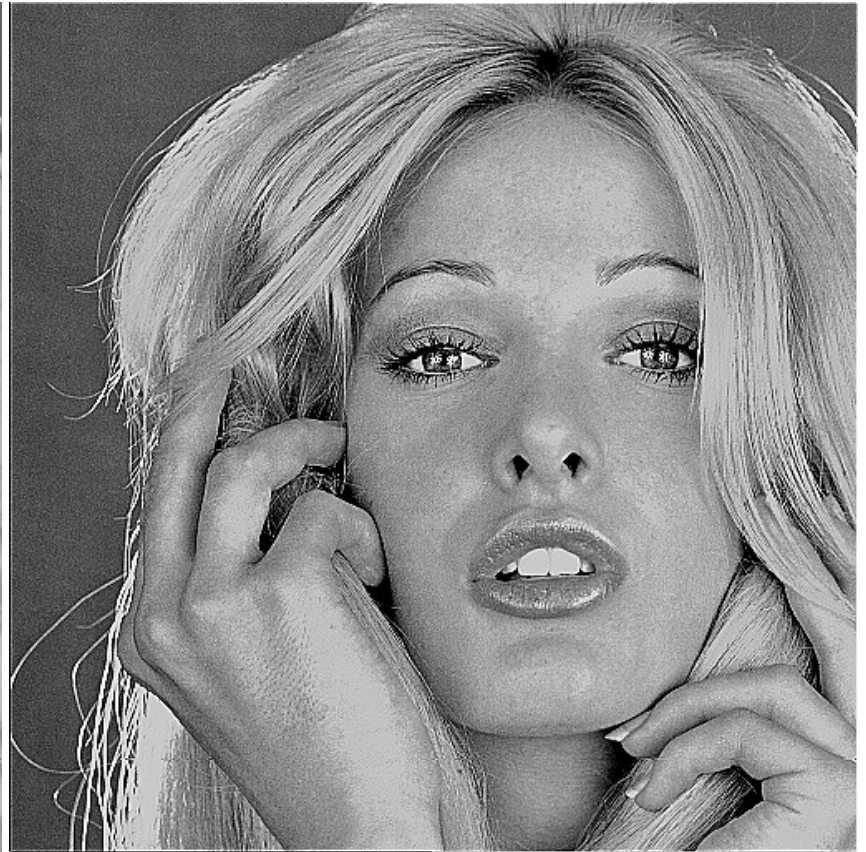


Filtros espaciales

Imagen Original



Resultado del Filtro



Aplicación del filtro unsharp masking

Operaciones basadas en vecindades

Las operaciones se realizan de la siguiente forma:

- 1.- Se selecciona el píxel a procesar.
- 2.- Se selecciona el entorno del píxel.
- 3.- Se aplica una función que depende del valor de los píxeles del entorno seleccionado
- 4.- Se altera el píxel de la imagen de salida equivalente al píxel de la imagen de entrada, por el valor devuelto por la función.
- 5.- Repetir de 1 a 4 por cada píxel de la imagen de entrada.

Operaciones basadas en vecindades (II)

Ejemplo: Máximo de una vecindad de 3x3

Imagen de entrada (I)

6	14	10	10	4	3
11	16	17	20	6	3
11	20	15	10	5	4
13	16	6	2	2	2
11	16	7	3	4	2
6	4	4	2	3	2

Imagen de salida (I1)

16	17	20	20	20	6
20	20	20	20	20	6
20	20	20	20	20	6
20	20	20	15	10	5
16	16	16	7	4	4
16	16	16	7	4	4

Lo cual se realizaría con el siguiente programa Matlab

```
>> f=inline('max(x(:))'); % Define función máxima  
>> I1=nlfilter(I,[3, 3],f); % Devuelve máximo
```

Operaciones basadas en vecindades (III)

Ejemplo: Mínimo de una vecindad de 3x3

Imagen de entrada (I)

6	14	10	10	4	3
11	16	17	20	6	3
11	20	15	10	5	4
13	16	6	2	2	2
11	16	7	3	4	2
6	4	4	2	3	2

Imagen de salida (I1)

0	0	0	0	0	0
0	6	10	4	3	0
0	6	2	2	2	0
0	6	2	2	2	0
0	4	2	2	2	0
0	0	0	0	0	0

Lo cual se realizaría con el siguiente programa Matlab

```
>> f=inline('min(x(:))');  
>> I1=nlfilter(I,[3, 3],f);
```

Operaciones basadas en vecindades (IV)

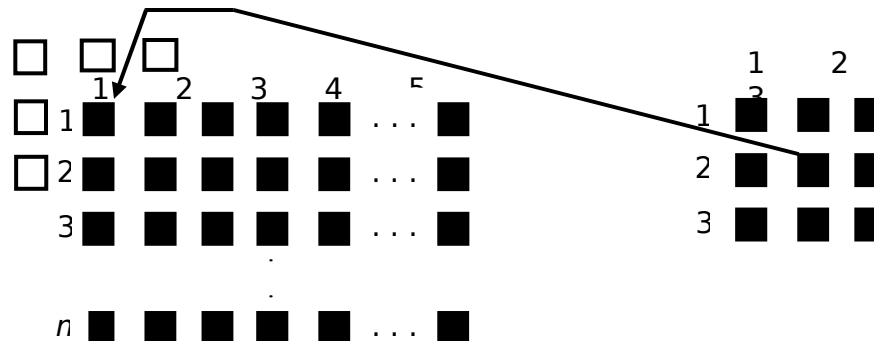
El problema del contorno

Imagen de entrada

6	14	10	10	4	3
11	16	17	20	6	3
11	20	15	10	5	4
13	16	6	2	2	2
11	16	7	3	4	2
6	4	4	2	3	2

Imagen de salida

0	0	0	0	0	0
0	6	10	4	3	0
0	6	2	2	2	0
0	6	2	2	2	0
0	4	2	2	2	0
0	0	0	0	0	0



Operaciones basadas en vecindades (V)

Solución: Relleno de píxeles

Imagen de entrada

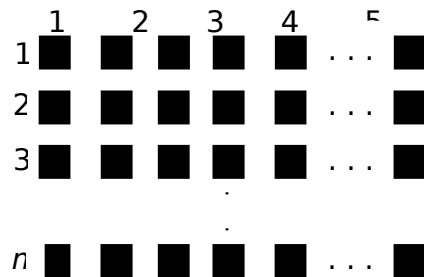
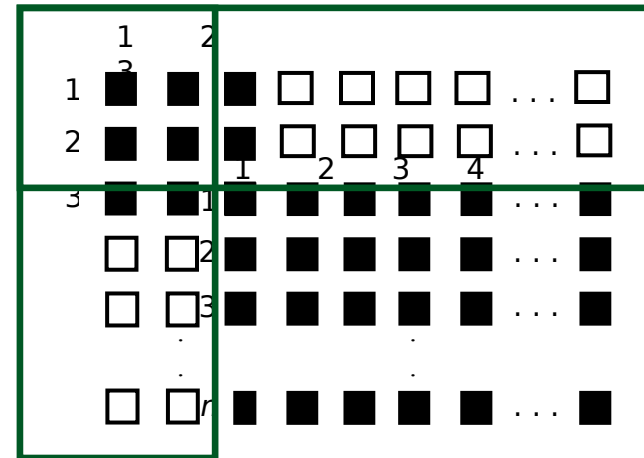


Imagen de salida



Rellenar contorno sin alterar la imagen original:

Función: *imfilter* ('La_imagen.jpg', máscara, **relleno**, salida)

'same': Mismo tamaño imagen original
'full': Tamaño resultante con relleno (mayor)

máscara=
[0 0 0 0 0
0 0 0 0 0
0 0 1 0 0
0 0 0 0 0
0 0 0 0 0]

Operaciones basadas en vecindades (VI)

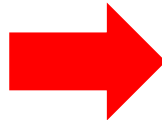
Relleno de una constante

f =

```
1  2  3  2  1
-1 -2 -3 -2 -1
1  2  3  2  1
-1 -2 -3 -2 -1
1  2  3  2  1
```

w =

```
[0 0 0 0 0
0 0 0 0 0
0 0 1 0 0
0 0 0 0 0
0 0 0 0 0]
```



25	25	25	25	25	25	25	25	25
25	25	25	25	25	25	25	25	25
25	25	1	2	3	2	1	25	25
25	25	-1	-2	-3	-2	-1	25	25
25	25	1	2	3	2	1	25	25
25	25	-1	-2	-3	-2	-1	25	25
25	25	1	2	3	2	1	25	25
25	25	25	25	25	25	25	25	25
25	25	25	25	25	25	25	25	25

>> imfilter(f,w,25,'full')

Operaciones basadas en vecindades (VII)

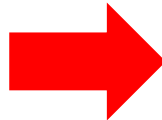
Relleno basado en réplica

f =

```
1  2  3  2  1
-1 -2 -3 -2 -1
1  2  3  2  1
-1 -2 -3 -2 -1
1  2  3  2  1
```

w =

```
[0 0 0 0 0
 0 0 0 0 0
 0 0 1 0 0
 0 0 0 0 0
 0 0 0 0 0]
```



1	1	1	2	3	2	1	1	1
1	1	1	2	3	2	1	1	1
1	1	1	2	3	2	1	1	1
-1	-1	-1	-2	-3	-2	-1	-1	-1
1	1	1	2	3	2	1	1	1
-1	-1	-1	-2	-3	-2	-1	-1	-1
1	1	1	2	3	2	1	1	1
1	1	1	2	3	2	1	1	1
1	1	1	2	3	2	1	1	1

>> imfilter(f,w,'**replicate**','full')

Operaciones basadas en vecindades (VIII)

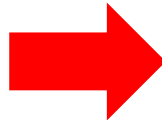
Relleno basado en espejo

f =

```
1 2 3 2 1
-1 -2 -3 -2 -1
1 2 3 2 1
-1 -2 -3 -2 -1
1 2 3 2 1
```

w =

```
[0 0 0 0 0
0 0 0 0 0
0 0 1 0 0
0 0 0 0 0
0 0 0 0 0]
```



-2	-1	-1	-2	-3	-2	-1	-1	-2
2	1	1	2	3	2	1	1	2
2	1	1	2	3	2	1	1	2
-2	-1	-1	-2	-3	-2	-1	-1	-2
2	1	1	2	3	2	1	1	2
-2	-1	-1	-2	-3	-2	-1	-1	-2
2	1	1	2	3	2	1	1	2
2	1	1	2	3	2	1	1	2
-2	-1	-1	-2	-3	-2	-1	-1	-2

>> imfilter(f,w,'symmetric','full')

Operaciones basadas en vecindades (IX)

Tamaño imagen destino

f =

```
1 2 3 2 1
-1 -2 -3 -2 -1
1 2 3 2 1
-1 -2 -3 -2 -1
1 2 3 2 1
```

w =

```
[0 0 0 0 0
0 0 0 0 0
0 0 1 0 0
0 0 0 0 0
0 0 0 0 0]
```

0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	1	2	3	2	1	0	0
0	0	-1	-2	-3	-2	-1	0	0
0	0	1	2	3	2	1	0	0
0	0	-1	-2	-3	-2	-1	0	0
0	0	1	2	3	2	1	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0

>> imfilter(f,w,0,'full')

1	2	3	2	1
-1	-2	-3	-2	-1
1	2	3	2	1
-1	-2	-3	-2	-1
1	2	3	2	1

>> imfilter(f,w,0,'same')

Filtros espaciales

Responden a la siguiente ecuación:

$$g(x, y) = \sum_{s=-a}^a \sum_{t=-b}^b w(s, t) f(x + s, y + t)$$

donde:

$f(x+s, y+t)$: Valor de los píxeles del bloque seleccionado

$w(s, t)$: Coeficientes que se aplicarán al bloque (máscara)

Siendo la matriz del bloque:

$$m(\text{filas}) = 2a + 1$$

$$n(\text{columnas}) = 2b + 1$$

Filtros espaciales (II)

Concepto:

Son las **operaciones** que se realizan **directamente sobre los píxeles**. Se define una **matriz de coeficientes** del filtro (o máscara, de tamaño $m \times n$) los cuales constituirán pesos ponderados por los que se **multiplicarán** los valores originales de los píxeles.

