

## Table of Contents

Interpolazione e Smoothing : Fitting di Dati.....	1
Interpolazione.....	1
Tool di interpolazione.....	1
Esempi di applicazione dei metodi di interpolazione.....	3
Interpolazione Spline e utilizzo della Derivata.....	7
Interpolazione bidimensionale e Smoothing di dati.....	9
Interpolazione di curve parametriche.....	9
Estrapolazione e Previsione dei Dati.....	13
Interpolazione di Curve Bidimensionali.....	15
Smoothing.....	19
Rapporto % Occupazione-Popolazione.....	19
Previsione dell'andamento del fenomeno al di fuori dell'intervallo dei dati.....	21
Valutazione delle Performance dell'Algoritmo di PageRank.....	23
Tool per lo Smoothing delle Immagini.....	24
Computer Vision Toolbox-Applicazione texture su immagini 3D.....	30
Riferimenti.....	32
Autori.....	32

## Interpolazione e Smoothing : Fitting di Dati

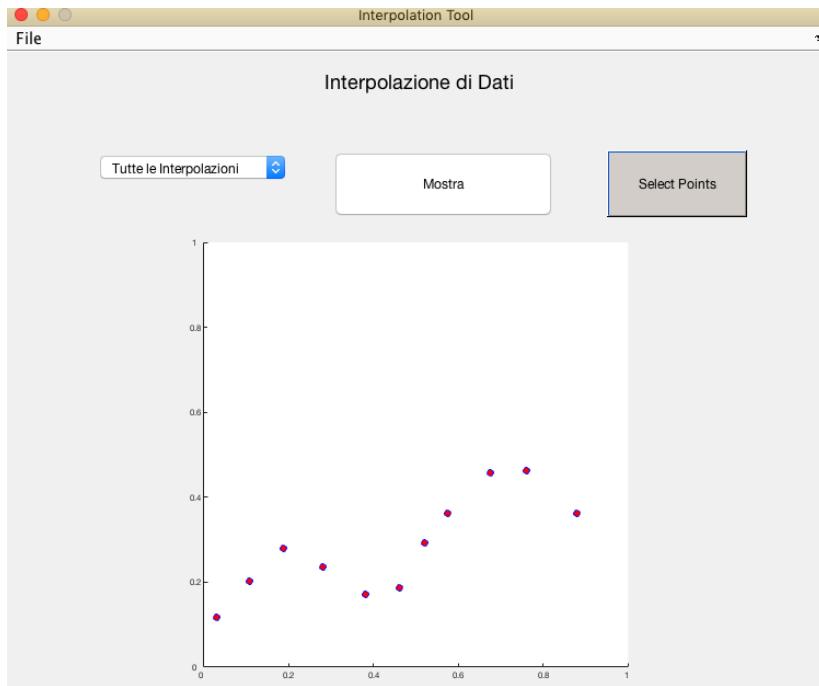
Questo documento mira ad illustare esempi d'utilizzo significativi per problemi di **interpolazione e smoothing** utilizzando le funzioni Matlab.

### Interpolazione

#### Tool di interpolazione

Nella seguente sezione viene presentato un tool nel quale esplicitando il numero di punti sul grafico viene mostrato il confronto tra le varie tipologie di interpolazione messe a disposizione dal MATLAB. Si può scegliere il tipo di interpolazione desiderato tramite menù a tendina.

**Per eseguire il tool, basta digitare nella Command Line del MATLAB : "GUI\_Interpol"**



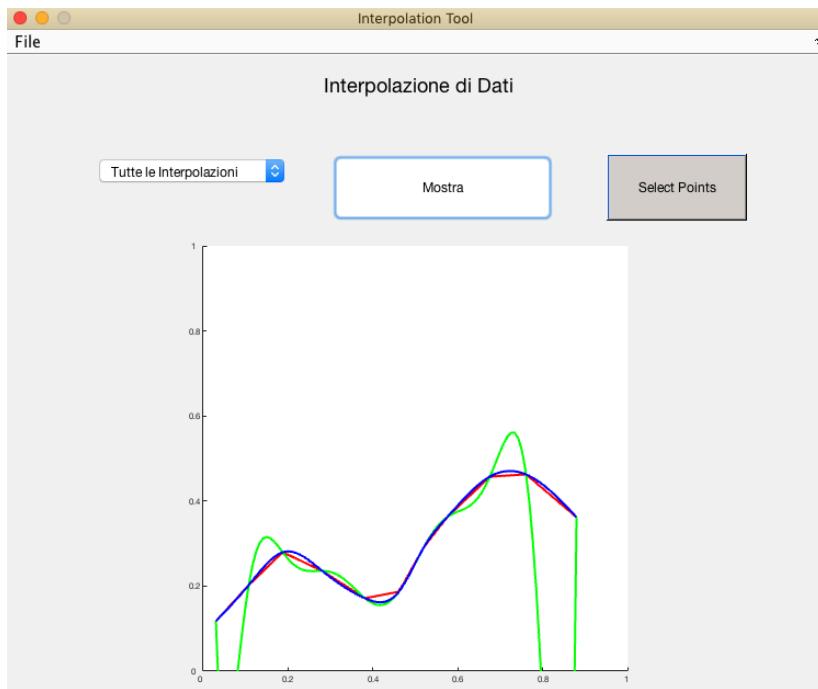
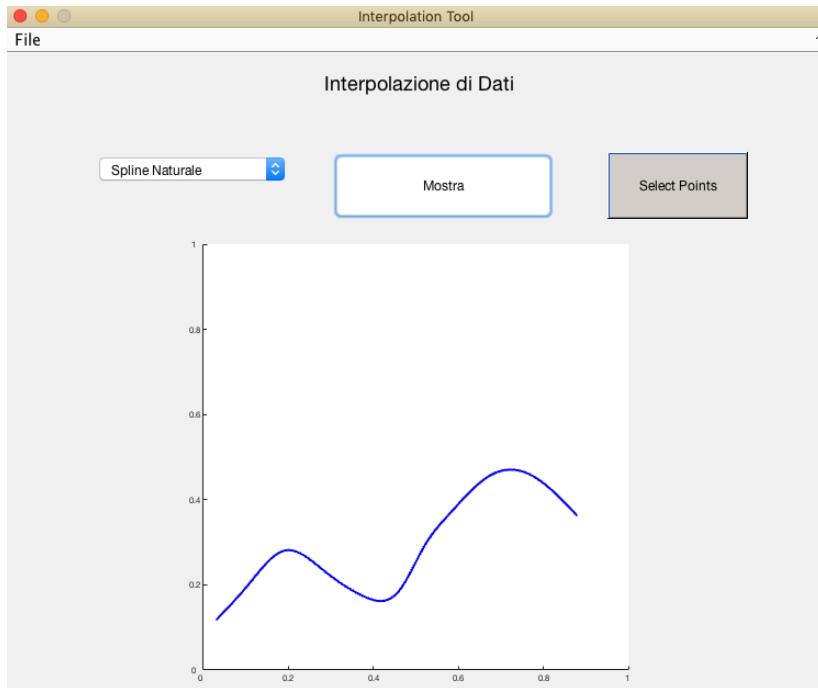
Da come si nota dalla figura in sovraimpressione, il tool presenta i seguenti componenti:

- Pulsante di selezione dei punti
- Pulsante di esecuzione del metodo di interpolazione (Mostra)
- Menù a tendina della scelta del metodo

Cliccando sul pulsante di selezione dei punti è possibile:

- Selezionare con il tasto sx del mouse il numero di punti di coordinata x crescente (da sx verso dx)
- Prima di completare la selezione specificare con il tasto dx del mouse l'ultimo punto di coordinata x più grande

Una volta effettuata la selezione dei punti, scegliere il metodo di interpolazione desiderato e cliccare sul pulsante "Mostra". Di seguito mostriamo alcuni esempi del tool:



Dall'ultima immagine possiamo notare che il metodo di **interpolazione polinomiale** (rappresentato dalla curva in verde) è meno accurato data la sua natura oscillante. Per questo, si preferisce in tante applicazioni, usare il metodo **spline** (rappresentato dalla curva in blu).

## Esempi di applicazione dei metodi di interpolazione

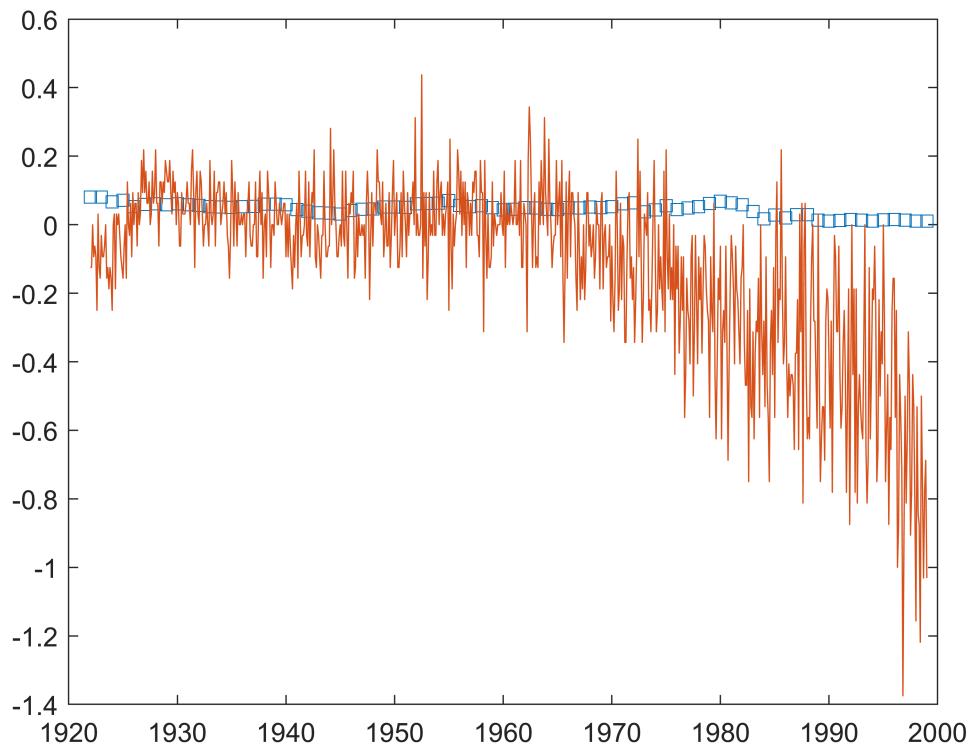
Viene preso in considerazione un dataset contenente dati annuali dal 1922 al 1999 sui **Rendimenti Azionari Danesi** escludendo rendimenti non specificati (indicati come NaN). Da queste informazioni viene ricavato un andamento preciso attraverso i metodi di interpolazione.

