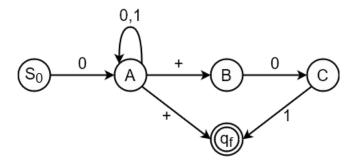
- 1. $\delta(S_0, 0) = \{A\}$
- 2. $\delta(A, 0) = \{A\}$
- 3. $\delta(A, 1) = \{A\}$
- 4. $\delta(A, +) = \{B, q_f\}$
- 5. $\delta(B, 0) = \{C\}$
- 6. $\delta(C, 1) = \{B, q_f\}$

Таким образом конечный автомат имеет вид:

$$KA = (\{S_0, A, B, C, q_f\}, \{0, 1, +\}, \delta, S_0, \{q_f\})$$

КА является недетерминированным.

Диаграмма переходов конечного автомата



Конфигурация КА

$$\begin{split} &(S_0,\ 0+01) \vdash^1 (A,\ +01) \vdash^4 (B,\ 01) \vdash^5 (C,\ 1) \vdash^6 (q_f,\ \epsilon) \\ &(S_0,\ 00+0101) \vdash^1 (A,\ 0+0101) \vdash^2 (A,\ +0101) \vdash^4 (B,\ 0101) \vdash^5 (C,\ 101) \vdash^6 (B,\ 01) \vdash^5 (C,\ 1) \vdash^6 (q_f,\ \epsilon) \\ &(S_0,\ 01+) \vdash^1 (A,\ 1+) \vdash^3 (A,\ +) \vdash^6 (q_f,\ \epsilon) \end{split}$$

 $\begin{array}{l} (S_0,\,000+010101) \vdash^1 (A,\,00+010101) \vdash^2 (A,\,0+010101) \vdash^2 (A,\,+010101) \vdash^4 (B,\,010101) \vdash^5 \\ (C,\,10101) \vdash^6 (B,\,0101) \vdash^5 (C,\,101) \vdash^6 (B,\,01) \vdash^5 (C,\,1) \vdash^6 (q_{\rm f},\,\epsilon) \\ (S_0,\,001+0101) \vdash^1 (A,\,01+0101) \vdash^2 (A,\,1+0101) \vdash^3 (A,\,+0101) \vdash^4 (B,\,0101) \vdash^5 (C,\,101) \vdash^6 \\ (B,\,01) \vdash^5 (C,\,1) \vdash^6 (q_{\rm f},\,\epsilon) \end{array}$

 $L(KA) \equiv L(G)$

Формулировка задания

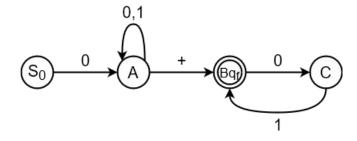
Реализовать преобразование НДКА в ДКА. Реализовать конечный автомат по диаграмме переходов.

Преобразование НДКА в ДКА НДКА

ДКА

```
Automate config:
Q: S0 A C Bqf
Sigma: 1 0 +
Q0: S0
F: Bqf
DeltaList:
: (S0 , 0 ) -> A
: (A , 1 ) -> A
: (A , 0 ) -> Bqf
: (C , 1 ) -> Bqf
: (Bqf , 0 ) -> C
```

Диаграмма переходов ДКА



```
Enter line to execute :
0+01
Length: 4
i :4
curr: Bqf
chineSymbol belongs to language
Enter line to execute :
00+0101
Length: 7
i :7
curr: Bqf
chineSymbol belongs to language
Enter line to execute :
01+
Length: 3
i :3
curr: Bqf
chineSymbol belongs to language
Enter line to execute :
000+010101
Length: 10
i :10
curr: Bqf
chineSymbol belongs to language
Enter line to execute :
001+0101
Length: 8
i :8
curr: Bqf
chineSymbol belongs to language
```

Формулировка задания

Устранить из КС-грамматики бесполезные символы и эпсилон-правила.

$$G = (\{b, c, a, d\}, \{S, F, B, A, C\}, P, S)$$

$$P = \{S \rightarrow Sb, S \rightarrow F, S \rightarrow cFB, A \rightarrow Ab, A \rightarrow c, B \rightarrow cB, F \rightarrow Ca, C \rightarrow d, C \rightarrow \epsilon\}$$

Вывод цепочек

$$S \Rightarrow Sb \Rightarrow Sbb \Rightarrow Fbb \Rightarrow Cabb \Rightarrow abb$$

$$S \Rightarrow Sb \Rightarrow Sbb \Rightarrow Sbbb \Rightarrow Fbbb \Rightarrow Cabbb \Rightarrow dabbb$$

$$S \Rightarrow F \Rightarrow Ca \Rightarrow da$$

$$S \Rightarrow F \Rightarrow Ca \Rightarrow a$$

$$S \Rightarrow cFB \Rightarrow cCaB \Rightarrow cdaCB \Rightarrow cdaccB \Rightarrow cdacccB \Rightarrow cdacccB$$

Алгоритм удаления бесполезных символов

Алгоритм удаления непроизводящих символов

Вход:
$$G = (T, V, P, S)$$

Выход:
$$G' = (T, V', P', S)$$

Шаг 1:
$$V_{p}^{0} = \emptyset$$

Шаг 2:
$$V_p^1 = \{A, C\}$$

Шаг 3:
$$V_p^2 = \{A, C, F\}$$

Шаг 4:
$$V_p^3 = \{A, C, F, S\}$$

Шаг 5:
$$V_p^4 = \{A, C, F, S\}$$

$$V_{\rm p}^{\ 3} = V_{\rm p}^{\ 4}$$

$$V' = V \cap V_p = \{A, C, F, S\}$$

$$P' = \{S \rightarrow Sb, S \rightarrow F, A \rightarrow Ab, A \rightarrow c, F \rightarrow Ca, C \rightarrow d, C \rightarrow \epsilon\}$$

