Controllo del motore di un automobile - Progetto c2

Presentazione del progetto c2

Gruppo BB:

Dinamica del sistema

Sistema in forma di stato

Ricerca dell'equilibrio

Linearizzazione nell'intorno dell'equilibrio

Funzione di trasferimento

Progetto del regolatore $R(s) = R_s(s) R_d(s)$

Specifiche

Regolatore statico $R_s(s) = \frac{\mu_s}{s^k}$

Punto 3.1

Regolatore dinamico

<u>Punto 3.2 - Punto 3.3</u>

Punto 3.4

<u>Punto 3.5</u> - Attenuazione del disturbo in uscita d(t)

<u>Punto 3.6</u> - Attenuazione del rumore di misura n(t)

Testing del sistema di controllo

Testing del sistema di controllo modello non lineare

| Parametri progetto | |
|--------------------|------------|
| γ_1 | 0.75 |
| γ_2 | 0.15 |
| β | 1.3 |
| ψ | 0.04 |
| δ_1 | $3*10^{4}$ |
| δ_2 | 0.2 |
| δ_3 | 0.02 |
| J | 20 |
| ω_e | 30 |

Presentazione del progetto c2

Gruppo BB:

Bernardini Claudio

Corsetti Luca

Straccali Leonardo

Dinamica del sistema

$$\dot{m} = \gamma_1 (1 - \cos(\beta \theta - \psi)) - \gamma_2 \omega m$$

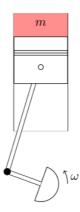
$$J\dot{\omega}=\delta_1 m{-}\delta_2 \omega{-}\delta_3 \omega^2$$

dove:

- $\theta(t)$ indica l'**angolo di accelerazione**
- $\gamma_1(1-\cos(eta heta-\psi))$ modella la caratteristica intrinseca della valvola
- ullet J rappresenta il **momento d'inerzia** equivalente del sistema automobile
- + $\delta_1 m$ descrive la coppia trasmessa all'albero motore
- $\delta_2 \omega$ modella l'**attrito nel motore**

• $\delta_3 \omega^2$ descrive la **resistenza dell'aria**

con
$$\gamma_1, \psi, J, \delta_1, \delta_2, \delta_3 \in \mathbb{R}$$



Sistema in forma di stato

Considerando la **velocità angolare** $\omega(t)$ come **uscita del sistema**, possiamo scrivere il **sistema in forma di stato** nel seguente modo .

$$egin{aligned} x_1 &= m \ , \ x_2 &= \omega \ \ \dot{x} &= f(x,u) = egin{bmatrix} \dot{x}_1 \ \dot{x}_2 \end{bmatrix} = egin{bmatrix} f_1(x,u) \ f_2(x,u) \end{bmatrix} = egin{bmatrix} \gamma_1(1-\cos(eta u - \psi)) - \gamma_2 x_1 x_2 \ \frac{1}{J}(\delta_1 x_1 - \delta_2 x_2 - \delta_3 x_2^2) \end{bmatrix} \in \mathbb{R}^2 \ \ y &= h(x,u) = egin{bmatrix} x_2 \end{bmatrix} \in \mathbb{R} \end{aligned}$$

Ricerca dell'equilibrio

Utilizzando la **rappresentazione in forma di stato del nostro sistema** e i parametri forniti, ricerchiamo **l'intera coppia di equilibrio** (x_e, u_e) del sistema:

Dato l'equilibrio $\omega_e=30$, ricaviamo il valore di equilibrio per la massa (m_e) nel seguente modo :

$$egin{aligned} f_2(x_e,u_e) &= 0 \
ightarrow rac{1}{J}(\delta_1 m_e \!-\! \delta_2 \omega_e \!-\! \delta_3 \omega_e^2) &= 0 \
ightarrow m_e &= rac{1}{\delta_1}(\delta_2 \omega_e + \delta_3 \omega_e^2) &= 8 \ \cdot 10^{-4} \end{aligned}$$

