

План

1. Напоминание: переобучение, регуляризация и кросс-валидация
2. Pipeline решения ML задачи
3. Подбор гиперпараметров и ансамблирование моделей на примере размеченных данных

▼ Переобучение и методы борьбы с ним

Переобучение --- это одна из главных проблем, с которыми сталкиваются модели машинного обучения. Эффект переобучения состоит в том, что модель, подстраиваясь под обучающую выборку, "обращает внимание" на закономерности в выборке, которые не проявляются в общем случае и имеют характер совпадения.

Переобучение проявляется тем больше, чем больше степеней свободы имеет модель.

Примеры:

- Решающее дерево со слишком большой глубиной может идеально подстроиться под обучающую выборку. Параметры решающего дерева --- это решающие правила во всех вершинах (всего $\sim 2^n$ решающих правил в дереве глубины n).
- Алгоритм k ближайших соседей подстраивается под обучающую выборку и может рассматриваться как эталонный пример переобучения: любой локальный шум в данных приведёт к ошибке. Параметрами Кпп являются **все элементы обучающей выборки**.
- Линейный алгоритм, построенный для выборки слишком маленького размера со слишком большим количеством признаков неизбежно переобучится под обучающую выборку.

Во всех примерах мы видим, что при слишком большой сложности модели по сравнению с количеством элементов в обучающей выборке переобучение имеет место. Строго говоря, **переобучение есть всегда, когда имеет место принятие решения в условиях неполных данных**, то есть всегда в машинном обучении.



Чтобы нивелировать эффект переобучения, нужно поймать момент, в который качество на тестовой выборке начинает увеличиваться с ростом сложности модели. В этот момент обучение стоит останавливать.

▼ Переобучение многочленов

Смоделируем переобучение склонность к переобучению полиномиальной зависимости с ростом степени многочлена. Сгенерируем искусственные данные из линейной зависимости с шумом и восстановим зависимость с помощью многочленов степени 1, 3, 4, 7.

```
import numpy as np
from sklearn.model_selection import train_test_split
from sklearn.metrics import mean_squared_error
import matplotlib.pyplot as plt

import seaborn as sns
sns.set(font_scale=1.5)

import warnings
warnings.filterwarnings("ignore")
%matplotlib inline
```

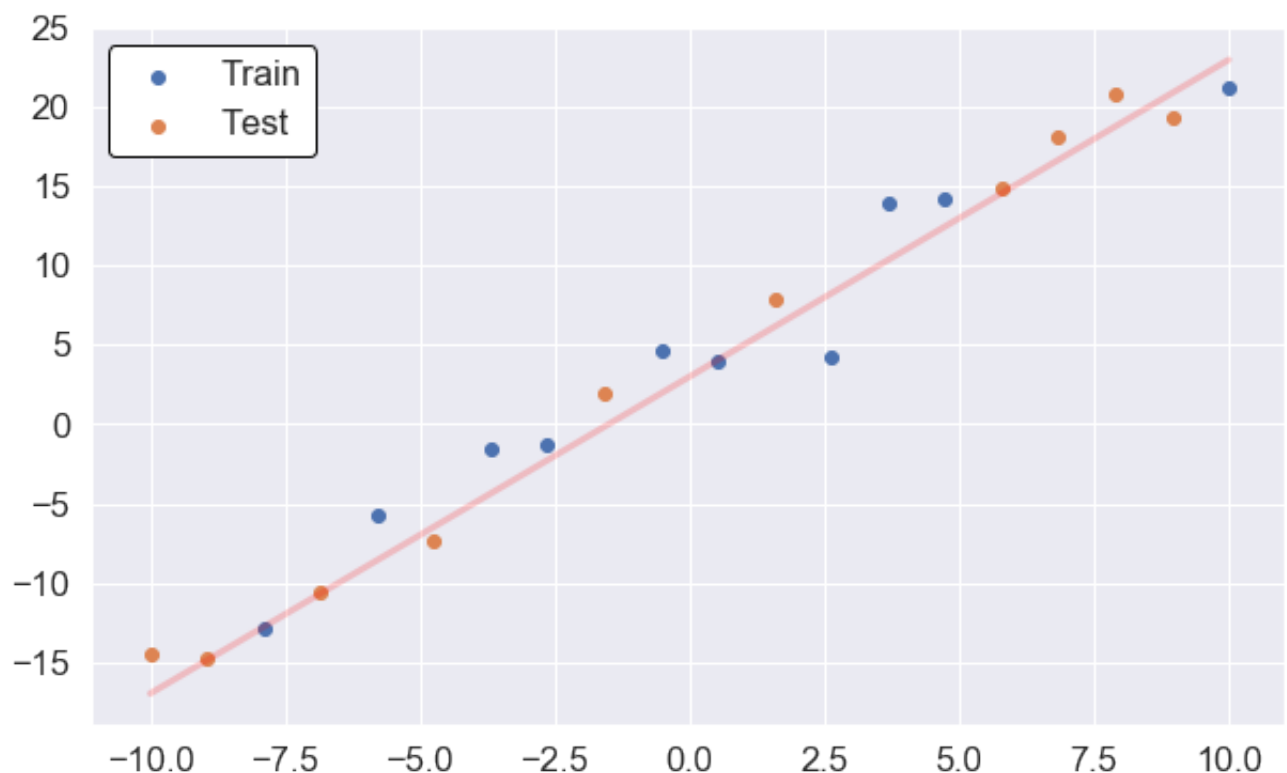
```

X = np.linspace(-10, 10, 20)

y = 2 * X + 3 + np.random.randn(20) * 3

X_train, X_test, y_train, y_test = train_test_split(X, y, train_size=0.5, random
plt.figure(figsize=(10,6))
plt.scatter(X_train,y_train, label='Train')
plt.scatter(X_test,y_test, label='Test')
plt.plot(X, 2 * X + 3, color='red', lw=3, alpha = 0.2)
legend_box = plt.legend(framealpha=1).get_frame()
legend_box.set_facecolor("white")
legend_box.set_edgecolor("black")
plt.show()

```



```

grid = np.linspace(-12, 12, 500)

fig, ax = plt.subplots(3, 2, figsize=(18,18))

ax = ax.ravel()

for i, deg in enumerate([1,3,4,7,9, 20]):

    poly = np.polyfit(X_train, y_train, deg)
    ax[i].set_title('Polynomial fit, degree = ' + str(deg))
    ax[i].scatter(X_train,y_train,
                  label='train mse={:.3f}'.format(mean_squared_error(y_train, np

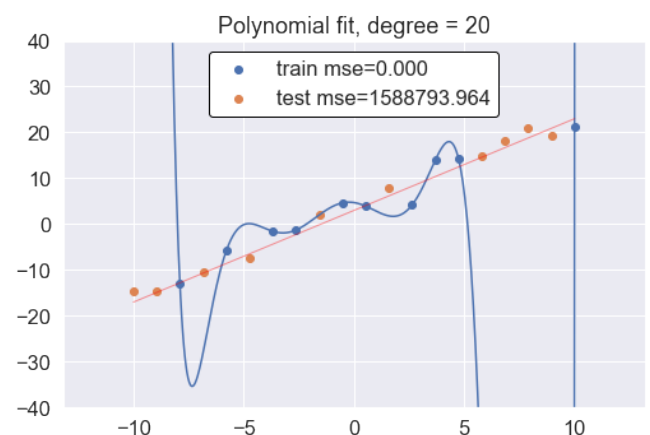
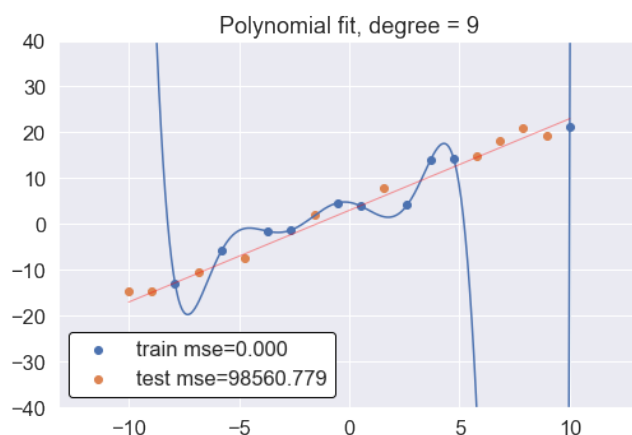
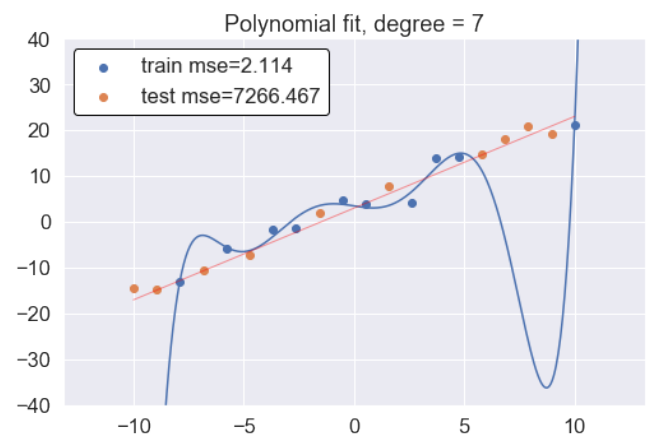
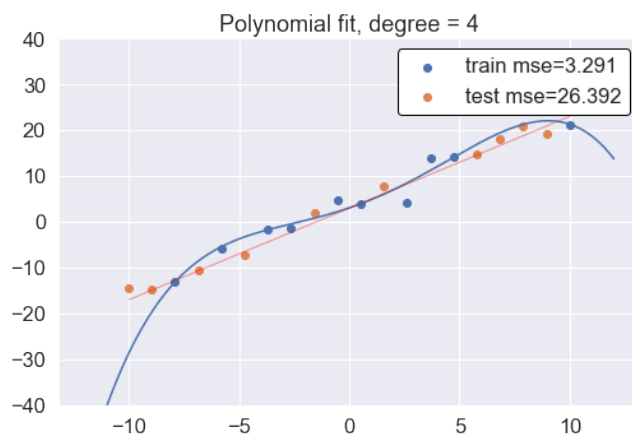
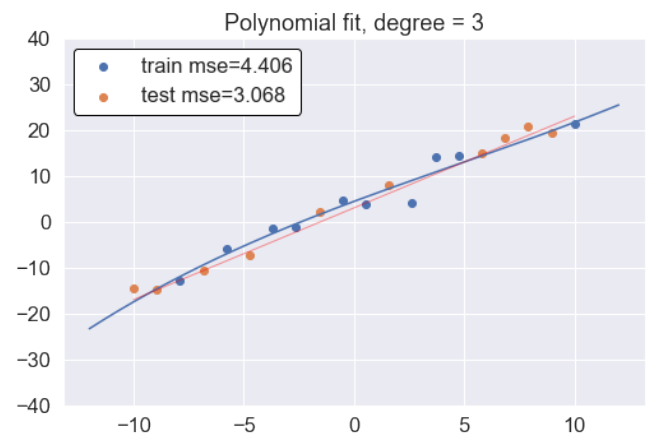
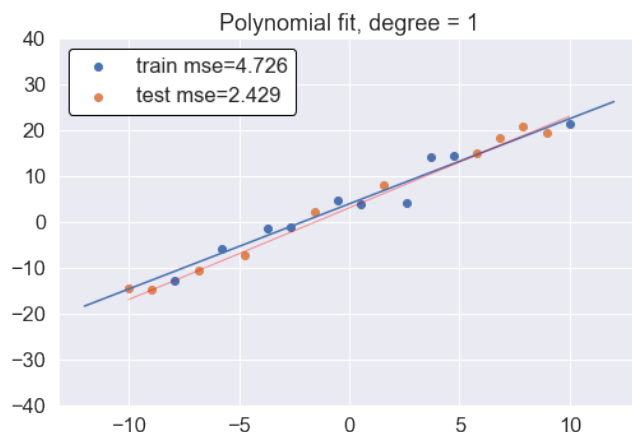
```

```

ax[i].scatter(X_test, y_test,
              label='test mse={:.3f}'.format(mean_squared_error(y_test, np.p
ax[i].set_ylim(-40, 40)
ax[i].plot(grid, np.polyval(poly, grid))

ax[i].plot(X, 2 * X + 3, color='red', lw=1, alpha = 0.4)
legend_box = ax[i].legend(framealpha=1).get_frame()
legend_box.set_facecolor("white")
legend_box.set_edgecolor("black")
fig.show()

```



$\|x - y\|$, x, y - векторы в 2-мерном пространстве

$$\|x - y\| = \sqrt{(x_1 - y_1)^2 + (x_2 - y_2)^2}$$

$\|x - y\|$, x, y - векторы в n -мерном пространстве

$$\|x - y\| = \sqrt{(x_1 - y_1)^2 + \dots + (x_n - y_n)^2}$$

Идея 1: регуляризация

Суть регуляризации состоит в том, чтобы добавлять к функции потерь слагаемое, ограничивающее рост весов модели. Например, обычная версия линейной регрессии выглядит так:

$$\frac{\sum_{i=1}^{\ell} \|\langle x^i, w \rangle - y^i\|^2}{\ell} \rightarrow \min_w.$$

Регуляризованная версия:

$$\frac{\sum_{i=1}^{\ell} \|\langle x^i, w \rangle - y^i\|^2}{\ell} + \frac{1}{C} \|w\|^2 \rightarrow \min_w.$$

Такая версия линейной регрессии называется Ridge-регрессией.