Il seguente codice mostra l'andamento del valore di rendimento annuo "DY"

```
load Data_Danish.mat
%Esclusione dati non specificati
rvi = find(~isnan(Data(:,1)));
anno = dates(rvi);
rendita_anno = Data(rvi,1);
```

**Mostriamo l'andamento del rendimento annuo con l'utilizzo del metodo di interpolazione polinomiale**

```
periodo = 1922:0.1:1999;
p=polyfit(anno,rendita_anno,length(rendita_anno)-1);
f=polyval(p,periodo);
plot(anno,rendita_anno,'s',periodo,f)
```



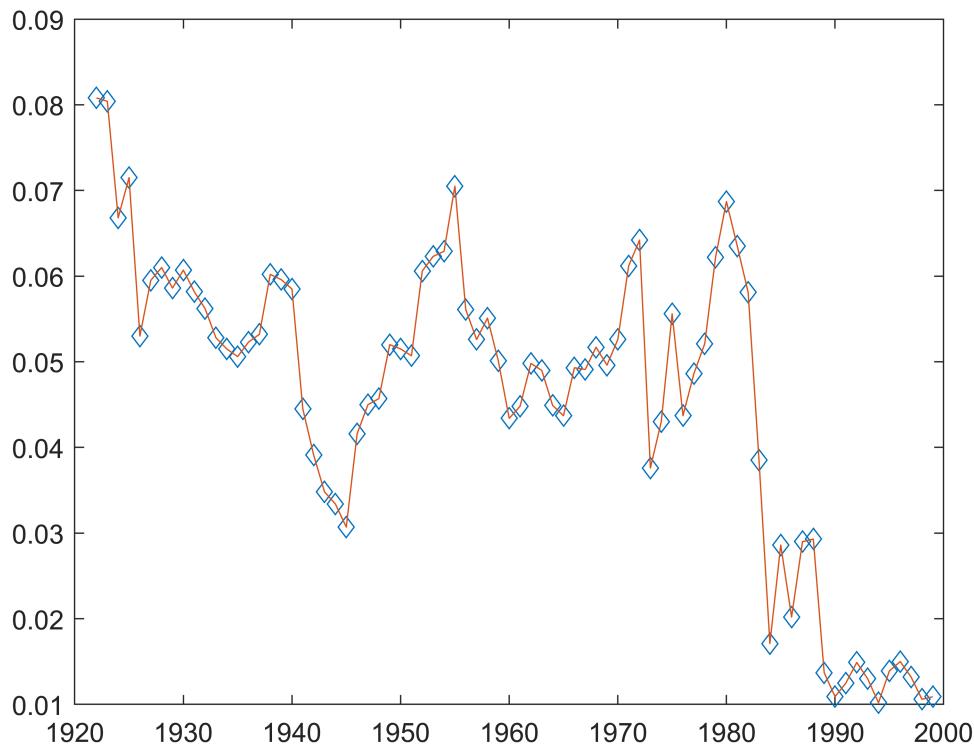
Si nota che il polinomio interpolante non è un buon modello per descrivere il fenomeno che ha originato i dati. Infatti i polinomi di grado elevato oscillano fortemente tra i dati. Matlab per avvertire l'utente di questa condizione genera un warning se usiamo polinomi di grado maggiore di 10.

Poichè l'uso dei polinomi è facilmente gestibile via software , ma la funzione interpolante ha uno stretto legame tra grado e numero di nodi si utilizza la tecnica dell'interpolazione a tratti.

**Mostriamo l'andamento del rendimento annuo con l'utilizzo del metodo di interpolazione polinomiale a tratti**

```
pt=interp1(anno,rendita_anno,periodo);
```

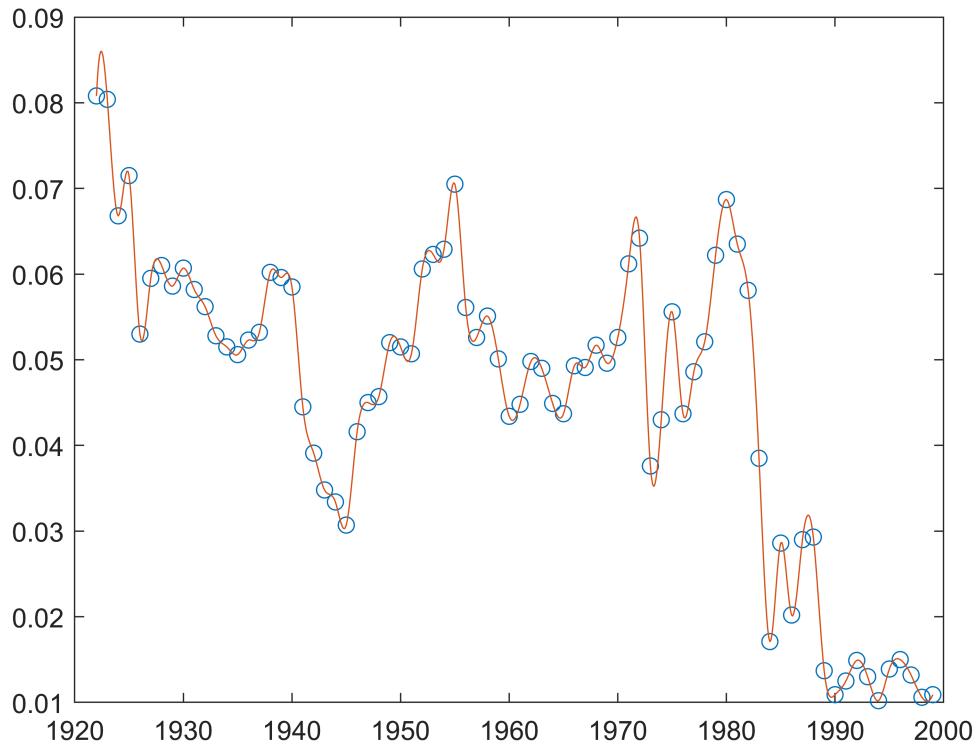
```
plot(anno,rendita_anno,'d',periodo,pt)
```



Questo modello è efficiente ed accurato, inoltre ha una convergenza migliore rispetto all'interpolazione polinomiale, infatti più nodi prendo meglio si approssima il modello. Però il problema di questo modello è che la funzione ha punti spigolosi, ma a noi interessa avere una curva liscia e senza spigoli.

**Mostriamo l'andamento del rendimento annuo con l'utilizzo del metodo di Spline.**

```
sp = spline(anno,rendita_anno);
periodo = 1922:0.1:1999;
graf = ppval(sp,periodo);
plot(anno,rendita_anno,'o',periodo,graf)
```

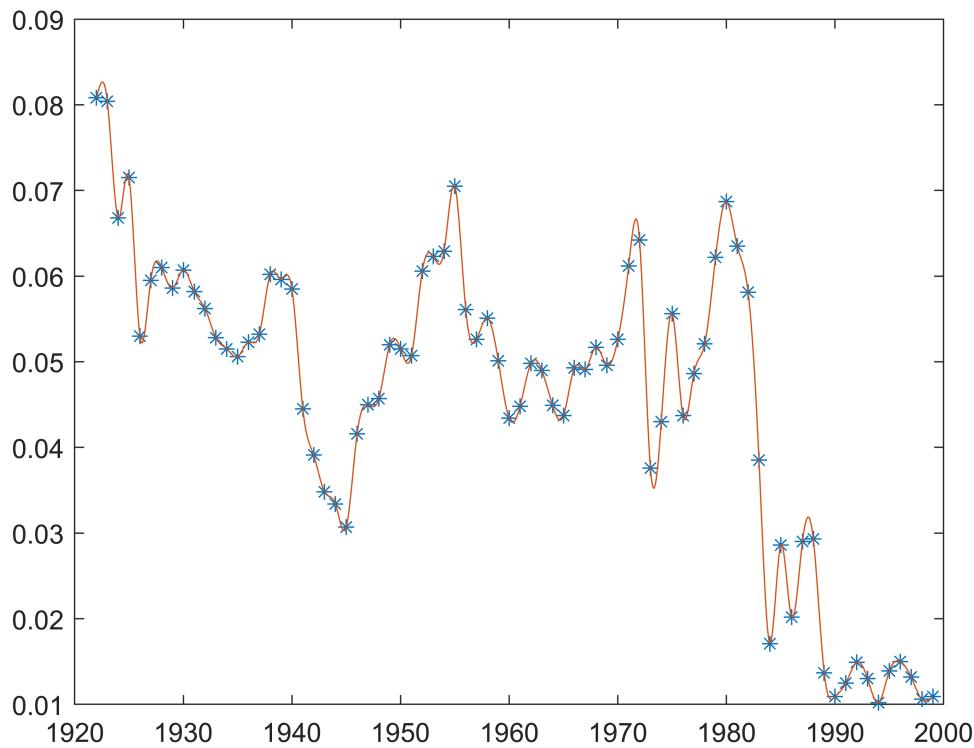


Come si nota dal grafico, la curva è diventata liscia e senza spigoli.

Analizzando il problema trattato da questo modello si nota che il rendimento annuale danese è diminuito vertiginosamente dagli inizi degli anni 80 fino alla prima metà, questo calo drastico si è propagato anche negli anni successivi.

**Si mostra l'andamento utilizzando un metodo di interpolazione Spline Cubica Naturale.**

```
sp = csape(anno,rendita_anno,'second');
graf = ppval(sp,periodo);
plot(anno,rendita_anno,'*',periodo,graf)
```



## Interpolazione Spline e utilizzo della Derivata

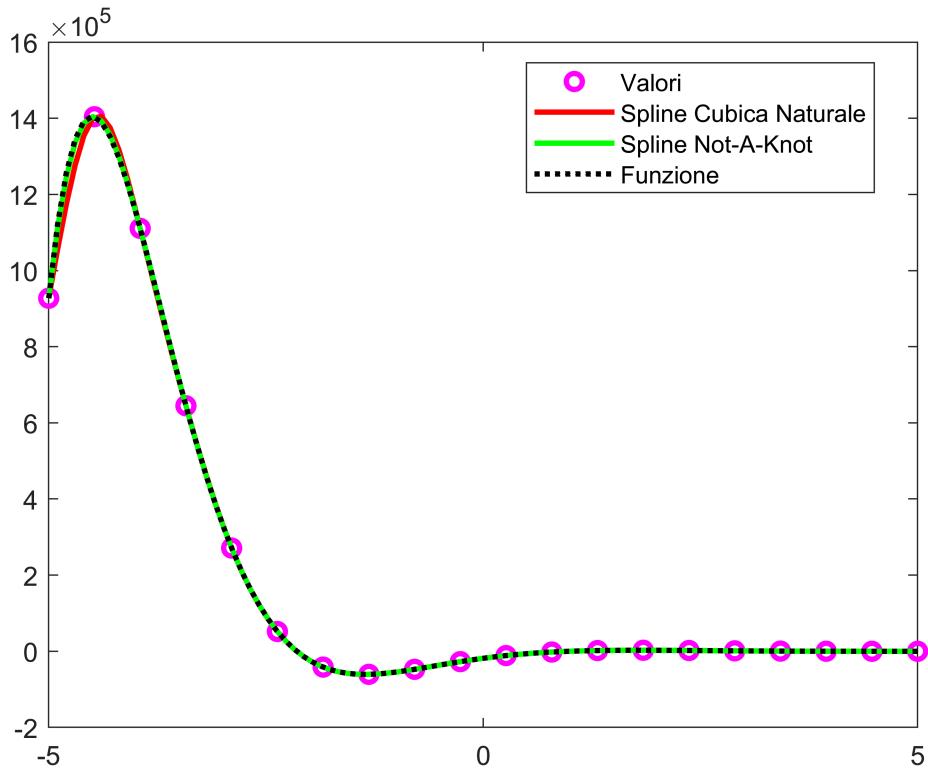
In questa sezione si mostrano degli esempi sulla spline Interpolante e come questa permette di rappresentare la derivata di una funzione.

Il codice seguente mostra le differenze tra una funzione, la rappresentazione Spline Not-A-Knot e Cubica Naturale.

```

x1 = linspace(-5,5,20); %Asse x su 20 punti
x2 = linspace(-5,5,100); %Asse x su 100 punti
% Funzione
fx1 = exp(-x1 + 10).*cos(x1 + 10);
fx2 = exp(-x2 + 10).*cos(x2 + 10);
% Rappresentazione Spline Not-A-Knot
pp1 = spline(x1,fx1);
sp1 = ppval(pp1,x2);
% Rappresentazione Spline Cubica Naturale
pp2 = csape(x1,fx1,'second');
sp2 = ppval(pp2,x2);
plot(x1,fx1,'om',x2,sp2,'r',x2,sp1,'g',x2,fx2,:k','LineWidth',2);
legend('Valori','Spline Cubica Naturale','Spline Not-A-Knot','Funzione','Location','best');

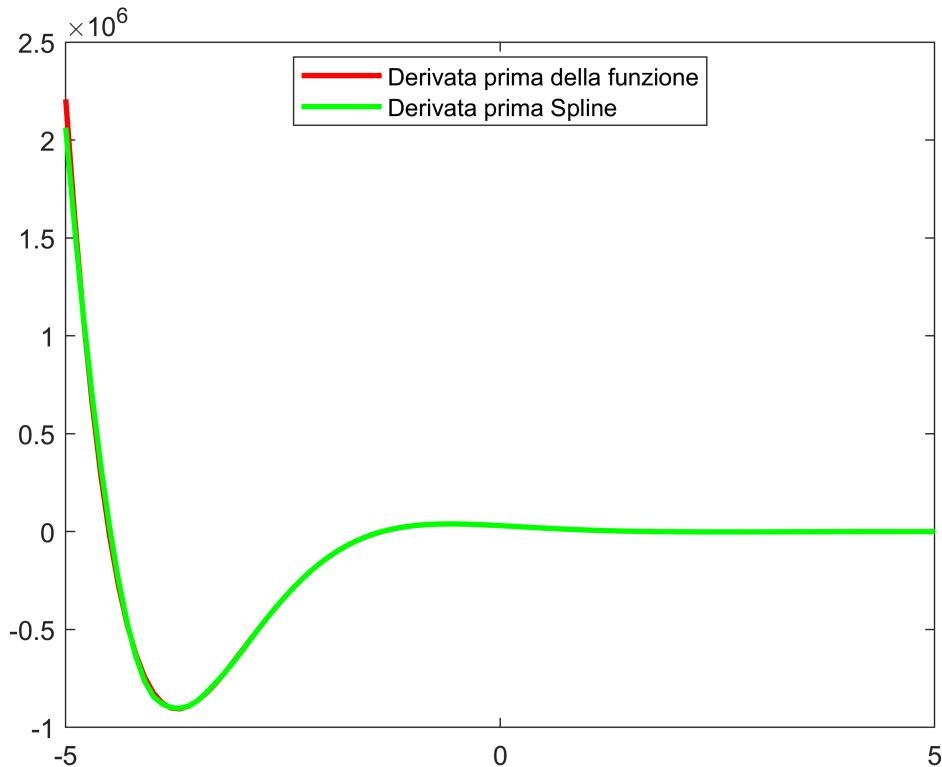
```



Da come si può notare la Spline Not-A-Knot risulta molto più accurata rispetto alla Cubica Naturale.

