# Московский авиационный институт

### (национальный исследовательский университет)

Факультет «Прикладная математика и физика»

# Лабораторные работы по курсу «Системное программное обеспечение»

- 1. Спроектировать грамматику по заданному языку L
- 2. Спроектировать конечный автомат, составить диаграмму переходов КА и реализовать
- 3. Определить свойства КА. Построить НДКА. Реализовать преобразование НДКА в ДКА.
- 4. Устранить из КС-грамматики бесполезные символы и є-правила
- 5. Устранить из КС-грамматики цепные правила и устранить левую рекурсию
- 6. Определить форму КС-грамматики и сделать ее приведение
- 7. Спроектировать МП автомат для приведенной КС-грамматики
- 8. Реализовать МП автомат для приведенной КС-грамматики
- 9. Для LL(1) анализатора построить управляющую таблицу М
- 10. Аналитически написать такты работы LL(1) анализатора для выведенной цепочки.
- 11. Реализовать управляющую таблицу М для LL(1) анализатора.
- 12. Построить замыкание множества ситуаций для пополненной LR(1) грамматики.
- 13. Определить функцию перехода g(x)
- 14. Построить каноническую форму множества ситуаций.
- 15. Построить управляющую таблицу для функции перехода g(x) и действий f(u).
- 16. Реализовать LR(1)-анализатор по управляющей таблице (g,f) для LR(1) грамматики.

*Студент:* Бирюков В. В. *Группа:* 08-207

Руководитель: Семёнов А. С.

Оценка: Дата:

Москва 2021

#### Вариант 1

# Лабораторная работа №1

### Формулировка задания

Составить примеры цепочек (1) и спроектировать грамматику заданного языка (2)

$$L = \{0\omega_1 + (01)^* \mid \omega_1 \in \{0,1\}^*\}$$

- (1)  $L = \{0+01, 00+0101, 01+, 000+010101, 001+0101, ...\}$
- (2)  $L_1 = \{0+01, 00+0101, 01+, 000+010101, 001+0101\}$

$$L_1 \equiv L_1(G) \subset L$$

### Грамматика

 $G = (T, V, S_0, P)$ , где T – конечное множество терминальных символов, V – конечное множество нетерминальных символов,  $S_0$  – начальное состояние, P – множество правил.

P:

- 1.  $S_0 \rightarrow 0A$
- 2.  $A \rightarrow 0A$
- 3.  $A \rightarrow 1A$
- 4.  $A \rightarrow +B$
- 5.  $A \rightarrow +$
- 6.  $B \rightarrow 0C$
- 7.  $C \rightarrow 1B$
- 8.  $C \rightarrow 1$

Таким образом, грамматика имеет вид:

$$G = (\{0,1,+\}, \{A,B,C\}, 0A, P)$$

### Вывод цепочек

$$S0 \Rightarrow 0A \Rightarrow 0+B \Rightarrow 0+0C \Rightarrow 0+01$$

$$S0 \Rightarrow 0A \Rightarrow 00A \Rightarrow 00+B \Rightarrow 00+0C \Rightarrow 00+01B \Rightarrow 00+010C \Rightarrow 00+0101$$

$$S0 \Rightarrow 0A \Rightarrow 01A \Rightarrow 01+$$

$$S0 \Rightarrow 0A \Rightarrow 00A \Rightarrow 000A \Rightarrow 000+B \Rightarrow 000+0C \Rightarrow 000+01B \Rightarrow 000+010C \Rightarrow 000+0101B \Rightarrow 000+01010C \Rightarrow 000+010101$$

$$S0 \Rightarrow 0A \Rightarrow 00A \Rightarrow 001A \Rightarrow 001+B \Rightarrow 001+0C \Rightarrow 001+01B \Rightarrow 001+010C \Rightarrow 001+0101$$