Filtros espaciales (III)

Valores de los píxeles del bloque

$f(x-1, y-1)$	$f(x-1, y)$	$f(x-1, y+1)$
$f(x, y-1)$	$f(x, y)$	$f(x, y+1)$
$f(x+1, y-1)$	$f(x+1, y)$	$f(x+1, y+1)$

Valores de los píxeles de los coeficientes (máscara)

$w(-1, -1)$	$w(-1, 0)$	$w(-1, 1)$
$w(0, -1)$	$w(0, 0)$	$w(0, 1)$
$w(1, -1)$	$w(1, 0)$	$w(1, 1)$

$$g(x, y) = \sum_{s=-a}^a \sum_{t=-b}^b w(s, t) f(x + s, y + t)$$

Filtros espaciales (IV)

Ejemplo:

Valor de los píxeles

17	24	1	8	15
23	5	7	14	16
4	6	13	20	22
10	12	19	21	3
11	18	25	2	9

Máscara (o filtro)

8	1	6
3	5	7
4	9	2

$$g(x, y) = \sum_{s=-a}^a \sum_{t=-b}^b w(s, t) f(x + s, y + t)$$

$$g(2,4)=1(8)+8(1)+15(6)+7(3)+14(5)+16(7)+13(4)+20(9)+22(2)=585$$

Filtros espaciales (V)

Pasos para la aplicación del filtro lineal:

- 1.- Definir la máscara
- 2.- Definir tipo de relleno
- 3.- Aplicar la ecuación:

$$g(x, y) = \sum_{s=-a}^a \sum_{t=-b}^b w(s, t) f(x + s, y + t)$$

- 4.- Definir tamaño de la imagen de salida

Filtros espaciales (VI)

Ejemplos de filtros

Filtro promedio:

$$g(x, y) = \sum_{s=-a}^a \sum_{t=-b}^b \frac{1}{m \times n} f(x + s, y + t)$$

Filtro promedio ponderado:

$$g(x, y) = \frac{\sum_{s=-a}^a \sum_{t=-b}^b w(s, t) f(x + s, y + t)}{\sum_{s=-a}^a \sum_{t=-b}^b w(s, t)}$$

Filtros espaciales (VII)

Ejemplo (usando Matlab):

% Imagen original

```
>> I=imread('tire.tif');
```

% Se define una matriz de pesos de valores iguales,

% a lo que se le denomina *filtro promedio*

```
>> w=ones(5,5)/25;
```

% Se aplica el filtro

```
>> I2=imfilter(I,w);
```

Original					Resultado				
>> I(1:5,1:5)					>> I2(1:5,1:5)				
ans =					ans =				
6	14	10	10	4	5	6	7	6	5
11	16	17	20	6	6	8	9	7	5
11	20	15	10	5	8	9	10	9	6
13	16	6	2	2	7	8	9	8	5
11	16	7	3	4	6	6	7	6	4

Filtros espaciales (VIII)

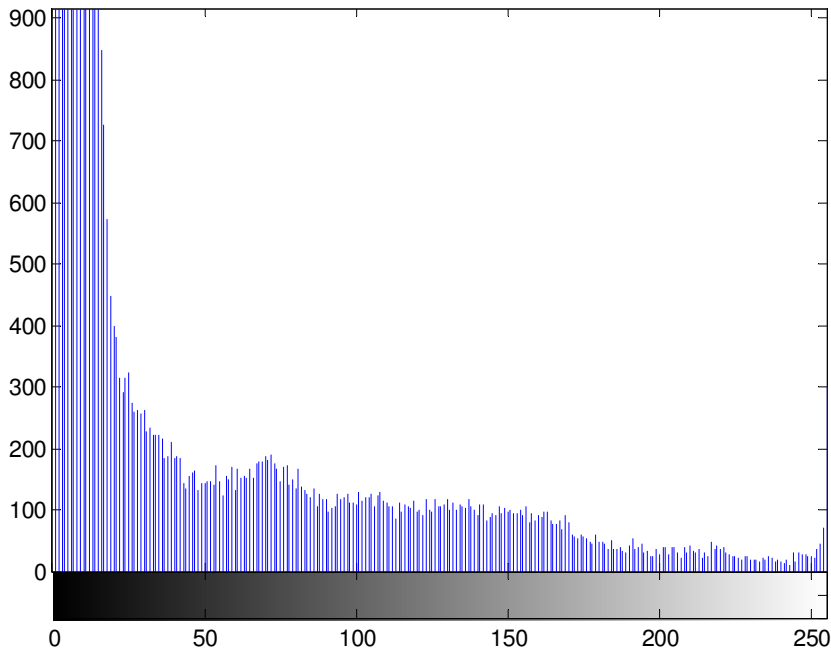
Original



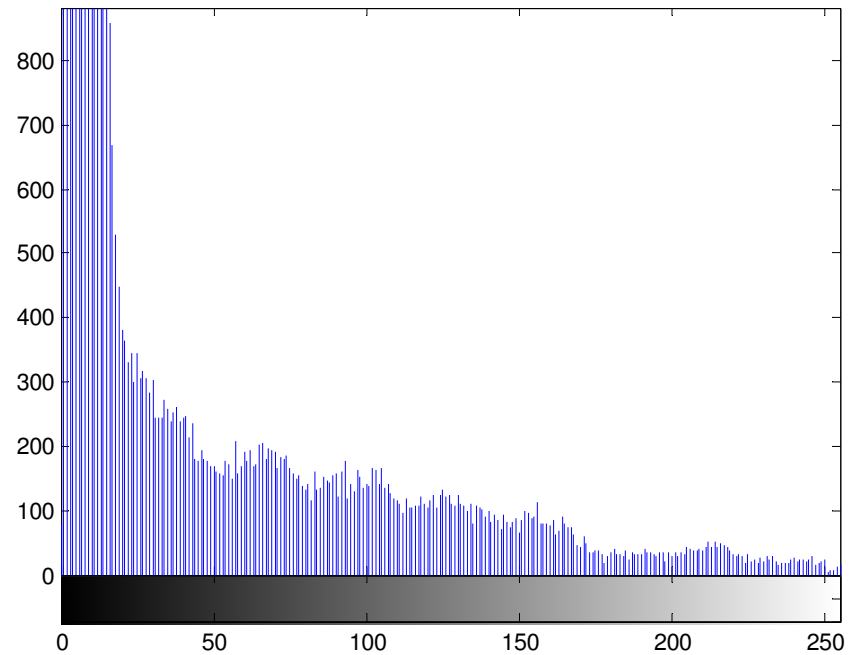
Filtros espaciales (IX)

Original

`>> imhist(I)`



`>> imhist(I2)`



Filtros espaciales (X)

Formas de aplicar la máscara

Método de correlación: Se aplica la máscara tal y como se define

Método de convolución: Se rota la máscara 180 grados alrededor del píxel central, antes de aplicar el filtro

Imagen

f =

```
0 0 0 0 0
0 0 0 0 0
0 0 1 0 0
0 0 0 0 0
0 0 0 0 0
```

Máscara

w =

```
1 2 3
4 5 6
7 8 9
```

0	0	0	0	0
0	9	8	7	0
0	6	5	4	0
0	3	2	1	0
0	0	0	0	0

>> imfilter(f,w,'corr')

0	0	0	0	0
0	1	2	3	0
0	4	5	6	0
0	7	8	9	0
0	0	0	0	0

>> imfilter(f,w,'conv')

Imágenes ruidosas

Ruido: Es un deterioro de la imagen que puede producirse debido a:

- 1.- Píxeles perdidos en un sensor CCD
- 2.- Cuando se comprime o transmite la imagen
- 3.- Inadecuada iluminación de la escena
- 4.- Escáner de documentos
- 5.- Sensibilidad inadecuada de las cámaras, etc.

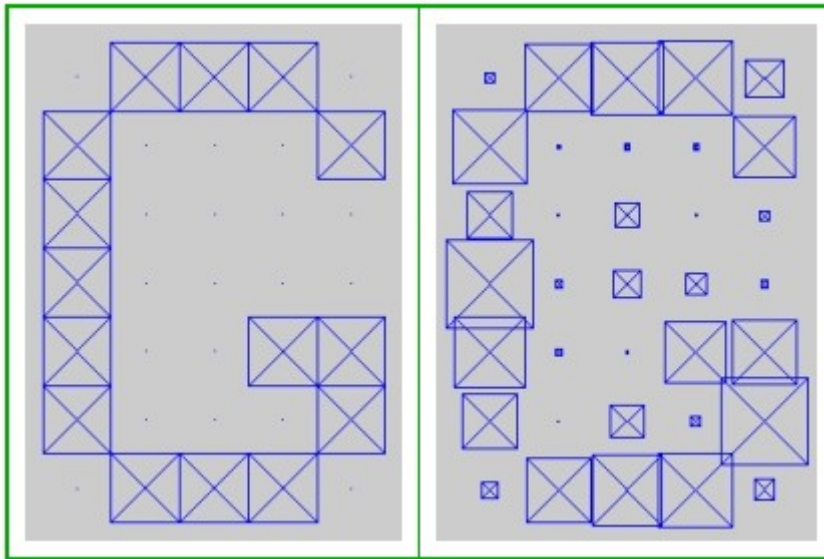
$$g(x, y) = f(x, y) + \eta(x, y)$$



Ruído

Imágenes ruidosas (II)

Escáner de una letra con y sin ruido



```
>>[R,Q] = size(G);
```

```
>>G_ruidosa = G + randn(R,Q)*0.2
```

