#### Lézerfizika tételsor

Illés Gergő, Sarkadi Balázs 2023. május 30.

### 1. Mit rövidít a "laser" mozaikszó?

Light Amplification by Stimulated Emission of Radiation.

## 2. Min alapszik a mátrixokkal való sugárkövetés (mátrixoptika)?

A mátrixoptikai leírásban a sugarakat 2 paraméterrel jellemezzük. Az optikai tengelytől való távolsággal és az optikai tengellyel bezárt szöggel. Továbbá paraxiális közelítésben vagyunk ami azt jelenti, hogy a szögek szinuszait magával a szög értékével közelítjük. Egyes optikai elrendezést úgynevezett sugártranszfer (ABCD) mátrixszal jellemezhetünk, ami a következő egyenletrendszert kódolja.

$$\begin{pmatrix} A & B \\ C & D \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} x_1 \\ \varphi_1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} x_2 \\ \varphi_2 \end{pmatrix} \tag{1}$$

3. Adja meg f fókusztávolságú vékony lencse és d távolságon való terjedés mátrixait!

$$\begin{pmatrix} 1 & 0 \\ -\frac{1}{f} & 1 \end{pmatrix} \text{ és } \begin{pmatrix} 1 & d \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \tag{2}$$

4. Adja meg az optikai rezonátor stabilitási feltételét!

$$0 \le \left(1 - \frac{L}{R_1}\right) \left(1 - \frac{L}{R_2}\right) \le 1\tag{3}$$

$$0 \le \frac{A+D+2}{4} \le 1\tag{4}$$

5. Határozza meg a Gauss-nyalábok átmérőjét és görbületi sugarát adott helyen a nyalábnyak és a hullámhossz függvényében!

$$W(z) = w_0 \cdot \sqrt{1 + \left(\frac{z}{z_R}\right)^2} \tag{5}$$

$$R(z) = z \cdot \left[ 1 + \left( \frac{z_R}{z} \right)^2 \right] \tag{6}$$

$$z_R = \frac{nw_0^2 \pi}{\lambda} \tag{7}$$

6. Definiálja a Gauss nyalábokra felírható komplex nyalábokra felírható komplex nyaláb paramétert! Adja meg, hogy az 1-es számú síkban felvett  $q_1$  hogyan viszonyol a 2-es síkban felvett  $q_2$ -höz!

$$q(z) = z + iz_R \tag{8}$$

$$q_2 = \frac{Aq_1 + B}{Cq_1 + D} \tag{9}$$

7. Mekkora a frekvenciakülönbség egy L hosszúságú rezonátorban kialakuló módusok közötti frekvenciakülönbség?

$$\Delta f = \frac{c}{2L} \tag{10}$$

8. Mi az összefüggés a foton élettartama  $(\tau_p)$ , a körülfordulási idő $(\tau_{RT})$  és a "túlélési faktor" (S) között? Mi az összefüggés a foton élettartam és (Q) minőségi faktor között?

$$\tau_p = \frac{\tau_{RT}}{1 - S} \tag{11}$$

$$\tau_p = \frac{Q}{\omega_0} \tag{12}$$

9. Definiálja Einstein szerinti leírásban lévő  $B_{12}$  abszorpciós,  $B_{21}$  kényszerített emissziós és  $A_{21}$  spontán emissziós együtthatót!

$$\left. \frac{dN_2}{dt} \right|_{sp.e.} = -A_{21} \cdot N_2 \tag{13}$$

$$\left. \frac{dN_2}{dt} \right|_{st.e} = -B_{21} \cdot N_2 \cdot \rho(\nu) \tag{14}$$

$$\frac{dN_2}{dt}\Big|_{st.e.} = -B_{21} \cdot N_2 \cdot \rho(\nu) \tag{14}$$

$$\frac{dN_2}{dt}\Big|_{abs.} = B_{12} \cdot N_1 \cdot \rho(\nu) \tag{15}$$

$$\frac{N_2}{N_1} = \frac{B_{12} \cdot \rho(\nu)}{A_{21} + B_{21} \cdot \rho(\nu)} \tag{16}$$

$$g_2 B_{21} = g_1 B_{12} \qquad \frac{A_{21}}{B_{21}} = \frac{8\pi n^2 n_g h \nu^3}{c^3}$$
 (17)

10. Hogy viszonyulnak egymáshoz a kényszerített emisszió által kibocsátott és az azt kiváltó foton tulajdonságai?

Frekvencia, polarizáció, fázis és haladási irány megegyezik.

