Clase práctica 4 de mayo

1. Sea X una variable aleatoria con función de distribución

$$F_X(x) = \frac{x}{5} \mathbf{1} \{ 1 \le x < 2 \} + \frac{3}{5} \mathbf{1} \{ 2 \le x < 3 \} + \frac{x+1}{5} \mathbf{1} \{ 3 \le x < 4 \} + \mathbf{1} \{ 4 \le x \}.$$

Hallar $F_{X|X>2}(x)$.

2. Juana y Pedro salieron a tomar cerveza. Sean X e Y las cantidades de litros de cerveza que tomaron Juana y Pedro respectivamente. La densidad conjunta de X e Y es:

$$f_{X,Y}(x,y) = 2 \cdot \mathbf{1} \{ 0 < x < y < 1 \}$$

- a) Hallar las densidades marginales de X e Y
- b) Calcular la probabilidad de que entre ambos hayan tomado más de 1 litro de cerveza y Pedro haya tomado menos de 0.75 litros.
- 3. Sea (X,Y) un vector aleatorio con función de probabilidad conjunta:

$$p_{X,Y}(x,y) = \frac{x^2y}{36} \mathbf{1} \{ x \in \{-1,1,2\}, y \in \{1,2,3\} \}$$

- a) Hallar las funciones de probabilidad marginales de X e Y
- b) Sean $U = \min(X, Y)$ y $V = \max(X, Y)$. Calcular $\mathbf{P}(U = 1 | V = 2)$.
- 4. El tiempo (en horas) que Tomás pasa mirando su serie favorita y escuchando música durante el fin de semana son variables aleatorias X e Y respectivamente, con función de densidad conjunta:

$$f_{X,Y}(x,y) = 0.25e^{-0.5(x+y)}\mathbf{1}\{0 < x, 0 < y\}.$$

- a) Hallar las densidades marginales de X e Y
- b) Calcular la probabilidad de que en un fin de semana pase más tiempo mirando la serie que escuchando música.
- 5. Un helicóptero que cuenta con dos motores debe realizar un vuelo de 15 minutos. Los tiempos hasta la falla de cada motor son variables aleatorias independientes con distribución uniforme entre 5 y 25 minutos. Si alguno de los motores falla, el helicóptero no puede completar el vuelo. Sabiendo que ambos motores funcionaban a los 10 minutos, calcular la probabilidad de que el helicóptero no pueda completar el vuelo.