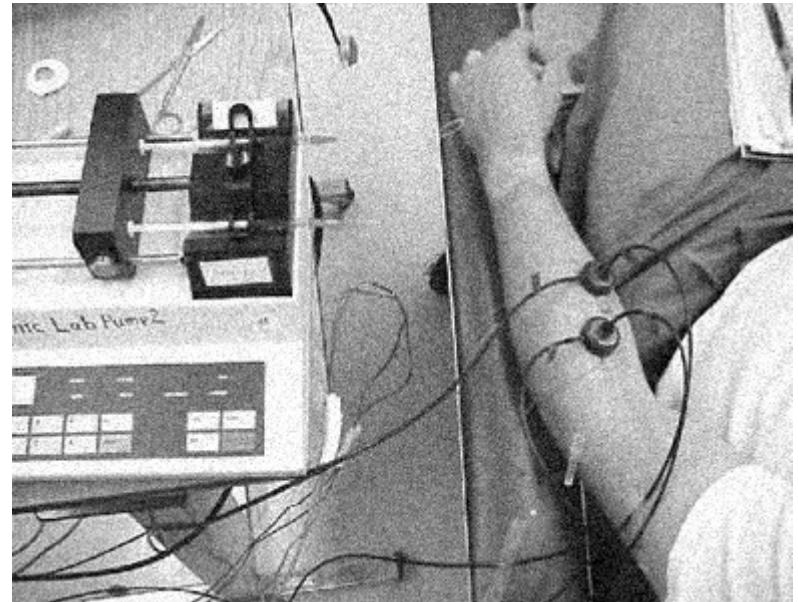
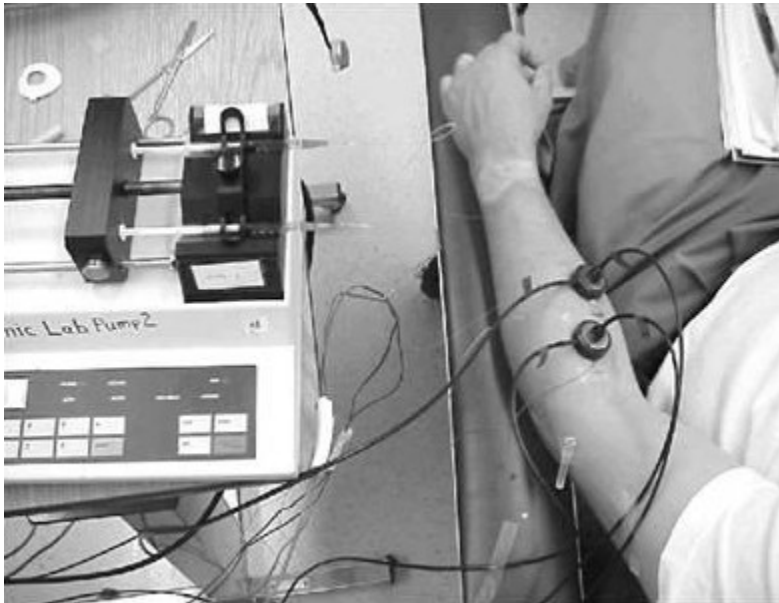
G = 0 1 1 1 0 1 0 0 0 1 1 0 0 0 0 1 0 0 0 0 1 0 0 1 1 1 0 0 0 1 0 1 1 1 0

G_ruidosa = 0.1337 0.9859 1.0447 1.0773 -0.5392 1.0712 0.0547 0.0860
-0.0817 0.9028 0.6783 0.0299 0.3474 -0.0147 0.1335 1.2666 0.0991
0.3885 -0.2928 0.1002 1.0181 -0.0948 0.0390 0.8881 0.9455 0.8147
0.0208 0.4779 0.1484 1.2493 -0.2367 0.9407 1.0204 1.0842 -0.2981

Imágenes ruidosas (III)

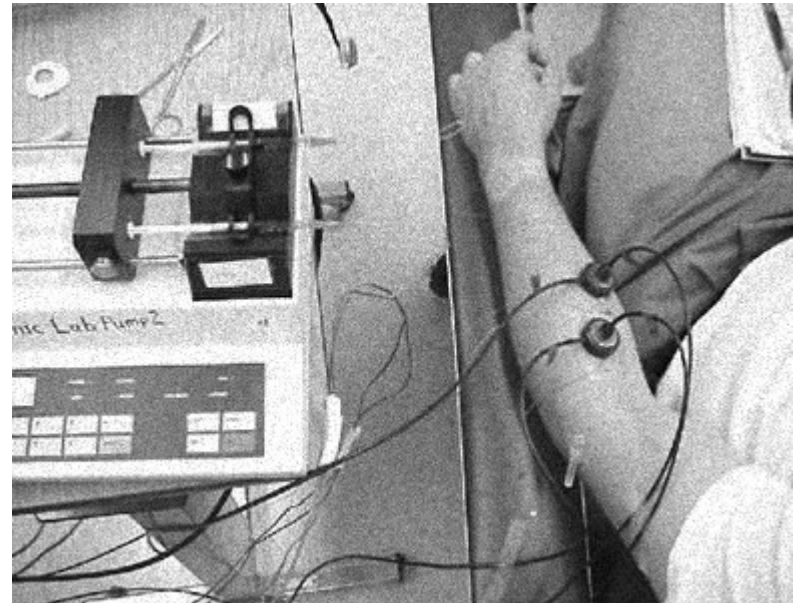
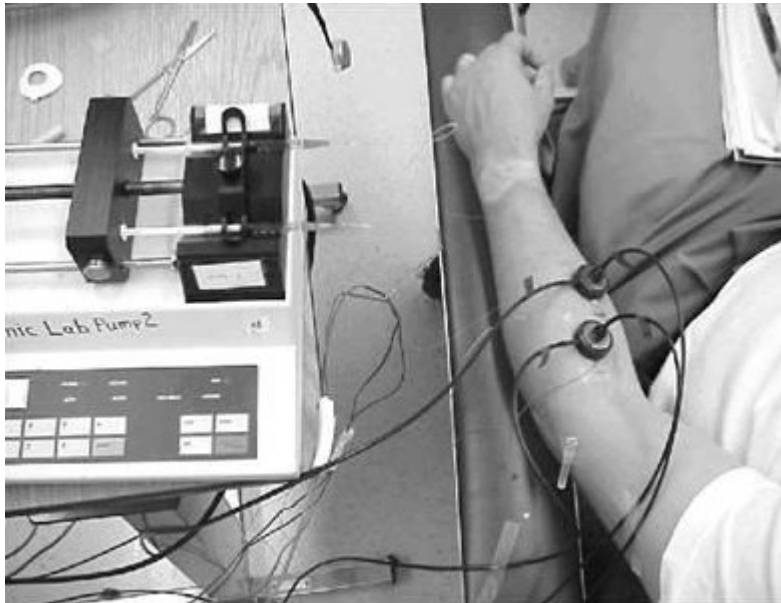
% Ruido gaussiano

```
>> s = 15;           % Desviación estándar  
>> s = s/255;        % Se normaliza a [0,1]  
>> I1 = imnoise(road,'gaussian',0,s^2);  
                    % media 0, varianza (15^2)
```



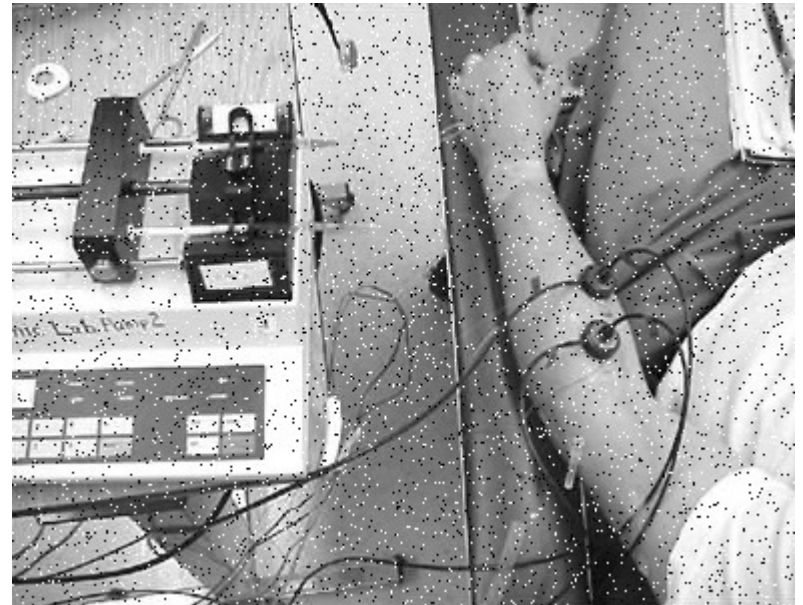
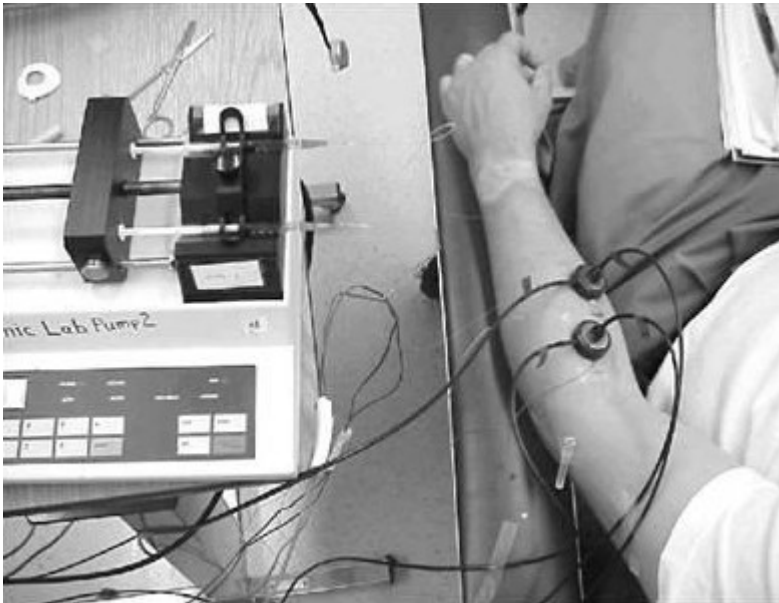
Imágenes ruidosas (IV)

III=imnoise(I,'poisson');



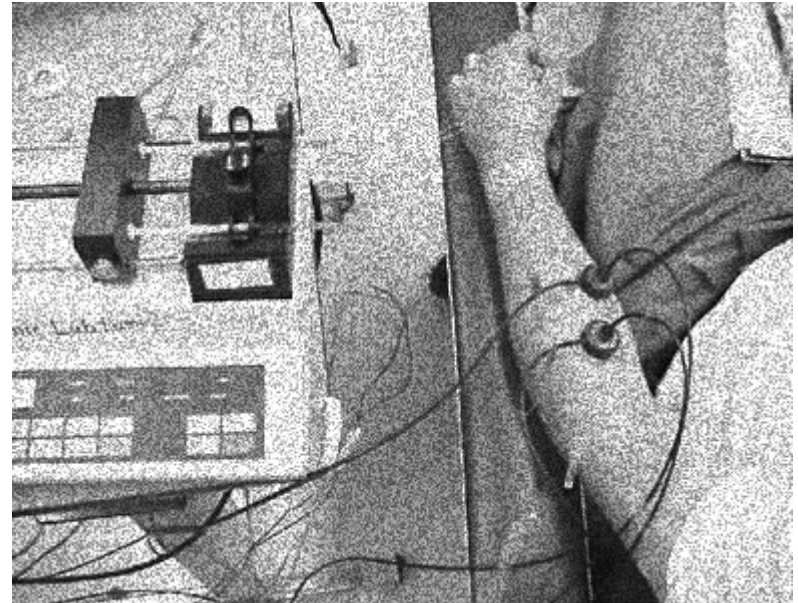
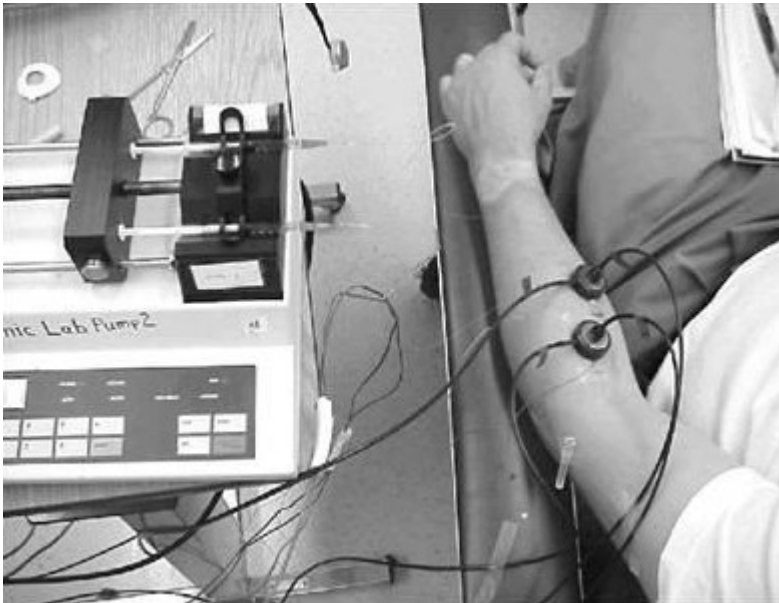
Imágenes ruidosas (V)