**Si confronta la derivata analitica della funzione con la sua rappresentazione Spline ottenuta tramite la funzione "fnder".**

```
% Utilizzo della derivata
y_primo = -exp(-x2+10).*(sin(x2+10)+cos(x2+10));
sp_derivata = fnder(pp1,1);
pp3 = ppval(sp_derivata,x2);
plot(x2,y_primo,'r',x2,pp3,'g','LineWidth',2);
legend('Derivata prima della funzione','Derivata prima Spline','Location','best');
```



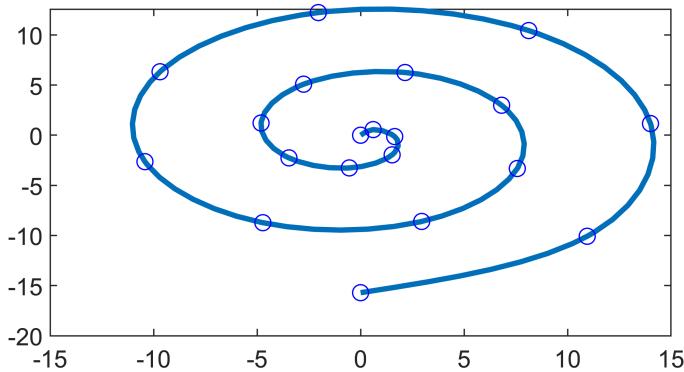
Un ulteriore conferma la otteniamo con la derivata, nonostante ciò fnder risulta molto più accurata rispetto alla derivata analiticamente calcolata.

## Interpolazione bidimensionale e Smoothing di dati

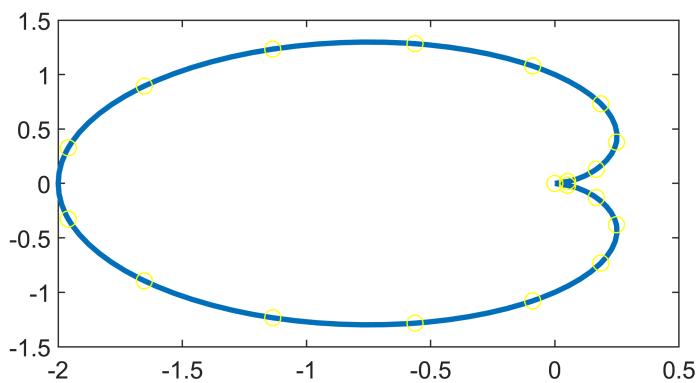
### Interpolazione di curve parametriche

Fino a questo momento abbiamo visto come le tecniche di interpolazione polinomiale permettano di valutare l'andamento di funzioni nelle quali i punti sono posti in serie. Se la funzione da interpolare è parametrica e l'insieme dei suoi punti disegna nello spazio delle curve chiuse, non è possibile sfruttare direttamente i metodi fin qui analizzati, si userà la spline interpolante parametrica. Si mostreranno successivamente le interpolazioni di alcune curve, si noti che il numero di punti è stato scelto in modo da mostrare una curva accettabile.

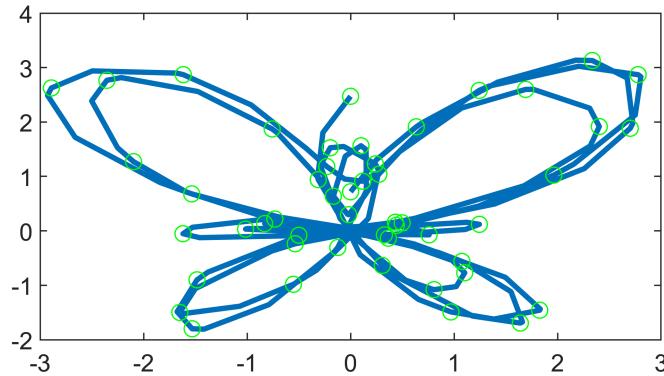
```
%Spirale
figure('Renderer', 'painters', 'Position', [50 50 400 200])
t=linspace(0,5*pi,20);
x =t.*sin(t);y =t.*cos(t);
points=[x;y];
fnplt(cscvn(points)); hold on,
plot(points(1,:),points(2,:),'bo')
```



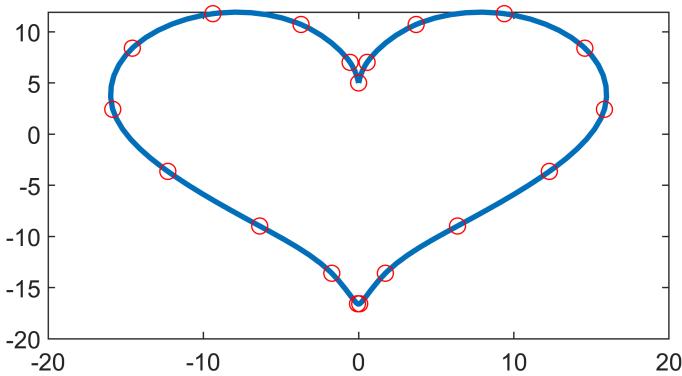
```
figure('Renderer', 'painters', 'Position', [50 50 400 200])
axis square
%Cardiode
t=linspace(0,2*pi,20);
x=cos(t).*(1-cos(t)); y=sin(t).*(1-cos(t));
points=[x;y];
fnplt(cscvn(points)); hold on,
plot(points(1,:),points(2,:),'yo')
```



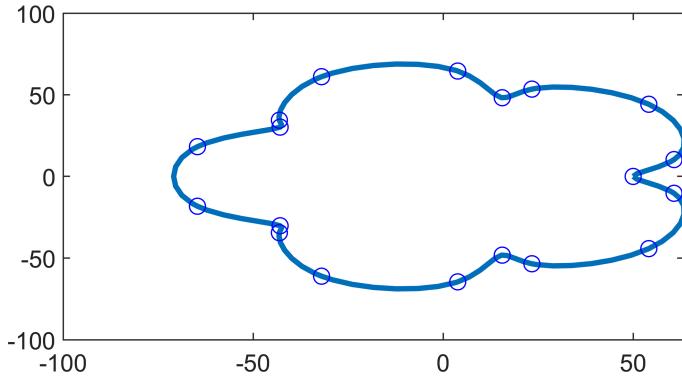
```
figure('Renderer', 'painters', 'Position', [50 50 400 200])
grid on
axis square
%interpolazione curva della farfalla
t=linspace(0,5*pi,50);
x = sin(t).*(exp(cos(t)) - 2*cos(4*t) - sin(t / 12).^5);
y = cos(t).*(exp(cos(t)) - 2*cos(4*t) - sin(t / 12).^5);
points=[x;y];
fnplt(cscvn(points)); hold on,
plot(points(1,:),points(2,:),'go')
```



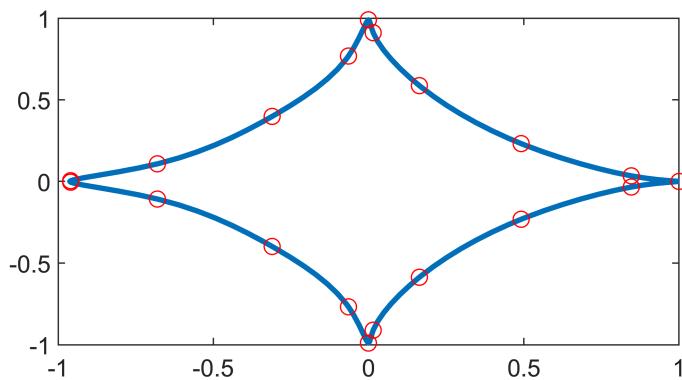
```
%Interpolazione Cuore
figure('Renderer', 'painters', 'Position', [50 50 400 200])
axis square
t=linspace(0,2*pi,20);
x= 16* sin(t).^3;
y = 13 *cos(t) - 5 *cos(2* t) - 2 *cos(3 *t) - cos(4* t);
points=[x;y];
fnplt(cscvn(points)); hold on,
plot(points(1,:),points(2,:),'ro')
```



```
figure('Renderer', 'painters', 'Position', [50 50 400 200])
t=linspace(0,2*pi,20);
x= 10*(6 *cos(t) - cos(6* t));
y = 10*(6* sin(t) - sin(6* t));
points=[x;y];
fnplt(cscvn(points)); hold on,
plot(points(1,:),points(2,:),'bo')
```



```
figure('Renderer', 'painters', 'Position', [50 50 400 200])
t=linspace(0,2*pi,20);
x=cos(t).^3;
y=sin(t).^3;
points=[x;y];
fnplt(cscvn(points)); hold on,
plot(points(1,:),points(2,:),'ro')
```

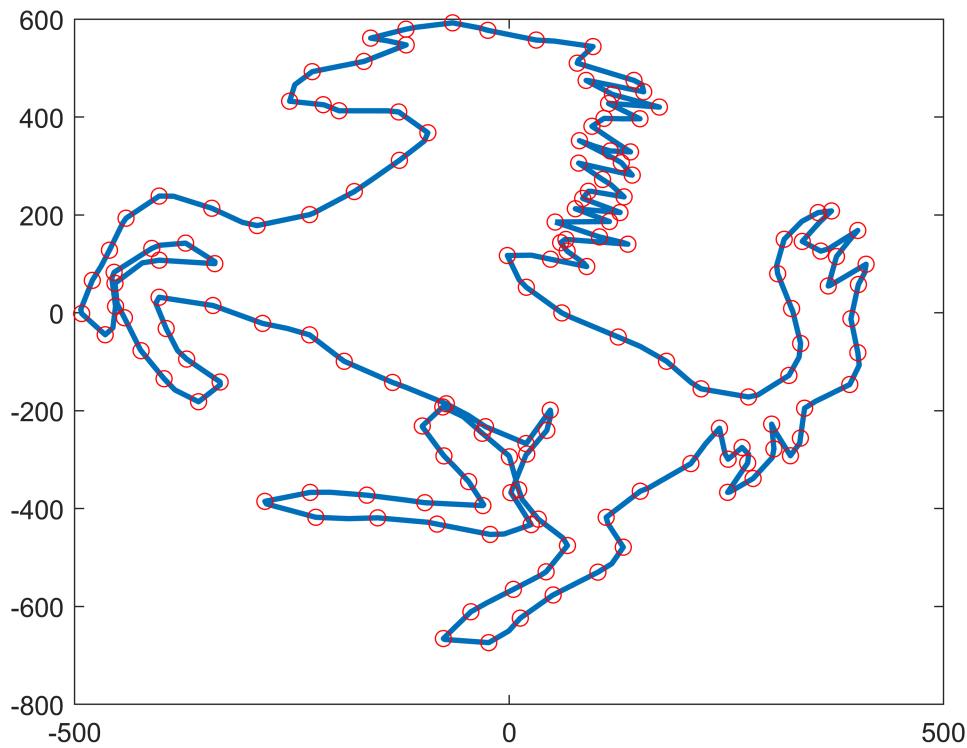


```
figure('Renderer', 'painters', 'Position', [50 50 400 200])
```

Successivamente viene mostrata l'interpolazione di una funzione molto complicata. L'equazione parametrica è stata scritta in uno script a parte data la sua elevatissima complessità.

