Projeto1

June 26, 2021

1 Projeto 1 - SCC0270 - Neural Networks and Deep Learning

- 1.1 Primeiro Projeto Prático
- 1.1.1 Nome: William Luis Alves Ferreira
- 1.1.2 N°USP: 9847599
- 1.2 Instalação de pacotes pip

```
[1]: #biblioteca para salvar a sessão do jupiter
!pip install dill
```

Requirement already satisfied: dill in c:\users\will_\anaconda3\lib\site-packages (0.3.4)

```
[2]: import dill
dill.load_session('notebook_env.db')
```

- [3]: | !pip install tensorflow
- [4]: !pip install keras

1.3 Carregamento de bibliotecas base

```
[5]: #Manipulação de vetores e matrizes
import numpy as np
import pandas as pd
#Gerencimento de plotagem
import matplotlib.pyplot as plt

#Arquitetura de modelos para as redes neurais (Keras e Tensorflow)
from keras.datasets import mnist
from tensorflow.keras.utils import to_categorical
from sklearn.neural_network import MLPClassifier
from sklearn.metrics import roc_auc_score, make_scorer, confusion_matrix,

→plot_confusion_matrix
```

```
from sklearn.neighbors import KNeighborsClassifier
from sklearn.model_selection import StratifiedKFold
from sklearn.model_selection import GridSearchCV
from sklearn import metrics
from sklearn.linear_model import SGDClassifier
from sklearn.preprocessing import StandardScaler
from sklearn.pipeline import make_pipeline
```

1.4 Carregamento dos dados fornecidos

```
[6]: data_train = pd.read_csv("./train.csv",delimiter=',')
```

2 Questão 1

Definições para questão 1

2.0.1 Definição de acuracia

Temos como acuracia a taxa de acertos da predição por toda a amostra, ou seja, consideramos alto o indice quando acertos (verdadeiros positivos e verdadeiros negativos) são a maioria da ocorrencia da predição das classes.

$$Acuracia = \frac{VP + VN}{VP + VN + FP + FN}$$

2.0.2 Definindo AUC

ROC - receiver operating characteristic curve, traduzido como curva característica de operação do receptor

AUC - Area Under the ROC Curve, traduzido como Área Sob a Curva ROC

No qual plotamos uma cruva (ROC) de **taxa de verdadeiro positivo** (TVP, sigla em inglês, TPR) vs. **taxa de falso positivo** (TFP, sigla em inglês, FPR) e pode ser calculada como

Sensibilidade (Recall) =
$$TVP = \frac{VP}{P} = \frac{VP}{VP + FN}$$

$$Erro = TFP = \frac{FP}{N} = \frac{FP}{FP + VN}$$

A AUC é invariante em estala, pois não trata dos valores absolutos predicionados, ao inves disso, trata da relação de acertos e erros, além dos verdadeiros e falsos possitivos. Uma interpletação possível é tendo o beneficio do modelo como **TVP** e maleficio como **TFP**, o ponto ideal seria na relação de maior o TVP e menor o TFP, ou seja, com a relação mais próxima do ideal temos a área sob a curva próxima a 1 caso contrário próximo a 0.

- 2.0.3 a) Baseado na base de dados fornecida, qual das duas métricas de avaliação deve ser usada para medir os resultados dos modelos: Acurácia ou AUC?
- 2.0.4 b) Na base fornecida, qual seria o resultado esperado de um modelo aleatório para cada uma das duas métricas (Acurácia e AUC)?

Primeiro realizaremos um estudo sobre os dados e averiguar sua distribuição e tendências, afim de identificar desvios que possam influenciar as métricas de avaliação do modelo.

Verificando os dados de teste

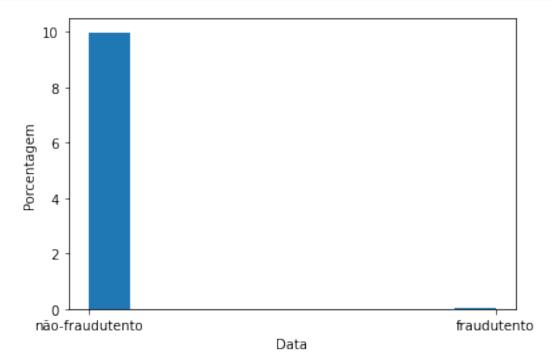
```
[8]: # classes substituindo valores para facilitar plot
    classes = data_train['Class']

classes[classes==0]="não-fraudutento"
    classes[classes==1]="fraudutento"
```

<ipython-input-8-a8564a62bd7f>:4: SettingWithCopyWarning:
A value is trying to be set on a copy of a slice from a DataFrame