IV=imnoise(I,'salt & pepper');



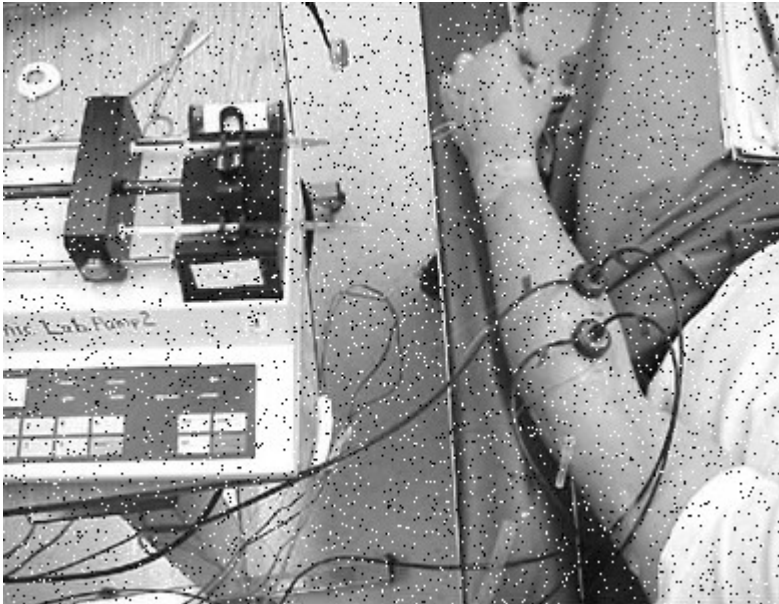
Imágenes ruidosas (VI)

`V=imnoise(I,'speckle');`

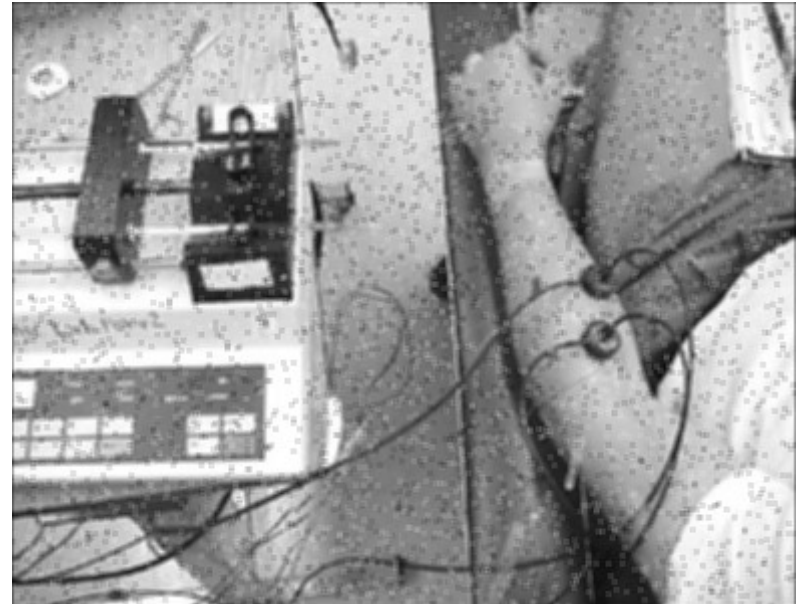


Supresión de ruido con *filtro promedio*

```
IV=imnoise(I,'salt & pepper');
```



```
>> w=ones(3,3)/9;  
>> I2=imfilter(I,w);
```



Filtro Laplaciano

Este tipo de filtro se basa en un **operador derivativo**, por lo que **acentúa las zonas que tienen gran discontinuidad** en la imagen

$$\frac{\partial f(x)}{\partial x} = f(x+1) - f(x)$$

Filtro Laplaciano (II)

Si se cumple:

$$\frac{\partial f(x)}{\partial x} = f(x+1) - f(x)$$

Entonces:

$$\frac{\partial^2 f(x)}{\partial x^2} = f(x+1) + f(x-1) - 2f(x)$$

Si la función depende de dos variables

$$\nabla^2 f(x, y) = \frac{\partial^2 f(x, y)}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 f(x, y)}{\partial y^2}$$

Filtro Laplaciano (III)

Función dependiente de dos variables

$$\nabla^2 f(x, y) = \frac{\partial^2 f(x, y)}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 f(x, y)}{\partial y^2}$$

La derivada de segundo orden con respecto a al variable x:

$$\frac{\partial^2 f(x, y)}{\partial x^2} = f(x+1, y) + f(x-1, y) - 2f(x, y)$$

De forma similar, con respecto a y:

$$\frac{\partial^2 f(x, y)}{\partial y^2} = f(x, y+1) + f(x, y-1) - 2f(x, y)$$

Finalmente:

$$\nabla^2 f(x, y) = f(x+1, y) + f(x-1, y) - 2f(x, y) + f(x, y+1) + f(x, y-1) - 2f(x, y)$$

Filtro Laplaciano (IV)

El Laplaciano queda definido por:

$$\nabla^2 f(x, y) = f(x+1, y) + f(x-1, y) + f(x, y+1) + f(x, y-1) - 4f(x, y)$$

La anterior expresión es equivalente a aplicar una máscara definida por:

$w =$

$$\begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 1 & -4 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

$$g(x, y) = \sum_{s=-a}^a \sum_{t=-b}^b w(s, t) f(x + s, y + t)$$

Filtro Laplaciano (V)

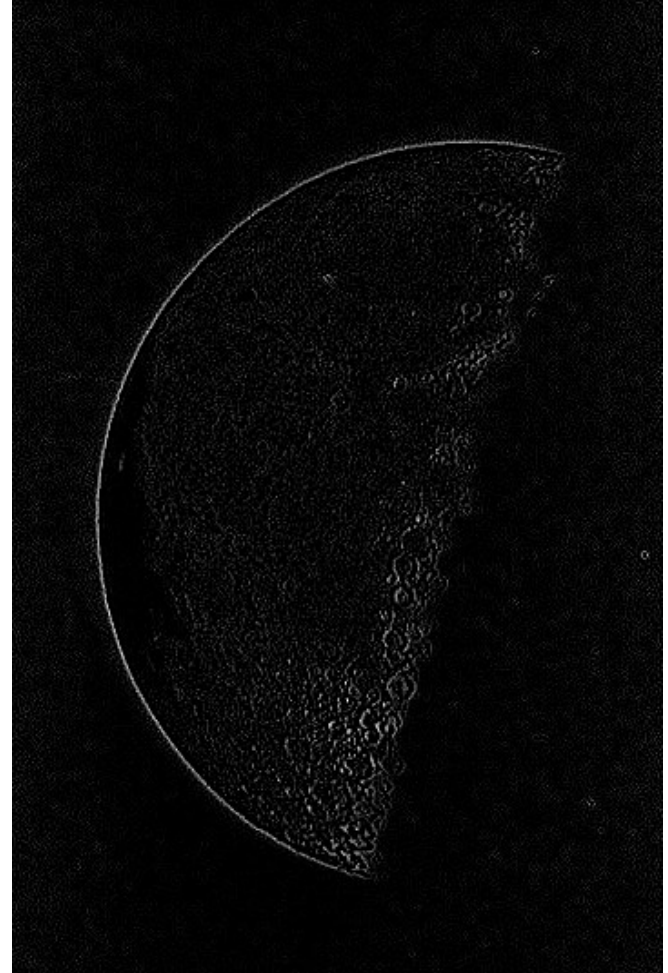
```
% Imagen original
>> I=imread('moon.tif' );
% Se define una matriz de pesos
>> w=[0, 1, 0; 1, -4, 1; 0, 1, 0];
% Se aplica el filtro
>> I2=imfilter(I,w);
```

Alternativa:

```
>> I=imread('moon.tif');
>> w=fspecial('laplacian',0);
>> I2=imfilter(I,w,'replicate');
```



Filtro Laplaciano (VI)

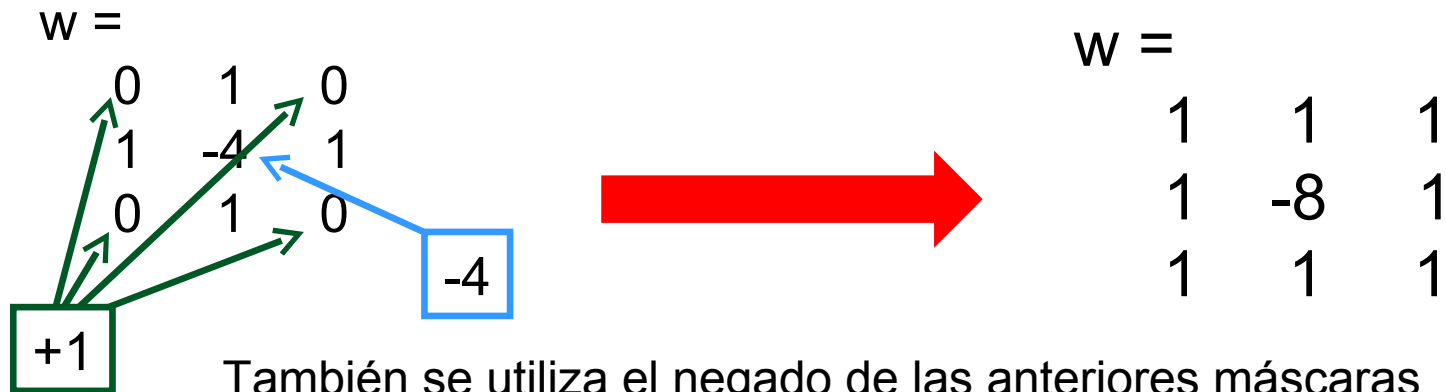


Imágenes: www.imageprecessingplace.com

Filtro Laplaciano (VII)

$$\nabla^2 f(x, y) = f(x+1, y) + f(x-1, y) + f(x, y+1) + f(x, y-1) - 4f(x, y)$$

Si se desea considerar las variaciones con respecto a la diagonal



$$W = \begin{bmatrix} -1 & -1 & -1 \\ -1 & 8 & -1 \\ -1 & -1 & -1 \end{bmatrix}$$

$$W = \begin{bmatrix} 0 & -1 & 0 \\ -1 & 4 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \end{bmatrix}$$

Filtros Laplacianos alternativos

Se emplea en pocas ocasiones en la práctica

- Excesivamente sensible a la presencia de ruido
- Da lugar a bordes dobles y no permite determinar direcciones

Se utiliza para realzar una imagen

Sumar o restar el Laplaciano de la imagen dependiendo del signo del coeficiente central de la máscara utilizada

$$g(x, y) = \begin{cases} f(x, y) - \nabla^2 f(x, y) & \text{Coeficiente central de la máscara negativo} \\ f(x, y) + \nabla^2 f(x, y) & \text{Coeficiente central de la máscara positivo} \end{cases}$$

Filtros Laplacianos alternativos (II)