### Ferrari Curve

```
%Curva Stemma Ferrari
[x,y] = Ferrari_Curve();
points=[x;y];
figure
fnplt(cscvn(points)); hold on,
plot(points(1,:),points(2,:),'ro')
```



## Estrapolazione e Previsione dei Dati

Il Matlab mette a disposizione una particolare funzione `fnxtr` che consente di prevedere il comportamento di alcune funzioni. In alcuni casi, abbinata all'interpolazione spline consente di dare una rappresentazione di una funzione quasi uguale a quella reale.

In questa sezione, testiamo il comportamento della funzione degli errori complementare `erfc` attraverso l'utilizzo del comando `fnxtr` e confrontiamo il risultato con una sua rappresentazione attraverso un polinomio di secondo grado.

```

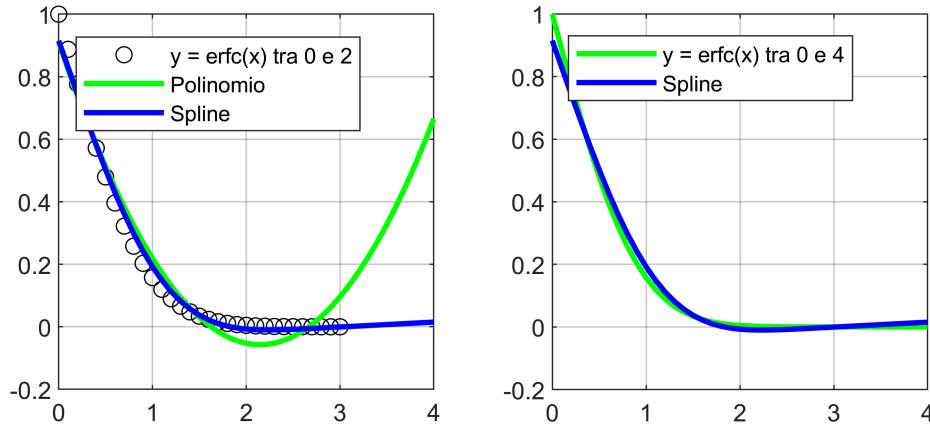
clear
x = 0:0.1:3.0;
y = erfc(x); % Funzione Errore Complementare tra 0 e 3
% Utilizzo della funzione fnxtr abbinata alla Spline Cubica Naturale
risultato= fnxtr(csaps(x,y,.85));
poli = polyfit(x,y,2);
x1 = 0:0.1:4;
f = polyval(poli,x1);
ys = ppval(risultato,x1);
y1 =erfc(x1); % Funzione Errore Complementare tra 0 e 4
figure
subplot(1,2,1)
primo = plot(x,y, 'ko',x1,f, 'g',x1,ys, 'b');
grid
legend('y = erfc(x) tra 0 e 2', 'Polinomio', 'Spline', 'Location', 'northwest')
axis square
subplot(1,2,2)

```

```

secondo = plot(x1,y1,'g',x1,ys,'b');
grid
legend('y = erfc(x) tra 0 e 4','Spline','Location','northwest')
axis square
primo(2).LineWidth = 2;
primo(3).LineWidth = 2;
secondo(1).LineWidth = 2;
secondo(2).LineWidth = 2;

```



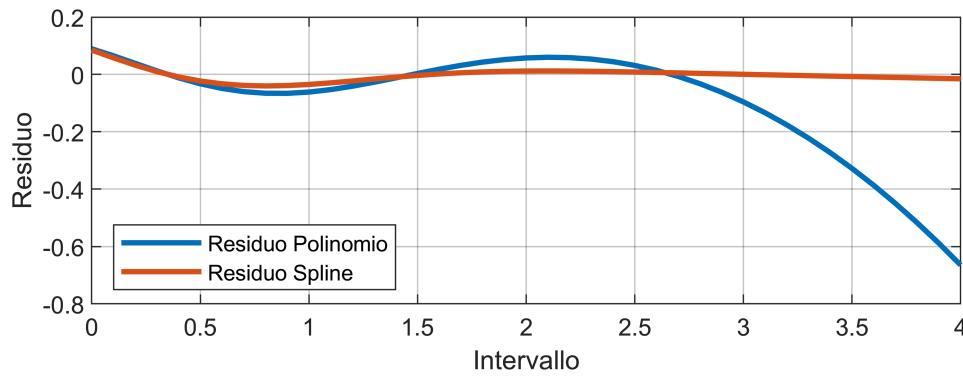
Da come si può notare, nel primo grafico il comportamento del polinomio perde non appena si supera un valore di  $x=2$  mentre la spline segue l'andamento della funzione  $\text{erfc}$  differendo leggermente da quest'ultima.

**La differenza tra la funzione  $\text{erfc}$  con la spline ed il polinomio può essere mostrato attraverso un residuo**

```

resid_polinomio = y1 - f;
resid_spline = y1 - ys;
vettore = [resid_polinomio' resid_spline'];
subplot(2,1,1)
p = plot(x1,vettore);
xlabel('Intervallo')
ylabel('Residuo')
legend('Residuo Polinomio','Residuo Spline','Location','southwest')
grid;
p(1).LineWidth = 2;
p(2).LineWidth = 2;

```

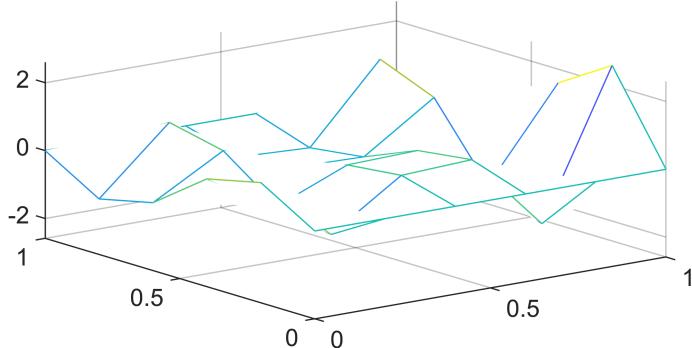


Il residuo misura lo scostamento dalla curva interpolante da quella vera. Tale scostamento è elevato per la curva interpolante polinomiale mentre è quasi nullo per la spline.

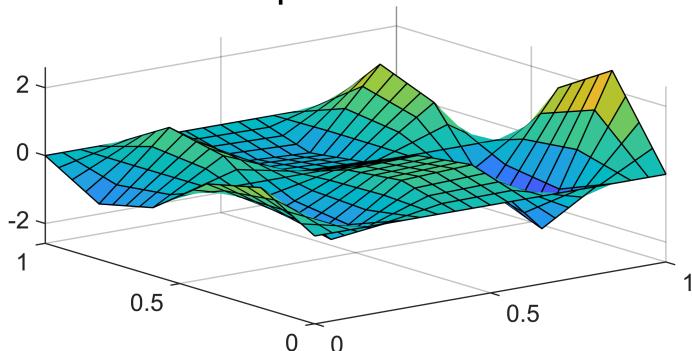
## Interpolazione di Curve Bidimensionali

L'impiego dei metodi di interpolazione risulta molto efficiente quando si devono adoperare funzioni e oggetti in più dimensioni. Di seguito mostriamo alcuni esempi sull'utilizzo dell'interpolazione Spline su curve bidimensionali.

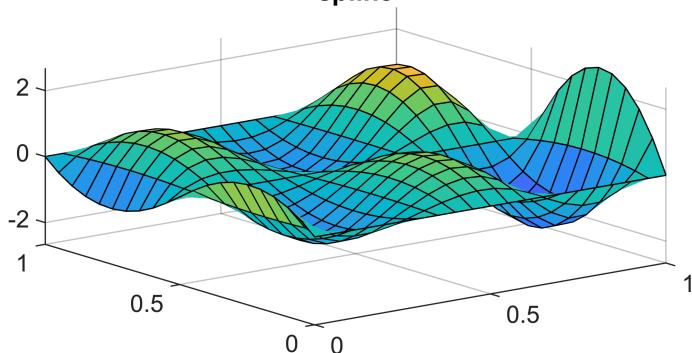
```
% interp. Bidimensionale
%griglia
[x,y]=meshgrid(0:0.2:1,0:0.2:1);
z=exp(x).*cos(4*pi*x).*sin(2*pi*y);
%griglia in cui valutare l'interpolante
xi=0:0.05:1;yi=0:0.05:1;
[xf,yf]=meshgrid(xi,yi);
figure('Renderer', 'painters', 'Position', [50 50 400 200])
mesh(x,y,z), title('base di interpolazione');
```

**base di interpolazione**

```
figure('Renderer', 'painters', 'Position', [50 50 400 200])
zi=interp2(x,y,z,xf,yf,'linear');
surf(xf,yf,zi),title('interpolazione lineare');
```

**interpolazione lineare**

```
figure('Renderer', 'painters', 'Position', [50 50 400 200])
zi=interp2(x,y,z,xf,yf,'spline');
surf(xf,yf,zi),title('spline');
```

**spline**

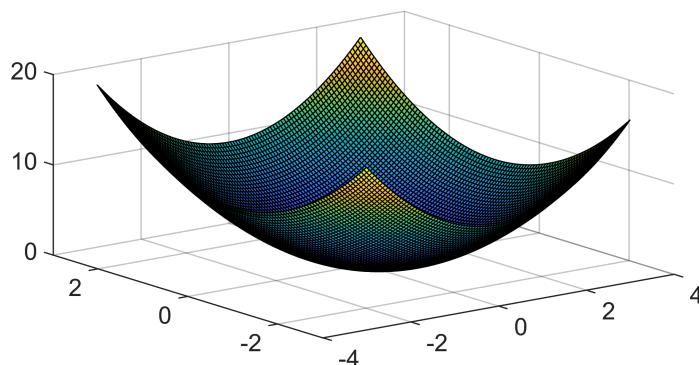
Ci mettiamo nell'ipotesi in cui la funzione z mostrata in seguito sia affetta da rumore, notiamo che attraverso uno smoothing di superficie si può ricostruire la curva di partenza priva di rumore.

```
N = 3.0;
x=linspace(-N, N);
y=x;
[X,Y]=meshgrid(x,y);
```

```

z=X.^2+Y.^2;
figure('Renderer', 'painters', 'Position', [50 50 400 200])
surf(X,Y,z);

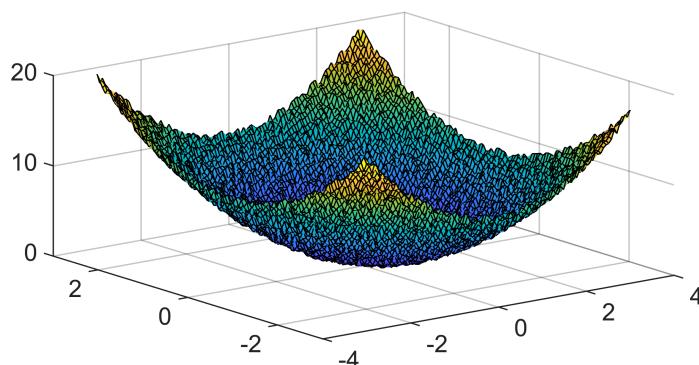
```



```

noisy = z+(rand(size(z))+.5);
figure
figure('Renderer', 'painters', 'Position', [50 50 400 200])
surf(X,Y,noisy)

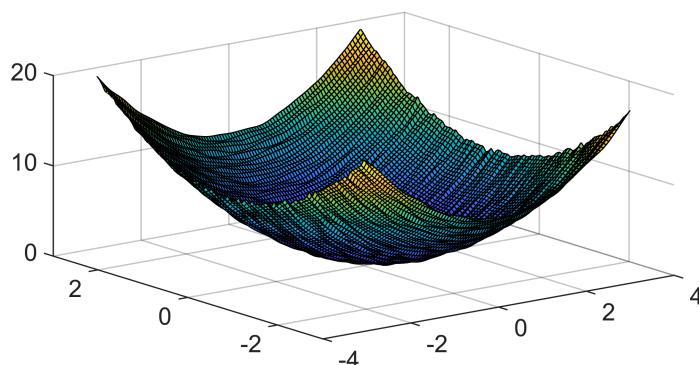
```



```

pp = csaps(x,noisy,.996);
smooth=ppval(pp,x);
figure
figure('Renderer', 'painters', 'Position', [50 50 400 200])
surf(X,Y,smooth);

```



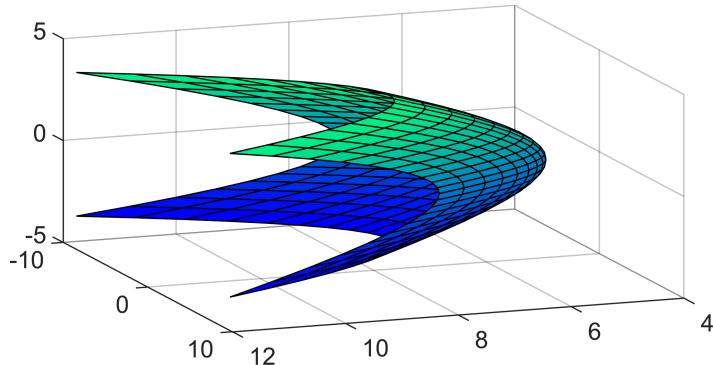
Come si nota dalla figura, applicando lo smoothing di superficie si riesce a recuperare (seppure con qualche increspatura) la curva di partenza.

