

Задача 1

Классификация текстов на срочные и не срочные. Те, что вы объявите срочными, будет смотреть тех. поддержка. Тех. поддержка может смотреть 1000 текстов в сутки. Вам поступает 2000/10000/100000 текстов в сутки.

Задача 1. Решение

Количество текстов в сутки и размер тех. поддержки определяют какую долю текстов можно пометить как важные, то есть $P(\text{текст помечен важным})$ задаётся условием задачи.

Нам требуется задетектировать как можно больше действительно важных текстов. то есть максимизировать $P(\text{текст помечен важным} \mid \text{текст важный})$ при условии, что $P(\text{текст помечен важным}) = \alpha$, где α определяется условиями задачи (в нашем случае это 0.5, 0.1 и 0.01).

Итоговая метрика — recall при таком пороге, что доля помеченных текстов равна α .

Задача 2

Классификация текстов на срочные и не срочные. Те, что вы объявите срочными, будет смотреть тех. поддержка. Вам поступает 2000/10000/100000 текстов в сутки. Вы хотите максимально уменьшить количество нанятых людей, но при этом обрабатывать 99% всех важных случаев.

Задача 2. Решение

Обрабатывать 99% всех важных случаев означает, что $P(\text{текст помечен важным} \mid \text{текст важный}) \geq 0.99$.

Количество нанятых людей пропорционально $P(\text{текст помечен важным})$.

Таким образом, нам требуется минимизировать $P(\text{текст помечен важным})$ при условии, что $P(\text{текст помечен важным} \mid \text{текст важный}) \geq 0.99$.

Оптимизируемое выражение равно

$$\begin{aligned} & \frac{P(\text{текст помечен важным} \mid \text{текст важный})}{P(\text{текст важный} \mid \text{текст помечен важным})} P(\text{текст важный}) = \\ & = \frac{\text{recall}}{\text{precision}} P(\text{текст важный}) \end{aligned}$$

Задача 2. Решение

$$\frac{\text{recall}}{\text{precision}} P(\text{текст важный}) \rightarrow \min \text{ при условии, что } \text{recall} \geq 0.99$$

Так как обычно precision монотонно убывает от recall, то максимум достигается при $\text{recall} = 0.99$

$$\frac{\text{recall}}{\text{precision}} P(\text{текст важный}) \rightarrow \min \text{ при условии, что } \text{recall} = 0.99$$

$P(\text{текст важный})$ не зависит от выбора порога, а $\text{recall} = 0.99$, то задача становится:

$$\frac{0.99}{\text{precision}} \rightarrow \min \text{ при условии, что } \text{recall} = 0.99$$

или

$$\text{precision} \rightarrow \max \text{ при условии, что } \text{recall} = 0.99$$

Задача 2. Решение

$\text{precision} \rightarrow \max$ при условии, что $\text{recall} = 0.99$

Итоговая метрика — precision при таком пороге, что $\text{recall} = 0.99$.

Задача 3

Предсказание спроса на товар. В зависимости от вашего предсказания, на склад завезут разное количество товара. За продажу одной единицы товара вы получаете 200 рублей. Покупка и хранение одной единицы товара стоит 120 рублей. Товар скоропортящийся и если вы не продатите, то товар можно считать потерянным.

Задача 3. Решение

Нужно оценить, сколько мы потеряем денег в случаях, когда мы завезли меньше спроса, и когда больше спроса. Пусть завозят $a(x)$ единиц продукции, а реальный спрос составляет y единиц продукции. Если завезено больше продукции, то она испортится и мы потратим лишние 120 рублей на каждую единицу товара. Если завозим меньше, то недопродаём товар и недозарабатываем 80 рублей с каждой единицы. Таким образом, функция потерь следующая:

$$\begin{cases} 80(y - a(x)), & \text{если } y > a(x) \\ 120(a(x) - y), & \text{если } y \leq a(x) \end{cases}$$

Задача 4

Предсказание минимального эффекта воздействия. Вам нужно гарантировать, что настоящий эффект будет не меньше предсказанного вами в 95% случаев.

Задача 4. Решение

При помощи оптимизации квантильной функции потерь $(\alpha (a(x_i) - y_i) I\{a(x_i) \geq y_i\} + (1 - \alpha) (y_i - a(x_i)) I\{a(x_i) < y_i\})$ мы можем оценивать условные квантили целевой переменной, тогда

$$P(y > a(x)) \approx P(y > Z_{1-\alpha}(y | x)) = \alpha,$$

то есть, мы можем давать нижние оценки на целевые переменные, которые будут нарушаться с вероятностью α

Задача 5

Предсказание эффекта воздействия. Вам нужно предсказывать доверительный интервал для величины, в который она будет попадать с вероятностью 95%.

Задача 5. Решение

Аналогично предыдущей задаче, мы можем оценивать квантили условного распределения, но теперь обучим две модели a_1 и a_2 с параметрами α_1 и α_2 , тогда

$$P(a_1(x) < y < a_2(x)) \approx P(Z_{1-\alpha_1}(y | x) < y < Z_{1-\alpha_2}(y | x)) = \alpha_1 - \alpha_2.$$

Какие технические проблемы могут возникнуть при таком подходе?

Задача 6

Предсказание среднего величины. Вам нужно прогнозировать математическое ожидание некой величины на следующий день

Задача 6. Решение

Как мы знаем,

$$\sum_{i=1}^n (a(x_i) - y_i)^2 \rightarrow \min \implies a(x_i) \approx E(y \mid x = x_i)$$

Поэтому нас интересует оптимизация MSE, а целевая переменная это значение требуемой величины в следующий день.