



Trabajo Práctico N°2

Nombre: Melina Lazzaro Padrón: 105931 Fecha de Entraga: 18/10/2021

Grupo: liomessi30

Nombre: Nahuel Castro Padrón: 106551 Nombre: Ana Gutson Padrón: 105853 Nombre: Nicolás Pinto Padrón: 105064 Nombre: Iván Litteri Padrón: 106223

Lineamientos básicos

• El trabajo se realizará en grupos de cinco personas.

- Se debe entregar el informe en formato pdf y código fuente en (.zip) en el aula virtual de la materia.
- El lenguaje de implementación es libre. Recomendamos utilizar C, C++ o Python. Sin embargo si se desea utilizar algún otro, se debe pactar con los docentes.
- Incluir en el informe los requisitos y procedimientos para su compilación y ejecución. La ausencia de esta información no permite probar el trabajo y deberá ser re-entregado con esta información.
- El informe debe presentar carátula con el nombre del grupo, datos de los integrantes y y fecha de entrega. Debe incluir número de hoja en cada página.
- En caso de re-entrega, entregar un apartado con las correcciones mencionadas

Índice general

1.	Minimizando costos	9
	1.1. Objetivos	:
	1.1.1. Algoritmo de Johnson	4
	1.1.2. Comparación de complejidad temporal y espacial entre los algoritmos propuestos	4
	1.1.3. Comparación entre situaciones	4
	1.1.4. Ejemplo	4
	1.1.5. ¿Puede decirse que Johnson utiliza en su funcionamiento una metodología greedy?	6
	1.1.6. ¿Puede decirse que Johnson utiliza en su funcionamiento una metodología de progra-	
	mación dinámica?	6
2.	Un poco de teoría	7
	2.1. Objetivos	7
	2. Comparación de complejidad temporal y espacial entre los algoritmos propuestos	
	2.3 Conclusiones	7

Capítulo 1

Minimizando costos

1.1. Objetivos

Una empresa productora de tecnología está planeando construir una fábrica para un producto nuevo. Un aspecto clave en esa decisión corresponde a determinar dónde la ubicarán para minimizar los gastos de logística y distribución. Cuenta con N depósitos distribuidos en diferentes ciudades. En alguna de estas ciudades es donde deberá instalar la nueva fábrica. Para los transportes utilizarán las rutas semanales con las que ya cuentan. Cada ruta une dos depósitos en un sentido. No todos los depósitos tienen rutas que los conecten. Por otro lado, los costos de utilizar una ruta tienen diferentes valores. Por ejemplo hay rutas que requieren contratar más personal o comprar nuevos vehículos. En otros casos son rutas subvencionadas y utilizarlas les da una ganancia a la empresa. Otros factores que influyen son gastos de combustibles y peajes. Para simplificar se ha desarrollado una tabla donde se indica para cada ruta existente el costo de utilizarla (valor negativo si da ganancia).

Los han contratado para resolver este problema.

Han averiguado que se puede resolver el problema utilizando Bellman-Ford para cada par de nodos o Floyd-Warshall en forma general. Un amigo les sugiere utilizar el algoritmo de Johnson.

Aclaración: No existen ciclos negativos!

Se pide:

- 1. Investigar el algoritmo de Johnson y explicar cómo funciona. ¿Es óptimo?
- 2. En una tabla comparar la complejidad temporal y espacial de las tres propuestas.
- 3. Analizar en qué situaciones una solución es mejor que otras
- 4. Crear un ejemplo con 5 depósitos y mostrar paso a paso cómo lo resolvería el algoritmo de Johnson.
- 5. ¿Puede decirse que Johnson utiliza en su funcionamiento una metodología greedy? Justifique
- 6. ¿Puede decirse que Johnson utiliza en su funcionamiento una metodología de programación dinámica? Justifique.
- 7. Programar la solución usando el algoritmo de Johnson.

Fromato de los archivos:

El programa debe recibir por parámetro el path del archivo donde se encuentran los costos entre cada depósito. El archivo debe ser de tipo texto y presentar por renglón, separados por coma un par de depósitos con su distancia.

Ejemplo: "depósitos.txt"

Debe resolver el problema y retornar por pantalla la solución. Debe mostrar por consola en en que ciudad colocar el depósito. Además imprimir en forma de matriz los costos mínimos entre cada uno de los depósitos.

1.1.1. Algoritmo de Johnson

¿Cómo funciona?

El algoritmo de Johnson consiste en los siguientes pasos:

- 1. Primero se añade un nuevo nodo q al grafo, conectado a cada uno de los nodos del grafo por una arista de peso cero.
- 2. En segundo lugar, se utiliza el algoritmo de Bellman-Ford, empezando por el nuevo vértice q, para determinar para cada vértice v el peso mínimo h(v) del camino de q a v. Si en este paso se detecta un ciclo negativo, el algoritmo concluye.
- 3. Seguidamente, a las aristas del grafo original se les cambia el peso usando los valores calculados por el algoritmo de Bellman-Ford: una arista de u a v con tamaño w(u,v), da el nuevo tamaño w(u,v) + h(u) h(v)
- 4. Por último, para cada nodo s se usa el algoritmo de Dijkstra para determinar el camino más corto entre s y los otros nodos, usando el grafo con pesos modificados.