 $Grazie \ agli \ \textbf{equilibri degli stati} \ appena \ trovati, \ dalla \ prima \ componente \ del \ sistema, \ possiamo \ ricavare \ l'\textbf{ingresso} \ \textbf{d'equilibrio}:$

$$egin{aligned} f_1(x_e,u_e) &= 0 \ \
ightarrow \gamma_1(1-\cos(eta u_e - \psi)) - \gamma_2 m_e \omega_e &= 0 \ \
ightarrow u_e &= rac{(rccos(-rac{\gamma_2}{\gamma_1} \cdot \omega_e \cdot m_e + 1) + \psi)}{eta} \end{aligned}$$

L'intera coppia di equilibrio è :

$$x_e = egin{bmatrix} m_e \ \omega_e \end{bmatrix} = egin{bmatrix} 8 & \cdot 10^{-4} \ 30 \end{bmatrix} \ , \ u_e = 0,1062$$

Per maggiore chiarezza, riportiamo il codice Matlab:

```
x_2e = omega_e;
x_1e = (delta_2 * x_2e + delta_3 * x_2e^2) / delta_1;
u_e = (acos(- (gamma_2 / gamma_1) * x_2e * x_1e + 1) + phi) / beta;
f_1 = gamma_1 * (1 - cos(beta * u_e - phi)) - gamma_2 * x_1e * x_2e;
f_2 = 1 / J * (delta_1 * x_1e - delta_2 * x_2e - delta_3 * x_2e^2);
```

Linearizzazione nell'intorno dell'equilibrio

$$\begin{split} \delta \dot{x}(t) &= A\delta x(t) + B\delta u(t) \\ \delta y(t) &= C\delta x(t) + D\delta u(t) \end{split}$$

$$\delta \dot{x}(t) = \begin{bmatrix} \frac{\partial f_1(x,u)}{\partial x_1} & \frac{\partial f_1(x,u)}{\partial x_2} \\ \frac{\partial f_2(x,u)}{\partial x_1} & \frac{\partial f_2(x,u)}{\partial x_2} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \delta x_1 \\ \delta x_2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} \frac{\partial f_1(x,u)}{\partial u} \\ \frac{\partial f_2(x,u)}{\partial u} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \delta u \end{bmatrix}$$

$$\delta y(t) = \begin{bmatrix} \frac{\partial h(x,u)}{\partial x_1} \\ \frac{\partial h(x,u)}{\partial x_2} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \delta x_1 \\ \delta x_2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \delta u \end{bmatrix}$$

$$A = \begin{bmatrix} \frac{\partial f_1(x,u)}{\partial x_1} & \frac{\partial f_1(x,u)}{\partial x_2} \\ \frac{\partial f_2(x,u)}{\partial x_1} & \frac{\partial f_2(x,u)}{\partial x_2} \end{bmatrix} \Big|_{\substack{x_1 = m_e \\ x_2 = \omega_e}} = \begin{bmatrix} -4.5 & -1.2 \cdot 10^{-4} \\ 1500 & -0.07 \end{bmatrix}, \ B = \begin{bmatrix} \frac{\partial f_1(x,u)}{\partial u} \\ \frac{\partial f_2(x,u)}{\partial u} \end{bmatrix} \Big|_{\substack{u = u_e}} = \begin{bmatrix} 0.0954 \\ 0 \end{bmatrix}$$

$$C = \begin{bmatrix} \frac{\partial h(x,u)}{\partial x_1} & \frac{\partial h(x,u)}{\partial x_2} \end{bmatrix} \Big|_{\substack{x_1 = m_e \\ x_2 = \omega_e}} = \begin{bmatrix} 0 & 1 \end{bmatrix}, \ D = \begin{bmatrix} 0 \end{bmatrix}$$

```
% Definiamo le matrici nel punto di equilibrio trovato x_e=[m_e,w_e]=[8e-4,30]
A = [-gamma_2 * x_2e, -gamma_2 * x_1e;
    delta_1 / J, -delta_2 / J - (2 * delta_3 * x_2e) / J];
B = [beta * gamma_1 * sin(beta * u_e - phi); 0];
C = [0, 1];
D = 0;
```

