# Санкт-Петербургский национальный исследовательский Академический университет имени Ж.И. Алфёрова Российской академии наук

## Рабочий протокол и отчёт по лабораторной работе $\mathbb{N}4$

Свиридов Фёдор, Александр Слободнюк, Владимир Попов

## «Свободные затухающие колебания в параллельном LC-контуре»

Исходные данные.

$$U(t) = U_m e^{-\beta t} \sin(\omega t + \alpha) \tag{1}$$

$$T = 2\pi\sqrt{LC} \tag{2}$$

$$\beta = \frac{R}{2L} \tag{3}$$

$$\omega = \sqrt{\omega_0^2 - \beta^2} \tag{4}$$

$$\lambda = \frac{U(t)}{U(t+T)} = \beta T \tag{5}$$

$$Q \approx \frac{1}{R} \sqrt{\frac{L}{C}} \tag{6}$$

#### Результаты прямых измерений.

Контур №1		yp <b>№</b> 2	Конт	yp <b>№</b> 3	Конт	Контур №4			
$ m L=5,7~m\Gamma$ н		$ m L=5,7~m\Gamma$ н		,7 м $\Gamma$ н	L=5	$ m L=5,7~m\Gamma$ н			
$\mathrm{C}=97{,}9$ н $\Phi$		$\mathrm{C}=97{,}9\;\mathrm{H}\Phi$		$1~{ m MK}\Phi$	C = 1	$\mathrm{C}=1$ мк $\Phi$			
$\mathrm{R}=16{,}65~\mathrm{O}$ м		$\mathrm{R}=5{,}3\;\mathrm{Om}$		5,3 Ом	$ m R=16,\!65~O$ м				
$\mathrm{time/div} = 0.1$ мс		$\mathrm{time/div} = 0.1\;\mathrm{mc}$		$= 0.5 \; \text{mc}$	$\mathrm{time/div} = 0.5~\mathrm{mc}$				
${\rm volts/div}=0,\!1~{\rm B}$		${\rm volts/div}=0,\!1~{\rm B}$		$r=0.1~\mathrm{B}$	${\rm volts/div}=0.1~{\rm B}$				
U, div	t, div	U, div	t, div	U, div	t, div	U, div			
3.1	0.5	3.2	0.4	3.8	0.4	4.0			
-2.9	1.0	-3.0	0.6	-3.4	0.6	-3.0			
2.3	2.1	2.6	1.4	3.0	1.4	2.2			
-2.2	2.6	-2.6	1.6	-2.8	1.6	-1.6			
1.8	3.6	2.2	2.4	2.5	2.3	1.2			
-1.7	4.2	-2.2	2.6	-2.3	2.7	-0.9			
1.4	5.2	2.0	3.4	2.0	3.2	0.6			
-1.4	5.8	-2.0	3.6	-2.0	3.7	-0.5			
	6.8	1.8	4.4	1.7	4.3	0.4			
	7.4	-1.6	4.6	-1.6	4.7	-0.3			
	8.4	1.6	5.3	1.4	5.2	0.2			
			5.6	-1.3	5.8	-0.2			
			6.3	1.2		'			
			6.7	-1.1					
			7.4	1.0					
			7.7	-0.9					
	$7,7$ м $\Gamma$ н $7,9$ н $\Phi$ $6,65$ Oм $7,9$ н $\Phi$ $7,9$ н $\Phi$ $9,65$ O. $1,9$ н $\Phi$ $1,9$	$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$			

8.4

8.8

0.9

-0.7

#### Обработка результатов и расчёт косвенных величин.

#### $\bullet$ Период колебаний T

Для 1-го и 2-го контура по формуле (2)  $T_{12}=0,158$  мс. Из опыта  $T_{12}=0,155$  мс Для 3-го и 4-го контура по формуле (2)  $T_{34}=0,474$  мс. Из опыта  $T_{34}=0,506$  мс