$$G = (\{b, c, a, d\}, \{S, F, A, C\}, P', S)$$

Алгоритм удаления недостижимых символов

Вход:
$$G = (T, V, P, S)$$

Выход:
$$G = (T', V', P', S)$$

Шаг 1:
$$VT_r^0 = \{S\}$$

Шаг 2:
$$VT_r^1 = \{S, b, F\}$$

Шаг 3:
$$VT_r^2 = \{S, b, F, C, a\}$$

Шаг 4:
$$VT_r^3 = \{S, b, F, C, a, d\}$$

Шаг 5:
$$VT_r^4 = \{S, b, F, C, a, d\}$$

$$VT_{r}^{3} = VT_{r}^{4}$$

$$VT_r = \{S, b, F, C, a, d\}$$
 $T' = T \cap VT_r = \{a, b, d\}$
 $V' = V \cap VT_r = \{S, F, C\}$

$$P' = \{S \rightarrow Sb, S \rightarrow F, F \rightarrow Ca, C \rightarrow d, C \rightarrow \epsilon\}$$

$$G = ({a, b, d}, {S, F, C}, P', S)$$

Алгоритм построение множества укорачивающих нетерминалов

Вход: G = (T, V, P, S)

Выход: $V_{\epsilon} = \{C\}$

Шаг 1: $V_{\varepsilon}^{0} = \emptyset$

Шаг 2: $V_{\epsilon}^{1} = \{C\}$

Шаг 3: $V_{\varepsilon}^2 = \{C\}$

Алгоритм удаления эпсилон-правил

Вход: G = (T, V, P, S)

Выход: G' = (T, V', P', S')

S' = S

V' = V

 $P' = \{S \rightarrow Sb, S \rightarrow F, F \rightarrow Ca, F \rightarrow a, C \rightarrow d\}$

Грамматика без бесполезных символов и эпсилон-правил

$$G = ({S, F, C}, {a, b, d}, P, S)$$

$$P = \{S \rightarrow Sb, S \rightarrow F, F \rightarrow Ca, F \rightarrow a, C \rightarrow d\}$$

Вывод цепочек

$$S \Rightarrow Sb \Rightarrow Sbb \Rightarrow Fbb \Rightarrow abb$$

$$S \Rightarrow Sb \Rightarrow Sbb \Rightarrow Sbbb \Rightarrow Fbbb \Rightarrow Cabbb \Rightarrow dabbb$$

$$S \Rightarrow F \Rightarrow Ca \Rightarrow da$$

$$S \Rightarrow F \Rightarrow a$$

Формулировка задания

Устранить из КС-грамматики цепные правила и левую рекурсию

$$G = ({S, F, C}, {a, b, d}, P, S)$$

$$P = \{S \rightarrow Sb, S \rightarrow F, F \rightarrow Ca, F \rightarrow a, C \rightarrow d\}$$

Алгоритм удаления цепных правил

Вход: G = (T, V, P, S)

Выход: G' = (T, V, P', S)

$$V_S = \{S, F\}, V_F = \{F\}, V_C = \{C\}$$

Шаг 1: S → F

$$S \rightarrow Ca \mid a$$

Шаг 2: Цепных правил не осталось

$$P' = \{S \rightarrow Sb, S \rightarrow Ca, S \rightarrow a, C \rightarrow d\}$$

$$G = (\{S, C\}, \{a, b, d\}, P', S)$$

Алгоритм удаления левой рекурсии

Вход: G = (T, V, P, S)

Выход: G' = (T, V', P', S)

Шаг 1: V = $\{S, C\}$ = $\{A_1, A_2, A_3\}$

Шаг 2: i = 1. S \rightarrow Sb | Ca | a

$$S \rightarrow Ca \mid a \mid CaS' \mid aS'$$

 $S' \rightarrow b \mid bS'$

Шаг 3: i = 2, j = 1. Подходящих правил нет.

Шаг 4: і = 2. Подходящих правил нет.

Шаг 5: i = 3, j = 1. Подходящих правил нет.

Шаг 6: i = 3, j = 2. Подходящих правил нет.

Шаг 7: і = 3. Подходящих правил нет.

 $V' = \{S, C, S'\}$

$$P' = \{S \rightarrow CaS', S \rightarrow aS', S' \rightarrow bS', S' \rightarrow b, S \rightarrow Ca, S \rightarrow a, C \rightarrow d\}$$

$$G = ({S, C, S'}, {a, b, d}, P', S)$$

Грамматика без цепных правил и левой рекурсии

$$G = ({S, C, S'}, {a, b, d}, P, S)$$

$$P = \{S \rightarrow CaS', S \rightarrow aS', S' \rightarrow bS', S' \rightarrow b, S \rightarrow Ca, S \rightarrow a, C \rightarrow d\}$$

Вывод цепочек

$$S \Rightarrow aS' \Rightarrow abS' \Rightarrow abb$$

 $S \Rightarrow CaS' \Rightarrow daS' \Rightarrow dabS' \Rightarrow dabbS' \Rightarrow dabbb$
 $S \Rightarrow Ca \Rightarrow da$
 $S \Rightarrow a$

Лабораторная работа №6

Формулировка задания

Определить форму КС-грамматики и сделать ее приведение.

