Złoty podział wykorzystuje się często w estetycznych, proporcjonalnych kompozycjach architektonicznych, malarskich, fotograficznych itp. Znany był już w starożytności i przypisywano mu wyjątkowe walory estetyczne. Stosowano go np. w planach budowli na Akropolu. Co najmniej od XX wieku wielu artystów i architektów tworzyło swoje dzieła z zachowaniem złotego stosunku - szczególnie w formie złotego prostokąta, w którym stosunek dłuższego boku do krótszego jest równy złotej proporcji - zgodnie z poglądem, że takie proporcje wyglądają estetycznie. Złoty prostokąt może być rozcięty na kwadrat i mniejszy prostokąt o tych samych proporcjach co rozcinany. Matematycy, począwszy od Euklidesa, badali złoty podział z powodu jego wyjątkowych i interesujących własności. Złoty podział jest także używany w analizie rynków finansowych, w strategiach takich jak odbicie Fibonacciego.

Według Wikipedii[1] dwie wielkości a i b są w złotym stosunku  $\Phi$ , jeżeli:

$$\frac{a+b}{a} = \frac{a}{b} = \Phi \tag{1}$$

Równanie  $\phi^2=1+\phi$  również produkuje łańcuchowy pierwiastek kwadratowy, jak mówią w książce[2], to znaczy:

$$\phi = \sqrt{1 + \sqrt{1 + \sqrt{1 + \sqrt{\dots}}}} \tag{2}$$

Określający wielomian kwadratowy i sprzężony związek prowadzą to wartości dziesiętnych, których części ułamkowe wynoszą  $\Phi\colon$ 

$$\Phi^2 = \Phi + 1 = 2,618\dots \tag{3}$$

$$\frac{1}{\Phi} = \Phi - 1 = 0,618\dots \tag{4}$$

Na rysunku 1 widać jak wyglądają te proporcje w praktyce. Można powiązać z tym równanie 2

Na rysunku 2 widać jak wyglądają te proporcje w praktyce po raz kolejny. A z tym powiązać równanie 1.

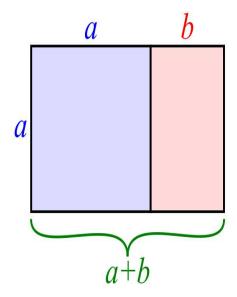
Niestety złoty podział nie ma dużo tabelek, więc używam losowych...

$$ocena \ na \ zaliczenie = \left\{ \begin{array}{ll} a & \text{jeżeli a>b} \\ b+x & \text{zdaje} \\ l & (tak \ o \ sobie) \end{array} \right.$$

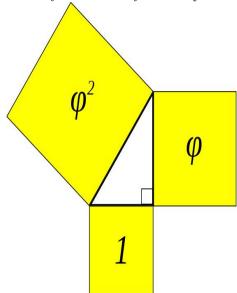
$$\left( egin{array}{c|c} pieko & niebo \\ \hline niebo & pieko \end{array} 
ight)$$

## Literatura

- [1] Wikipedia https://pl.wikipedia.org/wiki/Złoty\_podział
- [2] Fernando Corbalan "Złota Proporcja: «Matematyczny język piękna»"



Rysunek 1: Złoty Prostokąt



Rysunek 2: Trójkąt Keplera