Di seguito è mostrata una parametrizzazione del paraboloide ellittico.

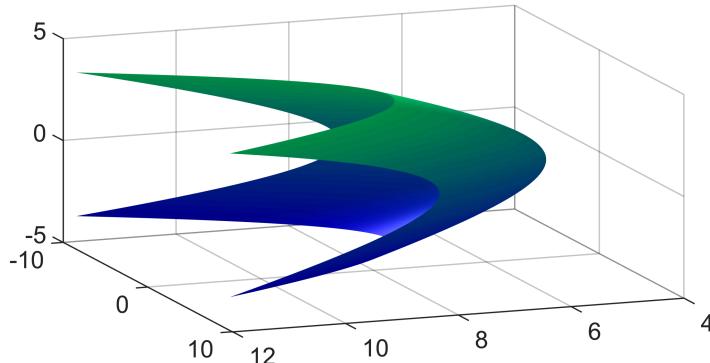
```
[u,v] = meshgrid(-1:0.1:1);
x = 5.*cosh(u).*cosh(v);
y = 5.*cosh(u).*sinh(v);
z = 3.*sinh(u);
figure('Renderer', 'painters', 'Position', [50 50 400 200])
```

Si ottiene inizialmente una superficie non regolare

```
surf(x,y,z)
colormap winter
view([30,80,40])
```



```
[u1,v1] = meshgrid(-1:0.01:1,-1:0.01:1);
x2 = interp2(u,v,x,u1,v1, 'spline');
y2 = interp2(u,v,y,u1,v1, 'spline');
z2 = interp2(u,v,z,u1,v1, 'spline');
figure('Renderer', 'painters', 'Position', [50 50 400 200])
surfl(x2,y2,z2,'light')
colormap winter
shading interp
view([30,80,40])
```



Utilizzando dunque un interpolazione Spline su ognuna delle dimensioni si riesce ad avere una superficie più liscia e precisa.

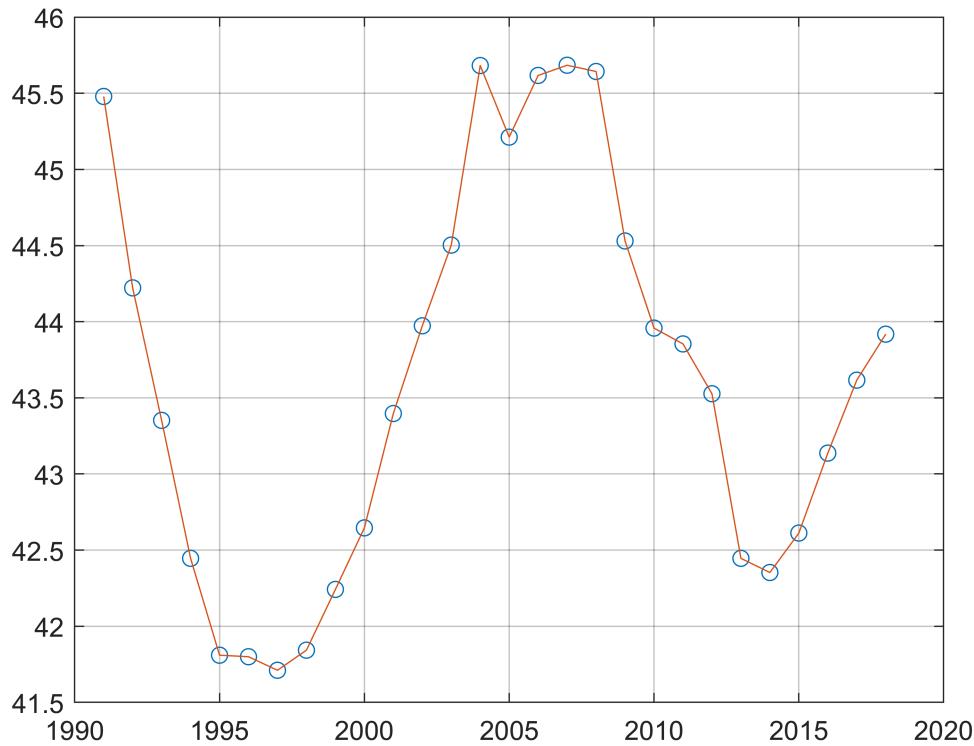
## Smoothing

In questa sezione, saranno presentate le funzionalità del Matlab relative allo Smoothing di Dati. In particolare focalizzandoci su determinati risultati, verranno mostrati alcuni esempi nei quali le tecniche di interpolazione risultano utili nell'analisi del comportamento di un fenomeno, inoltre si può ottenere una stima dell'andamento al di fuori dell'intervallo dei dati. Infine descriviamo come queste tecniche sono adoperate nel miglioramento delle immagini.

## Rapporto % Occupazione-Popolazione

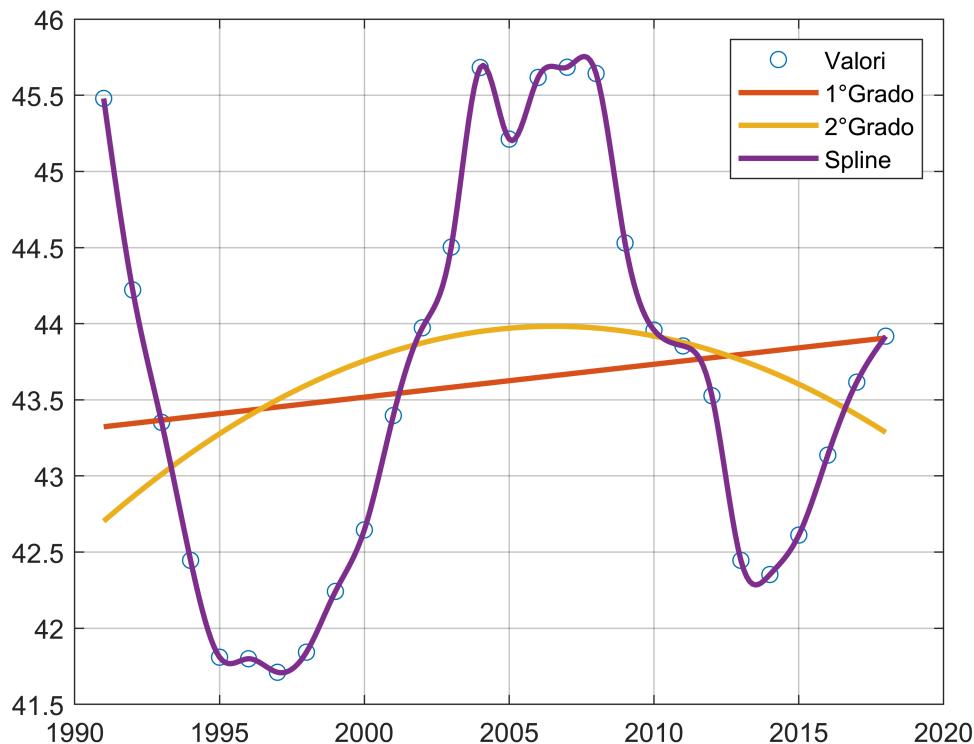
Il rapporto tra occupazione e popolazione è la proporzione della popolazione di un paese che viene impiegata. L'occupazione è definita come persone in età lavorativa che, durante un periodo di riferimento, sono state impegnate in attività per la produzione di beni o servizi per retribuzioni o profitti. Sono considerate persone in età lavorativa quelle da 15 anni in su. Il set di dati sul quale è stata effettuata l'analisi è tratto dal sito web [data.worldbank.org](http://data.worldbank.org). Inizialmente si è utilizzata l'interpolazione lineare a tratti, da quest'ultima si nota che la variazione massima della percentuale di occupazione è di circa il 3%.

```
%importo i vettori nei quali ci sono i campioni estrapolati da analizzare
clear all
load Percentuale_occupati.mat
t=1991:0.1:2018;
% Interpolazione Lineare a Tratti
z = interp1(anno,Percentuale_occupati,t);
figure
plot(anno,Percentuale_occupati,'o',t,z)
grid
```



Valutiamone ora il comportamento applicando i vari metodi interpolanti.

```
c1 = polyfit(anno,Percentuale_occupati,1);
c2 = polyfit(anno,Percentuale_occupati,2);
f1 = polyval(c1,t);
f2 = polyval(c2,t);
pp = csaps(anno,Percentuale_occupati,1);
ys1 = ppval(pp,t);
p = plot(anno,Percentuale_occupati,'o',t,f1,t,f2,t,ys1);
grid
legend('Valori','1°Grado','2°Grado','Spline')
p(4).LineWidth = 2; p(2).LineWidth = 2; p(3).LineWidth = 2;
```



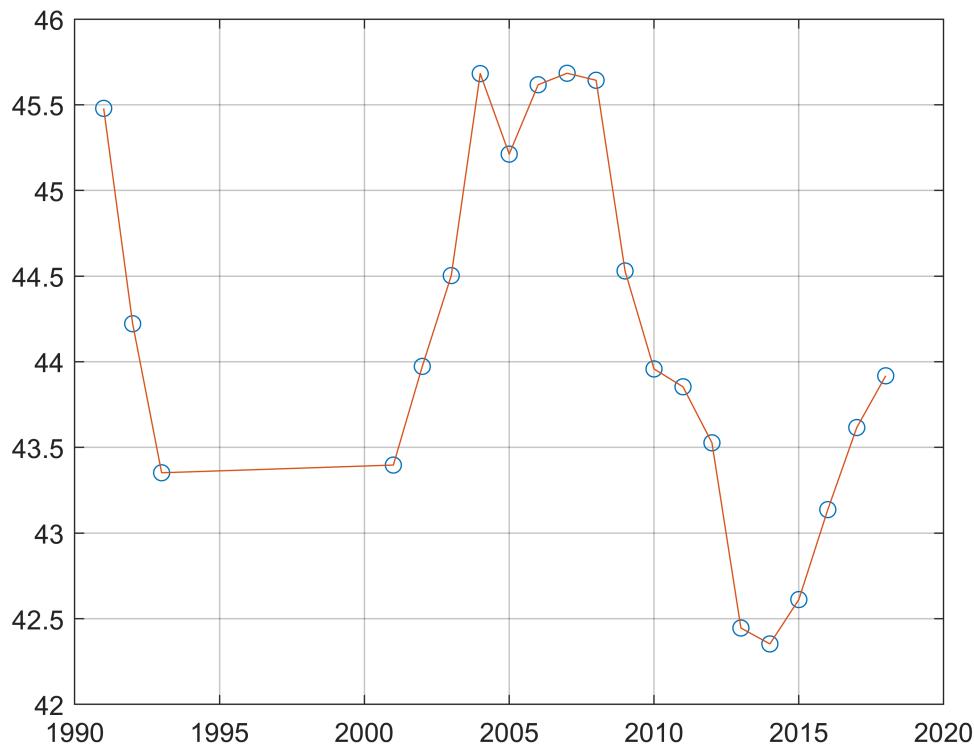
Si osservi che il polinomio di 1° e 2° grado non approssima minimamente la variazione delle percentuale nel corso degli anni. Infatti il warning ci mostra che il polinomio è malcondizionato. In contrapposizione, l'andamento Spline è l'ideale mostrando esattamente il possibile andamento dei valori di occupazione. Si nota che la percentuale di occupazione è calata di circa l'1.5% dal 1991 al 2018.