Исходная грамматика

$$G = (\{b, c, a, d\}, \{S, F, B, A, C\}, P, S)$$

$$P = \{S \rightarrow Sb, S \rightarrow F, S \rightarrow cFB, A \rightarrow Ab, A \rightarrow c, B \rightarrow cB, F \rightarrow Ca, C \rightarrow d, C \rightarrow \epsilon\}$$

Вывод цепочек

$$S\Rightarrow Sb\Rightarrow Sbb\Rightarrow Fbb\Rightarrow Cabb\Rightarrow abb$$

 $S\Rightarrow Sb\Rightarrow Sbb\Rightarrow Sbbb\Rightarrow Fbbb\Rightarrow Cabbb\Rightarrow dabbb$
 $S\Rightarrow F\Rightarrow Ca\Rightarrow da$
 $S\Rightarrow F\Rightarrow Ca\Rightarrow a$
 $S\Rightarrow cFB\Rightarrow cCaB\Rightarrow cdaB\Rightarrow cdacB\Rightarrow cdaccB\Rightarrow cdacccB$

Приведённая грамматика

$$G = (\{S, F, C, S'\}, \{a, b, d\}, P, S)$$

$$P = \{S \rightarrow CaS', S \rightarrow aS', S' \rightarrow bS', S' \rightarrow b, S \rightarrow Ca, S \rightarrow a, C \rightarrow d\}$$

Грамматика не в нормальной форме Грейбах, так как имеет правила, начинающиеся с нетерминалов.

Грамматика не в нормальной форме Хомского, так как имеет правила из нетерминалов и терминалов.

Вывод цепочек

$$S \Rightarrow aS' \Rightarrow abS' \Rightarrow abb$$

 $S \Rightarrow CaS' \Rightarrow daS' \Rightarrow dabS' \Rightarrow dabbS' \Rightarrow dabbb$
 $S \Rightarrow Ca \Rightarrow da$
 $S \Rightarrow a$

Формулировка задания

Спроектировать МП-автомат для приведенной КС-грамматики.

Приведённая грамматика

G = ({S, C, S'}, {a, b, d}, P, S)
P = {S
$$\rightarrow$$
 CaS', S \rightarrow aS', S \rightarrow Ca, S \rightarrow a, S' \rightarrow bS', S' \rightarrow b, C \rightarrow d}

МП-автомат

$$M\Pi = (\{q\}, \{a, b, d\}, \{a, b, d, S, C, S'\}, \delta, q, S, \{q\})$$

δ:

1.
$$\delta(q, \epsilon, S) = \{(q, CaS'), (q, aS'), (q, Ca), (q, a)\}$$

2.
$$\delta(q, \epsilon, S') = \{(q, bS'), (q, b)\}$$

3.
$$\delta(q, \epsilon, C) = \{(q, d)\}$$

4.
$$\delta(q, a, a) = \{(q, \epsilon)\}$$

5.
$$\delta(q, b, b) = \{(q, \epsilon)\}$$

6.
$$\delta(q, d, d) = \{(q, \epsilon)\}$$

- 1. $(q, abb, S) \vdash^{1} (q, abb, aS') \vdash^{4} (q, bb, S') \vdash^{2} (q, bb, bS') \vdash^{5} (q, b, S') \vdash^{2} (q, b, b) \vdash^{5} (q, \epsilon, \epsilon)$
- 2. (q, dabbb, S) \vdash^1 (q, dabbb, CaS') \vdash^3 (q, dabbb, daS') \vdash^6 (q, abbb, aS') \vdash^4 (q, bbb, S') \vdash^2 (q, bbb, bS') \vdash^5 (q, bb, S') \vdash^5 (q, bb, S') \vdash^5 (q, bb, S') \vdash^5 (q, bb, S') \vdash^5 (q, bbb, S')
- 3. $(q, da, S) \vdash^{1} (q, da, Ca) \vdash^{3} (q, da, da) \vdash^{6} (q, a, a) \vdash^{4} (q, \epsilon, \epsilon)$
- 4. $(q, a, S) \vdash^1 (q, a, a) \vdash^4 (q, \epsilon, \epsilon)$

Формулировка задания

Реализовать МП автомат для приведенной КС-грамматики.

МП-автомат

```
myMp mp = new myMp(new ArrayList() { "a", "b", "d" },
                    new ArrayList() { "S", "C", "D" },
                     new ArrayList() { "S", "C", "D", "a", "b", "d" },
                     "q",
                     "S",
                     new ArrayList() { "q" });
\label{eq:mpaddDeltaRule("q", "", "S", new ArrayList() { "q"}, new ArrayList() { "a" });}
mp.addDeltaRule("q", "", "S", new ArrayList() { "q"}, new ArrayList() { "C", "a",
"D" });
mp.addDeltaRule("q", "", "S", new ArrayList() { "q"}, new ArrayList() { "a", "D" });
mp.addDeltaRule("q", "", "S", new ArrayList() { "q"}, new ArrayList() { "C", "a" });
mp.addDeltaRule("q", "", "D", new ArrayList() {"q"}, new ArrayList() { "b", "D" });
mp.addDeltaRule("q", "", "D", new ArrayList() {"q"}, new ArrayList() { "b" });
mp.addDeltaRule("q", "", "C", new ArrayList() { "q"}, new ArrayList() { "d" });
mp.addDeltaRule("q", "a", "a", new ArrayList() { "q" }, new ArrayList() { "" });
mp.addDeltaRule("g", "b", "b", new ArrayList() { "g" }, new ArrayList() { "" });
mp.addDeltaRule("q", "d", "d", new ArrayList() { "q" }, new ArrayList() { "" });
```

```
Prules:
S -> a
S \rightarrow CaD
S -> aD
S -> Ca
D -> bD
D -> b
C \rightarrow d
Deltarules :
delta(Q q, T , Z S) = (Q q, Z CaD)
delta(Q q,T ,Z D)
                         = (Q q, Z b)
delta(Q q,T ,Z S)
                          = (Q q, Z a)
delta(Q q,T ,Z S)
                         = (Q q, Z aD)
delta(Q q,T ,Z S)
                          = (Q q, Z Ca)
delta(Q q,T ,Z D)
                          = (Q q, Z bD)
delta(Q q,T ,Z C)
                         = (Q q, Z d)
delta(Q q,T a,Z a)
                           = (Q q, Z)
delta(Q q,T b,Z b)
                           = (Q q, Z)
delta(Q q,T d,Z d)
                           = (Q q, Z)
Введите строку:
dab
delta(Q q, T , Z S) = (Q q, Z CaD)
delta(Q q,T ,Z C)
                         = (Q q, Z d)
delta(Q q,T d,Z d)
                           = (Q q, Z)
```

delta(Q q,T a,Z a) = (Q q,Z) delta(Q q,T ,Z D) = (Q q,Z b) delta(Q q,T b,Z b) = (Q q,Z)

True

Формулировка задания

Для LL(1) анализатора построить управляющую таблицу М.