#### $\bullet$ Коэффициент затухания $\beta$

 $\beta_1 = 1461 \ c^{-1}$ 

 $\beta_2 = 465 \ c^{-1}$ 

 $\beta_3 = 465 \; c^{-1}$ 

 $\beta_4 = 1461 \ c^{-1}$ 

#### $\bullet$ Логарифмический декремент $\lambda$

 $\lambda_1 = 0,226$ 

 $\lambda_2 = 0,074$ 

 $\lambda_3 = 0,235$ 

 $\lambda_4 = 0,730$ 

### • Время затухания $\tau = \frac{1}{\beta}$

 $au_1=0,684$  мс

 $au_2=2,150$  мс

 $au_3=2,150$  мс

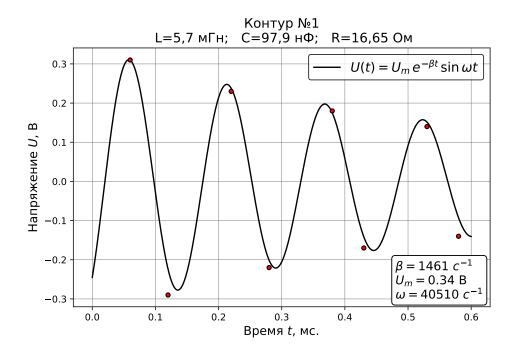
 $\tau_4=0,684$  мс

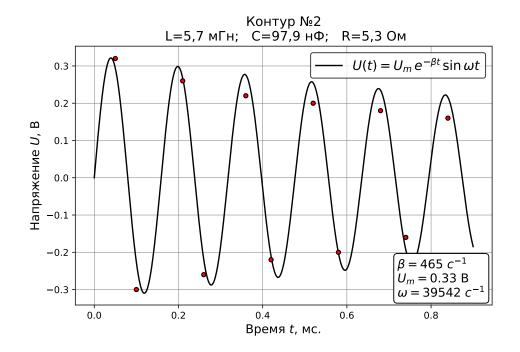
#### $\bullet$ Добротность Q

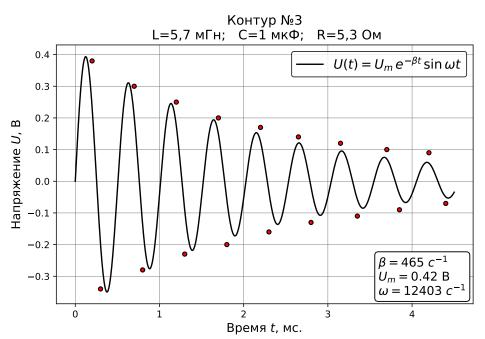
 $Q_1 = 14,49$ 

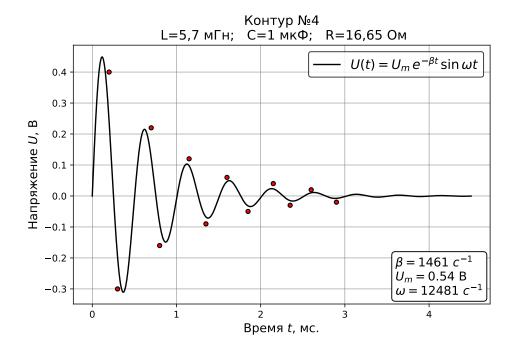
 $Q_2=45,53$ 

 $Q_3 = 14, 24$   $Q_4 = 4, 53$ 









#### Выводы.

Мы провели измерения свободных затухающих колебаний напряжения в LC-контурах с разными параметрами. На основе полученных данных были найдены следующие величины: период колебаний T, коэффициент затухания  $\beta$ , логарифмический декремент  $\lambda$ , время затухания  $\tau$ , добротность Q.

В опыте было обнаружено необычное поведение затухающих колебаний: их полупериоды (время, за которое заряды на обкладках конденсатора меняют знак) не равны, что противоречит уравнению колебаний  $U(t) = U_m e^{-\beta t} \sin(\omega t + \alpha)$ , так как данная функция обладает симметрией. Приведём значения полупериодов всех 4-ёх контуров:

$hT_1$ , div	0.6	1	0.6	1	0.5	1	0.5								
$hT_2$ , div	0.5	1.1	0.5	1.0	0.6	1	0.6	1	0.6	1					
$hT_3$ , div	0.2	0.8	0.2	0.8	0.2	0.8	0.2	0.8	0.2	0.7	0.3	0.7	0.4	0.7	0.3
$hT_4$ , div	0.2	0.8	0.2	0.7	0.4	0.5	0.5	0.6	0.4	0.5	0.6				

Таким образом, перетекание заряда в одном направление происходит быстрее чем в другом. Объяснения данному явлению мы не знаем, но можно предположить, что индуктивность этих контуров зависит от направления тока.