See the caveats in the documentation: https://pandas.pydata.org/pandas-docs/stable/user_guide/indexing.html#returning-a-view-versus-a-copy classes[classes==0]="não-fraudutento"

```
[9]: plt.hist(classes, density=1)
  plt.ylabel('Porcentagem')
  plt.xlabel('Data');
```



```
[10]: #quantidade de transações não fraudulentas
total = data_train['Class'].describe()[0]
q_nf = data_train['Class'].describe()[3]
#quantidade de transações fraudulentas
q_f = data_train['Class'].describe()[0] - data_train['Class'].describe()[3]
data_train['Class'].describe()
[10]: count 142404
```

```
[10]: count 142404
unique 2
top não-fraudutento
freq 142135
Name: Class, dtype: object
```

```
[11]: print("Porcentagem das classes no dataset de treino")
print("Não Fraudulenta ", (q_nf/total)*100)
print("Fraudulenta ", (q_f/total)*100)
```

```
Porcentagem das classes no dataset de treino
Não Fraudulenta 99.81110081177495
Fraudulenta 0.18889918822504986
```

No cenário de flaudes temos um desbalanceamento entre as classes alvo (não-fraudulentas e fraudulenta), pois esperace que a classe majoritaria em transações seja não-fraudulenta, logo para esse cenário existe o risco de inviezar nosso modelo para ignorar as fraudes, tonando-se, assim, otimista em relação a análise de um verdadeiro positivo (transação que realmente é não fraudulenta), o que não atende a necessidade desse tipo de problema, já que o foca é encontrar falsos positivos, ou seja, transações tidas como não-fraudulentas que na realidade são fraudulentas. Como exemplo dado em aula, se um modelo é desenvolvido para classificar transações não-fraudulentas e fraudulenta e espera-se que 95% das transações seja não-fraudulenta, nossa acurácia poderia chegar em 95%, porem não atenderia a necessidade de conferi a classe não-fraudulenta com precisão, logo precisamos verificar tanto a taxa de verdadeiro positivo e falso positivo, assim contemplando o objetivo de indentificar fraudes.

Portanto, como não podemos balancear a base de testes, precisamos adequar a métrica de avaliação do modelo para expressar tanto a taxa de verdadeiro positivo e verdadeiro negativo, neste sentido podemos utilizar a **AUC** para avaliarmos de forma precisa o problema.

A comparação entre as métricas de avaliação do modelo será comparada na questão 2.

2.1 Questão 2

Nesta questão temos o interesse de investigar os impactos de valores do parâmetro de regularização L2

Com as variações de L2:

[0.0, 0.01, 0.1, 1, 10]

```
[12]: data_train = pd.read_csv("./train.csv",delimiter=',')
      data_test = pd.read_csv("./test.csv",delimiter=',')
[13]: | target_test = data_test.drop('Class', axis=1)
      label_test = data_test['Class']
[14]: target_train = data_train.drop('Class', axis=1)
      label_train = data_train['Class']
[15]: label_test.shape, label_train.shape
[15]: ((142403,), (142404,))
     Para o label de teste entrar no modelo, temos que reformular a classe única para duas classes
     binárias, através de To_categorical()
[16]: label_train = to_categorical(label_train, 2)
      label_test = to_categorical(label_test, 2)
[17]: label_test
[17]: array([[1., 0.],
             [0., 1.],
             [1., 0.],
             . . . ,
             [1., 0.],
             [1., 0.],
             [1., 0.]], dtype=float32)
     Prosseguindo, vamos gerar 5 modelos de MLP para explorar as variações do regularizador do
     modelo.
[18]: alphas = [0,0.01,0.1,1,10]
[19]: models = []
      for a in alphas:
          model = None
          model = MLPClassifier(
              hidden_layer_sizes=[20,20,20,20,20],
              activation='relu',
              alpha=a,
              verbose=True,
              random_state=42
```

models.append(model)

```
[20]: for a in range(len(alphas)):
    models[a].fit(target_train, label_train)
```

Como discutido na questão 1 vemos a avaliação dos modelos em ambas as métricas

Acurácia

```
[21]: scores = []
    for a in range(len(alphas)):
        scores.append(models[a].score(target_test, label_test))

[22]: scores
[22]: [0.9952248197018321,
```

0.9978441465418566, 0.998939629080848, 0.9993469238709859, 0.9984340217551596]

E, verificamos que a taxa da métrica de acurácia retrata aproximadamente a **taxa de não-fraude**, pois não consegue retratar o carater de excessão dos dados desbalanciados entre as classes fruto da natureza do problema

```
[23]: scores = []

for a in range(len(alphas)):
    scores.append(roc_auc_score(label_test, models[a].predict(target_test)))
```