Определить FIRST и FOLLOW. Построить управляющую таблицу построчно.

Грамматика

$$G = (V, T, P, S)$$

$$T = \{i, =, *, (,)\}$$

$$V = \{S, F, L\}$$

P:

- 1. $S \rightarrow F=L$
- 2. $S \rightarrow L$
- 3. $F \rightarrow (*L)$
- 4. $F \rightarrow i$
- 5. $L \rightarrow F$

Грамматика не принадлежит классу LL(1), так как для правил $S \to F = L \mid L$:

$$FIRST(F=L) = FIRST(L) = FIRST(F) = \{(, I)\}$$

Преобразование к LL(1)-грамматике

Заметим, что цепное правило $L \to F$ является единственным правилом для L, следовательно можно заменить L на F в правых частях других правил и удалить L из грамматики. Получим грамматику:

$$G = ({S, F}, {i, =, *, (,)}, P, S)$$

P:

- 1. $S \rightarrow F=F$
- 2. $S \rightarrow F$
- 3. $F \rightarrow (*F)$
- 4. F → i

Проведем левую факторизацию по следующему алгоритму:

Алгоритм. Левая факторизация грамматики

Вход: грамматика G.

Выход: эквивалентная левофакторизованная грамматика.

Метод: для каждого нетерминала A находим самый длинный префикс α , общий для двух или большего числа альтернатив. Если $\alpha \neq \varepsilon$, т.е. имеется нетривиальный общий префикс, заменим все продукции $A \to \alpha \beta_1 \mid \alpha \beta_2 \mid \ldots \mid \alpha \beta_n \mid \gamma$, где γ представляет все альтернативы, не начинающиеся с α , продукциями

$$A \rightarrow \alpha A' \mid \gamma$$

$$A' \rightarrow \beta_1 \mid \beta_2 \mid \dots \mid \beta_n$$

Здесь A' — новый нетерминал. Выполняем это преобразование до тех пор, пока никакие две альтернативы нетерминала не будут иметь общий префикс.

Применив алгоритм к правилам $S \to F=F \mid F$, заменяем их на правила

 $S \to FS'$, $S' \to {}^{=}\!\!F \mid \epsilon. \;$ Получим грамматику без неопределённостей:

$$G = ({S, S', F}, {i, =, *, (,)}, P, S)$$

P:

- 1. $S \rightarrow FS'$
- 2. $S' \rightarrow =F$
- 3. $S' \rightarrow \epsilon$
- 4. $F \rightarrow (*F)$
- 5. $F \rightarrow i$

Построение функции FIRST

$$FIRST(S) = FIRST(F) = \{(, i)\}$$

$$FIRST(S') = \{=, \epsilon\}$$

$$FIRST(F) = \{(, i)\}$$

$$FIRST(FS') = FIRST(F) = \{(, i)\}$$

$$FIRST((*F)) = \{(\}$$

Построение функции FOLLOW

 $FOLLOW(S) = \{ \perp \}$

$$FOLLOW(S') = \{\bot\}$$

 $FOLLOW(F) = FIRST(S') \setminus \{\epsilon\} \cup FOLLOW(S') \cup \{\}\} = \{=, \perp, \}$

Построение управляющей таблицы М

M	i	=	*	()	3
S	FS', 1			FS', 1		
S'		=F, 2				ε, 3
F	i, 5			(*F), 4		
i	ВЫБРОС					
=		ВЫБРОС				
*			ВЫБРОС			
(ВЫБРОС		
)					ВЫБРОС	
						допуск

<u>Лабораторная работа №10</u>

Формулировка задания

Рассмотреть работу алгоритма для цепочки символов, порожденной LL(1) грамматикой.

G = ({S, S', F}, {i, =, *, (,)}, P, S)
P = { S
$$\rightarrow$$
 FS', S' \rightarrow =F, S' \rightarrow ϵ , F \rightarrow (*F), F \rightarrow i }

Вывод цепочек

1.
$$S \Rightarrow^1 FS' \Rightarrow^4 (*F)S' \Rightarrow^4 (*(*F))S' \Rightarrow^5 (*(*i))S' \Rightarrow^2 (*(*i))=F \Rightarrow^4 (*(*i))=(*F) \Rightarrow^5 (*(*i))=(*i)$$

2.
$$S \Rightarrow S \Rightarrow^1 FS' \Rightarrow^5 iS' \Rightarrow^2 i=F \Rightarrow^5 i=i$$

3.
$$S \Rightarrow^1 FS' \Rightarrow^4 (*F)S' \Rightarrow^4 (*(*F))S' \Rightarrow^4 (*(*F))S' \Rightarrow^5 (*(*(*i)))S' \Rightarrow^6 (*(*(*i)))$$

2.
$$(i=i, S^{\perp}, \epsilon) \vdash$$

 $(i=i, FS^{\perp}, 1) \vdash$
 $(i=i, iS^{\perp}, 15) \vdash (=i, S^{\perp}, 15) \vdash$
 $(=i, =F^{\perp}, 152) \vdash (i, F^{\perp}, 152) \vdash$
 $(i, i^{\perp}, 1525) \vdash (\epsilon, ^{\perp}, 1525)$

Формулировка задания

Реализовать управляющую таблицу M для LL(1) анализатора.

