# Московский авиационный институт

## (национальный исследовательский университет)

Факультет «Прикладная математика и физика»

# Лабораторные работы по курсу «Системное программное обеспечение»

- 1. Спроектировать грамматику по заданному языку L.
- 2. Спроектировать конечный автомат, составить диаграмму переходов КА и реализовать.
- 3. Определить свойства КА. Построить НДКА. Реализовать преобразование НДКА в ДКА.
- 4. Устранить из КС-грамматики бесполезные символы и є-правила.
- 5. Устранить из КС-грамматики цепные правила и устранить левую рекурсию.
- 6. Определить форму КС-грамматики и сделать ее приведение.
- 7. Спроектировать МП автомат для приведенной КС-грамматики.
- 8. Реализовать МП автомат для приведенной КС-грамматики.
- 9. Для LL(1) анализатора построить управляющую таблицу М.
- 10. Аналитически написать такты работы LL(1) анализатора для выведенной цепочки.
- 11. Реализовать управляющую таблицу М для LL(1) анализатора.
- 12. Построить замыкание множества ситуаций для пополненной LR(1) грамматики.
- 13. Определить функцию перехода g(x).
- 14. Построить каноническую форму множества ситуаций.
- 15. Построить управляющую таблицу для функции перехода g(x) и действий f(u).
- 16. Реализовать LR(1)-анализатор по управляющей таблице (g,f) для LR(1) грамматики.

*Студент:* Бирюков В. В. *Группа:* 08-207

Руководитель: Семёнов А. С.

Оценка: Дата:

#### Вариант 1

# Лабораторная работа №1

#### Формулировка задания

Составить примеры цепочек (1) и спроектировать грамматику заданного языка (2)

$$L = \{0\omega_1 + (01)^* \mid \omega_1 \in \{0,1\}^*\}$$

(1) 
$$L = \{0+01, 00+0101, 01+, 000+010101, 001+0101, ...\}$$

(2) 
$$L_1 = \{0+01, 00+0101, 01+, 000+010101, 001+0101\}$$

$$L_1 \equiv L_1(G) \subset L$$

#### Грамматика

 $G = (T, V, S_0, P)$ , где T – конечное множество терминальных символов, V – конечное множество нетерминальных символов,  $S_0$  – начальное состояние, P – множество правил.

P:

- 1.  $S_0 \rightarrow 0A$
- 2.  $A \rightarrow 0A$
- 3.  $A \rightarrow 1A$
- 4.  $A \rightarrow +B$
- 5.  $A \rightarrow +$
- 6.  $B \rightarrow 0C$
- 7.  $C \rightarrow 1B$
- 8.  $C \rightarrow 1$

Таким образом, грамматика имеет вид:

$$G = (\{0,1,+\}, \{A,B,C\}, 0A, P)$$

#### Вывод цепочек

$$S0 \Rightarrow 0A \Rightarrow 0+B \Rightarrow 0+0C \Rightarrow 0+01$$

$$S0 \Rightarrow 0A \Rightarrow 00A \Rightarrow 00+B \Rightarrow 00+0C \Rightarrow 00+01B \Rightarrow 00+010C \Rightarrow 00+0101$$

$$S0 \Rightarrow 0A \Rightarrow 01A \Rightarrow 01+$$

$$S0 \Rightarrow 0A \Rightarrow 00A \Rightarrow 000A \Rightarrow 000+B \Rightarrow 000+0C \Rightarrow 000+01B \Rightarrow 000+010C \Rightarrow 000+0101B \Rightarrow 000+01010C \Rightarrow 000+010101$$

$$S0 \Rightarrow 0A \Rightarrow 00A \Rightarrow 001A \Rightarrow 001 + B \Rightarrow 001 + 0C \Rightarrow 001 + 01B \Rightarrow 001 + 010C \Rightarrow 001 + 0101$$

#### Регулярность языка

- (1) Для регулярного языка  $L = \{0\omega_1 + (01)^* \mid \omega_1 \in \{0,1\}^*\} = >$ 
  - (2) существует целое (∃ p=2≥1) такое что
    - (3) для всех  $(\forall w = 01 + 01 \in L((|w| \ge p)) = >$ 
      - (4) существует  $(\exists x=0, y=1, z=+01 \in \Sigma^*)$  такое что (w=xyz) = 0

- 1.  $(|y|=|1|\geq 1)$ , цикл у должен быть накачан хотя бы длиной 1 и
- 2.  $|xy| = |01| \le p = 2$  , цикл должен быть в пределах первых р символов и
- 3. для всех  $i=1 \ge 0$  ,  $(xy^1z=01+01 \in L$  , ))))))) , на х и z ограничений не накладывается.

#### Формулировка задания

Составить на основе разработанной грамматики конечный автомат, распознающий эквивалентный ей язык.

$$L(KA) \equiv L(G)$$

#### Конечный автомат

 $KA = (Q, \Sigma, \delta, q_0, F)$ , где Q – конечное множество состояний,  $\Sigma$  – конечный алфавит входных символов,  $\delta$  – функция перехода, задаваемая отображением  $\delta: Q \times \Sigma \to Q$ ,  $q_0$  – начальное состояние автомата, F – множество заключительных состояний.

δ:

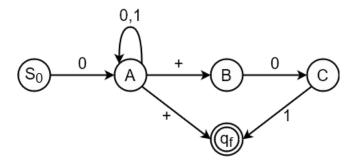
- 1.  $\delta(S_0, 0) = \{A\}$
- 2.  $\delta(A, 0) = \{A\}$
- 3.  $\delta(A, 1) = \{A\}$
- 4.  $\delta(A, +) = \{B, q_f\}$
- 5.  $\delta(B, 0) = \{C\}$
- 6.  $\delta(C, 1) = \{B, q_f\}$

Таким образом конечный автомат имеет вид:

$$KA = (\{S_0, A, B, C, q_f\}, \{0, 1, +\}, \delta, S_0, \{q_f\})$$

КА является недетерминированным.