Есть также Lasso-регрессия и ElasticNet.

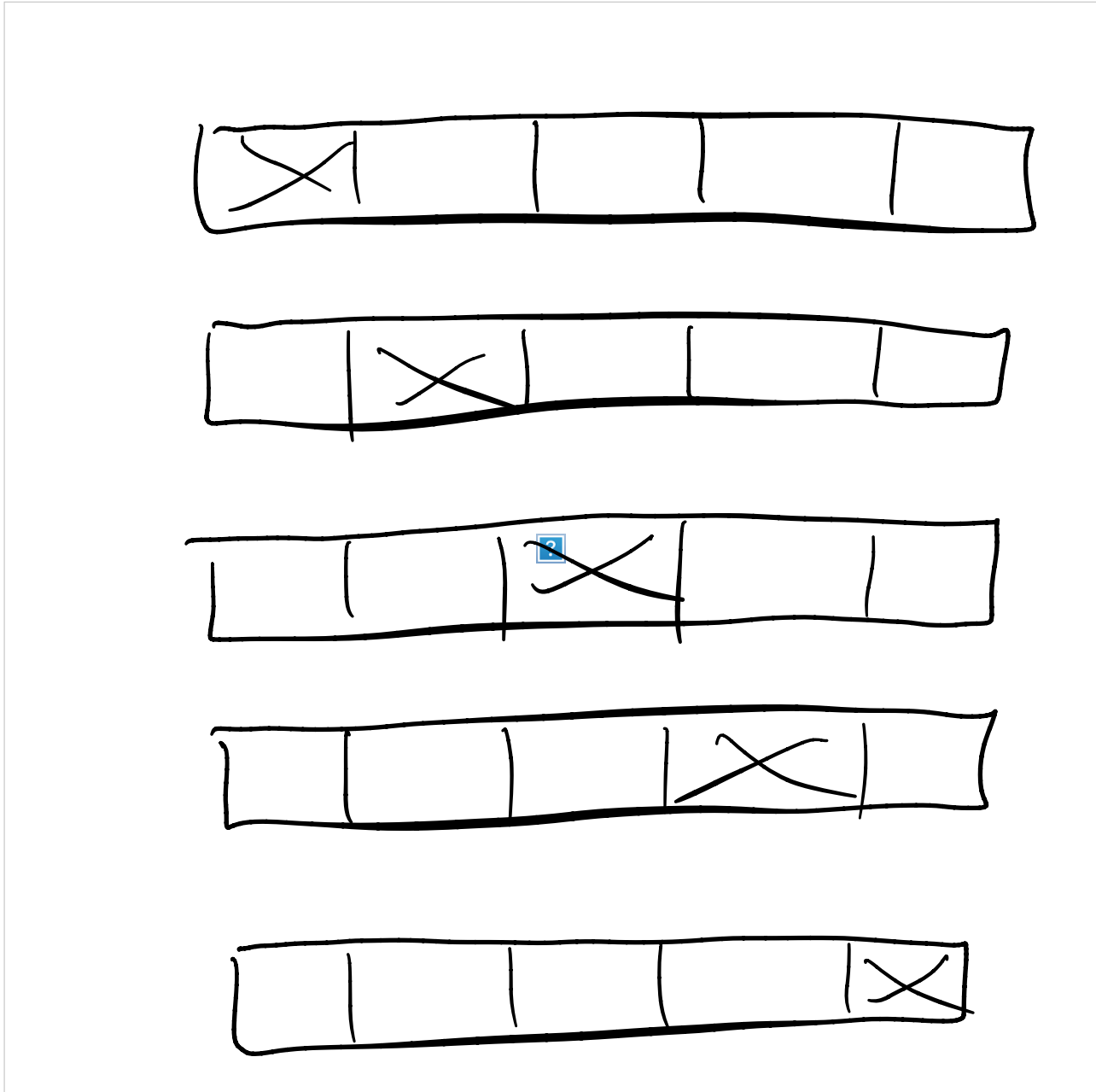
Обычная версия логрессии:

$$-\frac{1}{\ell} \left(\sum_{y^i=1} \ln \sigma(\langle x, w \rangle) + \sum_{y^i=-1} \ln(1 - \sigma(\langle x, w \rangle)) \right) \rightarrow \min_w$$

Регуляризованная версия:

$$-\frac{1}{\ell} \left(\sum_{y^i=1} \ln \sigma(\langle x, w \rangle) + \sum_{y^i=-1} \ln(1 - \sigma(\langle x, w \rangle)) \right) + \frac{1}{C} \|w\|^2 \rightarrow \min_w$$

Идея 2: кросс-валидация



Картинка говорит сама за себя. Чтобы получить более стабильное предсказание и точно увидеть переобучение, можно использовать кросс-валидацию. Это ещё пригодится дальше в ноутбук.

▼ Pipeline решения ML-задачи





▼ Выбор оптимальной модели

Теперь мы потренируемся обучению, оценке и валидации моделей, подбору оптимальных гиперпараметров, смешиванию моделей. Вам предлагается решить задачу бинарной классификации, а именно построить алгоритм, определяющий превысит ли средний заработок человека порог \$50k.

```
import pandas as pd

df = pd.read_csv('https://archive.ics.uci.edu/ml/machine-learning-databases/adul')
# Назначаем имена колонок
columns = ('age workclass fnlwgt education educ-num marital-status occupation re
          'race sex capital-gain capital-loss  hours-per-week native-country sa

numeric_indices = np.array([0, 2, 4, 10, 11, 12])
categorical_indices = np.array([1, 3, 5, 6, 7, 8, 9, 13])

df.columns = columns.split() #этот метод разделит датасет по колонкам как в масс

df = df.replace('?', np.nan)

df = df.dropna()

df['salary'] = df['salary'].apply((lambda x: x=='>50K')) # Будем предсказывать 1
```

```
numeric_data = df[df.columns[numeric_indices]]

categorical_data = df[df.columns[categorical_indices]]
categorical_data.head()
```

	workclass	education	marital-status	occupation	relationship	race	sex	na-co
0	Self-emp-not-inc	Bachelors	Married-civ-spouse	Exec-managerial	Husband	White	Male	l
1	Private	HS-grad	Divorced	Handlers-cleaners	Not-in-family	White	Male	l
2	Private	11th	Married-civ-spouse	Handlers-cleaners	Husband	Black	Male	l

```
df['education'].unique(), len(df['education'].unique())

(array(['Bachelors', 'HS-grad', '11th', 'Masters', '9th', 'Some-college',
        'Assoc-acdm', '7th-8th', 'Doctorate', 'Assoc-voc', 'Prof-school',
        '5th-6th', '10th', 'Preschool', '12th', '1st-4th'], dtype=object),
16)
```

▼ One-hot кодирование

Поскольку все алгоритмы машинного обучения, которые мы изучили, работают лишь с числовыми признаками, необходимо придумать способ обработки категориальных признаков, переводящий их в числовые. Одним из способов сделать это является One-hot кодирование. Его суть состоит в следующем. Пусть некоторая категориальная переменная (скажем, color) принимает n различных значений (Red, Yellow, Green). Тогда можно создать n новых переменных, соответствующих различным значениям категориального признака, каждая из которых равна 1 в том случае, если изначальный категориальный признак принимает такое значение, и 0 иначе. Принцип работы иллюстрирован на картинке.



В Pandas One-hot кодирование выполняется функцией `pd.get_dummies`. Сгенерируем One-hot признаки для нашего датасета. Сохраним полную матрицу объекты признаки в переменную `X`.

```
dummy_features = pd.get_dummies(categorical_data)
```

```
X = pd.concat([numeric_data, dummy_features], axis=1)
X_origin = df.iloc[:, :-1]
X.head()
```

	age	fnlwgt	educ- num	capital- gain	capital- loss	hours- per- week	workclass_Federal- gov	workcl
0	50	83311	13	0	0	13	0	
1	38	215646	9	0	0	40	0	
2	53	234721	7	0	0	40	0	
3	28	338409	13	0	0	40	0	
4	37	284582	14	0	0	40	0	

5 rows x 104 columns

```
y = df['salary']
```

```
X.shape, X_origin.shape
```

```
((30161, 104), (30161, 14))
```

Теперь всё готово для обучения алгоритмов.

```
from sklearn.model_selection import train_test_split
```

```
X_train, X_test, y_train, y_test = train_test_split(X.values, y.values,
                                                    train_size=0.8,
                                                    random_state=42)
```

Напишем функцию, визуализирующую поиск оптимального гиперпараметра модели по сетке. Используем идею кросс-валидации.

```
from sklearn.model_selection import GridSearchCV
from sklearn.model_selection import RandomizedSearchCV
```

```

def search_and_draw(X, y, model, param_name, grid, param_scale='ordinary', draw=
    parameters = {param_name: grid}

    CV_model = GridSearchCV(estimator=model,
                            param_grid=parameters,
                            cv=5,
                            scoring='f1',
                            n_jobs=-1,
                            verbose=10)

    CV_model.fit(X, y)
    means = CV_model.cv_results_['mean_test_score']
    error = CV_model.cv_results_['std_test_score']

    if draw:
        plt.figure(figsize=(15,8))
        plt.title('choose ' + param_name)

        if (param_scale == 'log'):
            plt.xscale('log')

        plt.plot(grid, means, label='mean values of score', color='red', lw=3)

        plt.fill_between(grid, means - 2 * error, means + 2 * error,
                        color='green', label='filled area between errors', alph
        legend_box = plt.legend(framealpha=1).get_frame()
        legend_box.set_facecolor("white")
        legend_box.set_edgecolor("black")
        plt.xlabel('parameter')
        plt.ylabel('roc_auc')
        plt.show()

    return means, error

from sklearn.neighbors import KNeighborsClassifier
from sklearn.tree import DecisionTreeClassifier

models = [KNeighborsClassifier(), DecisionTreeClassifier()]
param_names = ['n_neighbors', 'max_depth']
grids = [np.array(np.linspace(4, 30, 8), dtype='int'), np.arange(1, 30)]
param_scales = ['log', 'ordinary']

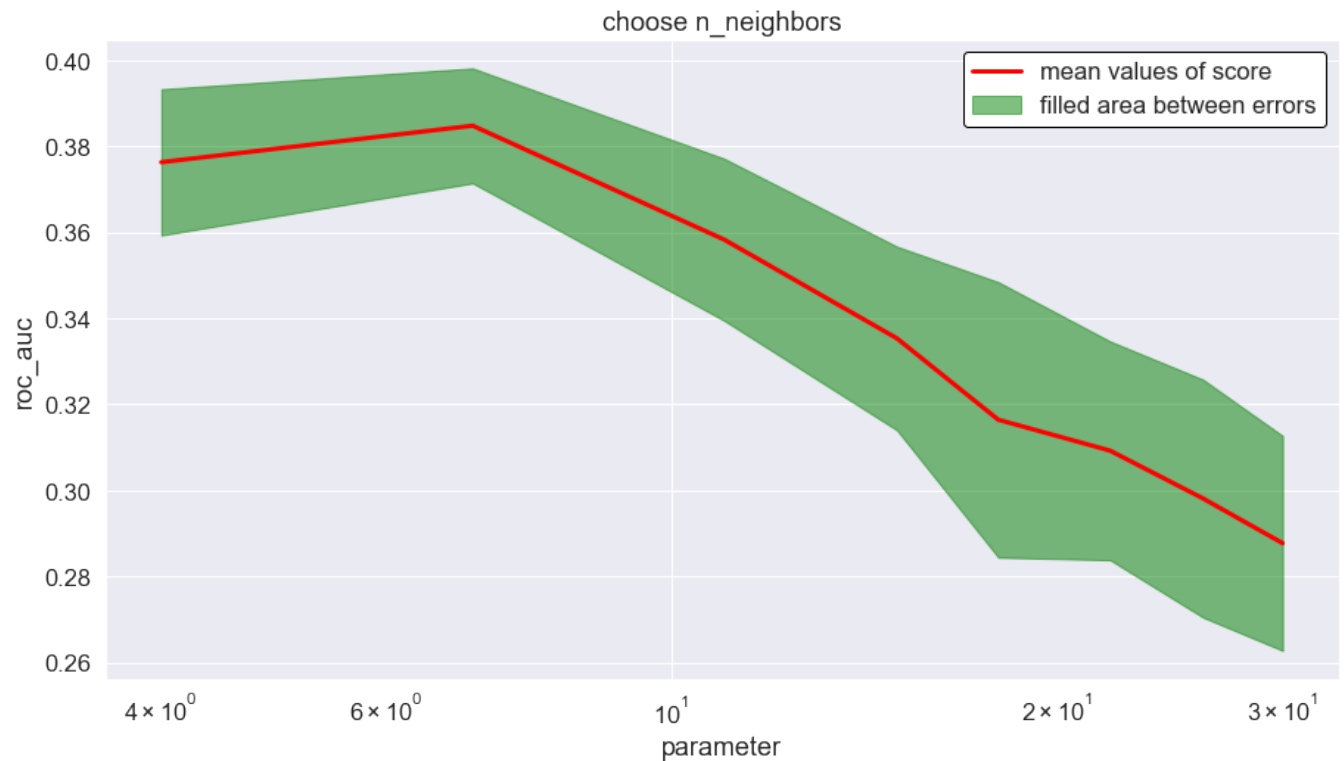
for model, param_name, grid, param_scale in zip(models,
                                                param_names,
                                                grids,