Грамматика

Построение управляющей таблицы М

```
Создадим таблицу. Сначала создадим по столбцу для каждого из этих терминалов:
i, =, *, (, ), ,
Также создаем строку для Эпсилон
Рассмотрим нетерминал S
  Первый символ правила S -> FS' - (
  Это правило заносим в таблицу на пересечении строки нетерминала S и
столбца терминала (
  Первый символ правила S -> FS' - i
  Это правило заносим в таблицу на пересечении строки нетерминала S и
столбца терминала і
Рассмотрим нетерминал S'
  Первый символ правила S' -> =F - =
  Это правило заносим в таблицу на пересечении строки нетерминала S' и
столбца терминала =
Рассмотрим нетерминал F
  Первый символ правила F -> (*F) - (
  Это правило заносим в таблицу на пересечении строки нетерминала F и
столбца терминала (
  Первый символ правила F -> і - і
  Это правило заносим в таблицу на пересечении строки нетерминала F и
столбца терминала і
```

```
Введите строку:

(*(*i))=(*i)

Успех. Строка соответствует грамматике.

1445245
```

```
Введите строку:

i=i

Успех. Строка соответствует грамматике.

1525

Введите строку:

(*(*(*i)))

Успех. Строка соответствует грамматике.

144453
```

Лабораторные работы №12-15

Формулировка задания

Определить пополненную LR(1) грамматику.

Определить активные префиксы. Определить функцию перехода g(x). Построить управляющую таблицу для функций перехода и действий.

Определить множество FIRST для LR(1) грамматики. Определить множество LR(0) ситуаций. Построить замыкание CLOSURE(I) множества ситуаций. Определить функцию перехода GOTO(I,x). Построить каноническую форму множества ситуаций. Построить диаграмму переходов автомата. Построить управляющую таблицу для функций перехода и действий.

Исходная грамматика

 $G = ({S, F, L}, {i, *, =, (,)}, P, S)$

P:

- 1. $S \rightarrow F=L$
- 2. $S \rightarrow L$
- 3. $F \rightarrow (*L)$
- 4. $F \rightarrow i$
- 5. $L \rightarrow F$

Пополненная грамматика

 $G = (\{S', S, F, L\}, \{i, *, =, (,)\}, P, S)$

P:

- $0. \quad S' \rightarrow S$
- 1. $S \rightarrow F=L$
- 2. $S \rightarrow L$
- 3. $F \rightarrow (*L)$
- 4. $F \rightarrow i$
- 5. $L \rightarrow F$

Построение LR(k) анализатора способом использования расширенного магазинного алфавита

Определение активных префиксов

Символ грамматики	Магазинный символ	Кодируемая цепочка
S	S_0	\perp_{S}
F	F_1	F
1	F ₅	F
	L_1	F=L
L	L_2	L
	L_3	(*L
i	i_4	i
*	*3	(*
=	=1	F=
((3	(
))3	(*L)

Построение функции OBLOW

	S_0	F_1	\mathbf{F}_{5}	L_1	L_2	L_3	i ₄	*3	=1	(3)3
S_0											
F ₁									1		
F ₅											1
L_1											
L_2											
L_3											1

i ₄									1		1
*3			1			1	1			1	
=1		1		1			1			1	
(3								1			
)3									1		
上	1	1	1		1		1			1	

Функция переходов g(x)

g(x)	i	=	*	()	S	F	L
S_0								
F_1		=1						
F ₅)3			
L_1								
L_2								
L ₃)3			
i ₄		=1)3			
*3	i ₄			(3			F ₅	L_3
=1	i ₄			(3			F ₁	L_1
(3			* ₃					
)3		=1						
上	i_4			(3		S_0	F ₁ , F ₅	L_2

Автомат переходов получается недетерминированным. Введем новый магазинный символ F_x = $\{F_1, F_5\}$. F_x кодирует цепочку F.

Управляющая таблица

M	Функция действий					Функция переходов								
171	i	=	*	()	Т	i	=	*	()	S	F	L
S_0						Д								
F_x	C, 5	П	C, 5	C, 5	C, 5	C, 5		=1)3			
L_1	C, 1	C, 1	C, 1	C, 1	C, 1	C, 1								
L_2	C, 2	C, 2	C, 2	C, 2	C, 2	C, 2								
L_3	П	П	П	П	П)3			
i ₄	C, 4	C, 4	C, 4	C, 4	C, 4	C, 4		=1)3			
*3	П	П	П	П	П		i_4			(3			F _x	L_3
$=_1$	П	П	П	П	П		i_4			(3			F _x	L_1
(3	П	П	П	П	П				*3					
)3	C, 3	C, 3	C, 3	C, 3	C, 3	C, 3		=1						
上	П	П	П	П	П		i_4			(3		S_0	F _x	L_2