#### Регулярность языка

- (1) Для регулярного языка L =  $\{0\omega_1 + (01)^* \mid \omega_1 \in \{0,1\}^*\} = >$ 
  - (2) существует целое (∃ p = 2 ≥ 1) такое что
    - (3) для всех  $(\forall w = 01 + 01 \in L((|w| \ge p)) = >$ 
      - (4) существует  $(\exists x=0, y=1, z=+01 \in \Sigma^*)$  такое что (w=xyz) = 0

- 1.  $(|y|=|1|\geq 1)$ , цикл у должен быть накачан хотя бы длиной 1 и
- 2.  $|xy| = |01| \le p = 2$  , цикл должен быть в пределах первых р символов и
- 3. для всех  $i=1 \ge 0$  ,  $(xy^1z=01+01 \in L$  , ))))))) , на х и z ограничений не накладывается.

### Формулировка задания

Составить на основе разработанной грамматики конечный автомат, распознающий эквивалентный ей язык.

$$L(KA) \equiv L(G)$$

### Конечный автомат

 $KA = (Q, \Sigma, \delta, q_0, F)$ , где Q – конечное множество состояний,  $\Sigma$  – конечный алфавит входных символов,  $\delta$  – функция перехода, задаваемая отображением  $\delta: Q \times \Sigma \to Q$ ,  $q_0$  – начальное состояние автомата, F – множество заключительных состояний.

δ:

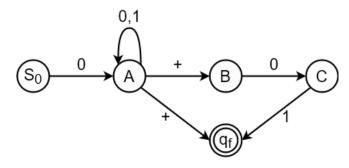
- 1.  $\delta(S_0, 0) = \{A\}$
- 2.  $\delta(A, 0) = \{A\}$
- 3.  $\delta(A, 1) = \{A\}$
- 4.  $\delta(A, +) = \{B, q_f\}$
- 5.  $\delta(B, 0) = \{C\}$
- 6.  $\delta(C, 1) = \{B, q_f\}$

Таким образом конечный автомат имеет вид:

$$KA = (\{S_0, A, B, C, q_f\}, \{0, 1, +\}, \delta, S_0, \{q_f\})$$

КА является недетерминированным.

### Диаграмма переходов конечного автомата



#### Конфигурация КА

$$\begin{split} &(S_0,\ 0+01) \vdash^1 (A,\ +01) \vdash^4 (B,\ 01) \vdash^5 (C,\ 1) \vdash^6 (q_f,\ \epsilon) \\ &(S_0,\ 00+0101) \vdash^1 (A,\ 0+0101) \vdash^2 (A,\ +0101) \vdash^4 (B,\ 0101) \vdash^5 (C,\ 101) \vdash^6 (B,\ 01) \vdash^5 (C,\ 1) \vdash^6 (q_f,\ \epsilon) \\ &(S_0,\ 01+) \vdash^1 (A,\ 1+) \vdash^3 (A,\ +) \vdash^6 (q_f,\ \epsilon) \end{split}$$

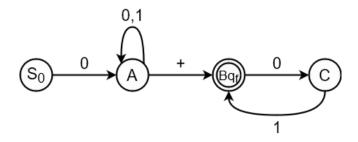
 $\begin{array}{l} (S_0,\,000+010101) \vdash^1 (A,\,00+010101) \vdash^2 (A,\,0+010101) \vdash^2 (A,\,+010101) \vdash^4 (B,\,010101) \vdash^5 \\ (C,\,10101) \vdash^6 (B,\,0101) \vdash^5 (C,\,101) \vdash^6 (B,\,01) \vdash^5 (C,\,1) \vdash^6 (q_{\rm f},\,\epsilon) \\ (S_0,\,001+0101) \vdash^1 (A,\,01+0101) \vdash^2 (A,\,1+0101) \vdash^3 (A,\,+0101) \vdash^4 (B,\,0101) \vdash^5 (C,\,101) \vdash^6 \\ (B,\,01) \vdash^5 (C,\,1) \vdash^6 (q_{\rm f},\,\epsilon) \end{array}$ 

