areamin.cpp

iluvgirlswithglasses

Aug-22-2022

Solution

Gọi:

- a: số hình vuông
- b: số hình tròn
- x: chiều rộng hình vuông
- y: bán kính hình tròn

$$n = 4ax + 2b\pi y \iff y = \frac{n - 4ax}{2b\pi}$$

Ta lại có:

$$\dot{S} = ax^2 + b\pi y^2$$

$$=ax^2+b\pi(n-4ax)^2\frac{1}{4b^2\pi^2}$$

$$= ax^{2} + b\pi y$$

$$= ax^{2} + b\pi (n - 4ax)^{2} \frac{1}{4b^{2}\pi^{2}}$$

$$= ax^{2} + \frac{1}{4b\pi} (n^{2} + 16a^{2}x^{2} - 8nax)$$

$$= (a + \frac{4}{b\pi})x^{2} - \frac{2}{b\pi}nax + C$$

$$=(a+\frac{4}{h\pi})x^2-\frac{2}{h\pi}nax+C$$

Phương trình bậc 2 dạng $y=ax^2+bx+c$ có đạo hàm y'=ax+b đạt cực trị tại $x=-\frac{b}{a}$

$$\implies S$$
 đạt cực tiểu tại: $x = \frac{\frac{2}{b\pi}na}{2a + \frac{8}{b\pi}a^2}$

Nhân $\frac{b\pi}{2a}$ cho tử và mẫu

$$\implies x = \frac{n}{b\pi + 4a}$$

Suy ra đáp án bài toán là 4x