### 11. Definiálja a hatáskeresztmetszet empirikus jelentését!

A hatáskeresztmetszet a részecske olyan környezete ahol a fotonokkal interakcióba léphet.

Másképp:

Effektív terület vagy valószínűség abszorpcióra vagy foton emisszióra egy adott energia szinten.

Harmadképp:

Interakció valószínűsége az atom/molekula/ion és a beeső sugárzás között.

12. Adja meg az összefüggést az erősítési együttható, az emissziós és abszorpciós hatáskeresztmetszetek és populációk közti összefüggést adott energiaszinten!

$$\gamma(\nu) = N_2 \sigma_{em}(\nu) - N_1 \sigma_{abs}(\nu) \tag{18}$$

## 13. Írja fel egy három szintű lézer populációváltozásának egyenleteit s hatáskeresztmetszetek segítségével!

(0-2 pumpa, 2-1 spontán emissziós, 1-0 stimulált emisszió?) Csak a sugárzással járó átmeneteket figyelembe véve:

$$\frac{dN2}{dt} = \sigma_{abs}N_0 - \frac{N_2}{\tau_{p2}} \tag{19}$$

$$\frac{dN1}{dt} = \frac{N_2}{\tau_{p2}} - \frac{N_1}{\tau_{p1}} - \sigma_{em} N_1 \tag{20}$$

$$N = N_0 + N_1 + N_2$$
 , ahol N konstans (21)

# 14. Mi a spektrális kiszélesedés két fajtája? Mi a különbség az abszorpciós vagy emissziós szaturációban? (ellenőrizni)

1, Homogén kiszélesedés: Az erősítési térben lévő részecskék energia szintjei közötti különbség azonos. Több frekvencia komponens vesz részt az erősítésben abszorbens anyag jelenlétében ezáltal a szaturáció jelentősebb mértékű

2, Inhomogén kiszélesedés: égethető

Az erősítési térben a részecskék energiaszintjei közötti különbségek nem teljesen egyformák, így a kiszélesedés struktúrált lehet, ezáltal kevesebb frekvencia komponens vesz részt az erősítésben abszorbens anyag jelenlétében így a szaturáció mértéke is csökken.

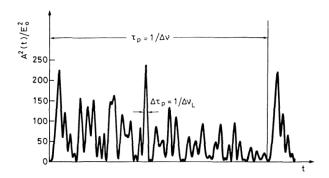
## 15. Mit jelent a Q-kapcsolás? Mekkora a Q-kapcsolt lézerek impulzushossza? Hogyan viszonyul ez a körülfutási időhöz?

A Q-kapcsolás lényege az, hogy pumpálás alatt megnöveljük a rezonátorban lévő veszteséget, így az erősítés alacsony lesz és nagyon sok részecskét tudunk gerjesztett állapotba juttatni, mivel a spontán kibocsátott fotonok nem erősödnek jelentősen. Ezután a veszteséget lecsökkentjük, ilyenkor a spontán emisszió jele nagyon gyorsan nagy mértékeben megnő. Ezzel nagyenergiájú rövid impulzusokat hozhatunk létre. Könyv: körüljárási idő:  $\approx 1,75$  ns, impulzushossz:  $\approx 7,1$  ns tehát nagyjából 5 körülfutás.

# 16. Mi a módusszinkronizált lézer? Tipikusan milyen hullámhosszon működtethetőek? Hogyan viszonyul az impulzushossz a körülfutási időhöz?

A lézertérben különböző longitudinális hullámok alakulhatnak ki, (tegyük fel) azonos amplitúdóval és véletlenszerű fázissal, ezzel egy periodikusan változó intenzitás lefutású

impulzust kapunk. Módusszinkronizálásnak nevezzük azt amikor ezekből a módusokból csak bizonyos módusokat erősítünk. Ehhez plusz eszközöket telepítünk a rezonátorba.



1. ábra. Azonos amplitúdójú és véletlenszerű fázissal rezgő longitudinális módusok összege.