- 1. $(\bot, i=i\bot, \epsilon) \vdash^{\Pi} (\bot i_4, =i\bot, \epsilon) \vdash^{C} (\bot F_x, =i\bot, 4) \vdash^{\Pi} (\bot F_x=_1, i\bot, 4) \vdash^{\Pi} (\bot F_x=_1i_4, \bot, 4) \vdash^{C} (\bot F_x=_1F_x, \bot, 44) \vdash^{C} (\bot F_x=_1L_1, \bot, 445) \vdash^{C} (\bot S_0, \bot, 4451) \vdash^{A}$
- $2. \quad (\stackrel{\bot}{\bot},\,i\stackrel{\bot}{\bot},\,\epsilon)\vdash^{\Pi}(\stackrel{\bot}{\bot}i_4,\,\stackrel{\bot}{\bot},\,\epsilon)\vdash^{C}(\stackrel{\bot}{\bot}F_x,\,\stackrel{\bot}{\bot},\,4)\vdash^{C}(\stackrel{\bot}{\bot}L_2,\,\stackrel{\bot}{\bot},\,45)\vdash^{C}(\stackrel{\bot}{\bot}S_0,\,\stackrel{\bot}{\bot},\,452)\vdash^{\Pi}(\stackrel{\bot}{\bot}S_0,\,\stackrel{\bot}{\bot},\,452)\vdash^{\Pi}(\stackrel{\bot}{\bot}S_0,\,\stackrel{\bot}{\bot},\,452)\vdash^{\Pi}(\stackrel{\bot}{\bot}S_0,\,\stackrel{\bot}{\bot},\,452)\vdash^{\Pi}(\stackrel{\bot}{\bot}S_0,\,\stackrel{\bot}{\bot},\,452)\vdash^{\Pi}(\stackrel{\bot}{\bot}S_0,\,\stackrel{\bot}{\bot},\,452)\vdash^{\Pi}(\stackrel{\bot}{\bot}S_0,\,\stackrel{\bot}{\bot},\,452)\vdash^{\Pi}(\stackrel{\bot}{\bot}S_0,\,\stackrel{\bot}{\bot},\,452)\vdash^{\Pi}(\stackrel{\bot}{\bot}S_0,\,\stackrel{\bot}{\bot},\,452)\vdash^{\Pi}(\stackrel{\bot}{\bot}S_0,\,\stackrel{\bot}{\bot},\,452)\vdash^{\Pi}(\stackrel{\bot}{\bot}S_0,\,\stackrel{\bot}{\bot},\,452)\vdash^{\Pi}(\stackrel{\bot}{\bot}S_0,\,\stackrel{\bot}{\bot},\,452)\vdash^{\Pi}(\stackrel{\bot}{\bot}S_0,\,\stackrel{\bot}{\bot},\,452)\vdash^{\Pi}(\stackrel{\bot}{\bot}S_0,\,\stackrel{\bot}{\bot},\,452)\vdash^{\Pi}(\stackrel{\bot}{\bot}S_0,\,\stackrel{\bot}{\bot},\,452)\vdash^{\Pi}(\stackrel{\bot}{\bot}S_0,\,\stackrel{\bot}{\bot},\,452)\vdash^{\Pi}(\stackrel{\bot}{\bot}S_0,\,\stackrel{\bot}{\bot},\,452)\vdash^{\Pi}(\stackrel{\bot}{\bot}S_0,\,\stackrel{\bot}{\bot},\,452)\vdash^{\Pi}(\stackrel{\bot}{\bot}S_0,\,\stackrel{\bot}{\bot},\,452)\vdash^{\Pi}(\stackrel{\bot}{\bot}S_0,\,\stackrel{\bot}{\bot},\,452)\vdash^{\Pi}(\stackrel{\bot}{\bot}S_0,\,\stackrel{\bot}{\bot},\,452)\vdash^{\Pi}(\stackrel{\bot}{\bot}S_0,\,\stackrel{\bot}{\bot},\,452)\vdash^{\Pi}(\stackrel{\bot}{\bot}S_0,\,\stackrel{\bot}{\bot},\,452)\vdash^{\Pi}(\stackrel{\bot}{\bot}S_0,\,\stackrel{\bot}{\bot},\,452)\vdash^{\Pi}(\stackrel{\bot}{\bot}S_0,\,\stackrel{\bot}{\bot},\,452)\vdash^{\Pi}(\stackrel{\bot}{\bot}S_0,\,\stackrel{\bot}{\bot},\,452)\vdash^{\Pi}(\stackrel{\bot}{\bot}S_0,\,\stackrel{\bot}{\bot},\,452)\vdash^{\Pi}(\stackrel{\bot}{\bot}S_0,\,\stackrel{\bot}{\bot},\,452)\vdash^{\Pi}(\stackrel{\bot}{\bot}S_0,\,\stackrel{\bot}{\bot},\,452)\vdash^{\Pi}(\stackrel{\bot}{\bot}S_0,\,\stackrel{\bot}{\bot},\,452)\vdash^{\Pi}(\stackrel{\bot}{\bot}S_0,\,\stackrel{\bot}{\bot},\,452)\vdash^{\Pi}(\stackrel{\bot}{\bot}S_0,\,\stackrel{$
- $$\begin{split} 3. \quad (\dot{\bot}, (*i) \dot{\bot}, \, \epsilon) \vdash (\dot{\bot}(_3, \, *i) \dot{\bot}, \, \epsilon) \vdash (\dot{\bot}(_3 *_3, \, i) \dot{\bot}, \, \epsilon) \vdash (\dot{\bot}(_3 *_3, \, i) \dot{\bot}, \, \epsilon) \vdash (\dot{\bot}(_3 *_3 i_4, \,) \dot{\bot}, \, \epsilon) \vdash \\ (\dot{\bot}(_3 *_3 F_x, \,) \dot{\bot}, \, \epsilon) \vdash (\dot{\bot}(_3 *_3 L_3, \,) \dot{\bot}, \, \epsilon) \vdash (\dot{\bot}(_3 *_3 L_3)_3, \, \dot{\bot}, \, \epsilon) \vdash (\dot{\bot}(_3 *$$

Построение LR(k) анализатора способом грамматических вхождений

Построение функции FIRST

```
FIRST(S) = FIRST(F) \cup FIRST(L) = {(, i)}

FIRST(F) = {(, i)}

FIRST(L) = FIRST(F) = {(, i)}

FIRST(F=L) = FIRST(F) = {(, i)}

FIRST((*L)) = {()}
```

Построение функции FOLLOW

FOLLOW(S) =
$$\{\bot\}$$

FOLLOW(F) = $\{=\} \cup \text{FOLLOW}(L) = \{=, \bot,)\}$
FOLLOW(L) = FOLLOW(S) $\cup \{\}$ = $\{\bot, \}$