## Диаграмма переходов конечного автомата



#### Конфигурация КА

$$\begin{split} &(S_0,\ 0+01) \vdash^1 (A,\ +01) \vdash^4 (B,\ 01) \vdash^5 (C,\ 1) \vdash^6 (q_f,\ \epsilon) \\ &(S_0,\ 00+0101) \vdash^1 (A,\ 0+0101) \vdash^2 (A,\ +0101) \vdash^4 (B,\ 0101) \vdash^5 (C,\ 101) \vdash^6 (B,\ 01) \vdash^5 (C,\ 1) \vdash^6 (q_f,\ \epsilon) \\ &(S_0,\ 01+) \vdash^1 (A,\ 1+) \vdash^3 (A,\ +) \vdash^6 (q_f,\ \epsilon) \end{split}$$

 $\begin{array}{l} (S_0,\,000+010101) \vdash^1 (A,\,00+010101) \vdash^2 (A,\,0+010101) \vdash^2 (A,\,+010101) \vdash^4 (B,\,010101) \vdash^5 \\ (C,\,10101) \vdash^6 (B,\,0101) \vdash^5 (C,\,101) \vdash^6 (B,\,01) \vdash^5 (C,\,1) \vdash^6 (q_{\rm f},\,\epsilon) \\ (S_0,\,001+0101) \vdash^1 (A,\,01+0101) \vdash^2 (A,\,1+0101) \vdash^3 (A,\,+0101) \vdash^4 (B,\,0101) \vdash^5 (C,\,101) \vdash^6 \\ (B,\,01) \vdash^5 (C,\,1) \vdash^6 (q_{\rm f},\,\epsilon) \end{array}$ 

 $L(KA) \equiv L(G)$ 

#### Формулировка задания

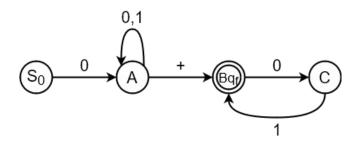
Реализовать преобразование НДКА в ДКА. Реализовать конечный автомат по диаграмме переходов.

# Преобразование НДКА в ДКА НДКА

#### ДКА

```
Automate config:
Q: S0 A C Bqf
Sigma: 1 0 +
Q0: S0
F: Bqf
DeltaList:
: (S0 , 0 ) -> A
: (A , 1 ) -> A
: (A , 0 ) -> Bqf
: (C , 1 ) -> Bqf
: (Bqf , 0 ) -> C
```

#### Диаграмма переходов ДКА



```
Enter line to execute :
0+01
Length: 4
i :4
curr: Bqf
chineSymbol belongs to language
Enter line to execute :
00+0101
Length: 7
i :7
curr: Bqf
chineSymbol belongs to language
Enter line to execute :
01+
Length: 3
i :3
curr: Bqf
chineSymbol belongs to language
Enter line to execute :
000+010101
Length: 10
i :10
curr: Bqf
chineSymbol belongs to language
Enter line to execute :
001+0101
Length: 8
i :8
curr: Bqf
chineSymbol belongs to language
```

#### Формулировка задания

Устранить из КС-грамматики бесполезные символы и эпсилон-правила.

$$G = (\{b, c, a, d\}, \{S, F, B, A, C\}, P, S)$$

$$P = \{S \rightarrow Sb, S \rightarrow F, S \rightarrow cFB, A \rightarrow Ab, A \rightarrow c, B \rightarrow cB, F \rightarrow Ca, C \rightarrow d, C \rightarrow \epsilon\}$$

#### Вывод цепочек

$$S \Rightarrow Sb \Rightarrow Sbb \Rightarrow Fbb \Rightarrow Cabb \Rightarrow abb$$

$$S \Rightarrow Sb \Rightarrow Sbb \Rightarrow Sbbb \Rightarrow Fbbb \Rightarrow Cabbb \Rightarrow dabbb$$

$$S \Rightarrow F \Rightarrow Ca \Rightarrow da$$

$$S \Rightarrow F \Rightarrow Ca \Rightarrow a$$

$$S \Rightarrow cFB \Rightarrow cCaB \Rightarrow cdaCB \Rightarrow cdaccB \Rightarrow cdacccB \Rightarrow cdacccB$$

#### Алгоритм удаления бесполезных символов

## Алгоритм удаления непроизводящих символов

**Вход:** 
$$G = (T, V, P, S)$$

**Выход:** 
$$G' = (T, V', P', S)$$

Шаг 1: 
$$V_p^0 = \emptyset$$

Шаг 2: 
$$V_p^1 = \{A, C\}$$

Шаг 3: 
$$V_p^2 = \{A, C, F\}$$

Шаг 4: 
$$V_p^3 = \{A, C, F, S\}$$

Шаг 5: 
$$V_{p}^{4} = \{A, C, F, S\}$$

$$V_{\rm p}^{3} = V_{\rm p}^{4}$$

$$V' = V \cap V_p = \{A, C, F, S\}$$

$$P' = \{S \rightarrow Sb, S \rightarrow F, A \rightarrow Ab, A \rightarrow c, F \rightarrow Ca, C \rightarrow d, C \rightarrow \epsilon\}$$

$$G = (\{b, c, a, d\}, \{S, F, A, C\}, P', S)$$

## Алгоритм удаления недостижимых символов

**Вход:** 
$$G = (T, V, P, S)$$

**Выход:** 
$$G = (T', V', P', S)$$

Шаг 1: 
$$VT_r^0 = \{S\}$$

Шаг 2: 
$$VT_r^1 = \{S, b, F\}$$

Шаг 3: 
$$VT_r^2 = \{S, b, F, C, a\}$$

Шаг 4: 
$$VT_r^3 = \{S, b, F, C, a, d\}$$

Шаг 5: 
$$VT_r^4 = \{S, b, F, C, a, d\}$$

$$VT_{r}^{3} = VT_{r}^{4}$$

$$\begin{split} VT_r &= \{S,\,b,\,F,\,C,\,a,\,d\} \\ T' &= T \,\cap\, VT_r = \{a,\,b,\,d\} \\ V' &= V \,\cap\, VT_r = \{S,\,F,\,C\} \\ P' &= \{S \,\rightarrow\, Sb,\,S \,\rightarrow\, F,\,F \,\rightarrow\, Ca,\,C \,\rightarrow\, d,\,C \,\rightarrow\, \epsilon\} \end{split}$$