AUC

```
[24]: scores
```

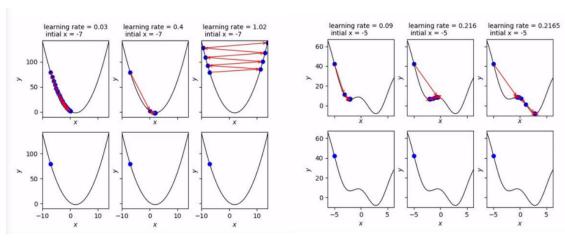
```
[24]: [0.8610712231132518, 0.8724392183974461, 0.9009690078956315, 0.7981957280198724, 0.5]
```

Verificamos que o terceiro modelo correspondente ao regulador L2 = 0.1, e esta relacionado ao termo α relacionado a taxa de aprendizado exposto pelas expressões:

$$w = w - \alpha \frac{\partial E}{\partial w}$$

$$b = b - \alpha \frac{\partial E}{\partial b}$$

Resumidamente, temos que a derida do erro em função dos parâmetros nos oferece a **Direção** (tangente) da função, ou seja, indica se devemos diminuir ou aumentar o valor do parâmetro com forme a inclinação da reta tangente. Já o parâmetro α com o passo das atualização dos parâmetros bias e weight, indica o quanto deste valor deve ser ajustado, desta forma, devemos atentar-se para não iginorar o ponto de minimo numa função de erro, como ilustra a figura a direita.



Fonte:

Material de aula do docente Tiago Santana de Nazaré

Portanto, para nosso modelo o regulador L2 – α escolhido é 0.1

2.2 Questão 3

Nesta questão vamos realizar a análise dos hiperparâmetros e arquitetura dos modelos *Multilayer Perceptron* (MLP) e

K-Nearest Keighboors (KNN) em termos dos parametros, respectivamente, **hidden_layer_sizes** e **n_neighbors**.

Para desenvolver a avaliação do modelo será desenvolvido um script para avaliação dos K-Folds, ou seja, avaliar as três variações de cada modelo com a base de treino dividindo-a em 3 partes, e em seguida utiliza-se a classe **GridSearchCV** que automatiza o processo do script desenvolvido.

Para facilitar a distinção declaro cada modelo de forma explicita a seguir

```
[28]: redes = []

model = MLPClassifier(
    hidden_layer_sizes=(),
    verbose=True
```

```
redes.append(model)
model = MLPClassifier(
    hidden_layer_sizes=[10],
    verbose=True
)
redes.append(model)
model = MLPClassifier(
    hidden_layer_sizes=[5,5],
    verbose=True
)
redes.append(model)
```

```
[29]: knns = []
knn = KNeighborsClassifier(n_neighbors=3)
knns.append(knn)
knn = KNeighborsClassifier(n_neighbors=5)
knns.append(knn)
knn = KNeighborsClassifier(n_neighbors=7)
knns.append(knn)
```

2.2.1 Preparando o k-fold, onde k=3

TRAIN: (94936,) TEST: (47468,)

```
[30]: kf = StratifiedKFold(n_splits=3)

[31]: kf.get_n_splits(data_train)

[31]: 3

[32]: # kfold_indices[grupo][train/test], train = 0 , test = 1

    kfold_indices = []
    for train_index, test_index in kf.split(data_train,label_train):
        print("TRAIN:", train_index.shape, "TEST:", test_index.shape)
        kfold_indices.append([train_index,test_index])

TRAIN: (94936,) TEST: (47468,)
TRAIN: (94936,) TEST: (47468,)
```

Como resultado, temos um array composto por 3 grupos e composto por *fetures* e *labes* da base de teste e traino, como ilustrado:

data_kfold[grupo][train_target|train_label|test_target|test_label]

```
[34]: data_kfold
```

2.3 Comparando hiperparâmetros

Com o treinamento de cada modelo (3) com cada um dos k-fold (3), resultando 9 variações dos modelos, e tirado média aritimética entre os 3 *scores* de cada variação de parâmetro dos modelos.