```

```
search_and_draw(X_train, y_train, model, param_name, grid; param_scale)
```

Fitting 5 folds for each of 8 candidates, totalling 40 fits

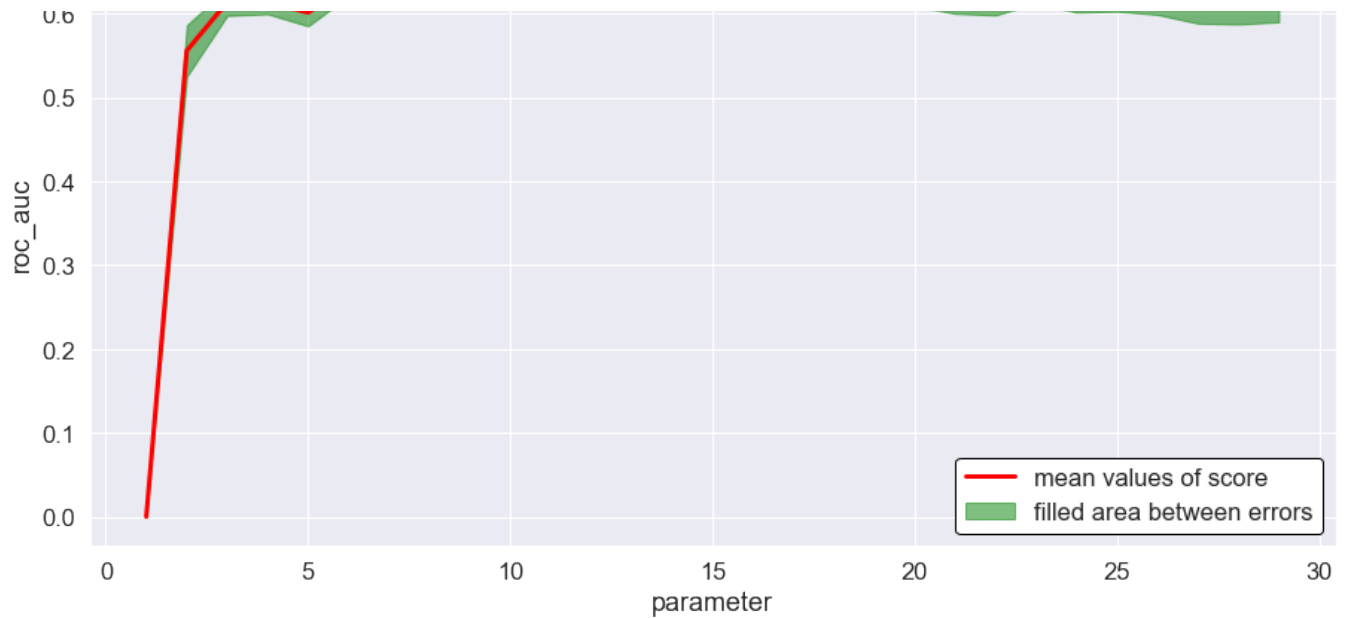
```
[Parallel(n_jobs=-1)]: Using backend LokyBackend with 8 concurrent workers.
[Parallel(n_jobs=-1)]: Done    2 tasks      | elapsed:    3.5s
[Parallel(n_jobs=-1)]: Done    9 tasks      | elapsed:    5.7s
[Parallel(n_jobs=-1)]: Done   16 tasks      | elapsed:    6.2s
[Parallel(n_jobs=-1)]: Done   25 tasks      | elapsed:    9.9s
[Parallel(n_jobs=-1)]: Done  30 out of  40 | elapsed:   10.7s remaining:
[Parallel(n_jobs=-1)]: Done  35 out of  40 | elapsed:   12.7s remaining:
[Parallel(n_jobs=-1)]: Done  40 out of  40 | elapsed:   13.3s remaining:
[Parallel(n_jobs=-1)]: Done  40 out of  40 | elapsed:   13.3s finished
```



Fitting 5 folds for each of 29 candidates, totalling 145 fits

```
[Parallel(n_jobs=-1)]: Using backend LokyBackend with 8 concurrent workers.
[Parallel(n_jobs=-1)]: Done    2 tasks      | elapsed:    0.2s
[Parallel(n_jobs=-1)]: Done    9 tasks      | elapsed:    0.6s
[Parallel(n_jobs=-1)]: Done   16 tasks      | elapsed:    1.2s
[Parallel(n_jobs=-1)]: Done   25 tasks      | elapsed:    1.9s
[Parallel(n_jobs=-1)]: Done   34 tasks      | elapsed:    2.8s
[Parallel(n_jobs=-1)]: Done   45 tasks      | elapsed:    4.4s
[Parallel(n_jobs=-1)]: Done   56 tasks      | elapsed:    5.6s
[Parallel(n_jobs=-1)]: Done   69 tasks      | elapsed:    7.3s
[Parallel(n_jobs=-1)]: Done   82 tasks      | elapsed:    8.8s
[Parallel(n_jobs=-1)]: Done   97 tasks      | elapsed:   10.8s
[Parallel(n_jobs=-1)]: Done  112 tasks      | elapsed:   12.8s
[Parallel(n_jobs=-1)]: Done  129 tasks      | elapsed:   15.2s
[Parallel(n_jobs=-1)]: Done 145 out of 145 | elapsed:   16.7s remaining:
[Parallel(n_jobs=-1)]: Done 145 out of 145 | elapsed:   16.7s finished
```





Подберём параметр `n_estimators` в алгоритме случайный лес. Известно, что случайный лес не переобучается. Поэтому график качества будет монотонно возрастать. Следовательно, необходимо найти минимальное значение `n_estimators`, при котором качество не изменяется. Поскольку каждое дерево обучается независимо от остальных, достаточно обучить сразу лес из большого количества деревьев, а затем рассмотреть подмножества нужного размера из исходного множества деревьев.

```
from sklearn.ensemble import RandomForestClassifier
from sklearn.model_selection import cross_val_score
```

```
from sklearn.model_selection import KFold
from sklearn.metrics import roc_auc_score
from tqdm.notebook import tqdm

max_trees = 100

values = np.arange(max_trees) + 1

kf = KFold(n_splits=5, shuffle=True, random_state=1234)

global_scores = []

for train_indices, val_indices in tqdm(kf.split(X_train), total=5):
    scores = []

    X_train_kf = X_train[train_indices]
    y_train_kf = y_train[train_indices]

    X_val_kf = X_train[val_indices]
    y_val_kf = y_train[val_indices]

    forest = RandomForestClassifier(n_estimators=max_trees)
    forest.fit(X_train_kf, y_train_kf)
    trees = forest.estimators_

    for number_of_trees in tqdm(values, leave=False):
        thinned_forest = RandomForestClassifier(n_estimators=number_of_trees)

        thinned_forest.n_classes_ = 2
        thinned_forest.estimators_ = trees[:number_of_trees]

        scores.append(roc_auc_score(y_val_kf, thinned_forest.predict_proba(X_val

scores = np.array(scores)

global_scores.append(scores)

global_scores = np.stack(global_scores, axis=0)

HBox(children=(FloatProgress(value=0.0, max=5.0), HTML(value='')))
HBox(children=(FloatProgress(value=0.0), HTML(value='')))
HBox(children=(FloatProgress(value=0.0), HTML(value='')))
HBox(children=(FloatProgress(value=0.0), HTML(value='')))
HBox(children=(FloatProgress(value=0.0), HTML(value='')))
HBox(children=(FloatProgress(value=0.0), HTML(value='')))
```

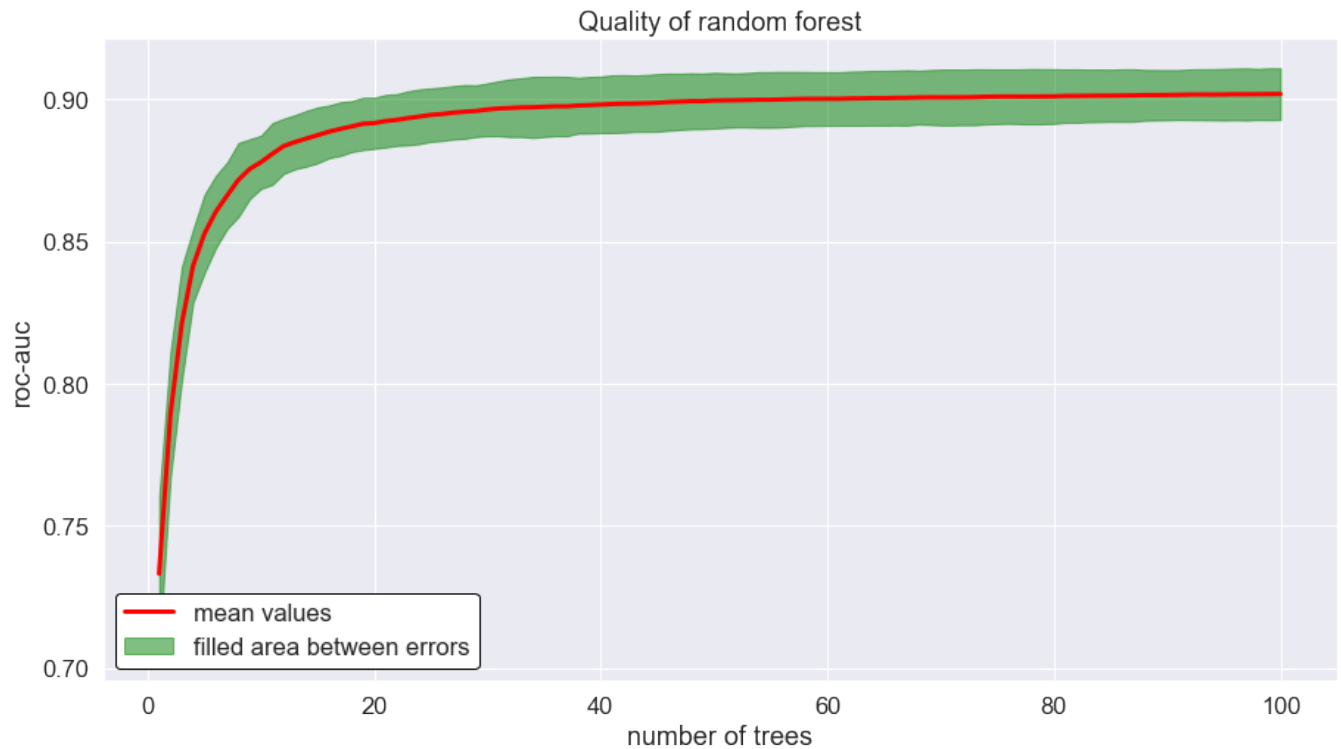


```
mean_cross_val_score = global_scores.mean(axis=0)
std_cross_val_score = global_scores.std(axis=0)

plt.figure(figsize=(15,8))
plt.title('Quality of random forest')

plt.plot(values, mean_cross_val_score, label='mean values', color='red', lw=3)
plt.fill_between(values,
                  mean_cross_val_score - 2 * std_cross_val_score,
                  mean_cross_val_score + 2 * std_cross_val_score,
                  color='green',
                  label='filled area between errors',
                  alpha=0.5)
legend_box = plt.legend(framealpha=1).get_frame()
legend_box.set_facecolor("white")
legend_box.set_edgecolor("black")
plt.xlabel('number of trees')
plt.ylabel('roc-auc')

plt.show()
```



▼ Нормировка признаков

Нормируем признаки и проделаем тот же эксперимент с алгоритмом ближайших соседей. Посмотрим, изменилось ли качество предсказания.

```
from sklearn.preprocessing import StandardScaler
```

```
scaler = StandardScaler()
```

```
X_train_scaled = scaler.fit_transform(X_train)
```

```
X_test_scaled = scaler.transform(X_test)
```