Resultado de sustraer el Laplaciano
(una única máscara)

$$g(x, y) = f(x, y) - [f(x + 1, y) + f(x - 1, y) + f(x, y + 1) + f(x, y - 1) - 4f(x, y)]$$

$$g(x, y) = 5f(x, y) - [f(x + 1, y) + f(x - 1, y) + f(x, y + 1) + f(x, y - 1)]$$

Incluye
diagonal

0	-1	0
-1	5	-1
0	-1	0

-1	-1	-1
-1	9	-1
-1	-1	-1

Filtro Gaussiano

La máscara o filtro que responde a:

$$w(x, y) = \frac{e^{-(x^2 + y^2) / 4\sigma^2}}{\sum_{s=-a}^a \sum_{t=-b}^b e^{-(s^2 + t^2) / 4\sigma^2}}$$

Siendo la matriz del bloque:

$$m(\text{filas}) = 2a + 1$$

$$n(\text{columnas}) = 2b + 1$$

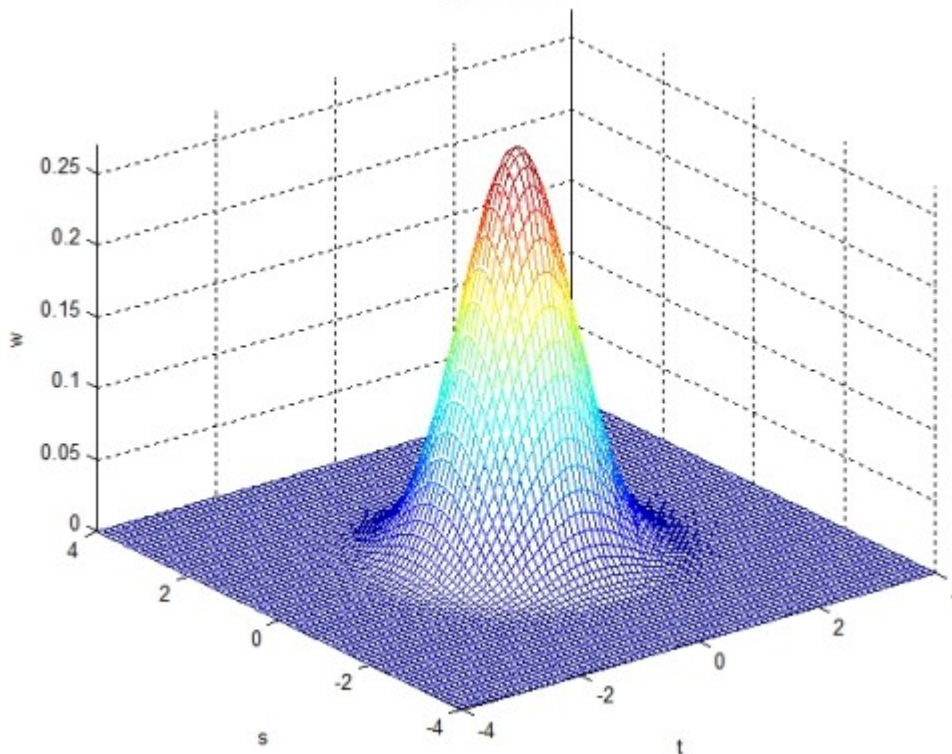
ó

$$w(s, t) = \frac{e^{-\frac{s^2 + t^2}{\sigma^2}}}{2\pi\sigma^2}$$

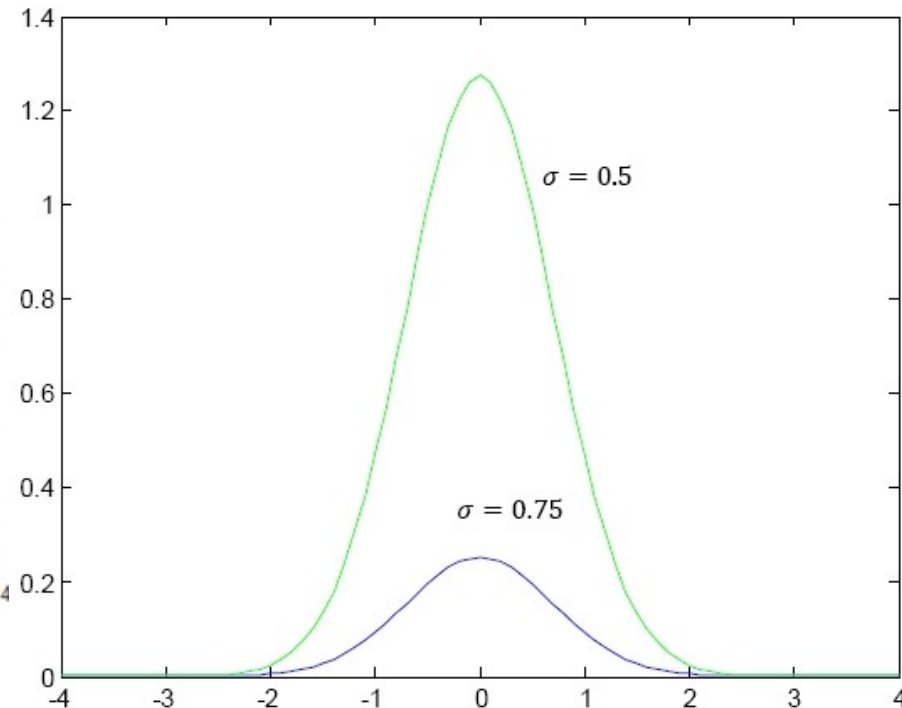
Filtro Gaussiano (II)

$$w(s, t) = \frac{e^{-\frac{s^2 + t^2}{\sigma^2}}}{2\pi\sigma^2}$$

Sigma = 0.75

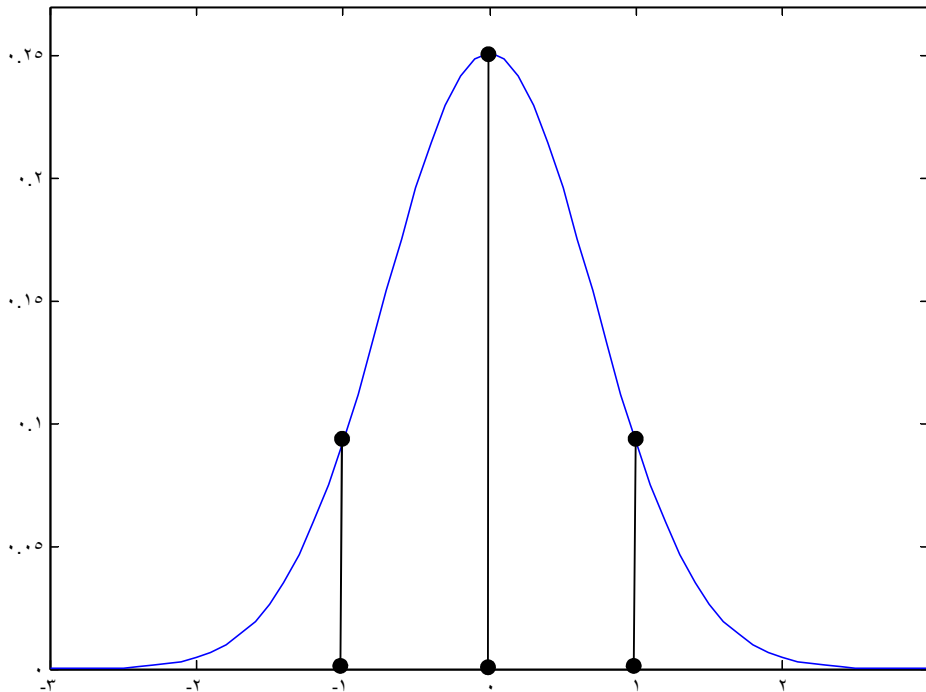


Influencia del parámetro σ



Filtro Gaussiano (III)

- Máscara a partir de función no lineal
- Filtro que se aplica es lineal



0.047	0.1163	0.047
0.0816	0.2829	0.0816
0.047	0.1163	0.047

%Define máscara

```
>> fspecial('gaussian',3,0.5)
```

```
ans =
```

```
0.0113 0.0838 0.0113
```

```
0.0838 0.6193 0.0838
```

```
0.0113 0.0838 0.0113
```

% Máscara y filtro

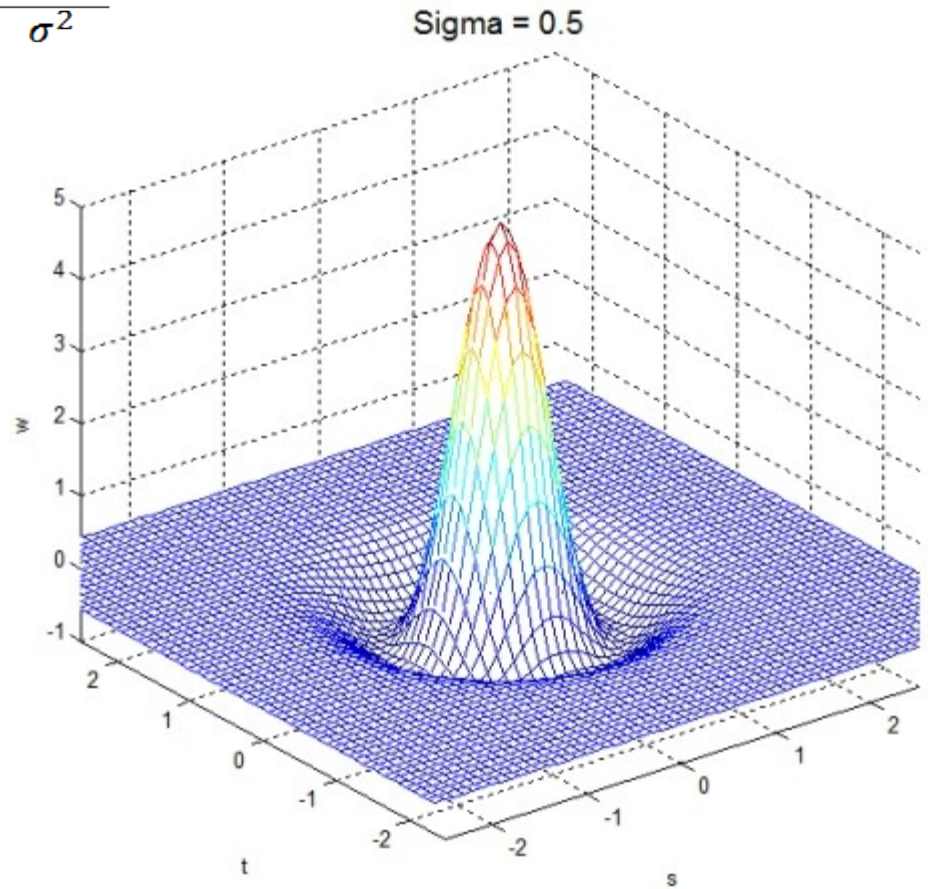
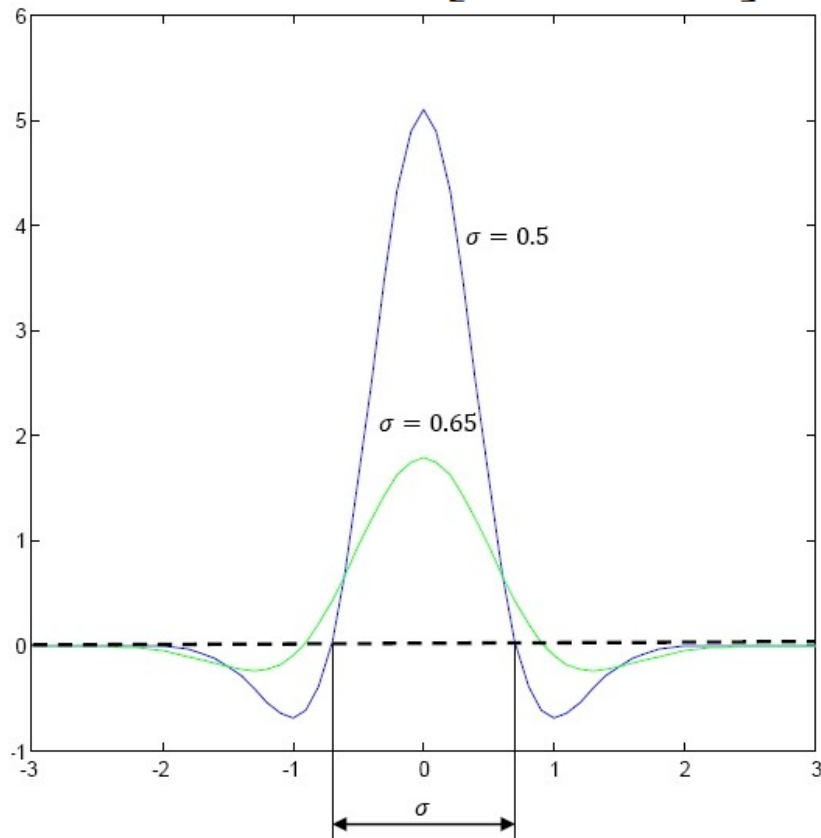
```
>> w=fspecial('gaussian',3,0.5);
```

```
>> I2=imfilter(I,w,'replicate');
```

$$g(x, y) = \sum_{s=-a}^a \sum_{t=-b}^b w(s, t) f(x + s, y + t)$$

Laplaciana de la gaussiana

$$w(s, t) = \frac{1}{2\pi\sigma^4} \left[1 - \frac{s^2 + t^2}{\sigma^2} \right] e^{-\frac{s^2 + t^2}{\sigma^2}}$$