Funzione di trasferimento

Dopo aver trovato il **sistema linearizzato nell'intorno di equilibrio**, ci viene richiesto di trovare la funzione di trasferimento che lega $\delta U(s)$ e $\delta Y(s)$, rispettivamente la trasformata dell'ingresso e dell'uscita del sistema linearizzato precedentemente trovato, si ricava la **funzione di trasferimento**

$$\delta Y(s) = G(s)\delta U(s)$$

definita dalla seguente formula:

$$G(s) = C(sI - A)^{-1}B + D$$

Possiamo ricavare la matrice inversa come segue:

$$(sI-A)^{-1}=rac{adj(sI-A)}{det(sI-A)}
ightarrow$$

$$G(s) = C \frac{adj(sI - A)}{det(sI - A)}B + D$$

$$(sI-A) = egin{bmatrix} s+4,5 & +1.2\cdot 10^{-4} \ -1500 & s+0.07 \end{bmatrix}$$

Sfruttando le potenzialità offerte da Matlab, ricaviamo la matrice aggiunga (definita come la trasposta della matrice dei cofattori) e il determinante definiti come segue:

$$cofattori(sI-A) = egin{bmatrix} s+0.07 & 1500 \ +1.2 \cdot 10^{-4} & s+4.5 \end{bmatrix} \hspace{1cm} adj(sI-A) = egin{bmatrix} s+0.07 & +1.2 \cdot 10^{-4} \ 1500 & s+4.5 \end{bmatrix}$$

$$det(sI - A) = (s + 4.5) \cdot (s + 0.07) - (+1.2 \cdot 10^{-4} \cdot -1500) = s^2 + 4.57s + 0.495$$

partendo dai dati precedenti ricaviamo

$$G(s) = \frac{C \cdot adj(sI - A) \cdot B}{det(sI - A)} + C$$

$$= \frac{\begin{bmatrix} 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} s + 0.07 & +1.2 \cdot 10^{-4} \\ 1500 & s + 4.5 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0.0954 \\ 0 \end{bmatrix}}{s^2 + 4.57s + 0.495} + \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \end{bmatrix}$$

$$= \frac{\begin{bmatrix} 1500 & s + 4.5 \end{bmatrix}}{s^2 + 4.57s + 0.495} \cdot \begin{bmatrix} 0.0954 \\ 0 \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} \frac{1500}{s^2 + 4.57s + 0.495} & \frac{s + 4.5}{s^2 + 4.57s + 0.495} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0.0954 \\ 0 \end{bmatrix}$$

$$= \frac{1500 \cdot 0.0954}{s^2 + 4.57s + 0.495}$$

$$= \frac{123.1}{s^2 + 4.57s + 0.495}$$

Le radici del denominatore, ovvero i poli del sistema risultano essere :

$$p1 = -4.458$$
, $p2 = -0.111$

Riscriviamo la G(s)

$$G(s) = \frac{143.1}{s^2 + 4.57s + 0.495}$$

Di seguito è possibile visionare il codice Matlab per poter ricavare facilmente la **funzione di trasferimento del sistema** preso in esame.

```
% Definiamo le matrici nel punto di equilibrio trovato x_e=[m_e,w_e]=[8e-4,30]
A = [-gamma_2 * x_2e, -gamma_2 * x_1e;
    delta_1 / J, -delta_2 / J - (2 * delta_3 * x_2e) / J];
B = [beta * gamma_1 * sin(beta * u_e - phi); 0];
C = [0, 1];
D = 0;

%% PUNTO 2 - Funzione di trasferimento
s = tf('s');
[NS, DS] = ss2tf(A, B, C, D);
GG = tf(NS, DS);
```