 $L(KA) \equiv L(G)$ 

# Преобразование НДКА в ДКА НДКА

### ДКА

```
Automate config:
Q: S0 A C Bqf
Sigma: 1 0 +
Q0: S0
F: Bqf
DeltaList:
: (S0 , 0 ) -> A
: (A , 1 ) -> A
: (A , 0 ) -> Bqf
: (C , 1 ) -> Bqf
: (Bqf , 0 ) -> C
```



#### Проверка цепочек

```
Enter line to execute :
0+01
Length: 4
   i :4
curr: Bqf
chineSymbol belongs to language
```

```
Enter line to execute :
00+0101
Length: 7
i :7
curr: Bqf
chineSymbol belongs to language
Enter line to execute :
01+
Length: 3
i :3
curr: Bqf
chineSymbol belongs to language
Enter line to execute :
000+010101
Length: 10
i :10
curr: Bqf
chineSymbol belongs to language
Enter line to execute :
001+0101
Length: 8
i :8
curr: Bqf
chineSymbol belongs to language
```

$$P = \{S \rightarrow Sb, S \rightarrow F, S \rightarrow cFB, A \rightarrow Ab, A \rightarrow c, B \rightarrow cB, F \rightarrow Ca, C \rightarrow d, C \rightarrow \epsilon\}$$

$$G = (\{b, c, a, d\}, \{S, F, B, A, C\}, P, S)$$

### Вывод цепочек

$$S\Rightarrow Sb\Rightarrow Sbb\Rightarrow Fbb\Rightarrow Cabb\Rightarrow abb$$
  
 $S\Rightarrow Sb\Rightarrow Sbb\Rightarrow Sbbb\Rightarrow Fbbb\Rightarrow Cabbb\Rightarrow dabbb$   
 $S\Rightarrow F\Rightarrow Ca\Rightarrow da$   
 $S\Rightarrow F\Rightarrow Ca\Rightarrow a$   
 $S\Rightarrow cFB\Rightarrow cCaB\Rightarrow cdaB\Rightarrow cdacB\Rightarrow cdaccB\Rightarrow cdacccB$ 

### Алгоритм удаления бесполезных символов

# Алгоритм удаления непроизводящих символов

Вход: G = (T, V, P, S)Выход: G' = (T, V', P', S)Шаг 1:  $V_p^0 = \emptyset$ Шаг 2:  $V_p^1 = \{A, C\}$ Шаг 3:  $V_p^2 = \{A, C, F\}$ Шаг 4:  $V_p^3 = \{A, C, F, S\}$ Шаг 5:  $V_p^4 = \{A, C, F, S\}$   $V_p^3 = V_p^4$   $V' = V \cap V_p = \{A, C, F, S\}$   $P' = \{S \rightarrow Sb, S \rightarrow F, A \rightarrow Ab, A \rightarrow c, F \rightarrow Ca, C \rightarrow d, C \rightarrow \epsilon\}$   $G = (\{b, c, a, d\}, \{S, F, A, C\}, P', S)$ 

# Алгоритм удаления недостижимых символов

Вход: 
$$G = (T, V, P, S)$$
  
Выход:  $G = (T', V', P', S)$   
Шаг 1:  $VT_r^0 = \{S\}$   
Шаг 2:  $VT_r^1 = \{S, b, F\}$   
Шаг 3:  $VT_r^2 = \{S, b, F, C, a\}$   
Шаг 4:  $VT_r^3 = \{S, b, F, C, a, d\}$   
Шаг 5:  $VT_r^4 = \{S, b, F, C, a, d\}$   
 $VT_r^3 = VT_r^4$   
 $VT_r = \{S, b, F, C, a, d\}$   
 $T' = T \cap VT_r = \{a, b, d\}$   
 $V' = V \cap VT_r = \{S, F, C\}$ 

$$P' = \{S \rightarrow Sb, S \rightarrow F, F \rightarrow Ca, C \rightarrow d, C \rightarrow \epsilon\}$$