2.3.1 Treinamento dos modelos de MLP

```
[35]: %%time
models_k = []

cv_k = []
for m in range(len(redes)):
    for cv in range(kf.get_n_splits(data_train)):
        cv_k.append(redes[m].fit(data_kfold[cv][0], data_kfold[cv][1]))
    models_k.append(cv_k)
    cv_k = []
```

```
[36]: models_k
```

A seguir, realiza-se a avaliação das 9 variações do modelo com a métrica AUC.

```
[37]: scores_k = []
socres_cv_k = []
for m in range(len(redes)):
```

```
select_M = 0
Tmax = 0
param_MLP = ['()', '[10]', '[5,5]']
print("--- Avaliação dos modelos ---")
print("Média")
print("Desvio Padrão")
for i in range(3):
    print("--- Modelo: hidden_layer_sizes", param_MLP[i])
    if(np.mean(scores_k[i])>Tmax):
        select_M = i
        Tmax = np.mean(scores_k[i])
    print(np.mean(scores_k[i]))
    print(np.std(scores_k[i]))
```

```
--- Avaliação dos modelos ---
Média
Desvio Padrão
--- Modelo: hidden_layer_sizes ()
0.730574418681378
0.06953386705355805
--- Modelo: hidden_layer_sizes [10]
0.8811828440327928
0.04378613276874017
--- Modelo: hidden_layer_sizes [5,5]
0.9015734235067513
0.03885168548643127
```

Melhor modelo MLP

```
[39]: redes[select_M]
```

[39]: MLPClassifier(hidden_layer_sizes=[5, 5], verbose=True)