Progetto del regolatore $R(s)=R_s(s)R_d(s)$

Specifiche

- 1. Errore a regime $|e_\infty| \leq e^* = 0.01$ in risposta a un gradino $\omega(t) = 9 \cdot 1(t)$ e $d(t) = 8 \cdot 1(t)$
- 2. Per garantire una certa robustezza del sistema si deve avere un margine di fase $M_f \geq 55\,^\circ$
- 3. Il sistema può accettare una sovraelongazione percentuale al massimo dell' $5\%:S\%\leq 5\%$
- 4. Il tempo di assestamento all' $\epsilon\%=5\%$ deve essere inferiore al valore fissato: $T_{a,\epsilon}=0.08s$
- 5. l disturbo sull'uscita d(t), con una banda limitata nel range di pulsazioni [0,0.05], deve essere abbattuto di almeno 55db
- 6. Il rumore di misura n(t), con una banda limitata nel range di pulsazioni $[8\cdot 10^3, 2\cdot 10^6]$, deve essere abbattuto di almeno 45db

Regolatore statico $R_s(s)=rac{\mu_s}{s^k}$

Punto 3.1

Partendo dalla funzione di trasferimento G(s) ricavata al punto precedente, progettiamo un regolatore che rispetti le precedenti specifiche:

Scriviamo la funzione di trasferimento in anello aperto

$$L(s) = R(s)G(s)$$

dove possiamo scrivere $R(s)=R_s(s)R_d(s)$ con $R_s(s)=rac{\mu_s}{s^k}$

$$e_{\infty} = rac{D+W}{1+\mu} \implies \mu = rac{D+W}{e_{\infty}} - 1$$

ove

- ullet D è l'ampiezza del rumore di misura
- ullet W è l'ampiezza del segnale di riferimento del nostro sistema
- $ullet \ e_{\infty}$ è l'errore a $t
 ightarrow\infty$
- ullet μ è il guadagno del nostro sistema

la formula è valida solamente quando non abbiamo poli nell'origine in L(s).

$$R_s(s)=rac{\mu_s}{s^0}=\mu_s$$

$$\mu = L(0) = R(0)G(0) = \mu_s \mu_g$$

possiamo quindi ricavare

$$e_{\infty} = \frac{D+W}{1+\mu} \le 0.01 o \frac{17}{1+\mu} \le 0.01$$

$$\to \mu \geq \frac{17}{0.01} - 1 \geq 1699$$

quindi

$$\mu_s = \frac{L(0)}{G(0)} = \frac{\mu}{\mu_g} = \frac{1699}{289.1376} = 5.8761$$

Definiamo la nuova funzione di trasferimento estesa:

$$G_e(s) = R_s(s)G(s) = \mu_s G(s)$$

Di seguito è possibile visionare il codice Matlab relativo al punto appena descritto

```
%% Regolatore statico
% valore minimo prescritto per L(0)
% sappiamo che e_inf = (D + W) / (1 + mu)
% mu = mu_s*mu_g dove mu_g è fisso ed è dato da G(s)
% pertanto mu = (D + W) / e_star - 1

% L(s)=R(s)G(s) -> mu=L(0)=R(0)G(0) -> mu_s=R(0)=mu/G(0)
% guadagno minimo del regolatore ottenuto come L(0)/G(0)
G_0 = abs(evalfr(GG, 0));
mu_s = ((DD + WW) / (e_star) - 1)/G_0;

RR_s = mu_s; % RR_s = 5.88

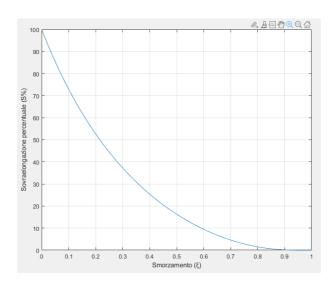
% Sistema esteso
GG_e = RR_s * GG; % GG_e = mu_s * GG
```