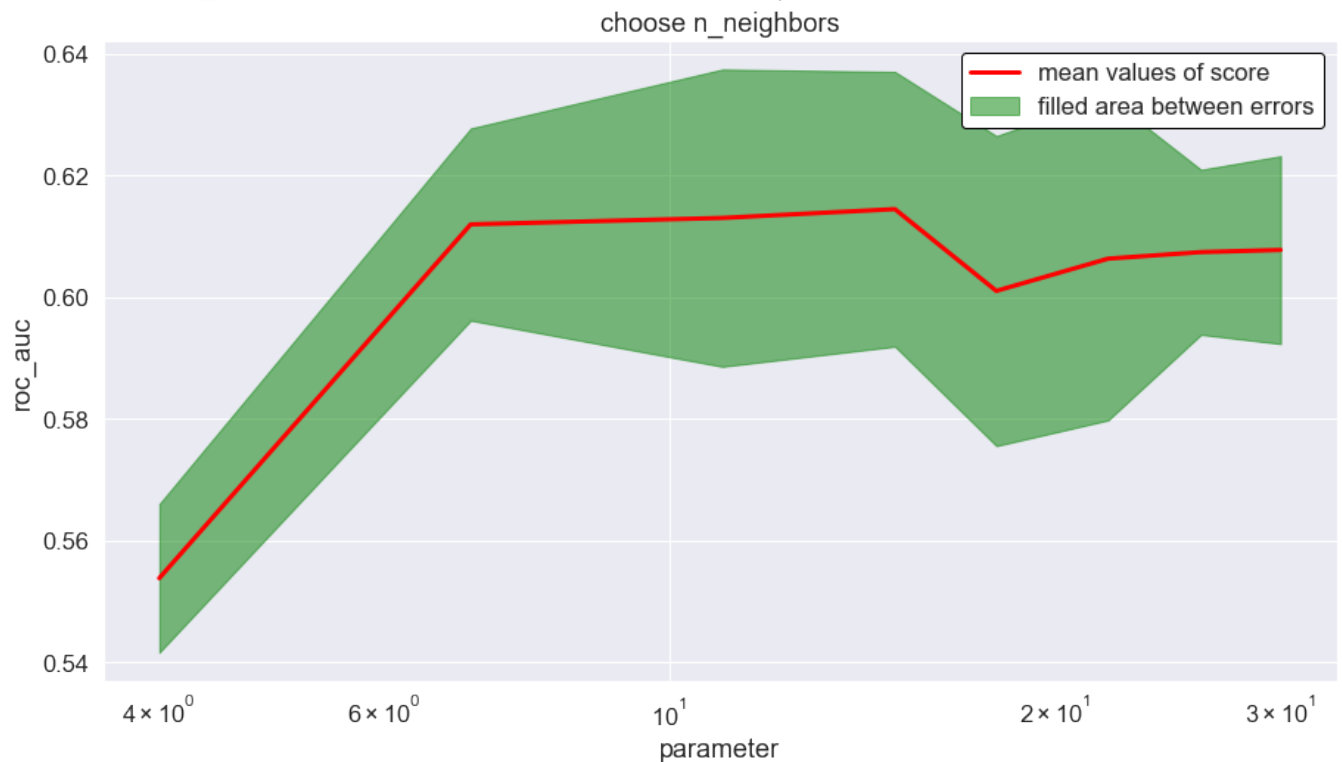
StandardScaler выполняет преобразование

$$z = \frac{x - \mu}{\sigma}, \text{ где } \sigma - \text{ стандартное отклонение, а } \mu - \text{ среднее}$$

```
search_and_draw(X_train_scaled, y_train, KNeighborsClassifier(), 'n_neighbors',
                np.array(np.linspace(4, 30, 8), dtype='int'), 'log');
```

Fitting 5 folds for each of 8 candidates, totalling 40 fits

```
[Parallel(n_jobs=-1)]: Using backend LokyBackend with 8 concurrent workers.
[Parallel(n_jobs=-1)]: Done   2 tasks      | elapsed:   43.3s
[Parallel(n_jobs=-1)]: Done   9 tasks      | elapsed:  1.4min
[Parallel(n_jobs=-1)]: Done  16 tasks      | elapsed:  1.6min
[Parallel(n_jobs=-1)]: Done  25 tasks      | elapsed:  2.8min
[Parallel(n_jobs=-1)]: Done  30 out of  40 | elapsed:  3.0min remaining:  1
[Parallel(n_jobs=-1)]: Done  35 out of  40 | elapsed:  3.7min remaining:
[Parallel(n_jobs=-1)]: Done  40 out of  40 | elapsed:  3.7min remaining:
[Parallel(n_jobs=-1)]: Done  40 out of  40 | elapsed:  3.7min finished
```



Как и следовало ожидать, ни один из наших алгоритмов не побил случайный лес. Итак, видим, что на больших выборках бэггинг работает. Вычислим итоговое качество на test.

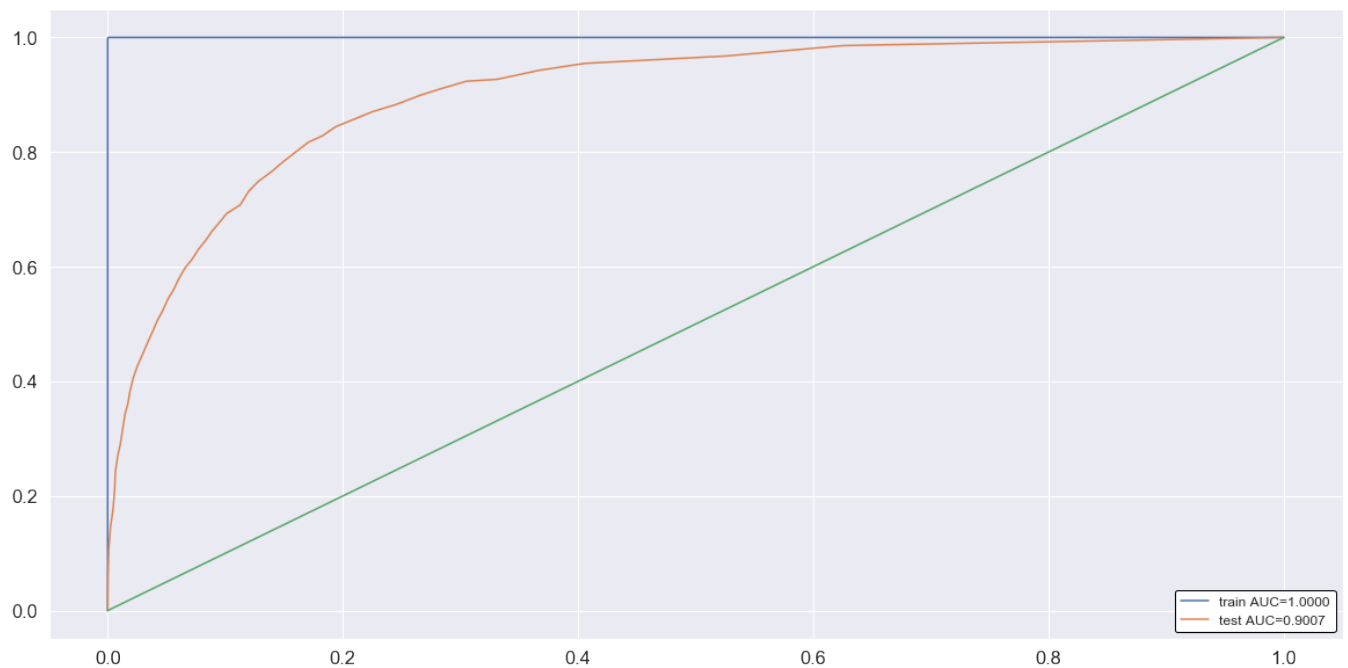
```
model = RandomForestClassifier(n_estimators=50, n_jobs=-1)

model.fit(X_train, y_train)
y_train_predicted = model.predict_proba(X_train)[:, 1]
y_test_predicted = model.predict_proba(X_test)[:, 1]

from sklearn.metrics import roc_auc_score, roc_curve
```

```
train_auc = roc_auc_score(y_train, y_train_predicted)
test_auc = roc_auc_score(y_test, y_test_predicted)

plt.figure(figsize=(20,10))
plt.plot(*roc_curve(y_train, y_train_predicted)[:2], label='train AUC={:.4f}'.fo
plt.plot(*roc_curve(y_test, y_test_predicted)[:2], label='test AUC={:.4f}'.forma
legend_box = plt.legend(fontsize='large', framealpha=1).get_frame()
legend_box.set_facecolor("white")
legend_box.set_edgecolor("black")
plt.plot(np.linspace(0,1,100), np.linspace(0,1,100))
plt.show()
```



Что ещё можно делать:

Мы подбирали оптимальный одномерный параметр для алгоритма. Можно также:

- Искать по сетке не только численные гиперпараметры, но и категориальные, например, метрику в алгоритме ближайших соседей или критерий ветвления в решающем дереве.
- Искать оптимальный параметр по многомерной сетке. Перебрать все возможные варианты здесь не выйдет, потому что на это уйдёт слишком много времени. Зато можно перебирать случайные точки по сетке. Эта процедура называется Grid Random Search.

▼ Стекинг

Идея стекинга состоит в том, чтобы обучать разнообразные алгоритмы и использовать их в качестве новых признаков объектов.

Чтобы избежать переобучения, необходимо разделить обучающую выборку на n фолдов. Для предсказания ответов на k -ом фолде алгоритм обучается на оставшихся $n-1$ фолдах и предсказывает ответ на k -ом фолде. Такую схему обучения-предсказания реализует функция `sklearn.model_selection.cross_val_predict`.

```
from sklearn.model_selection import cross_val_predict
```

Будем работать с тем же самым датасетом, что и ранее. Посмотрим, сумеем ли мы побить результаты случайного леса с помощью стекинга.

```
def compute_meta_feature(model, X_train, X_test, y_train, cv):
    try:
        train_answers = cross_val_predict(model, X_train, y_train, cv=cv, method
        model.fit(X_train, y_train)
        return train_answers, model.predict_proba(X_test)[: , 1]

    except Exception:
        train_answers = cross_val_predict(model, X_train, y_train, cv=cv, method
        model.fit(X_train, y_train)
        return train_answers, model.predict(X_test)[: , 1]
```

```
from sklearn.ensemble import RandomForestClassifier
from sklearn.linear_model import LogisticRegression
from sklearn.neighbors import KNeighborsClassifier

models = []
models.append(KNeighborsClassifier(n_jobs=-1, n_neighbors=30))
models.append(LogisticRegression())
models.append(RandomForestClassifier(max_depth=3, n_estimators=50, n_jobs=-1))
models.append(RandomForestClassifier(max_depth=7, n_estimators=50, n_jobs=-1))
models.append(DecisionTreeClassifier(max_depth=8))

meta_features_train = np.zeros((X_train.shape[0], 0))
meta_features_test = np.zeros((X_test.shape[0], 0))

for model in tqdm(models):
    train, test = compute_meta_feature(model, X_train, X_test, y_train, 5)
    meta_features_train = np.append(meta_features_train, train.reshape((train.size, 1)))
    meta_features_test = np.append(meta_features_test, test.reshape((test.size, 1)))

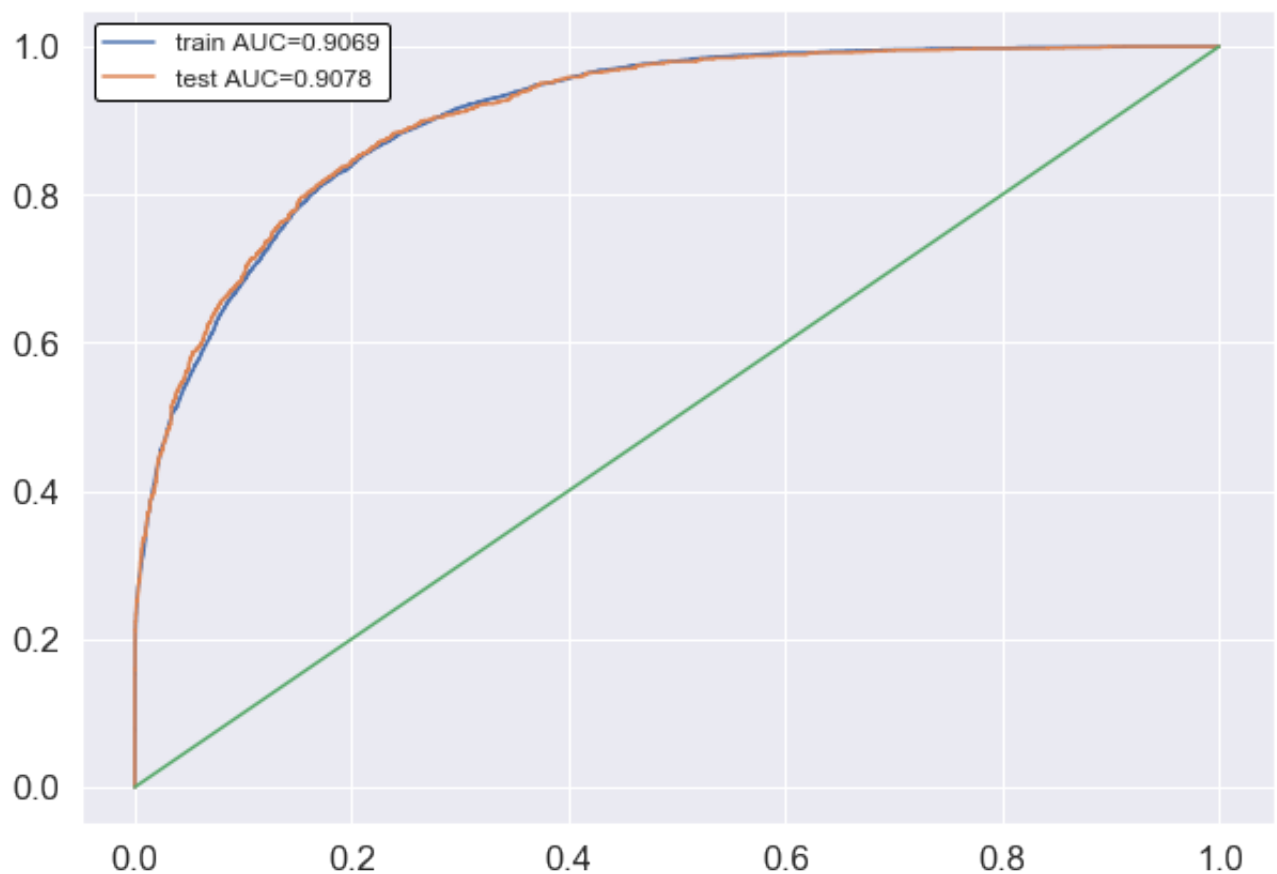
    HBox(children=(FloatProgress(value=0.0, max=5.0), HTML(value=' ')))

stacking_model = LogisticRegression()
stacking_model.fit(meta_features_train, y_train)

y_train_predicted = stacking_model.predict_proba(meta_features_train)[:, 1]
y_test_predicted = stacking_model.predict_proba(meta_features_test)[:, 1]
```

```
train_auc = roc_auc_score(y_train, y_train_predicted)
test_auc = roc_auc_score(y_test, y_test_predicted)

plt.figure(figsize=(10,7))
plt.plot(*roc_curve(y_train, y_train_predicted)[:2], label='train AUC={:.4f}'.fo
plt.plot(*roc_curve(y_test, y_test_predicted)[:2], label='test AUC={:.4f}'.forma
legend_box = plt.legend(fontsize='large', framealpha=1).get_frame()
legend_box.set_facecolor("white")
legend_box.set_edgecolor("black")
plt.plot(np.linspace(0,1,100), np.linspace(0,1,100))
plt.show()
```