2.3.2 Treinando modelos knn

```
[40]: knn_k = []

cv_k = []

for m in range(len(knns)):
    for cv in range(kf.get_n_splits(data_train)):
```

```
cv_k.append(knns[m].fit(data_kfold[cv][0], data_kfold[cv][1]))
          knn_k.append(cv_k)
          cv_k = []
[41]: knn_k
[41]: [[KNeighborsClassifier(n_neighbors=3),
        KNeighborsClassifier(n_neighbors=3),
        KNeighborsClassifier(n_neighbors=3)],
       [KNeighborsClassifier(), KNeighborsClassifier(), KNeighborsClassifier()],
       [KNeighborsClassifier(n_neighbors=7),
        KNeighborsClassifier(n_neighbors=7),
        KNeighborsClassifier(n_neighbors=7)]]
[42]: %%time
      scores_knn_k = []
      scores_cv_k = []
      for m in range(len(redes)):
          for cv in range(kf.get_n_splits(data_train)):
              scores_cv_k.append(roc_auc_score(data_kfold[cv][3], knns[m].
       →predict(data_kfold[cv][2])))
          scores_knn_k.append(scores_cv_k)
          scores_cv_k = []
     Wall time: 10min 53s
[43]: scores_knn_k
[43]: [[0.9550245201792572, 0.9055450021341364, 0.7832805662262372],
       [0.9437674587257284, 0.9055450021341364, 0.7888361217817927],
       [0.943756905527054, 0.905523895291298, 0.7943811239159292]]
[44]: select_K= 0
      Tmax = 0
      param_KNN = ['3', '5', '7']
      print("--- Avaliação dos modelos ---")
      print("Média")
      print("Desvio Padrão")
      for i in range(3):
          print("--- Modelo: n_neighbors", param_KNN[i])
          if(np.mean(scores_knn_k[i])>Tmax):
              select_K = i
              Tmax = np.mean(scores_knn_k[i])
          print(np.mean(scores_knn_k[i]))
          print(np.std(scores_knn_k[i]))
```

```
--- Avaliação dos modelos ---
     Média
     Desvio Padrão
     --- Modelo: n_neighbors 3
     0.8812833628465436
     0.07218248534349225
     --- Modelo: n_neighbors 5
     0.8793828608805526
     0.06590029346438546
     --- Modelo: n_neighbors 7
     0.8812206415780937
     0.06335754171772501
     Melhor modelo Knn
[45]: knns[select_K]
[45]: KNeighborsClassifier(n_neighbors=3)
     2.4 Utilizando a classe GridSearchCV, temos
     2.4.1 MLP explorando hiperparâmetros
[46]: parameters = [{'hidden_layer_sizes':[(), [10], [5,5]]}]
[47]: cv_mlp = GridSearchCV(estimator=MLPClassifier(), param_grid=parameters, cv=3,,,
       →scoring=make_scorer(roc_auc_score, greater_is_better=True))
[48]: | %%time
      cv_mlp.fit(target_train, label_train)
     Wall time: 1min 12s
[48]: GridSearchCV(cv=3, estimator=MLPClassifier(),
                   param_grid=[{'hidden_layer_sizes': [(), [10], [5, 5]]}],
                   scoring=make_scorer(roc_auc_score))
[49]: cv_mlp.cv_results_
[49]: {'mean_fit_time': array([5.06447442, 6.90484198, 8.26344283]),
       'std_fit_time': array([0.34937208, 1.241977 , 1.06794019]),
       'mean_score_time': array([0.01041857, 0.02329834, 0.02117562]),
       'std_score_time': array([0.00736704, 0.00638249, 0.00714339]),
       'param_hidden_layer_sizes': masked_array(data=[(), list([10]), list([5, 5])],
                    mask=[False, False, False],
              fill_value='?',
                   dtype=object),
       'params': [{'hidden_layer_sizes': ()},
```

```
{'hidden_layer_sizes': [10]},
        {'hidden_layer_sizes': [5, 5]}],
       'split0_test_score': array([0.83661028, 0.8924986 , 0.91466814]),
       'split1_test_score': array([0.79443389, 0.83883612, 0.82220112]),
       'split2_test_score': array([0.62775667, 0.79993668, 0.83323835]),
       'mean_test_score': array([0.75293361, 0.84375713, 0.85670254]),
       'std_test_score': array([0.09017266, 0.03794812, 0.0412348]),
       'rank_test_score': array([3, 2, 1])}
[53]: cv_mlp.best_params_
[53]: {'hidden_layer_sizes': [5, 5]}
     2.4.2 KNN explorando hiperparâmetros
[54]: parameters = [{'n_neighbors':[3, 5, 7]}]
[55]: cv_knn = GridSearchCV(estimator=KNeighborsClassifier(), param_grid=parameters,__
       →cv=3, scoring=make_scorer(roc_auc_score, greater_is_better=True), verbose=1, ___
       \rightarrown_jobs=-1)
[56]: %%time
      cv_knn.fit(target_train, label_train)
     Fitting 3 folds for each of 3 candidates, totalling 9 fits
     [Parallel(n_jobs=-1)]: Using backend LokyBackend with 8 concurrent workers.
     [Parallel(n_jobs=-1)]: Done
                                   4 out of
                                               9 | elapsed: 2.8min remaining: 3.5min
     [Parallel(n_jobs=-1)]: Done
                                   9 out of
                                               9 | elapsed: 4.4min finished
     Wall time: 4min 23s
[56]: GridSearchCV(cv=3, estimator=KNeighborsClassifier(), n_jobs=-1,
                   param_grid=[{'n_neighbors': [3, 5, 7]}],
                   scoring=make_scorer(roc_auc_score), verbose=1)
[57]: cv_knn.cv_results_
[57]: {'mean_fit_time': array([2.64343643, 2.59269675, 2.98557075]),
       'std_fit_time': array([0.07750696, 0.21274195, 0.23690055]),
       'mean_score_time': array([162.79603028, 184.54077792, 182.89834396]),
       'std_score_time': array([46.76201868, 42.20994226, 52.31914229]),
       'param_n_neighbors': masked_array(data=[3, 5, 7],
                    mask=[False, False, False],
              fill_value='?',
                   dtype=object),
       'params': [{'n_neighbors': 3}, {'n_neighbors': 5}, {'n_neighbors': 7}],
       'split0_test_score': array([0.95461295, 0.95463405, 0.95463405]),
```

```
'split1_test_score': array([0.78330167, 0.76662445, 0.75551334]),
       'split2_test_score': array([0.78328057, 0.78883612, 0.79438112]),
       'mean_test_score': array([0.84039839, 0.83669821, 0.83484284]),
       'std_test_score': array([0.08076188, 0.08388479, 0.0861786]),
       'rank_test_score': array([1, 2, 3])}
[58]: cv_knn.best_params_
[58]: {'n_neighbors': 3}
     2.5 Comparação script próprio e o GridSearchCV
     2.5.1 MLP
[59]: print("'hidden_layer_sizes':",redes[select_M].get_params()['hidden_layer_sizes'])
     'hidden_layer_sizes': [5, 5]
[60]: cv_mlp.best_params_
[60]: {'hidden_layer_sizes': [5, 5]}
     2.5.2 KNN
[61]: knns[select_K]
[61]: KNeighborsClassifier(n_neighbors=3)
[62]: cv_knn.best_params_
[62]: {'n_neighbors': 3}
     2.6 Experiência de performance
     2.6.1 a) Qual técnica obteve o melhor resultado na base de teste?
     2.6.2 b) Qual técnica demora mais para gerar as previsões nos dados de teste?
     2.6.3 Melhor modelo MLP
[63]: model = redes[select_M]
     TEMPO DE EXECUÇÃO
     TREINO:
[64]: %%time
      model.fit(target_train, label_train)
```

```
Iteration 1, loss = 0.06482553
     Iteration 2, loss = 0.00929426
     Iteration 3, loss = 0.00674939
     Iteration 4, loss = 0.00546009
     Iteration 5, loss = 0.00462534
     Iteration 6, loss = 0.00409635
     Iteration 7, loss = 0.00389245
     Iteration 8, loss = 0.00372930
     Iteration 9, loss = 0.00356336
     Iteration 10, loss = 0.00345263
     Iteration 11, loss = 0.00330815
     Iteration 12, loss = 0.00320408
     Iteration 13, loss = 0.00312258
     Iteration 14, loss = 0.00303033
     Iteration 15, loss = 0.00297433
     Iteration 16, loss = 0.00289251
     Iteration 17, loss = 0.00286500
     Iteration 18, loss = 0.00280397
     Iteration 19, loss = 0.00276909
     Iteration 20, loss = 0.00273327
     Iteration 21, loss = 0.00271190
     Iteration 22, loss = 0.00265369
     Iteration 23, loss = 0.00265341
     Training loss did not improve more than tol=0.000100 for 10 consecutive epochs.
     Stopping.
     Wall time: 11.5 s
[64]: MLPClassifier(hidden_layer_sizes=[5, 5], verbose=True)
     PREDIÇÃO BASE:
[65]: %%time
      predict_model = model.predict(target_test)
     Wall time: 52 ms
     TEMPO TOTAL:
     Aproximadamente: 12 s
[66]: print("Score AUC - MLP:",roc_auc_score(label_test, predict_model))
     Score AUC - MLP: 0.9064892478239231
     2.6.4 Melhor modelo KNN
[67]: knn = knns[select_K]
     TEMPO DE EXECUÇÃO
```