Regolatore dinamico

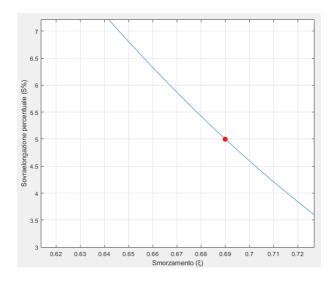
Punto 3.2 - Punto 3.3

Dal grafico della seguente equazione

$$S\% = 100e^{-rac{\pi \xi}{\sqrt{1-\xi^2}}}$$



Ricaviamo graficamente lo smorzamento ξ^* affinché venga rispettato il requisito sulla sovraelongazione percentuale di $S\% \leq 5\%$.



Da ciò che si evince dal grafico, il **valore dello smorzamento minimo** desiderato è $\xi^*\cong 0.69$. Data la seguente equazione $M_f\geq 100\xi^*$, possiamo concludere che il **margine di fase** desiderato è:

$$M_f \geq 100 \xi^*
ightarrow M_f \geq 69\,^\circ$$

Notiamo che il valore di M_f trovato è più elevato rispetto a quello richiesto dalle specifiche, ciò garantirà maggior robustezza del sistema migliori.

Punto 3.4

Il **tempo di assestamento** al 5% deve essere minore di $T^*=0.08s$, possiamo quindi trovare $w_{c,min}$ tramite la seguente formula:

$$T_{a.5} < T^*$$

dove grazie all'approssimazione a poli dominanti possiamo scrivere $\omega_n\cong \omega_c$

$$T_{a,5}\cong \, rac{3}{\xi \omega_n}\cong \, rac{3}{\xi \omega_c}$$

di conseguenza

$$egin{aligned} rac{3}{\xi \omega_{c,min}} < T^* &
ightarrow rac{3}{\xi \omega_{c,min}} < 0.08
ightarrow \omega_{c,min} > rac{3}{rac{M_f}{100} \cdot 0.08} \ &
ightarrow \omega_{c,min} > rac{300}{69.1 \cdot 0.08} \ &
ightarrow \omega_{c,min} > 54.27 \end{aligned}$$

Per i punti <u>3.5</u> e <u>3.6</u> andremo a **sfruttare il principio di sovrapposizione degli effetti** che ci consente di considerare l'uscita del sistema come somma dei singoli contributi :

$$Y(s) = Y_{\omega}(s) + Y_d(s) + Y_n(s)$$

<u>Punto 3.5</u> - Attenuazione del disturbo in uscita d(t)

Scollegando gli ingressi W(s)=N(S)=0 sappiamo che un generico disturbo in uscita si presenta in questa forma:

$$d(t) = D \cdot cos(\omega_d t + \psi_d)$$

la funzione di sensitività risulta essere:

$$S(s) = \frac{1}{1 - R(s)G(s)} = \frac{1}{1 - L(s)}$$

quindi la relativa uscita del disturbo sarà

$$y_d(t) = |S(j\omega_d)| \cdot Dcos(\omega_d t + \psi_d + arg(S(j\omega_d)))$$

Per rispettare la specifica dovremo imporre $|S(j\omega_d)|_{db} \leq -55db$.

Sapendo che $|S(j\omega)|_{db} \approx -|L(j\omega)|_{db}$ a **basse frequenze**, possiamo ricavare il vincolo sull'ampiezza della L(s) nel range di frequenze [0,0.05] come

$$-|L(j\omega)|_{db} \leq -55db
ightarrow |L(j\omega)|_{db} \geq 55db$$

<u>Punto 3.6</u> - Attenuazione del rumore di misura n(t)

I passaggi effettuati sono analoghi a quelli per la d(t)

Viene richiesta un'attenuazione del rumore di misura di 45db. Sapendo che la funzione di sensitività corrispondente è