# Алгоритм построение множества укорачивающих нетерминалов

**Вход:** G = (T, V, P, S)

 $G = ({a, b, d}, {S, F, C}, P', S)$ 

**Выход:**  $V_{\epsilon} = \{C\}$ 

Шаг 1:  $V_{\varepsilon}^{0} = \emptyset$ 

Шаг 2:  $V_{\epsilon}^{1} = \{C\}$ 

Шаг 3:  $V_{\varepsilon}^2 = \{C\}$ 

## Алгоритм удаления эпсилон-правил

**Вход:** G = (T, V, P, S)

**Выход:** G' = (T, V', P', S')

S' = S

V' = V

 $P' = \{S \rightarrow Sb, S \rightarrow F, F \rightarrow Ca, F \rightarrow a, C \rightarrow d\}$ 

# Грамматика без бесполезных символов и эпсилон-правил

$$G = ({S, F, C}, {a, b, d}, P, S)$$

$$P = \{S \rightarrow Sb, S \rightarrow F, F \rightarrow Ca, F \rightarrow a, C \rightarrow d\}$$

# Вывод цепочек

$$S \Rightarrow Sb \Rightarrow Sbb \Rightarrow Fbb \Rightarrow abb$$

$$S \Rightarrow Sb \Rightarrow Sbb \Rightarrow Sbbb \Rightarrow Fbbb \Rightarrow Cabbb \Rightarrow dabbb$$

$$S \Rightarrow F \Rightarrow Ca \Rightarrow da$$

$$S \Rightarrow F \Rightarrow a$$

#### Формулировка задания

Устранить из КС-грамматики цепные правила и левую рекурсию

$$G = ({S, F, C}, {a, b, d}, P, S)$$

$$P = \{S \rightarrow Sb, S \rightarrow F, F \rightarrow Ca, F \rightarrow a, C \rightarrow d\}$$

## Алгоритм удаления цепных правил

**Вход:** G = (T, V, P, S)

**Выход:** G' = (T, V, P', S)

$$V_S = \{S, F\}, V_F = \{F\}, V_C = \{C\}$$

Шаг 1: S → F

$$S \rightarrow Ca \mid a$$

Шаг 2: Цепных правил не осталось

$$P' = \{S \rightarrow Sb, S \rightarrow Ca, S \rightarrow a, C \rightarrow d\}$$

$$G = (\{S, C\}, \{a, b, d\}, P', S)$$

# Алгоритм удаления левой рекурсии

**Вход:** G = (T, V, P, S)

**Выход:** G' = (T, V', P', S)

Шаг 1: V = {S, C} = {
$$A_1$$
,  $A_2$ ,  $A_3$ }

Шаг 2: 
$$i = 1$$
. S  $\rightarrow$  Sb | Ca | a

$$S \rightarrow Ca \mid a \mid CaS' \mid aS'$$

$$S' \rightarrow b \mid bS'$$

Шаг 3: i = 2, j = 1. Подходящих правил нет.

Шаг 4: і = 2. Подходящих правил нет.

Шаг 5: i = 3, j = 1. Подходящих правил нет.

Шаг 6: i = 3, j = 2. Подходящих правил нет.

Шаг 7: і = 3. Подходящих правил нет.

$$V' = \{S, C, S'\}$$

$$P' = \{S \rightarrow CaS', S \rightarrow aS', S' \rightarrow bS', S' \rightarrow b, S \rightarrow Ca, S \rightarrow a, C \rightarrow d\}$$

$$G = ({S, C, S'}, {a, b, d}, P', S)$$

# Грамматика без цепных правил и левой рекурсии

$$G = ({S, C, S'}, {a, b, d}, P, S)$$

$$P = \{S \rightarrow CaS', S \rightarrow aS', S' \rightarrow bS', S' \rightarrow b, S \rightarrow Ca, S \rightarrow a, C \rightarrow d\}$$

#### Вывод цепочек

$$S\Rightarrow aS'\Rightarrow abS'\Rightarrow abb$$
  
 $S\Rightarrow CaS'\Rightarrow daS'\Rightarrow dabS'\Rightarrow dabbS'\Rightarrow dabbb$   
 $S\Rightarrow Ca\Rightarrow da$   
 $S\Rightarrow a$ 

# Лабораторная работа №6

## Формулировка задания

Определить форму КС-грамматики и сделать ее приведение.

#### Исходная грамматика

$$G = (\{b, c, a, d\}, \{S, F, B, A, C\}, P, S)$$

$$P = \{S \rightarrow Sb, S \rightarrow F, S \rightarrow cFB, A \rightarrow Ab, A \rightarrow c, B \rightarrow cB, F \rightarrow Ca, C \rightarrow d, C \rightarrow \epsilon\}$$

#### Вывод цепочек

$$S\Rightarrow Sb\Rightarrow Sbb\Rightarrow Fbb\Rightarrow Cabb\Rightarrow abb$$
  
 $S\Rightarrow Sb\Rightarrow Sbb\Rightarrow Sbbb\Rightarrow Fbbb\Rightarrow Cabbb\Rightarrow dabbb$   
 $S\Rightarrow F\Rightarrow Ca\Rightarrow da$   
 $S\Rightarrow F\Rightarrow Ca\Rightarrow a$   
 $S\Rightarrow cFB\Rightarrow cCaB\Rightarrow cdaB\Rightarrow cdacB\Rightarrow cdaccB\Rightarrow cdacccB$ 

#### Приведённая грамматика

G = ({S, F, C, S'}, {a, b, d}, P, S)  
P = {S 
$$\rightarrow$$
 CaS', S  $\rightarrow$  aS', S'  $\rightarrow$  bS', S'  $\rightarrow$  b, S  $\rightarrow$  Ca, S  $\rightarrow$  a, C  $\rightarrow$  d}

Грамматика не в нормальной форме Грейбах, так как имеет правила, начинающиеся с нетерминалов.

Грамматика не в нормальной форме Хомского, так как имеет правила из нетерминалов и терминалов.

#### Вывод цепочек

$$S \Rightarrow aS' \Rightarrow abS' \Rightarrow abb$$
  
 $S \Rightarrow CaS' \Rightarrow daS' \Rightarrow dabS' \Rightarrow dabbS' \Rightarrow dabbb$   
 $S \Rightarrow Ca \Rightarrow da$   
 $S \Rightarrow a$ 

#### Формулировка задания

Спроектировать МП-автомат для приведенной КС-грамматики.