## Previsione dell'andamento del fenomeno al di fuori dell'intervallo dei dati

Considerando il dataset precedente supponiamo di non avere a disposizione i campioni per gli anni compresi tra 1994 e 2000. Si vuole dimostrare che è possibile prevedere l'andamento del tasso di occupazione per gli anni mancanti.

```
clear all
load Percentuale_occupatiM.mat
t=1991:0.1:2018;
% Interpolazione Lineare a Tratti
z = interp1(anno,Percentuale_occupati,t);

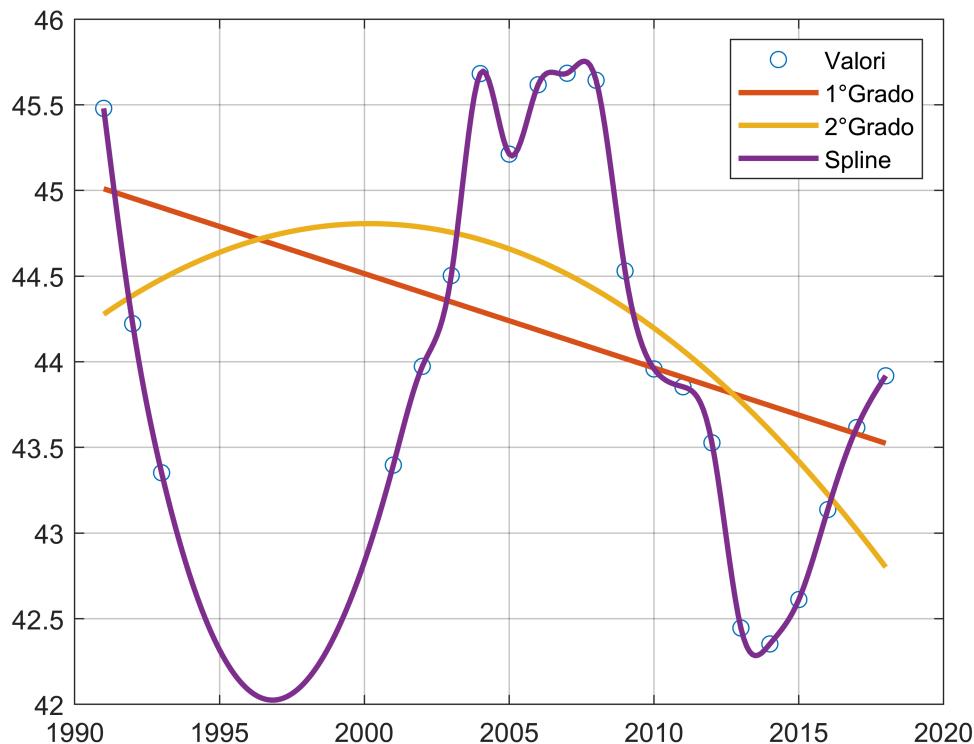
plot(anno,Percentuale_occupati,'o',t,z)
grid
```



```

c1 = polyfit(anno,Percentuale_occupati,1);
c2 = polyfit(anno,Percentuale_occupati,2);
f1 = polyval(c1,t);
f2 = polyval(c2,t);
pp = csaps(anno,Percentuale_occupati,1);
ys1 = ppval(pp,t);
p = plot(anno,Percentuale_occupati,'o',t,f1,t,f2,t,ys1);
grid
legend('Valori','1°Grado','2°Grado','Spline')
p(4).LineWidth = 2; p(2).LineWidth = 2; p(3).LineWidth = 2;

```



Si nota che si riesce a determinare l'andamento approssimativo della curva anche per il periodo non noto, seppur con minor precisione (da notare l'andamento nel 1995-1996).

## Valutazione delle Performance dell'Algoritmo di PageRank

In questo esempio mostriamo come le tecniche di smoothing sono adatte per misurare le performance di un algoritmo. Si vuole stimare la complessità dell'algoritmo di Pagerank. Si eseguono 1000 esecuzioni dell'algoritmo per dimensioni via via crescenti dell'input e se ne misura il tempo di esecuzione. Le misurazioni ottenute sono affette da errore, infatti ci possono essere dei picchi nelle misurazioni a causa di altri task che sta eseguendo il sistema operativo e dei relativi context switch necessari.

**Il modello di interpolazione utilizzato è quello del polinomio di secondo grado dei minimi quadrati**

```
% Pulizia Workspace
clear all;
warning off;

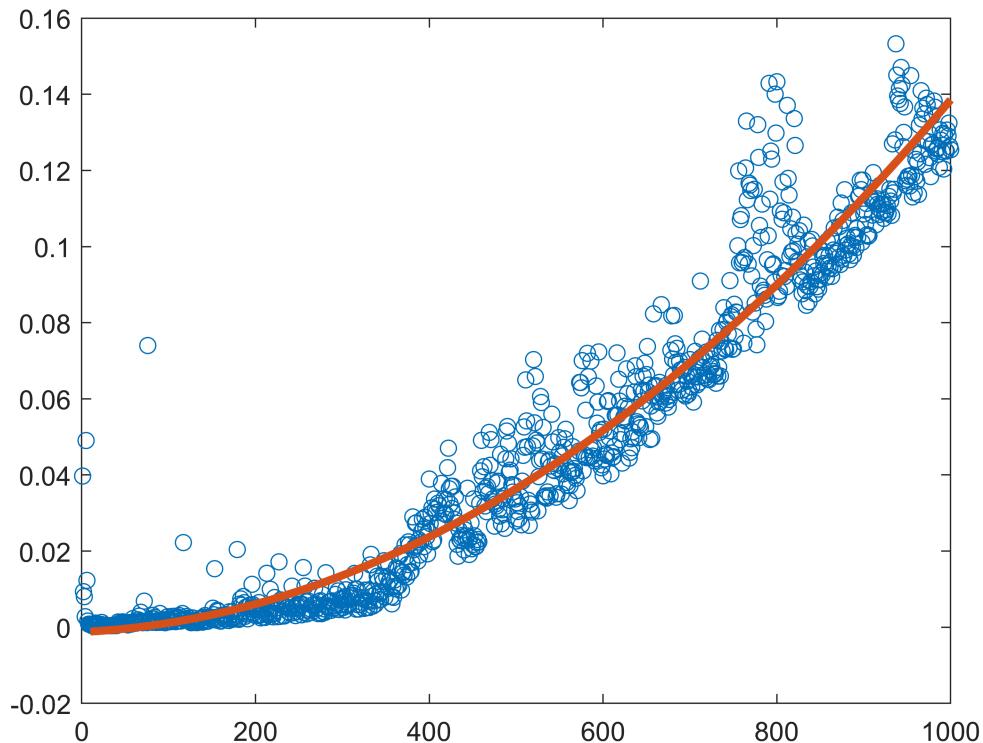
N=1000;
T=zeros(1,N);

for i=1:N
    G = rand(i);
    G(G<0.7) = 0;
    G = sparse(logical(G));
    tic;
    PageRank(G);
    T(i)=toc;
```

```

end
x = linspace(1,N,N);
coef = polyfit(x,T,2);
t = 10:0.001:N;
fx = polyval(coef,t);
p = plot(x,T,'o',t,fx);
p(2).LineWidth = 3;

```



```
warning on;
```

Il polinomio mostra come l'andamento dei tempi di esecuzione dell'algoritmo cresce man mano che aumenta il numero di iterazioni effettuate. Il metodo di interpolazione utilizzato minimizza gli errori di misurazione restituendo una curva che è un'approssimazione corretta della curva che descrive la complessità dell'algoritmo.

## Tool per lo Smoothing delle Immagini

Come già anticipato, lo smoothing risulta molto utile quando si vuole migliorare la qualità di un'immagine. Le funzioni trattate durante il corso che effettuano lo smoothing delle immagini sono state inserite in un tool apposito, quest'ultimo permette di caricare un'immagine e di effettuare lo Smoothing confrontando il metodo interpolante lineare con quello spline. Inoltre è possibile effettuare uno zoom sull'immagine per ottenere una migliore visualizzazione dell'effetto prodotto tramite lo Smoothing.

Successivamente si mostra il codice per lo smoothing nel tool implementato. Per ragioni di brevità omettiamo il codice utilizzato per effettuare lo zoom.

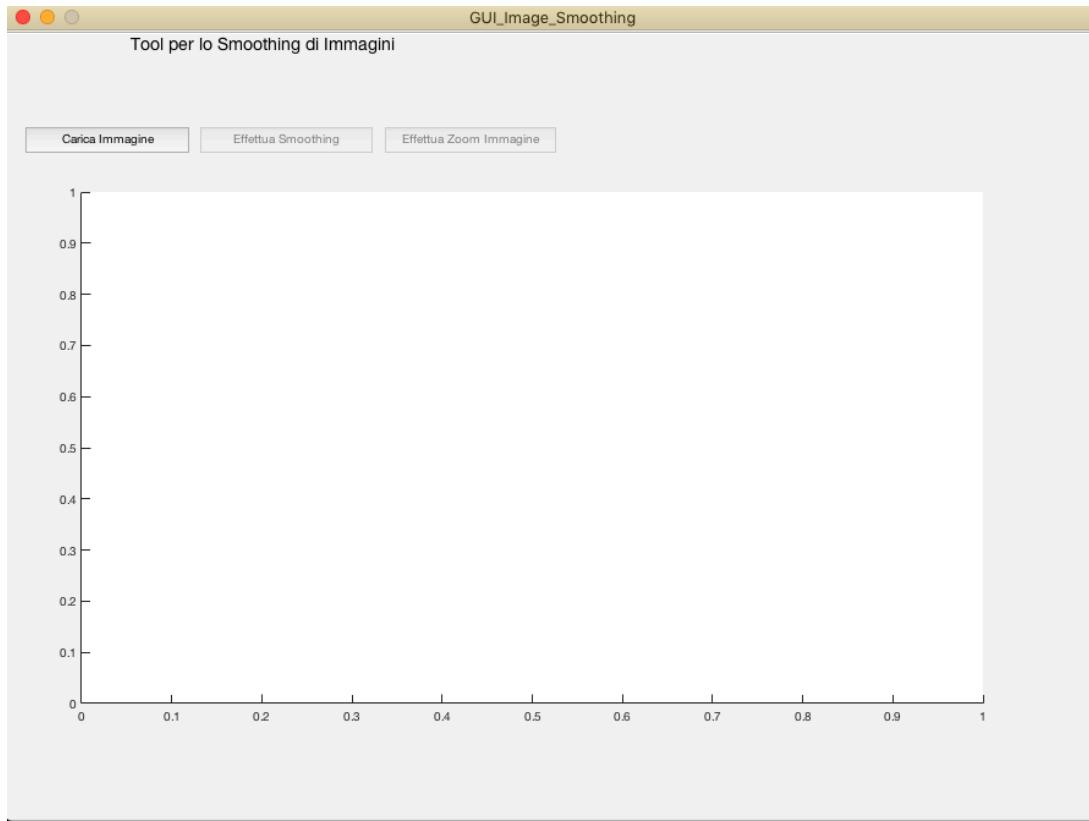
```
% --- Executes on button press in doSmoothing.
```

```

function doSmoothing_Callback(hObject, eventdata, handles)
% hObject    handle to doSmoothing (see GCBO)
% eventdata  reserved - to be defined in a future version of MATLAB
% handles    structure with handles and user data (see GUIDATA)
I = imresize(handles.myImage,[64 NaN]);
[r,c,v] = size(I);
x = 1:c;
y = 1:r;
NEW_I = zeros(5*r,5*c,v, 'uint8');
NEW_I_L = zeros(5*r,5*c,v, 'uint8');
new_x = linspace(1,c,5*c)';
new_y = linspace(1,r,5*r);
for i=1:3
    NEW_I(:,:,:,i) = uint8(interp2(x,y,double(I(:,:,:i)),new_x,new_y, 'spline'));
    NEW_I_L(:,:,:,i) = uint8(interp2(x,y,double(I(:,:,:i)),new_x,new_y, 'linear'));
end
subplot(1,3,1)
imshow(I);
title('Immagine Originale')
subplot(1,3,2)
imshow(NEW_I_L)
title('Smoothing Lineare')
subplot(1,3,3)
imshow(NEW_I)
title('Smoothing Spline')
end