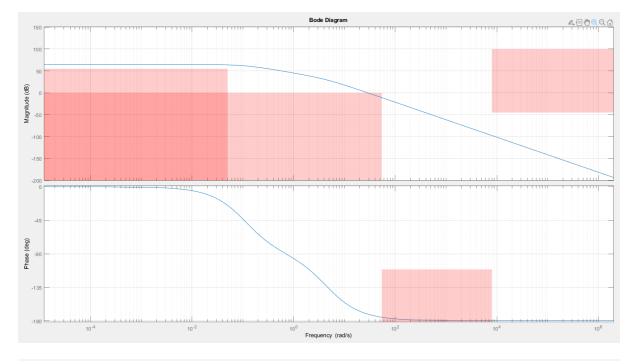
$$F(s) = \frac{R(s)G(s)}{1 - R(s)G(s)} = \frac{L(s)}{1 - L(s)}$$

Dovremo quindi imporre $|F(j\omega_n)|_{db} \leq -45db$.

Sapendo che $|F(j\omega_n)|_{db} \approx |L(J\omega_n)|_{db}$ ad **alte frequenze**, possiamo ricavare il vincolo sull'ampiezza della L(s) nel range di frequenze $[8\cdot 10^3, 2\cdot 10^6]$ come

$$|L(J\omega_n)|_{db} \leq -45db$$

Possiamo ora tracciare il diagramma di Bode della $G_e(s)$ con le patch dei vincoli trovati



Da una prima analisi del diagramma di Bode prodotto dal nostro sistema, emerge la vicinanza allo scenario B visto durante le lezioni ovvero nell'intervallo di pulsazioni ammissibili per la pulsazione di attraversamento ω_c , non esistono pulsazioni in cui la fase di $G_e(j\omega)$ rispetta il vincolo sul margine di fase.

Progettiamo quindi il regolatore dinamico per il nostro sistema di controllo utilizzando la formula che definisce la rete anticipatrice:

$$R_d(s) = rac{1+ au s}{1+lpha au s} \ con \ 0 < lpha < 1$$

consideriamo la funzione della rete anticipatrice in $s=j\omega_c^*$ otteniamo

$$R_d(j\omega_c^*)=M^*e^{jarphi^*}
ightarrow$$

$$rac{1+j au\omega_c^*}{1+jlpha au\omega_c^*}=M^*(cosarphi^*+jsinarphi^*)$$

valgono le seguenti uguaglianze

$$au = rac{M^* - cos arphi^*}{\omega_c^* sin arphi^*} \;\;,\;\; lpha au = rac{cos arphi^* - rac{1}{M^*}}{\omega_c^* sin arphi^*}$$

Quindi il nostro obiettivo è trovare i valori di M^* e φ^* in modo da ricavare τ e $\alpha \tau$, imponiamo $|G_e(j\omega_c^*)|_{dB}+20~log~M^*=0~$, $M_f^*=180~^\circ+arg(G_e(j\omega_c^*))+\varphi^*$ e considerando i valori

$$\omega_c^*=200~,~M_f^*=69\degree$$

$$arg(G_e(j\omega_c^*)) = -178,69 \; , \; |G_e(j\omega_c^*)|_{dB} = -33.54$$

così facendo otteniamo i valori

$$M^* = 10^{-rac{|G_e(j\omega_c^*)|_{dB}}{20}} pprox 47.535$$

$$arphi^* = rac{\pi}{180} (M_f^* - 180\degree - arg(G_e(j\omega_c^*))) pprox 1.1814$$