## Приведённая грамматика

$$G = ({S, C, S'}, {a, b, d}, P, S)$$

$$P = \{S \rightarrow CaS', S \rightarrow aS', S \rightarrow Ca, S \rightarrow a, S' \rightarrow bS', S' \rightarrow b, C \rightarrow d\}$$

#### МП-автомат

$$M\Pi = (\{q\}, \{a, b, d\}, \{a, b, d, S, C, S'\}, \delta, q, S, \{q\})$$

δ:

- 1.  $\delta(q, \epsilon, S) = \{(q, CaS'), (q, aS'), (q, Ca), (q, a)\}$
- 2.  $\delta(q, \epsilon, S') = \{(q, bS'), (q, b)\}$
- 3.  $\delta(q, \epsilon, C) = \{(q, d)\}$
- 4.  $\delta(q, a, a) = \{(q, \epsilon)\}$
- 5.  $\delta(q, b, b) = \{(q, \epsilon)\}$
- 6.  $\delta(q, d, d) = \{(q, \epsilon)\}$

- 1.  $(q, abb, S) \vdash^1 (q, abb, aS') \vdash^4 (q, bb, S') \vdash^2 (q, bb, bS') \vdash^5 (q, b, S') \vdash^2 (q, b, b) \vdash^5 (q, \epsilon, \epsilon)$
- 2. (q, dabbb, S)  $\vdash^1$  (q, dabbb, CaS')  $\vdash^3$  (q, dabbb, daS')  $\vdash^6$  (q, abbb, aS')  $\vdash^4$  (q, bbb, S')  $\vdash^2$  (q, bbb, bS')  $\vdash^5$  (q, bb, S')  $\vdash^2$  (q, bb, bS')  $\vdash^5$  (q, b, b)  $\vdash^5$  (q, e, e)
- 3.  $(q, da, S) \vdash^{1} (q, da, Ca) \vdash^{3} (q, da, da) \vdash^{6} (q, a, a) \vdash^{4} (q, \epsilon, \epsilon)$
- 4.  $(q, a, S) \vdash^1 (q, a, a) \vdash^4 (q, \varepsilon, \varepsilon)$

#### Формулировка задания

Реализовать МП автомат для приведенной КС-грамматики.

#### МП-автомат

```
myMp mp = new myMp(new ArrayList() { "a", "b", "d" },
                    new ArrayList() { "S", "C", "D" },
                     new ArrayList() { "S", "C", "D", "a", "b", "d" },
                     "q",
                     "S",
                     new ArrayList() { "q" });
\label{eq:mpaddDeltaRule("q", "", "S", new ArrayList() { "q"}, new ArrayList() { "a" });}
mp.addDeltaRule("q", "", "S", new ArrayList() { "q"}, new ArrayList() { "C", "a",
"D" });
mp.addDeltaRule("q", "", "S", new ArrayList() { "q"}, new ArrayList() { "a", "D" });
mp.addDeltaRule("q", "", "S", new ArrayList() { "q"}, new ArrayList() { "C", "a" });
mp.addDeltaRule("q", "", "D", new ArrayList() {"q"}, new ArrayList() { "b", "D" });
mp.addDeltaRule("q", "", "D", new ArrayList() {"q"}, new ArrayList() { "b" });
mp.addDeltaRule("q", "", "C", new ArrayList() { "q"}, new ArrayList() { "d" });
mp.addDeltaRule("q", "a", "a", new ArrayList() { "q" }, new ArrayList() { "" });
mp.addDeltaRule("g", "b", "b", new ArrayList() { "g" }, new ArrayList() { "" });
mp.addDeltaRule("q", "d", "d", new ArrayList() { "q" }, new ArrayList() { "" });
```

```
Prules:
S -> a
S \rightarrow CaD
S -> aD
S -> Ca
D -> bD
D -> b
C \rightarrow d
Deltarules :
delta(Q q, T , Z S) = (Q q, Z CaD)
delta(Q q,T ,Z D)
                         = (Q q, Z b)
delta(Q q,T ,Z S)
                          = (Q q, Z a)
delta(Q q,T ,Z S)
                         = (Q q, Z aD)
delta(Q q,T ,Z S)
                          = (Q q, Z Ca)
delta(Q q,T ,Z D)
                          = (Q q, Z bD)
delta(Q q,T ,Z C)
                         = (Q q, Z d)
delta(Q q,T a,Z a)
                           = (Q q, Z)
delta(Q q,T b,Z b)
                           = (Q q, Z)
delta(Q q,T d,Z d)
                           = (Q q, Z)
Введите строку:
dab
delta(Q q, T , Z S) = (Q q, Z CaD)
delta(Q q,T ,Z C)
                         = (Q q, Z d)
delta(Q q,T d,Z d)
                           = (Q q, Z)
```

delta(Q q,T a,Z a) = (Q q,Z ) delta(Q q,T ,Z D) = (Q q,Z b) delta(Q q,T b,Z b) = (Q q,Z )

True

#### Формулировка задания

Для LL(1) анализатора построить управляющую таблицу М.

Определить FIRST и FOLLOW. Построить управляющую таблицу построчно.

## Грамматика

$$G = (V, T, P, S)$$

$$T = \{i, =, *, (, )\}$$

$$V = \{S, F, L\}$$

P:

- 1.  $S \rightarrow F=L$
- 2.  $S \rightarrow L$
- 3.  $F \rightarrow (*L)$
- 4.  $F \rightarrow i$
- 5.  $L \rightarrow F$

Грамматика не принадлежит классу LL(1), так как для правил  $S \to F = L \mid L$ :

$$FIRST(F=L) = FIRST(L) = FIRST(F) = \{(, I)\}$$

## Преобразование к LL(1)-грамматике

Заметим, что цепное правило  $L \to F$  является единственным правилом для L, следовательно можно заменить L на F в правых частях других правил и удалить L из грамматики. Получим грамматику:

$$G = ({S, F}, {i, =, *, (, )}, P, S)$$

P:

- 1.  $S \rightarrow F=F$
- 2.  $S \rightarrow F$
- 3.  $F \rightarrow (*F)$
- 4. F → i

Проведем левую факторизацию по следующему алгоритму:

Алгоритм. Левая факторизация грамматики

**Вход**: грамматика G.

Выход: эквивалентная левофакторизованная грамматика.