▼ Бустинг

Попробуем в пару-тройку строк побить всё то качество, которое мы так усердно искали.

```
# если этого модуля нет, то нужно раскомментировать следующую строчку и запустит
#!pip install xgboost
```



```
import xgboost

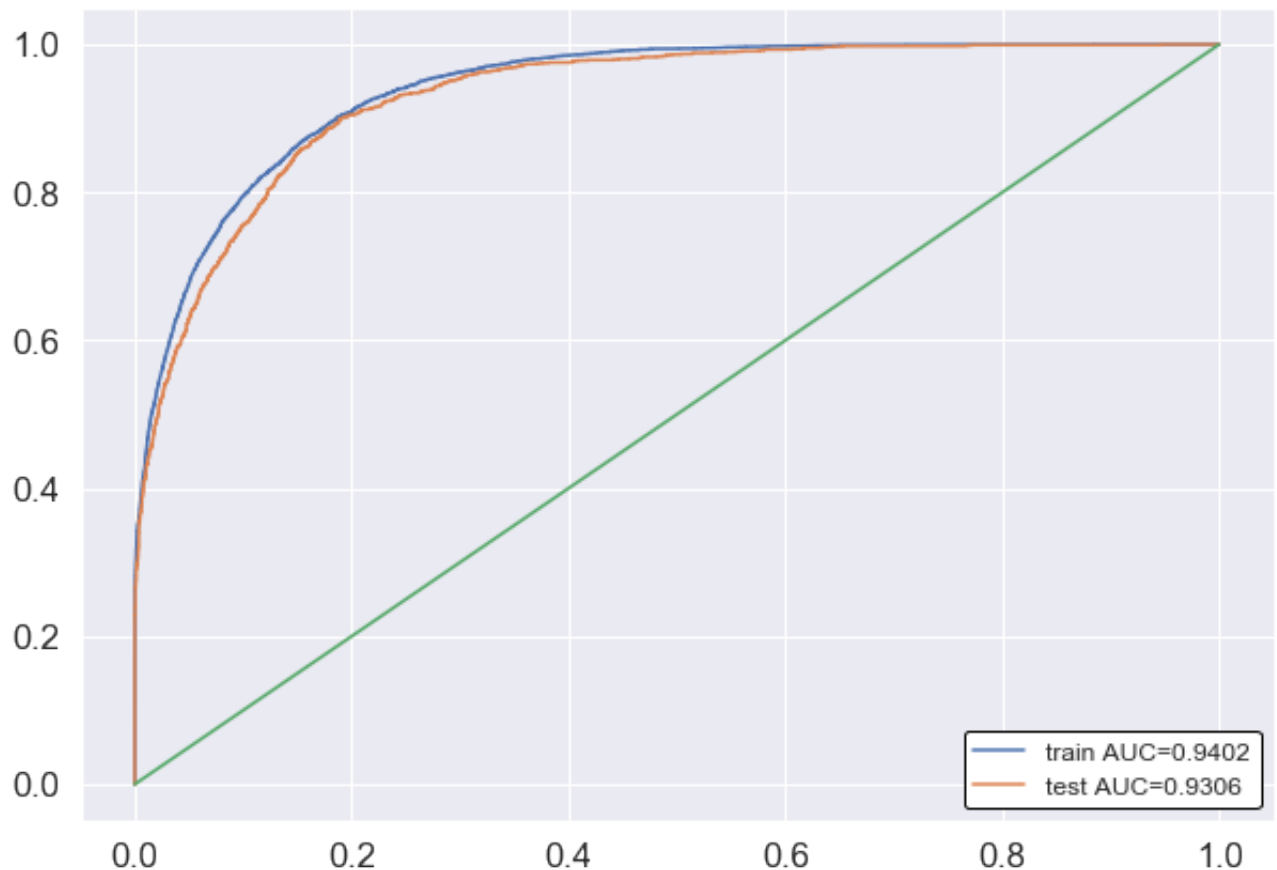
boosting_model = xgboost.XGBClassifier(n_estimators=500)

boosting_model.fit(X_train, y_train)

y_train_predicted = boosting_model.predict_proba(X_train)[: , 1]
y_test_predicted = boosting_model.predict_proba(X_test)[: , 1]

train_auc = roc_auc_score(y_train, y_train_predicted)
test_auc = roc_auc_score(y_test, y_test_predicted)

plt.figure(figsize=(10,7))
plt.plot(*roc_curve(y_train, y_train_predicted)[:2], label='train AUC={:.4f}'.format(
train_auc))
plt.plot(*roc_curve(y_test, y_test_predicted)[:2], label='test AUC={:.4f}'.format(
test_auc))
legend_box = plt.legend(fontsize='large', framealpha=1).get_frame()
legend_box.set_facecolor("white")
legend_box.set_edgecolor("black")
plt.plot(np.linspace(0,1,100), np.linspace(0,1,100))
plt.show()
```



Круто, да? А теперь попробуем "отечественного" производителя - CatBoost от Яндекса.

```
# если этого модуля нет, то нужно раскомментировать следующую строчку и запустит
#!pip install catboost
```

```
import catboost # документация: https://catboost.ai/docs
```

```
# CatBoost умеет работать с категориальными признаками сам
X_train_origin, X_test_origin, _, _ = train_test_split(X_origin.values, y.values
                                                         train_size=0.8,
                                                         random_state=42)
```



(из документации CatBoost)

```
boosting_model = catboost.CatBoostClassifier(n_estimators=200,
                                              cat_features=categorical_indices)
```

```
boosting_model.fit(X_train_origin, y_train)
```

```
y_train_predicted = boosting_model.predict_proba(X_train_origin)[: , 1]
y_test_predicted = boosting_model.predict_proba(X_test_origin)[: , 1]
```

Learning rate set to 0.175479

0:	learn: 0.5380235	total: 90.4ms	remaining: 18s
1:	learn: 0.4479261	total: 187ms	remaining: 18.5s
2:	learn: 0.3998054	total: 250ms	remaining: 16.4s
3:	learn: 0.3720098	total: 338ms	remaining: 16.5s
4:	learn: 0.3591503	total: 464ms	remaining: 18.1s
5:	learn: 0.3471251	total: 552ms	remaining: 17.9s
6:	learn: 0.3356031	total: 632ms	remaining: 17.4s
7:	learn: 0.3267387	total: 716ms	remaining: 17.2s
8:	learn: 0.3217937	total: 797ms	remaining: 16.9s
9:	learn: 0.3175740	total: 915ms	remaining: 17.4s
10:	learn: 0.3137769	total: 1.02s	remaining: 17.5s
11:	learn: 0.3116092	total: 1.11s	remaining: 17.4s
12:	learn: 0.3087479	total: 1.21s	remaining: 17.5s
13:	learn: 0.3075583	total: 1.28s	remaining: 17s
14:	learn: 0.3051900	total: 1.36s	remaining: 16.8s
15:	learn: 0.3033366	total: 1.44s	remaining: 16.5s
16:	learn: 0.3019215	total: 1.54s	remaining: 16.6s
17:	learn: 0.3012249	total: 1.61s	remaining: 16.3s
18:	learn: 0.3003474	total: 1.66s	remaining: 15.8s
19:	learn: 0.2993494	total: 1.74s	remaining: 15.7s
20:	learn: 0.2971107	total: 1.83s	remaining: 15.6s