Laplaciana de la gaussiana (II)

```
>> w=fspecial('log',5,0.4)
```

```
ans =
```

```
0.2475 0.2475 0.2479 0.2475 0.2475
```

```
0.2475 0.3545 1.2336 0.3545 0.2475
```

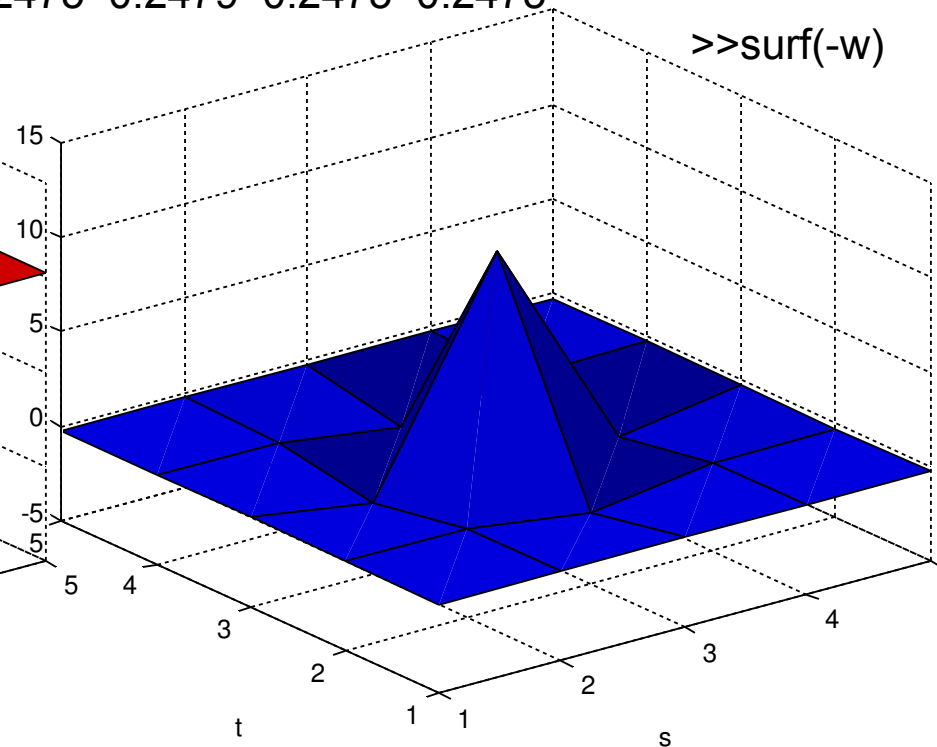
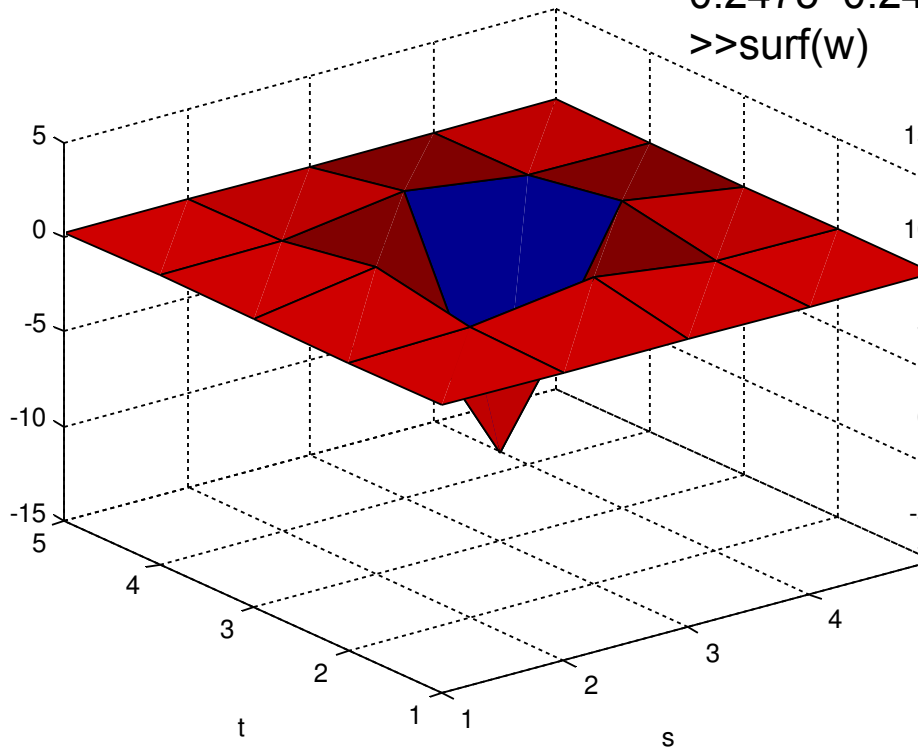
```
0.2479 1.2336 -10.31 1.2336 0.2479
```

```
0.2475 0.3545 1.2336 0.3545 0.2475
```

```
0.2475 0.2475 0.2479 0.2475 0.2475
```

```
>> surf(w)
```

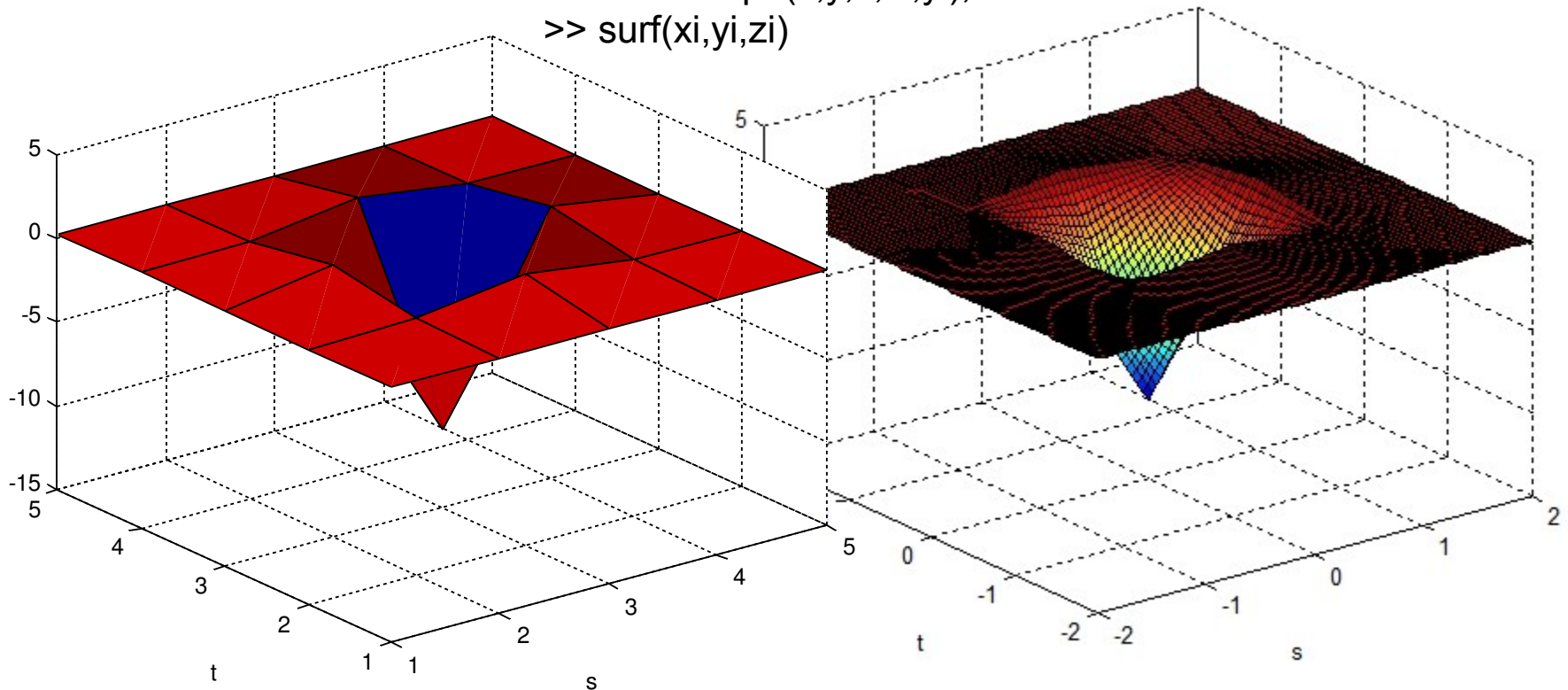
```
>> surf(-w)
```



Laplaciana de la gaussiana (III)

Mejorando detalles del tipo de filtros

```
>> w=fspecial('log',5,0.4)
>> [x, y]=meshgrid(-2:1:2)
>> [xi, yi]=meshgrid(-2:.05:2);
>> zi = interp2(x,y,z,xi,yi);
>> surf(xi,yi,zi)
```