**Метод**: для каждого нетерминала A находим самый длинный префикс  $\alpha$ , общий для двух или большего числа альтернатив. Если  $\alpha \neq \varepsilon$ , т.е. имеется нетривиальный общий префикс, заменим все продукции  $A \to \alpha \beta_1 \mid \alpha \beta_2 \mid \ldots \mid \alpha \beta_n \mid \gamma$ , где  $\gamma$  представляет все альтернативы, не начинающиеся с  $\alpha$ , продукциями

$$A \rightarrow \alpha A' \mid \gamma$$

$$A' \rightarrow \beta_1 \mid \beta_2 \mid \dots \mid \beta_n$$

Здесь A' — новый нетерминал. Выполняем это преобразование до тех пор, пока никакие две альтернативы нетерминала не будут иметь общий префикс.

Применив алгоритм к правилам S  $\rightarrow$  F=F | F, заменяем их на правила

 $S \to FS'$  ,  $S' \to =F \mid \epsilon$ . Получим грамматику без неопределённостей:

$$G = ({S, S', F}, {i, =, *, (, )}, P, S)$$

P:

- 1.  $S \rightarrow FS'$
- 2.  $S' \rightarrow =F$
- 3.  $S' \rightarrow \epsilon$
- 4.  $F \rightarrow (*F)$
- 5.  $F \rightarrow i$

## Построение функции FIRST

$$FIRST(S) = FIRST(F) = \{(, i)\}$$

$$FIRST(S') = \{=, \epsilon\}$$

$$FIRST(F) = \{(, i)\}$$

$$FIRST(FS') = FIRST(F) = \{(, i)\}$$

$$FIRST((*F)) = \{(\}$$

# Построение функции FOLLOW

$$FOLLOW(S) = \{ \perp \}$$

$$FOLLOW(S') = \{\bot\}$$

$$FOLLOW(F) = FIRST(S') \setminus \{\epsilon\} \cup FOLLOW(S') \cup \{\}\} = \{=, \perp, \}$$

# Построение управляющей таблицы М

M	i	=	*	(	)	3
S	FS', 1			FS', 1		
S'		=F, 2				ε, 3
F	i, 5			(*F), 4		
i	ВЫБРОС					
=		ВЫБРОС				
*			ВЫБРОС			
(				ВЫБРОС		
)					ВЫБРОС	
						допуск

## <u>Лабораторная работа №10</u>

#### Формулировка задания

Рассмотреть работу алгоритма для цепочки символов, порожденной LL(1) грамматикой.

G = ({S, S', F}, {i, =, \*, (, )}, P, S)  
P = { S 
$$\rightarrow$$
 FS', S'  $\rightarrow$  =F, S'  $\rightarrow$   $\epsilon$ , F  $\rightarrow$  (\*F), F  $\rightarrow$  i }

## Вывод цепочек

- 1.  $S \Rightarrow^1 FS' \Rightarrow^4 (*F)S' \Rightarrow^4 (*(*F))S' \Rightarrow^5 (*(*i))S' \Rightarrow^2 (*(*i))=F \Rightarrow^4 (*(*i))=(*F) \Rightarrow^5 (*(*i))=(*i)$
- 2.  $S \Rightarrow S \Rightarrow^1 FS' \Rightarrow^5 iS' \Rightarrow^2 i=F \Rightarrow^5 i=i$

- 1.  $((*(*i))=(*i), S^{\perp}, \varepsilon) \vdash$   $((*(*i))=(*i), FS^{\perp}, 1) \vdash$   $((*(*i))=(*i), (*F)S^{\perp}, 14) \vdash (*(*i))=(*i), *F)S^{\perp}, 14) \vdash ((*i))=(*i), F)S^{\perp}, 14) \vdash$   $((*i))=(*i), (*F))S^{\perp}, 144) \vdash (*i))=(*i), *F))S^{\perp}, 144) \vdash (i))=(*i), F))S^{\perp}, 144) \vdash$   $(i))=(*i), i))S^{\perp}, 1445) \vdash ())=(*i), i)S^{\perp}, 1445) \vdash$   $()=(*i), S^{\perp}, 1445) \vdash (=(*i), S^{\perp}, 1445) \vdash$   $(=(*i), =F^{\perp}, 144524) \vdash ((*i), F^{\perp}, 144524) \vdash$   $((*i), (*F)^{\perp}, 144524) \vdash ((*i), *F)^{\perp}, 144524) \vdash$   $(i), i)^{\perp}, 1445245) \vdash (), j^{\perp}, 1445245) \vdash$  $(\varepsilon, \perp, 1445245)$
- 2.  $(i=i, S^{\perp}, \epsilon) \vdash$   $(i=i, FS^{\perp}, 1) \vdash$   $(i=i, iS^{\perp}, 15) \vdash (=i, S^{\perp}, 15) \vdash$   $(=i, =F^{\perp}, 152) \vdash (i, F^{\perp}, 152) \vdash$  $(i, i^{\perp}, 1525) \vdash (\epsilon, ^{\perp}, 1525)$
- 3. ((\*(\*(\*i))), S<sup>⊥</sup>, ε) ⊢
  ((\*(\*(\*i))), FS'<sup>⊥</sup>, 1) ⊢
  ((\*(\*(\*i))), (\*F)S'<sup>⊥</sup>, 14) ⊢ (\*(\*(\*i))), \*F)S'<sup>⊥</sup>, 14) ⊢
  ((\*(\*i))), F)S'<sup>⊥</sup>, 14) ⊢
  ((\*(\*i))), (\*F))S'<sup>⊥</sup>, 144) ⊢ (\*(\*i))), \*F))S'<sup>⊥</sup>, 144) ⊢ ((\*i))), F))S'<sup>⊥</sup>, 1444) ⊢
  ((\*i))), (\*F)))S'<sup>⊥</sup>, 1444) ⊢ (\*i))), \*F)))S'<sup>⊥</sup>, 1444) ⊢ (i))), F)))S'<sup>⊥</sup>, 14445) ⊢
  (i))), i)))S'<sup>⊥</sup>, 14445) ⊢ (ε, S'<sup>⊥</sup>, 14445) ⊢
  (ε, <sup>⊥</sup>, 144453)

#### Формулировка задания

Реализовать управляющую таблицу M для LL(1) анализатора.