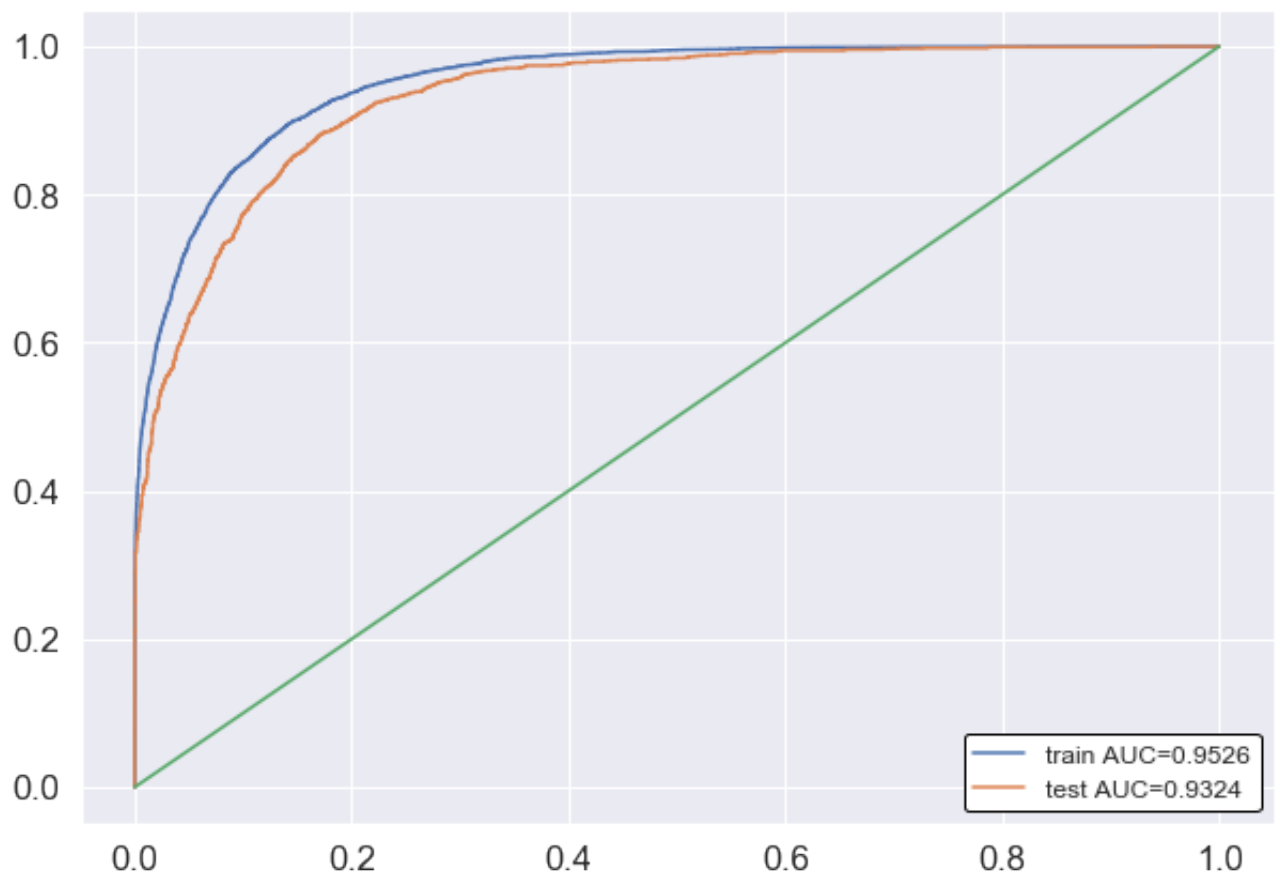
21:	learn: 0.2959619	total: 1.91s	remaining: 15.4s
22:	learn: 0.2950362	total: 1.99s	remaining: 15.3s
23:	learn: 0.2941084	total: 2.08s	remaining: 15.2s
24:	learn: 0.2932537	total: 2.19s	remaining: 15.3s
25:	learn: 0.2922845	total: 2.26s	remaining: 15.1s
26:	learn: 0.2909579	total: 2.35s	remaining: 15.1s
27:	learn: 0.2901457	total: 2.41s	remaining: 14.8s
28:	learn: 0.2896557	total: 2.48s	remaining: 14.6s
29:	learn: 0.2888863	total: 2.56s	remaining: 14.5s
30:	learn: 0.2884196	total: 2.61s	remaining: 14.2s
31:	learn: 0.2876371	total: 2.68s	remaining: 14.1s
32:	learn: 0.2869579	total: 2.78s	remaining: 14.1s
33:	learn: 0.2864635	total: 2.88s	remaining: 14.1s
34:	learn: 0.2862244	total: 2.95s	remaining: 13.9s
35:	learn: 0.2857662	total: 3.03s	remaining: 13.8s
36:	learn: 0.2852480	total: 3.15s	remaining: 13.9s
37:	learn: 0.2849213	total: 3.21s	remaining: 13.7s
38:	learn: 0.2845431	total: 3.28s	remaining: 13.5s
39:	learn: 0.2839791	total: 3.35s	remaining: 13.4s
40:	learn: 0.2836364	total: 3.44s	remaining: 13.4s
41:	learn: 0.2833513	total: 3.52s	remaining: 13.2s
42:	learn: 0.2831114	total: 3.58s	remaining: 13.1s
43:	learn: 0.2828483	total: 3.65s	remaining: 12.9s
44:	learn: 0.2825778	total: 3.72s	remaining: 12.8s
45:	learn: 0.2823769	total: 3.79s	remaining: 12.7s
46:	learn: 0.2820698	total: 3.87s	remaining: 12.6s
47:	learn: 0.2818086	total: 3.93s	remaining: 12.5s
48:	learn: 0.2816115	total: 3.98s	remaining: 12.3s
49:	learn: 0.2812934	total: 4.08s	remaining: 12.2s
50:	learn: 0.2811264	total: 4.15s	remaining: 12.1s
51:	learn: 0.2807356	total: 4.22s	remaining: 12s
52:	learn: 0.2804947	total: 4.3s	remaining: 11.9s
53:	learn: 0.2800889	total: 4.36s	remaining: 11.8s
54:	learn: 0.2797278	total: 4.42s	remaining: 11.6s
55:	learn: 0.2792745	total: 4.49s	remaining: 11.6s
56:	learn: 0.2790923	total: 4.55s	remaining: 11.4s
57:	learn: 0.2786108	total: 4.63s	remaining: 11.3s
58:	learn: 0.2782505	total: 4.74s	remaining: 11.2s

```

train_auc = roc_auc_score(y_train, y_train_predicted)
test_auc = roc_auc_score(y_test, y_test_predicted)

plt.figure(figsize=(10,7))
plt.plot(*roc_curve(y_train, y_train_predicted)[:2], label='train AUC={:.4f}'.format(train_auc))
plt.plot(*roc_curve(y_test, y_test_predicted)[:2], label='test AUC={:.4f}'.format(test_auc))
legend_box = plt.legend(fontsize='large', framealpha=1).get_frame()
legend_box.set_facecolor("white")
legend_box.set_edgecolor("black")
plt.plot(np.linspace(0,1,100), np.linspace(0,1,100))
plt.show()

```



```

boosting_model = catboost.CatBoostClassifier(n_estimators=200, silent=True,
                                              cat_features=categorical_indices,
                                              eval_metric='AUC')
boosting_model.grid_search({'l2_leaf_reg': np.linspace(0, 1, 20)},
                           X_train_origin,
                           y_train, plot=True, refit=True)

```

```

MetricVisualizer(layout=Layout(aligned='stretch', height='500px'))
0:      loss: 0.9227514 best: 0.9227514 (0)      total: 13.9s      remaining:
1:      loss: 0.9238508 best: 0.9238508 (1)      total: 29.3s      remaining:
2:      loss: 0.9236316 best: 0.9238508 (1)      total: 44.8s      remaining:
3:      loss: 0.9233129 best: 0.9238508 (1)      total: 1m 2s      remaining:
4:      loss: 0.9237572 best: 0.9238508 (1)      total: 1m 15s     remaining:

```

```

5:      loss: 0.9232062 best: 0.9238508 (1)      total: 1m 26s      remaining:
6:      loss: 0.9239117 best: 0.9239117 (6)      total: 1m 40s      remaining:
7:      loss: 0.9231683 best: 0.9239117 (6)      total: 1m 58s      remaining:
8:      loss: 0.9233554 best: 0.9239117 (6)      total: 2m 15s      remaining:
9:      loss: 0.9232125 best: 0.9239117 (6)      total: 2m 38s      remaining:
10:     loss: 0.9232851 best: 0.9239117 (6)      total: 2m 58s      remaining:
11:     loss: 0.9233200 best: 0.9239117 (6)      total: 3m 21s      remaining:
12:     loss: 0.9234769 best: 0.9239117 (6)      total: 3m 57s      remaining:
13:     loss: 0.9236351 best: 0.9239117 (6)      total: 4m 17s      remaining:
14:     loss: 0.9236565 best: 0.9239117 (6)      total: 4m 38s      remaining:
15:     loss: 0.9235567 best: 0.9239117 (6)      total: 4m 59s      remaining:
16:     loss: 0.9233254 best: 0.9239117 (6)      total: 5m 19s      remaining:
17:     loss: 0.9234545 best: 0.9239117 (6)      total: 5m 44s      remaining:
18:     loss: 0.9237148 best: 0.9239117 (6)      total: 6m 11s      remaining:
19:     loss: 0.9233875 best: 0.9239117 (6)      total: 6m 35s      remaining:

```

Estimating final quality...

```

{'params': {'l2_leaf_reg': 0.3157894736842105},
 'cv_results': defaultdict(list,
                             {'iterations': [0,
1,
2,
3,
4,
5,
6,
7,
8,
9,
10,
11,
12,
13,
14,
15,
16,
17,
18,
19,
20,
21,
22,
23,
24,
25,
26,
27,
28,
29,
30,
31,
32,
33,
34,
35

```

35,
36,
37,
38,
39,
40,
41,
42,
43,
44,
45,
46,
47,
48,
49,
50,
51,
52,
53,
54,
55,
56,
57,
58,
59,
60,
61,
62,
63,
64,
65,
66,
67,
68,
69,
70,
71,
72,
73,
74,
75,
76,
77,
78,
79,
80,
81,
82,
83,
84,
85,
86,
87,
88,
89

```
90,  
91,  
92,  
93,  
94,  
95,  
96,  
97,  
98,  
99,  
100,  
101,  
102,  
103,  
104,  
105,  
106,  
107,  
108,  
109,  
110,  
111,  
112,  
113,  
114,  
115,  
116,  
117,  
118,  
119,  
120,  
121,  
122,  
123,  
124,  
125,  
126,  
127,  
128,  
129,  
130,  
131,  
132,  
133,  
134,  
135,  
136,  
137,  
138,  
139,  
140,  
141,  
142,  
1 1 2
```

143,
144,
145,
146,
147,
148,
149,
150,
151,
152,
153,
154,
155,
156,
157,
158,
159,
160,
161,
162,
163,
164,
165,
166,
167,
168,
169,
170,
171,
172,
173,
174,
175,
176,
177,
178,
179,
180,
181,
182,
183,
184,
185,
186,
187,
188,
189,
190,
191,
192,
193,
194,
195,
196,
197


```
197,  
198,  
199],  
'test-AUC-mean': [0.8787976610476503,  
0.8852556743471777,  
0.889584073318887,  
0.8899086972629142,  
0.8960222976772979,  
0.8973998637245018,  
0.8986302867994703,  
0.8994069308284751,  
0.9000850206151433,  
0.900331484440093,  
0.9012762965079898,  
0.9022252823207143,  
0.9024863775814671,  
0.9028770678746619,  
0.9032347643027697,  
0.9035579742191248,  
0.9043414410068961,  
0.9047577386026862,  
0.9049681828614614,  
0.9053751577949548,  
0.9055590226340259,  
0.9059074383752339,  
0.9060234933435867,  
0.9060811288356128,  
0.9064905957113921,  
0.9069917025095999,  
0.9071207899022272,  
0.9074414778268157,  
0.9076280397959072,  
0.907653024421674,  
0.9080248397924646,  
0.908255043190673,  
0.9085039825233117,  
0.9086835703606302,  
0.9088972547386223,  
0.9093203091337939,  
0.9095899463149154,  
0.9097187596233759,  
0.910123572766962,  
0.9103675607156623,  
0.9105592264414164,  
0.9108858667949239,  
0.9111394928297702,  
0.9114054376137223,  
0.9116300876893503,  
0.9118112630292553,  
0.9119603991128254,  
0.9121485204991302,  
0.9123642887817285,  
0.9124695802142693,  
0.9125115612164599,  
0.9126110001052733]
```

0.9128118894853/33,
0.9130229923422738,
0.9131946320212876,
0.913324131079042,
0.9135168285195867,
0.9136870042251731,
0.913818509712371,
0.9139191778427166,
0.9140602722199472,
0.9142781016581362,
0.9144480137266947,
0.9145233793238076,
0.9146951323081393,
0.9149780107765667,
0.9151503691481103,
0.9153223468154265,
0.9154520950459911,
0.9155593348528704,
0.9156209236493947,
0.9157886783917201,
0.9159095076980491,
0.9159883879223557,
0.9160600785258427,
0.916259903562873,
0.9163895996967338,
0.9165306484460564,
0.9166327635495883,
0.9166593784941225,
0.916777615476768,
0.9168628613012402,
0.9169494431997269,
0.9170348934782417,
0.9170892952879469,
0.9171572346029327,
0.9172531037117998,
0.917352013418896,
0.9174837807521837,
0.9175422483696561,
0.9175870960986945,
0.9176091974758679,
0.9176964910740231,
0.9177969010016759,
0.9179032081627195,
0.9179496272553944,
0.9180286761582734,
0.9181671114936788,
0.9182216244167395,
0.9183404240023155,
0.9183943054009488,
0.9184725263367303,
0.918539310047756,
0.9185886113522853,
0.9186280596945512,
0.9187075312838902,
- - - - -

0.9187488908442251,
0.9188212178846871,
0.9188717595984256,
0.918936512401575,
0.918971123021238,
0.9190453456215925,
0.9191413540636223,
0.9191677829830041,
0.9192737825629581,
0.9193407857596023,
0.9194139648810272,
0.9194857824884579,
0.9195378755693024,
0.919578381023046,
0.9196209122943914,
0.9196827378570361,
0.919772578217045,
0.9198244224167332,
0.9198674970122213,
0.9199306951944993,
0.9200137133881636,
0.9200741357257289,
0.9201572235768604,
0.92021785529013,
0.920254556789032,
0.9203148966340734,
0.9203461796838769,
0.9204003933083668,
0.9204440747630084,
0.9204776136930483,
0.9205006496733293,
0.9205526195599609,
0.9205924792437999,
0.9206180427846173,
0.9206441547626373,
0.9206933907321035,
0.9207368528036611,
0.9207480821656677,
0.9207914061299212,
0.9208285449868486,
0.9208686112004867,
0.9209262589510968,
0.9209673546830058,
0.9209799718648343,
0.9210214517279057,
0.9210351161072529,
0.9210735459343523,
0.9211092280704684,
0.9211384222529899,
0.9211798471483879,
0.9212148687063211,
0.9212209709018705,
0.9213055149110124,
0.9213460091793678,
.....

```
0.9213531294890593,  
0.9213622562236372,  
0.9213848664323053,  
0.921537795522298,  
0.9215718679080923,  
0.9215919904376365,  
0.9215999610738096,  
0.921632921129813,  
0.9216424463298938,  
0.9216539098194634,  
0.921735663314605,  
0.9217681285658502,  
0.9218308479615573,  
0.9218358786839459,  
0.9218587778602517,  
0.9219185418298248,  
0.9219818773264729,  
0.9220109344133648,  
0.9220426313749428,  
0.9220546445321306,  
0.9221095430560163,  
0.9221337896557803,  
0.9222066060689439,  
0.9222254354226821,  
0.9222380530237633,  
0.9222557285941008,  
0.9222604032752573,  
0.9223143364743832,  
0.9223397628056439,  
0.9223588539325585,  
0.9223896450987014,  
0.9224302862467678,  
0.9224511789799589,  
0.9224487333514237,  
0.9224740530375599,  
0.9224807746379442,  
0.9225187652887374,  
0.9225295406570452,  
0.9225437929061333,  
0.9225567400398282,  
0.9225934651854933],  
'test-AUC-std': [0.004880780851739435,  
0.0056362882651357065,  
0.009159916111939023,  
0.01164946990928873,  
0.008169726732700153,  
0.00815466992051814,  
0.007271260566978086,  
0.007634073326450518,  
0.00830632025028167,  
0.007886431254433425,  
0.00842386484720114,  
0.007322031793307574,  
0.00748322169400162,
```