Máscaras con *fspecial*

Disco

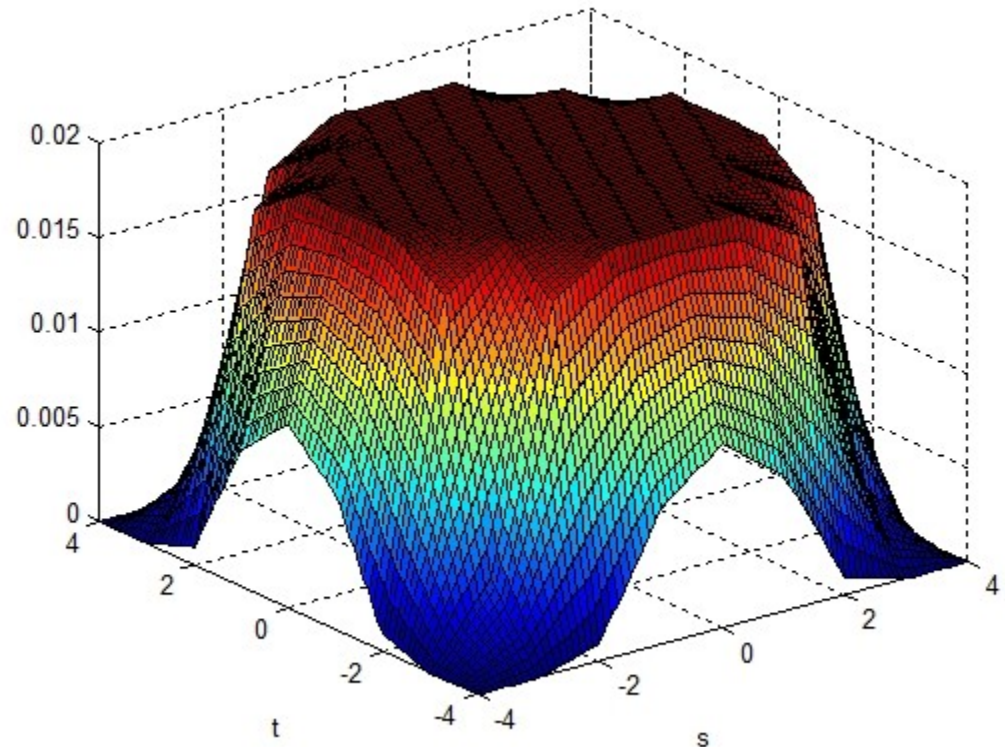
```
>> w = fspecial('disk',4)
```

Promedio

```
>> w = fspecial('average',5)
```

```
w =  
0.0400 0.0400 0.0400 0.0400 0.0400  
0.0400 0.0400 0.0400 0.0400 0.0400  
0.0400 0.0400 0.0400 0.0400 0.0400  
0.0400 0.0400 0.0400 0.0400 0.0400  
0.0400 0.0400 0.0400 0.0400 0.0400
```

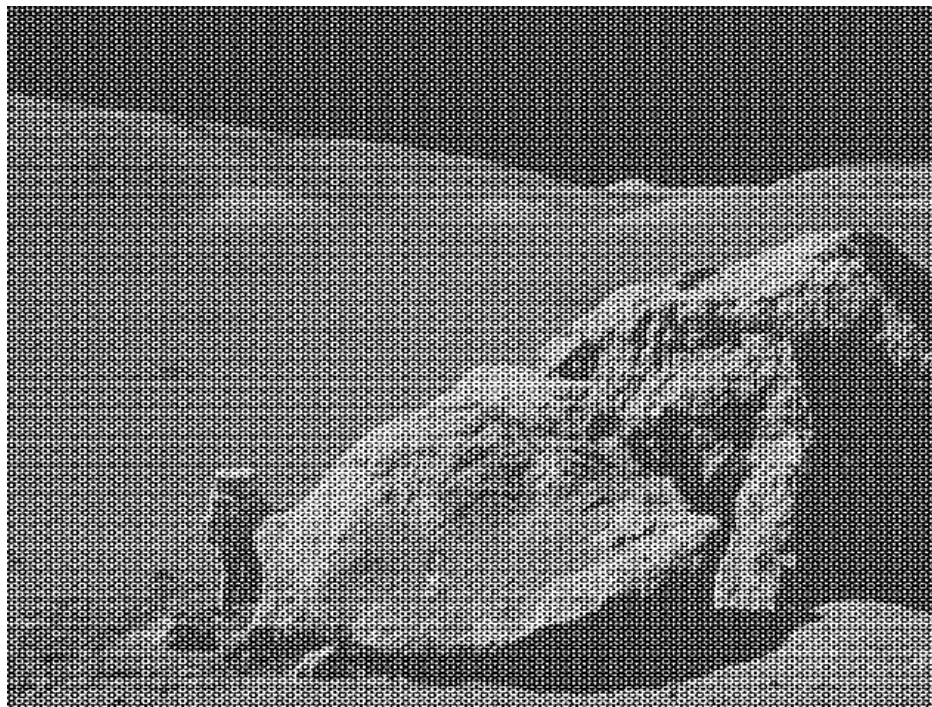
```
>> 1/25  
ans =  
0.0400
```



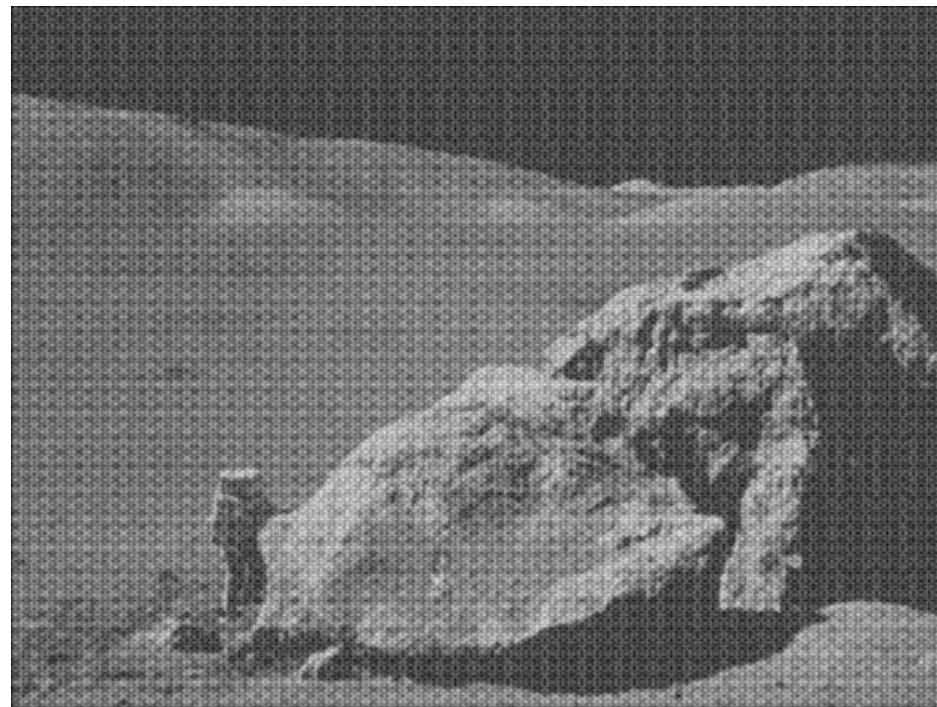
Ejemplo: Promedio

```
>> w=fspecial('average');
```

Imagen Original



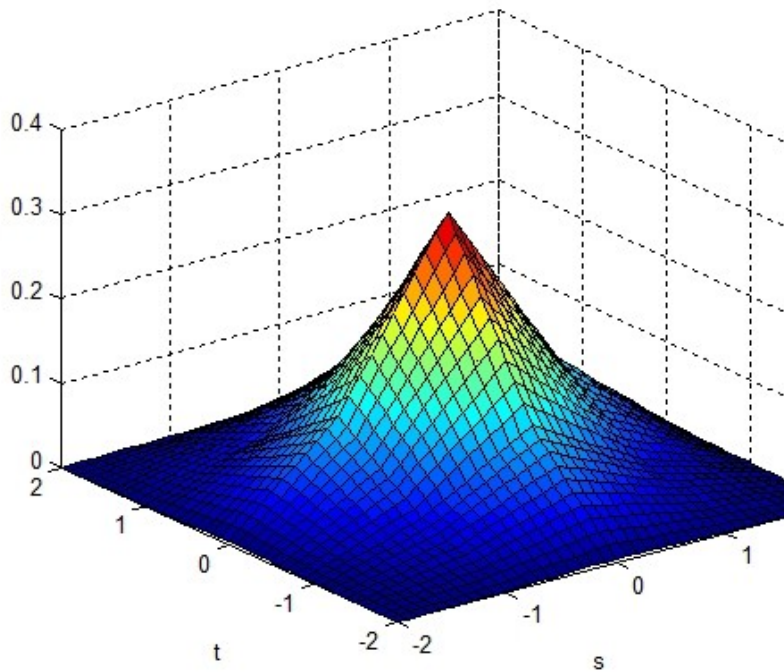
Resultado del Filtro



Máscaras con *fspecial* (II)

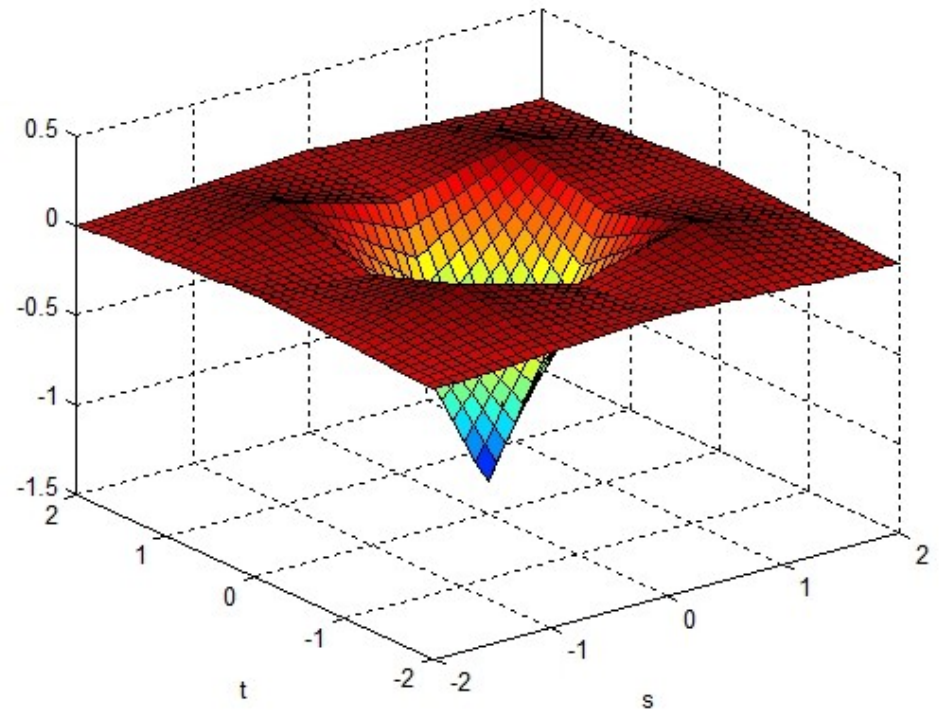
Gausiana

```
>>z = fspecial('gaussian',5,0.7)
```



Laplaciana de la gausiana

```
>> z = fspecial('log',5,0.7)
```



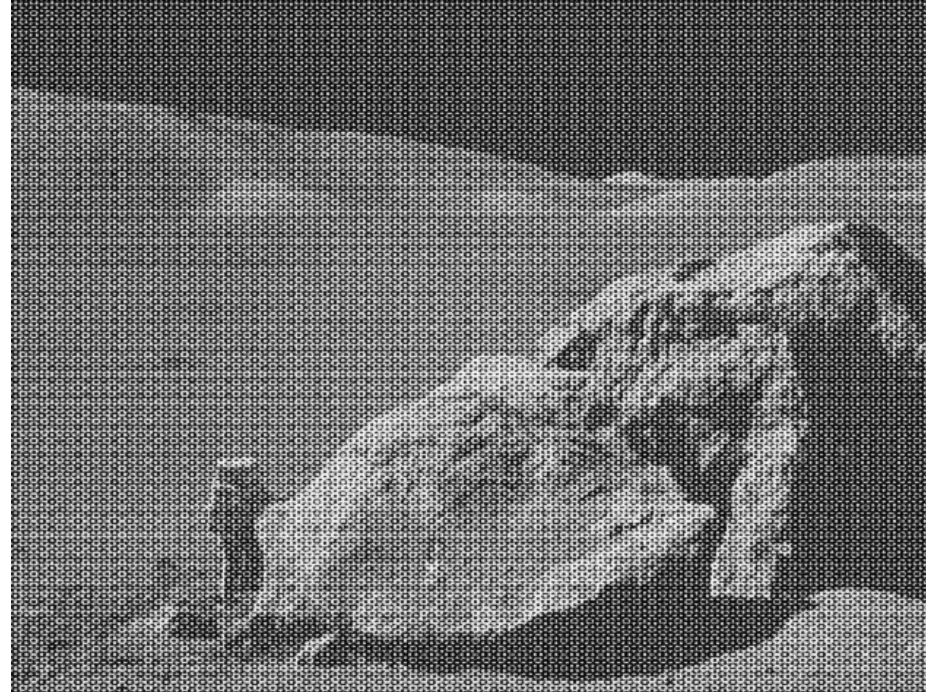
Ejemplo: Filtro Gaussiano

```
>> w=fspecial('gaussian');
```