TREINO:

```
[68]: %%time knn.fit(target_train, label_train)
```

Wall time: 1.69 s

[68]: KNeighborsClassifier(n_neighbors=3)

PREDIÇÃO BASE:

```
[69]: | %%time | predict_knn = knn.predict(target_test)
```

Wall time: 12min 24s

TEMPO TOTAL:

Aproximadamente 12 min 30 s

```
[70]: print("Score AUC - MLP:",roc_auc_score(label_test, predict_knn))
```

Score AUC - MLP: 0.8740350449471302

Portanto, o melhor modelo entre MLP e KNN para a solução deste problema vista tempo de execução total e avaliação é **MLP**.

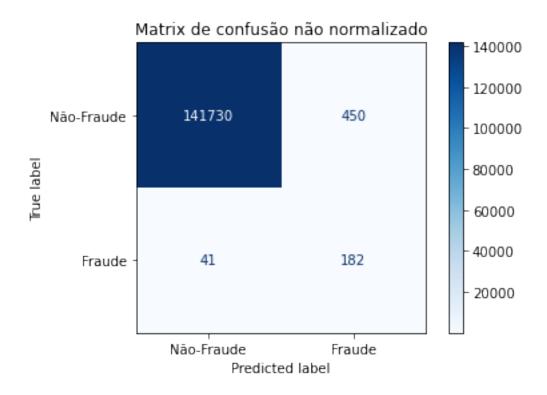
Observação: Houve dificuldade em obter o output do comando mágico %%time, por esse motivo considerar os valores totais de tempo em uma execução durante a experiÊncia e pode não se repetir em re-execuções, porém a disparidade entre KNN e MLP é constante.

2.7 Questão 4

Para esta questão avaliaremos a matrix de confução para encontrar os seguintes indices:

Verdadeiro - Negativo: Cada fraude evitada em média evita um prejuízo (gera um lucro) de R\$ 100

Falso - Negativo: Cada não-fraude bloqueada gera em média um prejuízo de 2 reais.



```
[72]: VN = cm.confusion_matrix[1][1]

[73]: FN = cm.confusion_matrix[0][1]

[74]: Lucro = (VN*(100))+(FN*(-2))
```

Por fim, temos o cálculo do lucro oferecido pelo modelo com os valores expostos no enunciado.

2.7.1 Lucro esperado

```
[75]: print("R$",Lucro)
```

R\$ 17300

2.8 Questão 5

Nesta questão utilizaremos um modelo composto por um único neurônio para verificar o impacto das *fetures* da base de dados.