0.007422051666004917,
0.0075405821973596856,
0.0070910360184317095,
0.007158940310314591,
0.006801493343537337,
0.006437335942020964,
0.006169936620065218,
0.006231605310757027,
0.006098380699125295,
0.005927512733357988,
0.005740842803596849,
0.005637890645421116,
0.005836180455892275,
0.005642956446152196,
0.005491805288045297,
0.005557990415366201,
0.0055038501078874145,
0.005312043397035655,
0.00523779226326297,
0.005074323525831793,
0.005042956557938244,
0.004896480304673372,
0.004669008816188662,
0.004748388306720271,
0.004790477020819169,
0.004789295637994479,
0.004773919817881617,
0.004612638843925359,
0.004697772067317494,
0.004680307821424074,
0.004629025075554672,
0.004525592539307005,
0.004495901735286139,
0.004448791529170965,
0.0043364878535024735,
0.004255887760504171,
0.004110989681105989,
0.004102195584714647,
0.004126916404974036,
0.003960791599363305,
0.003881700876101997,
0.003828428049897119,
0.0038253105226544954,
0.0038154806667070567,
0.0038059750583637644,
0.0038468804802832255,
0.0038692655754765906,
0.003838521794073914,
0.0038189657262287405,
0.003816986262726768,
0.0037084458663314878,
0.003774284072026499,
0.003793300575174272,
0.00383474095190201,

0.0038261141873062224,
0.0038268954512114747,
0.0037957336814232554,
0.0037055817762661532,
0.0036913056689831963,
0.003735326681949562,
0.003727817379280715,
0.0037532575874870016,
0.0036934220329149043,
0.003615357562235138,
0.0036405339843442915,
0.0036515678289029234,
0.0036846926675650525,
0.003680225639492647,
0.0036758992419380033,
0.0036223205083618024,
0.0036228675156646656,
0.0036063516734278628,
0.00356611526512288,
0.0036176005151583755,
0.0035275371757770126,
0.003447477158893205,
0.0034212020086015803,
0.003444800128003268,
0.0033763506182982257,
0.00338619307253428,
0.00339711621320031,
0.0034125559159829378,
0.0034134648341927715,
0.0033171808270878625,
0.003310700721631879,
0.003297517102273653,
0.0033196896432506995,
0.003251283492803488,
0.0032537301601987135,
0.0032321996337385493,
0.0032066600619691976,
0.0031772044366742583,
0.0031757793734067245,
0.0032135557387260078,
0.003208374259877907,
0.0031879968380202767,
0.003181572921616875,
0.0032026294753245564,
0.0032470007852392273,
0.003204925426413119,
0.003181304877275291,
0.0031829056171323884,
0.0031392502769375307,
0.003091023567341977,
0.0031047475050759625,
0.00306480579216436,
0.0031024442822129234,
0.0030998341802646336,

0.003151614859449453,
0.003136356863820224,
0.003091751591431771,
0.003056474266855468,
0.003050863558513385,
0.003060855517839588,
0.0030750205603240614,
0.003094251044380634,
0.0031132829298532493,
0.003108422710995172,
0.003079539958411018,
0.0031263325913154097,
0.0031012024284128034,
0.0031147203824085164,
0.0031106480157278705,
0.003107737708662268,
0.0030840737234574464,
0.0031019510379103107,
0.0030339308100376847,
0.003056718803633318,
0.003057636464081176,
0.0030516721756561143,
0.0030286289930400805,
0.00299193416217894,
0.0029814894950542094,
0.002989981543779519,
0.0029655574270147944,
0.002975259382318175,
0.002954459452973953,
0.002965346738790895,
0.002943324190689277,
0.0029324570502118332,
0.00293394063906035,
0.0029309328649609967,
0.0029109942112048883,
0.0029136186392807613,
0.0029214291229736214,
0.0029360502790891025,
0.0029415162888239395,
0.0029375086382955632,
0.0029269252803664565,
0.003002002376620462,
0.002974978389838822,
0.002967668065520858,
0.0029640544759513545,
0.0029350162900919218,
0.0029403644308840927,
0.0029365910846295765,
0.0029393355029424654,
0.0029258721838577883,
0.002952891552646372,
0.0029570175896139303,
0.0029563643101150616,
0.002937396245134736,

```
0.0028942707630018436,  
0.002910497803536169,  
0.002931181256784308,  
0.002926410294921281,  
0.0029374595502816227,  
0.0029244698200829957,  
0.0028255164657306608,  
0.0028253425686619277,  
0.0028159295009167144,  
0.002813159256551903,  
0.0028187755183793294,  
0.002756237466398864,  
0.0027459106064347595,  
0.0027437473863664266,  
0.002770363650964881,  
0.0027254416566574713,  
0.002732733943505706,  
0.002725803123123445,  
0.0027464595140062847,  
0.002756280951436586,  
0.0027428153266715986,  
0.0027287492588352895,  
0.0027135568751988984,  
0.0026931553111276666,  
0.0026543764390099373],  
'test-Logloss-mean': [0.6619277972515668,  
0.633352470821178,  
0.6079751150976301,  
0.585783149755902,  
0.5645159400724818,  
0.5451865868418122,  
0.5263870019527084,  
0.5112323553239159,  
0.49689347296155256,  
0.48329253645498627,  
0.47077967946944316,  
0.45910014632496954,  
0.4494774223816132,  
0.4406824737257676,  
0.43231216091077634,  
0.42409943432178626,  
0.4169491121549343,  
0.40988848243270454,  
0.4033897850447736,  
0.3981638111130543,  
0.39252879783106126,  
0.3876459504406837,  
0.38428421293742926,  
0.3805140347550416,  
0.3764527880630138,  
0.3726709537435378,  
0.3691931503969794,  
0.36618174415639176,  
0.36328154740789703,
```


0.36061399630913044,
0.35810718967023014,
0.35548896629588245,
0.35292934128325953,
0.35051877936585196,
0.3486015741394683,
0.3464198926056823,
0.344869043019572,
0.3435767288428279,
0.342181131840142,
0.3408360702294441,
0.33936982823968087,
0.3381200505145883,
0.33657770727708275,
0.33514777629147335,
0.3340991654090802,
0.3328700137125811,
0.33168469005659823,
0.33068247272425544,
0.3295427182296766,
0.3286569780069974,
0.3276960800320088,
0.3265853805774759,
0.3255934187324358,
0.3246614369225553,
0.32387873542062734,
0.32313769119869806,
0.3223949414630127,
0.3218281733538528,
0.3212891412424417,
0.3207351474688526,
0.3200065881658538,
0.31929281145220023,
0.318751742017088,
0.31811862548773534,
0.31737941270731723,
0.3166795490688929,
0.3161086640672534,
0.31565523991821176,
0.3151323127201448,
0.31469158548721604,
0.3142661049337037,
0.31394667879235844,
0.31361709983404257,
0.31333077648121216,
0.3127632110929896,
0.3124018774251524,
0.3119705688817666,
0.3115977820479044,
0.3112993130872163,
0.3109469700269787,
0.3105722026248079,
0.31023426118198516,
0.30993562165662997,

0.30969518237411225,
0.3094797256112403,
0.3091404403090981,
0.30884076114054676,
0.30851908148177926,
0.3082527614161252,
0.3080934393139183,
0.307919672107048,
0.3075990782920511,
0.30734862781668437,
0.30706765220607185,
0.3068442815490537,
0.3065608722025799,
0.3062980393515567,
0.3061200880091168,
0.30582816181963235,
0.30563107865987177,
0.30543991581609276,
0.30521964237861615,
0.3050410382269367,
0.30484577283976266,
0.3046417456187866,
0.3044949968555896,
0.304272661784182,
0.3041080230915965,
0.30392206047745435,
0.3037874957807883,
0.3035865361906452,
0.3033339017497069,
0.30319207362489237,
0.30289918721552084,
0.30272035824683985,
0.30252359610966467,
0.30227769989137093,
0.3021625783941575,
0.30203491087377815,
0.30186639646407104,
0.3017374430015788,
0.3015246106529008,
0.3014068500038225,
0.30129802250522514,
0.30112548890311197,
0.3009727672518845,
0.30085317423530616,
0.30070862987918884,
0.3005590780085024,
0.30043603981089445,
0.3002849398786475,
0.30019532405777183,
0.3000444975916283,
0.29994730858320723,
0.29984164333811103,
0.299732377133195,
0.29962072232813347,