in fine i valori di au e lpha au sono

$$aupprox 0.2549\ rad$$
 , $lpha aupprox 0.0019\ rad$

codice MATLAB relativo

```
%% Design del regolatore dinamico

% Rete anticipatrice

Mf_star = Mf_spec; % Mf_star = 69
omega_c_star = 200;
[mag_omega_c_star, arg_omega_c_star, omega_c_star] = bode(66_e, omega_c_star)

mag_omega_c_star_dB = 20 * log10(mag_omega_c_star)

M_star = 10^(-mag_omega_c_star_dB / 20) % M_star = 47.535
phi_star = Mf_star - 180 - arg_omega_c_star; % phi_star = 1.181
phi_star_rad = phi_star * pi / 180 % phi_star_rad = 206.193 rad

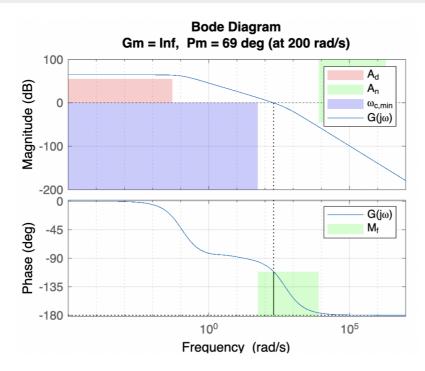
% Formule di inversione
tau = (M_star - cos(phi_star_rad) / (omega_c_star * sin(phi_star_rad)) % tau = 0.2549 rad
alpha_tau = (cos(phi_star_rad) - inv(M_star)) / (omega_c_star * sin(phi_star_rad)) % alpha_tau = 0.0019 rad
alpha_tau / tau % alpha = 0.00745 rad
```

```
% Test parametri

if M_star <= 1
    disp('Errore: M_start non soddisfa le specifiche (M_star > 1)')
    return;
end

phi_star_rad = phi_star*pi/180
if phi_star_rad < 0 | phi_star_rad > pi/2
    disp('Errore: phi_star non soddisfa le specifiche: 0<phi_star<pi/>return;
end
```

```
check_flag = cos(phi_star*pi/180) - inv(M_star)
if check_flag < 0
    disp('Errore: alpha negativo');
    return;
end</pre>
```



Il regolatore è fisicamente realizzabile in quanto il numero di poli del regolatore è uguale al numero di zeri e da ciò consegue che la pendenza dell'ampiezza di L(s) è uguale alla pendenza della G(s) ad alte frequenze.

```
% check regolatore fisicamente realizzabile
% poli-zero >= 0
check_reg = R_d * RR_s;

if size(pole(check_reg)) - size(zero(check_reg)) < 0
    fprintf('Il regolatore NON è fisicamente realizzabile!');
    return;
else
    fprintf('Il regolatore è fisicamente realizzabile!');
end</pre>
```

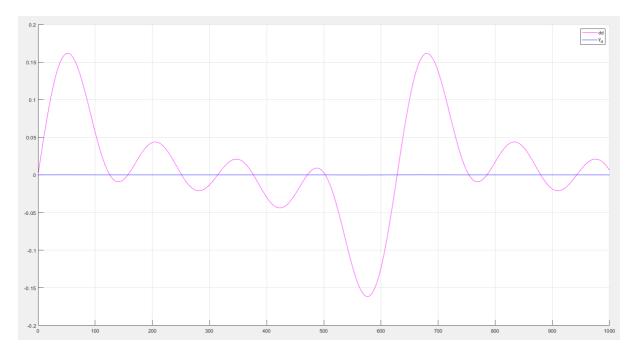
Testing del sistema di controllo

Dopo aver opportunamente realizzato il regolatore per il nostro sistema linearizzato, andiamo a testare il nostro sistema con i seguenti segnali:

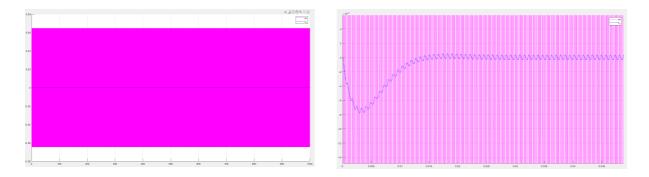
- $w(t) = 0.75 \cdot 1(t)$
- $d(t) = \sum_{k=1}^{4} 0.05 \cdot \sin(0.01kt)$
- $n(t) = \sum_{k=1}^{4} 0.02 \cdot \sin(8 \cdot 10^3 kt)$