$$G = (\{a, b, d\}, \{S, F, C\}, P', S)$$

# Алгоритм построение множества укорачивающих нетерминалов

**Вход:** G = (T, V, P, S)

**Выход:**  $V_{\epsilon} = \{C\}$ 

Шаг 1:  $V_{\epsilon}^{0} = \emptyset$ 

Шаг 2:  $V_{\epsilon}^{1}$  = {C}

Шаг 3:  $V_{\varepsilon}^2 = \{C\}$ 

# Алгоритм удаления эпсилон-правил

**Вход:** G = (T, V, P, S)

**Выход:** G' = (T, V', P', S')

S' = S

V' = V

 $P' = \{S \rightarrow Sb, S \rightarrow F, F \rightarrow Ca, F \rightarrow a, C \rightarrow d\}$ 

### Грамматика без бесполезных символов и эпсилон-правил

$$G = ({S, F, C}, {a, b, d}, P, S)$$

$$P = \{S \rightarrow Sb, S \rightarrow F, F \rightarrow Ca, F \rightarrow a, C \rightarrow d\}$$

### Вывод цепочек

 $S \Rightarrow Sb \Rightarrow Sbb \Rightarrow Fbb \Rightarrow abb$ 

 $S \Rightarrow Sb \Rightarrow Sbb \Rightarrow Sbbb \Rightarrow Fbbb \Rightarrow Cabbb \Rightarrow dabbb$ 

 $S \Rightarrow F \Rightarrow Ca \Rightarrow da$ 

 $S\Rightarrow F\Rightarrow a$ 

$$G = ({S, F, C}, {a, b, d}, P, S)$$

$$P = \{S \rightarrow Sb, S \rightarrow F, F \rightarrow Ca, F \rightarrow a, C \rightarrow d\}$$

# Алгоритм удаления цепных правил

**Выход:** 
$$G' = (T, V, P', S)$$

$$V_S = \{S, F\}, V_F = \{F\}, V_C = \{C\}$$

$$S \rightarrow Ca \mid a$$

Шаг 2: Цепных правил не осталось

$$P' = \{S \rightarrow Sb, S \rightarrow Ca, S \rightarrow a, C \rightarrow d\}$$

$$G = (\{S, C\}, \{a, b, d\}, P', S)$$

# Алгоритм удаления левой рекурсии

**Вход:** 
$$G = (T, V, P, S)$$

**Выход:** 
$$G' = (T, V', P', S)$$

Шаг 1: V = {S, C} = {
$$A_1$$
,  $A_2$ ,  $A_3$ }

Шаг 2: 
$$i = 1$$
. S  $\rightarrow$  Sb | Ca | a

$$S \rightarrow Ca \mid a \mid CaS' \mid aS'$$

$$S' \rightarrow b \mid bS'$$

Шаг 3: i = 2, j = 1. Подходящих правил нет.

Шаг 4: і = 2. Подходящих правил нет.

Шаг 5: i = 3, j = 1. Подходящих правил нет.

Шаг 6: i = 3, j = 2. Подходящих правил нет.

Шаг 7: і = 3. Подходящих правил нет.

$$V' = \{S, C, S'\}$$

$$P' = \{S \rightarrow CaS', S \rightarrow aS', S' \rightarrow bS', S' \rightarrow b, S \rightarrow Ca, S \rightarrow a, C \rightarrow d\}$$

$$G = ({S, C, S'}, {a, b, d}, P', S)$$

# Грамматика без цепных правил и левой рекурсии

$$G = (\{S, C, S'\}, \{a, b, d\}, P, S)$$

$$P = \{S \rightarrow CaS', S \rightarrow aS', S' \rightarrow bS', S' \rightarrow b, S \rightarrow Ca, S \rightarrow a, C \rightarrow d\}$$

# Вывод цепочек

$$S \Rightarrow aS' \Rightarrow abS' \Rightarrow abb$$

$$S \Rightarrow CaS' \Rightarrow daS' \Rightarrow dabS' \Rightarrow dabbS' \Rightarrow dabbb$$

$$S \Rightarrow Ca \Rightarrow da$$

### Исходная грамматика

$$G = (\{b, c, a, d\}, \{S, F, B, A, C\}, P, S)$$

$$P = \{S \rightarrow Sb, S \rightarrow F, S \rightarrow cFB, A \rightarrow Ab, A \rightarrow c, B \rightarrow cB, F \rightarrow Ca, C \rightarrow d, C \rightarrow \epsilon\}$$