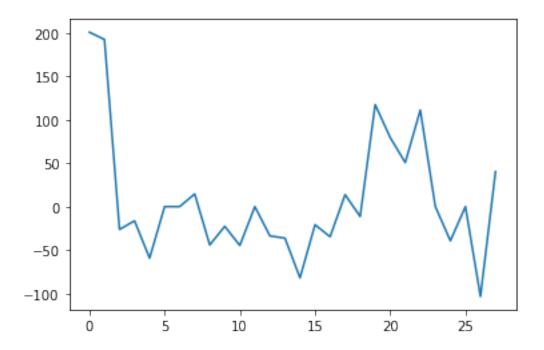
```
[76]: data_train = pd.read_csv("./train.csv",delimiter=',')
    data_test = pd.read_csv("./test.csv",delimiter=',')

[77]: target_test = data_test.drop('Class', axis=1)
    label_test = data_test['Class']
```

```
[78]: target_train = data_train.drop('Class', axis=1)
      label_train = data_train['Class']
     Inicio o modelo com o hiperparametro penalty='11', pois resulta em weight nulos para as entradas
     sem influência na saída
[79]: neuronio = SGDClassifier(loss='log', random_state=42, penalty='l1')
[80]: neuronio.fit(target_train, label_train)
[80]: SGDClassifier(loss='log', penalty='l1', random_state=42)
[81]: roc_auc_score(label_test, neuronio.predict(target_test))
[81]: 0.8295832447595324
[82]: w = neuronio.coef_[0]
[83]: w
[83]: array([ 200.65772195, 192.20966766, -26.254422 ,
                                                            -16.38961516,
              -59.29673962,
                                              0.
                                                             14.55805129,
                               0.
              -44.07702743, -22.69659509, -44.70670146,
              -33.73913207, -36.25067654, -81.97062719,
                                                            -20.86478838,
              -34.66528511,
                              13.66088106, -11.35961667,
                                                            117.29494357,
               79.43164706,
                              50.68633693, 111.07959735,
                                                              0.
              -39.31362634,
                               0.
                                          , -103.35595862,
                                                             40.21647171])
```

[84]: [<matplotlib.lines.Line2D at 0x20a11f1a610>]

[84]: plt.plot(w)



Agora, verificamos o impacto das variáveis com peso nulo, primeiro removendo-as da base de dados

```
[85]: tol = 1
  remover = []

for i in range(len(w)):
    if(np.sqrt(w[i]**2)>tol):
       remover.append(i)
```

```
[86]: fetures = np.array(data_train.columns)
fetures = np.delete(fetures, remover)
fetures
```

[86]: array(['V6', 'V7', 'V12', 'V24', 'V26', 'Class'], dtype=object)

Com a nova base de dados verificamos o modelo e seus pesos

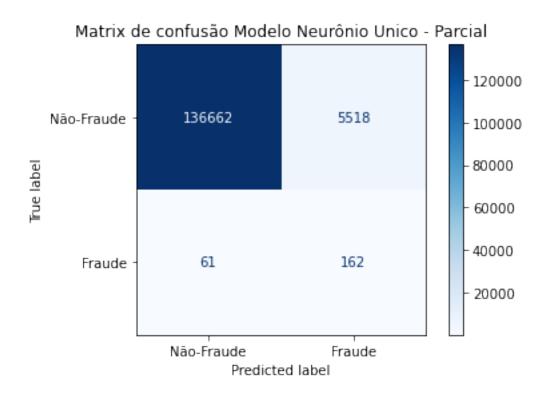
```
[87]: new_target_train = data_train.drop(fetures, axis=1)
label_train = data_train['Class']
```

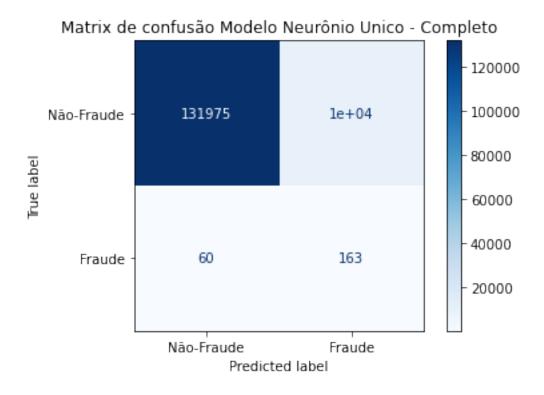
```
[88]: new_target_test = data_test.drop(fetures, axis=1)
label_test = data_test['Class']
```

Em carater de experimento faz-se a comparação da avaliação e matrix de confusão do modelo, em especial, verificando os valores **Verdadeiro Negativo** e **Falso Negativo** que condiz com as taxas intríncicas ao problema.

2.8.1 Comparando modelos de único neurônio

```
[89]: new_neuronio = SGDClassifier(loss='log', random_state=42, penalty='11')
[90]: new_neuronio.fit(new_target_train, label_train)
[90]: SGDClassifier(loss='log', penalty='l1', random_state=42)
[91]: new_w = new_neuronio.coef_
      new_w
[91]: array([[ 141.82196849, 126.61731964, -19.92491524,
                                                             0.
               -16.34105026,
                              21.97532216, -57.03951522, -39.62393377,
               -32.42537554, -40.06476677, -18.54386709, -67.46675212,
               -22.98794608, -25.38343468, 22.74837859,
                                                            -2.71104658,
                                            47.45075295,
               80.63222529,
                              91.56267741,
                                                            82.04395061,
               -63.59311157, -115.68936126,
                                             9.3229018 ]])
[92]: new_neuronio_cm = plot_confusion_matrix(new_neuronio, new_target_test,_
       →label_test,
                                   display_labels=["Não-Fraude", "Fraude"],
                                   cmap=plt.cm.Blues,
                                   normalize=None)
      new_neuronio_cm.ax_.set_title("Matrix de confusão Modelo Neurônio Unico -u
       →Parcial")
      plt.show()
```





```
[95]: auc_neuronio_completo = roc_auc_score(label_test, neuronio.predict(target_test))
auc_neuronio_completo
```