#### Грамматика

## Построение управляющей таблицы М

```
Создадим таблицу. Сначала создадим по столбцу для каждого из этих терминалов:
i, =, *, (, ), ,
Также создаем строку для Эпсилон
Рассмотрим нетерминал S
  Первый символ правила S -> FS' - (
  Это правило заносим в таблицу на пересечении строки нетерминала S и
столбца терминала (
  Первый символ правила S -> FS' - i
  Это правило заносим в таблицу на пересечении строки нетерминала S и
столбца терминала і
Рассмотрим нетерминал S'
  Первый символ правила S' -> =F - =
  Это правило заносим в таблицу на пересечении строки нетерминала S' и
столбца терминала =
Рассмотрим нетерминал F
  Первый символ правила F -> (*F) - (
  Это правило заносим в таблицу на пересечении строки нетерминала F и
столбца терминала (
  Первый символ правила F -> і - і
  Это правило заносим в таблицу на пересечении строки нетерминала F и
столбца терминала і
```

```
Введите строку:

(*(*i))=(*i)

Успех. Строка соответствует грамматике.

1445245
```

```
Введите строку:

i=i

Успех. Строка соответствует грамматике.

1525

Введите строку:

(*(*(*i)))

Успех. Строка соответствует грамматике.

144453
```

## Формулировка задания

Определить пополненную LR(1) грамматику. Определить активные префиксы. Определить множество FIRST для LR(1) грамматики. Определить множество LR(1) ситуаций. Построить замыкание CLOSURE(I) множества ситуаций.

$$G = ({S, F, L}, {i, *, =, (, )}, P, S)$$

P:

- 1.  $S \rightarrow F=L$
- 2.  $S \rightarrow L$
- 3.  $F \rightarrow (*L)$
- 4.  $F \rightarrow i$
- 5.  $L \rightarrow F$

## Пополненная грамматика

$$G = ({S', S, F, L}, {i, *, =, (, )}, P, S)$$

P:

- $0. \quad S' \rightarrow S$
- 1.  $S \rightarrow F=L$
- 2.  $S \rightarrow L$
- 3.  $F \rightarrow (*L)$
- 4.  $F \rightarrow i$
- 5.  $L \rightarrow F$

# Первый способ построения

#### Определение активных префиксов

Символ грамматики	Магазинный символ	Кодируемая цепочка
S	$S_0$	$\perp_{\mathrm{S}}$
F	F <sub>1</sub>	F
_	F <sub>5</sub>	F
	$L_1$	F=L
L	$L_2$	L
	$L_3$	(*L

i	i <sub>4</sub>	i
*	*3	(*
=	=1	F=
(	<b>(</b> 3	(
)	)3	(*L)

## Второй способ построения

# Построение функции FIRST

FIRST(S) = FIRST(F) 
$$\cup$$
 FIRST(L) = {(, i}  
FIRST(F) = {(, i}  
FIRST(L) = FIRST(F) = {(, i}  
FIRST(F=L) = FIRST(F) = {(, i}  
FIRST((\*L)) = {(}

## Построение функции FOLLOW

FOLLOW(S) = 
$$\{\bot\}$$
  
FOLLOW(F) =  $\{=\} \cup \text{FOLLOW}(L) = \{=, \bot, )\}$   
FOLLOW(L) = FOLLOW(S)  $\cup \{\}$  =  $\{\bot, \}$ 

# Замыкание множества ситуаций

```
\begin{split} & I = CLOSURE(\{S' \rightarrow \cdot S\}) \\ & \coprod ar \ 1 \colon I = \{S' \rightarrow \cdot S\} \\ & \coprod ar \ 2 \colon I = I \cup \{S \rightarrow \cdot F = L, S \rightarrow \cdot L\} \\ & \coprod ar \ 3 \colon I = I \cup \{F \rightarrow \cdot (*L), F \rightarrow \cdot i\} \\ & \coprod ar \ 4 \colon I = I \cup \{L \rightarrow \cdot F\} \\ & I = \{S' \rightarrow \cdot S, S \rightarrow \cdot F = L, S \rightarrow \cdot L, F \rightarrow \cdot (*L), F \rightarrow \cdot i, L \rightarrow \cdot F\} \end{split}
```

# Формулировка задания

Определить функцию перехода g(x). Определить функцию перехода GOTO(I,x)

# Первый способ построения

# Функция переходов g(x)

g(x)	i	=	*	(	)	S	F	L
$S_0$								
F <sub>1</sub>		=1						
F <sub>5</sub>					)3			
$L_1$								
$L_2$								
$L_3$					)3			
<b>i</b> <sub>4</sub>		=1			)3			
*3	i <sub>4</sub>			<b>(</b> 3			$F_5$	$L_3$
=1	i <sub>4</sub>			<b>(</b> 3			F <sub>1</sub>	$L_1$
<b>(</b> 3			*3					
)3		=1						
上	i <sub>4</sub>			<b>(</b> 3			F <sub>1</sub> , F <sub>5</sub>	

Автомат переходов получается недетерминированным. Введем новый магазинный символ  $F_x = \{F_1, F_5\}$ .  $F_x$  кодирует цепочку F.

## Второй способ построения

#### Функция переходов GOTO

 $GOTO(I_7, () = \{F \rightarrow (\cdot *L)\} = I_5$ 

GOTO( $I_{10}$ , ) ) = {F  $\rightarrow$  (\*L)·} =  $I_{11}$ 

GOTO( $I_7$ , i) = {F  $\rightarrow$  i·} =  $I_4$ 

$$\begin{split} I_0 &= \text{CLOSURE}(\{S' \to \cdot S\}) = \{S' \to \cdot S, \, S \to \cdot F = L, \, S \to \cdot L, \, F \to \cdot (*L), \, F \to \cdot i, \, L \to \cdot F \} \\ &= \text{GOTO}(I_0, \, S) = \{S' \to S \cdot \} = I_1 \\ &= \text{GOTO}(I_0, \, F) = \{S \to F \cdot = L, \, L \to F \cdot \} = I_2 \\ &= \text{GOTO}(I_0, \, L) = \{S \to L \cdot \} = I_3 \\ &= \text{GOTO}(I_0, \, i) = \{F \to i \cdot \} = I_4 \\ &= \text{GOTO}(I_0, \, i) = \{F \to i \cdot \} = I_5 \\ &= \text{GOTO}(I_2, \, e) = \{S \to F = \cdot L, \, L \to \cdot F, \, F \to \cdot (*L), \, F \to \cdot i\} = I_6 \\ &= \text{GOTO}(I_5, \, *) = \{F \to (* \cdot L), \, L \to \cdot F, \, F \to \cdot (*L), \, F \to \cdot i\} = I_7 \\ &= \text{GOTO}(I_6, \, L) = \{S \to F = L \cdot \} = I_8 \\ &= \text{GOTO}(I_6, \, F) = \{L \to F \cdot \} = I_9 \\ &= \text{GOTO}(I_6, \, i) = \{F \to i \cdot \} = I_4 \\ &= \text{GOTO}(I_7, \, L) = \{F \to (*L \cdot)\} = I_{10} \\ &= \text{GOTO}(I_7, \, F) = \{L \to F \cdot \} = I_9 \end{split}$$