0.29950711306502836,
0.2994000589917757,
0.2993257925308697,
0.2992099932750117,
0.2991126628647505,
0.299068691734299,
0.29894679581236927,
0.2988339779592864,
0.2987499021995937,
0.2985953844901841,
0.2985103957121001,
0.2984092154380766,
0.298321221997696,
0.29826668929355477,
0.2981720412106252,
0.29809571522999384,
0.29803211369337973,
0.2979159877198952,
0.2978315686701132,
0.2977787957148074,
0.2975993269995674,
0.29748958774513984,
0.297449637258187,
0.29737476372309884,
0.29730783135266375,
0.297010406412951,
0.29694051815575306,
0.29688444480880993,
0.2968487448766323,
0.29674809051299716,
0.2967052316939425,
0.29666760613751175,
0.29651514978187776,
0.2964313803564495,
0.2962948230005018,
0.29625774194685933,
0.29619117866270955,
0.29608627681513733,
0.2959609679380688,
0.29588296549479337,
0.2957918627323032,
0.29574356164895116,
0.2956397671575131,
0.29558560452790644,
0.29544065742886344,
0.29537576491306444,
0.29532311363028274,
0.2952640041382089,
0.2952118569683413,
0.2950867789820047,
0.2950221741541756,
0.2949705718363666,
0.29487759882963,
0.29479801025637425.

```
0.2947595679859905,  
0.29472847709438077,  
0.2946640602140803,  
0.29463098640304564,  
0.29454179008279563,  
0.2944999815487177,  
0.2944440779030479,  
0.29441675940361034,  
0.2943605216677096],  
'test-Logloss-std': [0.0004815231957404724,  
0.0012123121216483933,  
0.0026942576513129127,  
0.004266002630438518,  
0.005633579820544494,  
0.005747810446168087,  
0.0036278358162015805,  
0.003809853956894585,  
0.005034695151859449,  
0.004944445116065673,  
0.005474533698047862,  
0.005544864686672889,  
0.006119653494357698,  
0.0051291165903892735,  
0.004957959965907101,  
0.0053500571556709085,  
0.005561950725415701,  
0.005055793321713159,  
0.004886747380776494,  
0.004570413001356731,  
0.005044934445806659,  
0.004360508629735958,  
0.00496844387530814,  
0.005066130764874758,  
0.004899609144763377,  
0.005316036290914191,  
0.00488630858633007,  
0.004792198109779253,  
0.004913299125274926,  
0.005092605334472941,  
0.005067495497998179,  
0.005156815448243944,  
0.005070471725534231,  
0.005307514356965894,  
0.0053082578617819585,  
0.005230946329309367,  
0.004851359143714329,  
0.005261136155790326,  
0.0050773242668967385,  
0.005537243198720632,  
0.005064721759868439,  
0.005292197730159766,  
0.005020096498972035,  
0.0047887929788707735,  
0.004698290765858559.]
```

```
-----,  
0.004783100908900113,  
0.004711221803809502,  
0.004832014369406063,  
0.004911413846994724,  
0.0047960981298309675,  
0.004901976277552676,  
0.004828714100142662,  
0.004738498591635497,  
0.004613805038981319,  
0.004476574805436958,  
0.004418833446634928,  
0.0043980321010898375,  
0.004134795584391907,  
0.00401939480726614,  
0.004123947426708803,  
0.004072842348463235,  
0.003889946985084709,  
0.0040035140031791875,  
0.0038849442953518853,  
0.003956128853424487,  
0.00403842040333615,  
0.00403974393363879,  
0.00400873882085097,  
0.004056444117766849,  
0.003954927031799195,  
0.003890537652312528,  
0.0038844116373812298,  
0.004009862757254476,  
0.004031943124459497,  
0.004015833241818873,  
0.003954313440681121,  
0.0039042544486926982,  
0.003990563707941665,  
0.004051982986753137,  
0.004100340138486231,  
0.004045350694399622,  
0.004035027600573812,  
0.0040144143621252725,  
0.004033136866784444,  
0.00399413995552677,  
0.003927389083184023,  
0.004016046913840642,  
0.0038742247963408924,  
0.0036843476361594603,  
0.0036132160917571893,  
0.003568358866668753,  
0.003544754376209838,  
0.003547269865864109,  
0.0035653327576486604,  
0.003569225161759438,  
0.0035652465777352297,  
0.003516589542211796,  
0.003440670264864085,  
0.0034495052112279412.
```

```
.....,
0.0034271905239688584,
0.0034063606309609313,
0.0033696147843546697,
0.0033447312241794134,
0.003301113183554335,
0.003317373170070594,
0.0033732299793911833,
0.00337069539283441,
0.0033715579915439674,
0.0033028855282904,
0.0033213193567251205,
0.003391950038837126,
0.003467361402436165,
0.003427271212934189,
0.0034182597525603017,
0.0034457037305072684,
0.003409069601821166,
0.0034389553027461325,
0.0034456370944576788,
0.003363559516366124,
0.003461796633246081,
0.0034676691329014447,
0.003600169724672979,
0.003581743945099599,
0.0035315274844188354,
0.0035360088303347716,
0.0035164031500563475,
0.0035534302189530013,
0.003561093258720288,
0.00367589899182513,
0.003763083623629413,
0.0038228323136451346,
0.0037870840089639394,
0.003858993066022521,
0.0038362867421646734,
0.0038371143503046425,
0.003808977901712342,
0.0037829955618292393,
0.0037932636603963056,
0.003755255741792805,
0.0036673339012129403,
0.003715551603643036,
0.00374448815467112,
0.003742511648521704,
0.0037192900411646924,
0.0036849340959144395,
0.0036652170929835992,
0.003651018863839262,
0.003614773718129049,
0.0036166079728509153,
0.003580017504710141,
0.003613362225799527,
0.0035791906246582573,
0 003587940250445241
```

```
0.0035935249249130032,  
0.0035952289355390553,  
0.003607802933282495,  
0.003595810048241921,  
0.003625098015018538,  
0.003678890695521068,  
0.003711973795972078,  
0.003716558968975707,  
0.003675973577456051,  
0.003780979571447422,  
0.0037411272873059376,  
0.0037318986894037,  
0.0037400290933098856,  
0.0037389606704809814,  
0.0037479459557363437,  
0.003759312011314574,  
0.0037637382021900342,  
0.003747506006257857,  
0.003822866292252748,  
0.003814363582821846,  
0.0038432422798768888,  
0.0038097823804814123,  
0.003757689916212474,  
0.0037745170249801284,  
0.0038094384078392485,  
0.003799127469365114,  
0.0038326846886494984,  
0.003814626256739448,  
0.003677027006720832,  
0.0036755372067804205,  
0.0036957791300402643,  
0.0036817504104487333,  
0.0037347559978107487,  
0.0036553705558281507,  
0.0036375652154286772,  
0.003641863127173109,  
0.0036929943084354207,  
0.003634574652584597,  
0.0036266479428636563,  
0.0036278998493133843,  
0.003673460954827481,  
0.003692714407585181,  
0.00368047452418684,  
0.0036973330762986876,  
0.003678306129694728,  
0.0036568926237728998,  
0.0035989182703416362],  
'train-Logloss-mean': [0.6622899104779973,  
0.6338334455814484,  
0.6086729096298628,  
0.5867224851087957,  
0.5655935123744574,  
0.5463752207845051,  
0.5271081615225658
```

```
0.5274004043223030,  
0.5123194028900616,  
0.4980829397221373,  
0.48448083905000544,  
0.4720776538851938,  
0.46030973260477404,  
0.45069215971593124,  
0.4418109570753259,  
0.4333404769790417,  
0.4250844253379668,  
0.41795832249423787,  
0.4109267673920911,  
0.4044852851615581,  
0.39917549796517715,  
0.39359313202692414,  
0.388648437121416,  
0.3851830042562842,  
0.38138435132561993,  
0.3772952477205966,  
0.37355629353166303,  
0.3700264063590291,  
0.3669914052107301,  
0.36398471861596443,  
0.3612369487611884,  
0.3586552737701337,  
0.35598040401037384,  
0.35335029218785835,  
0.3509434704120585,  
0.3490360587890852,  
0.3469222638187015,  
0.3452481411408947,  
0.3438556386371256,  
0.3424051447665062,  
0.34104807074828497,  
0.3394972034092419,  
0.33819522303088423,  
0.33648724530539925,  
0.335019022626871,  
0.3339366116598912,  
0.33262230453714126,  
0.33132543366732575,  
0.33027168527384737,  
0.3291081853101259,  
0.32811586487862016,  
0.32706888166388365,  
0.3259478863933221,  
0.3249937569404666,  
0.323948179064032,  
0.3230958143736691,  
0.3222753558627647,  
0.32144811983465743,  
0.32085351265960066,  
0.3201988167264315,  
0.3196331600019773,  
0.31801320217702105
```


0.3187133021772183,
0.31808000400419983,
0.3174783083113335,
0.31681589760271245,
0.3160480719931017,
0.31528314384699746,
0.31463350018991454,
0.3141452982543225,
0.31350744916536066,
0.31295592795293037,
0.3124532694540784,
0.3120918234872936,
0.3116653417823289,
0.31130947120165475,
0.31067542080073013,
0.3102570625053096,
0.30980254147511627,
0.30937405615475083,
0.3090125976000988,
0.3086094278708638,
0.30818483673767677,
0.3078176585765449,
0.3075023722119212,
0.307159289374755,
0.30689499180482516,
0.30653061055907127,
0.3062006146861149,
0.3058404601325852,
0.3055355581773831,
0.30532206337340106,
0.30506370697840646,
0.3046779411761327,
0.30433765809458796,
0.3040305575517959,
0.3037249193301998,
0.30338676706535356,
0.3030799285395936,
0.3028163751883109,
0.30250800029897035,
0.30226956774608255,
0.30201422253720334,
0.30172632001504845,
0.30145723063225355,
0.30114046023321045,
0.30090440033780297,
0.3006975696635179,
0.30046526321105543,
0.3002221308574404,
0.2999664083397208,
0.2997632945907226,
0.2995206979943699,
0.2992798560622513,
0.2990276891731447,
0.29871732512456245,
0.2985100007005047

0.2985100587085847,
0.2982721933778992,
0.29798001085680953,
0.2978127345652068,
0.2975768000433141,
0.2973051836632093,
0.297149900699107,
0.2968619502669649,
0.29663699484853595,
0.29647321207030847,
0.29619979620071296,
0.29599383678024166,
0.29582802950314396,
0.29563630242980204,
0.295445560536711,
0.2952497386374102,
0.2950440324428821,
0.2948963438560385,
0.29466149105645534,
0.2944773826240648,
0.2943044299228763,
0.2941346564836151,
0.29395839279601305,
0.29378937186264853,
0.2935896045080402,
0.29344493107727954,
0.29330518164796077,
0.2931710820525187,
0.29306395050745676,
0.2928766434343953,
0.2927086823838447,
0.29255891252847627,
0.29235672840393634,
0.29221710906169873,
0.2920316436584347,
0.2919082757446007,
0.2917832054779016,
0.29165244581331234,
0.2915356852302658,
0.2914313771962966,
0.2912699138634695,
0.2911631186051024,
0.2910355698766012,
0.2908323198932905,
0.2906935908620521,
0.2905854584019642,
0.2904404118401278,
0.29031867188979427,
0.29003981138865415,
0.28990477547526866,
0.28978920038633404,
0.2896988864898875,
0.28949580841231565,
0.28933789648627123,
0.28924344441113550

0.0015431627456651002,
0.001366156198886759,
0.0015699428713854898,
0.001339912438010836,
0.0017233444746046246,
0.0019088575241370813,
0.002028953868729136,
0.002040161526335074,
0.002013242281970153,
0.0018368969866696344,
0.0017685452478851404,
0.0015098276106993462,
0.0014025249019826442,
0.0014952529268929587,
0.00183035464274331,
0.0013752322848943062,
0.0016678216197731196,
0.0011389834641337148,
0.0015764208676432242,
0.0013339453391803952,
0.0015555441356162529,
0.001804549256174666,
0.0018350264909501402,
0.001785606577540949,
0.0018041139842598693,
0.0016740875583562218,
0.0015922924564457965,
0.001847283032921499,
0.0017654986857961515,
0.0018390964304954213,
0.0018595721139330668,
0.0018906097962974858,
0.001994225786917644,
0.0020556434289902632,
0.002140749420474707,
0.002325484562031229,
0.0023839268777847197,
0.0022727880644945755,
0.0022675774330164333,
0.0025088917581238563,
0.0023414250273255696,
0.0024435911954328936,
0.002360912499948214,
0.0022704696532884648,
0.0022162852191939773,
0.002207474954872996,
0.0021518476379164733,
0.0022924777047263695,
0.002286729223153918,
0.002264853142290109,
0.002139947600113425,
0.0021158011962037738,
0.0020361142855305474,
0.0020504657213256585,

0.002020860390306047,
0.0019441963153415493,
0.0019137034806048139,
0.0019096362753070006,
0.0019328208533323226,
0.0019557288058552735,
0.0019379112422759034,
0.0019749822358847953,
0.001984339865433604,
0.0020132775958266918,
0.0019398507710718864,
0.001983085007691663,
0.0020449523349331546,
0.0020860154977313237,
0.0021404163635242775,
0.002169010051420115,
0.0021933721428182918,
0.0022246693810444394,
0.0022852189235151176,
0.002318632056041959,
0.0023741998932181917,
0.002423325737883078,
0.002411712111608014,
0.0024428779380854496,
0.0024590019956121033,
0.0024371575573523766,
0.002443799040517186,
0.0025253372642473175,
0.002464024793540458,
0.002390729772147204,
0.002475644665238298,
0.0024571966290403056,
0.0025360661084792534,
0.002541802461984961,
0.00247775122883669,
0.0024336686649056413,
0.002441988446830068,
0.002389957520905505,
0.0023501713457868534,
0.0023973937898821704,
0.002347555843568957,
0.0023531532367201463,
0.002459001305506478,
0.0024462234527226324,
0.0024001481482258283,
0.0022828166374761444,
0.0023282578345947373,
0.0023526072704620916,
0.002369629783851458,
0.002408940679406986,
0.0023585226715843806,
0.0024071211632547967,
0.0023203053951421438,
0.002292082635072194,

0.0022481717370447384,
0.002268070559543982,
0.0022225885365608207,
0.002262192000001821,
0.0023043937871093556,
0.00230898217259606,
0.002334368281267858,
0.002333303058535095,
0.00239294533048733,
0.0024264630879972755,
0.002431637363071556,
0.002446445006348277,
0.002451658593948814,
0.0025070132426479115,
0.002538189802693916,
0.0025188022842722976,
0.002543841602294349,
0.0025693260967016717,
0.0025312332200591397,
0.0025254105080362963,
0.0025178499902540185,
0.0025174392901922194,
0.0025150188103724466,
0.0025190410512316483,
0.002500165096186849,
0.0024606374699326188,
0.0024558238299950356,
0.0024463052909310954,
0.0024190631884166637,
0.0023550058081419512,
0.0023233884489108265,
0.0023267015187158624,
0.002304200157724587,
0.002310737671117243,
0.0023183795700388605,
0.0022806555051340304,
0.0022846776937686737,
0.002276991353788541,
0.0022674603437705964,
0.002293006532267939,
0.002276049944283871,
0.002235148451668369,
0.002251496591245988,
0.0022217465342373767,
0.002213512885840858,
0.002245936014395611,
0.0022349048115319656,
0.002230168156011983,
0.002288714053364743,
0.002249406183803928,
0.0022950173876788676,
0.002385552439135945,
0.0023666294821086393,
0.002323294806950134,

```
0.0023192712973228737,  
0.0022787071585641896,  
0.002337705886921147,  
0.0023455767481175027,  
0.0023134930081286473,  
0.002310415113281136,  
0.002327420022366643,  
0.002343444979490085,  
0.002361569820954491,  
0.0023423479076410594,  
0.002323810925067819,  
0.002321418759761792,  
0.002271743039431852,  
0.002285127066108061,  
0.00229264662263457,  
0.0023340007831545917]]}}
```