Замыкание множества ситуаций

$$\begin{split} & I = CLOSURE(\{S' \rightarrow \cdot S\}) \\ & \coprod ar \ 1 \colon I = \{S' \rightarrow \cdot S\} \\ & \coprod ar \ 2 \colon I = I \cup \{S \rightarrow \cdot F = L, S \rightarrow \cdot L\} \\ & \coprod ar \ 3 \colon I = I \cup \{F \rightarrow \cdot (*L), F \rightarrow \cdot i\} \\ & \coprod ar \ 4 \colon I = I \cup \{L \rightarrow \cdot F\} \\ & I = \{S' \rightarrow \cdot S, S \rightarrow \cdot F = L, S \rightarrow \cdot L, F \rightarrow \cdot (*L), F \rightarrow \cdot i, L \rightarrow \cdot F\} \end{split}$$

Функция переходов GOTO

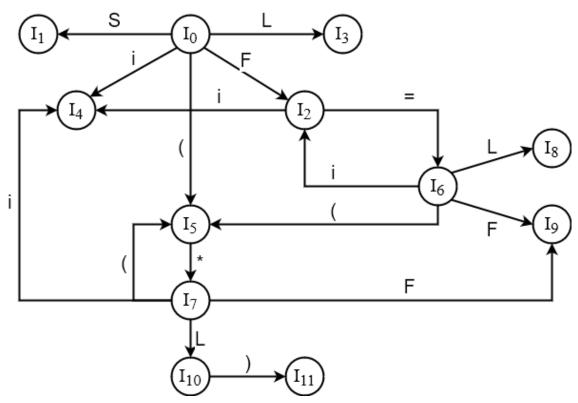
$$\begin{split} &I_0 = \text{CLOSURE}(\{S' \to \cdot S\}) = \{S' \to \cdot S, \, S \to \cdot F = L, \, S \to \cdot L, \, F \to \cdot (*L), \, F \to \cdot i, \, L \to \cdot F\} \\ &GOTO(I_0, \, S) = \{S' \to S \cdot \} = I_1 \\ &GOTO(I_0, \, F) = \{S \to F \cdot = L, \, L \to F \cdot \} = I_2 \\ &GOTO(I_0, \, L) = \{S \to L \cdot \} = I_3 \\ &GOTO(I_0, \, i) = \{F \to i \cdot \} = I_4 \\ &GOTO(I_0, \, i) = \{F \to i \cdot \} = I_5 \\ &GOTO(I_2, \, e) = \{S \to F = \cdot L, \, L \to \cdot F, \, F \to \cdot (*L), \, F \to \cdot i\} = I_6 \\ &GOTO(I_5, \, *) = \{F \to (* \cdot L), \, L \to \cdot F, \, F \to \cdot (*L), \, F \to \cdot i\} = I_7 \\ &GOTO(I_6, \, L) = \{S \to F = L \cdot \} = I_8 \\ &GOTO(I_6, \, F) = \{L \to F \cdot \} = I_9 \\ &GOTO(I_6, \, i) = \{F \to (* \cdot L)\} = I_5 \\ &GOTO(I_7, \, L) = \{F \to (* \cdot L)\} = I_{10} \\ &GOTO(I_7, \, L) = \{F \to (* \cdot L)\} = I_{10} \\ &GOTO(I_7, \, F) = \{L \to F \cdot \} = I_9 \end{split}$$

```
GOTO(I_7, ( ) = {F \rightarrow (·*L)} = I_5
GOTO(I_7, i) = {F \rightarrow i·} = I_4
GOTO(I_{10}, ) ) = {F \rightarrow (*L)·} = I_{11}
```

Каноническая форма множества ситуаций

```
C = \{ \\ I_0 = \{S' \to \cdot S, S \to \cdot F = L, S \to \cdot L, F \to \cdot (*L), F \to \cdot i, L \to \cdot F \}, \\ I_1 = \{S' \to S \cdot \}, \\ I_2 = \{S \to F \cdot = L, L \to F \cdot \}, \\ I_3 = \{S \to L \cdot \}, \\ I_4 = \{F \to i \cdot \}, \\ I_5 = \{F \to (\cdot *L)\}, \\ I_6 = \{S \to F = \cdot L, L \to \cdot F, F \to \cdot (*L), F \to \cdot i \}, \\ I_7 = \{F \to (* \cdot L), L \to \cdot F, F \to \cdot (*L), F \to \cdot i \}, \\ I_8 = \{S \to F = L \cdot \}, \\ I_9 = \{L \to F \cdot \}, \\ I_{10} = \{F \to (*L \cdot)\}, \\ I_{11} = \{F \to (*L) \cdot \} \}
```

Диаграмма переходов автомата



Управляющая таблица

I		Ф	ункция	Функция переходов					
1	i	=	*	()	上	S	F	L
0	П, 4			П, 5			1	2	3
1						Д			
2		П, 6			C, 5	C, 5			
3						C, 2			
4		C, 4			C, 4	C, 4			
5			П, 7						
6	П, 4			П, 5				9	8
7	П, 4			П, 5				9	10
8						C, 1			
9					C, 5	C, 5			
10					П, 11				
11		C, 3			C, 3	C, 3			

- 1. $(0, (*(*i)) = (*i)^{\perp}) \vdash^{\Pi} (0.5, *(*i)) = (*i)^{\perp}) \vdash^{\Pi} (0.5.7, (*i)) = (*i)^{\perp}) \vdash^{\Pi} (0.5.7.5, *i)) = (*i)^{\perp}) \vdash^{\Pi} (0.5.7.5.7.1) = (*i)^{\perp}) \vdash^{\Pi} (0.5.7.7.1) = (*i)^{\perp}) \vdash^{\Pi} (0.5.7.7.1) = (*i)^{\perp}) \vdash^{\Pi} (0.5.7.7.1) = (*i)^{\perp}) \vdash^{\Pi} (0.5.7.7.1) \vdash^{\Pi} (0.5.7.1) \vdash^{\Pi} (0.5.7.1)$
- 2. $(0, i=i^{\perp}) \vdash^{\Pi} (0 \ 4, =i^{\perp}) \vdash^{C} (0 \ 2, =i^{\perp}) \vdash^{\Pi} (0 \ 2 \ 6, i^{\perp}) \vdash^{\Pi} (0 \ 2 \ 6 \ 4, \perp) \vdash^{C} (0 \ 2 \ 6 \ 9, \perp) \vdash^{C} (0$
- 3. $(0, (*(*(*i)))^{\perp}) \vdash^{\Pi} (0.5, *(*(*i)))^{\perp}) \vdash^{\Pi} (0.5.7, (*(*i)))^{\perp}) \vdash^{\Pi} (0.5.7.5, *(*i)))^{\perp}) \vdash^{\Pi} (0.5.7.5.7, (*i)))^{\perp}) \vdash^{\Pi} (0.5.7.5.7, (*i)))^{\perp})$