### Вывод цепочек

$$S\Rightarrow Sb\Rightarrow Sbb\Rightarrow Fbb\Rightarrow Cabb\Rightarrow abb$$
  
 $S\Rightarrow Sb\Rightarrow Sbb\Rightarrow Sbbb\Rightarrow Fbbb\Rightarrow Cabbb\Rightarrow dabbb$   
 $S\Rightarrow F\Rightarrow Ca\Rightarrow da$   
 $S\Rightarrow F\Rightarrow Ca\Rightarrow a$   
 $S\Rightarrow cFB\Rightarrow cCaB\Rightarrow cdaB\Rightarrow cdacB\Rightarrow cdaccB\Rightarrow cdacccB$ 

### Приведённая грамматика

$$G = (\{S, F, C, S'\}, \{a, b, d\}, P, S)$$

$$P = \{S \rightarrow CaS', S \rightarrow aS', S' \rightarrow bS', S' \rightarrow b, S \rightarrow Ca, S \rightarrow a, C \rightarrow d\}$$

Грамматика не в нормальной форме Грейбах, так как имеет правила, начинающиеся с нетерминалов.

Грамматика не в нормальной форме Хомского, так как имеет правила из нетерминалов и терминалов.

### Вывод цепочек

$$S \Rightarrow aS' \Rightarrow abS' \Rightarrow abb$$
  
 $S \Rightarrow CaS' \Rightarrow daS' \Rightarrow dabS' \Rightarrow dabbS' \Rightarrow dabbb$   
 $S \Rightarrow Ca \Rightarrow da$   
 $S \Rightarrow a$ 

### Приведённая грамматика

$$G = ({S, C, S'}, {a, b, d}, P, S)$$

$$P = \{S \rightarrow CaS', S \rightarrow aS', S \rightarrow Ca, S \rightarrow a, S' \rightarrow bS', S' \rightarrow b, C \rightarrow d\}$$

#### МП-автомат

$$M\Pi = (\{q\}, \{a, b, d\}, \{a, b, d, S, C, S'\}, \delta, q, S, \{q\})$$

δ:

- 1.  $\delta(q, \varepsilon, S) = \{(q, CaS'), (q, aS'), (q, Ca), (q, a)\}$
- 2.  $\delta(q, \epsilon, S') = \{(q, bS'), (q, b)\}$
- 3.  $\delta(q, \epsilon, C) = \{(q, d)\}$
- 4.  $\delta(q, a, a) = \{(q, \epsilon)\}$
- 5.  $\delta(q, b, b) = \{(q, \epsilon)\}$
- 6.  $\delta(q, d, d) = \{(q, \epsilon)\}$