Imagen Original



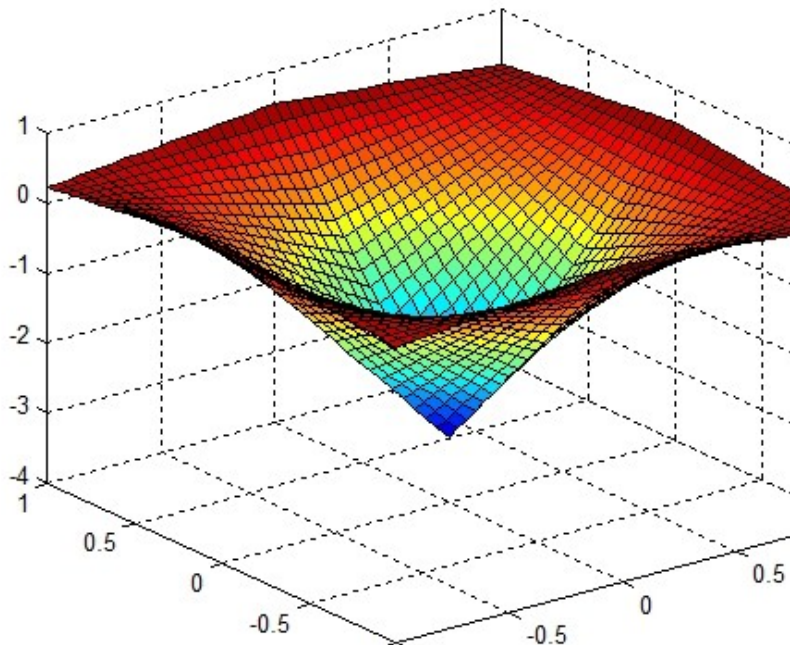
Resultado del Filtro



Máscaras con *fspecial* (III)

Laplaciana

```
>>z = z = fspecial('laplacian',0.3)
```

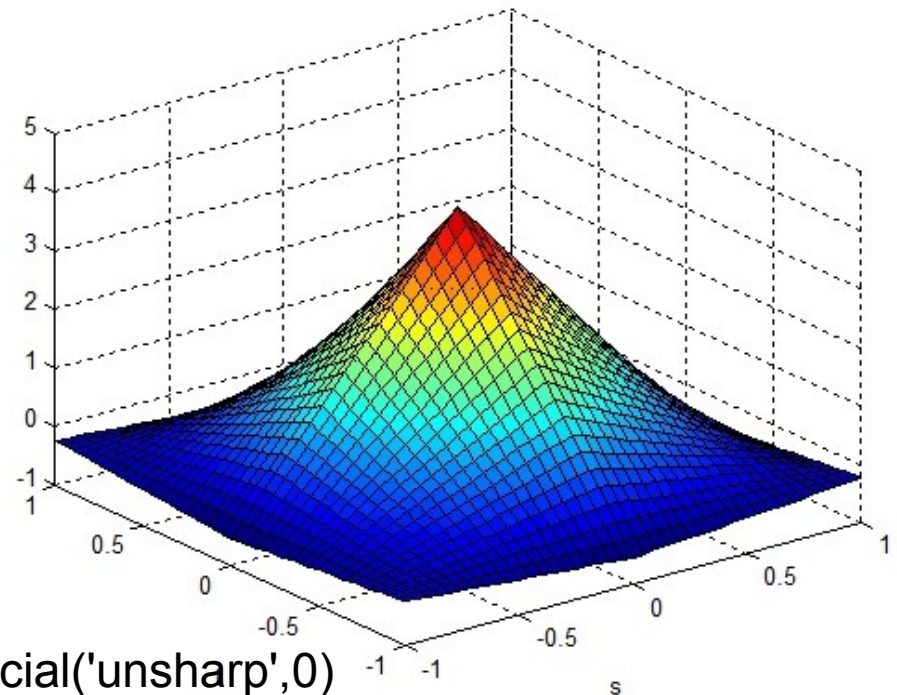


```
>> fspecial('laplacian',0)
```

0	1	0
1	-4	1
0	1	0

Mejora de contraste

```
>> z = fspecial('unsharp',0.3)
```



```
>> fspecial('unsharp',0)
```

0	-1	0
-1	5	-1
0	-1	0

Filtro para acentuar contraste

```
>> w=fspecial('unsharp');
```

Imagen Original



Resultado del Filtro



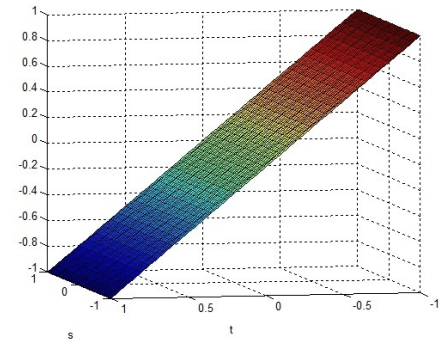
Máscaras con *fspecial* (IV)

Acentuar transiciones horizontales y verticales

Prewitt: Acentuar transiciones horizontales

Máscara: $w =$

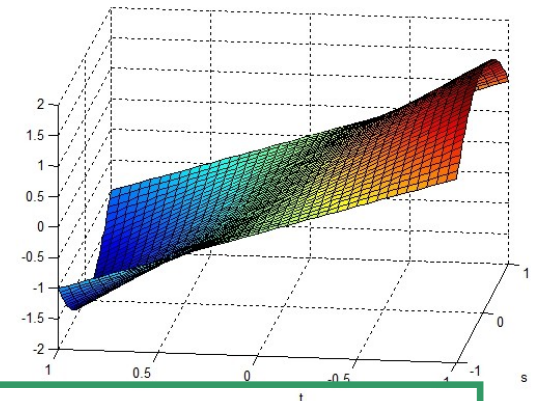
$$\begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 0 \\ -1 & -1 & -1 \end{bmatrix}$$



Sobel: Acentuar transiciones horizontales

Máscara: $w =$

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 \\ 0 & 0 & 0 \\ -1 & -2 & -1 \end{bmatrix}$$

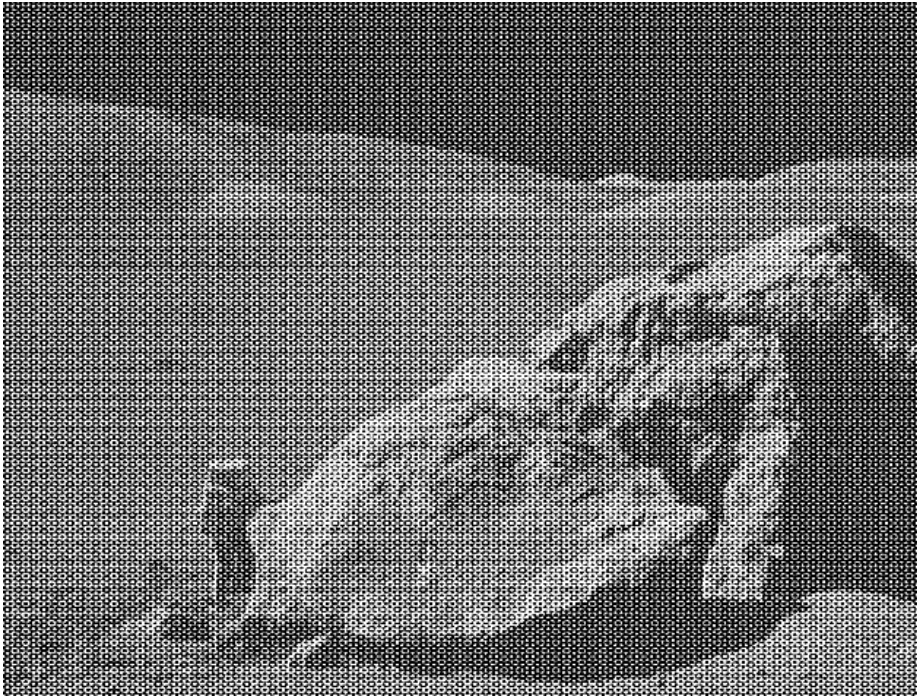


Acentuar transiciones verticales: Transpuesta de la matriz

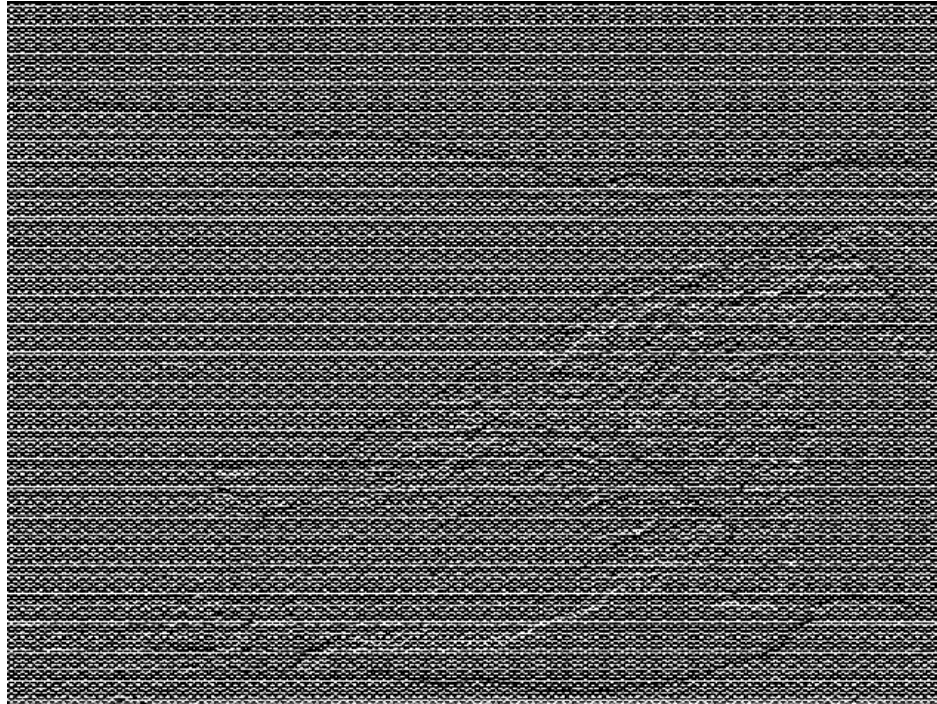
Ejemplo: Filtro Prewitt

```
>> w=fspecial('prewitt');
```

Imagen Original



Resultado del Filtro



Ejemplo: Filtro Sobel

```
>> w=fspecial('sobel');  
>> hp=transp(w); % Acentúa vertical
```

Imagen Original



Resultado del Filtro