¿Es óptimo?

Cuando analizamos algoritmos lo que nos interesa de ellos es analizar su optimalidad y su eficiencia. La optimalidad nos dice si, al utilizar un algoritmo en específico para resolver un problema, siempre obtengo el resultado correcto; y por otro lado la eficiencia (tanto en tiempo y espacio) tiene que ver con la cantidad de operaciones que se realizan para resolver el problema.

Para el problema que nos interesa resolver, este algoritmo sí es óptimo ya que se nos aclara que los grafos de nuestro problema no poseen ciclos negativos. Sin esa aclaración, se podría decir que el algoritmo no es óptimo ya que no devuelve el resultado correcto con grafos que contienen ciclos negativos.

1.1.2. Comparación de complejidad temporal y espacial entre los algoritmos propuestos

Complejidad	Bellman-Ford	Johnson	Floyd-Warshall
Temporal	$\mathcal{O}(VE)$	$\mathcal{O}(V^2 \log V + VE)$	$\mathcal{O}(V^3)$
Espacial	$\mathcal{O}(VE)$	$\mathcal{O}((V+1)(E+V))$	$\mathcal{O}()$

1.1.3. Comparación entre situaciones

Johnson es mejor para grafos discretos y Floyd-Warshall para grafos densos porque la complejidad de éste depende sólo de la cantidad de vértices (|V|).

1.1.4. Ejemplo

INSERTAR GRAFO ORIGINAL ACÁ

Paso 1. Se añade un nuevo vértice q al grafo, conectado a cada uno de los vértices del grafo por una arista de peso cero

INSERTAR GRAFO CON NUEVO VÉRTICE ACÁ

Paso 2. Se utiliza el algoritmo de Bellman-Ford, empezando por el nuevo vértice q, para determinar para cada vértice v el peso mínimo h(v) del camino de q a v. Si en este paso se detecta un ciclo negativo, el algoritmo concluye

	q	v_0	v_1	v_2	v_3	v_4
0						
1						
2						
3						
4						

	v_0	v_1	v_2	v_3	v_4
v_0					
v_1					
v_2					
v_3					
v_4					

	v_0	v_1	v_2	v_3	v_4
v_0					
v_1					
v_2					
v_3					
v_4					

	v_0	v_1	v_2	v_3	v_4
v_0					
v_1					
v_2					
v_3					
v_4					

	v_0	v_1	v_2	v_3	v_4
v_0					
v_1					
v_2					
v_3					
v_4					

	v_0	v_1	v_2	v_3	v_4
v_0					
v_1					
v_2					
v_3					
v_4					

1.1.5. ¿Puede decirse que Johnson utiliza en su funcionamiento una metodología greedy?

Se podría decir que una parte de su funcionamiento utiliza una metodología greedy ya que este algoritmo usa el algoritmo de Dijkstra y éste utiliza en su funcionamiento una metodología Greedy, porque siempre elije el vértice 'más liviano' o 'más cercano' en V-S para agregar al conjunto S (siendo S el conjunto de los vértices cuyos pesos finales de la fuente S ya se han determinado). Decimos 'una parte' porque además el algoritmo de Johnson en una parte de su funcionamiento utiliza el algoritmo de Bellman-Ford (que no utiliza en su funcionamiento una metodología greedy).

1.1.6. ¿Puede decirse que Johnson utiliza en su funcionamiento una metodología de programación dinámica?

Se podría decir que una parte de su funcionamiento utiliza una metodología de programación dinámica ya que este algoritmo (como se dijo en el punto anterior) usa el algoritmo de Bellman-Ford. Decimos 'una parte' porque además el algoritmo de Johnson en una parte de su funcionamiento utiliza el algoritmo de Bellman-Ford (que no utiliza en su funcionamiento una metodología greedy).

Capítulo 2

Un poco de teoría

2.1. Objetivos

- 1. Hasta el momento hemos visto 3 formas distintas de resolver problemas. Greedy, división y conquista, y programación dinámica..
 - a) Describa brevemente en qué consiste cada una de ellas.
 - b) Identifique similitudes, diferencias, ventajas y desventajas entre las mismas. ¿Podría elegir una técnica sobre las otras?
- 2. Tenemos un problema que puede ser resuelto por un algoritmo Greedy (G) y por un algoritmo de Programación Dinámica (PD). G consiste en realizar múltiples iteraciones sobre un mismo arreglo, mientras que PD utiliza la información del arreglo en diferentes subproblemas a la vez que requiere almacenar dicha información calculada en cada uno de ellos, reduciendo así su complejidad; de tal forma logra que O(PD) ¡O(G). Sabemos que tenemos limitaciones en nuestros recursos computacionales (CPU y principalmente memoria). ¿Qué algoritmo elegiría para resolver el problema?

Pista: probablemente no haya una respuesta correcta para este problema, solo justificaciones correctas.

2.2. Resultados

2.3. Conclusiones