 $(05757574,)))^{\perp}) \vdash^{c} (05757579,)))^{\perp}) \vdash^{c} (057575710,)))^{\perp}) \vdash^{\pi}$ $(05757571011,))^{\perp}) \vdash^{c} (057579,))^{\perp}) \vdash^{c} (0575710,))^{\perp}) \vdash^{\pi}$ $(057571011,)^{\perp}) \vdash^{c} (0579,)^{\perp}) \vdash^{c} (05710,)^{\perp}) \vdash^{\pi} (0571011,)^{\perp}) \vdash^{c}$ $(04,^{\perp}) \vdash^{c} (02,^{\perp}) \vdash^{c} (03,^{\perp}) \vdash^{c} (01,^{\perp}) \vdash^{\pi}$

Формулировка задания

Реализовать LR(1)-анализатор по управляющей таблице (g,f) для LR(1) грамматики.

Реализация LR(1)-анализатора

(Этап с пошаговым построением функции GOTO пропущен)

```
Введите продукции:
S F=L
S L
F (*L)
Γi
L F
Исходная
КС - грамматика :
Алфавит нетерминальных символов: SLF
Алфавит терминальных символов: : i) = (*
Правила:
{ S F=L; S L; F (*L); F i; L F }
После удаления е-продукций
Правила:
S F=L
SL
F (*L)
Fi
L F
ΠЅ
Терминалы : i) = (*$
Нетерминалы: SLFП
Вычислены множества FIRST для символов грамматики и строк
First( S ): i(
First( L ): i(
First(F): (i
First (\Pi): i(
First( F=L ): (i
First( L ): i(
First( (*L) ): (
First( i ): i
First( F ): (i
First(S): i(
```

```
IO { Π .S,$; S .F=L,$; S .L,$; F .(*L),=; F .i,=; L .F,$; F .
(*L),$; F .i,$ }
I1 { F i.,=; F i.,$ }
I2 { F(.*L),=; F(.*L),$}
I3 { F (*.L),=; F (*.L),$; L .F,); F .(*L),); F .i,) }
I4 { Π S.,$ }
I5 { S L.,$ }
I6 { S F.=L,$; L F.,$ }
I7 { F i., ) }
I8 { S F=.L,$; L .F,$; F .(*L),$; F .i,$ }
19 { F (.*L),) }
I10 { F (*.L),); L .F,); F .(*L),); F .i,) }
I11 { F (*L.),=; F (*L.),$ }
I12 { L F.,) }
I13 { F i.,$ }
I14 { F (*L).,=; F (*L).,$ }
I15 { F (.*L),$ }
I16 { F (*.L),$; L .F,); F .(*L),); F .i,) }
I17 { S F=L.,$ }
I18 { L F.,$ }
I19 { F (*L.),) }
I20 { F (*L).,) }
I21 { F (*L.),$ }
I22 { F (*L).,$ }
Создана ACTION таблица
ACTION[14, =] = r F (*L)
ACTION[3, i] = s 7
ACTION[2, *] = s 3
ACTION[1, \$] = r F i
ACTION[0, i] = s 1
ACTION[7, )] = r F i
ACTION[6, =] = s 8
ACTION[5, \$] = r S L
ACTION[4, \$] = a
ACTION[11, )] = s 14
ACTION[10, i] = s 7
ACTION[9, *] = s 10
ACTION[8, (] = s 15
ACTION[15, *] = s 16
ACTION[14, \$] = r F (*L)
ACTION[13, \$] = r F i
ACTION[12, )] = r L F
ACTION[19, )] = s 20
ACTION[1, =] = r F i
ACTION[17, \$] = r \$ F=L
ACTION[16, i] = s 7
ACTION[22, \$] = r F (*L)
ACTION[21, )] = s 22
```

```
ACTION[10, (] = s 9]
ACTION[0, (] = s 2
ACTION[18, \$] = r L F
ACTION[8, i] = s 13
ACTION[6, \$] = r L F
ACTION[3, (] = s 9
ACTION[16, (] = s 9]
Создана GOTO таблица
GOTO[8, F] = 18
GOTO[0, S] = 4
GOTO[10, L] = 19
GOTO[16, F] = 12
GOTO[8, L] = 17
GOTO[10, F] = 12
GOTO[0, F] = 6
GOTO[3, L] = 11
GOTO[16, L] = 21
GOTO[0, L] = 5
GOTO[3, F] = 12
Распознавание цепочек
Введите строку:
(*(*i)) = (*i)
Введена строка: (*(*i)) = (*i)$
Процесс вывода:
F->i
L->F
F->(*L)
L->F
F->(*L)
F->i
L->F
F->(*L)
L->F
S->F=L
Строка допущена
Введите строку:
i=i
Введена строка: i=i$
Процесс вывода:
F->i
F->i
L->F
S->F=L
Строка допущена
```

ACTION[20,)] = r F (*L)

```
Введите строку:
(*(*(*i)))
Введена строка: (*(*(*i)))$
Процесс вывода:
F->i
L->F
F->(*L)
L->F
F->(*L)
L->F
F->(*L)
L->F
F->(*L)
L->F
S->L
```

Строка допущена