Aktív módusszinkronizálásról beszélünk, amikor ezt a szelekciót egy kívülről vezérelt berendezéssel tesszük meg. Pl egy idővezérelt kapuval a véletlenszerűen keletkező (de periodikusan állandó intenzitás lefutású) impulzus csak egy kiválasztott részét csatoljuk ki mindig a lézerből ( $\frac{2L}{c}$  időközönként) ezzel megrövidítve az eredeti impulzust. Passzív módusszinkronizálásról beszélünk, amikor a rezonátorba egy telítődő abszor-

<u>Passzív módusszinkronizálásról</u> beszélünk, amikor a rezonátorba egy telítődő abszorpens anyagot helyezünk el, ami a nagyobb intenzitású sugárzás hatására gyorsan átlátszóvá válik (azt átengedve), a véletlen amplitúdójú hullám többi részét viszont kiszűri, így csak azokat a módusokat erősítjük, amikre szükségünk van és így rövidebb impulzusokat kaphatunk.

Impulzushossz: ps - fs tartományban működnek jellemzően. Körüljárási idő: 1-10 ps.

### 17. Nevezzen meg két gázlézert és két szilárdtest lézert! Írja le az ezekre jellemző paramétereket!

#### Gázlézerek:

- 1. HeNe: 5:1-től egészen 20:1 arányban tartalmaz héliumot és neont. A tipikus belső nyomás 1 torr (133 Pa).  $\lambda$ =632.8 nm. Folytonos üzemű. 50 mW optikai teljesítmény.
- 2.  $CO_2$ :  $\lambda=10.6~\mu m$ , legrövidebb impulzushossz  $\sim 2~ps$ . Folytonos teljesítménye maximálisan 100 kW nagyságrendű, impulzus üzem esetén GW nagyságrendű

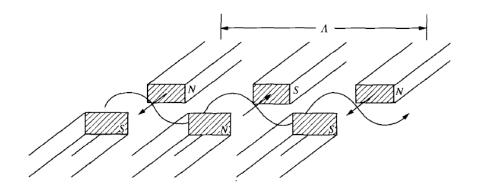
#### Szilárdtest lézerek:

- 1. Ti:Sapphire: hangolható 650- és 1100 nm között, általában 800 nm.  $Al_2O_3$  Ti<sup>3+</sup> ionokkal szennyezve. Legrövidebb impulzushossz  $\sim$ 10 fs. Folytonos teljesítménye max  $\sim$  2,5 W.
- 2. Nd:YAG: anyaga: Nd:Y<sub>3</sub>Al<sub>5</sub>O<sub>12</sub>. Frekvenciák 946-, 1120-, 1320-,

## 18. Hogyan épül fel egy Szabad elektron Lézer (FEL)? Milyen összefüggés van a FEL sugárzási hullámhossza $(\lambda)$ , az undulátor periodus hossza $(\Lambda)$ , a wiggler konstans $(a_w)$ és a Lorentz Faktor $(\gamma)$ között?

A szabadelektron lézerek általában egy lineáris gyorsító szakaszból (több lineáris gyorsító egymás után) és egy undulátor szakaszból áll (szintén több darab van egymás után). A lineáris gyorsítóban az elektronokat relativisztikus sebességre (v  $\sim$  c) gyorsítják, amiket átvezetnek az undulátorba, ami egy periodikusan kialakított mágneses teret hoz létre, amiben az elektronok egy szinuszra emlékeztető pályán haladnak. Ennek következtében sugárzás keltődik a folyamatos gyorsulás miatt, ami az undulátorban való terjedés során folyamatosan erősödik. Pumpa lézert alkalmazva az elektronok makrocsomókba rendeződnek a pumpáló lézer térerősség térbeli lefutásának megfelelően és sugárzáskor azt fogják jelentősen erősíteni. A szabad elektron lézerek legnagyobb előnye, hogy az elektromágneses spektrum teljes szinte teljes egészében alkalmazható, hiszen a sugárzási hullámhossz az undulátor periódus hosszával egyenesen arányos.

$$\lambda = \frac{\Lambda}{2\gamma^2} \left( 1 + a_w^2 \right) \tag{22}$$



2. ábra. Relativisztikus elektronok trajektóriája az undulátorban.