```

Per eseguire il tool, bisogna digitare nella Command Line del MATLAB il comando *GUI\_Image\_Smoothing*

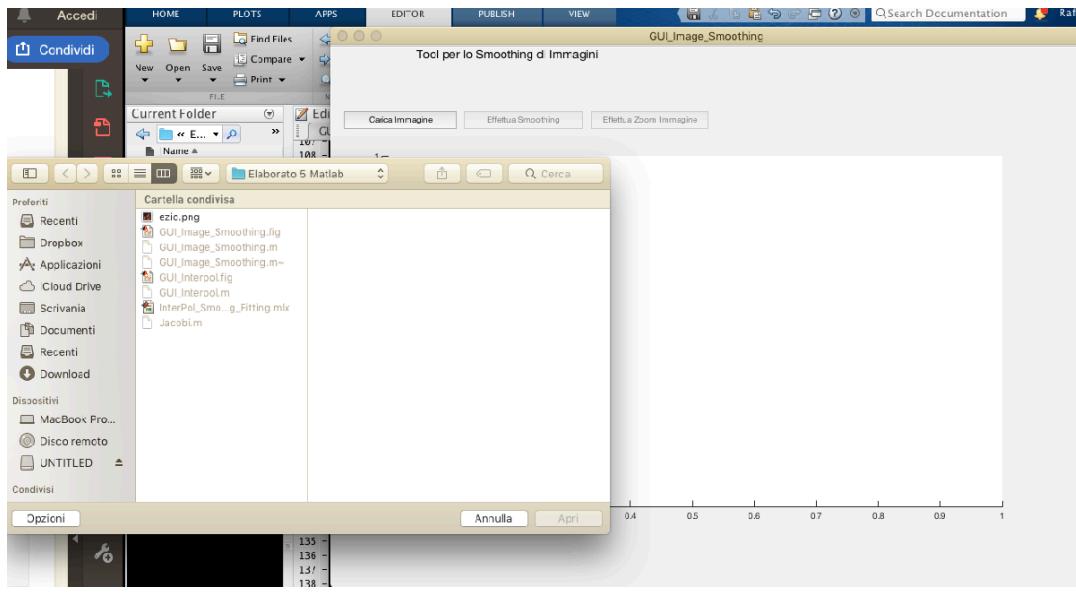


Il tool presenta:

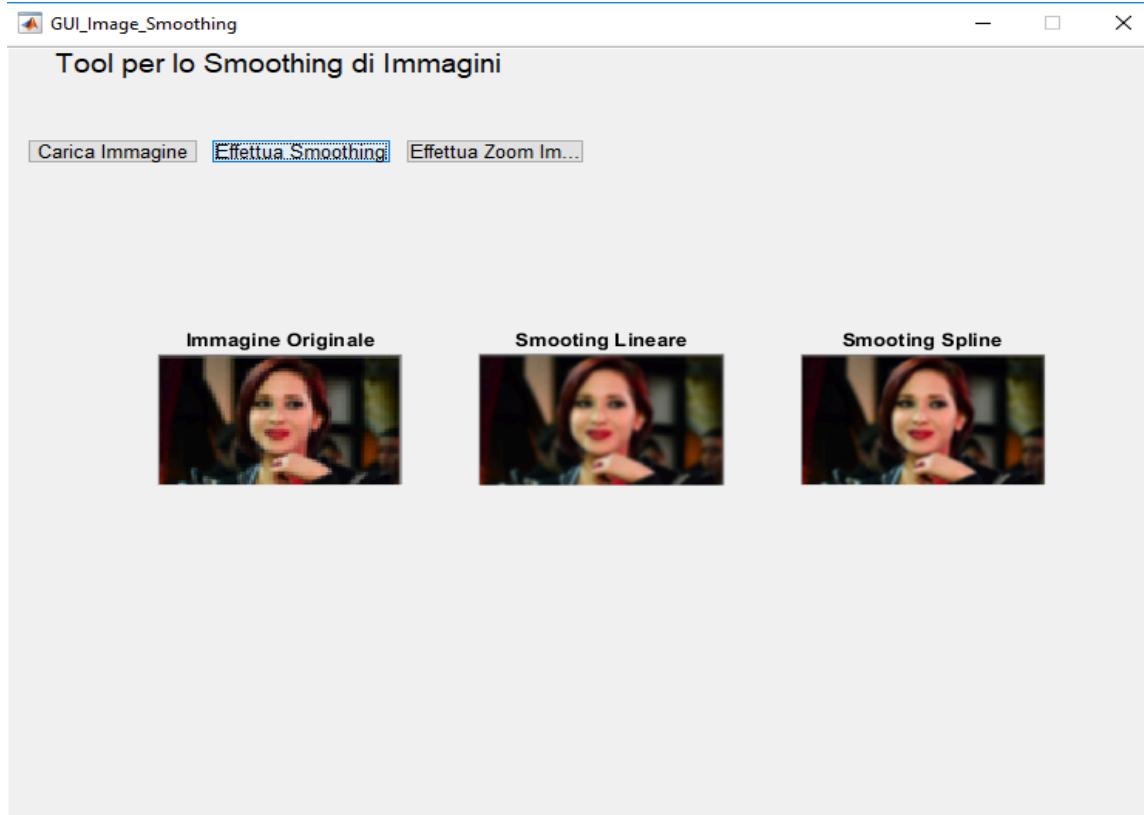
- Un asse coordinato utilizzato per mostrare le immagini secondo la loro scala di pixel
- Un pulsante **Carica Immagine** che una volta cliccato permette di selezionare l'immagine in formato ".jpg .gif .png" , di conseguenza selezionata l'immagine abilita i pulsanti **Effettua Smoothing** e **Effettua Zoom Immagine**
- Il pulsante **Effettua Smoothing** che mostra le caratteristiche dello Smoothing
- Il pulsante **Effettua Zoom Immagine** che mostra le caratteristiche dello Smoothing ancora di più nel dettaglio

Di seguito mostriamo alcuni esempi di utilizzo del tool.

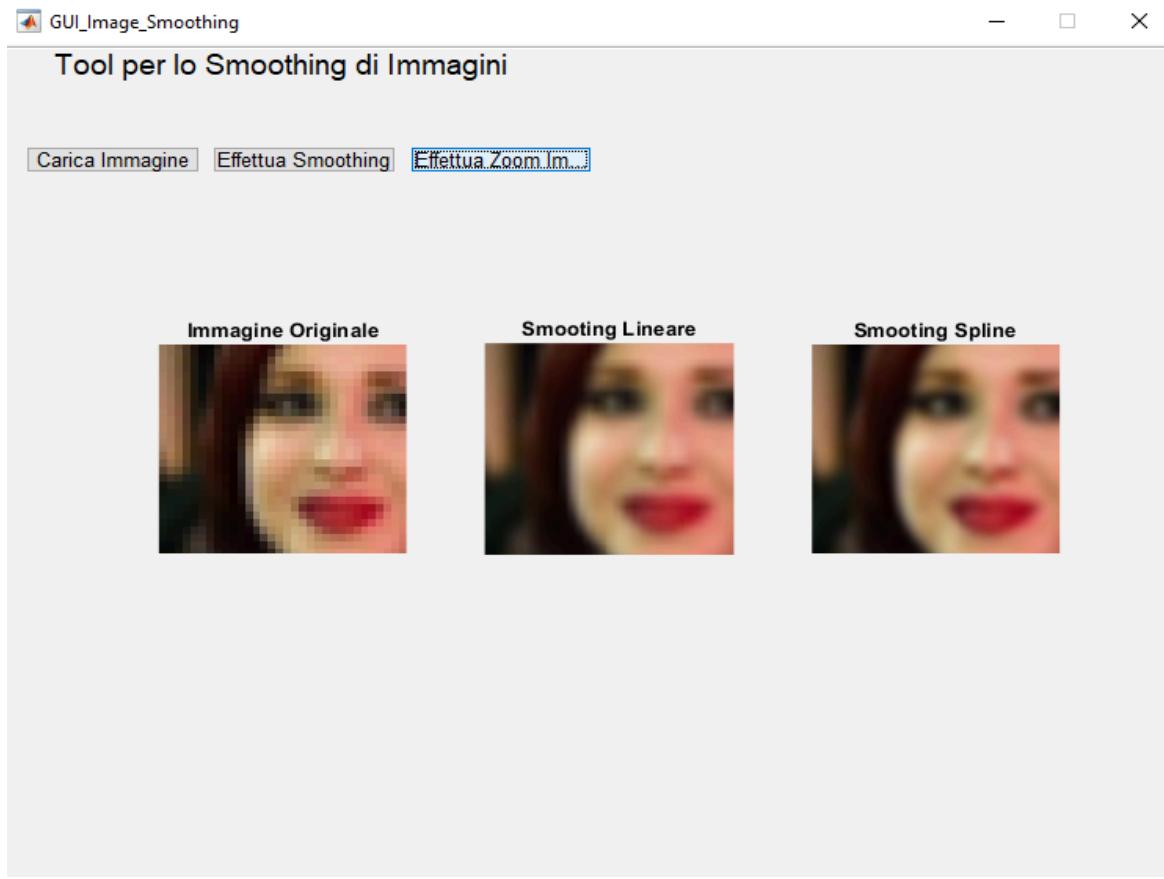
- Click su **Carica Immagine**



- Click su Effettua Smoothing



- Click su Effettua Zoom Immagine



Si nota il netto miglioramento dell'immagine.

Viene mostrato un ulteriore esempio che mostra il miglioramento di un'immagine rappresentante un paesaggio.

## Tool per lo Smoothing di Immagini

[Carica Immagine](#) [Effettua Smoothing](#) [Effettua Zoom Im...](#)