[95]: 0.8295832447595324

Diferencia da métrica de avaliação AUC:

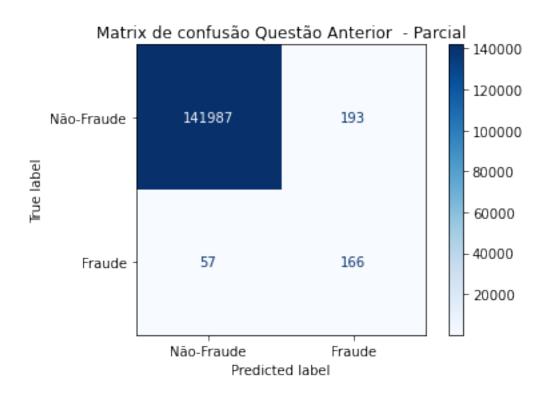
```
[96]: auc_neuronio_completo - auc_neuronio_parcial
```

[96]: -0.014240475188717294

2.8.2 Comparando modelos da questão 3 e 4

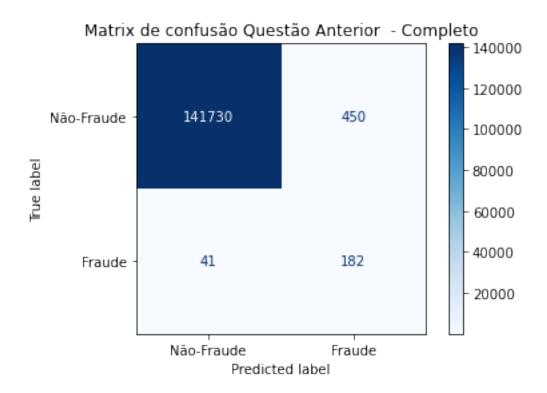
Iteration 4, loss = 0.00560224
Iteration 5, loss = 0.00513658

```
Iteration 6, loss = 0.00477084
      Iteration 7, loss = 0.00447922
      Iteration 8, loss = 0.00422771
      Iteration 9, loss = 0.00400797
      Iteration 10, loss = 0.00386998
      Iteration 11, loss = 0.00374902
      Iteration 12, loss = 0.00364177
      Iteration 13, loss = 0.00354283
      Iteration 14, loss = 0.00344591
      Iteration 15, loss = 0.00334567
      Iteration 16, loss = 0.00328476
      Iteration 17, loss = 0.00322285
      Iteration 18, loss = 0.00318337
      Iteration 19, loss = 0.00314440
      Iteration 20, loss = 0.00312816
      Iteration 21, loss = 0.00310673
      Iteration 22, loss = 0.00308196
      Iteration 23, loss = 0.00306930
      Iteration 24, loss = 0.00302371
      Iteration 25, loss = 0.00303744
      Iteration 26, loss = 0.00299506
      Training loss did not improve more than tol=0.000100 for 10 consecutive epochs.
      Stopping.
[97]: MLPClassifier(hidden_layer_sizes=[5, 5], verbose=True)
[104]: new_cm = plot_confusion_matrix(new_model, new_target_test, label_test,
                                    display_labels=["Não-Fraude", "Fraude"],
                                    cmap=plt.cm.Blues,
                                    normalize=None)
      new_cm.ax_.set_title("Matrix de confusão Questão Anterior - Parcial")
      plt.show()
```



cm.ax_.set_title("Matrix de confusão Questão Anterior - Completo")

plt.show()



```
[101]: auc_completo = roc_auc_score(label_test, model.predict(target_test))
auc_completo
```

[101]: 0.9064892478239231

Verificamos através do regulador L1 que as variaveis de menor impacto para o modelo foram:

```
[102]: fetures = np.delete(fetures, -1) fetures
```

[102]: array(['V6', 'V7', 'V12', 'V24', 'V26'], dtype=object)

Em relação a avaliação dos modelos Completo e parcial (sem as variaveis com w=0), vemos uma diferença de

```
[103]: auc_completo - auc_parcial
```

[103]: 0.03497065552602763

que apesar de baixa, não sustenta a ausência das variaveis, pois podem retratar alguma característica que não é retratada na amostra da base de teste. De todo modo foram identificadas as variáveis de menos "importantes" para defenir uma saída no modelo.