

DSnP HW#5 Report

● Implementation

1. Array

透過一般已固定大小的 array 實現，當已達資料量的存放上限 (`_capacity`)，若欲再存入資料，則會再跟系統要一塊 $2 * \text{_capacity}$ 大小的新記憶體，將當前記憶體的資料 copy 給新的記憶體後，並釋放當前記憶體空間，故為動態配置。

✓ Iterator: 與一般 array 基本上無異。

2. Dlist

將不連續的記憶體透過雙向 pointer 串聯成一系列，並利用尾端的 dummy node 與 `_head` 連接，可直接以 `_head -> _prev` 走到 dummy node，因此實際上比較像是一圈而非一系列。

✓ Iterator: 透過 `_prev` 和 `_next` 迭代。

✓ Sorting: 因已規定不可 copy data (i.e. in-place)，我選擇以 insertion sort 實作，理論上 best case: $O(n)$ ，average case: $O(n^2)$ ，worst case: $O(n^2)$

✓ Other notice: 最重要的是如何維持 `_head` 指向正確的位置。

`push_back()`: 當 `empty()` 時，會讓 `_head` 由原本的 dummy node 指向新增的 node。

`pop_back()` 在 `_size == 1` 時，會讓 `_head` 指回 dummy node。

3. BSTree

每個 node 的 left subtree 中所有 node 的 data 皆 $<$ 本身 data；每個 node 的 right subtree 中所有 node 的 data 皆 \geq 本身 data。

```
T _data;
BSTreeNode<T>* _parent
BSTreeNode<T>* _left;
BSTreeNode<T>* _right;
```

每個 node 都存著其 parent 和 children 的位置，`_parent` 可供我們往上搜尋資料。

```
private:
    BSTreeNode<T>* _root;
    BSTreeNode<T>* _dum;
    size_t _size;
```

在 bst 中，當 constructor 被呼叫，`_dum` 即同時產生，`_root` 暫且指到 NULL。

✓ Iterator:

`++`: 先往右下找 successor，若 `_right == NULL`，再往上是否有任何 node 為 left child，並 return 其 parent。

`--`: 先往左下找 predecessor，若 `_left == NULL`，再往上是否有任何 node 為 right child，並 return 其 parent。

`begin()`: data 最小的 node (i.e. leftmost)，但當 tree 為 `empty()`，`begin() = _dum`。

end(): `_dum`，data 最大的 node 的 right child，但當 tree 為 empty()，其 `_parent = NULL`。

其中需要注意 `_root -> _parent = NULL`。

✓ Other notice:

bst 所需 maintain 的性質繁多，尤其是 `_root` 與 `_dum` 的指向。

insert(x): 當 tree 為 empty()時，`_root` 指向新的 node。Insert(x)可能改變 `_dum` 的 `_parent`，因此我會先將 `_dum` 拔掉，之後 insert 完再把 `_dum` 接回。

erase(pos): 同樣我先將 `_dum` 拔除，待整個 erase process 結束再接回。這裡我們分三個 case 討論：two children、one child、no child，其中 case 1 最後都會化成 case 2 or 3 因為 successor 不可能有 two children。還要小心最後真正 erase 的 node 是否為 root，若是則必須調整 `_root` 的指向。

● Experiment

Command	Array	Dlist	BSTree
adta -r 10000	0.01 s	1.2 s	0.01 s
	1.672M bytes	1.426M bytes	1.801M bytes
adts	0.02 s	2.2 s	0 s
adtd -r 5000	0 s	0.25 s	0.72 s
adta -r 20000	0.01 s	6.99 s	0.03 s
	2.609M bytes	2.629M bytes	2.633M bytes
adts	0.05 s	13.92 s	0 s
adtd -r 10000	0 s	1.51 s	4.33 s

● Analysis

1. Array

- ✓ 在新增資料時，跟系統要的空間是以指數成長
- ✓ 用 `STL::sort(...)` 約為 $O(n \log n)$
- ✓ 隨機存取能力佳

2. Dlist

- ✓ 記憶體主要用在存 pointers
- ✓ Insertion sort 約為 $O(n^2)$
- ✓ 隨機存取透過 pointer 從頭找尋，約 $O(n)$

3. BSTree

- ✓ 記憶體主要用在存 pointers
- ✓ Insert 的 process 即經過 sorting，故不需要額外花時間
- ✓ 隨機存取能力不佳