- A generative model for raw audio
  - probabilistic
  - autoregressive
    - each audio sample is conditioned on all previous ones
  - can be efficiently trained
  - state-of-the-art performance on TTS
    - English and Mandarin
  - can model different speakers
    - speaker identity
  - other usage
    - model music
    - phoneme recognition

- Why?
  - 得益于:用神经网络建模复杂分布,例如联合概率
    - 可以轻松建模具有上千个随机变量的概率分布
    - Pixel CNN, Pixel RNN
    - 在图像和文本领域取得了很好的结果
  - 是否也可以用来生成语音波形?
    - 声音信号具有很高的临时分辨率
    - 每秒 16000 个采样点
    - 基于 Pixel CNN 的结构,提出 WaveNet

#### Contributions

- 能合成非常自然的语音
  - 自然度 state-of-the-art , 明显超过参数和拼接方法
- 设计了新的网络结构
  - dilated causal convolution
  - 具有超大感受野,能处理长程依赖
- 单个模型输出多种声音
  - 通过 speaker identity 控制
- 可应用到其它领域
  - 音素识别
  - 音乐合成

- 音频波形的联合概率
  - 用条件概率的乘积来表示联合概率

$$p\left(\mathbf{x}\right) = \prod_{t=1}^{T} p\left(x_{t} \mid x_{1}, \dots, x_{t-1}\right)$$

- each audio sample is conditioned on all previous ones
- 通过堆叠卷积层来建模条件概率
  - no pooling layers
  - 模型的输出和输入有相同的时间维度
  - 模型输出当前采样点的 softmax 概率分布

- Dilated causal convolutions
  - 因果卷积, WaveNet 中的干货
    - 确保条件概率在物理上是因果的,即时序是正确的
    - 在图像领域, causal conv 等价于 masked conv
      - 先用 mask 和 conv kernel 进行 elementwise 乘法
      - 再用 masked conv kernel 执行卷积操作
    - 在 1 维数据领域,如音频,对卷积结果进行移位即可
  - 训练阶段
    - 可以并行地计算各个时刻的条件概率(所有真值都已知)
  - 预测阶段
    - 只能串行计算(计算下一个采样点时需要当前采样点的值)

### Dilated causal convolutions

- 由于因果卷积没有循环连接,所以,在长序列上训练速度比 RNN 快很多
- 可通过多层堆叠或者扩大 filter 来增大感受野
- 使用 dilated conv 可显著增大感受野,且计算量没有明显提升
- 下图感受野为 5 (#layers+filter length-1)

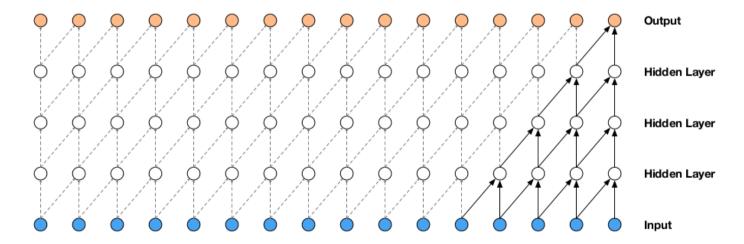


Figure 2: Visualization of a stack of causal convolutional layers.

### Dilated causal convolutions

- dilated conv => conv with holes ( zeros )
- 与 pooling 或 strided conv 相似,但输出和输入维度相同
- dilation=1 => standard conv

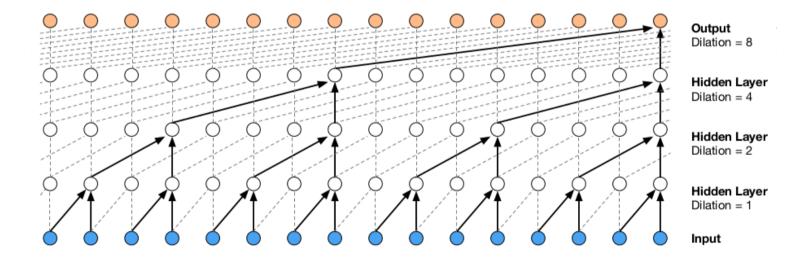


Figure 3: Visualization of a stack of *dilated* causal convolutional layers.

- Dilated causal convolutions
  - 堆叠 dilated convs 可以显著增大感受野
  - 论文中的 dilation 变化策略
    - 1,2,4,...,512,1,2,4,...,512,1,2,4,...,512
    - 感受野随深度呈指数级增长
    - 每一个 1,2,4,...,512 的感受野都是 1024
  - 堆叠 dilated convs 还可以增加模型的表达能力

- 在音频上建模条件概率分布
  - 混合模型,如混合密度网络、混合条件高斯等
  - softmax distribution
    - 因为分类分布( categorical distribution )更灵活
    - 更容易建模任意分布,因为它对分布的形状不作假设
  - 音频序列,每个采样点为 16 位整型,需要输出 65536 个概率
  - 先应用 mu-law 压缩变换,再量化到 256 个值的范围
    - 非线性量化比线性量化的重建效果好

$$f(x_t) = \operatorname{sign}(x_t) \frac{\ln(1+\mu|x_t|)}{\ln(1+\mu)}, \quad -1 < x_t < 1 \text{ and } \mu = 255$$

Gated activation units

$$\mathbf{z} = \tanh (W_{f,k} * \mathbf{x}) \odot \sigma (W_{g,k} * \mathbf{x})$$

Residual and skip connections

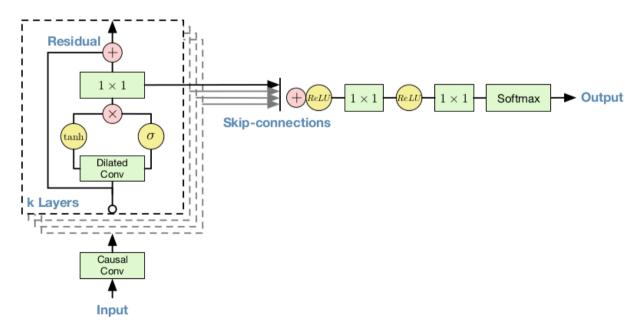


Figure 4: Overview of the residual block and the entire architecture.

- Conditional wavenet
  - conditional distribution

$$p\left(\mathbf{x} \mid \mathbf{h}\right) = \prod_{t=1}^{T} p\left(x_{t} \mid x_{1}, \dots, x_{t-1}, \mathbf{h}\right)$$

- global conditioning
  - · eg. speaker identity

$$\mathbf{z} = \tanh \left( W_{f,k} * \mathbf{x} + V_{f,k}^T \mathbf{h} \right) \odot \sigma \left( W_{g,k} * \mathbf{x} + V_{g,k}^T \mathbf{h} \right)$$

- local conditioning
  - eg. linguistic features, need upsampling first y = f(h)

$$\mathbf{z} = \tanh \left( W_{f,k} * \mathbf{x} + V_{f,k} * \mathbf{y} \right) \odot \sigma \left( W_{g,k} * \mathbf{x} + V_{g,k} * \mathbf{y} \right)$$