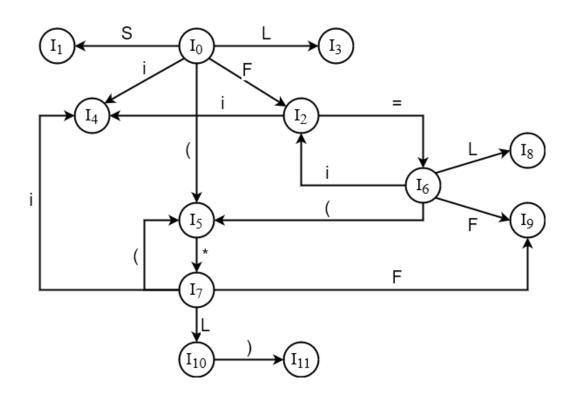
#### Формулировка задания

Построить каноническую форму множества ситуаций. Построить диаграмму переходов автомата.

## Каноническая форма множества ситуаций

```
\begin{split} C &= \{ \\ I_0 &= \{S' \to \cdot S, S \to \cdot F = L, S \to \cdot L, F \to \cdot (*L), F \to \cdot i, L \to \cdot F \}, \\ I_1 &= \{S' \to S \cdot \}, \\ I_2 &= \{S \to F \cdot = L, L \to F \cdot \}, \\ I_3 &= \{S \to L \cdot \}, \\ I_4 &= \{F \to i \cdot \}, \\ I_5 &= \{F \to (\cdot *L)\}, \\ I_6 &= \{S \to F = \cdot L, L \to \cdot F, F \to \cdot (*L), F \to \cdot i \}, \\ I_7 &= \{F \to (* \cdot L), L \to \cdot F, F \to \cdot (*L), F \to \cdot i \}, \\ I_8 &= \{S \to F = L \cdot \}, \\ I_9 &= \{L \to F \cdot \}, \\ I_{10} &= \{F \to (*L \cdot)\}, \\ I_{11} &= \{F \to (*L) \cdot \} \end{split}
```

#### Диаграмма переходов автомата



# Формулировка задания

Построить управляющую таблицу для функций перехода и действий.

# Первый способ построения

# Управляющая таблица

M		Фун	кция	дейс	гвий			Функция переходов						
1 <b>V1</b>	i	=	*	(	)	Т	i	=	*	(	)	S	F	L
$S_0$						Д								
$F_{x}$	C, 5	П	C, 5	C, 5	C, 5	C, 5		=1			)3			
$L_1$	C, 1													
$L_2$	C, 2													
$L_3$	П	П	П	П	П						)3			
$\mathbf{i}_4$	C, 4		=1			)3								
*3	П	П	П	П	П		$i_4$			(3			F <sub>x</sub>	L <sub>3</sub>
$=_1$	П	П	П	П	П		$i_4$			<b>(</b> 3			F <sub>x</sub>	$L_1$
(3	П	П	П	П	П				*3					
)3	C, 3		=1											
	П	П	П	П	П		$i_4$			<b>(</b> 3			F <sub>x</sub>	

$$2. \quad ( \dot{\bot}, \, i = i \dot{\bot}, \, \epsilon ) \vdash^{\Pi} ( \dot{\bot}i_4, \, = i \dot{\bot}, \, \epsilon ) \vdash^{C} ( \dot{\bot}F_x, \, = i \dot{\bot}, \, 4 ) \vdash^{\Pi} ( \dot{\bot}F_x =_1, \, i \dot{\bot}, \, 4 ) \vdash^{\Pi} ( \dot{\bot}F_x =_1i_4, \, \dot{\bot}, \, 4 ) \vdash^{C} ( \dot{\bot}F_x =_1F_x, \, \dot{\bot}, \, 444) \vdash^{C} ( \dot{\bot}F_x =_1L_1, \, \dot{\bot}, \, 445) \vdash^{C} ( \dot{\bot}S_0, \, \dot{\bot}, \, 4451) \vdash^{\mathcal{H}}$$

# Второй способ построения

# Управляющая таблица

I		Ф	ункция	Функция переходов					
	i	=	*	(	)	上	S	F	L
0	П, 4			П, 5			1	2	3
1						Д			
2		П, 6			C, 5	C, 5			
3						C, 2			
4		C, 4			C, 4	C, 4			
5			П, 7						
6	П, 4			П, 5				9	8
7	П, 4			П, 5				9	10
8						C, 1			
9					C, 5	C, 5			
10					П, 11				
11		C, 3			C, 3	C, 3			

- 1.  $(0, (*(*i)) = (*i)^{\perp}) \vdash^{\Pi} (0.5, *(*i)) = (*i)^{\perp}) \vdash^{\Pi} (0.5.7, (*i)) = (*i)^{\perp}) \vdash^{\Pi} (0.5.7.5, *i)) = (*i)^{\perp}) \vdash^{\Pi} (0.5.7.5.7.4, )) = (*i)^{\perp}) \vdash^{\Gamma} (0.5.7.5.7.9, )) = (*i)^{\perp}) \vdash^{\Gamma} (0.5.7.5.7.10, )) = (*i)^{\perp}) \vdash^{\Pi} (0.5.7.5.7.10, 11, ) = (*i)^{\perp}) \vdash^{\Gamma} (0.5.7.5.7.9, )) = (*i)^{\perp}) \vdash^{\Gamma} (0.5.7.5.7.10, 11, ) = (*i)^{\perp}) \vdash^{\Gamma} (0.5.7.7.9, ) = (*i)^{\perp}) \vdash^{\Gamma} (0.5.7.7.9, )) = (*i)^{\perp}) \vdash^{\Gamma} (0.5.7.7.9, )) \vdash^{\Gamma} (0.5.7.9, )) \vdash^$
- 2.  $(0, i=i^{\perp}) \vdash^{\Pi} (0 \ 4, =i^{\perp}) \vdash^{C} (0 \ 2, =i^{\perp}) \vdash^{\Pi} (0 \ 2 \ 6, i^{\perp}) \vdash^{\Pi} (0 \ 2 \ 6 \ 4, \perp) \vdash^{C} (0 \ 2 \ 6 \ 9, \perp) \vdash^{C} (0$