### Распознавание цепочек

- 1.  $(q, abb, S) \vdash^{1} (q, abb, aS') \vdash^{4} (q, bb, S') \vdash^{2} (q, bb, bS') \vdash^{5} (q, b, S') \vdash^{2} (q, b, b) \vdash^{5} (q, \epsilon, \epsilon)$
- 2. (q, dabbb, S)  $\vdash^1$  (q, dabbb, CaS')  $\vdash^3$  (q, dabbb, daS')  $\vdash^6$  (q, abbb, aS')  $\vdash^4$  (q, bbb, S')  $\vdash^2$  (q, bbb, bS')  $\vdash^5$  (q, bb, S')  $\vdash^5$  (q, bb, S')  $\vdash^5$  (q, bb, S')  $\vdash^5$  (q, bb, S')  $\vdash^5$  (q, bbb, S')
- 3.  $(q, da, S) \vdash^{1} (q, da, Ca) \vdash^{3} (q, da, da) \vdash^{6} (q, a, a) \vdash^{4} (q, \epsilon, \epsilon)$
- 4.  $(q, a, S) \vdash^1 (q, a, a) \vdash^4 (q, \varepsilon, \varepsilon)$

```
myMp mp = new myMp(new ArrayList() { "a", "b", "d" },
                    new ArrayList() { "S", "C", "D" },
                     new ArrayList() { "S", "C", "D", "a", "b", "d" },
                     "a",
                     "S",
                     new ArrayList() { "q" });
mp.addDeltaRule("q", "", "S", new ArrayList() { "q"}, new ArrayList() { "a" });
mp.addDeltaRule("g", "", "S", new ArrayList() { "g"}, new ArrayList() { "C", "a",
"D" });
mp.addDeltaRule("q", "", "S", new ArrayList() { "q"}, new ArrayList() { "a", "D" });
mp.addDeltaRule("q", "", "S", new ArrayList() {"q"}, new ArrayList() { "C", "a" });
mp.addDeltaRule("q", "", "D", new ArrayList() { "q"}, new ArrayList() { "b", "D" });
mp.addDeltaRule("q", "", "D", new ArrayList() {"q"}, new ArrayList() { "b" });
mp.addDeltaRule("q", "", "C", new ArrayList() { "q"}, new ArrayList() { "d" });
mp.addDeltaRule("q", "a", "a", new ArrayList() { "q" }, new ArrayList() { "" });
mp.addDeltaRule("q", "b", "b", new ArrayList() { "q" }, new ArrayList() { "" });
mp.addDeltaRule("q", "d", "ew ArrayList() { "q" }, new ArrayList() { "" });
```

### Проверка цепочек

```
Prules:
S -> a
S -> CaD
S -> aD
S -> Ca
D -> bD
D -> b
C \rightarrow d
Deltarules :
delta(Q q,T ,Z S)
                        = (Q q, Z CaD)
delta(Q q,T ,Z D)
                          = (Q q, Z b)
delta(Q q,T ,Z S)
                           = (Q q, Z a)
delta(Q q,T ,Z S)
                          = (Q q, Z aD)
delta(Q q,T ,Z S)
                           = (Q q, Z Ca)
delta(Q q,T ,Z D)
                           = (Q q, Z bD)
delta(Q q,T ,Z C)
                           = (Q q, Z d)
delta(Q q,T a,Z a)
                            = (Q q, Z)
delta(Q q,T b,Z b)
                           = (Q q, Z)
delta(Q q,T d,Z d)
                            = (Q q, Z)
Введите строку:
dab
delta(Q q,T ,Z S)
                        = (Q q, Z CaD)
delta(Q q,T ,Z C)
                          = (Q q, Z d)
delta(Q q,T d,Z d)
                            = (Q q, Z)
delta(Q q,T a,Z a)
                           = (Q q, Z)
delta(Q q,T ,Z D)
                           = (Q q, Z b)
delta(Q q,T b,Z b)
                           = (Q q, Z)
True
```

$$G = (V, T, P, S)$$

$$T = \{i, =, *, (, )\}$$

$$V = {S, F, L}$$

P:

- 1.  $S \rightarrow F=L$
- 2.  $S \rightarrow L$
- 3.  $F \rightarrow (*L)$
- 4.  $F \rightarrow i$
- 5.  $L \rightarrow F$

Грамматика не принадлежит классу LL(1), так как для правил S  $\rightarrow$  F=L | L :

$$FIRST(F=L) = FIRST(L) = FIRST(F) = \{(, i)\}$$

Заметим, что цепное правило  $L \to F$  является единственным правилом для L, следовательно можно заменить L на F в правых частях других правил и удалить L из грамматики. Получим грамматику:

$$G = ({S, F}, {i, =, *, (, )}, P, S)$$

P:

- 1.  $S \rightarrow F=F$
- 2.  $S \rightarrow F$
- 3.  $F \rightarrow (*F)$
- 4.  $F \rightarrow i$