Immagine Originale



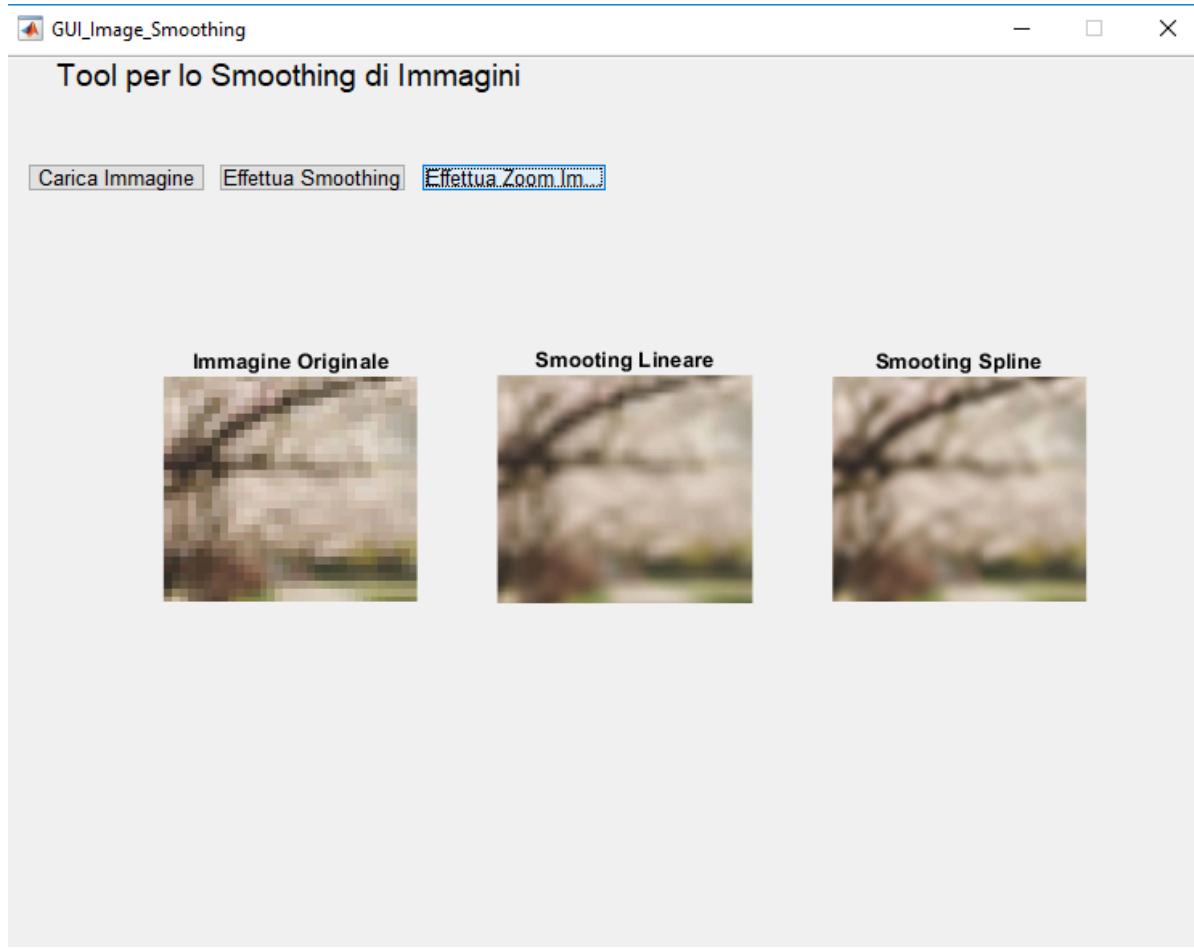
Smoothing Lineare



Smoothing Spline



Si effettua lo zoom



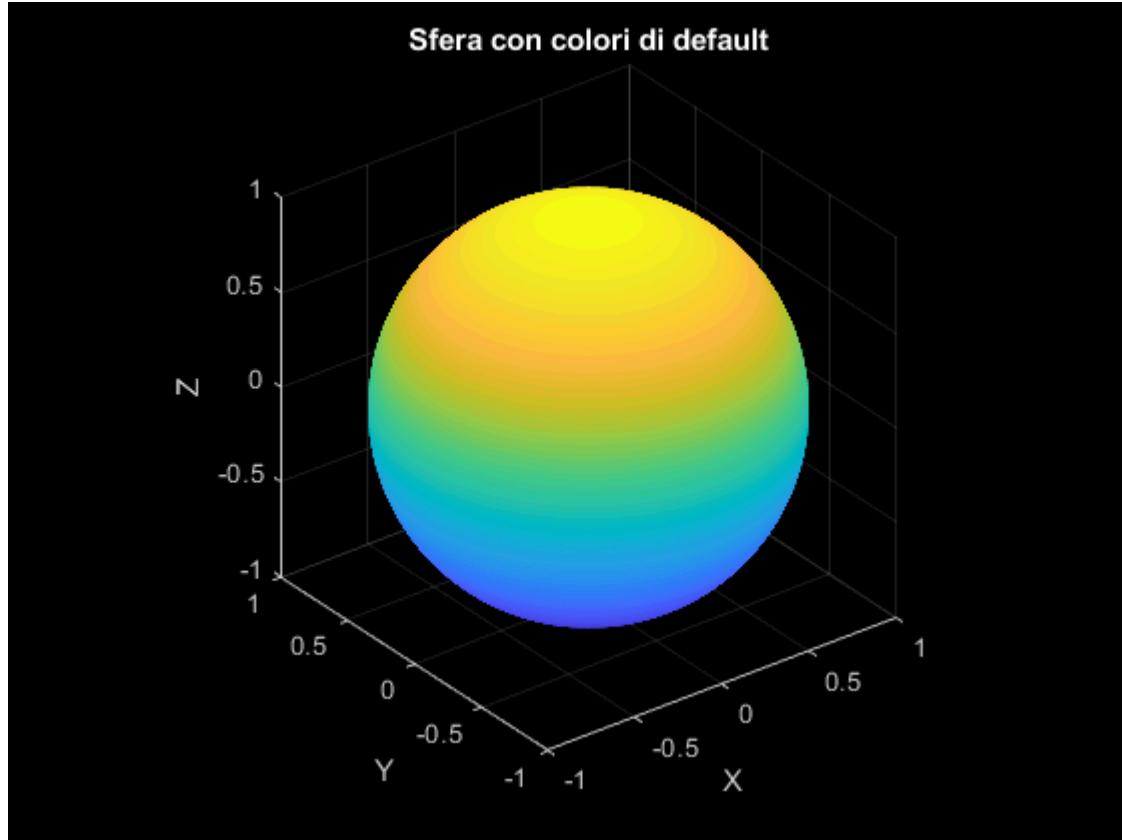
## Computer Vision Toolbox-Applicazione texture su immagini 3D

Si è importato il Computer Vision Toolbox disponibile per Matlab. Si è creata una sfera 3D con colori di default, successivamente si è applicata una texture.

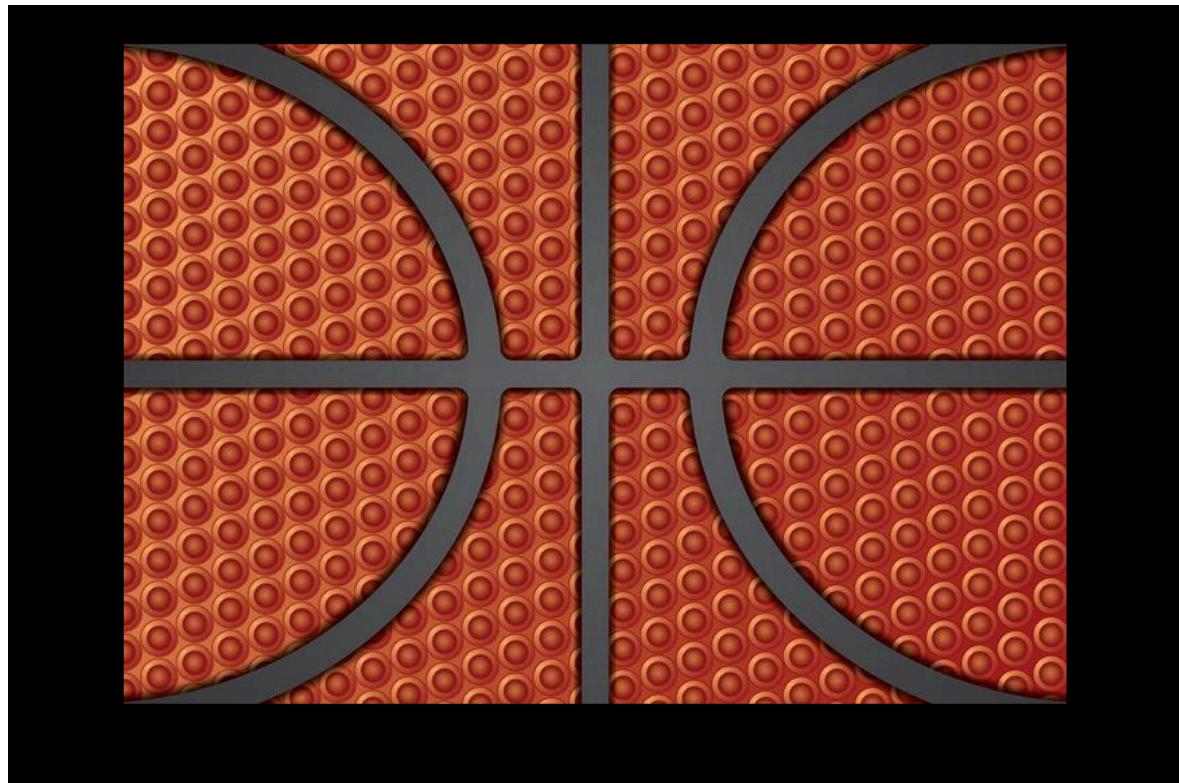
```
clear all;
warning off;
[x,y,z] = sphere(600);

%Creo la sfera utilizzando colori di Default

figure;
pcshow([x(:,y(:,z(:))]);
title('Sfera con colori di default');
xlabel('X');
ylabel('Y');
zlabel('Z');
```



```
Img = im2double(imread('basket3.jpg'));
% Si mostra l'immagine della texture che si deve applicare
imshow(Img);
```

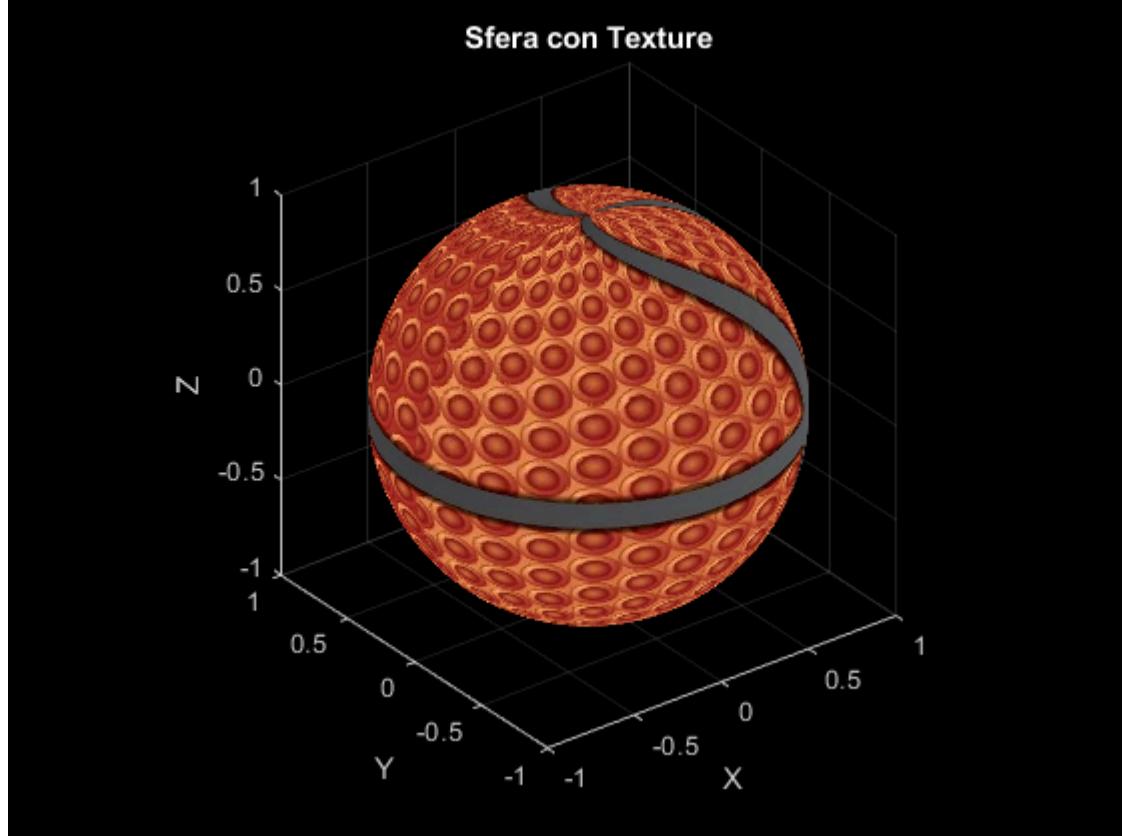


```

J = flipud(imresize(Img,size(x)));

%Creo la sfera con la Texture scelta
figure
pcshow([x(:),y(:),z(:)],reshape(J,[],3));
title('Sfera con Texture');
xlabel('X');
ylabel('Y');
zlabel('Z');

```



```
warning on;
```

## Riferimenti

1. *Econometrics Toolbox*, <https://it.mathworks.com/help/econ/data-sets-and-examples.html>
2. *Wikipedia - Paraboloid Ellittico*, [Wikipedia : Paraboloid Ellittico](#)
3. *Computer Vision Toolbox*, <https://www.mathworks.com/products/computer-vision.html>
4. *WolframAlpha-CurveParametriche FerrariShape Curva Ferrari*
5. *MATLAB Gui*, <https://it.mathworks.com/discovery/matlab-gui.html>
6. *Docenti.unina.it D'alessio Alessandra*

## Autori

**Giuseppe Napolano M63000856 Raffaele Formisano M63000912 Giuseppe Romito M63000936**