3.  $(0, (*(*(*i)))^{\perp}) \vdash^{\Pi} (0.5, *(*(*i)))^{\perp}) \vdash^{\Pi} (0.5.7, (*(*i)))^{\perp}) \vdash^{\Pi} (0.5.7.5, *(*i)))^{\perp}) \vdash^{\Pi} (0.5.7.5.7.5, *(*i)))^{\perp}) \vdash^{\Pi} (0.5.7.5.7.5.7.5, *(*i)))^{\perp}) \vdash^{\Pi} (0.5.7.5.7.5.7.5.7.5, *(*i)))^{\perp}) \vdash^{\Pi} (0.5.7.5.7.5.7.5.7.5.7.5, *(*i)))^{\perp}) \vdash^{\Pi} (0.5.7.5.7.5.7.5.7.5.7.5.7.5, *(*i)))^{\perp}) \vdash^{\Pi} (0.5.7.5.7.5.7.5.7.5.7.5, *(*i)))^{\perp}) \vdash^{\Pi} (0.5.7.5.7.5.7.5.7.5.7.5, *(*i)))^{\perp}) \vdash^{\Pi} (0.5.7.5.7.5.7.5.7.5, *(*i)))^{\perp}) \vdash^{\Pi} (0.5.7.5.7.5.7.5.7.5, *(*i)))^{\perp}) \vdash^{\Pi} (0.5.7.5.7.5.7.5.7.5, *(*i)))^{\perp}) \vdash^{\Pi} (0.5.7.5.7.5.7.5.7.5, *(*i)))^{\perp}) \vdash^{\Pi} (0.5.7.5.7.5.7.5, *(*i)))^{\perp}) \vdash^{\Pi} (0.5.7.5.7.5, *(*i))$ 

#### Формулировка задания

Реализовать LR(1)-анализатор по управляющей таблице (g,f) для LR(1) грамматики.

#### Реализация LR(1)-анализатора

(Этап с пошаговым построением функции GOTO пропущен)

```
Введите продукции:
S F=L
S L
F (*L)
Γi
L F
Исходная
КС - грамматика :
Алфавит нетерминальных символов: SLF
Алфавит терминальных символов: : i) = (*
Правила:
{ S F=L; S L; F (*L); F i; L F }
После удаления е-продукций
Правила:
S F=L
SL
F (*L)
Fi
L F
ΠЅ
Терминалы : i) = (*$
Нетерминалы: SLFП
Вычислены множества FIRST для символов грамматики и строк
First( S ): i(
First( L ): i(
First(F): (i
First (\Pi): i(
First( F=L ): (i
First( L ): i(
First( (*L) ): (
First( i ): i
First( F ): (i
First(S): i(
```

```
IO { Π .S,$; S .F=L,$; S .L,$; F .(*L),=; F .i,=; L .F,$; F .
(*L),$; F .i,$ }
I1 { F i.,=; F i.,$ }
I2 { F(.*L),=; F(.*L),$}
I3 { F (*.L),=; F (*.L),$; L .F,); F .(*L),); F .i,) }
I4 { Π S.,$ }
I5 { S L.,$ }
I6 { S F.=L,$; L F.,$ }
I7 { F i., ) }
I8 { S F=.L,$; L .F,$; F .(*L),$; F .i,$ }
19 { F (.*L),) }
I10 { F (*.L),); L .F,); F .(*L),); F .i,) }
I11 { F (*L.),=; F (*L.),$ }
I12 { L F.,) }
I13 { F i.,$ }
I14 { F (*L).,=; F (*L).,$ }
I15 { F (.*L),$ }
I16 { F (*.L),$; L .F,); F .(*L),); F .i,) }
I17 { S F=L.,$ }
I18 { L F.,$ }
I19 { F (*L.),) }
I20 { F (*L).,) }
I21 { F (*L.),$ }
I22 { F (*L).,$ }
Создана ACTION таблица
ACTION[14, =] = r F (*L)
ACTION[3, i] = s 7
ACTION[2, *] = s 3
ACTION[1, \$] = r F i
ACTION[0, i] = s 1
ACTION[7, )] = r F i
ACTION[6, =] = s 8
ACTION[5, \$] = r S L
ACTION[4, \$] = a
ACTION[11, )] = s 14
ACTION[10, i] = s 7
ACTION[9, *] = s 10
ACTION[8, (] = s 15
ACTION[15, *] = s 16
ACTION[14, \$] = r F (*L)
ACTION[13, \$] = r F i
ACTION[12, )] = r L F
ACTION[19, )] = s 20
ACTION[1, =] = r F i
ACTION[17, \$] = r \$ F=L
ACTION[16, i] = s 7
ACTION[22, \$] = r F (*L)
ACTION[21, )] = s 22
```

```
ACTION[10, (] = s 9]
ACTION[0, (] = s 2
ACTION[18, \$] = r L F
ACTION[8, i] = s 13
ACTION[6, \$] = r L F
ACTION[3, (] = s 9
ACTION[16, (] = s 9]
Создана GOTO таблица
GOTO[8, F] = 18
GOTO[0, S] = 4
GOTO[10, L] = 19
GOTO[16, F] = 12
GOTO[8, L] = 17
GOTO[10, F] = 12
GOTO[0, F] = 6
GOTO[3, L] = 11
GOTO[16, L] = 21
GOTO[0, L] = 5
GOTO[3, F] = 12
Распознавание цепочек
Введите строку:
(*(*i)) = (*i)
Введена строка: (*(*i)) = (*i)$
Процесс вывода:
F->i
L->F
F->(*L)
L->F
F->(*L)
F->i
L->F
F->(*L)
L->F
S->F=L
Строка допущена
Введите строку:
i=i
Введена строка: i=i$
Процесс вывода:
F->i
F->i
L->F
S->F=L
Строка допущена
```

ACTION[20, )] = r F (\*L)

```
Введите строку:
(*(*(*i)))
Введена строка: (*(*(*i)))$
Процесс вывода:
F->i
L->F
F->(*L)
L->F
F->(*L)
L->F
F->(*L)
L->F
F->(*L)
L->F
S->L
```

Строка допущена