Проведем левую факторизацию правил  $S \to F = F \mid F$ , заменив их на правила  $S \to FS'$ ,  $S' \to = F \mid \epsilon$ . Получим грамматику без неопределённостей:

$$G = (\{S, S', F\}, \{i, =, *, (, )\}, P, S)$$

P:

- 1.  $S \rightarrow FS'$
- 2.  $S' \rightarrow =F$
- 3.  $S' \rightarrow \epsilon$
- 4.  $F \rightarrow (*F)$
- 5.  $F \rightarrow i$

### Построение функции FIRST

# Построение функции FOLLOW

 $FOLLOW(S) = \{ \perp \}$ 

 $FOLLOW(S') = \{ \perp \}$ 

 $FOLLOW(F) = FIRST(S') \setminus \{\epsilon\} \cup FOLLOW(S') \cup \{\}\} = \{=, ^{\perp}, \}$ 

# Построение управляющей таблицы М

M	i	=	*	(	)	3
S	FS', 1			FS', 1		
S'		=F, 2				ε, 3
F	i, 5			(*F), 4		
i	выпуск					
=		выпуск				
*			выпуск			
(				выпуск		
)					выпуск	
						допуск

G = ({S, S', F}, {i, =, \*, (, )}, P, S)  
P = { S 
$$\rightarrow$$
 FS', S'  $\rightarrow$  =F, S'  $\rightarrow$  \epsilon, F  $\rightarrow$  i }

### Вывод цепочек

- 1.  $S \Rightarrow^1 FS' \Rightarrow^4 (*F)S' \Rightarrow^4 (*(*F))S' \Rightarrow^5 (*(*i))S' \Rightarrow^2 (*(*i))=F \Rightarrow^4 (*(*i))=(*F) \Rightarrow^5 (*(*i))=(*i)$
- 2.  $S \Rightarrow S \Rightarrow^1 FS' \Rightarrow^5 iS' \Rightarrow^2 i=F \Rightarrow^5 i=i$
- 3.  $S \Rightarrow^1 FS' \Rightarrow^4 (*F)S' \Rightarrow^4 (*(*F))S' \Rightarrow^4 (*(*F))S' \Rightarrow^5 (*(*(*i)))S' \Rightarrow^6 (*(*(*i)))$

### Распознавание цепочек

- 1.  $((*(*i))=(*i), S^{\perp}, \varepsilon) \vdash ((*(*i))=(*i), FS^{\perp}, 1) \vdash ((*(*i))=(*i), (*F)S^{\perp}, 14) \vdash (*(*i))=(*i), (*F)S^{\perp}, 14) \vdash (*(*i))=(*i), (*F)S^{\perp}, 144) \vdash (*i))=(*i), (*F)S^{\perp}, 144) \vdash (*i)=(*i), (*F)S^{\perp}, 144) \vdash (*F)S^{\perp}, 144S^{\perp}, (*F)S^{\perp}, (*F)S$
- 2.  $(i=i, S^{\perp}, \epsilon) \vdash (i=i, FS'^{\perp}, 1) \vdash (i=i, iS'^{\perp}, 15) \vdash (=i, S'^{\perp}, 15) \vdash (=i, =F^{\perp}, 152) \vdash (i, F^{\perp}, 152) \vdash (i, i^{\perp}, 1525) \vdash (\epsilon, \perp, 1525)$
- 3.  $((*(*(*i))), S^{\perp}, \epsilon) \vdash ((*(*(*i))), FS^{\perp}, 1) \vdash ((*(*(*i))), (*F)S^{\perp}, 14) \vdash (*(*(*i))), (*F)S^{\perp}, 14) \vdash (*(*(*i))), (*F)S^{\perp}, 144) \vdash (*(*(*i))), F)S^{\perp}, 144) \vdash ((*(*i))), F)S^{\perp}, 144) \vdash ((*i))), F)S^{\perp}, 1444) \vdash ((*i))), F)S^{\perp}, 14445) \vdash ((*i))), F)S^{\perp}, 14445) \vdash ((*i)), F)S^{\perp}, F$