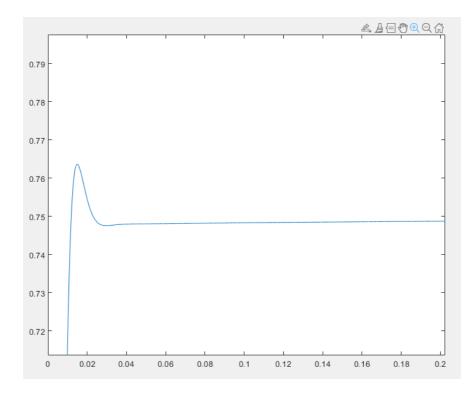
Nel precedente diagramma è possibile visionare l'uscita del nostro sistema sollecitato dall'ingresso $w(t)=0.75\cdot 1(t)$ e con le componenti d(t) e n(t) nulle. Le patch verdi delimitano l'area in cui la risposta al nostro gradino dovrà assestarsi affinchè vengano rispettati i requisiti, l'uscita del nostro sistema si assesta intorno ai 0.03s quindi molto prima del requisito.



Nel precedente diagramma è possibile visionare l'uscita del nostro sistema sollecitato dall'ingresso $d(t) = \sum_{k=1}^4 0.05 \cdot \sin(0.01kt)$ e con le componenti w(t) e n(t) nulle.

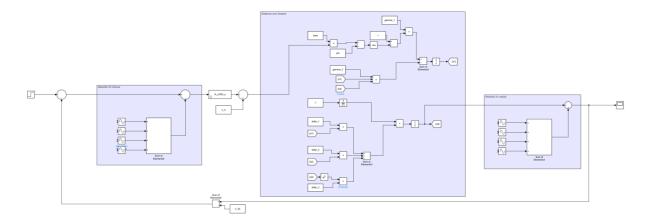


Nel precedente diagramma rappresentiamo il comportamento del rumore di misura ad una sollecitazione in ingresso pari a $n(t) = \sum_{k=1}^4 0.02 \cdot \sin(8 \cdot 10^3 kt)$ quando gli ingressi w(t) e d(t) sono nulli. Come possiamo vedere, il rumore viene attenuato. Nel grafico a destra possiamo vedere un ingrandimento del sistema negli istanti iniziali prima dell'attenuazione.

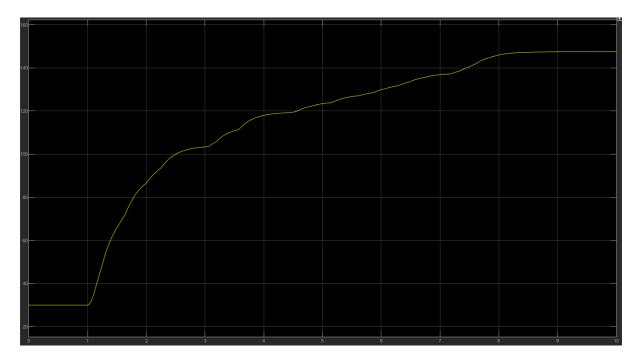


Nel precedente diagramma, sfruttando la proprietà di sovrapposizione degli effetti, rappresentiamo l'uscita del nostro sistema come combinazione lineare delle uscite precedenti: $y(t)=y_{\omega}(t)+y_{n}(t)+y_{d}(t)$.

Testing del sistema di controllo modello non lineare



Dopo aver realizzato il sistema non lineare su SimuLink e collegati i rispettivi segnali, effettuiamo il testing del sistema:



Il diagramma precedente illustra la risposta del sistema non lineare, a partire dall'intorno di equilibrio, ad un gradino di ampiezza pari a 9 dato dalle specifiche del progetto. Dopo una prima esecuzione, emerge come il comportamento del sistema diverga.

Cambiando l'ampiezza del gradino di riferimento, raggiungiamo il comportamento desiderato: il nuovo setting $\,$ prevede un ampiezza di $\,10^{-4}$.

Grazie questo accorgimento, il controllore rimane efficace sul sistema non lineare.

